ЭЛЕМЕНТАРНЫЙ УЧЕБНИК ФИЗИКИ

ПОД РЕДАКЦИЕЙ
АКАДЕМИКА
Г. С. ЛАНДСБЕРГА

ТОМ I

ЭЛЕМЕНТАРНЫЙ УЧЕБНИК ФИЗИКИ

ПОД РЕДАКЦИЕЙ
АКАДЕМИКА
Г. С. ЛАНДСБЕРГА

ТОМ I

МЕХАНИКА. ТЕПЛОТА. МОЛЕКУЛЯРНАЯ ФИЗИКА

ИЗДАНИЕ ВОСЬМОЕ, СТЕРЕОТИПНОЕ

Допущено Министерством высшего и среднего специального образования СССР в качестве учебного пособия для слушателей подготовительных отделений высших учебных заведений

ИЗДАТЕЛЬСТВО «НАУКА»
ГЛАВНАЯ РЕДАКЦИЯ
ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКОЙ ЛИТЕРАТУРЫ
МОСКВА 1972

530.1
Э 45
УДК 530.10 (075.4)

2-3-1
100-72

ОГЛАВЛЕНИЕ

ЧАСТЬ ВТОРАЯ

ТЕПЛОТА. МОЛЕКУЛЯРНАЯ ФИЗИКА

Список таблиц

ОТ РЕДАКЦИИ

Настоящее 6-е издание первого тома «Элементарного учебника физики» под редакцией академика Г. С. Ландсберга подверглось небольшой переработке. Заново переписаны §§ 126, 128—130, 134, а также сделаны некоторые редакционные изменения в первой части («Механика»), вторая часть («Теплота. Молекулярная физика») осталась без изменений.

Более кардинальной переработке подвергалось предыдущее 5-е издание этого тома. В него была введена новая глава «Движение в неинерциальных системах отсчета и силы инерции» (гл. VI), расширено изложение законов всемирного тяготения, законов движения планет и искусственных спутников. Некоторые дополнения и редакционные изменения были сделаны и в других главах первой части («Механика») первого тома. Переработка глав I—VI была выполнена проф. С. Э. Хайкиным, глав VII — IX — проф. М. А. Исаковичем. Во второй части («Теплота. Молекулярная физика») были сделаны только небольшие редакционные дополнения. Вся редакционная работа по переработке первого тома была выполнена М. А. Исаковичем.

ИЗ ПРЕДИСЛОВИЯ К ПЕРВОМУ ИЗДАНИЮ

Название «Элементарный учебник физики», которое мы решили присвоить этой книге, отражает стремление дать учебник, пригодный для ознакомления с элементами физики как науки. Это — задача, которую должно ставить себе преподавание в старших классах общеобразовательной средней школы, равно как и в техникумах или в специальных средних школах. Поэтому мы надеемся, что настоящая книга может быть использована как основной учебник физики во всех подобных школах, ибо принципиальные установки, положенные в ее основу, справедливы для средней школы любого типа.

Установки эти сообщают нашей книге некоторые особенности, отличающие ее от существующих учебников средней школы. Эти особенности требуют пояснений, представляющих интерес главным образом для преподавателей. Именно к ним и обращено настоящее предисловие.

У преподавателей высшей школы сложилось печальное убеждение, что знания по физике, с которыми приходят учащиеся из средней школы, стоят на совершенно неудовлетворительном уровне. Нас смущает не столько недостаточность фактов и теоретических представлений, находящихся в распоряжении учащихся, сколько отсутствие ясного и правильного суждения об их соотношении. Учащиеся зачастую плохо ориентируются в том, что́ положено в основу как определение, что́ является результатом опыта, на что́ следует смотреть как на теоретическое обобщение этих опытных знаний. Нередко новые факты расцениваются как самоочевидные следствия, и поэтому все глубокое значение этих фактов остается неосознанным, или, наоборот, различные формулировки одних и тех же положений воспринимаются как разные закономерности.

Конечно, по объему преподаваемого материала, по глубине изложения, по систематическому использованию более или менее сложного математического аппарата преподавание в высшей школе существенно отличается от преподавания на более ранних ступенях. Однако и на этих ступенях преподавать физику нужно именно как *науку* (или введение в нее), а не как совокупность отдельных фактов. Другими словами, на базе фактического материала в сознание учащихся должно проникать ясное представление о научном методе, характерном для физики. Само собой разумеется, не возникает никаких споров о том, что этот метод есть метод экспериментальный. Никому не приходит в голову отрицать, что физика есть опытная наука и что ее законы находятся с помощью опыта. Однако нередко в учебниках эти утверждения носят характер деклараций, которым отведено место на первых страницах. В дальнейшем же опыт служит главным образом для иллюстративных целей, и то обстоятельство, что физические понятия самым тесным образом связаны с опытом, ускользает от учащихся. А между тем необходимо, чтобы учащиеся осознали, что определения, формулируемые логически, наполняются содержанием лишь при помощи опыта, через *посредство измерений*. Всякое понятие, вводимое в физике, получает конкретный смысл только при условии, что с ним связывается определенный прием наблюдения и измерения, без которого это понятие не может найти никакого применения в исследовании реальных физических явлений.

Рассмотрим, например, простейшее понятие равномерного движения. Вопрос о равномерности данного движения получает решение, зависящее от метода наблюдения. Некоторое движение, например движение поезда, мы вправе рассматривать как равномерное, если применяем грубые методы наблюдения отрезков пути и промежутков времени; то же движение может оказаться неравномерным при более тонких методах. Если при выбранном методе наблюдения движение удовлетворяет установленному определению равномерности, то, следовательно, к нему применимы все законы равномерного движения и справедливы все выводы и расчеты с точностью, соответствующей методу измерения.

Отчетливое понимание этого *экспериментального* характера физических законов имеет крайне важное значение: оно делает из физики *науку о природе*, а не систему умозрительных построений; с другой стороны, оно прививает мысль о границах применимости установленных физических законов, основанных на них теорий и открывает перспективы дальнейшего развития науки.

Не менее важную роль на первых шагах обучения играет правильное представление о *схематизации* изучаемых явлений, ее смысле и ценности. И в этом отношении, конечно, любой преподаватель или составитель учебника признает необходимость схематизации и широко пользуется ею. Нередко, однако, такая схематизация заходит слишком далеко.

Правильный смысл схематизации состоит в том, чтобы пренебречь чертами явления, несущественными для рассматриваемого комплекса вопросов, но сохранить то, что необходимо. В этом смысле одно и то же явление можно схематизировать по-разному, в зависимости от изучаемой стороны дела. Более того, при правильной схематизации мы нередко можем опустить одни черты явления, сохранив другие, казалось бы, с ними неразрывно связанные. Одной из весьма распространенных и очень полезных схематизаций в механике является, например, представление об абсолютно твердом теле или представление о несжимаемой жидкости. Эти схематизации необходимы при изучении обширного комплекса механических вопросов, в которых величина деформации не играет существенной роли и где можно отвлечься от изменения размеров и формы тел. Но деформациями обусловлены напряжения, возникающие в деформированном теле и играющие существенную роль в динамике явлений. Поэтому схематизированное представление об абсолютно твердом теле как теле, в котором *нет* деформаций, если этим представлением пользоваться без всяких оговорок, лишает физического содержания самые элементарные вопросы механики. Необходимо ясно установить, что мы пренебрегаем деформациями твердого тела или жидкости, но учитываем те напряжения, которые возникают в таком схематизированном теле при деформациях и которые объясняют весь комплекс наблюдаемых явлений. Без ясного представления об этом мы не можем понять самых элементарных явлений, не можем, например, ответить на вопрос, почему лежит неподвижно груз на столе, хотя на него действует сила тяжести, ибо не видно, что наряду с этой силой на груз действует и вторая, уравновешивающая ее сила упругого напряжения стола.

Введение в науку и преподавание подобных схематизированных понятий должно совершаться чрезвычайно осмотрительно. При правильном употреблении этих понятий они весьма полезны и могут очень облегчить и формулировку закономерностей и проведение расчетов. Но недоговоренность или неточность в пользовании такими понятиями может привести к самой главной опасности, с которой сопряжено преподавание: к образованию представлений, которые будут служить тормозом к дальнейшему более глубокому пониманию. Примером может служить пользование представлениями о магнитном полюсе или геометрическом луче. Употребление этих понятий, несомненно, ценно, и было бы нерационально отказываться от их использования. Однако необходимы сугубая осторожность и тщательное выяснение сути дела для того, чтобы избежать вреда, который они могут принести. Многие из нас, кому приходится отвечать на запросы или давать оценки изобретениям, знают, к каким недоразумениям может приводить, например, уверенность в непогрешимости геометрической оптики, покоящаяся на неправильном понимании полезного понятия геометрического луча.

Преподавание в средней школе, как, впрочем, и всякое иное преподавание, не может быть, конечно, исчерпывающим. Однако его необходимо строить таким образом, чтобы в дальнейшем учащийся мог и должен был бы *доучиваться*, но никогда не был бы вынужден *переучиваться*. Избежать этой главнейшей опасности — вот цель, которую должны иметь перед собой составители учебника. Для достижения ее и следует тщательно избегать методологических и методических погрешностей, подобных перечисленным выше.

Стремление создать подобную книгу и руководило коллективом физиков, которые взялись за составление настоящего «Элементарного учебника физики». Именно эти соображения, а не стремление существенно изменить фактический материал играли определяющую роль. Поэтому в настоящей книге нередко отводится довольно много места тем «простым» вопросам, которые излагаются обычно в нескольких строчках. Главным образом благодаря этому подходу, а отнюдь не за счет увеличения фактического материала книга эта приобрела размеры, несколько превышающие общепринятые.

Г. С. Ландсберг

Москва, 29 июня 1948 г.

ПРЕДИСЛОВИЕ КО ВТОРОМУ ИЗДАНИЮ

Мы приступили к подготовке 2-го издания «Элементарного учебника физики» после того, как этой книгой около пяти лет пользовались учителя и учащиеся средней школы. За этот срок выяснилось, что «Учебник» оказал определенное влияние на преподавание физики и принес известную пользу, особенно тем учащимся, для которых физика являлась наиболее важным предметом. Это укрепило нас в мысли, что общий характер книги, несмотря на ее значительный объем и относительную трудность, должен быть сохранен. Поэтому мы не ставили своей задачей значительную переработку книги и ограничились сравнительно небольшими изменениями, связанными отчасти с необходимостью учесть новое в науке и технике, частью исходя из методических соображений. При этой переработке нам были полезны некоторые отзывы на нашу книгу, особенно обстоятельная рецензия М. И. Блудова, которому мы приносим нашу благодарность.

В первой части настоящего тома, кроме многочисленных редакционных изменений, мы более подробно остановились на понятии массы и ввели ряд вопросов, связанных с новинками в самолетостроении. Значительно бóльшим изменениям подверглась вторая часть — «Теплота. Молекулярная физика». Сохраняя основное содержание этой части — учение о внутренней энергии систем,— мы несколько изменили расположение глав, поместив главу об основах молекулярной теории перед главой, посвященной свойствам газов, и соответственно переработав эти главы. Такой порядок будет, по-видимому, способствовать повышению роли теоретических представлений при изучении законов явлений, не отрывая в то же время теорию от эксперимента. Многие параграфы подверглись более или менее значительной переработке, написан ряд новых параграфов (о передаче тепла, об аморфных телах, о полимерах, о реактивных двигателях, о холодильных машинах, включая объяснение действия распространенного бытового холодильника, работающего по принципу конденсации). Заново А. Х. Хргианом и М. А. Колосовым написана глава «Физика атмосферы», заменившая главу «Метеорология» первого издания. Многие рисунки книги сделаны заново или значительно изменены. Изменен и состав упражнений, причем сокращено число чисто вычислительных упражнений и увеличено число упражнений, способствующих уяснению предмета. В ответах иногда даются довольно подробные пояснения.

Авторский коллектив остался прежним: часть первая «Механика» написана С. Э. Хайкиным (при участии А. Г. Калашникова) и М. А. Исаковичем; часть вторая «Теплота. Молекулярная физика» составлена М. А. Леонтовичем и Д. И. Сахаровым.

Основную работу по редактированию выполнили М. А. Исакович (первая часть) и Д. И. Сахаров (вторая часть). Большую помощь в редакционной работе оказала Е. Л. Старокадомская. Общее редактирование по-прежнему лежало на мне.

Гр. Ландсберг

Москва, 3 июня 1956 г.

ВВЕДЕНИЕ

Знания, полученные в школе, из книг, наблюдения над окружающей нас обстановкой, в частности сведения о поражающей наше воображение мощи современной промышленности — все это невольно ставит перед умом школьника вопрос: каким образом человек, с его небольшими физическими силами, с его несовершенными органами чувств, позволяющими непосредственно наблюдать лишь весьма ограниченный круг явлений, сумел создать современную технику с ее огромными возможностями, далеко превосходящими вымыслы Жюля Верна? Почти каждый из нас ответит, не задумываясь, на этот вопрос: *это чудо сделала наука о природе*. В частности, физическая наука играет в этом торжестве человека чрезвычайно важную роль.

Какими же средствами располагает физическая наука для приобретения власти над миром?

Прежде всего ясно, что физика имеет дело с явлениями реального мира и, следовательно, первый шаг для получения знаний об этих явлениях должен состоять в *наблюдениях*.

Научное наблюдение представляет, однако, далеко не простую задачу. Проследим, например, за тем, как падают тела. Легко обнаружить, что тело, брошенное с небольшой высоты, слабо ударяется о землю, при падении же с большой высоты толчок может быть гораздо более сильным и может даже привести к разрушению падающего тела. Однако наблюдения над каплями дождя не обнаруживают заметного различия при ударе капель, падающих из низко и высоко плывущих туч. Все знают, что летчик, выпавший из самолета, разбивается насмерть, а летчик, спрыгнувший с парашютом даже с большой высоты, плавно приземляется. С другой стороны, авиабомбы, особенно тяжелые, ударяются со страшной силой, нередко пробивая многоэтажные дома. Таким образом, сравнительно простое явление падения может протекать различным образом. И если мы хотим управлять этим явлением, мы должны разыскать связь между отдельными сторонами его: установить какие-то характеристики движения тела; определить, как влияют на эти характеристики размеры, форма и вес тела, высота, с которой оно падает, и т. д., и — самое главное — извлечь из этих данных *общие* выводы, объясняющие, почему падение протекает именно так, а не иначе.

Те же задачи возникают и при изучении любого иного явления. Мы должны установить, от чего зависит тот или иной ход явления, каким образом можно ослабить или усилить отдельные стороны его. А для этого надо уметь расчленять явление, выделять отдельные его элементы и по возможности изменять условия, в которых протекает явление, т. е. перейти от простого наблюдения к *эксперименту*. При этом крайне важно не ограничиваться лишь общими качественными впечатлениями о явлении, а найти *количественные характеристики* отдельных его элементов в виде величин, поддающихся измерению. Другими словами, надо определить, какие понятия могут служить для рациональной количественной характеристики явления, и установить те приемы, с помощью которых мы будем измерять соответствующие величины; нахождение этих величин позволяет отыскивать численные соотношения между ними, т. е. формулировать *законы* явления в количественной (математической) форме. Так, в рассмотренном выше примере падения мы вводим понятия скорости падающего тела, его ускорения (т. е. изменения скорости), высоты падения, сопротивления воздуха, массы и веса тела и т. д. Найти законы падения — это и значит установить, какая зависимость обнаруживается между этими величинами.

Установление количественных законов, показывающих, как изменяются одни из величин при изменении других,— важнейшая задача экспериментального исследования явлений. Такие законы указывают нам, как надо менять условия, в которых протекают явления, чтобы добиться тех или иных желаемых результатов. С другой стороны, эти законы помогают нам уяснить смысл явлений и, таким образом, открывают путь для создания *теории* явления, т. е. тех общих представлений, которые позволяют понять, почему наблюдаемое явление подчиняется найденным законам и какова связь его с другими явлениями, иногда на первый взгляд очень от него далекими.

Так, в примере падения тел мы устанавливаем законы падения, выясняя роль сопротивления воздуха, зависимость этого сопротивления от формы тела и скорости его движения. Таким путем мы постепенно приходим к полной теории явления, показывающей, в частности, что в явлении падения могут весьма важную роль играть вихри, образующиеся в воздухе при быстром движении тела; выясняется значение так называемой «обтекаемой» формы тела, т. е. формы, при которой весьма ослабляется вихреобразование и связанное с ним торможение движения. Выяснение этих вопросов позволяет решить ряд важнейших задач самолетостроения, создания автомашин рациональной формы, построения быстроходных поездов и т. д.

Из изложенного ясно, какое громадное значение имеет эксперимент для физической науки. С помощью эксперимента мы разыскиваем законы явлений, пользуясь экспериментом, мы приходим к построению теории явлений. Теория в свою очередь позволяет нам предвидеть новые, еще не известные особенности явления и указывает условия, в которых эти особенности могут проявляться. Такие выводы из теории вновь подвергаются экспериментальной проверке, что нередко служит для исправления или усовершенствования теории. Так, мало-помалу, сложное и неясное явление становится вполне понятным, и мы научаемся по своему желанию управлять им. Из этого умения управлять явлениями природы и возникла вся мощь современной техники.

После приведенных разъяснений о роли эксперимента понятно, почему мы называем физику *экспериментальной наукой*. Но не следует, конечно, думать, что для установления законов и создания теорий достаточно простого сопоставления результатов хорошо выполненного эксперимента. Требуется напряжение всех мыслительных и творческих способностей человека, чтобы из материалов, полученных из эксперимента, воздвигнуть величественное здание науки.

В разобранном выше примере падения изучаемое явление было сравнительно простым; и все же и в этом явлении не так уж просто установить, какие из сторон явления играют более важную, а какие — второстепенную роль и как можно упростить или, как говорят, *схематизировать* явление, чтобы, отбросив второстепенное, не упустить существенного. Во многих случаях задача осложняется тем, что в реальных явлениях переплетаются весьма разнообразные процессы. В явлении могут, например, играть существенную роль электрические или тепловые процессы, в результате которых возникают силы, сообщающие телам ускорение, могут обнаруживаться или даже иметь решающее значение какие-либо оптические изменения и т. д.

Представьте себе, например, явление грозы. Здесь тесно сплетаются тепловые явления и явления молекулярной физики (испарение и конденсация водяных паров); явления электрические (роль заряженных центров при образовании капелек, возникновение электрического напряжения между грозовыми облаками и проистекающие от этого электрические разряды); оптические и акустические явления (молния, гром); многообразные механические явления (падение капель, ветер, движение облаков, образование вихрей) и т. д.

Понятно, что в подобных случаях еще большее значение имеет расчленение сложного явления на более простые, облегчающее изучение явления по частям. Наблюдения над сложными явлениями показывают, что при таком расчленении можно выделить группу сходных явлений, например оптические, тепловые, электрические и т. д , как это и было сделано нами в примере грозы. Поэтому целесообразно и при изучении физики объединить исследуемый материал в такие группы, хотя между ними нельзя провести резкой границы. В соответствии с этим распределение учебного материала по группам (и даже их последовательность) не является чем-то строго обязательным и может быть проведено различным образом.

В нашем учебнике мы начинаем изучение явлений с механики (включая механику жидкостей и газов), ибо относящиеся сюда явления более просты, а также и потому, что знание законов механики оказывает нам существенную помощь при изучении других отделов. Затем излагается учение о тепловых явлениях, тесно переплетающихся с явлениями молекулярной физики. Далее выделен обширный круг электрических и электромагнитных явлений. Явления колебаний и волн объединены в особый отдел, включающий механические, акустические и электромагнитные колебания. Затем следуют оптические явления, изложение которых в значительной степени опирается на учение о колебаниях и волнах. В конце дается небольшой очерк учения об атоме.

ЧАСТЬ ПЕРВАЯ
МЕХАНИКА

ГЛАВА I
КИНЕМАТИКА

§ 1. Движение тел. Механическим движением тела называется *изменение с течением времени его положения по отношению к другим телам.*

Мы постоянно встречаемся с движением тел в повседневной жизни, в технике и науке. Мы наблюдаем движения

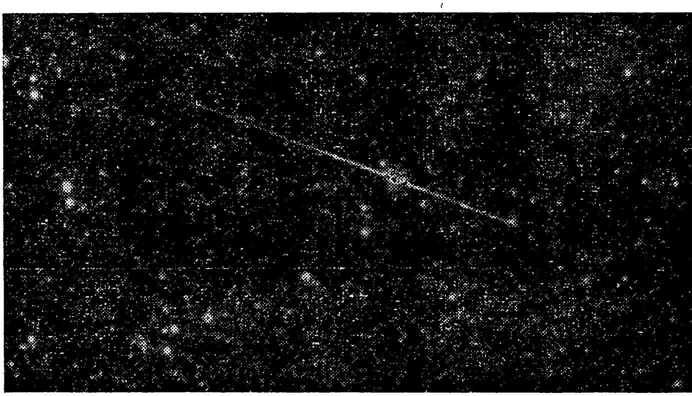


Рис. 1. Метеор на ночном небе.

людей, животных, движения воды в реках и морях, движения воздуха (ветер). Движения совершают различные средства транспорта, всевозможные механизмы, станки, приборы, снаряды и т. д. В мировом пространстве движутся Земля и другие планеты, кометы, метеорные тела (рис. 1), Луна, искусственные спутники Земли и космические корабли, посланные к другим планетам солнечной системы; движется Солнце относительно других звезд и звезды друг относительно друга. Движутся молекулы, атомы, электроны, протоны, альфа-частицы (рис. 2) и другие «элементарные частицы» (мельчайшие частицы вещества). Практически все физические явления сопровождаются движениями тел.

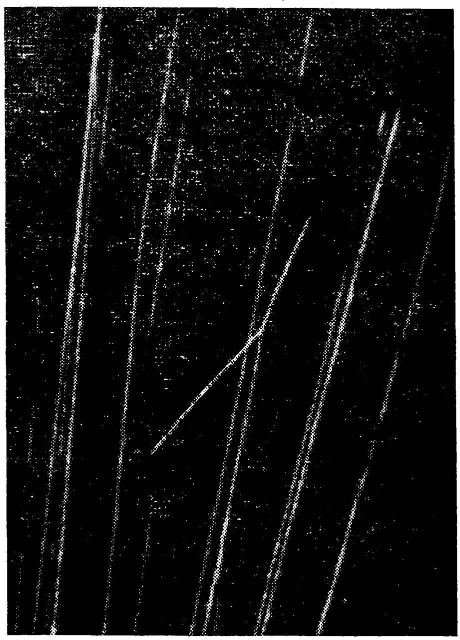


Рис. 2. Быстро движущиеся альфа-частицы, пролетая в камере Вильсона, оставляют за собой туманный след из водяных капелек.

Поэтому изучение физики мы начнем с изучения движения тел. Этот раздел физики называют *механикой*.

Слово «механика» произошло от греческого слова «механэ» — машина, приспособление. Уже в древности египтяне, а затем греки, римляне и другие народы строили различные машины, применявшиеся для транспорта, в строительстве, в военном деле (рис. 3). При действии этих машин происходило движение их частей: рычагов, колес, канатов и т. д., а также поднимаемых и перемещаемых грузов. Изучение действия этих машин и привело к зарождению науки о движении тел — механики.

К механике относят и нахождение условий, при которых тела остаются в покое,— условий равновесия. Такие вопросы играют решающую роль в строительном деле. Когда

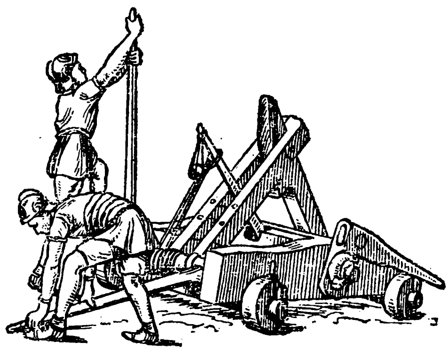


Рис. 3. Метательное орудие древних греков.

рассыпается домик, построенный из кубиков, или рушится здание или мост — это значит, что условия равновесия для этих тел были нарушены.

Двигаться могут не только материальные тела. Подобно тому, как мы говорим о движении летящей пули или брошенного камня, можно говорить о движении солнечного зайчика, перемещающегося по стене при повороте зеркальца, или о движении тени, отбрасываемой освещенным предметом, и т. п. Важнейший пример движения, не связанного с перемещением материальных тел,— это передача из одного места в другое сигнала, например звукового, светового сигнала или радиосигнала. Так, находясь на стрельбище в окопе вблизи мишени, мы еще до попадания пули в цель увидим вспышку выстрела — световой сигнал, а после попадания пули услышим звук выстрела — звуковой сигнал. Во время полета искусственного спутника Земли радиостанции на всем земном шаре принимают радиосигналы, посылаемые спутником. Локация Луны, Венеры, Марса, Юпитера, Солнца—это посылка радиосигнала в сторону небесного тела и прием вернувшегося отражения по истечении времени,требующегося для пробега сигнала «туда и обратно».

Световые сигналы и радиосигналы затрачивают весьма малое время на прохождение даже значительных расстояний (например, они проходят путь от Земли до Луны и обратно всего за 2,5 *сек*). Поэтому в обыденных условиях на Земле, при небольших расстояниях, может показаться, что свет или радиосигнал пробегает расстояние между двумя пунктами мгновенно. Однако это неверно: свет, как и материальные тела, должен затратить на такой пробег какое-то определенное, хотя и малое время. Но обнаружить и измерить время, затрачиваемое светом на пробег тех или иных расстояний, очень трудно. Это удалось впервые сделать только в XVII в., изучение же движения материальных тел и звуковых сигналов началось еще в древности.

Вопросы перемещения сигналов более сложны, чем вопросы перемещения материальных тел. Они будут изучаться в т. III «Элементарного учебника физики».

§ 2. Кинематика. Относительность движения и покоя. Для изучения движения тел научимся прежде всего *описывать* движения. При этом вначале не будем выяснять, как возникают эти движения. Отдел механики, в котором движения изучаются без исследования причин, их вызывающих, называют *кинематикой*.

Движение каждого тела можно рассматривать по отношению к любым другим телам. По отношению к разным телам данное тело будет совершать различные движения: чемодан, лежащий на полке в вагоне идущего поезда, относительно вагона покоится, но относительно Земли движется. Воздушный шар, уносимый ветром, относительно Земли движется, но относительно воздуха покоится. Самолет, летящий в строю эскадрильи, относительно других самолетов строя покоится, но относительно Земли он движется с большой скоростью, например 800 *км* в час, а относительно такого же встречного самолета он движется со скоростью 1600 *км* в час.

В кинофильмах часто показывают одно и то же движение относительно разных тел: например, показывают поезд, движущийся на фоне пейзажа (движение относительно Земли), а затем — купе вагона, за окном которого видны мелькающие деревья (движение относительно вагона).

Всякое движение, а также покой тела (как частный случай движения) относительны. Отвечая на вопрос, покоится тело или движется и как именно движется, необходимо указать, относительно каких тел рассматривается движение данного тела. Иначе никакое высказывание о его движении не может иметь смысла.

Тела, относительно которых рассматривается данное движение, называют *системой отсчета*. Выбор системы отсчета при изучении данного движения делают в зависимости от условий задачи. Так, чтобы попасть во вражеский самолет с земной поверхности, нужно установить прицел, исходя из скорости самолета в системе отсчета «Земля» (в нашем примере — 800 *км* в час), а чтобы попасть в этот же самолет со встречного самолета, надо исходить из скорости цели в системе отсчета «встречный самолет» (1600 *км* в час). При изучении движений на поверхности Земли обычно принимают за систему отсчета Землю (хотя, как сказано, можно выбрать за систему отсчета и поезд, и самолет, и любое другое тело). Изучая движение Земли в целом или движение планет, принимают за систему отсчета Солнце и звезды. Как увидим в гл. II, эта система особенно удобна при изучении законов динамики.

Упражнение. 2.1. Будет ли развеваться флажок, укрепленный на корзине воздушного шара, уносимого ветром?

§ 3. Траектория движения. Для описания движения тела нужно указать, как меняются положения его точек с течением времени. При движении тела каждая его точка описывает некоторую линию — *траекторию движения*. Проводя мелом по доске, мы оставляем на ней след — траекторию движения кончика мела. Рукопись—это траектория кончика пера. Светящийся след метеорного тела на ночном небе (рис. 1), туманные следы альфа-частиц (рис. 2) — это траектории метеорного тела и альфа-частиц.

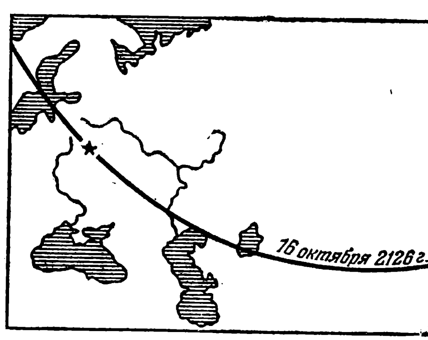


Рис. 4. Траектория центра лунной тени во время затмения, которое произойдет 16 октября 2126 г.

В ожидании солнечного затмения астрономы заранее вычисляют траекторию движения лунной тени по поверхности Земли. На рис. 4 показана такая траектория для ближайшего полного затмения, которое будет видимо в Москве.

Так как движение относительно, то *траектория может зависеть от выбора системы отсчета.* Например, в безветренную погоду струи дождя представляются вертикальными, если за ними следить из окна стоящего вагона: капли оставляют на оконных стеклах вертикальные следы. Но если поезд тронулся, то по отношению к идущему вагону струи дождя представятся косыми: дождевые капли будут оставлять на стеклах наклонные следы, причем наклон будет тем больше, чем больше скорость поезда.

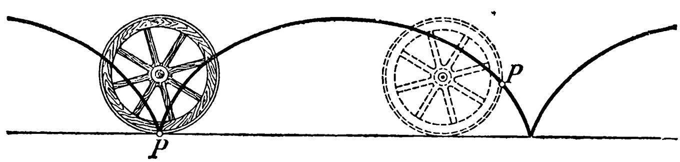


Рис. 5. Точка на ободе катящегося колеса (гвоздик P) описывает относительно земной поверхности изображенную на рисунке линию (циклоиду).

На рис. 5 изображена траектория, которую описывает относительно земной поверхности точка P на ободе колеса, катящегося по прямой дороге. Относительно телеги траекторией точки P будет, конечно, сама окружность обода.

§ 4. Поступательное и вращательное движение тела. Траектории разных точек тела могут быть различными. Это можно наглядно показать, например, быстро двигая в темной комнате тлеющую с двух концов лучинку. Глаз имеет свойство сохранять зрительное впечатление в течение примерно 0,1 *сек*; поэтому мы воспримем траектории тлеющих концов как светящиеся линии и сможем сравнить обе траектории (рис. 6).

Наиболее простое движение тела — такое, при котором все точки тела движутся одинаково, описывая одинаковые траектории. Такое движение называется *поступательным.* Мы получим этот тип движения, двигая лучинку так, чтобы она все время оставалась параллельной самой себе. При поступательном движении траектории могут быть как прямыми (рис. 7, *а*), так и кривыми (рис. 7, *б*) линиями.

Можно доказать, что *при поступательном движении любая прямая, проведенная в теле, остается параллельной самой себе.* Этим характерным признаком удобно пользоваться,

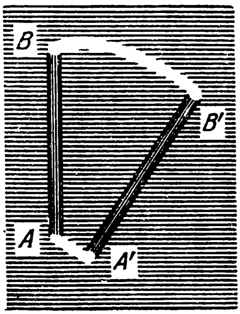


Рис. 6. Траектории AA' и BB' тлеющих концов лучинки различны.

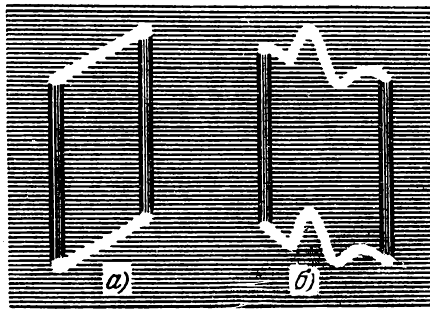


Рис. 7. Поступательное движение лучинки.

чтобы ответить на вопрос, является ли данное движение тела поступательным. Например, при качении цилиндра

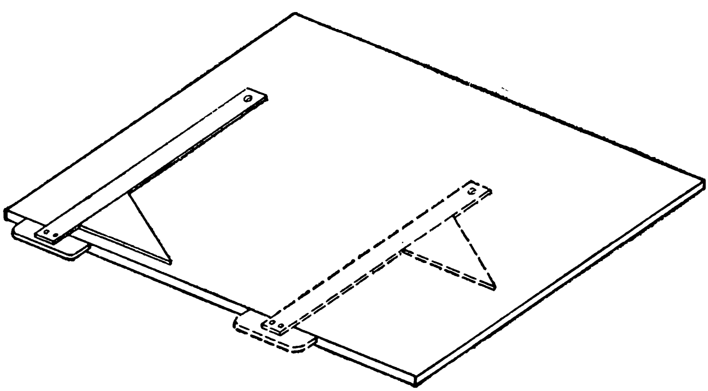


Рис. 8. Рейсшина и угольник движутся по чертежной доске поступательно.

по плоскости прямые, пересекающие ось, не остаются параллельными самим себе: качение — это не поступательное движение. При движении рейсшины и угольника по чертежной доске любая прямая, проведенная в них, остается параллельной самой себе, значит, они движутся поступательно (рис. 8). Поступательно движется игла швейной машины, поршень в цилиндре паровой машины или двигателя внутреннего сгорания, кузов автомашины (но не колеса!) при езде по прямой дороге и т. д.

Другой простой тип движения — это *вращательное движение* тела, или *вращение*. При вращательном движении все точки тела движутся по окружностям, центры которых лежат на прямой. Эту прямую называют *осью вращения* (прямая OO' на рис. 9). Окружности лежат в параллельных плоскостях, перпендикулярных к оси вращения. Точки тела, лежащие на оси вращения, остаются неподвижными. Вращение не является поступательным движением: при вращении остаются параллельными самим себе только прямые, параллельные оси вращения (например, прямая BC на рис. 9).

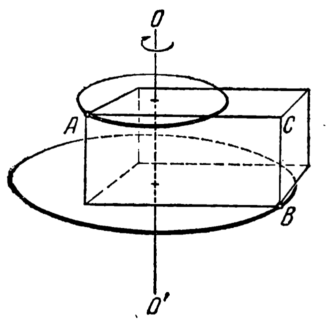


Рис. 9. Вращение бруска вокруг оси OO'. Показаны траектории точек A и B.

Суточное движение Земли — вращательное движение. Колебания маятника стенных часов — это тоже вращательное движение. Вращение весьма часто встречается в технике: вращаются колеса, блоки, валы и оси различных механизмов, кривошипные валы, пропеллеры самолетов, стрелки приборов и т. д.

Упражнение. 4.1. Является ли поступательным движение педалей при езде на велосипеде (без свободного хода)?

§ 5. **Движение точки.** Для описания движения тела нужно, вообще говоря, знать, как движутся различные его точки. Но если тело движется поступательно, то все его точки движутся одинаково. Поэтому для описания поступательного движения тела достаточно описать движение какой-либо одной его точки. Если разные точки тела движутся по-разному, то иногда все же можно ограничиться описанием движения только одной точки; это касается случаев, когда нас интересует только изменение положения тела как целого, например, при изучении полета пули, полета самолета, движения корабля в море, движения планеты вокруг Солнца и т. п. Так, изучая движение планеты вокруг Солнца, достаточно описать движение ее центра.

Таким образом, в ряде случаев описание движения тела сводится к описанию движения точки.

Разные движения точки различаются между собой в первую очередь по виду траектории. Если траектория — прямая линия, то движение точки называют *прямолинейным*; если траектория — кривая линия, то движение называют *криволинейным*. По отношению к движению тела в целом имеет смысл говорить о прямолинейном и криволинейном движении только в тех случаях, когда можно ограничиться описанием движения только одной точки тела. Вообще же говоря, некоторые точки тела могут двигаться прямолинейно, в то время как другие его точки движутся криволинейно.

Прямолинейное движение точки — наиболее простое. До § 25 мы будем изучать только прямолинейное движение.

Упражнение. **5.1.** Какие точки цилиндра, катящегося по плоскости, движутся прямолинейно?

§ 6. Описание движения точки. Траектория движения указывает все положения, которые занимала точка; но, зная траекторию, еще ничего нельзя сказать о том, быстро или медленно проходила точка отдельные участки траектории, с остановками или без остановок и т. д. Чтобы получить такое *полное* описание движения, нужно еще знать, в какой момент точка занимала то или иное положение на траектории. Для этого достаточно каким-либо способом разметить все точки траектории и «привязать» каждую из них к моменту прохождения через нее движущейся точки.

Для разметки выберем на траектории какую-либо определенную точку, назовем ее *начальной точкой* и отмерим от нее вдоль траектории расстояния s до каждой из остальных точек траектории. Для того чтобы различать точки, лежащие по одну и по другую сторону от начальной, принимают одно из направлений вдоль траектории за положительное и расстояния s, отсчитываемые в эту сторону, считают положительными, а в противоположную сторону — отрицательными (рис. 10).

На железных и шоссейных дорогах подобную разметку осуществляют, расставляя вдоль дороги километровые столбы, по которым легко определить, на каком расстоянии от начальной точки находится поезд или автомашина. Число, написанное на столбе, мимо которого проходит поезд, непосредственно дает расстояние s от начальной точки, за которую обычно выбирают большой город, лежащий на этой дороге. При разметке дорог знак расстояния не указывают.

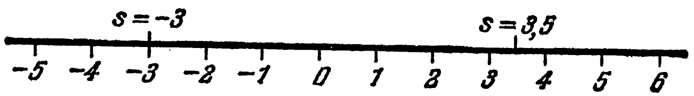


Рис. 10. Разметка прямолинейной траектории.

Пусть движущаяся точка в своем движении перешла из точки A на траектории в точку B (рис. 11). Отрезок AB, идущий от старой точки к новой, называют *перемещением*

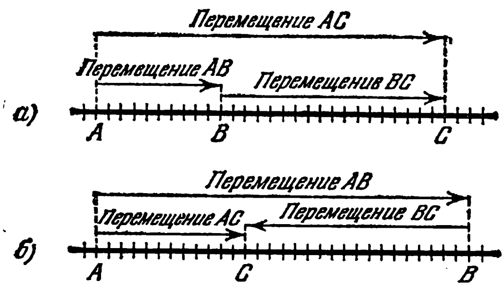


Рис. 11. Алгебраическое сложение перемещений, лежащих на одной прямой; *а*— перемещения одного знака, *б* — перемещения разных знаков.

точки. Длину отрезка называют *длиной пути*, пройденного точкой. Длину пути считают положительной (и перемещение называют положительным), если точка переместилась в положительном направлении, и отрицательной — в обратном случае. Если расстояния старой и новой точек от начальной точки равны соответственно s_1 и s_2, то длина пути, пройденного точкой, равна $s_2 - s_1$. Длину пути также обозначают обычно буквой s.

Если точка, движущаяся по прямолинейной траектории, совершила последовательно два перемещения AB и BC, то ее результирующим перемещением будет AC. Согласно условию о знаке перемещения, длина пути для результирующего перемещения AC будет равна алгебраической сумме длин пути составляющих перемещений AB и BC. *Перемещения вдоль прямолинейной траектории складываются алгебраически* (рис. 11).

Заметим, что длиной пройденного пути в механике обозначают не то, что в обыденной жизни. В обыденной жизни складывают длину всех последовательных перемещений движущейся точки *по абсолютной величине*. Например, если автомашина проехала по дороге 10 *км*, а затем вернулась обратно, то спидометр отсчитает 20 *км*; однако суммарное перемещение автомашины, а значит и длина пути s, равны нулю.

Для «привязки» размеченных точек траектории к моментам прохождения через них движущейся точки выбирают какой-либо момент времени за начальный, и для каждого положения движущейся точки на траектории замечают промежуток времени, прошедший от выбранного начального момента. Промежутки времени будем обозначать буквой t.

На железной дороге такую привязку может осуществить пассажир поезда, замечая по своим часам моменты прохождения поезда мимо километровых столбов. То же могут выполнить с дороги наблюдатели, отмечающие по станционным часам момент прохождения поезда мимо каждой станции. Спортивные комиссары, «засекающие» по точным часам момент прохождения лыжником финишной черты на гонках или момент пролета самолета над контрольным пунктом, также осуществляют «привязку» положения движущегося тела на траектории к соответственному моменту времени; при этом за начальный момент принимается момент старта.

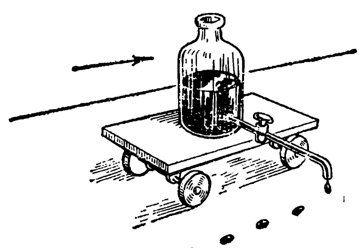


Рис. 12. Капельница.

В классных опытах для подобной привязки можно пользоваться капельницей (рис. 12), устанавливаемой на движущемся теле, например на тележке или заводном автомобиле. Чернильные капли, падающие через равные промежутки времени, отмечают положение тела на его траектории в моменты падения капель. Момент падения какой-либо определенной капли принимают за начальный момент времени.

При изучении движений иногда применяют стробоскопический метод наблюдений. Стробоскопом называют всякий прибор, дающий прерывистое освещение с короткими временами освещенности и одинаковыми промежутками времени между ними. Можно применить прибор, в котором через равные промежутки времени создаются короткие импульсы тока, вызывающие яркие вспышки света в специальной лампе. Непрозрачный диск с прорезью, вращающийся перед непрерывно горящей лампой, также создает стробоскопическое освещение.

Пусть, например, изучается движение шарика, скатывающегося по желобу. Если производить опыт в темноте и освещать шарик стробоскопом, то шарик будет виден только

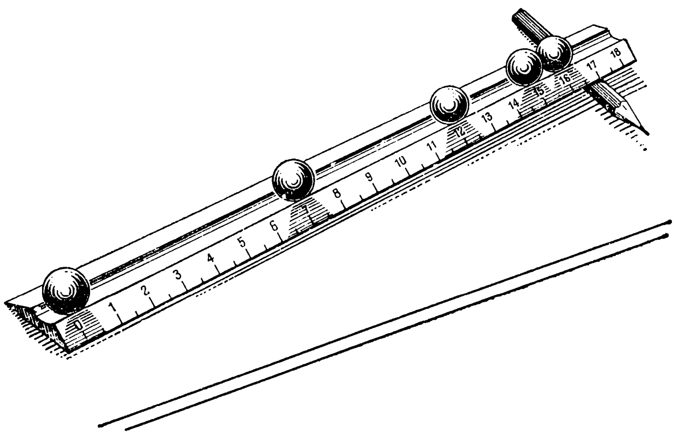


Рис. 13. Шарик, скатывающийся по желобу, видимый при стробоскопическом освещении (по фотографии).

в тех положениях, в которых его освещает вспышка. Если вдоль желоба расположена линейка с делениями, то она также окажется освещенной, и мы сможем зарегистрировать те положения шарика относительно линейки, которые он занимал в моменты вспышек (рис. 13). Чтобы зарегистрировать все положения шарика, получающуюся картину можно сфотографировать, открыв затвор фотоаппарата на все время движения шарика.

При помощи стробоскопа можно увидеть одновременно ряд отдельных положений предмета и не пользуясь фотографией. Если за 0,1 *сек* происходит несколько последовательных вспышек стробоскопа, то, благодаря свойству глаза сохранять зрительное впечатление, мы будем видеть несколько последовательных положений шарика. Сходную картину мы увидим, размахивая блестящей палочкой, освещенной лампой дневного света или другой газосветной лампой: такие лампы, питаемые переменным током, дают сто вспышек в секунду, что позволяет видеть одновременно целый ряд последовательных положений палочки. Легко также увидеть несколько положений руки, махая ею в темном кинозале во время демонстрации фильма (24 вспышки в секунду).

«Привязав» каким-либо способом отдельные положения движущейся точки к соответственным моментам времени, мы получим полное описание движения точки. Это значит, что мы будем знать все положения точки и для каждого из этих положений сможем найти расстояние по траектории от начальной точки и промежуток времени, протекший от начального момента.

Таким образом, в основе всякого описания движения точки лежат измерения длин и промежутков времени.

Заметим, что начальную точку на траектории и начальный момент времени можно выбирать как угодно, в зависимости от удобства рассмотрения данного движения. Движущаяся точка не обязательно должна находиться в положении $s=0$ в момент времени $t=0$.

§ 7. Измерение длины. Основной единицей измерения длины пути, как и вообще длины, служит *метр*.

Первоначально за образец (эталон) метра было принято расстояние между двумя штрихами на специально изготовленном платино-иридиевом стержне длиной 102 *см*, хранящемся в Международном бюро мер и весов в Париже (рис. 14). Материал и форма сечения стержня и условия его хранения были выбраны так, чтобы наилучшим образом обеспечить неизменность образца. В частности, были приняты меры для поддержания постоянной температуры стержня. Тщательно выполненные вторичные эталоны — копии этого образца — хранятся в институтах мер и весов разных стран.

Первоначально предполагали изготовить образец метра равным одной сорокамиллионной части длины земного меридиана. Когда выяснилась недостаточная точность измерений на земной поверхности, то не стали заменять изготовленный образец или вносить поправки на основе более точных измерений, а решили сохранить сам образец в качестве единицы длины. Этот образец примерно на 0,2 *мм* меньше, чем $^1/_{40\,000\,000}$ часть меридиана.

Кроме этой основной единицы, в науке и технике применяют и другие единицы — кратные метра и доли метра:

километр (1 *км*=1000 *м*);
сантиметр (1 *см*=$^1/_{100}$ *м*);
миллиметр (1 *мм*=$^1/_{1000}$ *м*);
микрон (1 *мк*=$^1/_{1000}$ *мм*=$^1/_{1000\,000}$ *м*, обозначается также греческой буквой μ — «мю»);
ангстрем (1 Å=0,0000000001 *м*=10^{-10} *м*; Å — буква шведского алфавита).

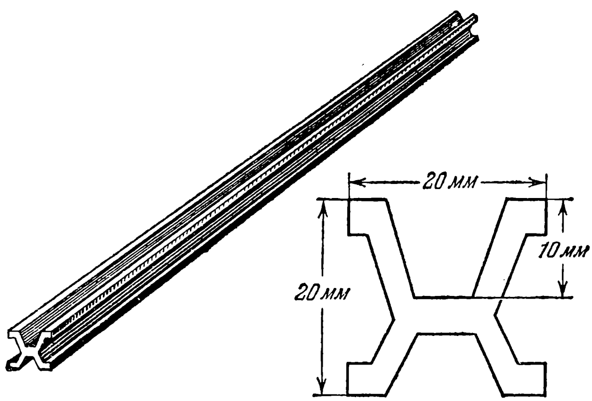


Рис. 14. Первоначальный эталон метра (общий вид и сечение).

В Англии, США и некоторых других странах широко распространены так называемые английские меры длины:

дюйм=25,4 *мм*;
фут=12 дюймов=304,8 *мм*;
миля сухопутная («статутная»)=1609 *м*;
миля морская («адмиралтейская»)=1852 *м* (длина одной минуты дуги земного меридиана).

Старые русские меры длины составляли:

вершок=4,445 *см*;
аршин=28 дюймов=16 вершков=0,7112 *м*;
сажень=3 аршина=2,1336 *м*;
верста=500 сажен=1,0668 *км*;
русская миля=7 верст=7,4676 *км*.

Обилие разных единиц длины (а также и единиц для других физических величин) весьма неудобно на практике.

Поэтому в последнее время были разработаны международные стандартные определения единиц всех физических величин. Сборник этих определений называют *системой единиц СИ* (от слов Systeme Internationale — Международная система). С 1963 г. в СССР и ряде других стран система СИ рекомендована для применения во всех областях науки и техники.

Согласно этой системе, метр определен как длина, равная 1 650 763,73 длин волн оранжевого света, излучаемого специальной лампой, в которой под действием электрического разряда светится газ криптон. Число длин волн выбрано так, чтобы эта единица длины совпадала возможно точнее с парижским метром. Поэтому за единицу и не была выбрана длина, на которой укладывалось бы какое-либо круглое число (например, один миллион) длин волн. Эту новую единицу длины можно воспроизводить (оптическим путем) с большей точностью, чем архивный образец. Очень удобно, что для воспроизведения единицы длины не нужно обращаться к какому-то единственному хранящемуся образцу, а достаточно изготовить специальную криптоновую лампу и наблюдать испускаемый ею свет.

На практике для измерения длины, в том числе и для измерения расстояний между двумя положениями точки на траектории, применяют копии вторичных эталонов: стержни, линейки или ленты с делениями, равными длине эталона, либо его части (сантиметры, миллиметры). При измерении начало измерительной линейки совмещают с одним концом измеряемого отрезка и отмечают то ее деление, против которого окажется второй конец отрезка. Если второй конец не совпадает ни с одним из делений линейки, то «на глаз» оценивают, на какой доле расстояния между делениями он оказался.

Для уменьшения неизбежной ошибки отсчета применяют различные вспомогательные приспособления. На рис. 15 изображено одно из них — *нониус*, установленный на штангенциркуле. Нониус представляет собой добавочную шкалу, передвигаемую вдоль основной шкалы. Деления нониуса меньше делений основной шкалы на 0,1 их величины; например, если деление основной шкалы равно 1 *мм*, то деление нониуса равно 0,9 *мм*. На рисунке видно, что диаметр измеряемого шарика больше 11 *мм*, но меньше 12 *мм*. Чтобы найти, сколько десятых долей миллиметра составляет остающаяся дробная часть деления, смотрят, который из штрихов нониуса совпадает с каким-нибудь из штрихов основной шкалы. На нашем рисунке это девятый штрих нониуса. Значит, восьмой, седьмой и т. д. штрихи нониуса окажутся впереди ближайших к ним предыдущих штрихов основной шкалы на 0,1 *мм*, 0,2 *мм* и т. д., а начальный штрих нониуса окажется на 0,9 *мм* впереди ближайшего к нему предыдущего штриха основной шкалы. Отсюда следует, что диаметр шара равен стольким целым миллиметрам, сколько их укладывается от начала основной шкалы до начала шкалы нониуса (11 *мм*), и стольким десятым долям миллиметра, сколько делений нониуса укладывается от начала шкалы нониуса до совпадающих штрихов (0,9 *мм*). Итак, измеряемый диаметр шарика равен 11,9 *мм*.

Таким образом, нониус позволяет измерять расстояния с точностью до $^1/_{10}$ деления шкалы.

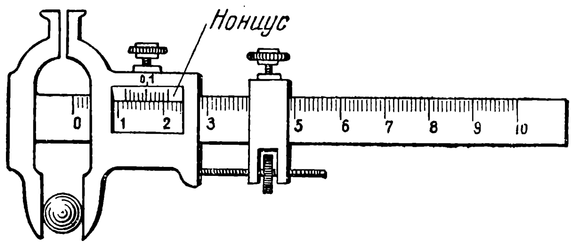


Рис. 15. Штангенциркуль с нониусом.

§ 8. **Измерение промежутков времени.** При выборе единицы промежутка времени можно исходить из продолжительности какого-либо повторяющегося процесса. С древних времен за единицу промежутка времени принимали сутки — продолжительность одного полного поворота Земли вокруг своей оси относительно Солнца. Так как в течение года длительность такого поворота несколько меняется (почти на 1 минуту), то за единицу принимается среднее значение этой величины за год. Сутки делятся на часы, минуты и секунды. Секунда есть $^1/_{86\,400}$ часть суток.

Тщательные измерения показали, однако, что во вращении Земли имеются нерегулярные изменения. Поэтому в системе СИ за единицу времени выбран год — время одного оборота Земли по своей орбите вокруг Солнца. Так как продолжительность года также несколько меняется (на полсекунды за сто лет), то исходят из определенного года, а именно 1900 года. За секунду, согласно СИ, принята $^1/_{31\,556\,925,9747}$ часть этого года.

Для устройства часов — приборов для измерения промежутков времени — можно пользоваться самыми различными повторяющимися процессами.

В древности пользовались водяными часами, в которых время определялось по количеству воды, перетекшей из одного сосуда в другой (рис. 16). Чтобы воспроизводить один и тот же промежуток времени, пользовались песочными часами, в которых определенное количество песка высыпалось через узкую трубочку (рис. 17). Точность подобных часов невелика.

Гораздо точнее повторяются различные колебательные процессы, например колебания маятника — груза, подвешенного на нити или на стержне (маятник стенных часов). Если размахи маятника не слишком велики, то период его колебаний (время качания «туда и обратно») практически не зависит от размаха, а определяется только его длиной. Независимость периода качаний маятника от размаха

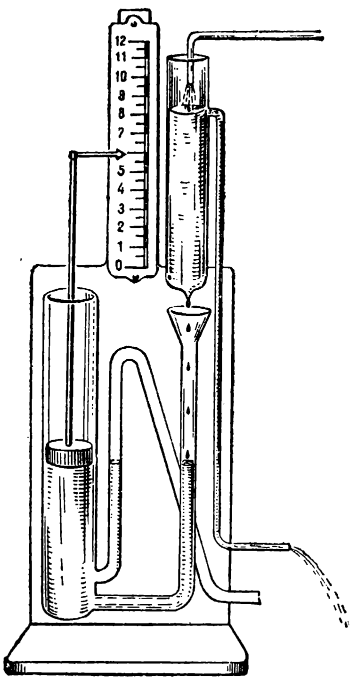


Рис. 16. Водяные часы (клепсидра).

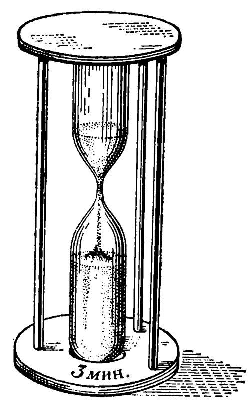


Рис. 17. Песочные часы.

установил итальянский физик и астроном Галилео Галилей (1564—1642), а затем использовал голландский физик и математик Христиан Гюйгенс (1629—1695), создавший в 1657 г. первые маятниковые часы. В маятниковых часах счет колебаний ведется при помощи системы колес: после каждого колебания стрелки часов поворачиваются на определенный угол, так что положение стрелок позволяет отсчитывать прошедший промежуток времени.

Впоследствии были изобретены карманные часы. В карманных часах качающийся маятник заменен колесиком, которое удерживается спиральной пружинкой (так называемый балансир) и колеблется вокруг оси около положения равновесия с постоянным периодом, определяемым свойствами балансира и спиральной пружины. Особенно удобны секундомеры — часы, пускаемые в ход и останавливаемые нажатием кнопки. В них имеется длинная стрелка, совершающая один оборот в минуту, позволяющая отсчитывать по циферблату десятые доли секунды.

После изобретения часов с маятником, а затем с балансиром все другие типы механических часов вышли из употребления, как менее точные. Впрочем, песочные часы применяются еще и теперь, например в медицинской практике для таких лечебных процедур (ванны и т. п.), где всегда нужно отсчитывать только один определенный промежуток времени. Своего рода часами являются и описанные в § 6 капельница и стробоскоп.

Современная техника добивается исключительной точности измерений промежутков времени, используя колебания кварцевых кристаллов («кварцевые часы») или колебания молекул («молекулярные часы»). Кварцевые и молекулярные часы позволяют измерять промежутки времени с точностью до миллионных, миллиардных и триллионных долей секунды.

§ 9. Равномерное движение и его скорость. Среди разнообразных движений часто встречаются такие, при которых тело проходит равные отрезки пути за любые равные промежутки времени. Такие движения называют *равномерными*. Например, на длинном ровном перегоне поезд движется равномерно; удары колес о стыки рельсов слышны через равные промежутки времени; километровые столбы (или телеграфные столбы, устанавливаемые примерно на равных расстояниях друг от друга) проходят мимо окна также через одинаковые промежутки времени. Равномерно движется автомобиль на прямом участке пути при неизменной работе мотора, конькобежец или бегун на середине дистанции. Другими примерами равномерного движения могут служить падение капель дождя, всплывание мелких пузырьков газа в стакане газированной воды, падение парашютиста с раскрытым парашютом и т. д.

В различных равномерных движениях перемещения тел за одинаковые промежутки времени могут быть различными, а значит, одинаковые перемещения будут совершаться ими за разное время. Так, на прохождение расстояния между двумя телеграфными столбами автомобиль затратит меньше времени, чем велосипедист; пешеход пройдет за одну минуту около 100 *м*, искусственный спутник Земли пролетит за этот же промежуток времени 500 *км*, а радиосигнал или световой сигнал пройдет за то же время 18 млн. *км*. Мы говорим: автомобиль движется скорее, чем велосипедист, спутник движется скорее, чем пешеход, а радиосигнал — скорее, чем спутник. Чтобы количественно охарактеризовать это различие между равномерными движениями, вводят новую физическую величину — скорость движения.

Скоростью равномерного движения называют отношение длины пути, пройденного телом, к промежутку времени, за который этот путь пройден:

$$\text{Скорость} = \frac{\text{Длина пройденного пути}}{\text{Промежуток времени}}.$$

Для определения скорости тела мы должны измерить путь, пройденный телом, измерить промежуток времени, в течение которого этот путь пройден, и разделить результат первого измерения на результат второго.

Так как, согласно определению равномерного движения, за двойное, тройное и т. д. время будут пройдены двойные, тройные и т. д. пути, за половинное время — половинный путь и т. д., то значение скорости получится одно и то же, за какой бы промежуток времени и на каком бы участке пути ее ни определять. Таким образом, при равномерном движении скорость — постоянная величина, характеризующая данное движение на любом участке пути и за любой промежуток времени. Скорость будем обозначать буквой v. Пусть в момент времени t_1, считая от начального момента, тело находилось на расстоянии s_1 от начальной точки на траектории, а в момент времени t_2 — на расстоянии s_2. Промежуток времени между этими моментами равен $t_2 - t_1$, а длина пройденного пути равна $s_2 - s_1$. Скорость выразится формулой

$$v = \frac{s_2 - s_1}{t_2 - t_1}. \tag{9.1}$$

Если обозначить протекший промежуток времени через $t = t_2 - t_1$, а длину пройденного пути через $s = s_2 - s_1$, то эта формула запишется в виде

$$v = \frac{s}{t}. \tag{9.2}$$

Зная скорость v равномерного движения, можно найти путь, пройденный за любой промежуток времени t, по формуле

$$s = vt. \tag{9.3}$$

Эта формула показывает, что при равномерном движении пройденный путь возрастает пропорционально времени. Из этой же формулы видим, что *при равномерном движении скорость численно равна длине пути, пройденного за единицу времени* ($t = 1$).

Зная путь s, пройденный телом при равномерном движении, и скорость v этого движения, можно найти промежуток времени t, затраченный на прохождение этого пути, по формуле

$$t = \frac{s}{v}. \tag{9.4}$$

Приведенные формулы позволяют ответить на все вопросы, касающиеся равномерного движения.

Всякие измерения, и в частности измерения длины пути и промежутков времени, необходимые для нахождения скорости данного движения, всегда производятся не абсолютно точно, а лишь с некоторой определенной степенью точности. Поэтому, даже если наши измерения дают одну и ту же скорость движения на разных участках траектории, мы можем утверждать, что оно равномерно лишь с той степенью точности, с которой производились измерения. Например, если определять время прохождения поезда между двумя километровыми столбами по минутной стрелке часов, то зачастую окажется, что на многокилометровом участке пути это время одно и то же: при этой степени точности движение поезда равномерно. Но если пользоваться секундомером и отсчитывать промежутки времени с точностью до долей секунды, то мы могли бы обнаружить, что эти промежутки времени не точно одинаковы, и значит, движение поезда не является равномерным с этой, более высокой, степенью точности.

Упражнения. **9.1.** В подрывной технике для взрыва шпуров (скважин с заложенной в них взрывчаткой) употребляют особый, сгорающий с небольшой скоростью шнур — «бикфордов шнур». Какой длины шнур надо взять, чтобы успеть после того, как он зажжен, отбежать на расстояние 150 *м*? Скорость бега равна 5 *м/сек*, а пламя по бикфордову шнуру проходит 1 *м* за две минуты.

9.2. Мальчик ростом 1,5 *м* бежит со скоростью 3 *м* в секунду по прямой, проходящей под фонарем, висящим на высоте 3 *м*. Показать, что тень его головы движется равномерно, и найти скорость этого движения.

§ 10. Знак скорости. Движения точки по заданной траектории могут различаться не только величиной скорости, но и тем, в какую сторону движется точка по траектории.

Траектория размечается так, что в одну сторону длины путей s растут, а в другую — уменьшаются. Формула (9.1) даст поэтому *разные знаки* для скорости, смотря по тому, в какую сторону движется точка. В самом деле, знаменатель $t_2 - t_1$ в формуле всегда положителен, так как t_2 (более поздний момент) всегда выражается бо́льшим числом, чем t_1 (более ранний момент). Числитель же $s_2 - s_1$ положителен, если точка движется в положительном направлении (длина пути возрастает), и отрицателен в противном случае. Значит, если формула (9.1) дает для скорости положительное число, то это означает, что точка движется в положительном направлении, а если формула дает отрицательную величину — то точка движется в отрицательном направлении. Таким образом, при данном выборе положительного направления определение скорости, которое мы дали в § 9, указывает, кроме величины скорости, также сторону, в которую движется точка, по отношению к выбранному направлению.

Если приходится иметь дело только с одним определенным направлением движения по данной траектории, то обычно считают направление движения точки за положительное направление ее траектории; тогда и величина скорости оказывается положительной.

§ 11. Единицы скорости. Из формулы (9.2) для скорости видно, что при $s=1$ и $t=1$ величина v скорости также получается равной единице. Поэтому *за единицу скорости принимают скорость такого движения, при котором за единицу времени тело проходит путь, равный единице*. Так, в системе СИ за единицу скорости принята скорость такого движения, при котором за одну секунду проходится один метр пути. Наименование этой скорости записывают в виде: *м/сек*. Для любого движения, деля длину, выраженную в метрах, на промежуток времени, выраженный в секундах, найдем скорость, выраженную в единицах *м/сек*.

При другом выборе единицы времени или единицы пути иной будет и единица скорости. Для единиц пути и времени *см* и *сек* единицей скорости будет *см/сек* — скорость такого движения, при котором за 1 *сек* проходится путь длиной в 1 *см*. Для единиц *км* и *час* получается единица скорости *км/час* — скорость движения, при котором за 1 *час* проходится расстояние в 1 *км*. Аналогично составляются и записываются единицы и при всяком ином выборе единиц времени и длины.

Ясно, что при разном выборе единиц скорость одного и того же движения будет иметь разные численные значения. Пусть известно численное значение скорости какого-либо движения в каких-либо определенных единицах, например в *м/сек*. Это значение получается путем деления числа, выражающего длину пройденного пути в метрах, на соответственный промежуток времени в секундах. Допустим, мы хотим выразить скорость того же движения в других единицах, например в *км/час*. Нужно ли для этого заново измерить пройденный путь (теперь уже в километрах) и промежуток времени (теперь уже в часах)? Повторять измерения надобности нет. Новое численное значение скорости данного движения V *км/час* можно получить из старого значения v *м/сек* путем расчета.

В самом деле, обозначим измеренный путь через s *м*, а промежуток времени через t *сек*. Численное значение скорости есть

$$\frac{s\ м}{t\ сек} = v\,\frac{м}{сек}.$$

Если ту же длину пути мы измерили бы в километрах, а время в часах, то величины, входящие в формулу для скорости, изменились бы: длина пути выразилась бы величиной S *км* $= s\cdot{}^1/_{1000}$ *км*, а время — величиной T *час* $= t\cdot{}^1/_{3600}$ *час*.

В новых единицах скорость будет равна

$$V\,\frac{км}{час} = \frac{S\ км}{T\ час} = \frac{s\cdot{}^1/_{1000}}{t\cdot{}^1/_{3600}} = \frac{s}{t}\cdot 3{,}6 = (3{,}6\ v)\,\frac{км}{час}.$$

Эта формула и дает переход от величины скорости v, выраженной в *м/сек*, к величине скорости V, выраженной в *км/час*. Из этой формулы легко получить и обратный переход от единицы *км/час* к единице *м/сек*:

$$v = \left(\frac{1}{3{,}6}\,V\right)\frac{м}{сек}.$$

Например, скорость 100 *м/сек* равна скорости $3{,}6\cdot100 = 360\,\frac{км}{час}$, а скорость $72\,\frac{км}{час} = \frac{1}{3{,}6}\cdot 72 = 20\,\frac{м}{сек}$.

Легко также получить и соотношение между самими единицами скорости. Для этого в полученных формулах следует взять исходную величину скорости, равную единице. Тогда получим:

$$1\,\frac{км}{час} = \frac{1}{3{,}6}\,\frac{м}{сек}; \qquad 1\,\frac{м}{сек} = 3{,}6\,\frac{км}{час}.$$

Пользуясь для расчетов формулами (9.1)— (9.4), а также другими формулами, куда будут входить длина, время и скорость, необходимо выражать все величины в соответствующих друг другу единицах. Если, например, скорость выражена в *м/сек*, то длину пути и промежутки времени нужно выражать в метрах и секундах. Если путь выражен в километрах, а время в часах, то скорость нужно выражать в *км/час*. Если заданные величины выражены в единицах, не соответствующих друг другу, то нужно сделать перевод единиц. Например, если длина задана в километрах, время — в часах, а скорость дана в *м/сек*, то нужно найти значение скорости в *км/час* и именно это значение подставлять в формулы.

В природе существует «естественный образец» скорости. Это скорость света в пустоте (например, в космическом пространстве). Скорость света равна приблизительно 300 000 *км/сек* [1]). С той же скоростью распространяется в пустоте и всякий радиосигнал. Скорость света играет весьма важную роль во всех областях физики. Установлено, что движение тел со скоростью, большей скорости света в пустоте, невозможно: скорость света в пустоте есть предельная и недостижимая скорость тел. Для всех земных и небесных тел скорости всегда очень малы по сравнению со скоростью света; например, скорость Земли в ее движении вокруг Солнца составляет 30 *км/сек*, т. е. всего 0,0001 скорости света. Со скоростями тел, приближающимися к скорости света, мы встречаемся только в мире мельчайших частиц вещества — электронов, протонов и других элементарных частиц. При таких скоростях в поведении тел наблюдаются важные

---

[1]) В прозрачных телах скорость света меньше, чем в пустоте. Например, скорость света в воде равна 225 000 *км/сек*.

особенности. Эти вопросы будут изучаться в томе III этого учебника.

В мореходной практике распространена специальная единица скорости, носящая название *узел*. Узел — это скорость такого движения, при котором тело проходит за один час одну морскую милю. Один узел = $=0{,}514$ *м/сек*. Современные морские суда, развивающие скорость около 40 узлов, т. е. свыше 20 *м/сек*, несутся со скоростью урагана.

Интересно отметить, что иногда применяют единицу длины, в основе которой лежит скорость света. Это — *световой год*, т. е. путь, проходимый светом за один год. Световой год равен примерно 9 460 000 000 000 *км*. Этой единицей длины пользуются в астрономии, где приходится встречаться с расстояниями в тысячи, миллионы и миллиарды световых лет. Ближайшая к Земле звезда отстоит от нас на 3,2 световых года, самые дальние из наблюденных галактик (звездных систем) — на расстояниях около 3 миллиардов световых лет.

§ 12. Графики зависимости пути от времени. Если траектория движения точки известна, то зависимость длины пути s, пройденного точкой, от истекшего промежутка времени t дает полное описание этого движения. Мы видели, что для равномерного движения такую зависимость можно дать в виде формулы (9.3). Связь между s и t для отдельных моментов времени можно задавать также в виде таблицы, содержащей соответственные значения промежутка времени и длины пройденного пути. Пусть нам дано, что скорость некоторого равномерного движения равна 2 *м/сек*. Формула (9.3) имеет в этом случае вид $s=2t$. Составим таблицу пути и времени такого движения:

t, *сек*	1	2	3	4	5	6 ...
s, *м*	2	4	6	8	10	12 ...

Зависимость одной величины от другой часто бывает удобно изображать не формулами или таблицами, а графиками, которые более наглядно показывают картину изменения переменных величин и могут облегчать расчеты. Построим график зависимости пройденного пути от времени для рассматриваемого движения. Для этого возьмем две взаимно перпендикулярные прямые — оси координат; одну из них (ось абсцисс) назовем осью времени, а другую (ось ординат) — осью пути. Выберем масштабы для изображения промежутков времени и длин пути и примем точку пересечения осей за начальный момент и за начальную точку на траектории. Нанесем на осях значения времени и пройденного пути для рассматриваемого движения (рис. 18). Для «привязки» длин пройденного пути к моментам времени проведем из соответственных точек на осях (например, точек 3 *сек* и 6 *м*) перпендикуляры к осям. Точка пересечения перпендикуляров соответствует одновременно обеим величинам: длине пути s и моменту времени t,— этим способом и достигается «привязка». Такое же построение можно выполнить и для любых других моментов времени и соответственных длин путей, получая для каждой такой пары значений «время—путь» одну точку на графике. На рис. 18

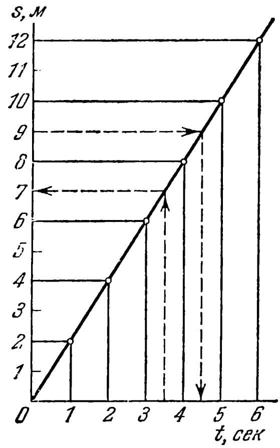


Рис. 18. График пути равномерного движения со скоростью 2 *м/сек.*

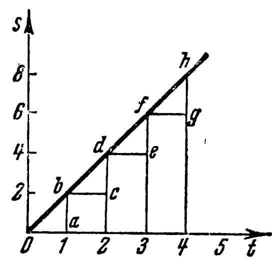


Рис. 19. К упражнению 12.1.

выполнено такое построение, заменяющее обе строки таблицы одним рядом точек. Если бы такое построение было выполнено для всех моментов времени, то вместо отдельных точек получилась бы сплошная линия (также показанная на рисунке). Эта линия и называется *графиком зависимости пути от времени* или, короче, *графиком пути.*

В нашем случае график пути оказался прямой линией. Можно показать, что график пути равномерного движения всегда есть прямая линия; и обратно: если график зависимости пути от времени есть прямая линия, то движение равномерно.

Упражнение. **12.1.** Доказать это положение, пользуясь рис. 19.

Повторяя построение для другой скорости движения, найдем, что точки графика для большей скорости лежат выше, чем соответственные точки графика для меньшей скорости (рис. 20). Таким образом, *чем больше скорость равномерного движения, тем круче прямолинейный график пути*, т. е. тем больший угол он составляет с осью времени.

Наклон графика зависит, конечно, не только от величины скорости, но и от выбора масштабов времени и длины. Например, график, изображенный на рис. 21, дает зависимость пути от времени для того же движения, что и график рис. 18, хотя и имеет другой наклон. Отсюда ясно, что сравнивать движения по наклону графиков можно только в том случае, если они вычерчены в одном и том же масштабе.

С помощью графиков пути можно легко решать разные задачи о движении. Для примера на рис. 18 показаны пунктиром построения, которые нужно выполнить, чтобы решить следующие задачи для данного движения: 1) Какой путь пройден за 3,5 *сек*? 2) За сколько времени пройден путь 9 *м*? На рисунке графическим путем (пунктир) найдены ответы: 1) 7 *м*; 2) 4,5 *сек*.

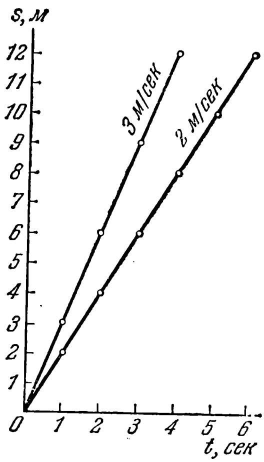


Рис. 20. Графики пути равномерных движений со скоростями 2 *м/сек* и 3 *м/сек*.

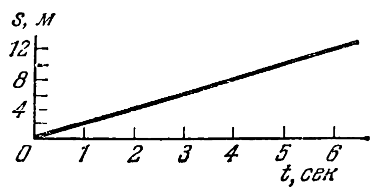


Рис. 21. График того же движения, что на рис. 18, вычерченный в другом масштабе.

У п р а ж н е н и е. **12.2.** По графику рис. 18 найти, на каком расстоянии от начальной точки окажется движущаяся точка через 2 *сек* после того, как она пройдет путь, равный 6 *м*.

В нашем примере график проходит через точку пересечения осей. Это значит, что в начальный момент ($t=0$) движущаяся точка находится в начальной точке траектории $s=0$. Если же в начальный момент движущаяся точка находилась не в начальной, а в какой-то другой точке, то при построении графика придется откладывать пройденные пути за тот или иной промежуток времени после $t=0$ от этой другой точки.

Например, на рис. 22 прямая *I* есть график движения, происходящего со скоростью 4 *м/сек*, причем движущаяся точка в начальный момент находилась в точке $s_0=3$ *м*. Для сравнения на этом же рисунке дан график движения, которое происходит с той же скоростью, но при котором в начальный момент движущаяся точка находится в начальной точке траектории (прямая *II*).

На предыдущих графиках были изображены движения, происходящие только в положительной стороне от начальной точки. Будем, согласно § 6, считать длины путей по другую сторону от начальной точки отрицательными. На графике их можно изображать на оси пути вниз от оси времени.

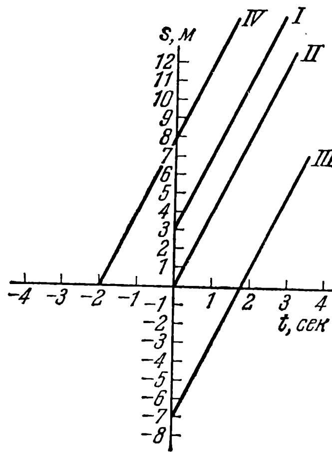


Рис. 22. Графики движений с одной и той же скоростью, но при различных начальных положениях движущегося тела.

Например, на рис. 22 прямая *III* есть график движения, происходящего с той же скоростью 4 *м/сек*, причем в начальный момент движущаяся точка находится на расстоянии 7 *м* от начальной в отрицательную сторону по траектории ($s_0=-7$).

Мы видим, что наклоны всех трех графиков одинаковы: наклон зависит только от скорости движущейся точки, а не от ее начального положения. При изменении начального положения весь график просто переносится параллельно самому себе вдоль оси пути вверх или вниз на соответственное расстояние.

Вспомним, что выбор начального момента времени при описании данного движения также произволен. Можно начать рассматривать движение и после, и до момента времени, принятого за начальный. Моментам, предшествующим начальному моменту времени $t=0$, приписывают отрицательные значения. Так, моменты —1 *сек*, —2 *сек* и т. д. обозначают моменты за 1 *сек*, за 2 *сек* и т. д. от начального. Отрицательные моменты времени откладывают на оси времени влево от начала координат.

Итак, можно строить графики пути для любых моментов времени, как до, так и после начального момента, и для любых положений точки, как по одну, так и по другую сторону от начальной точки. Прямая *IV* на рис. 22 есть график такого движения, происходящего со скоростью 4 *м/сек*, при котором точка была в начальном положении за 2 *сек* до начального момента.

Наконец, на графиках можно изображать движения, происходящие с отрицательными скоростями: это будут прямые, наклоненные вниз (рис. 23). Для таких движений длина пути уменьшается с течением времени.

Упражнения. 12.3. График пути для точки, движущейся со скоростью v, отсекает на оси ординат отрезок s_0. Как зависит от времени расстояние s от начальной точки? Написать формулу этой зависимости.

12.4. Точка, движущаяся со скоростью v, в момент t_0 находится на расстоянии s_0 от начальной. Как зависит от времени расстояние s?

12.5. Точка, двигаясь равномерно, занимала положения $s_1 = -3,5$ *м* и $s_2 = 2,5$ *м* в моменты времени $t_1 = -2$ *сек* и $t_2 = 6$ *сек* соответственно. Найти графически, в какой момент точка проходила через начальную точку и на каком расстоянии от нее она находилась в начальный момент. Найти скорость точки.

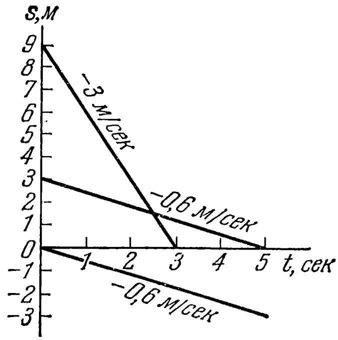


Рис. 23. Графики нескольких движений с отрицательными скоростями.

12.6. Найти при помощи графика пути, когда и на каком расстоянии от точки A автомашину, вышедшую из точки A, догонит вторая автомашина, вышедшая из той же точки через 20 *мин* после первой, если первая машина движется со скоростью 40 *км/час*, а вторая — 60 *км/час*.

12.7. Найти при помощи графика пути, где и когда встретятся автомашины, вышедшие одновременно навстречу друг другу со скоростями 40 *км/час* и 60 *км/час* из пунктов A и B, лежащих на расстоянии 100 *км* друг от друга.

Графики пути можно строить и для случаев, в которых тело движется равномерно в течение определенного промежутка времени, затем движется равномерно, но с другой скоростью в течение другого промежутка времени, затем снова меняет скорость и т. д. Например, на рис. 26 (стр. 54) показан график движения, в котором тело двигалось в течение первого часа со скоростью 20 *км/час*, в течение второго часа — со скоростью 40 *км/час* и в течение третьего часа — со скоростью 15 *км/час*.

Упражнение. **12.8.** Построить график пути для движения, в котором за последовательные часовые промежутки тело имело скорости 10 *км/час*, —5 *км/час*, 0 *км/час*, 2 *км/час*, 7 *км/час*. Чему равно суммарное перемещение тела?

§ 13. Графики зависимости скорости от времени. Подобно построению графика пути, можно построить и график зависимости скорости данного движения от времени. Для этого будем по оси ординат откладывать значения скорости в каком-либо выбранном масштабе; эта ось будет теперь служить осью скорости. Ось абсцисс по-прежнему будет служить осью времени. Так как скорость равномерного движения есть постоянная величина, то график изобразится прямой линией, параллельной оси времени. Чем больше скорость движения, тем выше расположится прямая (рис. 24). Отрицательная скорость изобразится линией, лежащей ниже оси абсцисс. Нулевая скорость (покой точки) изобразится участком оси времени.

Рассмотрим движение, скорость которого изображена линией AB. Площадь прямоугольника, заштрихованного на графике, равна произведению отрезка, изображающего скорость v, на отрезок, изображающий промежуток времени t, т. е. равна vt. Но при равномерном движении длина пройденного пути также равна vt (формула (9.2)). Значит,

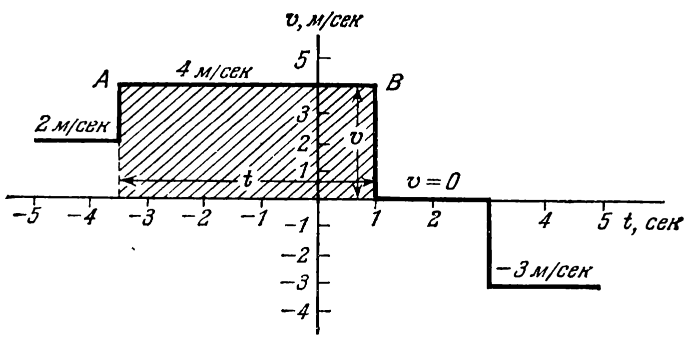


Рис. 24. Движение тела с разной скоростью в различные промежутки времени. Площадь заштрихованного прямоугольника равна 4 *м/сек*·4,5 *сек* = 18 *м* (длина пройденного пути).

длина пути выражается площадью, заштрихованной на рис. 24. Таким образом, при равномерном движении путь, пройденный за какой-либо промежуток времени, численно выражается площадью, ограниченной осью времени, графиком скорости и двумя вертикальными отрезками, проведенными из точек, соответствующих началу и концу рассматриваемого промежутка времени.

§ 14. Неравномерное движение. Средняя скорость. В § 9 мы говорили, что утверждение о равномерности данного движения справедливо только с той степенью точности, с которой произведены измерения. Например, применив секундомер, можно обнаружить, что движение поезда, представлявшееся при грубом измерении равномерным, неравномерно при более тонком измерении.

Но когда поезд подходит к станции, мы обнаружим неравномерность его движения даже без секундомера. Даже грубые измерения покажут нам, что промежутки времени, за которые поезд проходит расстояния от одного телеграфного столба до другого, становятся все больше и больше. С той малой степенью точности, которую дает измерение времени по часам, движение поезда на перегоне равномерно, а при подходе к станции — неравномерно. Поместим на игрушечный заводной автомобиль капельницу, заведем его и пустим катиться по столу. В середине движения расстояния между каплями оказываются одинаковыми (движение равномерно), но затем, когда завод приблизится к концу, будет заметно, что капли ложатся всё ближе одна к другой — движение неравномерно (рис. 25).

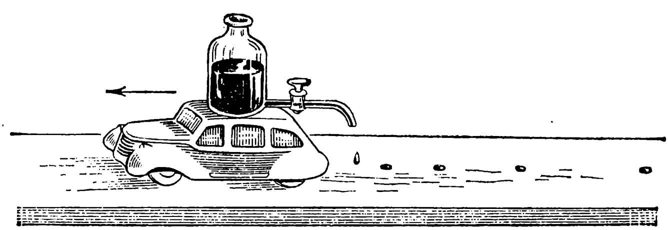


Рис. 25. Следы капель, равномерно падающих из капельницы, помещенной на движущийся заводной автомобиль, перед окончанием завода.

При неравномерном движении нельзя говорить о какой-то определенной скорости, так как отношение пройденного пути к соответственному промежутку времени не одинаково для разных участков, как это имело место для равномерного движения. Если, однако, нас интересует движение только на каком-либо определенном участке пути, то это движение в целом можно охарактеризовать, введя понятие средней скорости движения: *средней скоростью $v_{ср}$ движения на данном участке пути называют отношение длины s этого участка к промежутку времени t, за который этот участок пройден, т. е.*

$$v_{ср}=\frac{s}{t}. \qquad (14.1)$$

Отсюда видно, что *средняя скорость равна скорости такого равномерного движения, при котором тело прошло бы данный участок пути за тот же промежуток времени, что и при действительном движении.*

Как и в случае равномерного движения, можно пользоваться формулой $s=v_{\text{ср}}t$ для определения пути, пройденного за данный промежуток времени при определенной средней скорости, и формулой $t=\frac{s}{v_{\text{ср}}}$ для определения времени, за которое пройден данный путь с данной средней скоростью. Но пользоваться этими формулами можно только для того определенного участка пути и для того промежутка времени, для которых эта средняя скорость была рассчитана. Например, зная среднюю скорость на участке пути AB и зная длину AB, можно определить время, за которое был пройден этот участок, но нельзя найти время, за которое была пройдена половина участка AB, так как средняя скорость на половине участка при неравномерном движении, вообще говоря, не будет равна средней скорости на всем участке.

Если для любых участков пути средняя скорость оказалась одинаковой, то это значит, что движение равномерное и средняя скорость равна скорости этого равномерного движения.

Если средняя скорость известна за отдельные последовательные промежутки времени, то можно найти среднюю скорость и за суммарное время движения. Пусть, например, известно, что поезд двигался в течение двух часов, причем его средняя скорость за первые 10 минут равнялась 18 *км/час*, за следующие полтора часа — 50 *км/час* и за остальное время — 30 *км/час*. Найдем длины пути, пройденные за отдельные промежутки времени. Они будут равны $s_1=18\cdot\frac{1}{6}=3$ *км*; $s_2=50\cdot 1{,}5=75$ *км*; $s_3=30\cdot\frac{1}{3}=10$ *км*.

Значит, общая длина пути, пройденного поездом, есть $s=3+75+10=88$ *км*. Поскольку весь этот путь был пройден за два часа, искомая средняя скорость есть $v_{\text{ср}}=\frac{88}{2}=44\frac{\textit{км}}{\textit{час}}$.

Из этого примера видно, как вычислять среднюю скорость и в общем случае, когда известны средние скорости движения v_1, v_2, v_3, ..., с которыми тело двигалось в течение последовательных промежутков времени t_1, t_2, t_3, ...

Средняя скорость всего движения выразится формулой

$$v_{\text{ср}} = \frac{v_1 t_1 + v_2 t_2 + v_3 t_3 + \ldots}{t_1 + t_2 + t_3 + \ldots}.$$

Важно отметить, что в общем случае средняя скорость не равна среднему значению от средних скоростей на отдельных участках пути.

Упражнения. **14.1.** Показать, что средняя скорость на всем пути будет больше наименьшей из средних скоростей на отдельных участках и меньше наибольшей из них.

14.2. Поезд проходит первые 10 *км* со средней скоростью 30 *км/час*, вторые 10 *км* — со средней скоростью 40 *км/час*, третьи 10 *км* — со средней скоростью 60 *км/час*. Какова была средняя скорость поезда на всем 30-километровом отрезке пути?

§ 15. Мгновенная скорость. Для описания данного неравномерного движения можно определить среднюю скорость движения на нескольких участках пути. Однако это даст лишь грубое, приближенное понятие о характере движения.

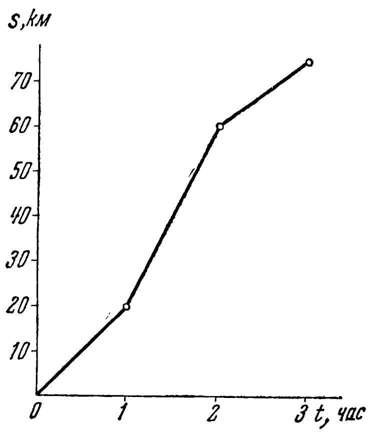


Рис. 26. График дает грубое описание движения автомобиля.

Дело в том, что, определяя средние скорости, мы как бы заменяем движение в течение каждого промежутка времени равномерным движением и считаем, что скорость меняется скачком от одного промежутка времени к другому. График пути такого движения, при котором в течение отдельных промежутков времени точка движется с постоянными, но разными скоростями, изобразится ломаной линией со звеньями разного наклона. Например, на рис. 26 изображен график движения автомобиля, который в течение первого часа ехал со средней скоростью 20 *км/час*, в течение второго часа — со средней скоростью 40 *км/час* и в течение третьего — со средней скоростью 15 *км/час*. Для более точного описания движения потребуется измерять средние скорости за меньшие промежутки времени. На графике пути мы будем получать ломаные линии со всё бо́льшим числом звеньев, все точнее описывающие данное движение (рис. 27, 28).

По мере уменьшения промежутков времени фактическое движение в пределах каждого отдельного промежутка будет всё менее отличаться от равномерного, и наконец отличие перестанет улавливаться приборами, при помощи которых мы измеряем среднюю скорость. Этим ставится естественный предел уточнению описания движения при данной степени

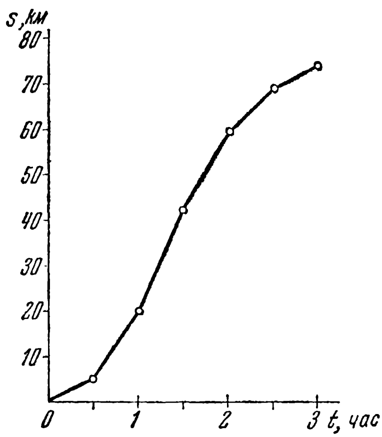


Рис. 27. Более точное описание движения автомобиля, чем на рис. 26.

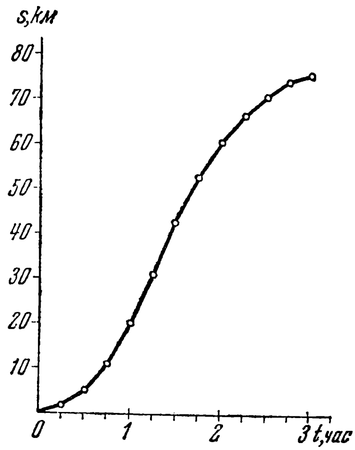


Рис. 28. Еще более точное описание движения автомобиля.

точности измерений длины и времени. В пределах промежутков времени столь малых, что движение представляется равномерным, можно относить результат измерения к началу, концу или вообще к любому моменту времени в пределах рассматриваемого промежутка.

Будем называть среднюю скорость, измеренную за столь малый промежуток времени, что в течение этого промежутка движение представляется для наших приборов равномерным, *мгновенной скоростью* или просто *скоростью.*

Если движение равномерно, то его мгновенная скорость в любой момент времени равна скорости этого равномерного движения: мгновенная скорость равномерного движения постоянна. Мгновенная же скорость неравномерного движения есть переменная величина, принимающая различные значения в разные моменты времени. Из сказанного ясно, что мгновенную скорость можно считать изменяющейся во все время движения непрерывно, так что график пути можно изобразить плавной линией (рис. 29); мгновенная скорость в каждый момент будет определяться наклоном касательной к кривой в соответственной точке.

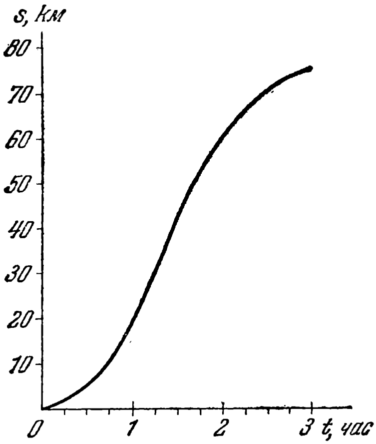


Рис. 29. График пути автомобиля изображается плавной линией.

Упражнение. **15.1.** Показать, что средняя скорость неравномерного движения на любом участке пути больше наименьшего и меньше наибольшего значения мгновенной скорости на этом участке.

§ 16. Ускорение.

Если мгновенная скорость движущегося тела растет, то движение называют *ускоренным*; если мгновенная скорость уменьшается, то движение называют *замедленным*.

Скорость в различных неравномерных движениях изменяется по-разному. Например, товарный поезд, отходя от станции, движется ускоренно; на перегоне — то ускоренно, то равномерно, то замедленно; подходя к станции, он движется замедленно. Пассажирский поезд также движется неравномерно, но его скорость изменяется быстрее, чем у товарного поезда. Скорость пули в канале ствола винтовки возрастает от нуля до сотен метров в секунду за несколько тысячных долей секунды; при попадании в препятствие скорость пули уменьшается до нуля также очень быстро. При взлете ракеты ее скорость растет сначала медленно, а потом все быстрее.

Среди разнообразных ускоренных движений часто встречаются движения, в которых мгновенная скорость за любые равные промежутки времени увеличивается на одну и ту же величину. Такие движения называют *равномерно-ускоренными*. Шарик, начинающий скатываться по наклонной плоскости или начинающий свободно падать на Землю, движется равномерно-ускоренно. Заметим, что равномерно-ускоренный характер этого движения нарушается трением и сопротивлением воздуха, которые пока учитывать не будем.

Чем больше угол наклона плоскости, тем быстрее растет скорость скатывающегося по ней шарика. Еще быстрее растет скорость свободно падающего шарика (примерно на 10 *м/сек* за каждую секунду). Для равномерно-ускоренного движения можно количественно охарактеризовать изменение скорости с течением времени, вводя новую физическую величину — ускорение.

Ускорением называют отношение изменения скорости к промежутку времени, за который это изменение произошло. Таким образом,

$$\text{Ускорение} = \frac{\text{Изменение скорости}}{\text{Промежуток времени}}.$$

Ускорение будем обозначать буквой a. Сравнивая с соответственным выражением из § 9, можно сказать, что ускорение есть скорость изменения скорости.

Пусть в момент времени t_1 скорость была v_1, а в момент t_2 она стала равной v_2, так что за время $t = t_2 - t_1$ изменение скорости составляет $v_2 - v_1$. Значит, ускорение

$$a = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{v_2 - v_1}{t}. \tag{16.1}$$

Из определения равномерно-ускоренного движения следует, что эта формула даст одно и то же значение ускорения, какой бы промежуток времени t ни выбрать. Отсюда видно также, что при равномерно-ускоренном движении ускорение численно равно изменению скорости за единицу времени $(t=1)$.

В системе СИ единица ускорения есть 1 *м* в секунду за секунду, или $\frac{1\ \textit{м/сек}}{1\ \textit{сек}}$, т. е. 1 *м/сек*^{2}.

Если путь и время измерены в других единицах, то и для ускорения надо принимать соответственные единицы измерения. Например, ускорение можно выражать в *см/сек*^{2}, *м/мин*^{2}, *м/час*^{2}, *км/мин*^{2} и т. д. В каких бы единицах ни выражать длину пути и время, в обозначении единицы ускорения в числителе стоит единица длины, а в знаменателе — квадрат единицы времени. Правило перехода к другим единицам длины и времени для ускорения аналогично правилу для скоростей (см. § 11). Например,

$$1\frac{см}{сек^2}=\frac{0{,}01\ м}{(^1/_{60}\ мин)^2}=36\frac{м}{мин^2}.$$

Если движение не является равномерно-ускоренным, то можно ввести, пользуясь той же формулой (16.1), понятие *среднего ускорения*. Оно охарактеризует изменение скорости за определенный промежуток времени на пройденном за этот промежуток времени участке пути. На отдельных же отрезках этого участка среднее ускорение может иметь разные значения (ср. со сказанным в § 14).

Если выбирать такие малые промежутки времени, что в пределах каждого из них среднее ускорение остается практически неизменным, то оно будет характеризовать изменение скорости на любой части этого промежутка. Найденное таким образом ускорение называют *мгновенным ускорением* (обычно слово «мгновенное» опускают, ср. с § 15). При равномерно-ускоренном движении мгновенное ускорение постоянно и равно среднему ускорению за любой промежуток времени.

§ 17. Скорость равномерно-ускоренного движения. Так как при равномерно-ускоренном движении ускорение постоянно, то оно равно отношению приращения скорости за любой промежуток времени к продолжительности этого промежутка. Пусть, например, при равномерно-ускоренном движении скорость в начальный момент («начальная скорость») равна v_0, а по истечении промежутка времени t скорость стала равной v. Тогда ускорение a можно найти по формуле

$$a=\frac{v-v_0}{t}. \tag{17.1}$$

Отсюда находим формулу для скорости:

$$v=v_0+at. \tag{17.2}$$

Если начальная скорость равна нулю, то

$$v=at. \tag{17.3}$$

Значит, если при равномерно-ускоренном движении начальная скорость равна нулю, то скорость прямо пропорциональна промежутку времени, протекшему от начального момента. По такому закону изменяется скорость шарика, начинающего скатываться по наклонной доске. По такому же закону (но, конечно, при другой величине ускорения) изменяется скорость свободно падающего тела, если в начальный момент его скорость была равна нулю (см. ниже, § 55).

По полученным формулам можно рассчитать скорость тела, совершающего равномерно-ускоренное движение, в любой момент времени, если известны начальная скорость и ускорение. Можно также найти ускорение, если известны начальная скорость, промежуток времени t и скорость в момент t, а также решать и другие аналогичные задачи.

§ 18. Отрицательное ускорение. *Равномерно-замедленным* называют движение, в котором за любые равные промежутки времени скорость уменьшается на одну и ту же величину. Тело, подброшенное вертикально вверх, или шарик, вкатывающийся от толчка вверх по наклонной доске, движутся равномерно-замедленно. Ускорение такого движения определяют, так же как и для равномерно-ускоренного движения, как отношение изменения скорости к промежутку времени, за который это изменение произошло. Следовательно, ускорение такого движения также определяется формулой (16.1). Но при равномерно-замедленном движении скорость в более поздний момент меньше, чем в более ранний, и поэтому *ускорение равномерно-замедленного движения отрицательно*. Скорость равномерно-замедленного движения можно найти по той же формуле, что и для равномерно-ускоренного движения,

$$v = v_0 + at, \tag{18.1}$$

но в этом случае ускорение a — отрицательная величина.

Если начальная скорость равномерно-замедленного движения положительна, то с течением времени она будет уменьшаться, обратится в нуль, а затем станет отрицательной. Это значит, что движущаяся точка остановится, а затем начнет двигаться в обратном направлении по траектории.

Например, тело, подброшенное вертикально вверх, в некоторый момент остановится (верхняя точка подъема тела), а затем начнет падать вниз. Момент остановки можно найти, если известны начальная скорость и ускорение, полагая в формуле (18.1) v равным нулю. Пусть, например, тело брошено вертикально вверх со скоростью 5 *м/сек*. Будем считать направление вверх положительным. Ускорение брошенного тела есть, как увидим ниже, $a \approx -10$ *м/сек*^{2}. Значит, момент остановки тела в верхней точке его траектории найдется из формулы $5-10t=0$, откуда находим $t=0{,}5$.

Равномерно-ускоренное и равномерно-замедленное движения часто называют равномерно-переменными движениями. Иногда оба эти вида движения называют равномерно-ускоренными, имея в виду, что ускорение может быть как положительным, так и отрицательным.

§ 19. Графики скорости при равномерно-ускоренном движении. Построим, пользуясь формулами § 17, график зависимости скорости равномерно-ускоренного движения от времени. Пусть, например, ускорение равно 2 *м/сек*^{2} и в начальный момент скорость равна нулю. Выполняя построение, увидим, что график скорости представит собой прямую линию (рис. 30, линия *I*), проходящую через точку пересечения оси времени и оси скорости. Можно доказать, что график скорости равномерно-ускоренного движения — всегда прямая линия; и обратно, если график скорости какого-либо движения есть прямая, то движение равномерно-ускоренное (ср. § 12). При большем ускорении график скорости изображается прямой, наклоненной к оси времени под бо́льшим углом (линия *II* на рис. 30).

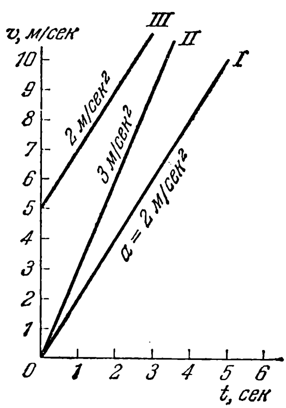


Рис. 30. Графики скорости различных равномерно-ускоренных движений.

Если в начальный момент скорость не равняется нулю, а имеет значение v_0, то график скорости по-прежнему представляет прямую линию, но не проходит через точку пересечения осей, а пересекает ось скоростей в точке v_0. Например, на рис. 30 приведен график равномерно-ускоренного движения с тем же ускорением 2 *м/сек*^{2}, но с начальной скоростью 5 *м/сек* (прямая *III*). Наклон графика тот же, что и для прямой *I*, так как ускорение одинаково для обоих движений. Наклон графика скорости зависит от выбора масштабов времени и скорости. Поэтому для возможности сравнения различных движений по виду графиков скорости необходимо чертить все графики в одном и том же масштабе (ср. § 12).

При отрицательном ускорении (равномерно-замедленное движение) график скорости также изображается прямой линией, однако прямая наклонена в этом случае вниз.

На графиках скорости можно проиллюстрировать все изменения скорости с течением времени при произвольном знаке начальной скорости и произвольном знаке ускорения. Так, на рис. 31 прямая *I* соответствует положительной начальной скорости и положительному ускорению, *II* — положительной начальной скорости и отрицательному ускорению, *III* — отрицательной начальной скорости и положительному ускорению и *IV* —отрицательной начальной скорости и отрицательному ускорению. Точки пересечения этих графиков с осью времени — это точки перемены знака скорости, т. е. перемены направления движения.

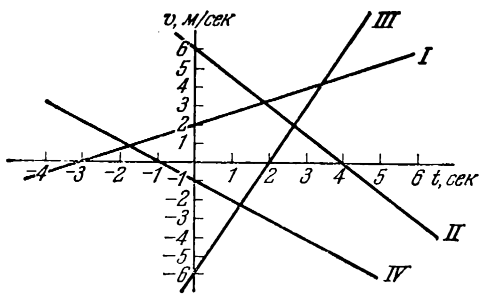


Рис. 31. Графики скорости равномерно-ускоренных (*I*, *III*) и равномерно-замедленных (*II*, *IV*) движений.

Если нас интересует только абсолютная величина скорости, а не ее направление, то можно сказать, что в эти моменты замедленное движение переходит в ускоренное. Например, абсолютная величина скорости камня, подброшенного вверх, сначала уменьшается, а после достижения верхней точки начинает возрастать.

Упражнение. **19.1.** Написать формулы для скорости движений, изображенных на рис. 31.

§ 20. Графики скорости при любом неравномерном движении. В § 15 мы видели, как можно построить приближенные графики пути неравномерного движения, представляя его как ряд следующих друг за другом равномерных движений с разными скоростями. Теперь построим подобным же образом приближенные графики скорости. Они будут изображать средние скорости для промежутков времени, на которые разделено данное движение.

Например, по графику пути рис. 26 видим, что средние скорости точки за первый, второй и третий часы равны соответственно 20, 40 и 15 *км/час*. Считая движение в пределах каждого часа равномерным (как это и было сделано при составлении графика), получим график скорости рис. 32.

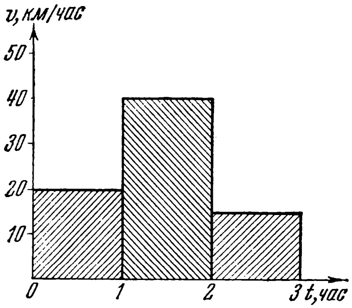


Рис. 32. График скорости для движения, описываемого графиком пути рис. 26.

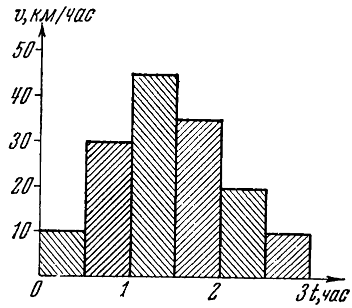


Рис. 33. График скорости для движения, описываемого графиком пути рис. 27.

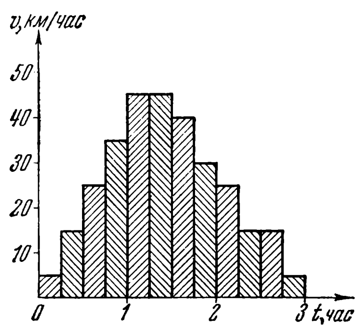


Рис. 34. График скорости для движения, описываемого графиком пути рис. 28.

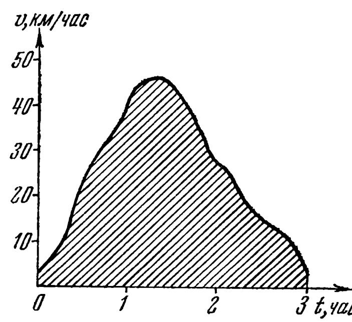


Рис. 35. График скорости для движения, описываемого графиком пути рис. 29.

График скорости в пределах каждого часа изображается отрезком, параллельным оси времени (§ 13). Выбирая меньшие промежутки времени, получим новый, более точный график скорости (рис. 33), соответствующий графику пути рис. 27. Здесь мы считаем, что движение равномерно в течение каждого получаса. Еще более точному графику пути (рис. 28) соответствует еще более точный график скорости (рис. 34), и т. д.

Мы видим, что по мере уменьшения выбираемых промежутков времени скачки средней скорости при переходе от одного промежутка к другому делаются все меньше и меньше: соседние ступеньки все меньше и меньше отличаются друг от друга по высоте. В конце концов при достаточно малых промежутках времени наши измерительные приборы перестанут обнаруживать эти скачки. Тогда график скорости можно будет изобразить уже не ступенчатой, а непрерывной линией (рис. 35, соответствующий рисунку 29). Эта линия будет давать значения мгновенной скорости в каждый момент времени.

§ 21. Нахождение пути, пройденного при неравномерном движении, при помощи графика скорости. В § 13 мы видели, как при помощи графика скорости можно найти путь, пройденный при равномерном движении. Как же найти пройденный путь в случае неравномерного движения?

Представим себе сначала, что движение изображено приближенно, например так, как на рис. 32. Тогда площади прямоугольников, заштрихованных на рисунке, будут изображать соответственно путь, пройденный за первый, второй и третий часы движения. Общая площадь, занимаемая этими прямоугольниками, будет поэтому равна полной длине пути. Точно так же, т. е. как площадь графика скорости, найдется полная длина пути и при более точном изображении движения (заштрихованная площадь на рис. 33, 34). Отсюда заключаем, что площадь графика даст полную длину пройденного пути и в том случае, когда данное неравномерное движение изображено на графике точно: непрерывной линией (рис. 35).

Путь, пройденный за какой-либо промежуток времени, численно выражается площадью, ограниченной осью времени, графиком скорости и двумя вертикальными отрезками, проведенными из точек, соответствующих началу и концу данного промежутка времени. Таким образом, вывод, к которому мы пришли в конце § 13 для частного случая равномерного движения, оказывается справедливым и для общего случая произвольного неравномерного движения.

§ 22. Путь, пройденный при равномерно-ускоренном движении. Воспользуемся сейчас графическим способом нахождения пройденного пути для случая равномерно-ускоренного движения.

Пусть график скорости равномерно-ускоренного движения изображен прямой BC (рис. 36). Путь, пройденный за время $t=OA$, численно равен площади трапеции $OBCA$:

$$s = \text{Площадь } OBCA = \frac{(OB+AC)}{2} OA.$$

Но $OB=v_0$ (начальная скорость), $AC=v_0+at$ (скорость в момент t при ускорении a). Значит,

$$s = \frac{v_0+(v_0+at)}{2} t = v_0 t + \frac{1}{2} at^2. \qquad (22.1)$$

Эта формула справедлива как для равномерно-ускоренного, так и для равномерно-замедленного движения; в первом случае v_0 и a одинаковы по знаку, а во втором — противоположны по знаку.

Для движения с начальной скоростью, равной нулю, на графике вместо трапеции получается прямоугольный треугольник ODA с катетами $OA=t$ и $AD=v=at$, так что площадь, выражающая пройденный путь, оказывается равной

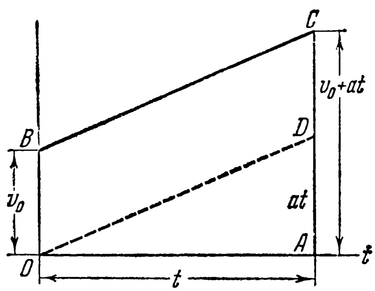


Рис. 36. Графическое нахождение формулы пути, пройденного при равномерно-ускоренном движении.

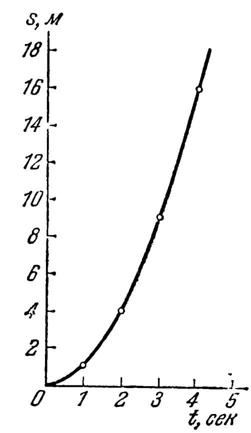


Рис. 37. График пути при равномерно-ускоренном движении.

$$s = \frac{at \cdot t}{2} = \frac{1}{2} at^2. \qquad (22.2)$$

Эту формулу можно было бы получить и непосредственно из предыдущей формулы, полагая $v_0=0$.

На рис. 37 дан график пути равномерно-ускоренного движения с начальной скоростью, равной нулю. График построен по формуле (22.2) (для значения $a=2$ *м/сек*^{2}). Он изображается кривой линией, поднимающейся вверх все круче и круче. Расстояния точек графика от оси времени пропорциональны квадратам расстояний от оси пути. Такая кривая называется *параболой*.

Из формулы (22.2) видно, что при начальной скорости, равной нулю, путь, пройденный при равномерно-ускоренном движении за первую секунду движения ($t=1$), численно равен половине ускорения. Если известен путь, пройденный без начальной скорости за t секунд, то ускорение можно найти по формуле

$$a=\frac{2s}{t^2}. \tag{22.3}$$

Если начальная скорость v_0 равна нулю, можно выразить путь s, пройденный к моменту t, через скорость v в этот момент или скорость — через пройденный путь. Действительно, в этом случае $v=at$ и $s=\frac{at^2}{2}$. Исключая из этих выражений t, найдем:

$$s=\frac{v^2}{2a}, \tag{22.4}$$

$$v=\sqrt{2as}. \tag{22.5}$$

Наконец, зная пройденный путь и ускорение, можно, воспользовавшись формулой (22.2), найти время движения:

$$t=\sqrt{\frac{2s}{a}}. \tag{22.6}$$

Впервые законы равномерно-ускоренного движения тел были найдены Галилеем при изучении движения шарика по наклонному желобу (описано в 1638 г.) В его время еще не было точных часов и Галилей измерял время движения при помощи своего рода водяных часов — взвешивая воду, вытекшую из сосуда через узкое отверстие. Галилей пускал шарик по наклонному желобу без начальной скорости и измерял расстояния, которые проходил шарик за время, соответствующее определенному количеству вытекшей из сосуда воды. Несмотря на несовершенство метода измерений, Галилею удалось обнаружить, что путь, проходимый шариком, пропорционален квадрату промежутка времени, за который этот путь пройден.

Упражнения. **22.1.** Написать формулы, аналогичные (22.4) и (22.5), для случая начальной скорости v_0, не равной нулю.

22.2. Показать, пользуясь формулой (22.1), что для равномерно-ускоренного движения пути, проходимые точкой за любые равные промежутки времени, следующие друг за другом, увеличиваются на одну и ту же величину.

22.3. Показать, пользуясь формулой (22.2), что для равномерно-ускоренного движения без начальной скорости приращения пути за любые равные промежутки времени, следующие друг за другом, равны двойному пути, проходимому точкой за первый такой промежуток времени.

22.4. Паровоз подходит по горизонтальному пути к уклону, имея скорость 8 *м/сек*, затем движется по уклону вниз с ускорением 0,2 *м/сек*^{2}. Определите длину уклона, если паровоз проходит его за 30 *сек*.

22.5. Паровоз начинает двигаться равноускоренно в тот момент, когда мимо него пробегает мальчик, двигаясь равномерно со скоростью 2 *м/сек*. Определить скорость паровоза в тот момент, когда он догонит мальчика.

22.6. Автомобиль, пройдя с постоянным ускорением некоторое расстояние от остановки, достиг скорости 20 *м/сек*. Какова была его скорость на половине этого расстояния?

22.7. Какой путь прошло тело за время, в течение которого скорость его увеличилась с 4 до 12 *м/сек*, если ускорение равно 2 *м/сек*^{2}?

§ 23. Векторы. До сих пор мы рассматривали только движение точки по заданной прямой. В этом случае для того, чтобы знать перемещение точки, было достаточно знать начальное положение точки, а также численную величину и знак пройденного пути. Точно так же, зная начальное положение точки, численное значение скорости и ее знак, мы могли ответить на вопрос, где будет точка через одну секунду, через две секунды и т. д.

Но если точка может двигаться как угодно, то этих данных уже недостаточно. Проследим по карте за движением самолета (летящего горизонтально). Пусть, например, самолет переместился из положения A в положение B (рис. 38). Отрезок AB — перемещение самолета. Зная старое положение тела и перемещение, можно найти новое положение тела. Однако, в отличие от случая движения по заданной прямой, для этого теперь нужно знать не только численное значение длины отрезка AB, но и направление в пространстве, в котором это перемещение произошло. При другом направлении перемещения, даже при той же его длине, самолет оказался бы в другой точке (например, в точке M, отстоящей от A на таком же расстоянии, что и точка B). Значит, *перемещение характеризуется не только своей длиной, но и направлением в пространстве*.

Точно так же и скорости и ускорения тел, перемещающихся по разным прямым траекториям, нужно характеризовать не только численными значениями, но и направлениями в пространстве. Скорости точки будем приписывать то же направление, что и перемещению; ускорению будем приписывать либо то же направление, либо обратное, смотря по тому, растет скорость или убывает.

В физике часто приходится встречаться с величинами, которые, как и перемещение, скорость или ускорение, характеризуются не только своим численным значением, но и своим направлением в пространстве. Мы увидим, что таковы

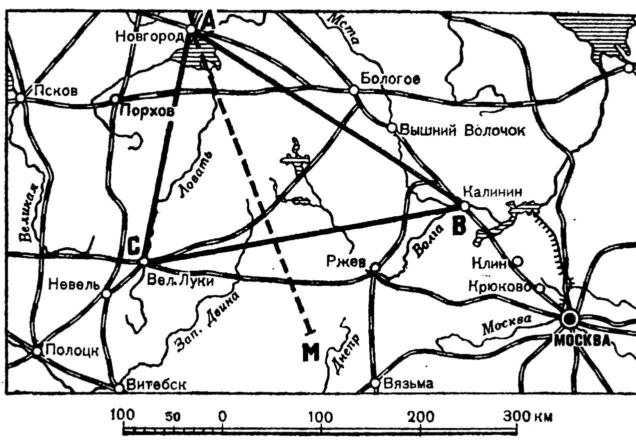


Рис. 38. Перемещения, не лежащие на одной прямой. Сложение перемещений.

силы взаимодействия между телами, напряженности электрических и магнитных полей и т. д. *Величины, которые характеризуются своим численным значением и своим направлением в пространстве, называют векторными величинами или векторами.* Таким образом, перемещение, скорость, ускорение — векторы.

Векторную величину будем изображать соответственно направленным отрезком со стрелкой; длина отрезка будет изображать в выбранном масштабе численное значение векторной величины. Векторы будем обозначать либо одной буквой, напечатанной жирным шрифтом ($\boldsymbol{a}$, $\boldsymbol{A}$), либо стрелкой, поставленной над буквой ($\vec{a}$, $\vec{A}$), либо двумя буквами, обозначающими начало и конец отрезка, изображающего вектор (AB, AC).

В отличие от векторов, величины, которые характеризуются численным значением, но которым нельзя приписать никакого направления в пространстве, называют *скалярными величинами* или *скалярами*. Скалярами являются время, плотность вещества, объем тела, температура, расстояние (но не перемещение!) и т. д. Скалярные величины равны друг другу, если совпадают по численному значению. Векторные величины равны друг другу, если совпадают по численному значению и по направлению.

Представим себе, что тело совершило одно за другим два перемещения; например, самолет пролетел сначала по пути,

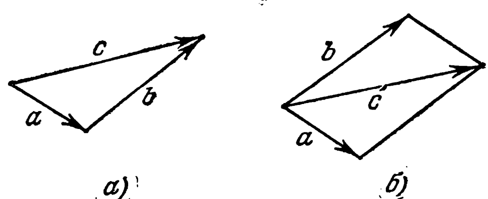


Рис. 39. Сложение двух векторов по правилу треугольника (*а*) и по правилу параллелограмма (*б*).

изображаемому вектором *AB*, а затем по пути, изображаемому вектором *BC* (рис. 38). Итоговое перемещение изобразится вектором *AC*. Его называют суммой данных перемещений. Мы видим, что вектор суммы двух данных перемещений получается как сторона треугольника, в котором две другие стороны образованы двумя слагающими векторами перемещений. Это правило сложения называют *векторным сложением* или *сложением по правилу треугольника* (рис. 39, *а*). Отсюда следует, что численное значение суммы двух векторов в общем случае не равно сумме численных значений слагаемых векторов: численное значение суммы лежит между суммой и разностью численных значений слагаемых векторов. Только если слагаемые векторы расположены на одной прямой, длина вектора суммы равна сумме длин составляющих векторов (если они обращены в одну сторону) или их разности (если они обращены навстречу друг другу). В этом случае векторное сложение переходит в алгебраическое.

Векторное сложение можно производить также *по правилу параллелограмма*, равносильному правилу треугольника: при построении параллелограмма оба слагающих вектора откладывают от одной точки и они служат сторонами параллелограмма. Тогда диагональ параллелограмма, проведенная из той же точки, есть векторная сумма (рис. 39, *б*).

Векторам противоположного направления приписывают противоположные знаки. На рис. 40 векторы равной величины и противоположного направления различаются только знаком: $\boldsymbol{A} = -\boldsymbol{B}$.

Аналогично сложению векторов можно ввести и их *вычитание*: вычесть вектор — значит прибавить вектор противоположного направления. В параллелограмме одна из диагоналей есть сумма векторов, изображаемых его сторонами, вторая диагональ есть их разность (рис. 41).

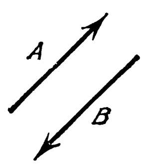


Рис. 40. $\boldsymbol{A} = -\boldsymbol{B}$.

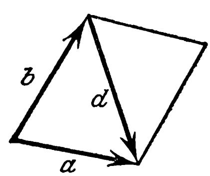


Рис. 41. Векторное вычитание: $\boldsymbol{d} = \boldsymbol{a} - \boldsymbol{b}$.

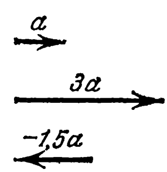


Рис. 42. Умножение вектора на число.

Если складывают более чем два вектора (например, если тело совершает более чем два последовательных перемещения), то сумма векторов (суммарное перемещение) получится путем последовательного прибавления к первому вектору второго, к их сумме — третьего и т. д. Если данное перемещение повторяется два, три и т. д. раз, то получающееся перемещение имеет то же направление, что и вектор однократного перемещения, а по величине в два, три и т. д. раз больше однократного перемещения. Таким образом можно ввести *умножение вектора на число*: вектор, умноженный на число, есть вектор того же направления, численное значение которого равно численному значению исходного вектора, умноженному на это число. На рис. 42 изображены векторы $\boldsymbol{a}$, $3\boldsymbol{a}$ и $-1{,}5\boldsymbol{a}$.

Упражнение. **23.1.** Доказать, что по отношению к перемещениям справедливы законы: переместительный $\boldsymbol{a}+\boldsymbol{b}=\boldsymbol{b}+\boldsymbol{a}$, сочетательный $\boldsymbol{a}+(\boldsymbol{b}+\boldsymbol{c})=\boldsymbol{a}+\boldsymbol{b}+\boldsymbol{c}$ и распределительный для умножения на число $m(\boldsymbol{a}+\boldsymbol{b})=m\boldsymbol{a}+m\boldsymbol{b}$.

§ 24. Разложение вектора на составляющие. Любой вектор можно представить как сумму нескольких векторов.

Например, перемещение тела можно представить как результат нескольких последовательных перемещений, переводящих тело из того же начального в то же конечное положение. Замену одного вектора векторной суммой нескольких других называют *разложением вектора на составляющие*. Составляющие вектора, конечно, тоже векторы.

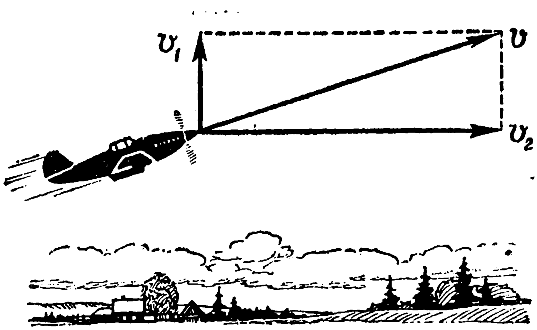


Рис. 43. Разложение вектора скорости самолета, набирающего высоту, на вертикальную и горизонтальную составляющие.

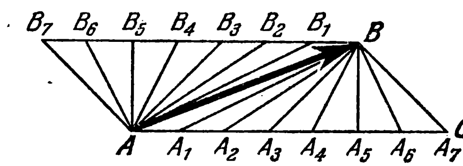


Рис. 44. Разложение вектора AB, в котором задано только направление AC одной составляющей. Вектор AB может быть представлен как суммы векторов AA_1 и AB_1, AA_2 и AB_2, AA_3 и AB_3 и т. д.

Разложение вектора на составляющие можно произвести бесконечным числом способов, точно так же как любую скалярную величину можно разложить бесконечным числом способов на слагаемые.

Можно, например, разложить вектор по двум данным направлениям. Тогда разлагаемый вектор будет служить диагональю параллелограмма, а с заданными направлениями составляющих совпадут стороны параллелограмма (см., например, рис. 43).

Если задать направление только одной составляющей, то задача о разложении вектора не будет иметь никакого определенного ответа; на рис. 44 мы видим, что можно построить сколько угодно параллелограммов с заданной диагональю (разлагаемый вектор) и заданным направлением одной стороны (направление одной из составляющих).

Упражнение. **24.1.** Самолет должен приземлиться в пункте A, лежащем в 300 *км* к юго-западу от аэродрома вылета, но предварительно он должен сбросить вымпел над аэродромом B, лежащим в 400 *км* к юго-востоку от аэродрома вылета. Чему равна длина перемещения AB?

Чаще всего производят разложение векторов по направлениям осей какой-либо определенной прямоугольной системы координат (рис. 45). Выбрав определенную систему координат, можно охарактеризовать вектор величиной и знаком его составляющих, уже не указывая их направления.

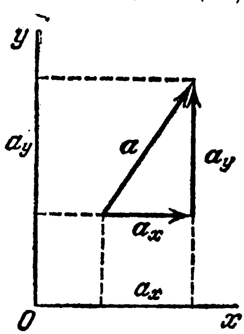


Рис. 45. Составляющие $\boldsymbol{a}_x$, $\boldsymbol{a}_y$ и проекции a_x, a_y вектора $\boldsymbol{a}$ на оси координатной системы Oxy.

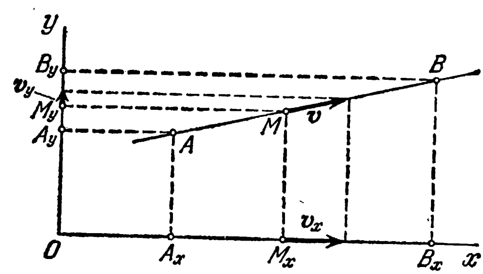


Рис. 46. Проектирование движения точки M на оси координат.

Знак выбирают положительным, если направление составляющей совпадает с положительным направлением соответственной оси координат, и отрицательным, если эти направления противоположны. Величину составляющей, взятую со своим знаком, называют *проекцией вектора* на направление соответственной оси. Проекция вектора — скаляр.

Пусть какая-либо точка движется по прямой. Выберем какую-нибудь определенную систему координат Oxy и спроектируем движущуюся точку на оси координат (рис. 46). На рисунке показаны проекции M_x и

M_y точки, занимающей в данный момент положение M. При движении точки будут двигаться и ее проекции. Если точка M совершила перемещение AB, то за то же время ее проекции совершили перемещения A_xB_x, A_yB_y по соответственным осям. Из построения видно, что *проекции перемещения* движущейся точки M *равны перемещениям ее проекций* M_x и M_y по осям координат. Если точка двигалась равномерно, то проекции также двигались равномерно. Разделив перемещения точки и ее проекций на время t движения точки, найдем скорости v, v_x и v_y точки M и ее проекций. Можно показать, что *проекция скорости точки равна скорости движения ее проекции*. Точно так же можно показать, что при неравномерном движении точки по прямой проекции ее мгновенной скорости и проекции ее ускорения равны мгновенным скоростям и ускорениям ее проекций. Обратно, если известны перемещения, скорости или ускорения проекций движущейся точки на оси координат, то можно найти вектор перемещения, скорости или ускорения, приписывая проекциям направления соответственных осей координат и складывая получившиеся составляющие искомого вектора по правилу параллелограмма.

Таким образом, вместо того, чтобы рассматривать движение точки в произвольном направлении, мы всегда можем рассматривать движение только вдоль определенных прямых—осей координат. В ряде случаев выбор осей подсказывается самими условиями задачи. Например, изучая движение брошенного тела, удобно выбрать оси координат по вертикали и по горизонтали.

§ 25. Криволинейное движение. Если траектория движения точки — кривая линия, то перемещением точки попрежнему будем называть отрезок, соединяющий ее начальное и конечное положения. Перемещение не будет лежать на траектории, как это было при прямолинейном движении (рис. 47). Тем не менее и при криволинейном движении можно произвести разметку траектории и «привязку» отдельных положений движущейся точки к соответственным моментам времени. Нужно только отсчитывать длину пути не по прямой, а вдоль криволинейной траектории, как показано на рисунке.

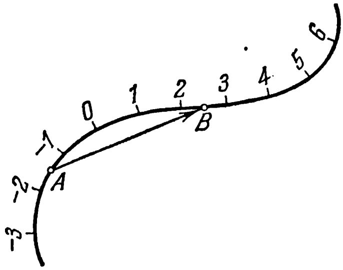


Рис. 47. Разметка криволинейной траектории. Перемещение AB точки между ее положениями A и B не лежит на траектории.

Величина скорости криволинейного движения определяется так же, как и величина скорости для прямолинейного движения: как отношение длины пути, пройденного точкой вдоль траектории за достаточно малый промежуток времени, к величине этого промежутка времени. Пока речь идет только о *величине* скорости и о длине пройденного пути, при криволинейном движении можно ввести те же понятия равномерного и неравномерного (в частности, равномерно-ускоренного) движения, что и для прямолинейного движения. Точно так же можно пользоваться для расчета длины пути и величины скорости теми же формулами, что и для прямолинейного движения. Различие появляется только тогда, когда мы учитываем и направление движения.

§ 26. Вектор скорости криволинейного движения. Какое же направление приписать скорости криволинейного движения? Ведь при криволинейном движении нет какого-либо определенного направления движения. Мы ответим на заданный вопрос, вводя понятие *мгновенного направления скорости*, подобно тому как в § 15 мы ввели понятие мгновенной величины скорости.

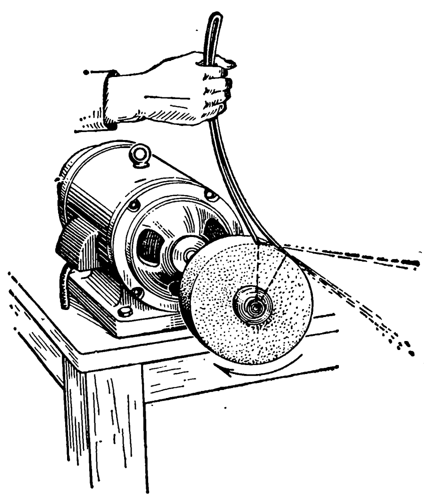


Рис. 48. Искры из-под предмета, обтачиваемого на точильном круге, летят по касательной к кругу.

Для этого будем рассматривать криволинейное движение за малые промежутки времени. Чем меньшие промежутки времени мы будем выбирать, тем меньше будет отличаться соответственный малый участок траектории от прямолинейного отрезка, например от своей хорды. За достаточно малый промежуток времени данное движение будет неотличимо от прямолинейного. Кроме того, для малого участка пути хорда будет практически неотличима от касательной, проведенной в любой точке этого участка траектории. Поэтому мгновенным направлением скорости считают направление касательной в той точке траектории, где в данный момент находится движущееся тело. Обычно слово «мгновенное» опускают и говорят просто о направлении скорости.

Частицы вращающегося точильного камня движутся по окружностям. Коснемся вращающегося камня концом стального прутка (рис. 48). Мы увидим искры — мелкие раскаленные частицы, отрывающиеся от камня и летящие с той скоростью, которую они имели в последний момент движения вместе с камнем. Переставляя пруток по окружности камня, увидим, что направление вылета искр различно в разных точках и всегда совпадает с касательной к окружности в той точке, где пруток прикасается к камню.

Упражнение. 26.1. Для того чтобы брызги от велосипедных колес не попадали на седока, над колесами устанавливают щитки в виде дуги окружности с центром на оси колеса. Изобразите схематически велосипед с седоком и отметьте на рисунке наименьшие размеры щитков, при которых седок будет защищен от брызг.

§ 27. Ускорение при криволинейном движении. Рассматривая криволинейное движение тела, мы видим, что его скорость в разные моменты различна. Даже в том случае, когда

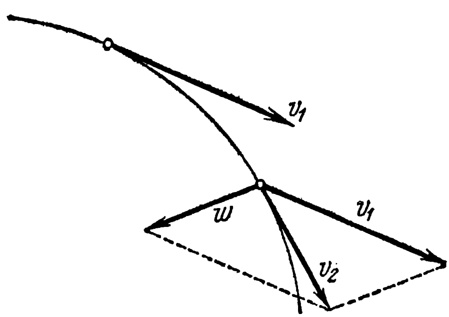


Рис. 49. Изменение скорости при криволинейном движении.

величина скорости не меняется, все же имеет место изменение направления скорости. В общем случае меняются и величина, и направление скорости.

Таким образом, в криволинейном движении всегда имеется изменение скорости, т. е. это движение происходит с *ускорением*. Для определения этого ускорения (по величине и направлению) требуется найти изменение скорости *как вектора*, т. е. требуется найти изменение величины и изменение направления скорости.

Пусть, например, точка, двигаясь криволинейно (рис. 49), имела в некоторый момент скорость $\boldsymbol{v}_1$, а через малый промежуток времени — скорость $\boldsymbol{v}_2$. Изменение скорости есть разность между векторами $\boldsymbol{v}_1$ и $\boldsymbol{v}_2$. Так как эти векторы имеют различное направление, то нужно взять их векторную разность. Изменение скорости выразится вектором $\boldsymbol{w}$, изображаемым стороной параллелограмма с диагональю $\boldsymbol{v}_2$ и другой стороной $\boldsymbol{v}_1$. Ускорением мы называем отношение изменения скорости к промежутку времени, за который это изменение произошло. Значит, ускорение $\boldsymbol{a}$ равно

$$\boldsymbol{a}=\frac{\boldsymbol{w}}{\tau}$$

и по направлению совпадает с вектором $\boldsymbol{w}$.

Выбирая τ достаточно малым, придем к понятию *векторного мгновенного ускорения* (ср. § 16); при произвольном τ вектор $\boldsymbol{a}$ будет представлять среднее ускорение за промежуток времени τ.

Направление ускорения криволинейного движения не совпадает с направлением скорости, в то время как для прямолинейного движения эти направления совпадают. Чтобы найти направление вектора ускорения при криволинейном движении, достаточно сопоставить направления скоростей в двух близких точках траектории. Так как скорости направлены по касательным к траектории, то по виду самой траектории можно сделать заключение, в какую сторону от траектории направлено ускорение. Действительно, так как разность скоростей в двух близких точках траектории всегда направлена в ту сторону, куда искривляется траектория, то, значит, и ускорение при криволинейном движении всегда направлено в сторону вогнутости траектории. Например, когда шарик катится по изогнутому желобу (рис. 50), его ускорение на участках AB и BC всегда направлено так, как показывают стрелки, причем это не зависит от того, катится шарик от A к C или в обратном направлении.

Рассмотрим равномерное движение точки по криволинейной траектории. Мы уже знаем, что это — ускоренное движение. Найдем ускорение. Для этого достаточно рассмотреть ускорение для частного случая равномерного движения по окружности. Возьмем два близких положения A и B движущейся точки, соответствующие малому промежутку времени t (рис. 51, a). Скорости движущейся точки в A и B равны по величине, но различны по направлению.

Найдем разность этих скоростей, пользуясь правилом треугольника (рис. 51, *б*). Треугольники OAB и $O'A'B'$ подобны, как равнобедренные треугольники с равными углами

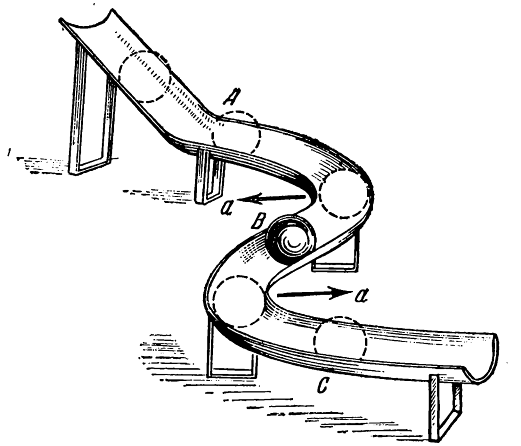


Рис. 50. Ускорения при криволинейном движении всегда направлены в сторону вогнутости траектории.

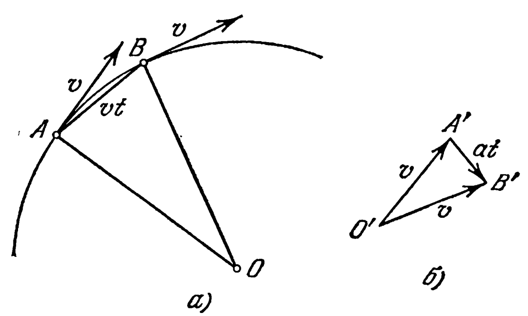


Рис. 51. К выводу формулы для центростремительного ускорения.

при вершине. Длину стороны $A'B'$, изображающей приращение скорости за промежуток времени t, можно положить равной at, где a — величина искомого ускорения. Сходственная ей сторона AB есть хорда дуги AB; вследствие малости дуги длина ее хорды может быть приближенно принята равной длине дуги, т. е. vt. Далее, $O'A'=O'B'=v$; $OA=$

$=OB=R$, где R — радиус траектории. Из подобия треугольников следует, что отношения сходственных сторон в них равны:

$$\frac{at}{vt}=\frac{v}{R},$$

откуда находим искомое ускорение по величине:

$$a=\frac{v^2}{R}. \tag{27.1}$$

Направление ускорения перпендикулярно к хорде AB. Для достаточно малых промежутков времени можно считать, что касательная к дуге практически совпадает с ее хордой. Значит, найденное ускорение можно считать направленным перпендикулярно («нормально») к касательной к траектории, т. е. по радиусу, к центру окружности. Поэтому такое ускорение называют *нормальным* или *центростремительным ускорением*.

Если траектория — не окружность, а произвольная кривая линия, то в формуле (27.1) следует взять радиус окружности, ближе всего подходящей к кривой в данной точке. Направление нормального ускорения и в этом случае будет нормально к касательной к траектории в данной точке. Если при криволинейном движении ускорение постоянно по величине и направлению, его можно найти как отношение приращения вектора скорости к промежутку времени, за который это приращение произошло, каков бы ни был этот промежуток времени. Значит, в этом случае вектор ускорения можно найти по векторной формуле

$$\boldsymbol{a}=\frac{\boldsymbol{v}-\boldsymbol{v}_0}{t}, \tag{27.2}$$

аналогичной формуле (18.1) для прямолинейного движения с постоянным ускорением. Здесь $\boldsymbol{v}_0$ — вектор скорости тела в начальный момент промежутка времени t, а $\boldsymbol{v}$ — вектор скорости в конечный момент этого промежутка.

§ 28. Движение относительно разных систем отсчета. В § 2 мы объяснили, что одно и то же движение тела имеет различный характер в зависимости от того, к какой системе отсчета отнесено это движение. Рассмотрим случай, когда одна из систем отсчета движется относительно другой поступательно. Ясно, что в этом случае вторая система движется относительно первой также поступательно.

Для примера возьмем за такие системы отсчета Землю и железнодорожную платформу, движущуюся по прямому участку пути. Пусть по платформе идет человек. Как, зная движение человека относительно платформы и движение платформы относительно Земли, найти движение человека относительно Земли?

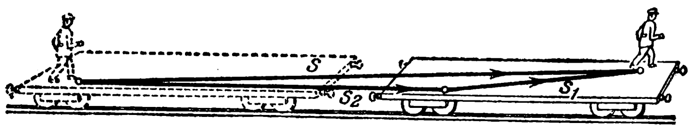


Рис. 52. Сложение перемещений при движениях относительно разных систем отсчета.

Если перемещение человека относительно платформы изображается вектором $\boldsymbol{s}_1$, а перемещение платформы относительно Земли изображается вектором $\boldsymbol{s}_2$, то, как видно из рис. 52, перемещение человека относительно Земли изобразится вектором $\boldsymbol{s}$, представляющим собой диагональ параллелограмма, построенного на векторах $\boldsymbol{s}_1$ и $\boldsymbol{s}_2$ как на сторонах; это значит, что выполняется векторное равенство

$$\boldsymbol{s}=\boldsymbol{s}_1+\boldsymbol{s}_2. \tag{28.1}$$

Так же можно найти перемещение тела и в других случаях: можно показать, что при переходе от одной системы отсчета к другой *перемещение тела и перемещение системы складываются векторно*.

Если движение человека относительно платформы и движение платформы относительно Земли — прямолинейные и равномерные, то движение человека относительно Земли также будет прямолинейным и равномерным. В этом случае, разделив обе части равенства (28.1) на промежуток времени t, в течение которого произошли перемещения, найдем:

$$\boldsymbol{v}=\boldsymbol{v}_1+\boldsymbol{v}_2, \tag{28.2}$$

где $\boldsymbol{v}_1$ — скорость человека относительно платформы, $\boldsymbol{v}_2$ — скорость платформы относительно Земли и $\boldsymbol{v}$ — скорость человека относительно Земли. Значит, в этом случае *скорость тела и скорость системы отсчета также складываются векторно*.

Если человек идет вдоль платформы, так что все перемещения происходят вдоль одной прямой, то векторное сложение перемещений и скоростей переходит в алгебраическое, и равенства (28.1) и (28.2) приобретают вид

$$s = s_1 + s_2, \quad v = v_1 + v_2.$$

В этих формулах знаки перемещений и скоростей, направленных в одну сторону, считаются одинаковыми, а направленных в противоположные стороны — разными.

Можно доказать, что формула (28.2) справедлива и для неравномерных движений, если под величинами $\boldsymbol{v}_1$, $\boldsymbol{v}_2$, $\boldsymbol{v}$ понимать мгновенные скорости тела и системы отсчета.

Упражнение. **28.1.** Показать, что если человек движется относительно платформы прямолинейно, но неравномерно, а платформа движется относительно Земли прямолинейно и равномерно, то человек может двигаться относительно Земли криволинейно.

Если платформа движется равномерно и прямолинейно, то, как бы ни двигался человек по платформе, его скорость относительно Земли будет отличаться от скорости относительно платформы только постоянной добавкой ($\boldsymbol{v}_2$). Значит, все *изменения скорости* человека будут одинаковы в обеих системах, а значит, одинаковы будут и ускорения человека относительно обеих систем.

Итак, *если две системы отсчета движутся поступательно, равномерно и прямолинейно друг относительно друга, то ускорения тел относительно обеих систем отсчета будут равны.* Скорости же движения тел относительно обеих систем, конечно, будут различны.

Упражнения. **28.2.** За 3 часа пловец проплывает в стоячей воде 3 *км*, а бревно вниз по течению — 1 *км*. Сколько километров проплывает пловец против течения за это же время?

28.3. Пароход идет вниз по течению от пункта A к пункту B 2 часа, а вверх по течению — 3 часа. Сколько времени проплывет бревно от пункта A к пункту B?

28.4. Чтобы проплыть некоторое расстояние вниз по течению на лодке, требуется времени втрое меньше, чем вверх по течению. Во сколько раз скорость лодки больше скорости течения?

28.5. Поезд проходит за 15 *сек* мимо телеграфного столба и за 45 *сек* проходит туннель длиной 450 *м*. При встрече с поездом длиной 300 *м* оба поезда идут один мимо другого в течение 21 *сек*. Найти скорость второго поезда.

28.6. Гусеничный трактор движется со скоростью 5 *м/сек*. С какой скоростью движется относительно Земли а) верхняя часть гусеницы, б) нижняя часть гусеницы? Каковы скорости этих частей гусеницы относительно трактора?

28.7. Моторная лодка развивает в стоячей воде скорость 10 *км/час*. Течение реки имеет скорость 5 *км/час*. Сколько времени затратит лодка, чтобы пройти вверх по течению 10 *км* и спуститься обратно на то же место?

§ 29. **Кинематика космических движений.** Мы видели, что для описания движения точки необходимо измерять длину пути, пройденного точкой по ее траектории, и «привязывать» каждое положение точки на траектории к соответственному моменту времени. При изучении движения космического корабля и вообще космических тел — планет, Луны, звезд — не может быть, конечно, речи о непосредственной разметке траектории. Единственный способ измерения расстояния до космического корабля (и вообще определения его положения) — это передача сигналов, которые могут распространяться в космическом пространстве, т. е. световых сигналов и радиосигналов. Например, можно наблюдать космический корабль или планету в телескоп, или производить радиолокационные наблюдения планет, или принимать сигналы, передаваемые космическим кораблем.

Собственно говоря, в этом нет ничего принципиально нового по сравнению с наблюдением движений предметов на Земле. На Земле мы также пользуемся световыми сигналами (наблюдение движущегося тела простым глазом, фотографирование) и радиосигналами (радиолокация.) Но между наблюдениями в пределах земных расстояний и наблюдениями на огромных дистанциях в космосе есть важная количественная разница. В самом деле, так как каждый сигнал требует определенного времени для своего распространения от движущегося тела к наблюдателю, то в тот момент, когда мы производим наблюдение движущегося тела, оно оказывается уже в другом месте: *наблюдение события запаздывает по отношению к моменту, когда событие произошло, на время пробега сигнала от движущегося тела к наблюдателю.*

Правда, скорость света и радиосигналов настолько велика, что это смещение тела за время запаздывания прихода сигнала будет невелико по сравнению с расстоянием до тела. Например, если бы можно было видеть пулю, летящую со скоростью 800 *м/сек* на расстоянии 1 *км*, то без учета того, что свет, приходящий от пули, запоздает, мы ошибемся в положении пули примерно на 3 *мм*. Но в космическом пространстве тела могут удаляться на очень большие расстояния, и поэтому эта ошибка может сильно возрасти. Например, для космического корабля, удаляющегося от Земли с той же скоростью 800 *м/сек* и достигшего орбиты Юпитера (при наибольшем сближении Земли и Юпитера), ошибка, вызванная неучетом времени пробега светового или радиосигнала, достигнет уже 1700 *км*! Таким образом, при больших расстояниях пренебрегать временем пробега сигнала уже нельзя; например, если нужно передать на космический корабль какую-либо команду (например, включить двигатели) в тот момент, когда корабль занимает определенное положение относительно небесных тел, то команда должна быть послана с упреждением, равным времени запаздывания сигнала. Кроме того, конечно, должно быть учтено такое же время запаздывания и при определении самого положения космического корабля. Для приведенного примера с кораблем, достигающим орбиты Юпитера, запаздывание сигнала и требуемое упреждение должны были бы равняться 2100 *сек*. Ясно, что запаздывание будет тем больше, чем дальше от Земли находится космический корабль; например, при достижении орбиты Плутона требуемое упреждение составило бы уже 20 000 *сек*, а ошибка в определяемом положении при неучете запаздывания сигнала достигла бы 16 000 *км*.

На Земле измерение времени запаздывания радиосигнала при прохождении большого расстояния используют при радиолокации. Радиолокатор посылает мощный радиосигнал в направлении, где ожидается появление цели. Целью может быть самолет, ракета, дождевая туча, след метеора в атмосфере — вообще всякое тело, способное отражать радиосигнал. Отраженный от тела сигнал улавливается приемником радиолокатора; специальное устройство измеряет время, протекшее между посылкой сигнала и его приемом. Так как сигналу пришлось пройти расстояние от локатора до цели дважды, то, очевидно, расстояние до цели равно половине измеренного промежутка времени между посылкой сигнала и его приемом, умноженной на скорость радиосигнала. Момент локации, т. е. момент отражения сигнала от цели,— это полусумма моментов посылки и приема сигналов.

К моменту приема сигнала локатором цель успеет сдвинуться (от момента попадания сигнала на цель) на расстояние, равное дистанции до цели, умноженной на отношение скорости цели к скорости радиосигнала. Например, при локации с расстояния 1000 *км* самолета, летящего со скоростью 2000 *км/час*, самолет сдвинется примерно на 2 *м*.

Впервые скорость света была измерена в космосе; при этом было использовано описанное выше явление запаздывания светового сигнала, приходящего с большого расстояния, относительно момента выхода сигнала. В конце XVII столетия датский ученый Олаф Рёмер, наблюдая затмение спутника планеты Юпитер, попадающего при каждом обращении вокруг планеты в ее тень, заметил, что в то время, когда Земля в своем годовом движении вокруг Солнца приближается к Юпитеру, промежутки времени между затмениями уменьшаются по сравнению с временем, когда Земля удаляется от Юпитера. Он объяснил это различие тем, что при приближении Земли к Юпитеру запаздывание, с которым мы наблюдаем события, происходящие вблизи Юпитера (затмения спутника), уменьшается, а при удалении — увеличивается. Суммарное различие в запаздывании должно равняться времени, которое свет затрачивает на прохождение диаметра земной орбиты. Скорость света равняется, таким образом, диаметру земной орбиты, разделенному на наибольшее различие в запаздывании наблюдения затмений. (Подробнее метод Рёмера описан в т. III настоящего учебника.)

Из сказанного следует, что при «привязке» наблюдаемых положений космического корабля (или другого небесного тела) к соответственным моментам времени следует относить к наблюдаемому (например, в телескоп) положению не момент наблюдения, а более ранний — на величину запаздывания сигнала. Отсюда ясно, какую важную роль играет скорость распространения света или радиоволн при изучении движений космических объектов: космических кораблей, планет, комет, звезд и т. д. Чем дальше объект, тем важнее учесть время распространения света. Мы видим дальние звезды не в том положении, в котором они находятся сегодня, а в том, в котором они находились годы, тысячи и миллионы лет тому назад. С другой стороны, для «земных» движений запаздывание мало: даже на пробег вокруг земного экватора свет потратил бы только 0,13 *сек.*

Есть и на Земле такие движения, для которых нужно учитывать время пробега света при «привязке» положений тела к моментам времени: это — движения, по скорости сравнимые со световым сигналом. «Элементарные частицы» могут обладать скоростями, весьма близкими к скорости света. Для определения положения таких частиц учет времени пробега светового сигнала, конечно, необходим, так как они даже за малое время успевают сместиться очень сильно. «Обычные» же тела — самолеты, ракеты, снаряды, если говорить о самых быстрых больших телах,— движутся настолько медленно сравнительно со световым сигналом, что для них поправка остается малой, пока расстояния малы.

ГЛАВА II
ДИНАМИКА

§ 30. Задачи динамики. В предыдущей главе мы не касались вопроса о причинах движений тел. Теперь займемся этими причинами. Раздел механики, в котором изучают эти вопросы, называют *динамикой*.

Всякое движение относительно (ср. §§ 2 и 28), и одно и то же движение, а значит и его причины, выглядит совершенно по-разному, если рассматривать движение относительно разных систем отсчета. Относительно некоторых систем отсчета причины движений выглядят особенно просто; к таким системам отсчета относится, например, Земля. Поэтому изучение динамики начнем, выбрав в качестве системы отсчета Землю.

§ 31. Закон инерции. Наблюдения и опыт показывают, что тела получают ускорение относительно Земли, т. е. изменяют свою скорость относительно Земли по величине или по направлению, только при действии на них других тел. Каждый раз, когда какое-либо тело получает ускорение по отношению к Земле, можно указать другое тело, которое это ускорение вызвало. Например, бросаемый мяч приходит в движение, т. е. получает ускорение, под действием мышц руки. Ловя мяч, мы замедляем и останавливаем его, также действуя на него рукой. Пробка воздушного «пистолета» (рис. 53) приходит в движение под действием воздуха, сжимаемого вдвигаемым поршнем. Пуля, вылетающая с большой скоростью под действием пороховых газов, постепенно уменьшает свою скорость под действием встречного воздуха. Скорость камня, брошенного вверх, уменьшается под действием силы притяжения Земли; затем камень останавливается и начинает двигаться вниз со все увеличивающейся скоростью (также вследствие притяжения Земли).

Во всех этих и других подобных случаях изменение скорости, т. е. возникновение ускорения, есть результат действия на данное тело других тел, причем в одних случаях это действие проявляется при непосредственном соприкосновении (рука, сжатый воздух), а в других — на расстоянии (воздействие Земли на камень).

Что же будет происходить, если на данное тело никакие другие тела не действуют? В этом случае тело будет либо оставаться в покое относительно Земли, либо двигаться относительно нее равномерно и прямолинейно, т. е. без ускорения. Проверить простыми опытами, что в отсутствие действия других тел данное тело движется относительно

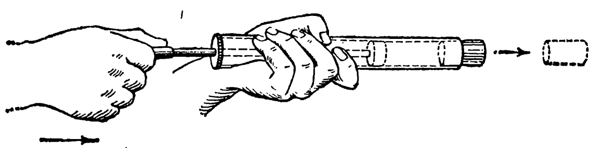


Рис. 53. Воздушный «пистолет».

Земли без ускорений, практически невозможно, потому что невозможно *полностью* устранить действия всех окружающих тел. Но чем тщательнее устранены эти действия, тем ближе движение данного тела к равномерному и прямолинейному.

Труднее всего устранить действие трения, возникающего между движущимся телом и подставкой, по которой оно катится или скользит, или средой (воздух, вода), в которой оно движется. Так, стальной шарик, катящийся по горизонтальной поверхности, посыпанной песком, останавливается очень быстро. Но если шарик хорошо отполирован, то, катясь по гладкой, например стеклянной, поверхности, он довольно долго сохранит свою скорость почти неизменной.

В некоторых физических приборах удается осуществить движение элементарных частиц, при котором каждая частица практически не испытывает действия никаких других частиц вещества (для этого из прибора необходимо тщательно удалить воздух). В этих условиях движение частиц очень близко к прямолинейному и равномерному (благодаря большой скорости частиц притяжение Земли в таких опытах практически не сказывается).

Тщательные опыты по изучению движения тел были впервые произведены Галилеем в конце XVI и начале XVII веков. Они позволили установить следующий основной закон:

Если на тело не действуют никакие другие тела, то тело сохраняет состояние покоя или равномерного прямолинейного движения относительно Земли.

Как при покое, так и при равномерном прямолинейном движении ускорение отсутствует. Значит закон, установленный Галилеем, означает: чтобы тело двигалось с ускорением относительно Земли, на него должны действовать другие тела. *Причины ускорений — это действия других тел.*

Свойство тел сохранять свою скорость при отсутствии действия на него других тел и менять ее только при действии других тел называют *инерцией* тел (от латинского слова «inertia» — бездеятельность, косность). Поэтому и указанный закон называют обычно *законом инерции*, а движение при отсутствии действия на тело других тел называют движением по инерции.

Закон инерции явился первым шагом в установлении основных законов механики, в то время еще совершенно неясных. Впоследствии (в конце XVII в.) великий английский математик и физик Исаак Ньютон (1643—1727), формулируя общие законы движения тел, включил в их число закон инерции в качестве первого закона движения. Закон инерции часто называют поэтому *первым законом Ньютона.*

Итак, тела получают ускорения под действием других тел. Если действия, оказываемые на разные части тела, различны, то эти части получат разные ускорения и через некоторое время приобретут различные скорости. В результате может измениться самый характер движения тела в целом. Например, при резком изменении скорости вагона трение о пол будет увлекать за собой ноги пассажира, но ни на туловище, ни на голову никакого действия со стороны пола оказано не будет, и эти части тела будут продолжать двигаться по инерции. Поэтому, например, при торможении вагона скорость ног уменьшится, а туловище и голова, скорость которых останется без изменений, опередят ноги; в результате тело пассажира наклонится вперед по движению. Наоборот, при резком увеличении скорости вагона туловище и голова, сохраняя по инерции прежнюю скорость, отстанут от ног, увлекаемых вагоном, и тело пассажира отклонится назад.

Подобные проявления инерции тел широко применяются и в быту, и в технике. Вытряхивание пыльной тряпки, стряхивание лишней капли чернил с пера, «сбрасывание» столбика ртути в медицинском термометре — все эти действия используют инерцию движения тел (частиц пыли, капли чернил, ртути в капилляре термометра).

Явление инерции использовано и при устройстве взрывателей артиллерийских снарядов. Когда снаряд, ударяясь о препятствие, внезапно останавливается, взрывной капсюль, помещающийся внутри снаряда, но не связанный жестко с его корпусом, продолжает двигаться и наскакивает на жало взрывателя, связанного с корпусом. Подобным же образом значительное ускорение, получаемое снарядом в момент выстрела, используется для того, чтобы отвести предохранитель, устраняющий опасность взрыва снаряда при его хранении, при перевозке или при заряжении орудия.

§ 32. Инерциальные системы отсчета. Системы отсчета, для которых выполняется закон инерции, называют *инерциальными системами.* Опыты Галилея показали, что Земля — инерциальная система отсчета. Но Земля — не единственная такая система. *Инерциальных систем отсчета — бесчисленное множество.* Например, поезд, идущий с постоянной скоростью по прямому участку пути,— тоже инерциальная система отсчета. Тело получает ускорение относительно поезда также только под действием других тел.

Вообще всякая система отсчета, движущаяся относительно какой-либо инерциальной системы (например, Земли) поступательно, равномерно и прямолинейно,— также инерциальная система. Действительно, в § 28 мы видели, что в таких системах ускорения тел одинаковы; значит, тело, на которое не действуют другие тела, будет двигаться относительно таких систем отсчета без ускорения, так же как и относительно Земли.

Если какая-либо система отсчета движется относительно инерциальной системы поступательно, но не равномерно и прямолинейно, а с ускорением или же вращаясь, то такая система не может быть инерциальной. Действительно, относительно такой системы тело может иметь ускорение даже в отсутствие действия на него других тел. Например, тело, покоящееся относительно Земли, будет иметь ускорение относительно тормозящего поезда или поезда, проходящего закругление пути, хотя никакие тела это ускорение не вызывают.

Необходимо отметить, что опыты Галилея, как и всякие опыты, производились с известной степенью точности. Впоследствии при помощи более тщательных исследований установили, что Землю можно считать инерциальной системой только приближенно: в движениях относительно нее имеются нарушения закона инерции. В точности инерциальной системой отсчета является система, связанная с Солнцем и другими звездами, Земля же движется относительно Солнца и звезд с ускорением и вращается вокруг своей оси. Однако нарушения закона инерции для Земли как системы отсчета очень малы. Мы рассмотрим их в гл. VI, а пока будем считать Землю инерциальной системой.

За исключением гл. VI, мы будем всюду пользоваться инерциальными системами отсчета. В большинстве вопросов о движениях на поверхности Земли будем принимать за систему отсчета Землю. Изучая движение планет, будем выбирать за систему отсчета Солнце и звезды.

§ 33. Принцип относительности Галилея. Будем производить разные механические опыты в вагоне поезда, идущего равномерно по прямолинейному участку пути, а затем повторим те же опыты на стоянке или просто на земной поверхности. Будем считать, что поезд идет совершенно без толчков и что окна в поезде завешены, так что не видно, идет поезд или стоит. Пусть, например, пассажир ударит по мячу, лежащему на полу вагона, и измерит скорость, которую мяч приобретет относительно вагона, а человек, стоящий на Земле, ударит таким же образом по мячу, лежащему на Земле, и измерит скорость, полученную мячом относительно Земли. Оказывается, мячи приобретут одинаковую скорость, каждый относительно «своей» системы отсчета. Точно так же яблоко упадет с полки вагона по тому же закону относительно вагона, по которому оно падает с ветки дерева на Землю. Производя различные механические опыты в вагоне, мы не смогли бы выяснить, движется вагон относительно Земли или стоит.

Все подобные опыты и наблюдения показывают, что относительно всех инерциальных систем отсчета тела получают одинаковые ускорения при одинаковых действиях на них других тел: *все инерциальные системы совершенно равноправны относительно причин ускорений.* Это положение было впервые установлено Галилеем и называется по его имени *принципом относительности Галилея.*

Итак, когда мы говорим о скорости какого-либо тела, мы обязательно должны указать, относительно какой инерциальной системы отсчета она измерена, так как в разных инерциальных системах эта скорость будет различна, хотя бы на тело и не действовали никакие другие тела. Ускорение же тела будет одинаковым относительно всех инерциальных систем отсчета. Например, относительно вагона данное тело может иметь скорость нуль, имея относительно земли скорость 100 *км/час* и в то же время имея относительно системы отсчета «Солнце и звезды» скорость 30 *км/сек* (скорость Земли в ее движении вокруг Солнца). Но если пассажир ударил по мячу, то ускорение мяча будет одним и тем же (например, 25 *м/сек*^{2}) и относительно поезда, и относительно Земли, и относительно Солнца и звезд. Поэтому говорят, что по отношению к разным инерциальным системам отсчета *ускорение абсолютно*, а *скорость относительна.*

§ 34. Силы. Действия тел друг на друга, создающие ускорения, называют *силами*. Все силы можно разделить на два основных типа: силы, действующие при непосредственном *соприкосновении*, и силы, которые действуют независимо от того, соприкасаются тела или нет, т. е. силы, которые могут действовать *на расстоянии.*

Для того чтобы одно тело могло действовать на другое при непосредственном соприкосновении, первое должно быть в особом состоянии: чтобы рука действовала на мяч, мышцы руки должны быть сокращены; чтобы действовать на пробку игрушечного пистолета, воздух или пружина должны быть сжаты, и т. д. Сжатия, растяжения, изгибы и т. п.— это изменения формы или объема тел по сравнению с их исходным состоянием. Такие изменения называют *деформациями* и при наличии таких изменений говорят, что тело деформировано. Мышцы, пружины, газ и т. п. должны находиться в деформированном состоянии, чтобы действовать на соприкасающиеся с ними тела с некоторой силой. Эти силы в большинстве случаев действуют только до тех пор, пока тела деформированы, и исчезают вместе с исчезновением деформаций. Такие силы называют *упругими*. Кроме упругих сил, при непосредственном соприкосновении могут возникать еще и силы трения. Примеры: сила трения между бандажом колеса железнодорожного вагона и прижатой к нему тормозной колодкой; сила трения, действующая на тело, движущееся в вязкой жидкости («сопротивление среды»).

Для сил, действующих на расстоянии, нет такой простой картины взаимодействия тел, как для упругих сил. Важнейший пример сил, действующих на расстоянии,— силы всемирного тяготения и, как частный случай, сила тяжести (сила земного притяжения). Падение тела, т. е. наличие ускорения, направленного вниз, у тела, поднятого над Землей и предоставленного самому себе, показывает, что со стороны Земли на него действует сила, хотя во время падения тело и не соприкасается с Землей.

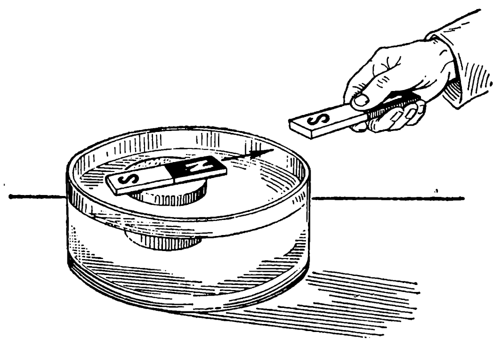


Рис. 54. Магнит действует на другой магнит, находящийся от него на некотором расстоянии.

Силы всемирного тяготения, действующие между предметами нашей обыденной жизни, ничтожны по сравнению с остальными силами, действующими между ними. Например, резиновая нить длиной в 1 *м* и поперечником в 1 *мм*, растянутая всего лишь на 1 *мм*, действует с силой упругости, в миллионы раз превосходящей силу взаимного тяготения между двумя килограммовыми гирями, стоящими на расстоянии 1 *м* друг от друга. Но если одно (или оба) из притягивающих тел — это огромное небесное тело, силы всемирного тяготения также делаются огромными. Так, Земля притягивает килограммовую гирю в 10^{11} раз сильнее, чем притягиваются гири в приведенном примере, а Солнце притягивает Землю в $4 \cdot 10^{21}$ раз сильнее, чем Земля притягивает гирю.

Кроме сил тяготения, на расстоянии действуют также магнитные и электрические силы. Если к магниту, плавающему в воде на поплавке, приблизить другой магнит так, чтобы они не соприкасались друг с другом, то магнит на поплавке приобретет ускорение и либо начнет приближаться ко второму магниту, либо оттолкнется от него, в зависимости от взаимного расположения их полюсов (рис. 54). Электрически заряженные тела, находясь на расстоянии друг от друга, притягиваются или отталкиваются в зависимости от того, разноименны или одноименны их заряды.

§ 35. Уравновешивающиеся силы. О покое тела и о движении по инерции. Если на тело действует только одна сила, то оно обязательно получает ускорение. Но если на тело действует не одна, а две или большее число сил, то иногда может оказаться, что тело ускорения не получит, т. е. либо останется в покое, либо будет двигаться равномерно и прямолинейно. В таких случаях говорят, что все силы *взаимно уравновешиваются* и что *каждая из них уравновешивает все остальные*, или что *их равнодействующая равна нулю* (см. §39).

Простейшим является случай, когда на тело действуют две уравновешивающие друг друга силы: при их совместном действии тело не получает ускорения. Такие силы, как показывает опыт, действуя на тело каждая в отдельности, сообщили бы ему равные ускорения, направленные противоположно. Действуя совместно на какое-нибудь другое тело, эти силы снова взаимно уравновесились бы, а действуя в отдельности, сообщили бы ему ускорения другой величины, но также равные друг другу и направленные противоположно. Поэтому уравновешивающиеся силы считают равными по величине и противоположными по направлению. Например, на гирю, подвешенную на пружине, действует сила притяжения Земли (вниз) и равная ей сила упругости пружины (вверх), уравновешивающие друг друга.

Итак, если ускорение тела равно нулю, это значит, что либо на него не действуют силы, либо равнодействующая всех сил, действующих на тело, равна нулю: все силы взаимно уравновешиваются.

Здесь надо иметь в виду следующее. Среди сил, действующих на равномерно и прямолинейно движущиеся тела, обычно есть силы, действующие в направлении движения, которые мы создаём намеренно, например сила тяги винта самолета, вращаемого мотором, или сила мускулов человека, везущего санки. Часто говорят даже: «самолет летит, *так как* на него действует сила тяги винта»; «санки скользят, *так как* на них действует усилие тянущего человека», и т. д.

При этом, однако, часто упускают из виду силы, направленные противоположно движению: сопротивление воздуха для летящего самолета, трение полозьев о лед для санок и т. д. Для равномерности и прямолинейности движения необходимо, чтобы намеренно созданные силы как раз уравновешивали силы сопротивления. Иногда говорят, что тело движется равномерно и прямолинейно, если на него не действуют никакие силы. Мы видим, что правильнее говорить: «тело движется равномерно и прямолинейно, если равнодействующая всех сил, на него действующих, равна нулю». В предыдущих параграфах, говоря о движении по инерции или о покое тел, мы рассматривали именно такие случаи; например, при качении шарика по стеклу сила тяжести уравновешивалась упругостью стекла, сила тяжести подвешенного тела уравновешивалась упругостью нити и т. д.

Причина того, что силы сопротивления часто ускользают от внимания обучающегося в противоположность бросающимся в глаза «движущим» силам, заключается в следующем. Чтобы создать силу тяги винта, на самолет нужно поставить мотор, расходовать на него бензин, масло; чтобы двигать санки, нужно тянуть за веревку, утомлять свои мускулы. В то же время силы сопротивления возникают, так сказать, «бесплатно», благодаря лишь наличию движения. Для их возникновения при движении тела не нужно ни моторов, ни мускульных усилий: их источник либо в невидимом воздухе, либо в частицах льда, соприкасающихся с полозьями. Чтобы обратить на эти силы внимание, их нужно еще обнаружить, в то время как «движущие» силы — предмет нашей специальной заботы и затрат усилий и материалов.

До исследований Галилея считалось, что если на тело будет действовать одна сила, то оно будет двигаться равномерно в направлении этой силы; здесь, конечно, упускалась из виду сила трения. Действие силы, направленной вперед, действительно необходимо для равномерности движения, но именно для того, чтобы уравновешивать силу трения.

Тело движется без ускорения как в случае, когда на него не действуют никакие силы, так и в случае, когда действующие силы уравновешивают друг друга. Однако принято говорить, что тело движется «по инерции» только в том случае, если в направлении движения силы отсутствуют: силы, направленной вперед, нет, а силой трения или сопротивления среды можно пренебречь.

Для лучшего уяснения сказанного рассмотрим еще, как возникает равномерное прямолинейное движение из состояния покоя. Возьмем для примера электровоз, везущий поезд. В первый момент, когда мотор включен, но поезд еще не двинулся, сила тяги электровоза, действующая через сцепку на состав, уже велика и превосходит силу трения колес вагонов о рельсы (как возникает сама сила тяги, будет объяснено в § 66). Поэтому поезд начинает двигаться вперед с ускорением. По мере увеличения скорости силы сопротивления (трение колес и сопротивление воздуха) растут, но, пока они остаются меньше силы тяги, скорость поезда продолжает расти. При дальнейшем увеличении скорости избыток тяги по сравнению с силами сопротивления будет делаться все меньше и меньше, и наконец эти силы сравняются друг с другом. Тогда исчезнет и ускорение: дальнейшее движение будет равномерным. Если увеличить тягу (увеличив ток, проходящий через мотор), то равновесие сил нарушится, и поезд снова получит ускорение вперед. Скорость снова начнет расти, пока возрастающее с увеличением скорости сопротивление не уравновесит новую, увеличенную силу тяги. Обратно, если уменьшить силу тяги, ослабляя ток, проходящий через мотор, то равновесие сил снова нарушится, поезд получит отрицательное ускорение (так как теперь сила сопротивления будет больше тяги электровоза) и будет замедлять свое движение. Но при этом будет уменьшаться и сила сопротивления, и, когда она сравняется с уменьшенной силой тяги, движение снова станет равномерным, но уже при меньшей скорости. Наконец, при выключении тока тяга исчезнет, и скорость поезда будет непрерывно убывать вследствие продолжающегося действия сил сопротивления, пока поезд не остановится.

§ 36. Сила — вектор. Эталон силы. Наблюдая ускорения, получаемые каким-либо телом под действием различных сил, мы заметим, что ускорения могут оказаться различными как по величине, так и по направлению. Значит, силы можно различать по величине и по направлению: *сила есть векторная величина.*

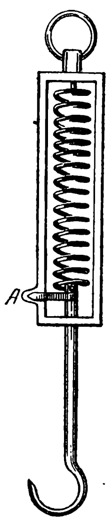


Рис. 55. Простейший эталон силы — действие пружины, растянутой до метки *А*.

Для измерения величины силы необходимо, во-первых, выбрать эталон силы и, во-вторых, установить способ сравнения других сил с эталоном, т. е. самый способ измерения сил. За эталон можно выбрать, например, какую-либо упругую силу. Так как упругие силы зависят от величины деформации, за эталон можно принять силу, с которой какая-либо определенная пружина, определенным образом растянутая, действует на тело, прикрепленное к одному из ее концов.

Такой эталон в принципе можно осуществить, например, в виде цилиндрической пружины, снабженной указателем, позволяющим всякий раз устанавливать одно и то же растяжение пружины (рис. 55). За направление силы примем направление оси пружины. Наш эталон определяет, таким образом, как величину, так и направление силы.

На практике, однако, такой эталон силы неудобен: упругие свойства пружины зависят от температуры, могут изменяться с течением времени и т. п. Поэтому стремятся выбрать эталон таким образом, чтобы изменчивость свойств пружины не могла сказываться. Это можно сделать так. Выберем какую-нибудь пружину и подвесим к ней какую-либо определенную гирю. Гиря начнет опускаться, растягивая пружину, пока та не растянется до определенной длины, после чего растяжение пружины прекратится и гиря остановится: сила тяжести гири окажется уравновешенной силой упругости пружины.

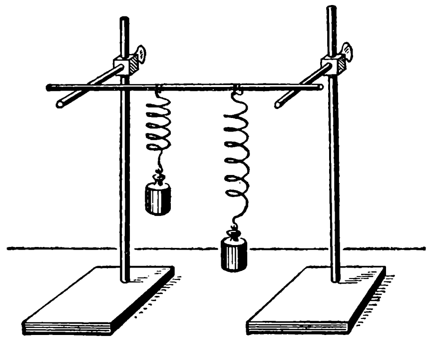


Рис. 56. При подвешивании одной и той же гири к разным пружинам пружины действуют на гирю с одинаковой силой.

Если бы мы подвесили ту же гирю к другой пружине, то растяжение было бы другим. Но сила, действующая со стороны новой пружины на гирю, будет равна силе, с которой действовала первая пружина, так как в обоих случаях силы упругости пружины уравновешивают силу тяжести той же гири (рис. 56). Таким образом, пользуясь какой-либо определенной выбранной гирей, мы можем установить, как надо растягивать любую пружину для того, чтобы она действовала с определенной силой, т. е. могла служить эталоном силы. Для получения силы, равной эталону, но направленной не по вертикали вверх, а по любому направлению, можно использовать нить, перекинутую через блок, как показано на рис. 57 (сила со стороны нити всегда действует вдоль нити). Таким образом, трудную задачу изготовления и сохра-

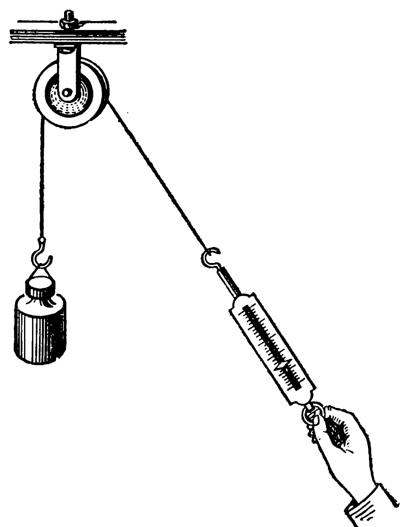


Рис. 57. Получение эталонной силы, направленной под любым углом к вертикали.

нения эталонной пружины при определенном растяжении мы заменяем гораздо более простой — изготовлением и сохранением эталонной гири. За образец такой гири-эталона признана платиновая гиря, хранящаяся в Международном бюро мер и весов в Париже и именуемая *килограммом*. Любая пружина, растянутая подвешенной к ней гирей-эталоном, будет действовать с определенной силой, которую называют *килограмм-сила* и обозначают *кГ*.

Наряду с единицей силы 1 *кГ*, нередко применяют единицу силы в тысячу раз меньшую (грамм-сила, обозначаемая *Г*) и единицу силы в тысячу раз бо́льшую (тонна-сила, обозначаемая *Т*);

$$1\ T = 1000\ кГ; \quad 1\ кГ = 1000\ Г.$$

Определе́ние, данное нами силе в один килограмм, нуждается в уточнении. Дело в том, что одна и та же гиря вызовет различное растяжение одной и той же пружины в зависимости от того, где именно на поверхности Земли произвести опыт. Однако это различие для разных точек земной поверхности невелико и поэтому мы пока не будем принимать его во внимание.

До последнего времени сила, равная 1 *кГ*, широко применялась в технике как единица силы. В настоящее время рекомендованной единицей силы как в физике, так и в технике является принятая в системе СИ единица силы, примерно в десять раз меньшая силы в 1 *кГ* (см. ниже, § 45).

§ 37. Динамометры. Для получения упругой силы, равной двойному, тройному и т. д. значению эталонной силы, нужно растягивать пружину сразу двумя, тремя и т. д. эталонными гирями. Можно, выбрав определенную пружину, отметить, при каких растяжениях она действует с силой, равной двойной, тройной и т. д. эталонной силе. Проградуированную таким образом пружину называют *динамометром* (рис. 58).

Можно также получить определенную часть эталонной силы, растягивая пружину гирей, составляющей соответственную часть эталонной гири. Изготовим, например, сто таких одинаковых гирек, чтобы все они вместе растянули пружину как раз на столько же, как эталонная гиря; каждая из гирек в отдельности растянет пружину на столько же, как и любая другая из них. Поэтому мы считаем, что пружина, растянутая одной маленькой гирькой, действует с силой, равной $^1/_{100}$ эталонной силы; пружина, растянутая двумя гирьками, действует с силой, равной $^2/_{100}$ эталонной силы, и т. д. Измеряя растяжения пружины динамометра при действии таких гирек, можно нанести на его шкале и дробные части эталонной силы.

При разметке шкалы динамометра легко заметить, что двойной силе соответствует двойное растяжение пружины, тройной силе — тройное и т. д., т. е. растяжение пружины и

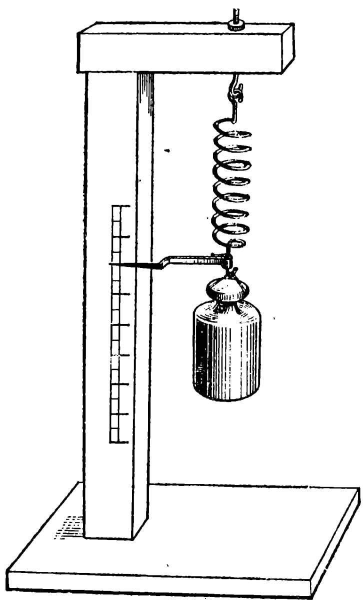


Рис. 58. Градуировка динамометра.

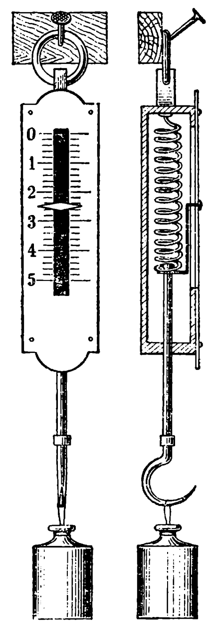


Рис. 59. Динамометр. Слева — внешний вид, справа — внутреннее устройство.

упругая сила, с которой действует динамометр, оказываются пропорциональными друг другу.

Это позволяет очень простым образом размечать шкалы динамометров. Отметив нуль шкалы (отсутствие груза) и, например, растяжение, соответствующее 10 эталонным гирям, мы можем разделить получившееся на шкале расстояние на 10 равных частей: передвижение конца пружины на одну такую отметку будет означать изменение силы, с которой действует динамометр, на одну эталонную силу.

Следует иметь в виду, что эта пропорциональность сохраняется только для достаточно малых деформаций; кроме того, она всегда нарушается при неупругой деформации, т. е. если деформация не исчезает после исчезновения силы.

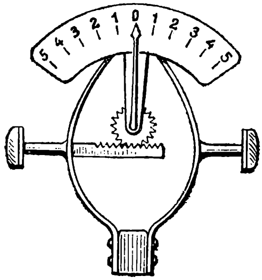


Рис. 60. Динамометр, действующий и на сжатие, и на растяжение.

На рис. 59 изображен один из распространенных типов динамометров с цилиндрической пружиной. Таким динамометром можно измерять силу, с которой мы тянем тело. На рис. 60 изображен динамометр другой конструкции, имеющий пружинные скобы, концы которых жестко соединены между собой. При помощи такого динамометра можно измерять как тянущую, так и толкающую силу.

Располагая динамометрами, мы можем измерять силы, действующие со стороны одних тел на другие как при непосредственном соприкосновении, так и «на расстоянии». Как измерять силу притяжения тела Землей, мы уже видели: для этого достаточно подвесить тело к динамометру.

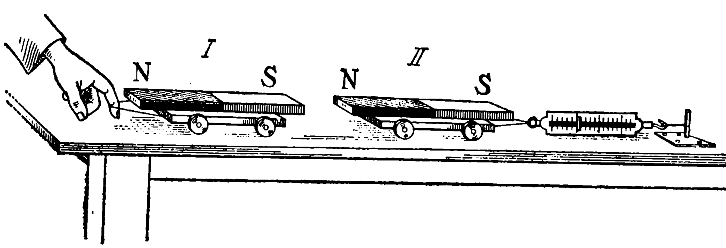


Рис. 61. Измерение силы взаимодействия магнитов при помощи динамометра.

Силу, с которой магнит *I* действует на магнит *II*, если приблизить на некоторое расстояние южный полюс (S) первого к северному полюсу (N) второго магнита (рис. 61), можно определить следующим образом. Прикрепив к тележке *II* динамометр, закрепленный неподвижно другим концом, приблизим к ней тележку *I*; мы увидим, что тележка *II* в свою очередь немного приблизится к тележке *I*, растягивая пружину динамометра, после чего тележка *II* остановится. А это будет значить, что искомая сила, с которой магнит *I* действует на магнит *II*, равна силе, с которой динамометр действует на тележку. Но эту последнюю силу мы можем прямо определить по показаниям динамометра.

Для измерения силы, действующей со стороны одного тела на другое при непосредственном соприкосновении, динамометр можно использовать несколько иначе. Например, для измерения силы, с которой человек тянет санки,

Рис. 62. Динамометр показывает силу, с которой рука тянет за веревку.

достаточно поставить между рукой и веревкой динамометр (рис. 62). Его показания и дадут нам силу, с которой рука тянет за веревку. Направление силы совпадет с направлением оси пружины динамометра.

Мы уже говорили, что разные силы вызывают различные ускорения у данного тела. Пользуясь динамометрами, мы можем установить важнейшее свойство сил: чем больше сила (например, чем сильнее растянут динамометр, прикрепленный к телу, на которое он действует), тем больше ускорение тела. Количественные соотношения между силами и ускорениями мы выясним в § 42.

§ 38. **Точка приложения силы.** Силы, действующие при непосредственном соприкосновении, действуют по всей соприкасающейся поверхности тел. Например, молоток, ударяющий по шляпке гвоздя, действует на всю шляпку. Но если площадь соприкосновения тел мала, то можно считать, что сила действует только на одну точку тела. Например, можно считать, что нить, за которую тянут тележку, действует на тележку только в точке, где она привязана к тележке. Эта точка называется *точкой приложения силы.*

Вначале мы будем рассматривать только такие случаи, когда можно указать точку приложения силы. Такие силы мы будем изображать направленными отрезками, начало которых лежит в точке приложения силы, направление совпадает с направлением силы, а величина изображает в некотором масштабе величину силы. Например, на рис. 62 стрелка показывает силу, действующую со стороны веревки на санки.

§ 39. **Равнодействующая сила.** Если на данное тело действует одновременно несколько сил, то их действие на движение тела можно заменить действием одной силы [1]. Такую замену называют *сложением сил*. Данные силы называют *слагающими* или *составляющими*, а заменяющую их силу — их *суммой* или *равнодействующей*. Правила сложения сил устанавливаются из опыта. Равнодействующая уравновешивающихся сил, например двух сил, равных по величине и противоположных по направлению, равна нулю (см. § 35).

Заметим, что равнодействующая заменяет действие нескольких сил только по отношению *к движению тела в целом*: равнодействующая сила сообщит телу то же ускорение, что и все составляющие, действующие на тело одновременно, а сила, уравновешивающая равнодействующую, уравновесит одновременное действие всех составляющих. Но, конечно, равнодействующая не заменит действия составляющих в других отношениях. Достаточно указать такой пример: растянем пружину двумя руками. Силы, действующие на пружину, равны и прямо противоположны, и, значит, их равнодействующая равна нулю: действительно, пружина в целом остается в покое. Однако, если бы на пружину вообще не действовали никакие силы, равнодействующая по-прежнему равнялась бы нулю, но пружина не была бы растянута.

Вместо того, чтобы искать равнодействующую, можно искать силу, *уравновешивающую* данные силы при их одновременном действии на тело; *равнодействующая равна уравновешивающей силе и противоположна ей по направлению.*

§ 40. Сложение сил, направленных по одной прямой. Рассмотрим случай, когда все силы действуют на данное тело вдоль одной прямой, например вдоль горизонтальной

[1]) За исключением одного важного случая «пары сил», который будет рассмотрен отдельно в § 79.

прямой. Предварительно уравновесим силу тяжести, действующую на данное тело вертикально вниз. Для этого достаточно подвесить тело на нити: несколько растянувшись, нить создаст силу упругости, которая и уравновесит силу тяжести. В отсутствие других сил нить расположится вертикально.

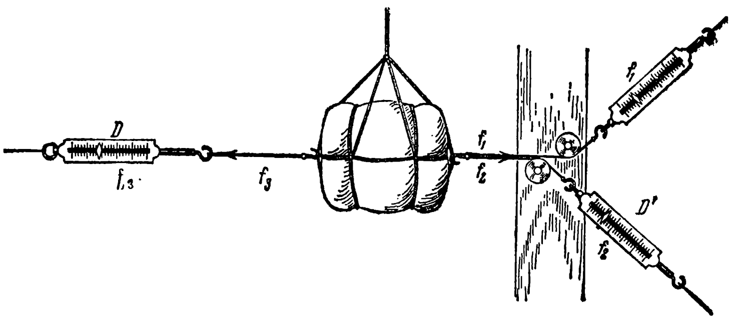


Рис. 63. Динамометр D измеряет равнодействующую сил f_1 и f_2, направления которых совпадают: $f_3=f_1+f_2$. Динамометр D' измеряет равнодействующую сил f_1 и f_3, направленных противоположно: $f_2=f_3-f_1$.

Теперь к телу сбоку прикрепим нити с динамометрами; эти динамометры позволят определять силы, с которыми нити действуют на тело. Пусть справа на тело действуют в горизонтальном направлении две нити с силами f_1 и f_2, а слева — одна (рис. 63). С какой силой f_3 должна действовать левая нить, чтобы нить, на которой подвешено тело, осталась вертикальной, т. е. чтобы силы f_1, f_2 и f_3 взаимно уравновесились? Опыт показывает, что для этого должно выполняться равенство

$$f_3=f_1+f_2.$$

При этом силы f_1 и f_2 с одной стороны и уравновешивающая их сила f_3 с другой направлены противоположно. Такие же соотношения получаются и во всех других случаях сложения сил, направленных по одной прямой. *Равнодействующая двух сил, действующих одновременно по одной прямой, равна сумме этих сил и направлена вдоль той же прямой в ту же сторону.*

Каждую из сил f_1, f_2, f_3 можно считать силой, уравновешивающей совместное действие двух других. Так, сила f_2 есть уравновешивающая для сил f_1 и f_3. Но $f_2=f_3-f_1$.

Значит, равнодействующая сил f_1 и f_3 равна силе f_2 и направлена противоположно ей: *равнодействующая двух сил, действующих по одной прямой в разные стороны, по величине равна разности сил и направлена в сторону большей из сил.*

Подобные же соотношения можно обнаружить и в случае, когда на тело вдоль одной прямой действует любое число сил.

Таким образом, *силы направленные вдоль одной прямой, складываются алгебраически.*

§ 41. Сложение сил, направленных под углом друг к другу. Решение задачи о сложении нескольких сил, направленных под углом друг к другу, начнем со случая, когда на тело

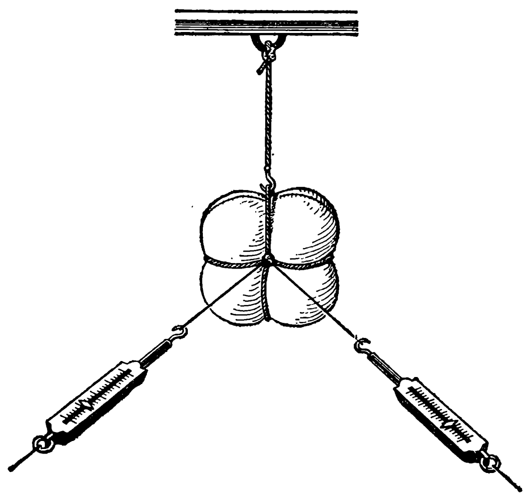


Рис. 64. Если динамометры растянуты, то равновесие груза при вертикальном положении нити невозможно.

действуют только две силы, не лежащие на одной прямой. В этом случае, как показывает опыт, равновесие тела невозможно; значит, равнодействующая таких сил не может равняться нулю. Например, на тело, подвешенное на нити, действует вертикально сила тяжести, и если нить (а значит, и сила натяжения нити) расположена наклонно к вертикали, то тело не остается в покое. На этом основано устройство отвеса.

Другой пример: к телу, подвешенному на нити, прикрепим два динамометра, расположенных горизонтально под углом друг к другу (рис. 64). Легко проверить на опыте, что и в этом случае тело не останется в покое и нить не останется вертикальной ни при каком растяжении динамометров.

Будем теперь искать равнодействующую двух сил, направленных под углом друг к другу. Так как равнодействующая равна по величине и противоположна по направлению

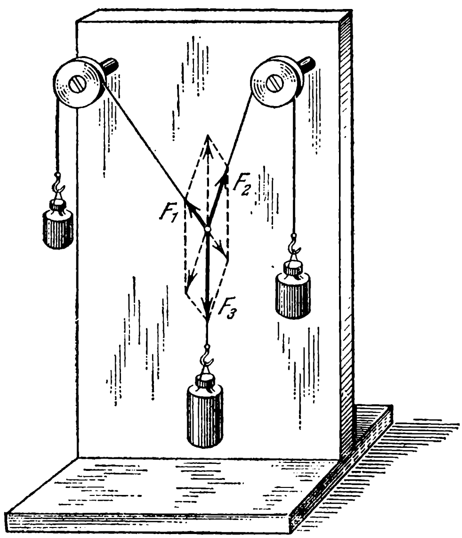


Рис. 65. Условия равновесия трех сил, действующих под углом друг к другу.

уравновешивающей силе (см. § 39), то для решения задачи достаточно найти условия равновесия тела под действием трех сил (двух данных и третьей уравновешивающей). Для нахождения этих условий поставим опыт, в котором величины и направления всех сил легко определить. Свяжем три нити, привяжем к ним разные грузы и перекинем две из нитей через блоки (рис. 65). Если каждый из грузов меньше суммы двух других, то узел остановится в некотором положении и останется в покое, значит, это положение будет положением равновесия. При этом все нити расположатся в одной вертикальной плоскости. На узел действуют силы $\boldsymbol{F}_1$, $\boldsymbol{F}_2$ и $\boldsymbol{F}_3$, равные силе тяжести грузов и направленные вдоль нитей. Каждая из этих сил уравновешивает две остальные. Изобразим силы, действующие на узел, отрезками, отложенными от узла, идущими вдоль нитей и равными, в выбранном масштабе, величинам сил. Оказывается, что при равновесии отрезок, изображающий любую из этих сил, равен по величине диагонали параллелограмма, построенного на отрезках, изображающих две другие силы, и направлен противоположно диагонали. Эти параллелограммы показаны на рисунке пунктиром. Значит, диагональ параллелограмма изображает равнодействующую двух сил, изображаемых его сторонами. Таким образом, *силы складываются* (*как и перемещения*) *по правилу параллелограмма, т. е. по правилу векторного сложения.*

Из правила параллелограмма сил следует, что величина равнодействующей силы зависит не только от величин слагаемых сил, но также и от угла между их направлениями. При изменении угла величина равнодействующей меняется в пределах от арифметической суммы сил (если угол равен нулю) до арифметической разности их (если угол равен 180°). В частном случае сложения двух равных сил можно, в зависимости от угла между силами, получить любое значение равнодействующей в пределах от удвоенной силы до нуля.

Вместо правила параллелограмма можно применять правило треугольника, как мы это делали для векторов перемещений. При сложении более чем двух сил можно либо прибавлять их векторно одну за другой, либо строить из векторов ломаную; тогда равнодействующая изобразится звеном, замыкающим ломаную. При равновесии ломаная замкнется: равнодействующая будет равна нулю. Например, ломаная из трех уравновешивающихся сил образует треугольник.

§ 42. Связь между силой и ускорением. В § 31 мы изложили закон инерции, из которого следует, что тело получает ускорение только в том случае, если на него действует сила. Опыт показывает, что направление ускорения совпадает с направлением вызывающей его силы [1]). Выясним теперь связь между величиной силы, действующей на тело, и величиной ускорения, сообщаемого телу этой силой.

---

[1]) Будем считать, что на тело действует только одна сила; если сил много, то будем рассматривать их равнодействующую.

Повседневные наблюдения показывают, что величина ускорения, сообщаемого данному телу, тем больше, чем больше действующая на него сила: мяч получит тем большее ускорение (и в результате приобретет тем бо́льшую скорость) чем сильнее его ударить; мощный локомотив, развивающий большую силу тяги, сообщает поезду большее ускорение, чем маневровый паровичок, и т. п. Грубо количественную связь между силой, действующей на данное тело, и приобретаемым телом ускорением можно установить на следующем опыте. Пусть подвижная тележка прикреплена при помощи

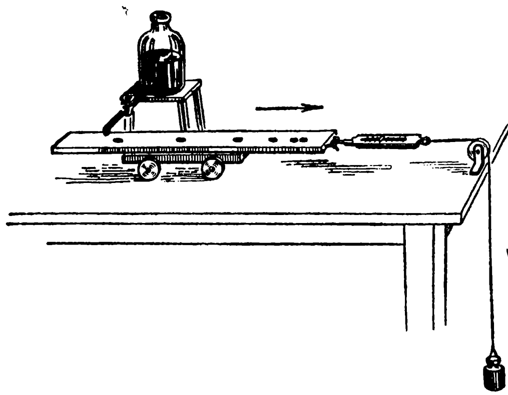


Рис. 66. Изучение зависимости между силой и ускорением тела. Пути, проходимые тележкой, отмечаются капельницей.

пружинного динамометра к перекинутой через блок нити с грузом на конце (рис. 66). Груз растягивает пружину, сообщающую своей силой упругости ускорение тележке. Чем больше подвешенный груз, тем сильнее растянута пружина и тем больше ускорение тележки. Заметим, что показание динамометра будет меньше, чем при подвешивании груза к неподвижному динамометру, т. е. меньше, чем сила тяжести груза. Причину этого поясним в § 52.

Наблюдая растяжение динамометра при движении тележки, обнаружим, что оно не меняется. Значит, сила, действующая на тележку, постоянна. Ее величину прямо дает показание f динамометра. Путь s, проходимый тележкой за различные промежутки времени t от начала движения, можно определять, пользуясь, например, капельницей. Измерения покажут, что путь, пройденный тележкой, пропорционален квадрату промежутка времени, прошедшего от начала движения. Это означает, что тележка движется равномерно-ускоренно (§ 22). Ускорение a найдем из формулы

$$a = \frac{2s}{t^2}.$$

Будем теперь подвешивать к концу нити различные грузы; тогда на тележку будет действовать каждый раз другая сила. Определив по динамометру величины сил, действующих на тележку в каждом случае (f_1, f_2, f_3,...), и найдя сообщаемые тележке ускорения a_1, a_2, a_3,..., мы убедимся, что ускорения тележки прямо пропорциональны силам, действующим на тележку:

$$\frac{f_1}{a_1} = \frac{f_2}{a_2} = \frac{f_3}{a_3} = \ldots$$

Опыт показывает, что не только в этом примере, но и во всех случаях *ускорение данного тела пропорционально действующей на него силе*. Отсюда следует, что для нахождения ускорений, сообщаемых данному телу разными силами, достаточно только один раз измерить и силу, действующую на тело, и вызываемое ею ускорение; если затем на то же тело подействовать другой силой, то возникающее ускорение изменится во столько же раз, во сколько раз изменилась сила.

Конечно, такие опыты с тележкой слишком грубы для точного установления закона пропорциональности между силами и ускорениями. Однако при помощи все более и более точных методов измерений, в частности по данным точных астрономических наблюдений, было установлено, что прямая пропорциональность между действующей на данное тело силой и сообщаемым ею этому телу ускорением весьма точно оправдывается на опыте.

§ 43. Масса тела. Итак, для данного тела ускорение, сообщаемое ему какой-либо силой, пропорционально этой силе. Сравним теперь ускорения, сообщаемые силами разным телам. Мы увидим, что возникающее ускорение определяется не только силой, но и тем, на какое тело эта сила действует. Будем, например, тянуть разные тела при помощи динамометра, следя за тем, чтобы во всех случаях показание динамометра было одинаковым, т. е. чтобы на тела действовала одна и та же сила. Для этого можно, например, видоизменить описанный в предыдущем параграфе опыт, выбирая различные тележки или устанавливая на тележки различные тела и подбирая каждый раз такой груз на конце нити, перекинутой через блок, чтобы показание динамометра было одинаковым во всех опытах. Измеряя возникающие в подобных опытах ускорения, мы убедимся в том, что, вообще говоря, разные тела получают при воздействии одной и той же силы различные ускорения: разные тела в различной мере обладают свойством инерции. Можно ввести понятие о *мере инерции* тел, считая меру инерции двух тел одинаковой, если под действием равных сил они получают одинаковые ускорения, и считая меру инерции тем большей, чем меньшее ускорение получает тело под действием данной силы.

Что же определяет меру инерции различных тел? От каких их свойств зависит величина ускорения, сообщаемого данной силой? Или, наоборот, какими свойствами тела определяется величина силы, необходимой для сообщения данного ускорения? Опыт показывает, что для тел, изготовленных из одного и того же вещества, например из алюминия, ускорение, вызываемое данной силой, тем меньше, чем больше объем тела, причем ускорение оказывается обратно пропорциональным объему тела. Но если производить опыты с телами, изготовленными из различных материалов (например, из железа, алюминия, дерева), то никакой связи с объемом тел не обнаружится: тела разных объемов будут получать под действием одной и той же силы разные ускорения, а для получения одинаковых ускорений придется подобрать объем железного тела меньший, чем алюминиевого, а алюминиевого — меньший, чем деревянного. Каково должно быть соотношение объемов тел, изготовленных из разных материалов, чтобы под действием равных сил они получали одинаковые ускорения, заранее узнать нельзя. Необходимо определить непосредственным опытом, какой объем должно иметь алюминиевое или деревянное тело для того, чтобы оно получало под действием заданной силы то же ускорение, что и данное железное тело. Если тела получают под действием одной и той же силы равные ускорения, мы должны считать одинаковой меру инерции этих тел.

Таким образом, мера инерции тела должна быть определена непосредственно механическим опытом — измерением ускорения, создаваемого данной силой. Меру инерции тела называют *массой* и обозначают обычно буквами M или m.

Итак, *масса тела есть его характерное физическое свойство, определяющее соотношение между действующей на это тело силой и сообщаемым ею телу ускорением.* Так как сила и ускорение, сообщаемое ею данному телу, пропорциональны друг другу, то массу тела определяют как отношение действующей на тело силы f к сообщаемому этой силой ускорению a, т. е.

$$m = \frac{f}{a}, \qquad (43.1)$$

откуда получается соотношение

$$f = ma.$$

Подействовав на данное тело какой-нибудь силой f и измерив сообщаемое этой силой ускорение a, мы можем определить по этой формуле массу тела m. Для данного тела всегда будет получаться одно и то же значение m, с какой бы силой мы ни подействовали на тело.

Пользуясь указанным способом измерения массы, мы можем на опыте выяснить, чему, например, равна масса тела, составленного из нескольких других тел, или какова масса определенной части тела известной массы. Если измерить массы m_1, m_2, m_3,... нескольких тел, а затем соединить все эти тела в одно (например, скрепив их вместе) так, чтобы под действием сил они все получали одно и то же ускорение, и измерить массу m получившегося тела, то окажется, что

$$m = m_1 + m_2 + m_3 + \ldots$$

Обратно, если данное тело разделить на части, то сумма масс отдельных частей окажется равной массе исходного тела. В частности, если однородное тело массы m разделить на n равных по объему частей, то масса каждой части будет равна m/n.

Очень важно следующее дополнение к сказанному: выберем различные тела, обладающие одинаковой массой. Если эти тела по очереди подвешивать к динамометру, то динамометр покажет каждый раз одно и то же растяжение пружины. Если же на основании динамических опытов оказалось, что масса одного тела в n раз больше массы другого, то первое тело в n раз сильнее растянет пружину динамометра, чем второе. Это значит, что сила притяжения тел Землей пропорциональна их массам. Этот замечательный факт позволяет сравнивать массы, не сообщая телам ускорения. Мы еще вернемся к этому вопросу в § 56.

§ 44. Второй закон Ньютона. Производя опыты с действием сил на тела, мы установили пропорциональность между величиной силы f, действующей на данное тело, и величиной ускорения a, которое эта сила сообщает данному телу, а также ввели новую величину — массу тела m.

Опыты показали также, что направление силы совпадает с направлением ускорения, которое она сообщает телу (§ 42), т. е. векторы силы f и ускорения a совпадают по направлению. Значит, формулу (43.1) можно переписать в виде векторного равенства:

$$\boldsymbol{f} = m\boldsymbol{a}. \tag{44.1}$$

Напоминаем, что здесь $\boldsymbol{f}$ — равнодействующая всех сил, действующих на данное тело, m — его масса и $\boldsymbol{a}$ — ускорение, получаемое данным телом под действием силы $\boldsymbol{f}$.

Эта формула выражает основной закон движения, известный под названием *второго закона Ньютона* (первый закон — закон инерции; § 31). Второй закон Ньютона можно сформулировать так:

Сила, действующая на тело, равна произведению массы тела на создаваемое этой силой ускорение, причем направления силы и ускорения совпадают.

Формулу (44.1) можно записать еще и в таком виде:

$$\boldsymbol{a} = \frac{\boldsymbol{f}}{m}, \tag{44.2}$$

и закон Ньютона выразить в несколько иной форме: *ускорение, сообщаемое телу, прямо пропорционально действующей на тело силе, обратно пропорционально массе тела, а направлено так же, как и сила.* В частности, отсюда следует, что при действии равными силами на разные тела они получают ускорения, обратно пропорциональные своим массам; и обратно, если разные тела получают ускорения, обратно пропорциональные своим массам, то это значит, что силы, действующие на эти тела, равны по величине.

Если сила постоянного направления стала действовать на тело, находящееся в покое, или если сила, действующая на движущееся тело, направлена параллельно скорости тела (например, тело, падающее без начальной скорости; тело, подброшенное вертикально вверх), то тело будет двигаться прямолинейно. Для этого случая закон Ньютона можно написать в скалярной форме:

$$f = ma \quad \text{или} \quad a = \frac{f}{m}.$$

При этом под действием постоянной силы тело неизменной массы будет двигаться с постоянным ускорением, т. е. равномерно-ускоренно. Если же сила меняется с течением времени, то меняется и ускорение. В этом случае формула (44.2) дает значение мгновенного ускорения (см. § 27), вызываемого силой, действующей в данный момент. Если сила остается постоянной, а меняется масса тела, к которому приложена сила, то ускорение также оказывается переменным. Примером тела переменной массы может служить ракета, выбрасывающая во время полета продукты сгорания топлива, в результате чего ее масса уменьшается. Если при этом сила, действующая на ракету, не меняется, то ускорение ее растет (см. ниже, § 188).

Если сила направлена под углом к скорости тела, то оно движется криволинейно (например, тело, брошенное горизонтально). Криволинейное движение будем изучать в гл. V.

Во втором законе Ньютона заключен, как частный случай, первый закон, или закон инерции. Действительно, из формулы (44.2) видно, что если $f=0$, то и $a=0$, т. е. если на тело не действуют силы (или силы действуют, но их равнодействующая равна нулю), то и ускорение равно нулю, и значит, тело сохраняет состояние покоя или равномерного прямолинейного движения.

Примеры проявления второго закона Ньютона встречаются на каждом шагу. Электровоз разгоняет поезд с тем меньшим ускорением, чем больше полная масса поезда. Отталкивая с одинаковой силой от берега пустую и тяжело нагруженную лодку, заставим первую из них двигаться с бóльшим ускорением, чем вторую. Если тело лежит на твердой опоре, то, прилагая к нему малую силу, мы не сдвинем его с места, так как при этом возникнет сила трения об опору (см. § 64), которая уравновесит приложенную силу: результирующая окажется равной нулю. Но если тело плавает на воде, то возникающая сила трения о воду в начале движения очень мала; поэтому она не уравновесит приложенную силу и равнодействующая не будет равна нулю: тело начнет двигаться.

Как бы ни была мала результирующая сила, действующая на тело, ускорение возникнет; но оно может быть настолько мало, что потребуется много времени, чтобы вызвать заметное изменение скорости. Так, надавливая на массивный деревянный брусок, плавающий в воде, гибкой стеклянной нитью (рис. 67), увидим, что брусок приобретет заметную скорость только через 1—2 минуты. В то же время бруску гораздо меньшей массы можно сообщить при помощи той же нити гораздо большее ускорение. На пристанях можно наблюдать, как рабочий, изо всей силы упираясь багром в борт большой баржи, тратит несколько минут на сообщение ей еле заметной скорости.

В формуле второго закона Ньютона a — это ускорение тела в его движении относительно Земли. Но, как мы знаем (§ 33), ускорение тела будет таким же, если рассматривать движение тела относительно любой другой инерциальной системы. Силы же, действующие на тело, представляют

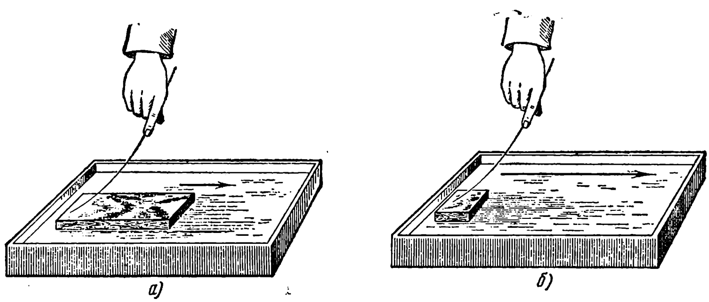


Рис. 67. При одинаковой силе, действующей на плавающий брусок, скорость увеличивается: *а*) медленно у большого бруска, *б*) быстрее у малого бруска.

собой действия на данное тело других тел и не зависят от того, по отношению к какой системе отсчета мы определяем ускорение данного тела. Не зависит от выбора системы отсчета и масса тела. Поэтому закон Ньютона остается справедливым и при рассмотрении движения относительно любой другой инерциальной системы, например относительно корабля, равномерно движущегося прямым курсом по спокойному морю, или относительно поезда, идущего с постоянной скоростью по прямому участку, и т. п. Более подробно об этом вопросе будет сказано в гл. VI.

Упражнение. **44.1.** Используя второй закон Ньютона, объясните: а) Почему падение на мерзлую землю опаснее, чем на рыхлый снег? б) Почему прыгнув с высоты нескольких этажей на натянутый брезент (рис. 68), можно остаться невредимым?

Закон Ньютона был открыт при изучении движений, происходящих в обычных условиях на Земле, и при изучении движений небесных тел. И в тех и в других случаях скорости тел малы по сравнению со скоростью света (300 000 *км/сек*). Со скоростями, приближающимися к скорости света, физики встретились только при изучении движения элементарных частиц, например электронов и протонов в ускорителях — устройствах, в которых на элементарные частицы действуют разгоняющие их электромагнитные силы. Для таких скоростей второй закон Ньютона неверен. Согласно закону Ньютона, при действии постоянной силы, направленной вдоль траектории частицы, частица должна была бы иметь постоянное ускорение, т. е. ее скорость должна была бы равномерно расти. Однако оказалось, что хотя в начале разгона второй закон Ньютона выполняется и частица движется равномерно-ускоренно, но, по мере того как достигнутая частицей скорость приближается к скорости света, ускорение делается все меньше и меньше, т. е. закон Ньютона нарушается. При продолжающемся действии ускорителя скорость частицы растет все медленнее, приближаясь к скорости света, но никогда ее не достигая. Например, при скорости тела, равной 0,995 скорости света, ускорение, получаемое телом при силе, действующей в направлении движения тела, составит всего 0,001 от ускорения, рассчитанного по формуле закона Ньютона. Даже при скорости, равной всего одной десятой скорости света, уменьшение ускорения сравнительно с рассчитанным по закону Ньютона составит еще 1,5%. Но для «малых» скоростей, встречающихся в обыденной жизни, и даже для скоростей космических тел поправка так мала, что ею можно пренебрегать. Например, для Земли, обращающейся вокруг Солнца со скоростью 30 *км/сек*, уменьшение ускорения составит всего миллионную долю процента.

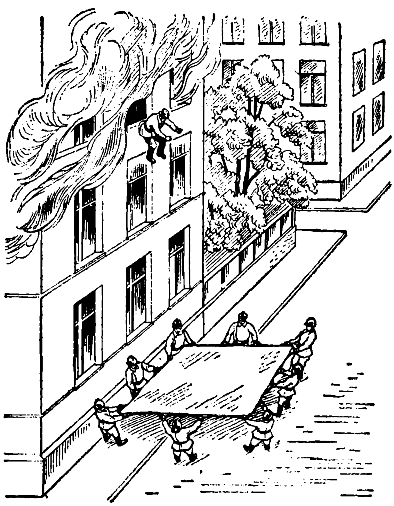


Рис. 68. Боец пожарной команды прыгает на натянутый брезент.

Итак, второй закон Ньютона можно применять только по отношению к телам, скорость которых мала по сравнению со скоростью света.

§ 45. Единицы силы и массы. Для того чтобы производить расчеты на основании второго закона Ньютона, необходимо выбрать единицы силы и массы таким образом, чтобы выполнялось соотношение

$$m \text{ единиц массы} = \frac{f \text{ единиц силы}}{a \text{ единиц ускорения}}. \qquad (45.1)$$

Выбор единиц можно производить по-разному. Можно, например, выбрать за единицу силу, с которой специальная гиря-эталон (см. § 36) притягивается Землей, т. е. килограмм силу (*кГ*). Если еще принять за единицу длины метр и за единицу времени секунду, то за единицу массы нужно будет принять массу такого тела, которое под действием силы в 1 *кГ* получит ускорение 1 *м/сек*^{2}. Эту единицу, широко применяемую в технических расчетах, часто называют *технической единицей массы* (сокращенно *тем*). Согласно формуле (45.1) эту единицу можно записать так:

$$1\ \textit{тем} = \frac{1\ \textit{кГ}}{1\ \textit{м/сек}^2} = 1\ \textit{кГ}\cdot\textit{сек}^2/\textit{м}.$$

Этим обозначением можно пользоваться для перехода от одних единиц к другим (так же, как мы пользовались аналогичными обозначениями для перехода от одних единиц к другим для скорости и ускорения, см. §§ 11 и 16). Так, если бы мы выбрали за исходные единицу длины сантиметр, единицу времени секунду и единицу силы грамм-силу, то за единицу массы нужно было бы выбрать такую массу, которая под действием силы в 1 *Г* получает ускорение 1 *см/сек*^{2}. Эту единицу можно было бы записать в виде

$$\text{Единица массы} = \frac{1\ \textit{Г}}{1\ \textit{см/сек}^2} = 1\ \textit{Г}\cdot\textit{сек}^2/\textit{см}.$$

Например, масса в 5 *тем* выразится в этих новых единицах массы так:

$$5\ \textit{тем} = 5\,\frac{\textit{кГ}\cdot\textit{сек}^2}{\textit{м}} = 5\,\frac{1000\ \textit{Г}\cdot\textit{сек}^2}{100\ \textit{см}} = 50\ \textit{Г}\cdot\frac{\textit{сек}^2}{\textit{см}}.$$

Подобно этому можно выразить одну единицу массы через другую:

$$1\ \textit{кГ}\cdot\textit{сек}^2/\textit{м} = 10\ \textit{Г}\cdot\textit{сек}^2/\textit{см},$$
$$1\ \textit{Г}\cdot\textit{сек}^2/\textit{см} = 0{,}1\ \textit{кГ}\cdot\textit{сек}^2/\textit{м}.$$

Мы видим, что для установления единицы массы нам не потребовалось эталона массы. Действительно, мы располагаем эталонами силы (*кГ*), длины (*м*) и времени (*сек*), при помощи которых могли быть выбраны единицы для измерения силы и ускорения. Пользуясь соотношением $f=ma$, мы можем при помощи этих двух единиц определить и единицу для измерения третьей величины — массы.

Понятно, что то же соотношение можно было бы использовать и для другого выбора единиц, а именно, выбрав соответственные эталоны, а следовательно, и единицы для массы и ускорения, определить при их помощи единицу силы.

Такой способ установления единиц массы и силы получил широкое распространение при физических измерениях. В качестве эталона массы принята масса уже упоминавшейся нами платиновой гири. Массу эталона называют килограммом массы и обозначают *кг* в отличие от килограмм-силы, обозначаемого *кГ*. Эта масса и принята за единицу массы в системе СИ.

Обратим внимание на то, что определения этих двух величин, получивших почти одинаковые названия (килограмм-сила и килограмм-масса), и обозначения (*кГ* и *кг*) основаны на совершенно различных механических свойствах одного и того же тела — парижской гири-образца: сила определена по притяжению образца Землей, а масса — как мера инертности гири, т. е. по ее способности получать те или иные ускорения под действием различных сил.

Таким образом, в системе СИ употребляются следующие единицы, определяемые соответственными эталонами: единица длины — метр, единица времени — секунда и единица массы — килограмм. При таком выборе единиц нет надобности в эталоне силы. Единица силы определяется без эталона, на основании соотношения $f=ma$. А именно, в системе СИ за единицу силы принимают такую силу, которая, действуя на тело с массой 1 *кг*, сообщает ему ускорение 1 *м/сек*^{2}. Эту единицу силы называют *ньютоном* (сокращенное обозначение: *н*).

Согласно той же формуле (45.1) можно записать эту единицу в виде

$$1\ н = 1\ кг \cdot 1\ м/сек^2 = 1\ кг \cdot м/сек^2.$$

На основе тех же эталонов можно выбрать и другие единицы для физических величин. Часто пользуются в качестве единицы длины сантиметром, в качестве единицы массы — граммом (0,001 эталона массы; сокращенное обозначение: *г*) и в качестве единицы времени — секундой. Тогда за единицу силы принимают силу, сообщающую телу с массой 1 *г* ускорение 1 *см/сек*^{2}. Эту единицу силы называют *диной* (сокращенное обозначение: *дин*).

Легко найти соотношение между ньютоном и диной:

$$1\ н = 100\,000\ дин.$$

Между различными единицами силы и различными единицами массы существуют следующие соотношения, происхождение которых станет ясным в дальнейшем (см. § 56):

$$1\ \textit{кГ} = 9{,}80665\ \textit{н}; \qquad 1\ \textit{тем} = 9{,}80665\ \textit{кг};$$
$$1\ \textit{н} = 0{,}1019716\ \textit{кг}; \qquad 1\ \textit{кг} = 0{,}1019716\ \textit{тем}.$$

Для приближенных расчетов будем пользоваться круглыми числами:

$$1\ \textit{кГ} = 9{,}8\ \textit{н}; \qquad 1\ \textit{тем} = 9{,}8\ \textit{кг};$$
$$1\ \textit{н} = 0{,}102\ \textit{кГ}; \qquad 1\ \textit{кг} = 0{,}102\ \textit{тем},$$

а для совсем грубых расчетов:

$$1\ \textit{кГ} = 10\ \textit{н}, \qquad 1\ \textit{тем} = 10\ \textit{кг}.$$

Дина — очень малая единица силы, она почти в миллион раз меньше килограмм-силы. Муравей, который тащит веточку, действует на нее с силой примерно в 100 *дин.*

Упражнения. **45.1.** Снаряд, масса которого 15 *кг*, при выстреле приобретает скорость 600 *м/сек*. Найти среднюю силу, с которой пороховые газы действуют на снаряд, если длина ствола орудия составляет 1,8 *м* (движение снаряда в стволе считать равномерно-ускоренным).

45.2. За какое наименьшее время можно передвинуть по горизонтальному полу на расстояние 10 *м* груз массы 50 *кг*, если известно, что веревка, за которую тянут груз, разрывается при натяжении, превышающем 20 *кГ*, а для того, чтобы сдвинуть груз с места или двигать его равномерно, преодолевая силу трения, достаточно прилагать силу в 10 *кГ*?

§ 46. О системах единиц. Для того чтобы при расчетах пользоваться написанными нами формулами механики, необходимо придерживаться определенной системы в выборе единиц. Если, например, при пользовании формулой

$$a = \frac{f}{m}$$

мы выразим силу в *кГ*, а массу в *тем*, то ускорение мы должны будем выразить в *м/сек*^{2}. Выбрав произвольно единицы для некоторых механических величин, мы уже не сможем выбирать единицы для других величин тоже произвольно. Например, выбрав единицы силы и ускорения, мы не сможем произвольно выбрать единицу массы.

Вследствие этого при выборе единиц измерения поступают следующим образом. Для некоторых величин выбирают эталоны и за единицу физической величины принимают величину самого эталона либо какую-то определенную долю эталона. Так была выбрана единица длины — метр (или единица длины — сантиметр, определенная как сотая часть эталона метра), единица измерения времени — секунда, единица массы — килограмм (или единица массы — грамм, определенная как 0,001 часть эталона килограмм-массы), единица силы — килограмм-сила.

Физические величины, единицы которых установлены на основе специально выбранных образцов-эталонов, называют *основными величинами*.

Когда установлены эталоны для нескольких основных величин, единицы ряда других физических величин можно вводить, уже не выбирая отдельного эталона для каждой из них. Такие величины мы назовем *производными*. Для некоторых производных величин связь их единиц с единицами основных величин дается самим определением производной величины. Например, скорость определена как отношение длины пути к промежутку времени. Значит, если за единицу длины принят метр, а за единицу времени — секунда, то за единицу скорости нужно принять 1 *м/сек*. Только тогда скорость будет равна указанному отношению. При другом выборе единиц, например при выборе за единицу скорости 1 *см/сек*, формула, выражающая скорость v через пройденный путь s *м* и промежуток времени t *сек*, имела бы вид

$$v \frac{\textit{см}}{\textit{сек}} = 100 \cdot \frac{s \textit{ м}}{t \textit{ сек}}.$$

Значит, во все соотношения между новой физической величиной — скоростью — и основными величинами (длиной и промежутком времени) пришлось бы вводить численный коэффициент, зависящий от того, как мы выбрали единицу измерения новой величины (в нашем примере этот коэффициент равен 100).

В других случаях связь между основными единицами и единицей какой-либо производной физической величины устанавливается физическим законом. Так, например, второй закон Ньютона, написанный в виде равенства $f=ma$, устанавливает не только, что сила пропорциональна массе и ускорению, но и то, что за единицу силы принята сила, которая сообщает телу с массой, равной единице, ускорение, равное единице. И если при единице длины 1 *м* и единице времени 1 *сек* в качестве единицы массы принят 1 *кг*, то за единицу силы должна быть выбрана сила в 1 *н*. Если бы мы выбрали другую единицу силы, например 1 *дин*, то в формулу закона Ньютона пришлось бы ввести численный коэффициент 100 000:

$$f\ дин = 100\,000\ m\ кг \cdot a\ м/сек^2.$$

Совокупность всех основных единиц и опирающихся на них производных единиц, выбранных так, что все указанные выше численные коэффициенты обращаются в единицу, называют абсолютной *системой единиц*. В механике оказалось возможным ограничиться только тремя эталонами физических величин и соответственно тремя основными единицами измерений этих физических величин. При этом во всех случаях в качестве двух эталонов применяются эталоны длины и времени. Третий же эталон, специально выбранная гиря, как мы уже видели, может быть использован в качестве и эталона массы, и эталона силы.

В зависимости от этого последнего выбора можно построить две группы систем единиц: первую, в которой основными служат единицы длины, времени и массы (а сила является производной единицей), и вторую, в которой основными являются единицы длины, времени и силы (а масса является производной единицей).

До последнего времени обе эти группы систем единиц широко применялись — первая главным образом в физике, вторая в технике. Однако на XI Международной генеральной конференции по мерам и весам в октябре 1960 г. была принята единая международная система единиц СИ, принадлежащая к первой группе. В СССР эта единая система начиная с 1963 г. должна применяться как *предпочтительная* во всех областях науки, техники и народного хозяйства. Как мы уже говорили, в системе СИ в качестве трех основных единиц, применяемых в механике, выбраны единица длины *метр* (1 *м*), единица времени *секунда* (1 *сек*) и единица массы *килограмм* (1 *кг*), определенные так, как указано выше.

Наряду с системой СИ, к той же первой группе систем единиц относится система, в которой за единицу длины принят сантиметр (1 *см*), за единицу массы — грамм (1 *г*), а единицей времени, как и в системе СИ, служит секунда. Эта система единиц называется СГС (по начальным буквам названий основных единиц — сантиметр, грамм, секунда) или *физической системой единиц*. Система СГС, давно и широко применяемая в физике, по-видимому, будет применяться и впредь.

Ко второй группе систем единиц относятся те, в которых в качестве основных приняты единицы длины, времени и силы. Наиболее распространенной среди них является система, в которой единицей длины служит метр (1 *м*), единицей силы — килограмм-сила (1 *кГ*) и единицей времени — секунда (1 *сек*). Эту систему называемую МКСС (также по начальным буквам основных единиц), часто называют *технической*, поскольку она широко применяется в технике. Как и система СГС, она также, по-видимому, будет применяться еще длительное время. Поэтому в дальнейшем мы (помимо рекомендованной в качестве единой системы СИ) будем пользоваться также системами СГС и МКСС.

Следует иметь в виду, что кроме единиц, входящих в определенную систему, часто употребляют еще единицы, не входящие ни в какую систему (внесистемные, «дикие» единицы). Примерами таких единиц могут служить час, минута, единица силы тонна (*Т*), единица скорости *км/час*, единица длины световой год и т. д.

Подведем итоги сказанному в виде таблицы.

	Физика, СГС	Техника, МКСС	Физика и техника, СИ
Имеются эталоны	Длины, времени и массы	Длины, времени и силы	Длины, времени и массы
На основании выбора эталонов установлены единицы	Ускорения 1 *см/сек*^{2} Массы 1 *г*	Ускорения 1 *м/сек*^{2} Силы 1 *кГ*	Ускорения 1 *м/сек*^{2} Массы 1 *кг*
На основании второго закона Ньютона установлены единицы	Силы 1 *дин*	Массы 1 *тем*	Силы 1 *н*

Само собой разумеется, каждая из этих трех систем единиц пригодна как для научных, так и для технических расчетов. Пользование той или иной системой может представить некоторые практические удобства, но никаких принципиальных преимуществ одна система перед другой не имеет.

§ 47. Третий закон Ньютона. При соударении двух бильярдных шаров меняют свою скорость, т. е. получают ускорения, оба шара. Когда при формировании железнодорожного состава вагоны наталкиваются друг на друга, буферные пружины сжимаются у обоих вагонов. Земля притягивает Луну (сила всемирного тяготения) и заставляет ее двигаться по криволинейной траектории; в свою очередь Луна также притягивает Землю (тоже сила всемирного тяготения). Хотя, естественно, в системе отсчета, связанной с Землей, ускорение Земли, вызываемое этой силой, нельзя обнаружить непосредственно (непосредственно нельзя обнаружить даже значительно большее ускорение, вызываемое притяжением Земли Солнцем), оно проявляется в виде приливов (см. § 137).

Мы привели несколько примеров сил, действующих между телами; эти примеры показывают, что силы всегда возникают не «в одиночку», а по две сразу: если одно тело действует с некоторой силой на другое («действие»), то и второе тело действует с некоторой силой на первое («противодействие»). Опыт показывает, что это правило носит всеобщий характер. Все силы носят *взаимный* характер, так что силовые действия тел друг на друга всегда представляют собой *взаимодействия*.

Что же можно сказать о силе, действующей со стороны второго тела на первое, если мы знаем силу, действующую со стороны первого тела на второе? Грубые измерения сил взаимодействия можно произвести на следующих опытах. Возьмем два динамометра, зацепим друг за друга их крючки и, взявшись за кольца, будем растягивать их, следя за показаниями обоих динамометров (рис. 69). Мы увидим, что при любых растяжениях показания обоих динамометров будут совпадать; значит, сила, с которой первый динамометр действует на второй, равна силе, с которой второй динамометр действует на первый.

Другой опыт по сравнению упругих сил взаимодействия показан на рис. 70, где тела, укрепленные на тележках, могут быть любыми. По-разному нажимая рукой на динамометр D_1, вызовем различные показания обоих динамометров. Когда сдавливаемые тела остаются неподвижными, оба динамометра показывают равные по величине силы f_1 и f_2. При этом направления сил, с которыми действуют динамометры, будут противоположны. Кроме сил со стороны динамометров, при этом на тела действуют силы их упругого взаимодействия: на тело A — сила f_3 со стороны тела B и на тело B — сила f_4 со стороны тела A. Оба тела неподвижны; значит, действующие на каждое из них силы должны уравновешиваться. Значит, сила f_3 должна уравновешивать силу f_1, а сила f_4— силу f_2. Так как $f_1=f_2$, то силы f_3 и f_4

Рис. 69. Сила, с которой первый динамометр действует на второй, равна силе, с которой второй динамометр действует на первый.

также равны между собой по величине и противоположны по направлению.

Аналогично можно сравнить и силы взаимодействия, действующие на расстоянии. Укрепим на тележке магнит,

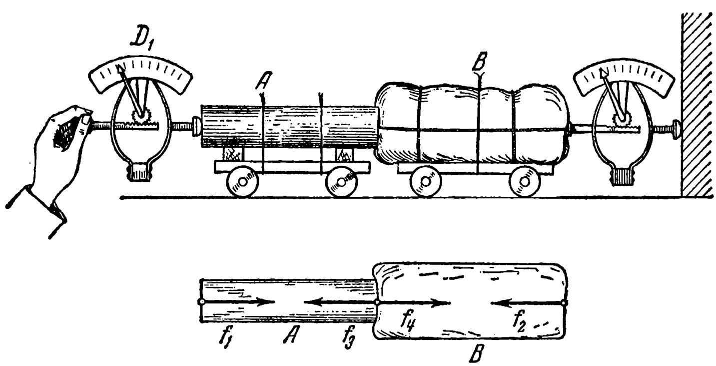


Рис. 70. Исследование взаимодействия двух тел A и B. Внизу показаны действующие на них силы.

на другой тележке — кусок железа и прикрепим к тележкам динамометры (рис. 71). В зависимости от условий опыта тележки могут остановиться на разном расстоянии друг от друга, так что силы взаимодействия между магнитом и куском железа будут больше или меньше, в зависимости от этого расстояния. Но во всех случаях окажется, что динамометры дадут одинаковые показания; проведя такие же рассуждения, как и в предыдущем случае, мы заключим, что сила, с которой магнит притягивает железо, равна и прямо противоположна силе, с которой железо притягивает магнит.

В приведенных примерах взаимодействующие тела покоились. Но опыт показывает, что силы взаимодействия между двумя телами равны по величине и противоположны по направлению и в тех случаях, когда тела движутся. Это иллюстрируется следующим опытом. На двух тележках, которые могут катиться по рельсам, стоят два человека *A* и *B* (рис. 72). Они держат в руках концы веревки. Легко обнаружить, что независимо от того, кто натягивает («выбирает»)

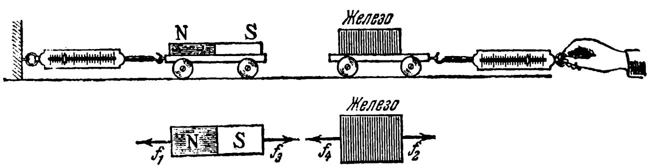


Рис. 71. Сравнение сил взаимодействия между магнитом и куском железа.

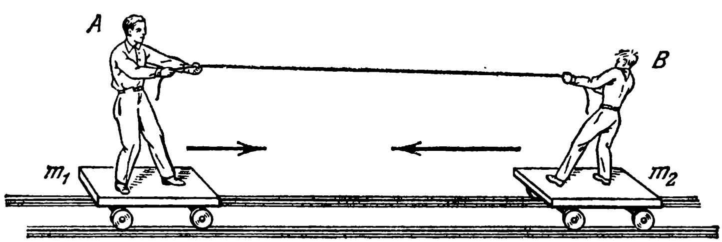


Рис. 72. Кто бы из стоящих на подвижных платформах ни «выбирал» веревку, ускорение получат обе платформы.

веревку, *A* или *B* или оба вместе, тележки всегда приходят в движение одновременно, и притом в противоположных направлениях. Измеряя ускорения тележек, можно убедиться, что ускорения обратно пропорциональны массам каждой из тележек (вместе с человеком). Как мы видели в § 44, отсюда следует, что силы, действующие на обе тележки, равны по величине.

Опыты показывают, что и во всех других случаях, если одно тело действует на другое с некоторой силой, то второе тело действует на первое с силой, равной по величине и противоположной по направлению. При этом обе силы лежат на одной прямой. Это — *закон равенства действия и противодействия*, открытый Ньютоном и названный им *третьим законом движения*.

Упражнения. **47.1.** Найти силу, с которой килограммовая гиря, лежащая на Земле, притягивает Землю.

47.2. В опыте с людьми на тележках найти отношение путей, пройденных тележками за какой-либо промежуток времени (например, до столкновения), если известно отношение масс тележек с людьми.

§ 48. Примеры применения третьего закона Ньютона. В известной игре «перетягивание каната» обе партии действуют друг на друга (через канат) с одинаковой силой, как это следует из закона действия и противодействия. Значит,

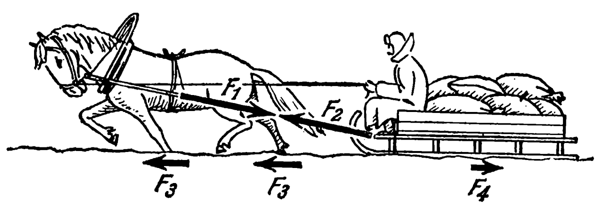


Рис. 73. Лошадь сдвинет и повезет нагруженные сани, потому что со стороны грунта на ее копыта действуют бо́льшие силы трения, чем на скользкие полозья саней.

выиграет (перетянет канат) не та партия, которая сильнее тянет — тянут обе партии с одинаковой силой,— а та, которая сильнее упирается в Землю.

Как объяснить, что лошадь везет сани, если, как это следует из закона действия и противодействия, сани тянут лошадь назад с такой же силой F_1, с какой лошадь тянет сани вперед (сила F_2)? Почему эти равные и противоположные силы не уравновешиваются? Дело в том, что, во-первых, хотя эти силы равны и прямо противоположны, они приложены к разным телам, а во-вторых, и на сани, и на лошадь действуют еще и силы со стороны грунта (рис. 73). Сила со стороны лошади приложена к саням, испытывающим кроме этой силы лишь небольшое трение F_4 полозьев о снег; поэтому сани начинают двигаться вперед. К лошади же, помимо силы со стороны саней F_1, направленной назад, приложены со стороны дороги, в которую она упирается ногами, силы F_3, направленные вперед и бо́льшие, чем сила со стороны саней. Поэтому лошадь тоже начинает двигаться вперед. Если поставить лошадь на лед, то сила со стороны скользкого льда будет недостаточна, и лошадь не сдвинет сани. То же будет и с очень тяжело нагруженным возом, когда лошадь, даже упираясь ногами, не сможет создать достаточную силу, чтобы сдвинуть воз с места. После того как лошадь сдвинула сани и установилось равномерное движение саней, сила F_4 будет равна сумме сил F_3 (первый закон Ньютона).

Подобный же вопрос возникает и при разборе движения поезда под действием локомотива. И здесь, как и в предыдущем случае, движение возможно лишь благодаря тому,

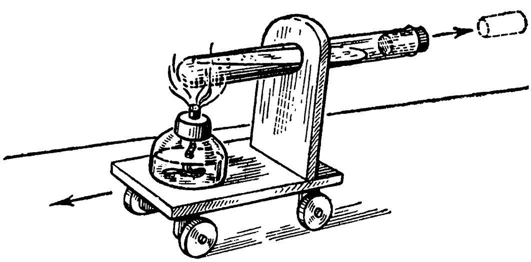


Рис. 74. При нагревании пробирки с водой пробка вылетает в одну сторону, а «пушка» катится в противоположную сторону.

что, кроме сил взаимодействия между тянущим телом (лошадь, локомотив) и «прицепом» (сани, поезд), на тянущее тело действуют со стороны грунта или рельсов силы, направленные вперед. На идеальной скользкой поверхности, от которой нельзя «оттолкнуться», ни сани с лошадью, ни поезд, ни автомобиль не могли бы сдвинуться с места.

Третий закон Ньютона позволяет рассчитать *явление отдачи* при выстреле. Установим на тележку модель пушки, действующую при помощи пара (рис. 74) или при помощи пружины. Пусть вначале тележка покоится. При выстреле «снаряд» (пробка) вылетает в одну сторону, а «пушка» откатывается в другую. Откат пушки и есть результат отдачи. Отдача есть не что иное, как противодействие со стороны снаряда, действующее, согласно третьему закону Ньютона, на пушку, выбрасывающую снаряд. Согласно этому закону, сила, действующая со стороны пушки на снаряд, все время равна силе, действующей со стороны снаряда на пушку, и направлена противоположно ей. Таким образом, ускорения, получаемые пушкой и снарядом, направлены противоположно, а по величине обратно пропорциональны массам этих тел. В результате снаряд и пушка приобретут противоположно направленные скорости, находящиеся в том же отношении. Обозначим скорость, полученную снарядом, через v, а скорость, полученную пушкой, через V, а массы этих тел обозначим через m и M соответственно. Тогда

$$\frac{v}{V}=\frac{M}{m}.$$

Здесь скорости взяты по абсолютной величине. Если учитывать и направления скоростей, то одной из них следовало бы приписать знак плюс, а другой — знак минус.

Выстрел из всякого оружия сопровождается отдачей. Старинные пушки после выстрела откатывались назад. В современных орудиях ствол укрепляется на лафете не жестко, а при помощи приспособлений, которые позволяют стволу отходить назад; затем пружины снова возвращают его на место. В автоматическом огнестрельном оружии явление отдачи используется для того, чтобы перезарядить орудие. При выстреле отходит только затвор. Он выбрасывает использованную гильзу, а затем, пружины, возвращая его на место, вводят в ствол новый патрон. Этот принцип используется не только в пулеметах и автоматических пистолетах, но и в скорострельных пушках.

§ 49. Импульс тела. Основные законы механики — второй и третий законы Ньютона — заключают в себе возможность решения любой механической задачи. В следующих параграфах мы увидим, что применение законов Ньютона к решению задач часто можно облегчить, применяя следующий вывод из второго закона.

Подействуем на тело массы m постоянной силой $\boldsymbol{f}$. Тогда ускорение тела также будет постоянно:

$$\boldsymbol{a}=\frac{\boldsymbol{f}}{m}. \qquad (49.1)$$

Пусть в начальный момент промежутка времени t, в течение которого действовала сила, скорость тела была $\boldsymbol{v}_0$, а в конечный момент этого промежутка скорость тела стала равна $\boldsymbol{v}$. Напомним формулу (27.2), применимую для случая постоянного ускорения:

$$\boldsymbol{a}=\frac{\boldsymbol{v}-\boldsymbol{v}_0}{t}.$$

Из этой формулы и из формулы (49.1) следует:

$$m\boldsymbol{v}-m\boldsymbol{v}_0=\boldsymbol{f}t. \qquad (49.2)$$

Произведение массы тела на его скорость называют импульсом (или количеством движения) тела. Импульс тела — векторная величина, так как скорость — вектор. Формула (49.2) выражает закон изменения импульса тела: *изменение вектора импульса тела под действием постоянной силы равно произведению силы на время ее действия.*

Если сила не остается постоянной, то формула (49.2) применима только для таких малых промежутков времени, за которые сила не успевает еще заметно измениться ни по величине, ни по направлению. При большом изменении силы формулой (49.2) также можно пользоваться, но в качестве $\boldsymbol{f}$ следует тогда брать среднее значение силы за рассматриваемый промежуток времени.

В случае прямолинейного движения тела формулу (49.2) можно написать в скалярном виде:

$$mv - mv_0 = ft. \qquad (49.3)$$

В этой формуле, как обычно, разные знаки величин v, v_0 и f будут обозначать противоположные направления скоростей и сил.

§ 50. Система тел. Всеобщий закон сохранения импульса. До сих пор мы рассматривали только действия сил на одно тело. В механике часто встречаются задачи, когда необходимо одновременно рассматривать несколько тел, движущихся по-разному. Таковы, например, задачи о движении небесных тел, о соударении тел, об отдаче огнестрельного оружия, где и снаряд и пушка начинают двигаться после выстрела, и т. д. В этих случаях говорят о движении *системы тел*: солнечной *системы*, *системы* двух соударяющихся тел, *системы* «пушка — снаряд» и т. п. Между телами системы действуют некоторые силы. В солнечной системе это силы всемирного тяготения, в системе соударяющихся тел — силы упругости, в системе «пушка — снаряд» — силы, создаваемые пороховыми газами. Кроме сил, действующих со стороны одних тел системы на другие («внутренние силы»), на тела могут действовать еще силы со стороны тел, не принадлежащих системе («внешние» силы); например, на соударяющиеся бильярдные шары действует еще сила тяжести и упругость стола, на пушку и снаряд также действует сила тяжести и т. п. Однако в ряде случаев всеми внешними силами можно пренебрегать. Так, при изучении соударения катящихся шаров силы тяжести уравновешены для каждого шара в отдельности и потому не влияют на их движение; при выстреле из пушки сила тяжести окажет свое действие на полет снаряда только после вылета его из ствола, что не скажется на величине отдачи. Поэтому часто можно рассматривать движения системы тел, полагая, что внешние силы отсутствуют.

Начнем с простейшей системы, состоящей только из двух тел. Пусть их массы равны m и M, а скорости $\boldsymbol{v}_0$ и $\boldsymbol{V}_0$. Будем считать, что внешние силы на эти тела не действуют. Между собой же эти тела могут взаимодействовать. В результате взаимодействия (например, в случае соударения тел — после соударения) скорости тел изменятся и станут равными $\boldsymbol{v}$ и $\boldsymbol{V}$ соответственно. Для тела m изменение импульса будет равно $m\boldsymbol{v}-m\boldsymbol{v}_0=\boldsymbol{f}\tau$, где $\boldsymbol{f}$ — сила, с которой на него действовало тело M, а τ — время взаимодействия. Для тела M изменение имульса будет равно $M\boldsymbol{V}-M\boldsymbol{V}_0=-\boldsymbol{f}\tau$, так как, согласно третьему закону Ньютона, сила, с которой тело m действует на тело M, равна и прямо противоположна силе, с которой тело M действует на тело m. Складывая оба выражения для изменения импульса, найдем:

$$m\boldsymbol{v}-m\boldsymbol{v}_0+M\boldsymbol{V}-M\boldsymbol{V}_0=0;$$

отсюда находим:

$$m\boldsymbol{v}+M\boldsymbol{V}=m\boldsymbol{v}_0+M\boldsymbol{V}_0, \tag{50.1}$$

т. е. при отсутствии внешних сил *суммарный импульс системы (векторная сумма импульсов тел, составляющих систему) в результате взаимодействия тел системы не изменяется.*

Этот закон можно сформулировать еще иначе: *внутренние силы не изменяют суммарный импульс системы.*

Этот результат совершенно не зависит от того, как взаимодействовали тела системы: долго или кратковременно, при соприкосновении или на расстоянии и т. п. В частности, из этого равенства следует, что если вначале оба тела покоились, то суммарный импульс системы останется равным нулю и в дальнейшем если только на систему не подействуют силы извне.

Можно доказать, что и *для системы, состоящей из любого числа тел, суммарный импульс системы остается постоянным, если только внешние силы отсутствуют.* Это важнейшее положение называют *всеобщим законом сохранения импульса.* Его всеобщность заключается в том, что он справедлив не только в механике, но и для любых систем тел и любых процессов, происходящих с телами системы, при единственном условии, чтобы на них не действовали внешние силы. Тогда импульс системы сохраняется неизменным, даже если тела системы разрушаются (например, в результате соударений), если в результате химических реакций из одних веществ образуются другие, если в результате ядерных реакций из одних элементов образуются другие или одни элементарные частицы обращаются в другие элементарные частицы. При этом, разумеется, обломки разрушившихся тел, продукты химических реакций и новые элементы или образовавшиеся элементарные частицы необходимо причислять к телам системы.

Если система состоит из одного единственного тела, то для него закон сохранения импульса означает, что в отсутствие сил, на него действующих, импульс тела не меняется. Это равносильно закону инерции (скорость тела не меняется).

§ 51. Применения закона сохранения импульса. Применим закон сохранения импульса к задаче об отдаче пушки. Вначале, до выстрела, как пушка (массы M), так и снаряд (массы m) покоятся. Значит, суммарный импульс системы пушка — снаряд равен нулю (в формуле (50.1) можно положить равными нулю скорости V_0 и v_0). После выстрела пушка и снаряд получат скорости V и v соответственно. Суммарный импульс после выстрела также должен равняться нулю, согласно закону сохранения импульса. Таким образом, непосредственно после выстрела будет выполнено равенство

$$MV+mv=0, \quad \text{или} \quad V=-v\frac{m}{M},$$

откуда следует, что пушка получит скорость, во столько раз меньшую скорости снаряда, во сколько раз масса пушки больше массы снаряда; различие знаков указывает на противоположность направлений скоростей пушки и снаряда. Этот результат был уже нами получен другим способом в § 48.

Мы видим, что задачу удалось решить, не выясняя даже, какие силы и в течение какого времени действовали на тела системы; эти сведения были бы нужны, если бы мы вычисляли скорость пушки при помощи второго закона Ньютона. В закон сохранения импульса силы вообще не входят. Это обстоятельство позволяет решать простым способом многие задачи, в основном такие, где мы интересуемся не всем процессом взаимодействия тел системы, а только окончательным результатом этого взаимодействия, как в примере с выстрелом из пушки. Конечно, если силы неизвестны, то должны быть заданы какие-то другие величины, относящиеся к движению. В данном примере, для того чтобы

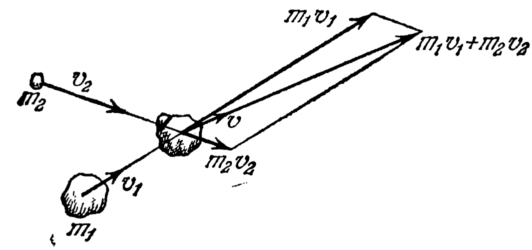


Рис. 75. Сложение импульсов при неупругом соударении двух тел.

можно было определить скорость пушки, надо было знать скорость снаряда после выстрела.

Если измерено время взаимодействия пушки со снарядом, то можно найти среднюю силу, действовавшую на снаряд. Если это время равнялось τ, то средняя сила f была равна $f=\frac{mv}{\tau}$. Такая же средняя сила (но противоположно направленная) действовала и на пушку.

Рассмотрим еще одну очень важную задачу, которую также можно решить, пользуясь законом сохранения импульса. Это — задача о *неупругом соударении* двух тел, т. е. о случае, когда тела после столкновения начинают двигаться с одной и той же скоростью, как это происходит, например, при соударении двух комков мягкой глины, которые, столкнувшись, слипаются и продолжают движение совместно.

Пусть тело массы m_1 имело до соударения скорость $\boldsymbol{v}_1$, а тело массы m_2 имело до соударения скорость $\boldsymbol{v}_2$. Пусть внешние силы отсутствуют. После соударения оба тела будут двигаться вместе с некоторой скоростью $\boldsymbol{v}$, которую и требуется найти. Вектор суммарного импульса легко найти путем векторного сложения, как это показано на рис. 75. Слагаемые векторы — векторы импульса каждого из тел до соударения. Искомая же скорость получится путем деления вектора суммарного импульса системы из обоих тел на суммарную массу обоих тел:

$$\boldsymbol{v}=\frac{m_1\boldsymbol{v}_1+m_2\boldsymbol{v}_2}{m_1+m_2}. \tag{51.1}$$

Если до соударения тела двигались по одной прямой, то после соударения они будут двигаться по той же прямой, а скорость определится по скалярной формуле

$$v=\frac{m_1v_1+m_2v_2}{m_1+m_2}, \tag{51.2}$$

где суммирование импульсов — алгебраическое (с учетом направления скоростей).

Упражнение. **51.1.** Человек массы 60 *кг*, бегущий вдоль рельсов со скоростью 6 *м/сек*, впрыгивает на неподвижно стоящую на рельсах тележку массы 30 *кг* и останавливается на тележке. Найти, с какой скоростью тележка начнет катиться по рельсам.

§ 52. Вес тела. Сила, с которой тело, находящееся под действием силы тяжести, действует на подставку или подвес, называется *весом* тела. В частности, если тело подвешено к динамометру, то оно действует на динамометр с силой своего веса. По третьему закону Ньютона динамометр действует на тело с такой же силой. Если при этом динамометр и подвешенное к нему тело покоятся относительно Земли, то, значит, сумма сил, действующих на тело, равна нулю, так что вес тела равен силе притяжения тела Землей. Таким образом, подвешивая тело к динамометру, мы можем определить вес тела и равную ему силу притяжения тела Землей. Поэтому динамометры нередко называют *пружинными весами*.

Сила веса возникает в результате притяжения Земли, но по величине может отличаться от силы притяжения Земли. Прежде всего, это может быть в тех случаях, когда кроме Земли и подвеса на данное тело действуют какие-либо другие тела. Так, если тело, подвешенное к весам, погружено в воду, то оно будет действовать на подвес со значительно меньшей силой, чем сила притяжения Земли. Эти случаи будут рассмотрены позднее (см. далее, гл. VII), а сейчас рассмотрим, почему необходимо, как только что было оговорено, чтобы весы и взвешиваемое тело покоились относительно Земли.

Подвесим гирю к динамометру и отметим его показание, пока динамометр и гиря покоятся; затем опустим быстро руку с динамометром и гирей и снова остановим руку. Мы увидим, что в начале движения, когда ускорение динамометра и гири направлено вниз, показание динамометра *меньше*, а в конце движения, когда ускорение динамометра и

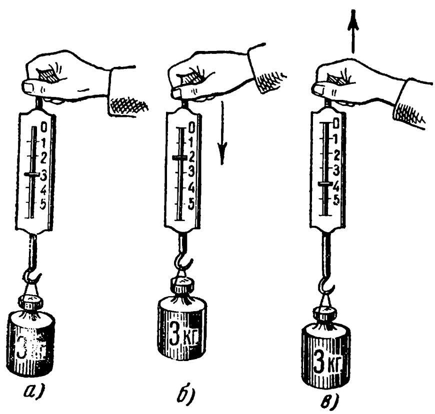


Рис. 76. Вес гири в начале опускания руки (*б*) меньше, а в момент остановки (*в*) больше, чем вес при неподвижном динамометре (*а*). Стрелки показывают направления ускорений.

гири направлено вверх, *больше*, чем при неподвижном динамометре (рис. 76). Объяснение этому дает второй закон Ньютона. Если гиря, подвешенная к динамометру остается в покое, значит, сила упругости пружины динамометра, направленная вверх, уравновешивает силу тяжести, направленную вниз, так что сила веса по величине равна силе тяжести. Но если гиря движется с ускорением, направленным вниз, это значит, что пружина динамометра действует с меньшей силой, чем требуется для равновесия, т. е. меньшей чем сила тяжести; поэтому вес гири оказывается меньшим, чем при покоящихся динамометре и гире. Наоборот, если тело движется с ускорением, направленным вверх, это значит, что пружина динамометра действует на гирю с силой большей, чем сила тяжести; поэтому вес гири будет больше, чем при покоящихся динамометре и гире.

Таким образом, хотя сила тяжести не зависит от того, обладают ли весы и взвешиваемое тело ускорением относительно Земли, но вес тела оказывается зависящим от ускорения тела и весов. Поэтому при взвешивании на весах всегда необходимо учитывать, покоятся весы и взвешиваемое тело или имеют ускорение.

Хотя для покоящегося тела сила веса равна силе тяжести, эти две силы нужно четко различать: сила *тяжести* приложена к *самому телу*, притягиваемому Землей, а сила *веса*

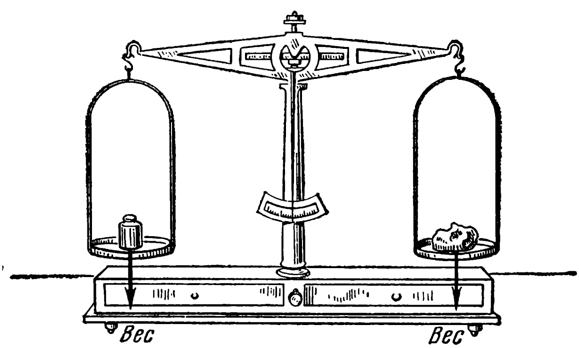


Рис. 77. Сравнение веса тела и веса гирь-эталонов на рычажных весах.

тела — *к подвесу* (или подставке). Правда, в тех случаях, когда эти силы равны и нас интересует только величина силы, а не то, к какому телу она приложена, смешение понятий «сила тяжести» и «сила веса» не приводит к ошибкам. Поэтому в указанных случаях (и только в них) можно вместо терминов «сила тяжести» или «сила притяжения тела Землей» применять термин «вес тела».

Кроме взвешивания тела на пружинных весах можно применить другой способ взвешивания. Он состоит в непосредственном сравнении веса гирь, принимаемых нами за эталоны, и веса тела на равноплечем рычаге (*рычажные весы*, рис. 77). Равноплечий рычаг оказывается в равновесии, если на оба конца его действуют одинаковые силы. Поэтому, если к концам равноплечего рычага подвесить с одной стороны измеряемое тело, а с другой—гири-эталоны, подобранные так, чтобы рычаг был в равновесии, то вес измеряемого тела будет равен суммарному весу всех гирь.

Рычажные весы позволяют взвешивать тела с гораздо большей точностью, чем обычные пружинные весы. Наиболее точные рычажные весы позволяют производить взвешивание тел с точностью до $1 \cdot 10^{-8}$ измеряемой величины.

Широко распространены также весы с неравноплечим рычагом (например, десятичные весы). Вес тела равен весу гирь, уравновешивающих его на этих весах, умноженному на отношение плеч рычага (у десятичных весов — на 10). На таких весах можно взвешивать большие грузы при помощи относительно малых гирь.

Упражнения. **52.1.** Станьте на площадку десятичных весов и уравновесьте свой вес гирями. Затем быстро присядьте на корточки. Объясните происходящие при этом изменения показаний весов.

52.2. Будет ли изменяться показание динамометра с подвешенной гирей, если двигать руку с динамометром равномерно вниз?

§ 53. Свободное падение тел. Если камень и лист бумаги начали падать с одинаковой высоты одновременно, то камень достигнет земли раньше, чем лист. Из подобных повседневных наблюдений, казалось бы, следует, что под действием силы тяжести тяжелые тела падают быстрее легких. Такое неверное заключение и было сделано еще в древности великим греческим философом Аристотелем (384—322 гг. до нашей эры), и это воззрение продержалось в науке в течение почти двух тысяч лет! Только в 1583 г. Галилей на основании более глубокого опытного изучения законов падения опроверг мнение Аристотеля. Галилей выяснил, что в обычных условиях тела падают под действием не только силы тяжести, но и сил сопротивления воздуха (см. далее, § 68) и что истинный закон падения под действием только силы тяжести *искажается* сопротивлением воздуха. Галилей установил, что в отсутствие этого сопротивления все тела падают равномерно-ускоренно и, что весьма важно, в данной точке Земли *ускорение всех тел при падении одно и то же.*

Сопротивление воздуха искажает законы падения потому, что оно зависит главным образом от размеров тела. Например, для перышка оно больше, чем для дробинки, в то время как сила земного притяжения для перышка меньше, чем для дробинки. Поэтому сопротивление воздуха гораздо значительнее уменьшает скорость падения перышка, чем дробинки. В пустоте же все тела падают с одинаковым ускорением, независимо от их размеров, материала и т. д. Опыт с падением тел в трубке, из которой выкачан воздух, подтверждает это заключение (рис. 78). В трубку помещают, например, перышко и дробинку. Если в трубке находится атмосферный воздух, то, хотя перышко и дробинка одновременно начинают падение с одной и той же высоты (для этого нужно трубку с обоими телами, лежащими в конце трубки, перевернуть этим концом кверху), перышко сильно отстает от дробинки. Если же повторить опыт после того, как из трубки откачан воздух, то перышко и дробинка достигают дна трубки одновременно и, значит, падают с одинаковым ускорением.

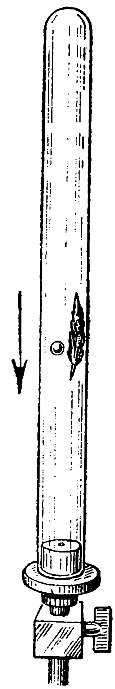


Рис. 78. В трубке, из которой выкачан воздух, перышко падает так же быстро, как дробинка.

Если сопротивление воздуха мало́, так что им можно пренебречь, то тело, освобожденное от подставки или подвеса, практически будет падать, находясь все время под действием только силы притяжения Земли (*свободное падение*). Сила земного притяжения не остается строго постоянной при падении тела. Она зависит от высоты тела над Землей (§ 56). Но если падение происходит не с очень большой высоты (так что изменение высоты тела при падении очень мало по сравнению с радиусом Земли, равным примерно 6400 *км*), то силу земного притяжения практически можно считать постоянной. Поэтому можно считать, что в обычных условиях ускорение свободно падающего тела остается постоянным и *свободное падение есть равномерноускоренное движение.*

§ 54. Ускорение свободного падения. Опыт подтверждает со всей доступной точностью, что в данном месте на земном шаре все тела в пустоте падают с одним и тем же постоянным ускорением. В отличие от ускорения во всех других случаях переменного движения, эту величину обозначают буквой g. В различных точках земного шара (на различных широтах) величина g оказывается неодинаковой, изменяясь от примерно 9,83 *м/сек*^{2}

(на полюсе) до примерно 9,78 *м/сек*^{2} (на экваторе). В Москве g=9,81523 *м/сек*^{2}. Значение g, равное 9,80665 *м/сек*^{2}, примерно соответствующее 45° широты, условно принимается за «нормальное». Все эти числа относятся к телу, падающему на уровне моря (см. далее, § 56).

Различное ускорение свободного падения в разных точках земного шара обусловлено, с одной стороны, тем, что Земля имеет форму, несколько отличную от шарообразной, и, с другой — суточным вращением Земли (роль второй причины будет рассмотрена особо в § 134).

В дальнейшем будем принимать приближенно g= =9,8 *м/сек*^{2}, а для совсем грубых расчетов g=10 *м/сек*^{2}.

§ 55. Падение тела без начальной скорости и движение тела, брошенного вертикально вверх. Пусть тело начинает свободно падать из состояния покоя. В этом случае к его движению применимы формулы равномерно-ускоренного движения без начальной скорости с ускорением g. Обозначим начальную высоту тела над землей через h, время его свободного падения с этой высоты до земли — через t и скорость, достигнутую телом в момент падения на землю,— через v. Согласно формулам § 22, эти величины будут связаны следующими соотношениями:

$$h=\frac{1}{2}gt^2=\frac{v^2}{2g}, \qquad (55.1)$$

$$t=\frac{v}{g}=\sqrt{\frac{2h}{g}}, \qquad (55.2)$$

$$v=gt=\sqrt{2gh}. \qquad (55.3)$$

В зависимости от встретившейся задачи удобно пользоваться тем или другим из этих соотношений.

Рассмотрим теперь движение тела, которому сообщена некоторая начальная скорость v_0, направленная вертикально вверх. В этой задаче удобно считать положительным направление кверху. Так как ускорение направлено вниз, то движение будет равномерно-замедленным с отрицательным ускорением $-g$ и с положительной начальной скоростью. Скорость этого движения в момент времени t выразится формулой

$$v=v_0-gt, \qquad (55.4)$$

а высота подъема в этот момент над исходной точкой — формулой

$$h = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2. \qquad (55.5)$$

Когда скорость тела уменьшится до нуля, тело достигнет высшей точки подъема; это произойдет в момент t_1, для которого

$$v_0 - g t_1 = 0. \qquad (55.6)$$

После этого момента скорость станет отрицательной и тело начнет падать вниз. Значит, время подъема тела равно

$$t_1 = \frac{v_0}{g}. \qquad (55.7)$$

Подставляя в формулу (55.5) время подъема t_1, найдем высоту наивысшей точки подъема тела:

$$h = \frac{v_0^2}{g} - \frac{1}{2}\frac{v_0^2}{g} = \frac{v_0^2}{2g}. \qquad (55.8)$$

Дальнейшее движение тела можно рассматривать как падение без начальной скорости (случай, рассмотренный в начале этого параграфа) с высоты $h = \frac{v_0^2}{2g}$. Подставляя эту высоту в формулу (55.3), найдем, что скорость v, которой тело достигнет в момент падения на землю, т. е. вернувшись в точку, откуда оно было брошено вверх, будет равна начальной скорости тела v_0 (но, конечно, будет направлена противоположно — вниз). Наконец, из формулы (55.2) заключим, что время падения тела с высшей точки равно времени поднятия тела в эту точку.

Упражнения. (Во всех задачах пренебрегать сопротивлением воздуха.)

55.1. Тело свободно падает без начальной скорости с высоты 20 *м*. На какой высоте оно достигнет скорости, равной половине скорости в момент падения на землю?

55.2. Показать, что тело, брошенное вертикально вверх, проходит каждую точку своей траектории с одинаковой скоростью на пути вверх и на пути вниз.

55.3. Найти скорость при ударе о землю камня, брошенного с башни высотой h: а) без начальной скорости; б) с начальной скоростью v_0, направленной вертикально вверх; в) с начальной скоростью v_0, направленной вертикально вниз.

55.4. Камень, брошенный вертикально вверх, пролетел мимо окна через 1 *сек* после броска на пути вверх и через 3 *сек* после броска на пути вниз. Найти высоту окна над землей и начальную скорость камня.

55.5. При вертикальной стрельбе по воздушным целям снаряд, выпущенный из зенитного орудия, достиг только половины расстояния до цели. Снаряд, выпущенный из другого орудия, достиг цели. Во сколько раз начальная скорость снаряда второго орудия больше, чем первого?

55.6. Какова максимальная высота поднятия камня, брошенного вертикально вверх, если через 1,5 *сек* его скорость уменьшилась вдвое?

§ 56. Масса и вес. Мы видели (§ 54), что при свободном падении все тела, независимо от их массы, падают в данной точке Земли с одинаковым ускорением g. Истолкование этого результата на основе второго закона Ньютона приводит к очень важному выводу: если тело массы m движется под действием притяжения Земли с ускорением g, значит, сила тяжести для данного тела равна

$$P = mg. \tag{56.1}$$

Сила тяжести пропорциональна массе тела, на которое она действует.

Если тело покоится, то вес тела равен силе тяжести, на него действующей, и в формуле (56.1) можно считать P весом тела. Значит, для покоящихся тел их веса пропорциональны массам, так что для двух тел с массами m_1 и m_2 и весами P_1 и P_2 справедливо равенство

$$\frac{m_1}{m_2} = \frac{P_1}{P_2}. \tag{56.2}$$

Этим соотношением, как мы видели (§§ 43, 52), пользуются для сравнения масс тел при помощи рычажных или пружинных весов.

Однако ускорение в различных точках Земли различно. Поэтому и вес одного и того же тела будет разным в разных точках земной поверхности. Вес тела уменьшается также и при подъеме над поверхностью Земли (на 0,0003 своей величины у поверхности при подъеме на 1 *км*). Поэтому сравнивать массы тел взвешиванием можно только при условии, что оба сравниваемых тела находятся в одном месте. В рычажных весах это условие выполняется само собой, но в пружинных весах это условие может быть нарушено: мы можем проградуировать весы, подвешивая к ним гири-эталоны, в одной точке земного шара, а затем перевезти весы в другое место и там подвесить измеряемую массу. Если ускорения свободного падения в этих точках будут различны, то показания весов уже не будут в точности пропорциональны массам тел.

Теперь мы можем уточнить определение эталона силы. В § 36 мы указали, что эталоном силы в 1 *кГ* является сила, с которой действует на подвес или подставку платиновая гиря-эталон, хранящаяся в Париже. Но эта сила в разных местах поверхности Земли различна; поэтому надо указать, для какой именно точки на поверхности Земли вес гири-эталона принят за 1 *кГ*. Условились раз навсегда считать равным 1 *кГ* вес этой гири в том месте земной поверхности, где ускорение свободного падения равно 9,80665 *м/сек*^{2} («нормальное ускорение силы тяжести»). Это соответствует значению g на уровне моря на широте 45°.

Так как сила земного притяжения, действуя на гирю-эталон, сообщает ей ускорение 9,80665 *м/сек*^{2} и так как, с другой стороны, масса этой гири равна 1 *кг*, то по второму закону Ньютона

$$1\ кГ = 1\ кг \cdot 9{,}80665\ м/сек^2 = 9{,}80665\ н.$$

Таким образом, мы выяснили происхождение введенного нами в § 45 соотношения между силой в 1 *кГ* и единицей силы в системе СИ.

Из сказанного видно, что покоящееся на весах тело, имеющее массу 1 *кг*, весит точно 1 *кГ* только в том месте, где ускорение падающих тел равно нормальному. Во всех других местах земной поверхности тело, имеющее массу 1 *кг*, весит или немного больше, или немного меньше 1 *кГ*. Но так как разница очень невелика (для средних широт не больше 0,1%), то этой разницей обычно пренебрегают.

§ 57. Плотность и удельный вес. Мы уже отмечали (§ 43), что тела имеющие одинаковый объем, но сделанные из различных веществ, например из железа и алюминия, имеют различную массу. Массы тел, сделанных из одного и того же вещества (и не имеющих пустот), прямо пропорциональны объемам этих тел. Другими словами, отношение массы тела к его объему является постоянной величиной, характерной для данного вещества. Эту величину называют *плотностью* вещества. Будем обозначать ее буквой d. Согласно определению,

$$d = \frac{m}{V}, \tag{57.1}$$

где m и V — соответственно масса и объем тела.

Можно также сказать, что плотность равна массе единицы объема данного вещества.

Зная плотность вещества d и объем тела V, можно найти его массу m по формуле $m = Vd$.

За *единицу плотности* принимается плотность такого вещества, единица объема которого имеет массу, равную единице. Единицей плотности в системе СИ является 1 *кг/м*^{3}, в системе СГС — 1 *г/см*^{3} и в системе МКСС — 1 *тем/м*^{3}. Эти единицы связаны между собой соотношениями

$$1 \text{ кг/м}^3 = 0{,}001 \text{ г/см}^3 = 0{,}102 \text{ тем/м}^3.$$

Наряду с понятием плотности, часто пользуются понятием удельного веса вещества. *Удельным весом* данного вещества называют отношение веса P однородного тела из данного вещества к объему тела. Обозначим удельный вес буквой γ. Тогда

$$\gamma = \frac{P}{V}. \tag{57.2}$$

Можно также сказать, что удельный вес есть сила тяжести единицы объема данного вещества.

Удельный вес и плотность относятся друг к другу так же, как вес и масса тела:

$$\frac{\gamma}{d} = \frac{P}{m} = g.$$

За *единицу удельного веса* принимается: в системе СИ — 1 *н/м*^{3}, в системе СГС — 1 *дин/см*^{3}, в системе МКСС — 1 *кГ/м*^{3}. Эти единицы связаны между собой соотношениями

$$1 \text{ н/м}^3 = 0{,}1 \text{ дин/см}^3 = 0{,}102 \text{ кГ/м}^3.$$

Часто пользуются внесистемной единицей 1 *Г/см*^{3}.

Так как масса вещества, выраженная в *г*, равна его весу, выраженному в *Г*, то удельный вес вещества, выраженный в этих единицах, численно равен плотности этого вещества, выраженной в системе СГС. Подобное же численное равенство имеется и между плотностью в системе СИ и удельным весом в системе МКСС.

Приводим значения плотностей некоторых твердых и жидких веществ в системах СИ, СГС и МКСС (таблица 1). В случаях, когда вещество не имеет строго определенной плотности (древесина, бетон, бензин), производилось округление данных, а при переходе от одной системы единиц к другой вместо переводного коэффициента $\frac{1}{9,8}$ брался коэффициент $\frac{1}{10}$.

Таблица 1

Плотность некоторых веществ

Вещество	Плотность		
	СИ, *кг/м³*	СГС, *г/см³*	МКСС, *тем/м³*
Пеностекло	200—500	0,2—0,5	20—50
Пробка	240	0,24	24
Сосна	480	0,48	48
Бензин	700	0,7	70
Дуб	800	0,8	80
Спирт этиловый	800	0,8	82
Лед	900	0,9	92
Парафин	900	0,9	92
Натрий	970	0,97	99
Вода	1000	1,0	102
Графит	2100	2,1	214
Бетон	2200	2,2	220
Стекло	2500	2,5	250
Алюминий	2700	2,7	275
Мрамор	2700	2,7	275
Чугун	7000	7,0	700
Железо	7800	7,8	796
Латунь	8500	8,5	867
Медь	8900	8,9	908
Свинец	11400	11,4	1139
Ртуть	13600	13,6	1387
Уран	18700	18,7	1907
Золото	19300	19,3	1969

§ 58. Происхождение деформаций. Как мы уже знаем, силы упругости возникают между телами только в том случае, если тела *деформированы*. Нить действует на тележку с некоторой силой потому, что она растянута, паровоз толкает вагон потому, что его буферные пружины сжаты, и т. д. Силы упругости определяются величиной деформации, причем по мере увеличения деформаций растут и силы упругости (см. § 37). Мы не могли, однако, раньше ответить на вопрос о *происхождении деформаций*, потому что объяснить происхождение деформаций можно, только зная законы движения. Действительно, деформации возникают потому, что различные части тела движутся по-разному. Если бы все части тела двигались одинаково, то тело всегда сохраняло бы свою первоначальную форму, т. е. оставалось бы недеформированным.

Возьмем мягкую резинку для карандаша и нажмем на нее пальцем (рис. 79). Палец, нажимающий на резинку, перемещает верхние слои резинки; нижний слой, лежащий на столе, остается неподвижным, так как он соприкасается с гораздо более жесткой, чем резинка, поверхностью стола. Разные части резинки движутся по-разному, и резинка меняет свою форму: возникает деформация. Деформированная резинка действует на соприкасающиеся с ней тела с некоторой силой. Палец отчетливо чувствует давление резинки. Если палец убрать, то резинка примет прежнюю форму.

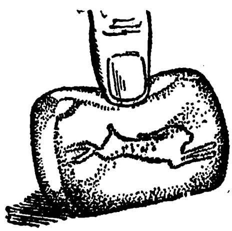


Рис. 79. При нажатии пальцем верхние слои резинки перемещаются вниз, нижние остаются неподвижными.

Все тела, с которыми мы имели дело в наших опытах, да и вообще почти все твердые тела, ведут себя подобным же образом: при возникновении в них деформации они действуют на соприкасающиеся с ними тела с силой, зависящей от величины деформации; при возвращении же тела в недеформированное состояние действие силы прекращается. Такие силы, как уже было сказано, называют *упругими*. Упругими называют и сами тела, в которых такие силы возникают.

Существуют тела, со стороны которых силы действуют, только пока происходит изменение формы тела; когда же форма тела перестает изменяться, сила исчезает, хотя тело остается в деформированном состоянии. Таковы, например, мягкая глина, нагретый воск и т. п. Подобные тела называют *пластическими*.

Теперь рассмотрим подробнее, как именно деформируются тела и какие возникают в них силы упругости в разных случаях: при воздействии сил, появляющихся при непосредственном соприкосновении, и при действии силы веса. При этом отдельно разберем случай, когда все силы, действующие на тело, взаимно уравновешиваются и тело остается в покое (либо движется по инерции; для простоты будем говорить о покое тела), и отдельно — случай ускоренного движения.

§ 59. Деформации в покоящихся телах, вызванные действием только сил, возникающих при соприкосновении. Будем изучать возникновение деформаций в теле простой формы, например в бруске, к которому приложены силы, действующие вдоль него; тогда картина возникающих деформаций проста. Пусть к концам бруска приложены две равные силы F, направленные противоположно, как показано на рис. 80. Тогда силы взаимно уравновесятся, и брусок в целом останется в покое. Но концы бруска начнут двигаться под действием приложенных сил, и брусок начнет деформироваться — растягиваться.

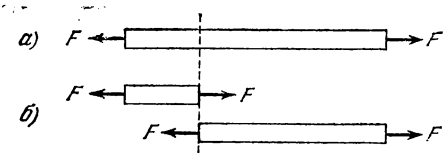


Рис. 80. Силы упругости в растянутом бруске.

Разрежем мысленно брусок на две части, как показано пунктиром на рисунке (для наглядности «разрезанные» части смещены друг относительно друга); так как эти части деформированы, то они действуют друг на друга с некоторыми силами упругости, равными друг другу и противоположно направленными. Таким образом, силы упругости возникают не только между разными телами, но и между частями одного и того же тела. Очевидно, когда эти силы упругости станут равными по абсолютной величине силе F, растяжение бруска прекратится и каждая часть его будет находиться в равновесии под действием внешней силы и силы упругости со стороны второй части бруска. Где бы ни провести мысленно разрез, сила упругости, действующая со стороны одной части на другую, будет всегда одна и та же — равная по абсолютной величине силе F. Значит, брусок будет растянут *равномерно*: во всех его частях деформация будет одна и та же, и силы упругости между частями — также одни и те же по всей длине бруска.

Подобная же картина получится, если сжимать брусок двумя равными силами, с той только разницей, что теперь деформация бруска будет сжатием, а не растяжением, а силы упругости будут не тянуть друг к другу обе части бруска, а «отталкивать» их друг от друга (рис. 81).

Конечно, на практике, растягивая жесткий (например, металлический) брусок, мы не сможем заметить его растяжение на глаз, так как оно будет очень мало. Но если взять вместо жесткого бруска мягкую «модель бруска» — слабую циллиндрическую пружину (такую пружину легко изготовить, например, наматывая проволоку на карандаш), то деформации такой модели будут велики и вся картина равномерного растяжения станет наглядной. Для наглядности мы и в следующих параграфах станем рассматривать вместо деформации бруска деформацию пружины. При действии тех же сил различие будет только в том, что для пружины деформации будут гораздо больше, чем для бруска, и их легко будет наблюдать.

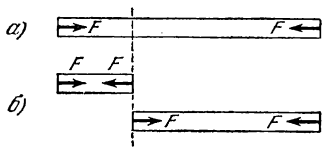


Рис. 81. Силы упругости в сжатом бруске.

§ 60. Деформации в покоящихся телах, вызванные силой тяжести. Рассмотрим теперь, как возникают деформации, если кроме сил, возникающих при соприкосновении, на покоящееся тело действует и сила тяжести.

Возьмем тяжелую, но мягкую цилиндрическую пружину и медленно опустим ее нижним концом на стол. Пружина окажется сжатой (рис. 82). Происходит эта деформация следующим образом: после того, как нижний виток пружины коснулся поверхности стола, этот виток перестает двигаться, верхние же витки пружины продолжают опускаться и приближаются к нижним виткам; пружина сжимается, и появляются силы упругости; движение верхних витков прекращается только тогда, когда возникшая в результате сжатия сила упругости будет в любом месте пружины действовать на вышележащие витки с силой, равной их весу. Но для этого витки пружины должны быть сжаты тем сильнее, чем ниже они расположены, так как действующая с их стороны сила упругости должна уравновешивать вес большего числа витков.

Таким образом, при действии силы тяжести на покоящееся тело оно оказывается деформированным *неравномерно*, а значит, и возникшие силы упругости распределены вдоль тела также неравномерно: деформации и силы упругости имеют наибольшую величину внизу, у подставки, и постепенно уменьшаются до нуля к верхнему, свободному концу пружины.

Точно так же пружина, прикрепленная верхним концом к подвесу, оказывается растянутой (рис. 83), причем растяжение тем сильнее, чем ближе к подвесу.

Подобно пружине, всякое другое тело, опирающееся на подставку или укрепленное на подвесе, оказывается соответственно сжатым или растянутым. Именно потому, что тело оказывается деформированным, оно действует с определенной силой на подставку или подвес. На подставку или подвес действует не

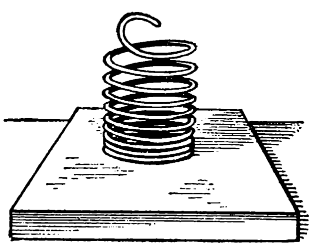


Рис. 82. Неравномерное сжатие тяжелой пружины, опертой на подставку.

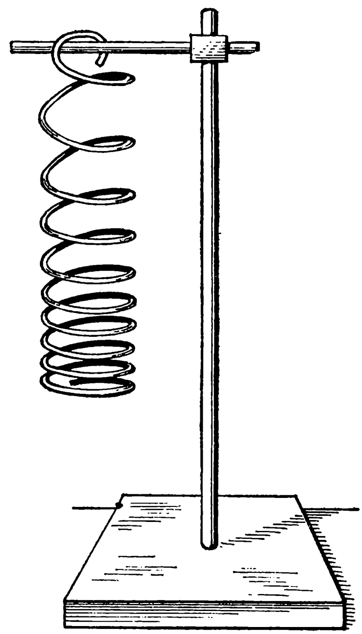


Рис. 83. Неравномерное растяжение тяжелой пружины, подвешенной к штативу.

сила тяжести (эта сила действует на само тело), а сила обусловленная деформацией тела; эту силу и называют силой веса (ср. § 52). Сила тяжести является лишь причиной возникновения деформаций.

Вместе с самим телом оказывается деформированной и подставка, на которой тело лежит (рис. 84), или подвес, на котором оно висит. Растяжение пружины динамометра, к крючку которого подвешена гиря,— это пример деформации подвеса.

Сила, действующая на тело со стороны подставки или подвеса,— это сила упругости со стороны деформированных подставки или подвеса. Тело оказывается в равновесии под действием этой силы упругости и силы тяжести, на него действующей. Каждая часть тела также находится в равновесии под действием силы тяжести и упругих сил, действующих на данную часть тела со стороны прилегающих к ней частей тела.

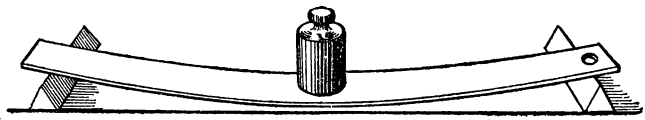


Рис. 84. Прогиб опоры.

§ 61. Деформации тела, испытывающего ускорение. Изучим теперь картину деформаций в теле, на которое действует сила, сообщающая телу ускорение. Картина деформаций существенно зависит от того, сообщает ли телу ускорение сила, возникающая в результате непосредственного соприкосновения, например сила упругости со стороны другого тела, или сила тяжести. Рассмотрим сначала первый случай.

Силы упругости, действующие со стороны деформированного ускоряющего тела, не могут сообщать ускорений внутренним частям ускоряемого тела. Значит, ускоряемое тело может начать двигаться как целое только после того, как внутри него возникнут деформации, а вместе с ними и силы упругости, которые сообщат внутренним частям тела требуемое ускорение. Таким образом, тело, движущееся с ускорением под действием сил, возникающих при непосредственном соприкосновении, во всех случаях окажется деформированным. Эти деформации и являются причиной возникновения силы, действующей со стороны ускоряемого тела на соприкасающееся с ним ускоряющее. На основании третьего закона Ньютона мы могли утверждать, что эта «сила противодействия» должна быть равна по величине и противоположна по направлению «силе действия», т. е. силе, ускоряющей тело. Но сейчас мы можем объяснить и физическую природу этой «силы противодействия»; она возникает потому, что тело, ускоряемое силой непосредственного соприкосновения, всегда оказывается деформированным. Таким образом, силы «действия» и «противодействия», возникающие в результате непосредственного соприкосновения тел, имеют одну и ту же природу — это силы упругости.

Чтобы выяснить, какое распределение деформаций получается в ускоряемом теле, обратимся снова к примеру бруска (или пружины). Итак, пусть сила приложена к одному из концов тела, как показано на рис. 85. Снова представим себе, что брусок мысленно разрезан на две части. Сила упругости, действующая со стороны части тела, к которой

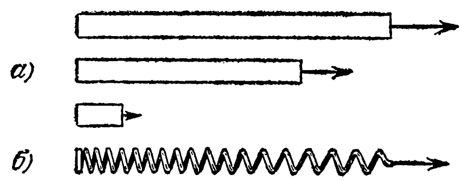


Рис. 85. *а*) Распределение сил упругости вдоль стержня, ускоряемого силой, приложенной к его концу. *б*) Если вместо жесткого стержня взять мягкую пружину, то неравномерность деформаций вдоль тела станет наглядной.

приложена ускоряющая сила, должна сообщать наблюдаемое ускорение остальной части тела. Но ускорение всех частей тела — одно и то же; значит, чем ближе проведен разрез к месту приложения силы, тем большей части бруска — а значит, и тем большей массе — должны сообщить ускорение силы упругости. Поэтому наибольшая деформация и наибольшая сила упругости появятся в точке приложения силы, а вдоль бруска, по направлению к его свободному концу, деформация и сила упругости будут убывать. Такое распределение деформаций и сил упругости сходно с их распределением в бруске, подвешенном за один конец и находящемся под действием силы тяжести. Если бы ускорение, сообщаемое силой, равнялось ровно g, то деформации и силы упругости в обоих случаях в точности совпадали бы. Если бы ускорение было вдвое больше, чем g, силы упругости во всех сечениях стержня также удвоились бы; если бы ускорение было вдвое меньше, вдвое меньше были бы и силы упругости. Но величина этих сил изменялась бы в каждом сечении в одинаковое число раз, и значит, их распределение в теле оставалось бы таким же — таким, каково оно в подвешенном теле под действием силы тяжести.

Подобные же рассуждения применимы и в случае, когда сила не «тянет», а «толкает». Но в этом случае нужно будет сравнивать деформации ускоряемого бруска с деформациями бруска, расположенного вертикально и покоящегося на подставке. Выводы, сделанные для первого случая, остаются справедливыми и для второго.

Мы ограничились только простейшим случаем — брусок, к одному из торцов которого приложена постоянная сила. В более сложных случаях будет наблюдаться аналогичная картина.

Упражнение. **61.1.** «Поезд» из грузиков, соединенных пружинками, приводится в ускоренное движение постоянной силой f

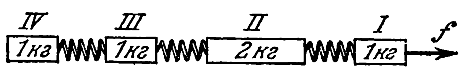


Рис. 86. К упражнению 61.1.

(рис. 86). Натяжение пружинки между грузиками *II* и *III* равно 10 *н*. Считая, что сила тяжести отсутствует, и пренебрегая массами пружинок, найти силу f и ускорение «поезда».

§ 62. Исчезновение деформаций при падении тел. Совсем иная картина получится в том случае, когда единственной силой, сообщающей телу ускорение, является сила тяжести, т. е. когда тело свободно падает. Мы видели, что если тело, на которое действует сила тяжести, покоится (для этого оно должно быть подвешено или оперто), оно оказывается деформированным (§ 60). Но если тело начинает свободно падать, например, если пережечь нить, на которой висит пружина, то можно заметить, что деформация пружины быстро исчезает и пружина остается в недеформированном состоянии до конца свободного падения.

Легко объяснить, почему во время свободного падения исчезает деформация, рассмотрев вместо пружины тело, состоящее из двух масс, соединенных легкой пружиной (рис. 87). Пока тело висит на нити, прикрепленной к верхней массе, нить и пружина растянуты; нить действует на верхнюю массу с силой, направленной вверх, пружина действует на верхнюю массу с силой, направленной вниз, а на нижнюю — с силой, направленной вверх. Величины этих сил таковы, что они уравновешивают силы тяжести, действующие на каждую из масс (массой пружины пренебрегаем), и обе массы остаются в покое (пружина действует с силой, равной силе тяжести нижней массы, а нить — с силой, равной сумме сил тяжести обеих масс). Пережжем нить, поддерживающую тело. Вначале на обе массы, кроме силы тяжести, будут еще действовать силы со стороны растянутой пружины. Так как сила, действующая на верхнюю массу, направлена вниз, то верхняя масса начинает падать с ускорением бо́льшим, чем ускорение свободного падения g.

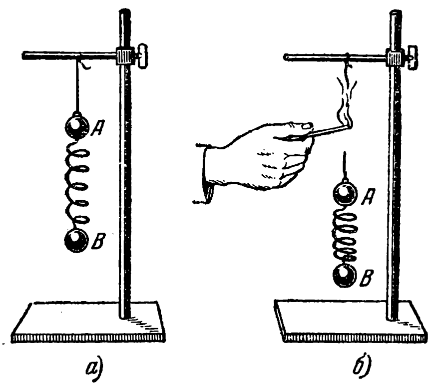


Рис. 87. При пережигании нити шарик A движется с ускорением, бо́льшим g, а шарик B—с ускорением, меньшим g, и шарики сближаются; деформация пружины исчезает.

Наоборот, на нижнюю массу со стороны пружины действует сила, направленная вверх, вследствие чего нижняя масса будет падать с ускорением меньшим, чем g. Поэтому верхняя масса будет догонять нижнюю, пружина будет сжиматься, и сила, с которой она действует на массы, уменьшаться. Когда пружина сократится до нормальной длины, она перестанет действовать на массы, и на них будет действовать только сила тяжести. Поэтому обе массы дальше будут падать с одинаковым ускорением, а пружина будет оставаться в недеформированном состоянии [1]).

Все сказанное о пружинах относится и ко всем упругим телам. Пока упругое тело, на которое действует сила

[1]) В действительности дело обстоит несколько сложнее, так как при падении деформированной пружины возникают колебания.

тяжести, прикреплено к подвесу, оно обязательно оказывается деформированным. Когда же сила со стороны подвеса перестает действовать, деформации исчезают, и при свободном падении тело оказывается в недеформированном состоянии.

Здесь сказывается принципиальное различие между силой тяжести, которая сообщает всем элементам тела одинаковое ускорение, и силами, возникающими при непосредственном соприкосновении, которые действуют только на те или иные участки поверхности тела и поэтому, как было показано выше, вызывают деформации ускоряемого тела.

Такая же картина исчезновения деформаций будет и в теле, начинающем свободно падать вместе с подставкой, на которой оно покоилось, с той разницей, что первоначальная деформация будет сжатием, а не растяжением, как в случае подвешивания тела. Следует подчеркнуть, что деформации падающего тела полностью исчезают только в случае свободного падения тела, когда никакие другие силы, кроме силы тяжести, на падающее тело не действуют. Если на тело действуют какие-либо другие силы, например сопротивление воздуха, то деформации не исчезают полностью.

С полным или частичным исчезновением деформаций при падении связано то ощущение, которое испытывает человек при падении — парашютист в начале прыжка (до раскрытия парашюта), пловец, прыгающий в воду, человек в лифте, когда лифт начинает быстро опускаться, и т. п. В нормальных условиях органы человека находятся в деформированном состоянии. При падении эти деформации исчезают или (при несвободном падении, как в начинающем опускаться лифте) уменьшаются. Отсутствие привычных деформаций и вызывает характерное ощущение, испытываемое при прыжке. Это ощущение есть кратковременное ощущение *невесомости*,— то самое, которое космонавты испытывают во все время полета в искусственном спутнике.

§ 63. Разрушение движущихся тел. Все реальные тела способны деформироваться только до известного предела. Когда этот предел достигнут, тело разрушается. Например, нить рвется, когда ее удлинение превосходит известную величину; пружина ломается, когда она слишком сильно изогнута, и т. д.

Чтобы объяснить, почему произошло разрушение тела, нужно рассмотреть движение, предшествовавшее разрушению. Рассмотрим, например, причины разрыва нити в таком опыте (рис. 88 и 89). Тяжелый груз подвешен на нити; снизу к грузу прикреплена нить той же прочности. Если медленно тянуть нижнюю нить, то оборвется верхняя нить,

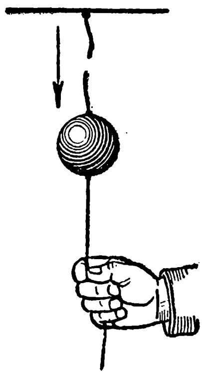


Рис. 88. Если медленно натягивать нижнюю нить, то оборвется верхняя нить.

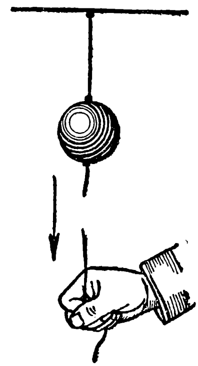


Рис. 89. Резко дернув за нижнюю нить, можно разорвать ее, оставив верхнюю нить целой.

на которой висит груз. Если же резко дернуть за нижнюю нить, то оборвется именно нижняя, а не верхняя нить. Объяснение этого опыта таково. Когда груз висит, то верхняя нить уже растянута до известной длины и ее натяжение уравновешивает силу притяжения груза к Земле. Медленно натягивая нижнюю нить, мы вызываем перемещение груза вниз. Обе нити при этом растягиваются, однако верхняя нить оказывается растянутой сильнее, так как она уже была растянута. Поэтому она рвется раньше. Если же резко дернуть нижнюю нить, то вследствие большой массы груза он даже при значительной силе, действующей со стороны нити, получит лишь незначительное ускорение, и поэтому за короткое время рывка груз не успеет приобрести заметную скорость и сколько-нибудь заметно переместиться. Практически груз останется на месте. Поэтому верхняя нить больше не удлинится и останется цела; нижняя же нить удлинится выше допустимого предела и оборвется.

Подобным же образом происходят разрывы и разрушения движущихся тел и в других случаях. Чтобы избежать разрывов и разрушения при резком изменении скорости, нужно применять сцепления, которые могли бы значительно растягиваться, не разрушаясь.

Многие виды сцеплений, например стальные тросы, сами по себе такими свойствами не обладают. Поэтому в подъемных кранах между тросом и крюком ставят специальную пружину («амортизатор»), которая может значительно удлиняться, не разрываясь, и таким образом предохраняет трос от разрыва. Пеньковый канат, который может выдержать значительное удлинение, не нуждается в амортизаторе.

Так же разрушаются хрупкие тела, например стеклянные предметы, при падении на твердый пол. При этом происходит резкое уменьшение скорости той части тела, которая коснулась пола, и в теле возникает деформация. Если вызванная этой деформацией сила упругости недостаточна для того, чтобы сразу уменьшить скорость остальной части тела до нуля, то деформация продолжает увеличиваться. А так как хрупкие тела выдерживают без разрушения только небольшие деформации, то предмет разбивается.

Упражнения. **63.1.** Почему, когда паровоз резко трогается с места, иногда происходит разрыв поезда? В какой части поезда скорее всего может произойти разрыв?

63.2. Почему хрупкие вещи при перевозке укладывают в стружки?

§ 64. Силы трения. Мы уже говорили (§ 34), что при непосредственном соприкосновении тел помимо сил упругости могут возникать силы и другого типа, так называемые *силы трения.* Наиболее характерная черта сил трения та, что они препятствуют движению каждого из соприкасающихся тел относительно другого или препятствуют самому возникновению этого движения.

Особенности сил трения покажем на следующих опытах. Возьмем деревянный брусок с приделанными к нему сбоку крючками (рис. 90) и положим его на горизонтальный стол. Брусок будет давить на стол с силой P, равной весу бруска. Зацепив за крючок кольцо динамометра, расположим динамометр горизонтально и потянем его, как показано на рисунке. Пока сила, действующая со стороны динамометра, достаточно мала, брусок остается в покое. Значит, кроме силы F, действующей со стороны динамометра, на брусок действует еще какая-то сила f, уравновешивающая первую. Это и есть сила трения; она действует со стороны стола на брусок и приложена к поверхности их соприкосновения.

Так как эта сила возникает, когда брусок еще не скользит по столу, то она называется силой *трения покоя*. Мы можем немного увеличить силу F — тело все же останется в покое. Это значит, что *вместе с силой F увеличивается и сила трения покоя f, все время оставаясь равной приложенной силе*. Сила трения покоя f никогда не может быть больше приложенной силы: действительно, под действием силы

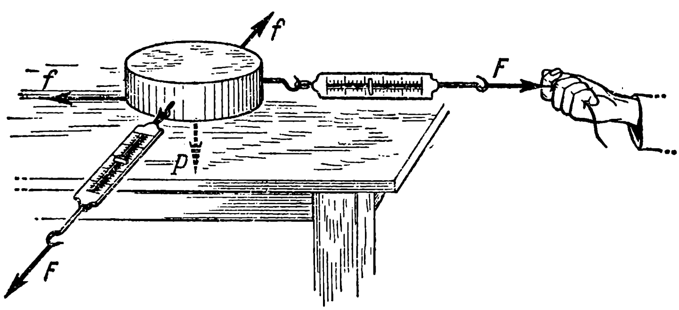


Рис. 90. Силы трения при различных направлениях силы F, приложенной со стороны динамометра.

f движение бруска в направлении, противоположном силе F, никогда не возникает. Но если мы еще увеличим силу F, то в конце концов брусок получит ускорение и начнет скользить по столу в направлении этой силы. Значит, сила трения покоя оказалась *меньше* приложенной силы — сила трения покоя может увеличиваться только до некоторого определенного предела. Этот предел — наибольшую величину силы трения покоя — мы определим по показаниям динамометра непосредственно перед моментом, когда только-только начнется скольжение.

Зацепив динамометр за другой крючок, мы можем изменить направление силы F (рис. 90); но и тогда, пока ее величина не превосходит указанного выше предела, брусок не придет в движение. Значит, одновременно с изменением направления силы F изменяется и направление силы трения покоя f. Таким образом, и величина и направление силы трения покоя определяются величиной и направлением той внешней силы, которую она уравновешивает: *сила трения покоя равна по величине и противоположна по направлению той внешней силе, которая стремится вызвать скольжение одного тела по другому.* Иначе говоря, сила трения покоя действует на тело навстречу тому направлению, в котором возникло бы скольжение, если бы сила трения покоя отсутствовала.

Обычно, когда говорят о силе трения покоя, имеют в виду наибольшую величину этой силы. Посмотрим, как зависит эта наибольшая величина от силы, с которой соприкасающиеся тела давят друг на друга. Будем нагружать брусок гирями различного веса и повторять определение наибольшей силы трения покоя. Мы увидим, что при изменении силы P, с которой брусок давит на стол (теперь это будет сумма весов бруска и гирь), *сила трения покоя изменяется примерно пропорционально силе P*, так что приближенно

$$f = kP, \tag{64.1}$$

где k — постоянная величина. Эту величину

$$k = \frac{f}{P}, \tag{64.2}$$

равную отношению силы трения между данными поверхностями к силе, с которой тела давят друг на друга, называют *коэффициентом трения*. Для разных материалов коэффициенты трения различны. Из определения видно, что коэффициент трения не зависит от выбора системы единиц.

На практике коэффициент трения для данных материалов определяют по формуле (64.2), измеряя отдельно силу трения и силу давления тел друг на друга. Так как коэффициенты трения покоя зависят от вещества обоих тел, то их приходится определять для каждой из различных пар материалов (трение железа по дереву, железа по железу и т. п.) Коэффициент трения не является строго постоянной величиной для данной пары металлов и зависит от свойств поверхностей. Гладкая обработка поверхностей сильно уменьшает коэффициент трения.

Увеличим теперь силу F как раз настолько, чтобы тело начало скользить, и после того, как оно начало двигаться, подберем величину внешней силы так, чтобы тело скользило по поверхности стола равномерно. Это будет значить, что возникающая при скольжении сила трения (сила *трения скольжения*) равна приложенной силе. Измеряя приложенную силу, поддерживающую равномерное скольжение тела по поверхности, мы увидим, что она обычно бывает меньше силы, требуемой для того, чтобы сдвинуть тело с места: *сила трения скольжения может быть меньше, чем сила трения покоя.*

Часто вводят коэффициент трения скольжения согласно той же формуле (64.2), но в которую вместо силы трения покоя подставляют силу трения скольжения.

Легко убедиться на опыте, что сила трения скольжения также зависит от рода трущихся поверхностей и, так же как и сила трения покоя, увеличивается при увеличении силы давления между трущимися телами. При увеличении скорости, но неизменной силе давления сила трения скольжения обычно не остается постоянной. Это значит, что коэффициент трения скольжения зависит и от скорости скольжения одного трущегося тела относительно другого. Для многих задач, однако, можно пользоваться некоторым средним значением коэффициента трения скольжения. При весьма малых скоростях его можно считать равным коэффициенту трения покоя.

Даже при большой силе, прижимающей трущиеся тела друг к другу, они всегда соприкасаются не по всей поверхности, а только на отдельных участках. Это объясняется микроскопическими неровностями поверхности всякого тела, остающимися даже при тщательной обработке поверхности. Поэтому силы трения действуют только между этими отдельными участками. Между соприкасающимися участками возникают силы сцепления, которые при скольжении тел направлены в сторону, обратную скольжению.

Для уменьшения сил трения скольжения применяется смазка. Смазка состоит в том, что между двумя соприкасающимися твердыми поверхностями вводится слой жидкого масла, изменяющий условия соприкосновения и уменьшающий трение.

§ 65. Трение качения. Возьмем деревянный цилиндр и положим его на стол так, чтобы он касался стола по образующей. В центры оснований цилиндра вставим концы проволочной вилки и прикрепим к ней снабженный очень легко растяжимой пружиной и, следовательно, очень чувствительный динамометр (рис. 91). Если тянуть за динамометр, то цилиндр покатится по столу. По показаниям динамометра увидим, что нужна весьма небольшая сила тяги, чтобы сдвинуть с места цилиндр и катить его равномерно дальше,— гораздо меньшая, чем при скольжении того же

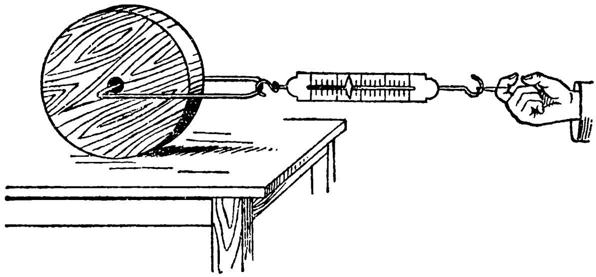


Рис. 91. Измерение трения качения.

цилиндра, если бы он не мог вращаться и скользил бы по столу. Сила, действующая со стороны стола на катящийся по нему цилиндр, называется силой *трения качения*. При

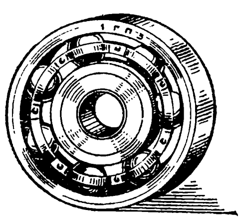


Рис. 92. Шариковый подшипник.

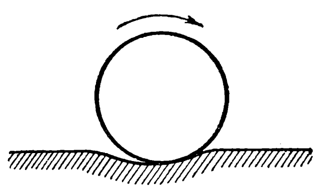


Рис. 93. Деформации при качении.

той же силе давления на стол *сила трения качения много меньше силы трения скольжения*. Например, при качении стальных колес по стальным рельсам трение качения примерно в 100 раз меньше, чем трение скольжения. Поэтому в машинах стремятся заменить трение скольжения трением качения, применяя так называемые шариковые или роликовые подшипники. На рис. 92 изображен один из таких подшипников.

Происхождение трения качения можно наглядно представить себе так. Когда шар или цилиндр катится по поверхности другого тела, он немного вдавливается в поверхность этого тела, а сам немного сжимается. Таким образом, катящееся тело все время как бы вкатывается на горку (рис. 93). Вместе с тем происходит отрыв участков одной поверхности от другой, а силы сцепления, действующие между этими поверхностями, препятствуют этому. Оба эти явления и вызывают силы трения качения. Чем тверже поверхности, тем меньше вдавливание и тем меньше трение качения.

§ 66. Роль сил трения. Все движения соприкасающихся тел друг относительно друга всегда происходят с трением: ось колеса испытывает трение в подшипнике, а его обод — трение о рельс; дверь открывается со скрипом, свидетельствующим о трении в петлях; шарик, катящийся по горизонтальному столу, останавливается под действием сил трения качения. Когда мы изучаем движение какого-нибудь тела и исключаем из рассмотрения трение, то мы, упрощая задачу, одновременно в той или иной степени искажаем действительное положение вещей. Во всех опытах, которые мы приводили для иллюстрации законов движения, мы предполагали, что трение отсутствует. В действительности же силы трения всегда влияют в большей или меньшей степени на характер движения.

Роль трения не всегда ограничивается торможением движений тел. Во многих случаях движение, например ходьба, становится возможным только благодаря действию сил трения, в частности трения покоя. При ходьбе мы ставим ноги на землю таким образом, что они должны были бы скользить назад, если бы силы трения покоя не существовало (действительно, когда мы пытаемся идти по гладкому льду, то ноги скользят назад). Так как сила трения покоя действует в направлении, противоположном тому, в котором должно было бы возникнуть скольжение, то возникает сила трения покоя, направленная вперед. Она и сообщает телу человека ускорение вперед. Примерно так же обстоит дело и во всех самодвижущихся экипажах (велосипед, автомобиль, электровоз). Двигатель экипажа вызывает вращение ведущих колес. Если бы сила трения покоя отсутствовала, то экипаж оставался бы на месте и колеса начали бы буксовать, так что точки колеса, прикасающиеся в данный момент к земле или рельсам, проскальзывали бы в направлении назад. Возникающая сила трения покоя, действующая на колеса со стороны земли, направлена вперед и сообщает экипажу ускорение вперед, либо, уравновешивая другие силы, действующие на экипаж, поддерживает его равномерное движение. Если эта сила трения недостаточна (например, на льду), то экипаж не движется, а колеса буксуют. Наоборот, если у движущегося экипажа, колеса которого вращаются, замедлить вращение колес, не замедляя скорости самого экипажа, то в отсутствие сил трения колеса начали бы скользить по земле вперед; значит, в действительности возникает сила трения, направленная назад. На этом основано действие тормозов. Если к электровозу прицеплен железнодорожный состав (см. § 35), то, как только электровоз двинется вперед, сцепка растянется и возникнет сила упругости сцепки, которая будет действовать на состав: это и есть сила тяги. Если увеличить силу, действующую со стороны двигателя на колеса, то увеличится и сила трения покоя, а значит, и сила тяги. Наибольшая сила тяги равна наибольшей силе трения покоя ведущих колес. При дальнейшем увеличении сил со стороны двигателя колеса начнут проскальзывать и тяга может даже уменьшиться.

Не менее важную роль играют силы трения покоя и в несамодвижущихся экипажах. Рассмотрим подробнее движение лошади, тянущей сани (рис. 73, стр. 120). Лошадь ставит ноги и напрягает мускулы таким образом, что в отсутствие сил трения покоя ноги скользили бы назад. При этом возникают силы трения покоя F_3, направленные вперед. На сани же, которые лошадь тянет вперед через постромки с силой F_2, со стороны земли действует сила трения F_4, направленная назад. Чтобы лошадь и сани получили ускорение, необходимо, чтобы сила трения копыт лошади о поверхность дороги, была больше, чем сила трения, действующая на сани. Однако, как бы ни был велик коэффициент трения подков о землю, сила трения покоя не может быть больше, чем та сила, которая должна была вызвать скольжение копыт (§ 64), т. е. сила мускулов лошади. Поэтому даже тогда, когда ноги лошади не скользят, все же она иногда не может сдвинуть с места тяжелые сани. При движении (когда началось скольжение) сила трения несколько уменьшается; поэтому часто достаточно только помочь лошади сдвинуть сани с места, чтобы потом она могла их везти.

Упражнение. **66.1.** Объясните роль сил трения при передаче движения от одного шкива к другому посредством приводного ремня.

§ 67. Сопротивление среды. Если твердое тело находится внутри жидкости или газа, то вся его поверхность все время соприкасается с частицами жидкости или газа. При движении тела на него со стороны жидкости или газа действуют силы, направленные навстречу движению. Эти силы называют *сопротивлением среды*. Как и силы трения, сопротивление среды всегда направлено *против движения*. Сопротивление среды можно рассматривать как один из видов сил трения.

Особенностью сил трения в жидкости или газе является отсутствие трения покоя. Твердое тело, лежащее на другом твердом теле, может быть сдвинуто с места, только если к нему приложена достаточно большая сила, превосходящая наибольшую силу трения покоя. При меньшей силе твердое тело с места не сдвинется, сколько бы времени эта сила ни действовала. Картина получается иной, если тело находится в жидкости. В этом случае, чтобы сдвинуть с места тело, достаточно сколь угодно малых сил: хотя и очень медленно, но тело начнет двигаться (см. рис. 67, стр. 109). Человек вообще никогда не сдвинет с места голыми руками камень весом в сто тонн. В то же время баржу весом в сто тонн, плавающую на воде, один человек, хотя и очень медленно, но все же сможет двигать (ср. § 44). Однако по мере увеличения скорости сопротивление среды сильно увеличивается, так что, сколько бы времени данная сила ни действовала, она не сможет разогнать тело до большой скорости.

Рассмотрим теперь, как сопротивление среды изменяет законы падения тел в воздухе.

§ 68. Падение тел в воздухе. При падении в воздухе тело движется под действием двух сил: постоянной силы земного притяжения P, направленной вертикально вниз, и силы сопротивления воздуха f, увеличивающейся по мере падения и направленной вертикально вверх. Равнодействующая силы тяжести и силы сопротивления воздуха равна их разности и в начале падения направлена вниз.

Пока скорость падающего тела еще мала, невелика и сила сопротивления воздуха; но по мере того, как возрастает скорость падения, эта сила быстро растет. При некоторой скорости f становится равным P, и дальше тело падает равномерно. Скорость такого падения называют *предельной скоростью падения*. Предельная скорость тем больше, чем сильнее разрежен воздух. Поэтому тело, падающее с очень большой высоты, может в разреженных слоях атмосферы приобрести скорость, бо́льшую предельной скорости для нижних (плотных) слоев. Войдя в нижние слои атмосферы, тело снизит свою скорость до значения предельной скорости для нижних слоев.

Упражнение. 68.1. Деформировано ли тело, падающее с предельной скоростью?

Предельная скорость падения зависит, помимо плотности атмосферы, от формы и размеров тела и от силы притяжения тела Землей. Тела малого размера, например мелкие капли воды (туман), пылинки, снежинки, быстро достигают своей предельной скорости (порядка миллиметра в секунду и меньше) и затем с этой малой скоростью опускаются вниз. Свинцовый шарик массы 10 *г* достигает при падении с достаточной высоты предельной скорости 40 *м/сек*. Капли дождя падают со скоростью, обычно не превышающей 7—8 *м/сек*; чем меньше капля, тем меньше и скорость ее падения; если бы капли дождя падали в безвоздушном пространстве, то при падении на землю с высоты 2 *км* они достигали бы, независимо от их размеров, скорости 200 *м/сек*; такой же скорости при падении с той же высоты в безвоздушном пространстве достигло бы и всякое другое тело. При такой скорости удары капель дождя были бы весьма неприятны!

Различие в предельной скорости разных тел одинаковой формы, но разных размеров объясняется зависимостью сопротивления среды от размеров тела. Оказывается, что сопротивление приблизительно пропорционально поперечным размерам тела. При одной и той же форме тела из данного материала площадь его поперечного сечения, а значит и сила сопротивления воздуха, растет с увеличением размеров медленнее, чем сила тяжести: площадь поперечного сечения растет как квадрат размера, а сила тяжести — как куб размера тела. Например, чем больше авиационная бомба, тем больше ее предельная скорость и с тем большей скоростью она достигает земли.

Наконец, сопротивление воздуха сильно зависит и от формы тел (рис. 94) (см. § 190). Авиационным бомбам придают специальную обтекаемую форму, при которой сопротивление воздуха мало; делается это с той целью, чтобы бомба достигала земли с возможно большей скоростью и лучше пробивала препятствия (блиндаж, палубу корабля и т. д.). Наоборот, парашютист должен достигать земли с небольшой скоростью. Поэтому парашюту придают такую форму, при которой сопротивление воздуха его движению было бы возможно больше. Предельная скорость падения человека с раскрытым парашютом составляет 5—7 *м/сек*. Достижение предельной скорости парашютистом происходит иначе, чем при простом падении тела. Вначале парашютист падает с закрытым парашютом и, ввиду малого сопротивления воздуха, достигает скорости в десятки метров в секунду. При раскрытии парашюта сопротивление возду-

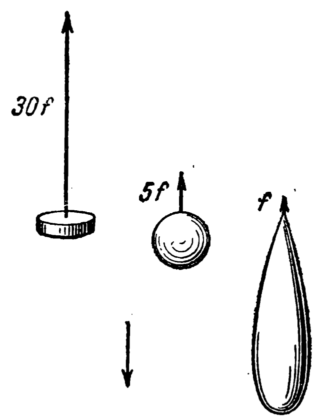


Рис. 94. Сопротивление воздуха при движении сигарообразного тела в 30 раз меньше сопротивления при движении круглой пластинки и в 5 раз меньше сопротивления при движении шарика того же поперечного сечения.

ха резко возрастает и, превосходя во много раз силу тяжести, замедляет падение до предельной скорости.

Сопротивление воздуха изменяет также и характер движения тел, брошенных вверх. При движении тела вверх и сила земного притяжения, и сила сопротивления воздуха направлены вниз. Поэтому скорость тела убывает быстрее, чем это происходило бы в отсутствие воздуха. Вследствие этого тело, брошенное вверх с начальной скоростью v_0, не достигает высоты $h=\frac{v_0^2}{2g}$ (как это было бы при отсутствии сопротивления) и уже на меньшей высоте начинает падать обратно. При падении вниз сопротивление воздуха уменьшает нарастание скорости. В результате тело, брошенное вверх, всегда возвращается назад с меньшей скоростью, чем оно было брошено. Таким образом, при обратном падении на землю средняя скорость движения меньше, чем при подъеме, и поэтому время обратного падения на землю больше времени подъема.

Влияние сопротивления воздуха особенно велико при больших скоростях (так как сила сопротивления быстро растет со скоростью). Так, например, при выстреле из винтовки вертикально вверх пуля, вылетающая с начальной скоростью 600 *м/сек*, должна была бы в отсутствие воздуха достичь высоты, равной

$$\frac{600^2\ м^2/сек^2}{2 \cdot 10\ м/сек^2} = 18\,000\ м.$$

В действительности пуля достигает высоты только 2—3 *км*. При падении обратно скорость пули возрастает лишь до 50—60 *м/сек*. С этой предельной скоростью пуля и достигает земли.

ГЛАВА III

СТАТИКА

§ 69. Задачи статики. Мы уже знаем, что всякое тело под влиянием сил, действующих со стороны других тел, вообще говоря, испытывает ускорение; в частности, покоящееся тело приходит в движение. Однако в некоторых случаях тело, находящееся под действием нескольких сил, все же может оставаться в покое. Так, мы видели (§ 35), что если на покоящееся тело действуют одновременно две силы, равные по величине и направленные по одной прямой в противоположные стороны, то тело не испытывает ускорений и может оставаться в покое. В других случаях условия покоя тела при действии на него сил оказываются более сложными. Изучение этих условий, т. е. *условий равновесия тел* (или, иначе, условий равновесия сил), и составляет задачу статики.

Таким образом, статика, прежде всего позволяет определить условия равновесия всех разнообразнейших сооружений, которые мы создаем: зданий, мостов, арок, подъемных кранов и т. д. Но этим не исчерпывается практическое значение статики. Статика позволяет дать ответ и на некоторые вопросы, касающиеся *движения* тел. Пусть, например, на конце веревки, перекинутой через блок, висит груз, на который действует сила тяжести P (рис. 95). Пользуясь методами статики, мы можем определить силу F, с которой нужно действовать на другой конец веревки, чтобы груз находился в покое,— эта сила должна быть равна силе тяжести P. Но этот ответ содержит в себе нечто большее, чем условия равновесия груза. Он дает указание на то, что́ нужно сделать, чтобы груз поднимался вверх: для этого достаточно приложить к другому концу веревки силу, немного бо́льшую, чем P. Следовательно, статика дает указания не только об условиях равновесия тел, но и о том, в каком направлении возникнет движение, если равновесие сил нарушено определенным образом.

Статика с самого начала развивалась как раздел механики, который давал ответы на простейшие вопросы, касающиеся не только равновесия, но и движения тел. Уже в древности возникали вопросы, связанные с применением различных механических приспособлений (рычага, блока и т. д.) для поднятия и передвижения грузов. Поэтому строителей и в те времена интересовали не только условия равновесия груза, но и условия, при которых груз двигался бы в определенном направлении, например, поднимался. И статика имела практическое значение для инженера древности главным образом потому, что она была в состоянии ответить на этот вопрос. Правда, статика ничего не может сказать о том, как быстро будет подниматься груз. Но вопрос о скорости движения для инженера древности не играл существенной роли. Только гораздо позднее, когда стали интересоваться вопросами о производительности машин (см. далее, § 108), задача о скорости движения различных механизмов приобрела практический интерес и статика стала недостаточной для удовлетворения запросов практики.

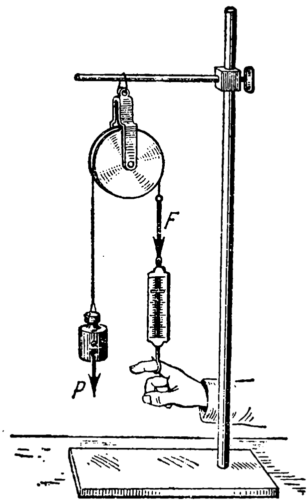


Рис. 95. Чтобы груз поднимался, сила F должна быть больше силы тяжести груза P.

§ 70. Абсолютно твердое тело. Почему груз, лежащий на столе, остается в покое, несмотря на то, что на него действует сила тяжести? Очевидно, кроме силы тяжести на груз действуют другие силы, уравновешивающие силу тяжести. Что же это за силы?

Ответ на этот вопрос мы уже знаем: снизу вверх на груз действует с силой упругости стол; эта сила возникает потому, что стол деформирован. Деформация ясно видна, если в качестве опоры для груза взята тонкая гибкая дощечка (рис. 84); для нее сила, равная силе тяжести груза, возникает только при сравнительно большом прогибе. У значительно более жесткого стола прогиб, необходимый для уравновешивания силы тяжести, значительно меньше и незаметен при обычном наблюдении. Однако при достаточно тонких способах наблюдения и такой малый прогиб можно сделать заметным. Например, если на столе стоят зеркала,

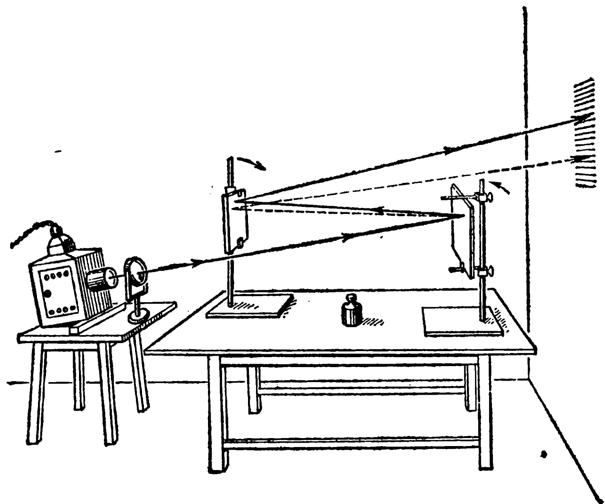


Рис. 96. Оптический метод определения малого прогиба.

отражающие узкий пучок света на стену (рис. 96), то в результате изгиба крышки стола под действием груза зеркала слегка наклонятся и зайчик переместится на стене. В случае еще более жесткого стола или, например, массивной стальной плиты непосредственное наблюдение деформации, вызванной небольшим грузом, станет еще затруднительнее. Однако мы можем быть уверенными, что некоторая деформация произошла, ибо только благодаря ей возникает со стороны плиты упругая сила, уравновешивающая силу тяжести груза.

Хотя деформация в этих случаях различна, но возникающая упругая *сила* одна и та же: это видно из того, что в обоих случаях данный груз покоится.

На практике постоянно встречаются тела, в которых при обычных условиях возникают лишь очень небольшие деформации. Только такие тела пригодны для изготовления частей машин, для строительства и т. п. В большинстве случаев нас не интересует деформация сама по себе, а только величина силы, обусловленной этой деформацией. А величина силы, как было указано, для тел различной жесткости и по-разному деформированных (например, дощечки и стола) оказывается одинаковой. Мы можем вообразить тело настолько жесткое, что в нем необходимые силы возникают при сколь угодно малых деформациях. Поэтому мы можем реальное тело заменить воображаемым *абсолютно твердым телом*, которое совершенно не деформируется.

Понятно, что абсолютно твердых тел в природе не существует. Тем не менее представление о таком воображаемом теле оказывается очень полезным. Считая, что в нем возникает необходимая сила, мы можем не учитывать его деформацию. В частности, в дальнейшем будем считать абсолютно жесткими части простых машин: рычаги, блоки, клинья, винты и т. д. Точно так же будем считать абсолютно нерастяжимыми нити, тросы и т. д.

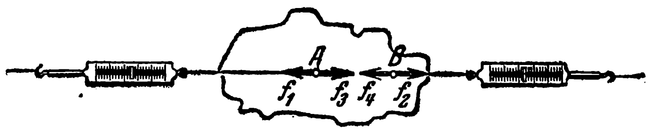
§ 71. Перенос точки приложения силы, действующей на твердое тело. В § 35 мы видели, что равные силы, действующие вдоль одной прямой в противоположные стороны, уравновешивают друг друга. При этом несущественно, к какой именно точке тела на этой прямой приложены силы. Так, на рис. 97 показаны два случая приложения к телу равных и противоположных сил f_1 и f_2, действующих вдоль одной прямой. Оба случая различаются только точкой приложения силы f_1 (A или A'); в обоих случаях тело остается в равновесии.

Таким образом, в случае равновесия двух сил точку приложения силы можно переносить вдоль ее направления, не нарушая равновесия тела. Опыты показывают, что такой перенос не меняет действия силы и в других случаях действия сил на твердое тело. Например, одна сила, приложенная к телу, вызовет одно и то же ускорение тела как целого, где бы ее ни приложить.

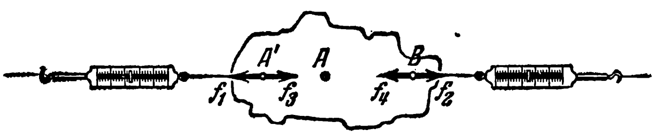
Точку приложения силы можно переносить вдоль ее направления, не меняя действия силы на тело в целом.

Мы можем не только в действительности переносить точки приложения сил, но можем производить эту операцию и мысленно для того, чтобы упростить рассуждения при решении тех или иных задач. Этим приемом часто пользуются как для определения условий равновесия, так и при изучении движений твердого тела.

Хотя перенос точек приложения сил не меняет их действия на тело в целом, такой перенос изменяет распределение деформаций и сил упругости в реальном теле. В самом деле, в рассматриваемом примере, когда силы приложены к точкам A и B, они вызывают деформацию тела: в области между точками A и B, возникает растяжение и появляются силы упругости f_3 и f_4, которые действуют между частями тела, уравновешивая приложенные извне силы f_1 и f_2, и прекращают дальнейшие деформации. Если же сила f_1



а)



б)

Рис. 97. *а*) В точках A и B на тело действуют равные силы f_1 и f_2 противоположного направления. В теле возникает деформация и появляются упругие силы f_3 и f_4. *б*) При перенесении силы f_1 из точки A в точку A' равновесие не нарушается.

приложена в точке A', то растяжение захватывает уже область от точки A' до точки B. Однако в обоих случаях упругие силы f_3 и f_4 возникают уже при ничтожных деформациях, а так как мы не обращаем внимания на деформацию (рассматриваем тело как абсолютно твердое), то различие в деформациях роли не играет.

§ 72. Равновесие тела под действием трех сил. В § 41 мы нашли условие равновесия тела, находящегося под действием трех сил, расположенных под углом друг к другу и приложенных к одной точке. Оказалось, что для этого все три силы должны лежать в одной плоскости и каждая из них должна равняться по величине и быть обратной по направлению диагонали параллелограмма, построенного на двух других силах.

Но на практике часто силы оказываются приложенными не в одной точке. Выясним, каковы будут условия равновесия в этом случае. Для этого воспользуемся таким же устройством с тремя гирями, какое мы применяли в § 41, с той разницей, что нити, на которых подвешены гири, будем прикреплять к разным точкам куска легкого картона, как показано на рис. 98. Если вес картона мал по сравнению с весами гирь, то им можно пренебречь и считать, что к картону приложены только силы натяже-

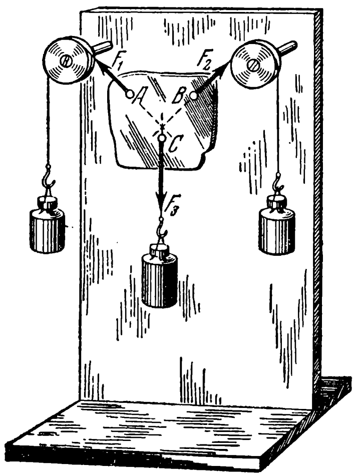


Рис. 98. Исследование условий равновесия твердого тела под действием трех сил, приложенных к разным точкам тела.

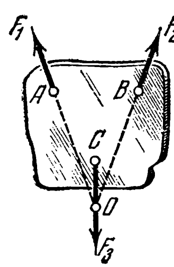


Рис. 99. Точка пересечения уравновешивающихся сил может лежать вне тела.

ния нитей. Опыт покажет, что при равновесии все нити (а значит, и силы, действующие на картон) расположатся в одной плоскости. Отмечая на картоне направления нитей и продолжая их до пересечения, убедимся, что все три направления пересекаются в одной точке. Перенося в эту точку точки приложения всех трех сил натяжения нитей, убедимся, что и в этом случае условие равновесия трех сил, сформулированное выше, оказывается выполненным.

Заметим, что точка пересечения направлений сил не должна при этом обязательно лежать в самом теле (рис. 99).

Если на тело действуют больше чем три силы, то равновесие может наступить и в том случае, когда силы не лежат в одной плоскости. Такой случай (груз, подвешенный на трех тросах) показан на рис. 100.

Упражнения. **72.1.** Доказать, что при равновесии трех сил ломаная, составленная из них, образует треугольник.

72.2. Груз весом в 50 *н* подвешен на двух нитях: одна расположена горизонтально, другая — под углом в 45° к горизонту (рис. 101). Найти натяжения нитей.

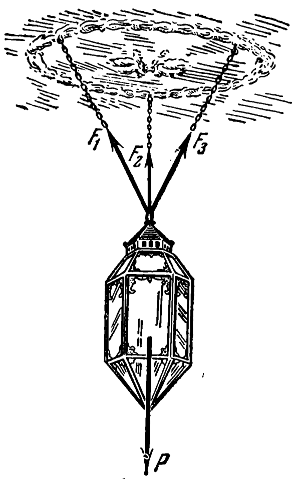


Рис. 100. Фонарь находится в равновесии под действием четырех сил, не лежащих в одной плоскости.

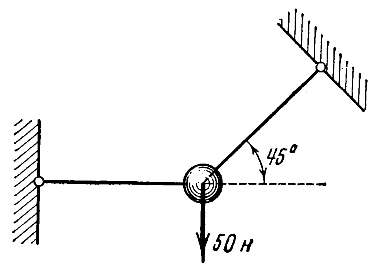


Рис. 101. К упражнению 72.2.

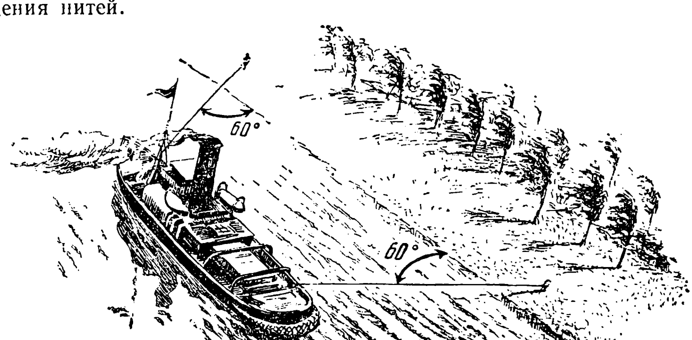


Рис. 102. К упражнению 72.3.

72.3. Судно пришвартовано к берегу двумя тросами, образующими с линией берега угол 60° (рис. 102). Под действием ветра, дующего с берега, оба троса натянулись так, что сила натяжения каждого троса составляет 10 000 *н*. Определите силу, с которой ветер давит на судно.

72.4. На проволоке подвешен груз P в 100 *н*; к середине проволоки прикреплена горизонтально расположенная оттяжка, перекинутая через блок (рис. 103). На конец оттяжки подвешен груз P_1 в 25 *н*. Найдите угол α, который образует верхняя часть проволоки с вертикалью, и натяжение верхней части проволоки.

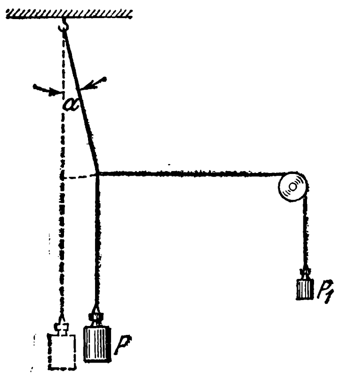


Рис. 103. К упражнению 72.4.

§ 73. Разложение сил на составляющие. Мы уже знаем, как отыскать равнодействующую двух или нескольких заданных сил, направления которых пересекаются.

Не менее важна для практики задача о *разложении силы на составляющие*, т. е. задача отыскания нескольких сил, равнодействующей которых была бы данная сила. Эта задача может приводить к различным решениям; подобно тому как это имеет место при разложении вектора перемещения.

Чтобы задача о разложении силы стала определенной (т. е. имела бы только одно решение), необходимы дополнительные указания. Например, если заданы величина и направление одной из составляющих или два направления, по которым должны действовать составляющие, и т. п., то операция разложения силы на две составляющие становится вполне определенной и сводится к простому геометрическому построению.

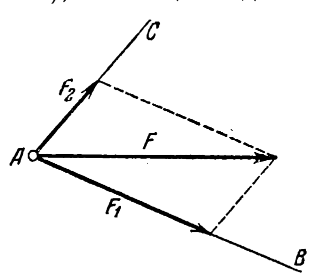


Рис. 104. Разложение данной силы F по заданным направлениям AB и AC.

Пусть, например, мы хотим разложить силу $\boldsymbol{F}$ на две составляющие, лежащие в одной плоскости с $\boldsymbol{F}$[1]) и направленные вдоль прямых AB и AC (рис. 104). Для этого достаточно из конца вектора, изобра-

[1]) Иначе разложение невозможно.

жающего F, провести две прямые, параллельные AB и AC. Отрезки F_1 и F_2 изобразят искомые силы.

Обычно в стоящих перед нами механических задачах содержатся указания на то, как целесообразнее разложить силу на составляющие. Часто условия задачи прямо указывают те направления, по которым нужно найти составляющие данной силы. Например, чтобы отыскать силы

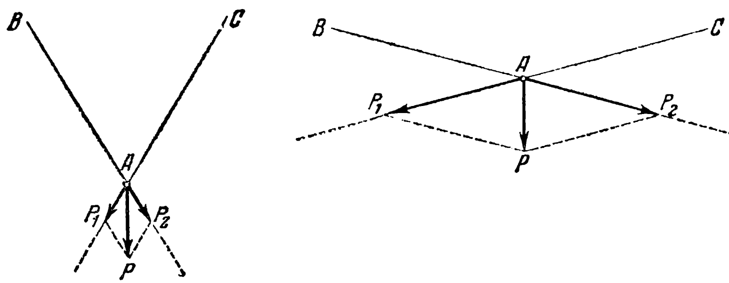


Рис. 105. Чем больше угол BAC между тросами, тем больше силы натяжения тросов.

натяжения тросов, на которых висит груз, нужно силу тяжести P груза разложить на составляющие P_1 и P_2 по направлениям этих тросов (рис. 105). Натяжения тросов должны уравновесить эти составляющие. Как легко видеть, чем больше угол между тросами, тем больше окажутся силы натяжения тросов. Поэтому если расстояние между опорами тросов велико, то даже небольшой груз, если он висит немного ниже опор, вызывает очень большое натяжение тросов. Этим объясняется, почему гололед или иней иногда обрывает туго натянутые провода.

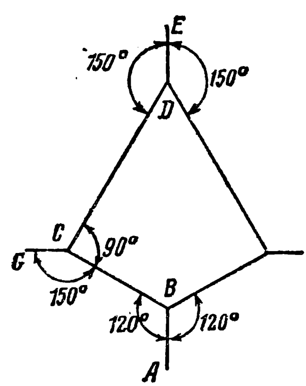


Рис. 106. К упражнению 73.1.

При разложении силы на три или большее число составляющих увеличивается и число условий, необходимых для того, чтобы разложение было выполнено однозначно.

Упражнение. **73.1.** На рис. 106 показана часть горизонтально растянутой сети. Участок AB натянут с силой 10 *н*. Каковы натяжения участков BC, CG, CD, DE?

§ 74. Проекции сил. Общее условие равновесия. В § 41 мы видели, что для равновесия геометрическая сумма всех сил должна быть равна нулю. Таким образом, отыскание условий равновесия сводится к определению величины и направления тех или иных сил, которые в сумме с известными другими силами давали бы нуль. При решении этой задачи часто бывает удобно предварительно разложить

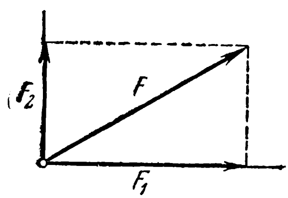


Рис. 107. Разложение силы по двум взаимно перпендикулярным направлениям.

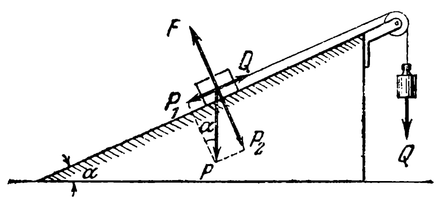


Рис. 108. Нахождение условий равновесия тела на наклонной плоскости.

искомую и известные силы на составляющие и затем определять условия, при которых составляющие сил по отдельным направлениям в сумме дают нуль.

Особенно удобно разлагать силы на составляющие по взаимно перпендикулярным направлениям. В этом случае составляющие силы являются сторонами прямоугольника, диагональю которого является разлагаемая сила (рис. 107). Стороны прямоугольника представляют собой, как известно, проекции диагонали на направления сторон. Поэтому при разложении сил по взаимно перпендикулярным направлениям величины составляющих (взятые со знаком плюс или минус, в зависимости от стороны, в которую обращены составляющие) называют *проекциями силы.*

В качестве примера рассмотрим условия равновесия тела на плоскости, образующей с горизонтом угол α (рис. 108) (*наклонная плоскость*).

Предположим, что трения нет; тогда предоставленное самому себе тело скользило бы по доске вниз. Чтобы удержать тело, нужно приложить к нему еще какую-то силу, например, привязать к нему нить, перекинутую через блок так, чтобы нить шла параллельно плоскости доски, и подвесить к концу нити некоторый груз. Тогда тело будет находиться под действием трех сил: силы тяжести $\boldsymbol{P}$ тела, натяжения нити с грузом $\boldsymbol{Q}$ и силы упругости $\boldsymbol{F}$ со стороны плоскости, слегка прогибающейся под тяжестью тела и давящей на него в направлении, перпендикулярном к плоскости.

Для нахождения условий равновесия разложим силу $\boldsymbol{P}$ на две составляющие: $\boldsymbol{P}_1$, направленную параллельно наклонной плоскости, и $\boldsymbol{P}_2$, направленную перпендикулярно к плоскости. Для равновесия необходимо, чтобы сила натяжения нити $\boldsymbol{Q}$ была равна и противоположна $\boldsymbol{P}_1$, а $\boldsymbol{F}$ — равна и противоположна $\boldsymbol{P}_2$. Это последнее условие всегда оказывается соблюденным само собой: плоскость прогибается до тех пор, пока силы F и P_2 не сделаются равными по величине. Равенство же сил Q и P_1 возможно только при определенном соотношении между силой тяжести тела $\boldsymbol{P}$, силой тяжести вспомогательного груза $\boldsymbol{Q}$ и углом наклона плоскости к горизонту α. Составляющая силы $\boldsymbol{P}$ вдоль наклонной плоскости $P_1 = P \sin\alpha$. Таким образом, условие равновесия гласит:

$$Q = P \sin\alpha.$$

Если это соотношение соблюдено, то сумма проекций сил по любому направлению равна нулю. При этом тело остается в равновесии. Другими словами, тело находится в равновесии, если сумма проекций всех действующих сил на каждое из выбранных направлений равна нулю.

Таким же образом можно выразить условие равновесия тела под действием какого угодно числа сил. Действительно, если сумма проекций всех действующих сил на любое направление равна нулю, это значит, что составляющие силы по любому направлению уравновешивают друг друга и, следовательно, тело остается в равновесии. Понятно, что при этом нужно учитывать также и силы, действующие со стороны опор, подвесов и т. д.

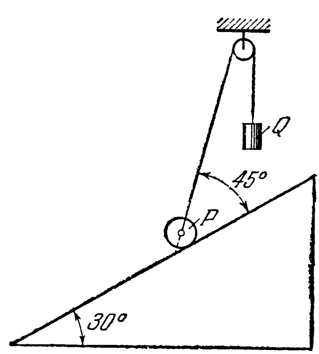


Рис. 109. К упражнению 74.1.

Упражнения. **74.1.** Наклонная плоскость наклонена под углом 30° к горизонту (рис. 109). На ней находится тело P, масса которого равна 2 *кг*. Трением можно пренебречь. Нить, перекинутая через блок, составляет угол 45° с наклонной плоскостью. При каком весе груза Q тело P будет в равновесии? С какой силой груз давит на плоскость?

74.2. К мачте прикреплена горизонтальная антенна, натяжение которой равно 40 *кГ* (рис. 110). Под каким углом α к горизонту должна быть расположена оттяжка с другой стороны мачты, чтобы мачта не гнулась и чтобы давление на основание мачты составляло 60 *кГ*?

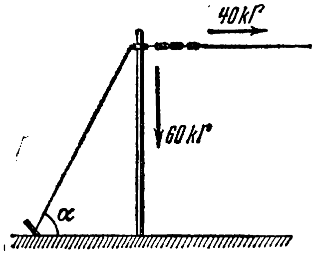


Рис. 110. К упражнению 74.2.

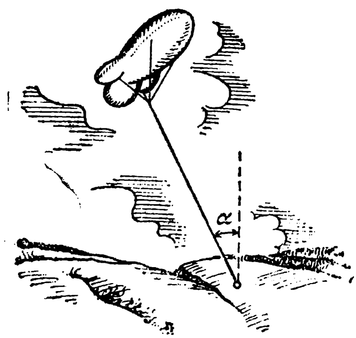


Рис. 111. К упражнению 74.3.

74.3. При ветре привязной аэростат висит не над той точкой Земли, к которой прикреплен трос (рис. 111). Натяжение троса составляет 200 *кГ*, угол с вертикалью $\alpha=30°$. Какова сила давления ветра? Какова подъемная сила, действующая на аэростат в вертикальном направлении? (Подъемной силой называется разность между поддерживающей силой воздуха и весом аэростата). Весом троса и давлением на него ветра пренебречь.

§ 75. Связи. Реакции связи. Тело, закрепленное на оси. На практике часто встречаются случаи, когда тело не может двигаться свободно в любом направлении, а движения его ограничены какими-либо другими твердыми телами. Эти тела называют в механике *жесткими связями*. Силы, действующие со стороны связей, называют *реакциями связей*. Например, когда поршень движется в цилиндре двигателя, то жесткие связи — это стенки цилиндра, допускающие движение поршня только в одном направлении. Когда поршень начинает двигаться немного вбок, то он деформирует стенку цилиндра. Если стенки эти очень жесткие, то уже при очень малых деформациях возникают очень большие реакции связей, которые прекращают дальнейшее движение поршня вбок. Эти силы и обеспечивают движение поршня только вдоль цилиндра.

Аналогичный пример мы рассмотрели в предыдущем параграфе, где связью являлась наклонная плоскость, а реакцией связи — сила F.

При наличии жестких связей условия равновесия упрощаются: достаточно рассматривать только равновесие сил в тех направлениях, в которых связи не препятствуют движению, например, для поршня — вдоль цилиндра, для тела на наклонной плоскости — вдоль плоскости и т. п. Равновесие сил в других направлениях обеспечится само собой, так как уже при малой деформации связи появятся реакции, уравновешивающие приложенную силу.

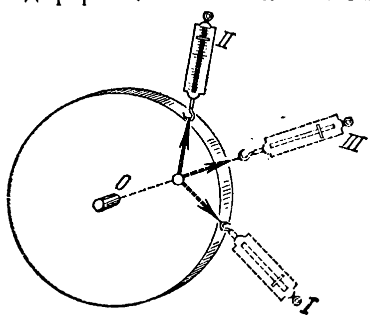


Рис. 112. Если динамометр находится в положении I или II; тело вращается; если динамометр находится в положении III, тело не вращается.

Важным примером движения, ограниченного жесткой связью, является вращение тела вокруг жесткой оси или, как говорят, вращение тела, *закрепленного на оси.* Например, колеса всевозможных машин и механизмов могут только вращаться вокруг неподвижной оси. Пропеллер самолета, колодезный «журавль», дверь на петлях, откидная крышка школьной парты представляют собой примеры того же случая. Во всех этих примерах вращение вокруг оси не стремится ни сдвинуть, ни изогнуть эту ось, т. е. не вызывает деформации оси; поэтому вращение вокруг оси происходит беспрепятственно. Но всякое другое движение деформирует ось, в результате чего возникают реакции связи, действующие со стороны оси на тело и препятствующие тому движению, которое приводит к деформации.

Если вначале тело покоится, то, чтобы вызвать вращение, необходимо воздействовать на тело с некоторой силой. Однако не всякая приложенная сила вызовет вращение тела. Силы, одинаковые по величине, но различные по направлению или приложенные в разных точках, могут вызвать весьма различные эффекты. Действительно, если в какой-либо точке тела, которое может свободно вращаться вокруг оси O (рис. 112), прикрепить динамометр, то при одинаковом натяжении динамометра, но при разных его направлениях движение тела может быть совершенно различным. Если прикрепить динамометр в положении *I*, то тело начнет поворачиваться по часовой стрелке, в положении *II* — против часовой стрелки; если же прикрепить динамометр в положении *III*, то тело вообще не начнет вращаться. *Сила, действующая на тело, закрепленное на оси, только тогда может вызвать его вращение, когда направление силы не проходит через ось.*

Представим себе рулевое колесо корабля или «баранку» автомобильного руля. Прилагая усилие вдоль радиуса, мы будем только пытаться согнуть ось, но не сможем повернуть колесо. Для поворота необходимо приложить усилие вдоль его обода, т. е. перпендикулярно к радиусу. Эта сила не сможет уравновеситься реакцией, действующей со стороны оси (две силы, не лежащие на одной прямой, не могут уравновешиваться), и тело начнет вращаться.

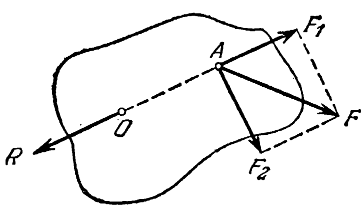


Рис. 113. Силы, действующие на тело, закрепленное на оси. Реакция со стороны оси R равна составляющей F_1 действующей силы в направлении радиуса.

Сила, направленная параллельно оси вращения, также не вызывает вращения тела, а только стремится изогнуть ось. Поэтому в ближайших параграфах будем считать, что силы, действующие на тело, закрепленное на оси, не имеют составляющей вдоль оси вращения и, значит, лежат в плоскостях, перпендикулярных к оси. При этом, как показывает опыт, действие силы на тело не зависит от того, в какой именно из таких плоскостей лежит сила. Поэтому будем изображать на рисунках все силы лежащими в одной плоскости, перпендикулярной к оси вращения, которую будем изображать в виде точки.

Чтобы вполне отчетливо представить себе, как будет действовать сила F, не проходящая через ось, разложим F на две взаимно перпендикулярные составляющие, одна из которых проходит через ось (рис. 113). Составляющая F_1, которая проходит через ось, не будет вызывать вращения. Она окажется уравновешенной реакцией R оси. Вращение тела будет происходить так, как если бы на него действовала только составляющая сила F_2 в направлении, перпендикулярном к радиусу OA, проведенному к точке приложения силы, равная проекции силы на это направление.

§ 76. Равновесие тела, закрепленного на оси. Из сказанного в предыдущем параграфе следует, что при выяснении условий равновесия тела, закрепленного на оси, можно не рассматривать силу со стороны оси, так как она не может вызвать вращения тела. Рассмотрим условия равновесия тела, закрепленного на оси, при действии на него только двух сил, причем примем, что эти силы направлены перпендикулярно к радиусам точек их приложения.

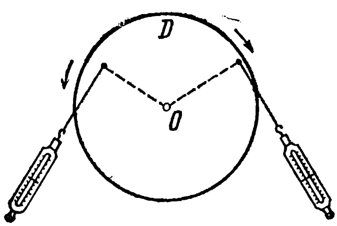


Рис. 114. При таком расположении динамометров равновесие возможно.

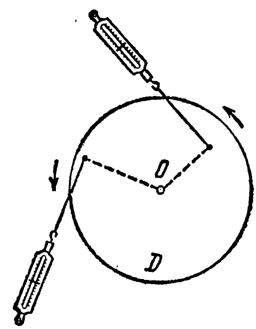


Рис. 115. При таком расположении динамометров равновесие невозможно.

Для равновесия необходимо, во-первых, чтобы эти силы, действуя в отдельности, поворачивали тело в противоположных направлениях. Это можно проиллюстрировать на таком опыте. Расположим ось вращения какого-нибудь тела вертикально, чтобы устранить действие тяжести. Прикрепим к телу динамометры перпендикулярно к радиусам точек их прикрепления. При расположении динамометров, показанном на рис. 114, можно так подобрать растяжения динамометров, чтобы тело оставалось в покое. Но в случае, показанном на рис. 115, когда оба динамометра поворачивали бы тело вокруг оси в одном и том же направлении, покоя тела нельзя добиться ни при каком растяжении динамометров.

Во-вторых, оказывается, что для равновесия тела, закрепленного на оси, существенны не только величины сил, но и расстояния точек их приложения от оси вращения.

Именно, как и для обычного рычага, *для равновесия необходимо, чтобы произведение величины силы на расстояние от точки приложения силы до оси было для обеих действующих сил одно и то же.* Если обозначить величины сил через F_1 и F_2, а длины радиусов, проведенных в точки их приложения через l_1 и l_2, то условие равновесия выразится равенством

$$F_1 l_1 = F_2 l_2. \tag{76.1}$$

Если силы не перпендикулярны к радиусам точек их приложения, то, как показывает опыт, такое же соотношение должно выполняться для *проекций* этих сил на направления, перпендикулярные к радиусам.

§ 77. Момент силы. Итак, для равновесия тела, закрепленного на оси, существенна не сама величина силы, а произведение проекции силы на направление, перпендикулярное к радиусу, проведенному к точке приложения силы,

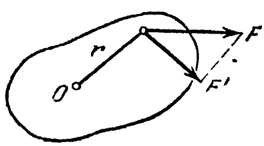


Рис. 116. Момент силы F равен произведению ее проекции F' на расстояние r.

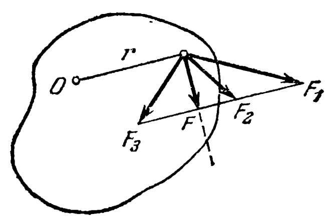


Рис. 117. Силы F, F_1, F_2 и F_3 имеют одинаковые моменты относительно оси O.

на расстояние этой точки от оси. Это произведение будем называть *моментом силы относительно данной оси* или просто *моментом силы* (рис. 116). Моменты разных сил, приложенных к одной точке, равны, если равны проекции этих сил на направление, перпендикулярное к радиусу данной точки (рис. 117).

Условимся считать момент силы положительным, если эта сила, действуя в отдельности, вращала бы тело по часовой стрелке, и отрицательным в противоположном случае (при этом нужно заранее условиться, с какой стороны мы будем смотреть на тело). Например, согласно рис. 118, силам F_1 и F_2 следует приписать положительный момент, а силе F_3— отрицательный.

Моменту силы можно дать еще и другое определение. Момент силы F на рис. 119 есть $M=rF'$. Опустим перпендикуляр d из точки O на направление силы. Прямоуголь-

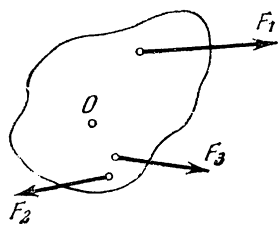


Рис. 118. Моменты сил F_1 и F_2 положительны, момент силы F_3 отрицателен.

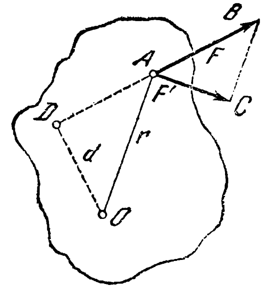


Рис. 119. Момент силы можно выразить через силу и плечо силы, $M=Fd$.

ные треугольники на чертеже подобны, ибо их соответственные углы равны. Следовательно, $\frac{F'}{r}=\frac{F''}{d}$, или $F'r=Fd$. Следовательно, $M=Fd$, т. е. момент силы равен произведению силы F на длину перпендикуляра d, опущенного из оси на направление силы.

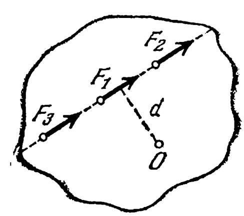


Рис. 120. Равные силы F_1, F_2, F_3 с одинаковым плечом d имеют равные моменты относительно оси O.

Длину перпендикуляра, опущенного из оси на направление силы, называют *плечом силы*. Значит, *момент силы равен произведению величины силы на плечо силы*. Ясно, что перенесение точки приложения силы вдоль ее направления не меняет ее момента (рис. 120). Если направление силы проходит через ось вращения, то плечо силы равно нулю; следовательно, равен нулю и момент силы. Мы видели, что в этом случае сила не вызывает вращения тела: *сила, момент которой относительно данной оси равен нулю, не вызывает вращения вокруг этой оси.*

Пользуясь понятием момента силы, мы можем по-новому сформулировать условия равновесия тела, закрепленного на оси и находящегося под действием двух сил. Как мы видели, для равновесия необходимо, чтобы силы стремились вращать тело в противоположных направлениях и чтобы произведения сил на их расстояния до оси были равны. Значит, при равновесии моменты обеих сил должны быть равны по величине и противоположны по знаку. Таким образом, *для равновесия тела, закрепленного на оси, алгебраическая сумма моментов действующих на него сил должна быть равна нулю.*

Так как момент силы определяется произведением величины силы на плечо, то *единицу момента* мы получим, взяв силу, равную единице, плечо которой также равно единице. Значит, в системе СИ единицей момента силы является момент силы в 1 *н*, действующей на плече в 1 *м*, т. е. 1 *н·м*, в системе СГС —1 *дин·см*, в системе МКСС— 1 *кГ·м*. Пользуясь данными § 45, найдем соотношения между этими единицами:

$$1\ \textit{дин}\cdot\textit{см} = 10^{-7}\ \textit{н}\cdot\textit{м};\quad 1\ \textit{кГ}\cdot\textit{м} = 9{,}8\ \textit{н}\cdot\textit{м}.$$

Если на тело, закрепленное на оси, действует много сил, то, как показывает опыт, условие равновесия остается тем же, что и для случая двух сил: для равновесия тела, закрепленного на оси, алгебраическая сумма моментов *всех сил*, действующих на тело, должна быть равна нулю.

Можно ввести понятие об уравновешивающем моменте, о равнодействующем моменте и о сложении моментов сил, действующих на тело, закрепленное на оси, подобно тому как были введены понятия об уравновешивающей силе, о равнодействующей силе и о сложении сил. Так, результирующим моментом нескольких моментов, действующих на тело (составляющих моментов), будем называть алгебраическую сумму составляющих моментов. Под действием результирующего момента тело будет двигаться (вращаться вокруг оси) так же, как оно вращалось бы при одновременном действии всех составляющих моментов. В частности, если результирующий момент равен нулю, то тело, закрепленное на оси, либо покоится, либо вращается равномерно.

§ 78. Измерение момента силы. В технике мы часто встречаемся с вращением тел: вращаются колеса экипажей, валы машин, пароходные винты и т. д. Во всех этих случаях на тела действуют моменты сил. При этом часто нельзя указать какую-либо одну определенную силу, создающую вращающий момент, и ее плечо, так как вращающий момент создается не одной силой, а многими силами, имеющими разные плечи. Например, в электромоторе к виткам обмотки якоря приложены на разных расстояниях от оси вращения электромагнитные силы; их совместное действие создает некоторый вращающий момент, который и вызывает вращение якоря и соединенного с ним вала мотора. В подобных случаях нет смысла говорить о силе и плече силы. Значение имеет единственно результирующий момент силы. Поэтому возникает необходимость *непосредственного* измерения момента силы.

Для измерения какого-либо момента силы достаточно приложить к телу другой известный момент силы, который

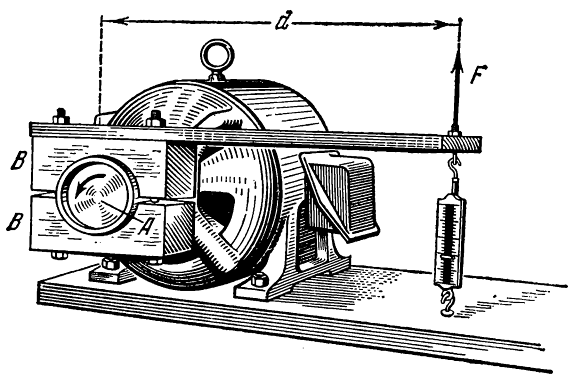


Рис. 121. Измерение момента силы, создаваемого электромотором.

уравновешивал бы измеряемый момент. Если достигнуто равновесие, то, значит, оба момента сил равны по величине и противоположны по знаку. Например, чтобы измерить вращающий момент, развиваемый электрическим мотором, на шкив мотора *А* надевают сжатые болтами колодки *ВВ* так, чтобы шкив мог с достаточно сильным трением вращаться под колодками, колодки скреплены с длинным стержнем, к концу которого прикрепляют динамометр (рис. 121). Ось вращения колодок совпадает с осью мотора. При вращении мотора момент сил трения, действующий со стороны шкива на колодки, поворачивает колодки со стержнем на некоторый угол в направлении вращения мотора. При этом динамометр несколько растягивается и на колодки начинает действовать со стороны динамометра противоположный момент, равный произведению силы натяжения динамометра на плечо d. Сила натяжения динамометра равна по величине и противоположна по направлению силе F, действующей со стороны стержня на динамометр и показанной на рис. 121. Так как колодки покоятся, то вращающий момент, развиваемый мотором, должен быть равен по величине и противоположен по направлению моменту натяжения динамометра. Итак, при данной скорости мотор развивает момент, равный Fd.

При измерениях очень малых вращающих моментов (например, в чувствительных гальванометрах и других физических измерительных приборах) измеряемый вращающий момент сравнивают с вращающим моментом, действующим со стороны закрученной нити. Измерительную систему, находящуюся под действием вращающего момента, подвешивают на длинной тонкой нити, металлической или из плавленого кварца. Поворачиваясь, измерительная система закручивает нить. Такая деформация вызывает появление сил, стремящихся раскрутить нить и обладающих, следовательно, вращающим моментом. Когда измеряемый момент становится равным по величине моменту закрученной нити, устанавливается равновесие. По углу закручивания при равновесии можно судить о величине вращающего момента нити и, следовательно, о величине измеряемого момента. Связь между величиной вращающего момента нити и углом закручивания определяется путем калибровки прибора.

§ 79. Пара сил. Если на тело действует несколько сил, равнодействующая которых равна нулю, а результирующий момент относительно какой-либо оси не равен нулю, то тело не останется в равновесии. Так будет, например, если на тело действуют две равные и противоположные силы, не лежащие на одной прямой. Такие две силы, совместно действующие на тело, называют *парой сил*. Если тело закреплено на оси, то при действии на него пары сил оно начнет вращаться вокруг этой оси. При этом, вообще говоря, со стороны оси на тело будет действовать сила. Можно показать, однако, что если ось проходит через определенную точку тела, то сила со стороны оси отсутствует. Поэтому, если пара сил будет действовать на *свободное* тело, то оно начнет вращаться вокруг оси, проходящей через эту точку. Мож-

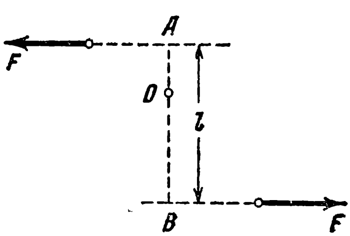


Рис. 122. Момент пары сил $M=Fl$.

но доказать, что эта точка — *центр тяжести тела* (см. следующий параграф).

Момент пары сил одинаков относительно любой оси, перпендикулярной к плоскости пары. Действительно, пусть O — произвольная ось, перпендикулярная к плоскости, в которой лежит пара (рис. 122). Суммарный момент M равен

$$M = F \cdot OA + F \cdot OB = F\,(OA + OB) = F \cdot l,$$

где l — расстояние между силами, составляющими пару. Этот же результат получится и при любом другом положении оси. Можно показать также, что момент нескольких сил, равнодействующая которых равна нулю, будет один и тот же относительно всех осей, параллельных друг другу, и поэтому действие всех этих сил на тело можно заменить действием одной пары сил с тем же моментом.

§ 80. Сложение параллельных сил. Центр тяжести. Изучая равновесие сил или определяя равнодействующую сил, мы не рассматривали пока случаи, когда силы, действующие на тело, параллельны. Теперь, найдя условия равновесия тела, закрепленного на оси, мы можем рассмотреть и этот случай.

Рассмотрим силы, действующие на рычаг, нагруженный гирями, уравновешивающими друг друга, и подвешенный к неподвижной стойке при помощи динамометра (рис. 123). Можно считать, что ось вращения рычага проходит через точку его подвеса O. На рычаг действуют силы веса F_1 и F_2 подвешенных к нему грузов и сила натяжения пружины динамометра F_3. Будем полагать, что вес самого рычага настолько мал сравнительно с весами грузов, что им можно пренебречь. Тогда можно считать, что рычаг находится в равновесии под действием сил F_1, F_2 и F_3. Сила F_3 есть уравновешивающая сила для параллельных сил F_1 и F_2. Так как при равновесии пружина динамометра располагается вертикально, то сила F_3 параллельна F_1 и F_2. Далее, сила F_3 равна весу подвешенного к верхнему динамометру тела. Поскольку мы пренебрегли весом рычага, то $F_3 = F_1 + F_2$. Расстояния от точки подвеса рычага (его оси вращения O) до точек приложения сил F_1 и F_2 найдем из условия равновесия рычага: $F_1 \cdot OA = F_2 \cdot OB$, или

$$\frac{OB}{OA} = \frac{F_1}{F_2}, \tag{80.1}$$

т. е. *точка приложения уравновешивающей силы делит расстояние АВ между силами в отношении, обратном отношению сил.* Следовательно, *незакрепленное тело находится в равновесии под действием трех параллельных сил в том случае, когда третья сила, направленная в сторону,*

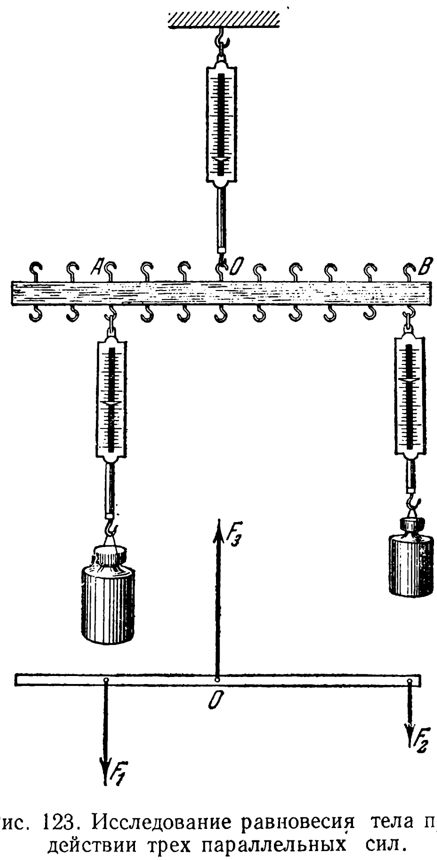


Рис. 123. Исследование равновесия тела при действии трех параллельных сил.

противоположную первым двум, по величине равна их сумме и приложена к точке, делящей расстояние между точками их приложения в отношении, обратном отношению первых двух сил.

Значит, *равнодействующая двух параллельных сил, направленных в одну и ту же сторону, равна сумме этих двух* *сил, параллельна им, направлена в ту же сторону и приложена в точке O, делящей расстояние между точками приложения сил в отношении, обратном отношению сил.*

Теперь легко найти закон сложения и для двух параллельных сил, направленных в противоположные стороны. Любую из трех сил F_1, F_2, F_3, находящихся в равновесии, можно рассматривать как уравновешивающую две другие силы; значит, сила F_2 является уравновешивающей для противоположно направленных параллельных сил F_1 и F_3. Отсюда, как и раньше, заключаем, что сила, равная и противоположная силе F_2, является равнодействующей сил F_1 и F_3. Но $F_2=F_3-F_1$, кроме того, из пропорции (80.1) следует производная пропорция:

$$\frac{F_1}{F_1+F_2}=\frac{OB}{OA+OB}, \quad \text{или} \quad \frac{F_1}{F_3}=\frac{OB}{AB}.$$

Таким образом, *равнодействующая двух параллельных противоположно направленных сил равна разности этих сил, направлена в сторону большей силы, а точка ее приложения отстоит от точек приложения данных сил на расстояниях, отношение которых равно обратному отношению приложенных сил.*

Если на тело действует несколько параллельных сил, то для нахождения общей равнодействующей надо сначала найти равнодействующую каких-либо двух из этих сил, затем полученную равнодействующую сложить с третьей силой и т. д.

В частности, силы тяжести действуют на каждую часть тела и все эти силы параллельны. Поэтому для нахождения равнодействующей этих сил, т. е. силы тяжести, действующей на все тело, надо последовательно сложить целый ряд параллельных сил. Равнодействующая этих сил равна по величине их сумме, т. е. представляет полную силу притяжения, которую испытывает все тело со стороны Земли, и приложена к определенной точке тела. Точку приложения этой равнодействующей сил тяжести называют *центром тяжести* тела (рис. 124).

Таким образом, действие притяжения Земли на твердое тело таково, как если бы точка приложения силы тяжести лежала в центре тяжести тела. Мы будем пользоваться этим в дальнейшем, заменяя действие сил тяжести, приложенных к отдельным частям твердого тела, действием одной силы, приложенной в его центре тяжести и равной его силе тяжести.

Часто приходится решать задачу, обратную сложению параллельных сил: разложить заданную силу на параллельные ей составляющие силы. Такова, например, задача о распределении сил на опоры балки с грузом или на плечи людей, несущих на шесте груз (рис. 125). Искомые силы F_1 и F_2 определяются из условия, что их равнодействующая по

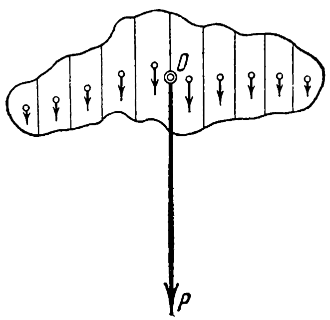


Рис. 124. Точка приложения равнодействующей сил тяжести есть центр тяжести тела.

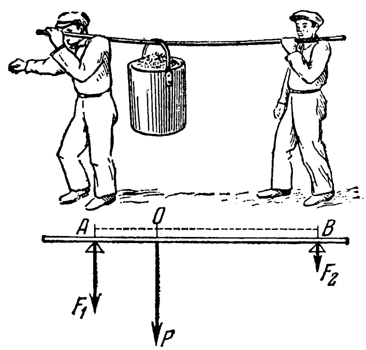


Рис. 125. Разложение силы на две параллельные составляющие.

величине должна быть равна весу груза P и должна быть приложена там, где висит груз. Поэтому

$$F_1 + F_2 = P, \quad \frac{F_1}{F_2} = \frac{OB}{OA}.$$

§ 81. Определение центра тяжести тел. Определение центра тяжести произвольного тела путем последовательного сложения сил, действующих на отдельные его части,— трудная задача; она облегчается только для тел сравнительно простой формы.

Пусть тело состоит только из двух грузов с массами m_1 и m_2, соединенных стержнем (рис. 126). Если масса стержня мала по сравнению с массами m_1 и m_2, то ею можно пренебречь. На каждую из масс действует сила тяжести:

$$P_1 = m_1 g, \quad P_2 = m_2 g;$$

обе они направлены вертикально вниз, т. е. параллельно друг другу. Как мы уже знаем, равнодействующая двух параллельных сил приложена в точке O, которая определяется из условия

$$\frac{P_1}{P_2}=\frac{OB}{OA}, \text{ или } \frac{m_1}{m_2}=\frac{OB}{OA}.$$

Следовательно, центр тяжести делит расстояние между двумя массами в отношении обратном отношению масс. Если это тело подвесить в точке O, оно останется в равновесии.

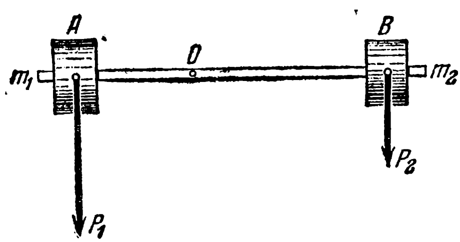


Рис. 126. Определение центра тяжести двух масс.

Так как две равные массы имеют общий центр тяжести в точке, делящей пополам расстояние между этими массами, то сразу ясно, что, например, центр тяжести однородного стержня лежит в середине стержня (рис. 127).

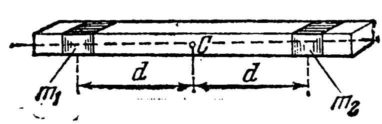


Рис. 127. Центр тяжести однородного стержня лежит в его середине.

Поскольку любой диаметр однородного круглого диска делит его на две совершенно одинаковые симметричные части (рис. 128), то центр тяжести должен лежать на каждом диаметре диска, т. е. в точке пересечения диаметров — в геометрическом центре диска C. Рассуждая сходным образом, можно найти, что центр тяжести однородного шара лежит в его геометрическом центре, центр тяжести однородного прямоугольного параллелепипеда лежит на пересечении его диагоналей и т. д. Центр тяжести обруча или кольца лежит в его центре. Последний пример показывает, что центр тяжести тела может лежать вне тела.

Если тело имеет неправильную форму или если оно неоднородно (например, в нем есть пустоты), то расчет положения центра тяжести часто затруднителен и это положение удобнее найти посредством опыта. Пусть, например, требуется найти центр тяжести куска фанеры. Подвесим его на нити (рис. 129). Очевидно, в положении равновесия центр тяжести тела C должен лежать на продолжении нити, иначе сила тяжести будет иметь момент относительно точки подвеса, который бы начал вращать тело. Поэтому, проведя на нашем куске фанеры прямую, представляющую продолжение нити, можем утверждать, что центр тяжести лежит на этой прямой. Действительно, подвешивая тело в разных точках и проводя вертикальные прямые, мы убедимся, что все они пересекутся в одной точке. Эта точка и есть центр тяжести тела (так как он должен лежать одновременно на

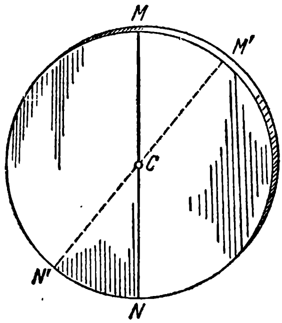


Рис. 128. Центр тяжести однородного диска лежит в его геометрическом центре.

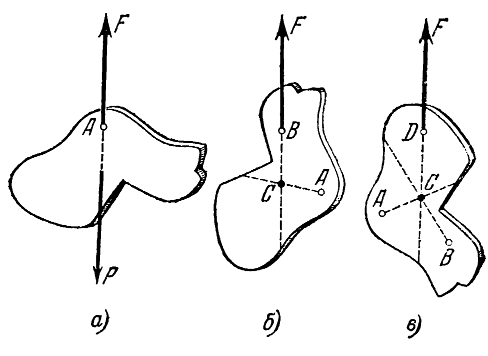


Рис. 129. Точка C пересечения вертикальных линий, проведенных через точки подвеса A, B, D, есть центр тяжести тела.

всех таких прямых). Подобным образом можно определить положение центра тяжести не только плоской фигуры, но и более сложного тела. Положение центра тяжести самолета определяют, вкатывая его колесами на платформы весов. Равнодействующая сил веса, приходящихся на каждое колесо, будет направлена по вертикали, и найти линию, по которой она действует, можно по закону сложения параллельных сил.

При изменении веса отдельных частей тела или при изменении формы тела положение центра тяжести меняется. Так, центр тяжести самолета перемещается при расходовании горючего из баков, при сбрасывании бомб, значительном расходе снарядов. Для наглядного опыта, иллюстрирующего перемещение центра тяжести при изменении

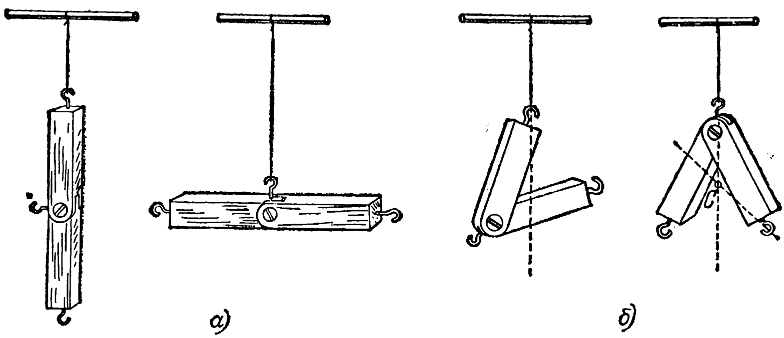


Рис. 130. *а*) Центр тяжести двух соединенных шарниром брусков, расположенных на одной прямой, лежит на оси брусков. *б*) Центр тяжести согнутой системы брусков лежит вне брусков.

формы тела, удобно взять два одинаковых бруска, соединенных шарниром (рис. 130). В том случае, когда бруски образуют продолжение один другого, центр тяжести лежит

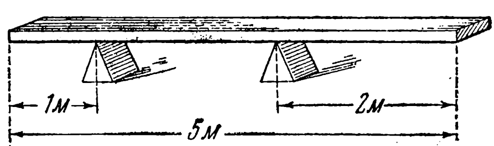


Рис. 131. К упражнению 81.3.

на оси брусков. Если бруски согнуть в шарнире, то центр тяжести оказывается вне брусков, на биссектрисе угла, который они образуют. Если на один из брусков надеть дополнительный груз, то центр тяжести переместится в сторону этого груза.

Упражнения. **81.1.** Где находится центр тяжести двух одинаковых тонких стержней длиной 12 *см*, скрепленных в виде буквы Т?

81.2. Докажите, что центр тяжести однородной треугольной пластины лежит на пересечении медиан.

81.3. Однородная доска весом 60 *кГ* лежит на двух опорах, как показано на рис. 131. Определите силы, действующие на опоры.

§ 82. Различные случаи равновесия тела под действием силы тяжести. В механике нас часто интересует вопрос, в каких положениях тело, на которое действует сила тяжести, может сколь угодно долго оставаться в покое, если оно находилось в покое в начальный момент. Очевидно, для этого силы, действующие на тело, должны взаимно уравновешиваться. Положения, в которых силы, действующие на тело, взаимно уравновешиваются, называют *положениями равновесия*.

Но практически не во всяком положении равновесия тело, находившееся в начальный момент в покое, действительно будет оставаться в покое и в последующее время. Дело в том, что в реальных условиях, помимо учитываемых нами сил (сила тяжести, сила со стороны подвеса, опоры, оси и т. п.), на тело действуют и неучитываемые случайные неустранимые силы: небольшие сотрясения, колебания воздуха и т. д. Под действием таких сил тело будет хотя бы немного отклоняться от положения равновесия, а в этом случае дальнейшее поведение тела может быть различным.

При отклонении тела от положения равновесия силы, действующие на него, как правило, изменятся и равновесие сил нарушится. Измененные силы будут вызывать движение тела. Если изменившиеся силы таковы, что под их действием тело *возвращается* к положению равновесия, то тело, несмотря на случайные толчки, будет все же оставаться *вблизи* положения равновесия. В этом случае мы говорим об *устойчивом равновесии* тела. В других случаях измененные силы таковы, что они вызывают *дальнейшее отклонение* тела от положения равновесия. Тогда будет достаточно самого малого толчка, чтобы изменившиеся силы стали все более отклонять тело от положения равновесия; тело уже не будет оставаться вблизи положения равновесия, а уйдет далеко от него. Такое положение равновесия называют *неустойчивым*.

Итак, для устойчивости необходимо, чтобы при отклонении тела от положения равновесия возникали силы, возвращающие тело к первоначальному положению.

Таково, например, положение шарика на вогнутой подставке (рис. 132, *а*): при отклонении шарика от положения равновесия (самое нижнее положение) равнодействующая упругой силы F, действующей со стороны опоры на шарик, и силы тяжести P возвращает шарик к положению равновесия: равновесие устойчивое. В случае же выпуклой подставки (рис. 132, *б*) равнодействующая удаляет шарик от

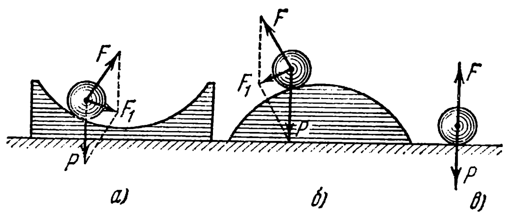


Рис. 132. Устойчивое (*а*), неустойчивое (*б*) и безразличное (*в*) равновесие шарика на поверхности.

положения равновесия (самое верхнее положение): равновесие неустойчивое.

Другим примером может служить равновесие тела, подвешенного в одной точке. Определяя положение центра тяжести по способу подвешивания, описанному в предыдущем параграфе, мы всегда обнаружим, что центр тяжести лежит ниже точки подвеса, но обязательно на одной вертикали с ней, так как иначе сила натяжения нити F не могла бы уравновесить силу притяжения Земли P (рис. 133, *а*). Между тем сила притяжения Земли и сила натяжения нити могли бы уравновесить друг друга также и в том случае, когда центр тяжести C лежит на вертикали *над* точкой подвеса A (рис. 133, *б*). Действительно, и в этом случае сила притяжения Земли P и равная ей сила натяжения нити F уравновешивали бы друг друга. Однако, как легко убедиться на опыте, при подвешивании тела оно не будет оставаться в этом втором положении равновесия. Хотя оба случая соответствуют положениям равновесия, но практически можно осуществить только один из них — первый.

Причина этого в том, что если тело немного отклонить от первого положения (рис. 133, *в*), то сила тяжести P

создаст вращающий момент относительно точки подвеса, который будет возвращать тело обратно. Это—положение устойчивого равновесия. Наоборот, при отклонении тела от второго положения равновесия (рис. 133, *г*) сила *P* будет удалять его от этого положения. Это — положение неустойчивого равновесия.

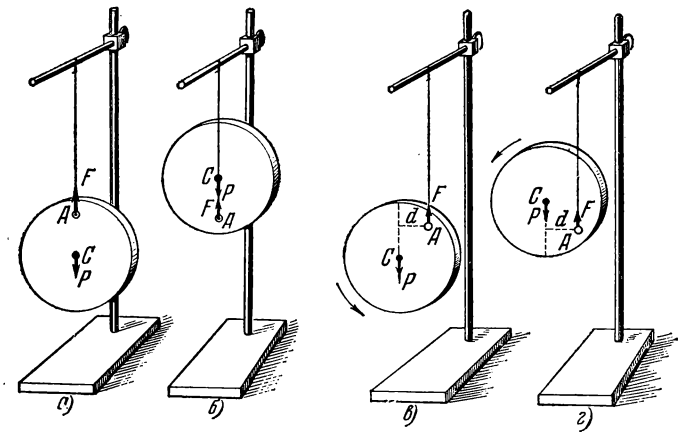


Рис. 133. *а*) Положение равновесия при центре тяжести *C*, расположенном ниже точки подвеса *A*. *б*) Положение равновесия при центре тяжести *C*, расположенном выше точки подвеса *A*. *в*) При отклонении тела из положения *а*) сила тяжести создает момент, *возвращающий* тело в положение равновесия. *г*) При отклонении тела из положения *б*) сила тяжести создает момент, *удаляющий* тело от положения равновесия.

Встречаются и промежуточные случаи равновесия: если шарик лежит на горизонтальной опоре, то смещение шарика вообще не нарушает равновесия, так как сила тяжести и сила, действующая со стороны плоскости, уравновешивают друг друга при любом положении шарика. Такое равновесие мы называем *безразличным* (рис. 132, *в*).

Другой пример безразличного равновесия — тело, закрепленное на горизонтальной или наклонной оси, проходящей через центр тяжести этого тела. При повороте такого тела вокруг оси момент силы тяжести относительно оси все время остается равным нулю (сила тяжести проходит через ось вращения), и тело остается в равновесии в любом положении. Этим пользуются для проверки правильности изготовления колес, якорей динамо-машин и т. д. В точно изготовленном колесе центр тяжести должен лежать на оси. Поэтому точно сделанное колесо, ось которого может вращаться в подшипниках, должно оставаться в равновесии при любом повороте оси. Если оно само возвращается все время в какое-то одно положение, то это указывает, что колесо не сбалансировано, т. е. центр тяжести его не лежит точно на оси.

Тело, закрепленное на вертикальной оси, всегда находится в безразличном равновесии под действием силы тяжести, независимо от того, проходит ли ось через центр тяжести или нет.

Упражнение. **82.1.** Испытайте, в каком положении равновесия устанавливается переднее велосипедное колесо, если велосипед приподнять. Что надо сделать для того, чтобы колесо находилось в состоянии безразличного равновесия?

§ 83. Условия устойчивого равновесия под действием силы тяжести. Сопоставляя рассмотренные случаи равновесия, можно подметить общее для всех случаев условие устойчивости: *если центр тяжести тела занимает наинизшее положение по сравнению со всеми возможными соседними положениями, то равновесие устойчиво.* Действительно, тогда при отклонении в любую сторону от этого положения центр тяжести будет подниматься и сила тяжести будет возвращать тело обратно. По этому признаку мы, не производя опыта, можем простым способом установить, будет ли тело находиться в устойчивом равновесии или нет.

Рассмотрим, например, однородный полушар, помещенный на горизонтальную плоскость (рис. 134); центр тяжести этого полушара C лежит на радиусе OA ниже точки O. Положим, что полушар немного наклонился и опирается о плоскость точкой B (рис. 134, *б*). Легко видеть, что расстояние BC больше, чем расстояние AC; значит, при отклонении от положения равновесия центр тяжести поднимается и положение равновесия полушара должно являться устойчивым. Опыт подтверждает этот вывод.

Рассмотрим теперь условия равновесия тела, опирающегося не на одну точку, как при подвешивании тела или при помещении шара на плоскость, а на несколько точек (например, стол) или на целую площадку (например, ящик, поставленный на горизонтальную плоскость). В этих случаях условие следующее: *для равновесия необходимо, чтобы вертикаль, проведенная через центр тяжести, проходила* *внутри площади опоры тела*, т. е. внутри контура, образованного линиями, соединяющими точки опоры, или внутри площадки, на которую опирается тело. При этом равновесие является устойчивым.

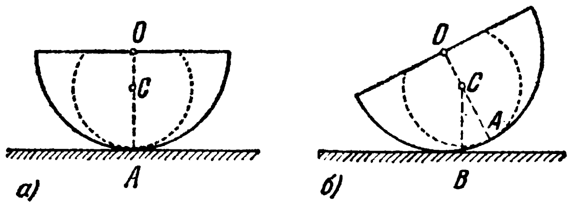


Рис. 134. Так как в положении *а*) центр тяжести расположен ниже, чем в положении *б*), то равновесие устойчиво.

Например, стол, стоящий на горизонтальн.м полу, находится в устойчивом равновесии (рис. 135, *а*). В самом деле, если наклонять стол, то его центр тяжести будет повышаться (рис. 135, *б*). Если, однако, наклонить стол так, чтобы

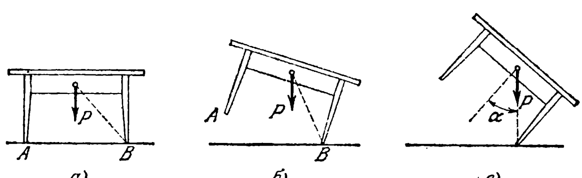


Рис. 135. При отклонении стола *б*) от его положения равновесия *а*) центр тяжести поднимается — равновесие устойчиво. В положении *в*) стол отклонен на предельный угол; при дальнейшем отклонении центр тяжести будет опускаться — равновесие неустойчиво.

вертикаль, проходящая через центр тяжести, вышла за пределы площади опоры, то момент силы тяжести будет вращать стол, удаляя его от положения равновесия, центр тяжести начнет опускаться, и стол опрокинется: имеется *предельный угол* наклона, после которого равновесие уже не восстанавливается, и тело опрокидывается. При наклоне в точности на предельный угол тело находится в равновесии, так как направление силы тяжести проходит через точку опоры (рис. 135, *в*), но это положение равновесия неустойчиво: тело либо вернется в устойчивое положение равновесия, либо опрокинется.

Очевидно, предельный угол тем меньше, чем выше лежит центр тяжести при данной площади опоры. Воз, грузовик или железнодорожная платформа, высоко нагруженные, легче могут опрокинуться, чем в случае, когда центр тяжести груза лежит низко. Устойчивость может быть улучшена увеличением площади опоры.

Из условия равновесия тела, опирающегося на несколько точек, делается ясным, почему подъемные краны всегда снабжаются тяжелым противовесом. Благодаря противовесу общий центр тяжести крана, груза и противовеса не выступает за прямоугольник, ограниченный точками опоры колес, даже тогда, когда кран поднимает тяжелый груз. Если центр тяжести тела с самого начала выходит за пределы площади опоры, как, например, для скамьи, на выступающий край которой сел человек, то равновесия нет и скамья опрокидывается.

Практически в большинстве случаев приходится встречаться только с положениями устойчивого равновесия, так как только в таких положениях тело, предоставленное самому себе, может оставаться сколько угодно времени, несмотря на случайные толчки. В противоположность этому, тело, помещенное в неустойчивое положение равновесия, удаляется от этого положения.

Можно, однако, так управлять условиями, в которых находится тело, что оно будет длительно оставаться вблизи положения неустойчивого равновесия, колеблясь вблизи него то в одну, то в другую сторону. Например, длинная палка, поставленная вертикально на пол, находится в неустойчивом положении равновесия и падает, как только мы отнимем от нее руку. Но палкой можно «балансировать», удерживая ее вблизи неустойчивого вертикального положения на конце пальца: для этого достаточно только слегка двигать рукой в ту же сторону, куда в данный момент наклоняется палка. Этим мы смещаем точку опоры и соответственно изменяем момент силы тяжести, который начинает отклонять палку в противоположном направлении. Конечно, такие движения нужно производить непрерывно, давая палке лишь слегка отклоняться то в одну, то в другую сторону под действием изменяющегося момента силы тяжести. При тренировке можно добиться такого точного управления моментами, что удается удерживать вблизи неустойчивого равновесия целые конструкции (жонглеры в цирке). Следя за игрой собственных ножных мускулов, можно заметить, что, стоя на одной ноге, мы практически находимся в состоянии неустойчивого равновесия: для того чтобы не упасть, все время приходится переносить вес тела то на пятку, то на носок.

Упражнения. **83.1.** Если игрушку «ванька-встанька» (рис. 136) положить на бок, то она поднимется. Где примерно находится ее центр тяжести?

83.2. Будет ли находиться в положении устойчивого равновесия тонкая линейка, опирающаяся на цилиндрическую поверхность (рис. 137)?

83.3. Почему человек, несущий груз на спине, наклоняется вперед?

83.4. Сплошной цилиндр стоит на доске длиной 50 *см*. На какую наибольшую высоту можно поднять один из концов доски, чтобы

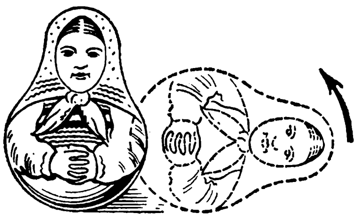


Рис. 136. Ванька-встанька.

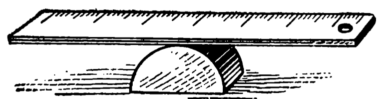


Рис. 137. К упражнению 83.2.

цилиндр не упал, если его высота в четыре раза больше диаметра основания?

83.5. Карандаш с воткнутым в него ножиком находится в устойчивом равновесии (рис. 138). Объясните это явление.

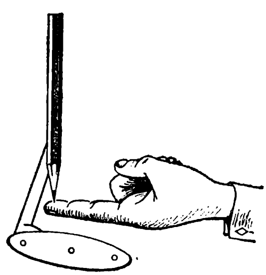


Рис. 138. К упражнению 83.5.

§ 84. Простые машины.

Уже в древности появились первые приспособления, при помощи которых поднимали и передвигали большие тяжести, приводили в действие осадные орудия (тараны) и т. д. Все эти приспособления служили для того, чтобы вызывать такие движения, при которых необходимо преодолевать большие силы (например, при подъеме тяжелого груза — его вес). Для этого силы, развиваемые приспособлениями, должны хотя бы в начале движения, превосходить силы, противодействующие движению. Но если движения, вызываемые приспособлениями, происходят медленно и если силы трения достаточно малы, то можно считать, что роль этих приспособлений сводится к тому, чтобы уравновесить большие силы, противодействующие движению. Иными словами, можно считать, что силы, развиваемые приспособлениями, должны быть равны по величине и противоположны по направлению силам, противодействующим движению. Все такие приспособления называют *простыми машинами*. Таким образом, вопрос о действии простых машин сводится к определению условий, при которых простая машина находится в равновесии.

Одной из наиболее распространенных простых машин является уже рассмотренный нами *рычаг*; рычаги часто применяются во всевозможных машинах и механизмах. Равновесие рычага наступает при условии, что отношение

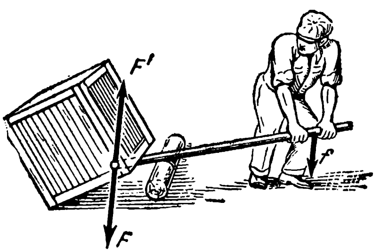


Рис. 139. Применение рычага. Сила, приложенная человеком, меньше силы F', действующей со стороны рычага на груз.

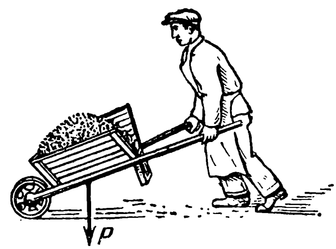


Рис. 140. Тачка как рычаг.

приложенных к его концам параллельных сил обратно отношению плеч и моменты этих сил противоположны по знаку. Поэтому, прикладывая небольшую силу к длинному концу рычага, можно уравновесить гораздо бо́льшую силу, приложенную к короткому концу рычага. Подложив под тяжелое тело рычаг с очень длинным вторым плечом (рис. 139), можно приподнять тело, приложив силу, во много раз меньшую, чем вес тела. Можно сказать, что рычаг — это «преобразователь» силы: малая сила f, приложенная к концу длинного плеча, вызывает большую силу F' на конце короткого плеча. Мы получаем «выигрыш в силе».

Тачка — это тоже рычаг (рис. 140). Сила тяжести груза P приложена гораздо ближе к оси колеса тачки (которая в этом случае играет роль оси рычага), чем сила, действующая со стороны рук человека. Поэтому человек может приподнять на тачке такой груз, которого он прямо руками поднять не в состоянии. Сила, действующая со стороны рук человека, должна быть направлена вверх, чтобы создаваемый ею момент относительно оси рычага был противоположен моменту силы P.

Другим распространенным типом простых машин являются различные комбинации блоков. Рассмотрим сначала *простой блок* (рис. 141). Будем считать, что он вращается в подшипниках без трения. Если веревка натянута и не скользит по блоку, то блок находится под действием двух сил натяжения веревки F_1 и F_2; точками приложения этих сил можно считать точки A и B на окружности блока. Условия равновесия блока, как и условия для рычага, определяются из условий равновесия моментов приложенных сил. Так как плечи сил F_1 и F_2 (радиусы блока

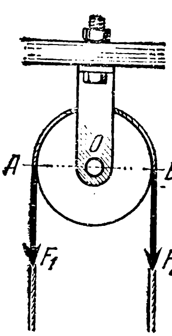


Рис. 141. Простой блок.

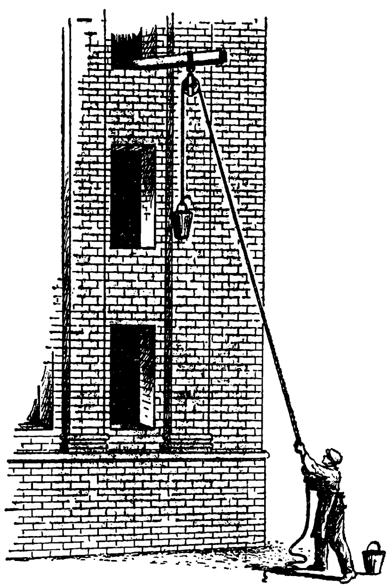


Рис. 142. Применение простого блока для подъема груза.

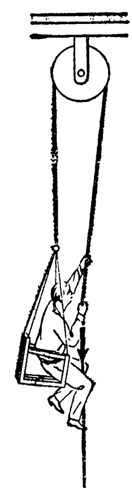


Рис. 143. К упражнению 84.1.

OA и OB) равны, то блок будет находиться в равновесии, если обе приложенные силы равны по величине. Блок — это равноплечий рычаг. Примененный, как показано на рис. 141, простой блок не дает никакого выигрыша в силе. Его роль заключается только в изменении направления, в котором нужно прикладывать силу. Тянуть за веревку, опускающуюся сверху, часто удобнее, чем за веревку, идущую снизу (рис. 142).

Вместо вращающегося блока можно применить какую-нибудь гладкую неподвижную опору, перекинув через нее веревку, которая сможет скользить по опоре; разница будет только в величине трения (в этом случае оно, как правило, будет больше, чем для блока, ось которого вращается в подшипниках).

Упражнение. **84.1.** Пожарные, альпинисты, маляры иногда применяют неподвижный блок так, как показано на рис. 143, поднимая сами себя по веревке. Получается ли при этом выигрыш в силе по отношению к весу поднимаемого груза?

Для того чтобы получить выигрыш в силе, применяют разные комбинации блоков, например *двойной блок*. Он

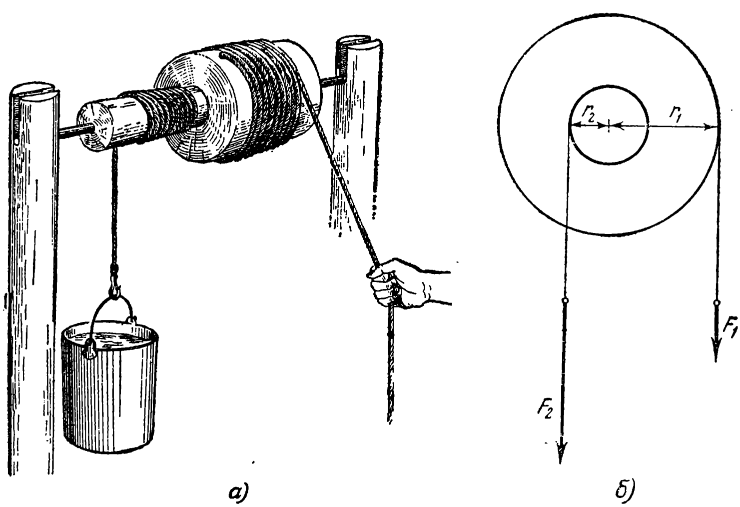


Рис. 144. *а*) Двойной блок. *б*) Схема двойного блока.

состоит из двух блоков разного радиуса, жестко скрепленных между собой и насаженных на общую ось (рис. 144). К каждому блоку прикреплена веревка так, что она может наматываться на блок или сматываться с него, но не может скользить по блоку. Плечи силы (радиусы блоков r_1 и r_2)

в этом случае различны, т. е. двойной блок действует как *неравноплечий рычаг*. Условия равновесия двойного блока такие же, как и неравноплечего рычага: $F_1 r_1 = F_2 r_2$, или $\frac{F_1}{F_2} = \frac{r_2}{r_1}$. Двойной блок также можно рассматривать как преобразователь силы. И здесь, прикладывая малую силу к веревке, навитой на блок большого радиуса, мы можем получить большую силу, действующую со стороны веревки, навитой на блок малого радиуса.

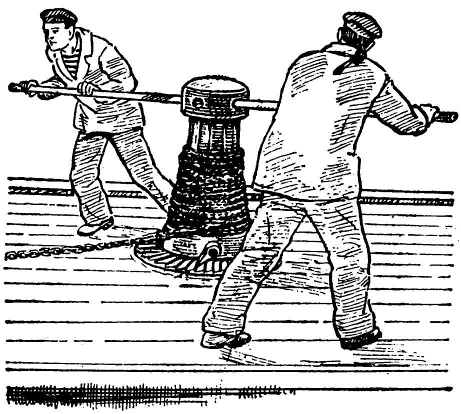


Рис. 145. Вертикальный ворот (кабестан).

Некоторым видоизменением двойного блока является *ворот*, который применяется, например, для подъема воды из колодцев, а также *кабестан* (вертикальный ворот), применявшийся раньше для подъема якорей на судах, когда этот подъем производился вручную (рис. 145). Спицы кабестана играют ту же роль, какую играет блок большего диаметра в двойном блоке.

Следовательно, условия равновесия для ворота такие же, как и для двойного блока, но вместо радиусов меньшего и большего блоков должны быть взяты соответственно радиус барабана и длина спицы, считая от оси до места приложения силы. Так как длину спиц можно сделать во много раз большей, чем радиус барабана, то ворот позволяет уравновешивать силы, во много раз бóльшие, чем те, которые приложены к спицам.

Широко используются в технике также различные типы сложных блоков — *полиспасты*. Принцип действия таких сложных блоков следующий (рис. 146). Две группы блоков насажены каждая на общую ось так, что каждый из блоков может вращаться вокруг этой оси независимо от других блоков группы. Одна группа образует неподвижную, а другая — движущуюся часть сложного блока. Веревка пропускается поочередно через блоки одной и другой группы и закрепляется одним концом на обойме неподвижной группы. Если к свободному концу веревки приложить силу F, то натяжение всех частей веревки будет равно этой силе (трением во всех блоках мы, как и прежде, пренебрегаем). Каждый кусок веревки между блоками будет действовать на движущийся груз с силой F, а все куски веревки будут действовать с силой nF, где n — число отдельных участков веревки, соединяющих обе части блока, или, что то же самое, общее число блоков в движущейся и неподвижной частях. Поэтому сила F, приложенная к концу веревки, уравновесит приложенную к подвижной части блока силу nF, где n—общее число блоков.

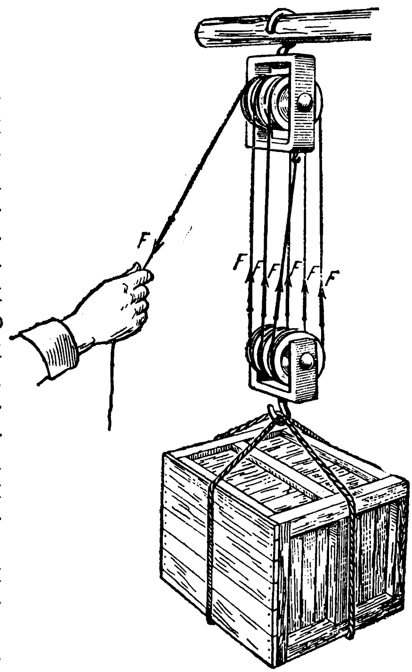


Рис. 146. Полиспаст.

Дифференциальный блок состоит из двойного блока и одного простого блока и использует бесконечную цепь (рис. 147, *а*). Чтобы цепь не скользила по блокам, в них делают углубления для звеньев цепи. На рис. 147, *б* показана схема сил для дифференциального блока. Условие равновесия есть

$$F_1R = \frac{1}{2} F_2(R-r).$$

Мы видим, что в условие равновесия входит разность радиусов двух блоков. Поэтому система и названа дифференциальным (разностным) блоком.

Во всех рассмотренных случаях применения простых машин на первый план выдвигался вопрос, как при помощи небольших сил сообщить хотя бы медленное движение телу, несмотря на противодействие значительных сил (например, подъем вручную тяжелого якоря). Мы достигали этого «выигрыша в силе», действуя с некоторой силой на длинный конец рычага, на свободный конец веревки полиспаста и т. д. Нетрудно видеть, что при этом другой конец рычага или подвижная группа блоков в полиспасте продвиглась на соответственно меньший путь.

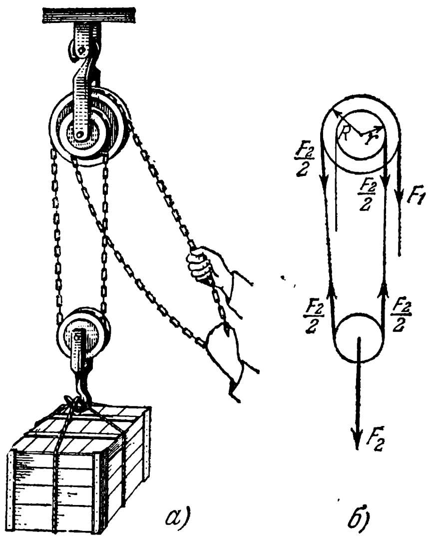


Рис. 147. *а*) Дифференциальный блок. *б*) Схема дифференциального блока.

Если, например, применять при подъеме груза полиспаст с n блоками, то можно ограничиться силой, в n раз меньшей, чем вес груза, но зато свободный конец веревки должен быть за время подъема перемещен на путь, в n раз больший, чем путь поднимаемого груза (так как каждый из участков веревки между блоками укорачивается на длину этого пути), т. е. груз движется со скоростью, в n раз меньшей, чем скорость рук тянущего человека.

В современной технике, однако, нередко встает вопрос о получении значительной скорости перемещения. В этих случаях надо применять простые машины так, чтобы перемещаемая часть была связана с длинным концом рычага, свободным концом веревки полиспаста и т. д. При этом, конечно, требуется применять силу, в соответственное число раз *бо́льшую*, чем сила, противодействующая движению.

Например, шатун паровой машины паровоза давит с большой силой на короткое плечо кривошипа, сообщая точкам обода колеса большую скорость (рис. 148).

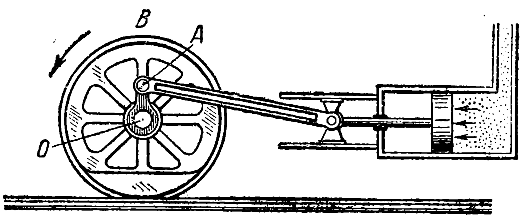


Рис. 148. Кривошипный механизм паровоза. Скорости точек обода больше скорости, сообщаемой подшипнику A шатуном, соединенным с поршнем.

§ 85. **Клин и винт.** К числу простых машин относится также *клин*, имеющий многообразные применения. Рассмотрим действие клина (лезвия колуна) при колке дров (рис. 149, 150). На тыльную поверхность клина, например при ударах кувалды, действует сила $\boldsymbol{P}$, вгоняющая клин в

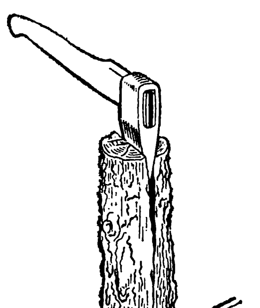


Рис. 149. Раскалывание полена колуном.

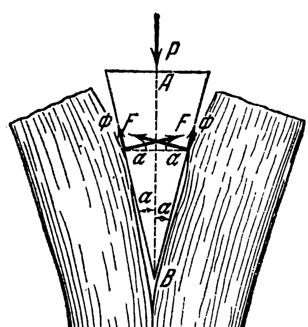


Рис. 150. Силы, действующие на клин (лезвие колуна).

трещину (рис. 150); на боковые поверхности клина действуют силы давления $\boldsymbol{F}$ со стороны раскалываемого полена. При равновесии клина сумма проекций всех приложенных к нему сил на любое направление, например на ось клина, должна равняться нулю, т. е. сила $\boldsymbol{P}$ должна уравновешивать сумму составляющих сил $\boldsymbol{F}$, направленных вдоль оси клина. Проекция силы $\boldsymbol{F}$ на AB равна $F \sin\alpha$. На рис. 150 изображен клин, симметричный относительно плоскости AB: стороны клина составляют с AB одинаковые углы α, и обе проекции сил равны. В таком случае условие равновесия клина есть $P=2F\sin\alpha$. При малом α сила P может быть значительно меньше $2F$. Например, для топора-колуна, представляющего собой стальной клин на рукоятке, угол лезвия равен около 25° ($2\alpha=25°$); в соответствии с этим P примерно в пять раз меньше, чем $2F$.

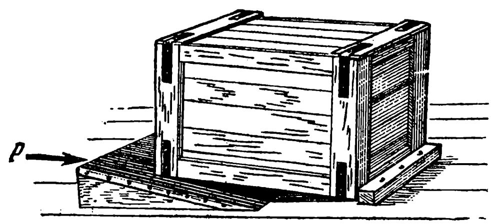


Рис. 151. Применение клина для приподнимания тяжести.

На рис. 151 изображено применение клина для приподнимания тяжести. Чем острее клин, тем меньшую силу P надо приложить, чтобы приподнять данный груз.

Но клин, как и всякую простую машину, требуется не уравновесить, а заставить двигаться в нужном направлении. Только тогда он выполнит свою роль, например, расколет полено. В отличие от рычагов и блоков, при работе клина большую роль играет сила трения. В блоке и рычаге силы трения сравнительно малы. Для клина же силы трения между боковыми гранями и телом, в которое вгоняется клин (силы Φ на рис. 150), обычно очень велики, так как велики и силы давления F, и коэффициент трения между сталью и деревом, и исключать их из расчета нельзя.

Типом простой машины, сходным с клином по принципу действия, является *винт* (рис. 152). Винт и навинченная на него гайка имеют винтовую резьбу; при вращении винта гайка перемещается вдоль него. Чтобы наглядно представить себе один виток резьбы винта, надо вообразить прямоугольный треугольник, навитый на цилиндр (рис. 153).

Катет AB равен шагу винта, т. е. расстоянию, на которое переместится гайка при полном обороте винта, а катет BC представляет собой длину окружности основания того цилиндра, на который нанесена резьба винта. Гипотенуза AC представляет собой край одного оборота резьбы винта; к ней прилегает край одного оборота резьбы гайки $A'C'$.

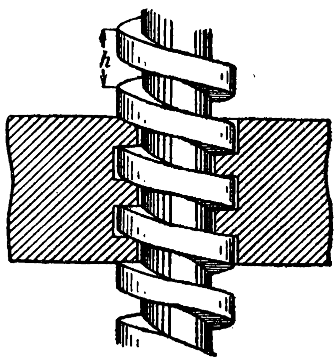


Рис. 152. Винт с гайкой. h — шаг винта.

Длина окружности $BC=2\pi r$, где r —радиус цилиндра. При вращении винта резьба его нажимает на резьбу гайки и заставляет ее двигаться вдоль оси винта. Силами трения между винтом и гайкой часто можно пренебречь (так как их

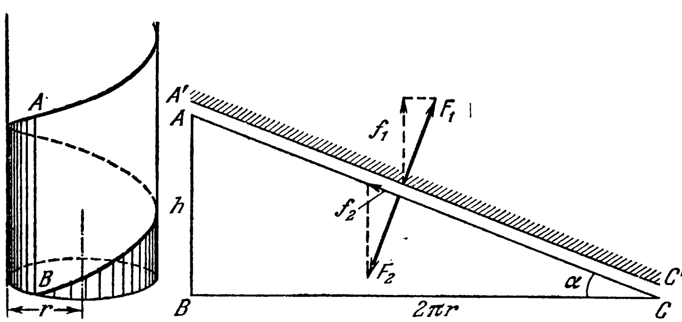


Рис. 153. Винт может быть представлен как прямоугольный треугольник, навитый на цилиндр.

поверхности тщательно шлифуются и густо смазываются). Поэтому силы давления между винтом и гайкой направлены практически перпендикулярно к плоскости их соприкосновения. Со стороны винта на гайку действует сила F_1, а со стороны гайки на винт — равная ей по величине сила F_2. Вращая винт, нужно преодолевать составляющую силы F_2, направленную против движения винта, т. е. силу f_2. При этом в направлении оси винта на гайку действует составляющая силы F_1, т. е. сила f_1; при заданном значении f_1 составляющая f_2 тем меньше, чем меньше угол α. Соотношение между силами получается таким же, как для клина с углом при основании, равным α. Таким образом, угол клина, эквивалентного винту, определяется шагом винта и его диаметром. Винты, эквивалентные острому клину, делаются толстыми (большое r) и с малым шагом (малое h). Таковы, например, винты у домкрата — простого приспособления для подъема тяжестей, действие которого понятно из рис. 154. Винты применяются во всевозможных приспособлениях для сдавливания (пресс, рис. 155) или крепления (болты, шурупы для дерева и т. д.). Во всех этих случаях сравнительно небольшой внешней силой можно создать большую силу давления.

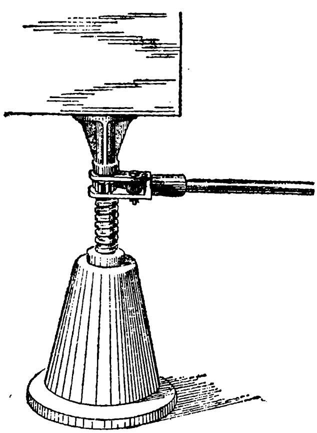


Рис. 154. Домкрат.

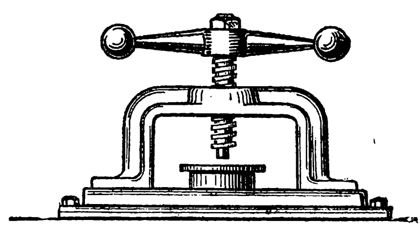


Рис. 155. Винтовой пресс.

При рассмотрении действия винтов для крепления надо учитывать силу трения: чтобы сдвинуть одно твердое тело вдоль другого, надо приложить некоторую минимальную силу, определяемую трением покоя (§ 64). Сила трения покоя, действующая между головкой винта и поверхностью, в которую винт завинчен, в случае туго затянутого винта может быть довольно значительна, так как она пропорциональна силам давления. Кроме того, она направлена вдоль резьбы винта. Так как большинство толчков и усилий направлено по оси винта, то слагающая их вдоль резьбы винта незначительна и тем меньше, чем меньше шаг винта. Поэтому скрепляющее действие винтов и шурупов обычно бывает очень велико, т. е. требуются большие и повторные толчки вдоль оси, чтобы повернуть винт и расслабить винтовое крепление.

В большинстве случаев винт поворачивается при помощи более или менее длинной ручки, приделанной к нему (пресс), или рукоятки ключа, надеваемого на головку винта. В таком случае мы имеем соединение двух простых машин — ворота и винта (клина).

Упражнение. **85.1.** Рассмотрите простые машины, принципы которых использованы в велосипеде (руль, педаль, передача). В каких из них добиваются выигрыша в силе, а в каких — выигрыша в скорости?

ГЛАВА IV

РАБОТА И ЭНЕРГИЯ

§ 86. «Золотое правило» механики. Еще в древности при применении простых машин (рычаг, блок, ворот и т. д.) была обнаружена замечательная особенность всех этих машин: оказалось, что в простых машинах перемещения вполне определенным образом связаны с силами, развиваемыми машиной. Именно, *отношение перемещений двух концов простой машины, к которым приложены силы, всегда обратно отношению сил, приложенных к этим концам.*

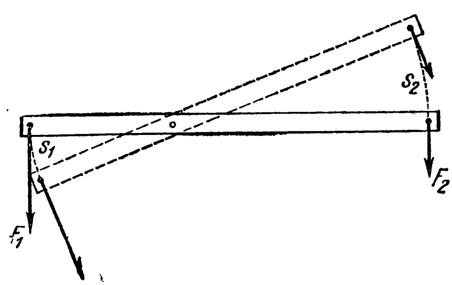


Рис. 156. Сила, действующая на левое плечо рычага, в n раз больше силы, действующей на правое плечо. Перемещение s_1 левого плеча в n раз меньше перемещения s_2 правого плеча.

Например, если для равновесия рычага сила F_1 должна быть в n раз больше, чем сила F_2 (рис. 156), то при вращении рычага перемещение s_1 его первого конца будет в n раз меньше, чем перемещение s_2 второго конца. Для двойного блока такое же соотношение получается между силами, приложенными к веревкам, намотанным на оба блока и удерживающим его в равновесии, и перемещениями концов веревок при вращении блока. Это обстоятельство было сформулировано еще в древности следующим образом: «то, что мы выигрываем в силе, мы проигрываем в пути». Положение это имеет столь общее и вместе с тем столь важное значение, что оно получило название *«золотого правила» механики.*

Пользуясь введенными обозначениями, можем выразить «золотое правило» следующей формулой:

$$\frac{F_2}{F_1}=\frac{s_1}{s_2}, \quad \text{или} \quad F_1 s_1 = F_2 s_2.$$

В дальнейшем типы движений и характер машин, с которыми приходилось иметь дело в механике, все более и более усложнялись, и оказалось, что в таком простом виде «золотое правило» механики не всегда справедливо. Но попутно с усложнением видов движений и типов машин постепенно дополнялось и усложнялось «золотое правило» механики так, чтобы оно охватывало и более сложные случаи. При этом из «золотого правила» возникли важнейшие физические представления о работе и энергии. Вместе с тем «золотое правило» механики явилось первой простейшей формулировкой одного из основных законов природы — *закона сохранения энергии*, который оказался справедливым для всех без исключения явлений в природе.

Для выяснения понятий работы и энергии мы рассмотрим «золотое правило» механики более подробно. Чтобы упростить рассмотрение, мы сначала будем предполагать, что силы трения отсутствуют. Затем мы выясним, как изменится вся картина при учете сил трения.

§ 87. Применения «золотого правила». «Золотое правило» механики практически соблюдается только в тех случаях, когда движение простых машин происходит равномерно, или с малыми ускорениями[1]). Например, при вращении двойного блока концы веревок, навитых на скрепленные между собой блоки радиусов r_1 и r_2, переместятся на расстояния s_1 и s_2, пропорциональные этим радиусам:

$$\frac{s_1}{s_2}=\frac{r_1}{r_2}.$$

[1]) «Золотое правило» было подмечено древними механиками именно потому, что им приходилось иметь дело как раз с такими случаями.

Значит, для того чтобы «золотое правило» было справедливо для двойного блока, должно быть выполнено условие

$$\frac{F_1}{F_2} = \frac{r_2}{r_1}.$$

Тогда силы F_1 и F_2 уравновесятся и, значит, машина должна либо покоиться, либо двигаться равномерно. Но для того, чтобы привести в движение двойной блок, нужно нарушить равновесие, прибавив к одной из сил, например к F_1, некоторую силу f (рис. 157). Возникающее движение будет ускоренным (напомним, что, по нашему предположению, трение отсутствует). При этом $(F_1+f)\,s_1 > F_2 s_2$—при движении двойного блока с ускорением «золотое правило» не соблюдается. Но чем меньше сила f по сравнению с F_1, тем ближе друг к другу произведения силы на путь для обоих концов блока и тем меньше отклонение от «золотого правила». При очень малых f движение будет происходить с очень малым ускорением, т. е. будет близко к равномерному.

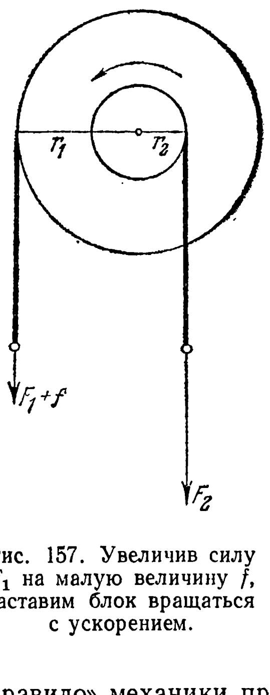


Рис. 157. Увеличив силу F_1 на малую величину f, заставим блок вращаться с ускорением.

Итак, «золотое правило» механики соблюдается *вполне точно при равномерном движении* (без трения) и *приближенно при движении с малым ускорением*. Ни одна машина не движется всегда равномерно: вначале она должна прийти в движение, а в конце должна остановиться. Но если пуск в ход и остановка двойного блока происходят с малым ускорением, то «золотое правило» механики практически справедливо во все время действия этой машины.

Таким же образом, как и для двойного блока, мы могли бы убедиться, что «золотое правило» механики справедливо и для всех простых машин при условии, что направления приложенных к машине сил и направления перемещений точек приложения сил совпадают. Для всех таких машин «золотое правило» механики справедливо в том виде, как мы вывели его для двойного блока: при равномерном движении машины (а практически также при движении с очень малыми ускорениями) произведения силы на перемещение точки приложения для обеих сил равны.

Упражнение. **87.1.** Покажите, что «золотое правило» механики справедливо для полиспаста, для ворота.

§ 88. Работа силы. В предыдущем параграфе мы установили, что в простой машине при равномерном движении всегда существует вполне определенная связь между силами и перемещениями: если направления силы и перемещения совпадают, то произведения силы на перемещение для обеих точек приложения сил оказываются одинаковыми. Таким образом, произведение силы на перемещение играет особую роль: при его помощи можно охарактеризовать действие простых машин. В дальнейшем выяснится, что оно исключительно важно и для характеристики многих иных явлений.

Ввиду его важности это произведение рассматривается как самостоятельная физическая величина. Эта новая физическая величина получила особое название: *работа* силы.

Итак, *работа есть произведение силы на перемещение при условии, что направления силы и перемещения совпадают.*

Таким образом, когда точка приложения силы перемещается, то сила совершает работу. Если перемещение происходит в направлении действия силы, то сила совершает работу, равную произведению силы на перемещение. Если же, несмотря на действие силы, перемещение точки приложения силы не происходит, то сила никакой работы не совершает. Например, если какой-либо груз неподвижно висит на подвесе, то действующая на него сила тяжести не совершает работы; но при опускании или падении груза эта сила работу совершает. Если сила тяжести груза равна P и груз опустился на расстояние h, то работа силы тяжести равна Ph.

Точно так же и в простых машинах (в рычаге, блоке и т. д.) приложенные силы не совершают работы, пока машина не движется. Но если блок начинает вращаться и конец веревки, к которому приложена сила, начинает перемещаться в направлении действия силы, то эта сила совершает работу, равную произведению силы на перемещение.

Во всех движущих механизмах (паровой машине, двигателе внутреннего сгорания, электрическом моторе и т. д.) действуют силы, которые совершают работу при движении механизма. Так, в паровой машине сила давления пара на поршень совершает работу при движении поршня; силы давления газов сгоревшего заряда пороха совершают работу при движении снаряда. Силы взаимодействия электрических токов, текущих в обмотках электромотора, совершают работу при вращении мотора.

Понятие работы как физической величины, введенное в механике, только до известной степени согласуется с представлением о работе в житейском смысле. Действительно, например, работа грузчика по подъему тяжести расценивается тем больше, чем больше поднимаемый груз и чем на бóльшую высоту он должен быть поднят. Однако с той же житейской точки зрения мы склонны называть «физической работой» всякую деятельность человека, при которой он совершает известные физические усилия. Но, согласно даваемому в механике определению, эта деятельность может и не сопровождаться работой. В известном мифе об Атласе, поддерживающем на своих плечах небесный свод, люди имели в виду усилия, необходимые для поддержания огромной тяжести, и расценивали эти усилия как колоссальную работу. Для механики же здесь нет работы, и мышцы Атласа могли бы быть попросту заменены прочной колонной.

§ 89. Работа при перемещении, перпендикулярном к направлению силы. Когда перемещение происходит в направлении, перпендикулярном к направлению силы, то сила не влияет на перемещение в этом направлении; поэтому мы считаем, что в этом случае сила не производит никакой работы: *если сила и перемещение перпендикулярны друг к другу, то работа силы равна нулю.* Так, например, при перемещении по горизонтальной плоскости работа силы тяжести равна нулю (рис. 158).

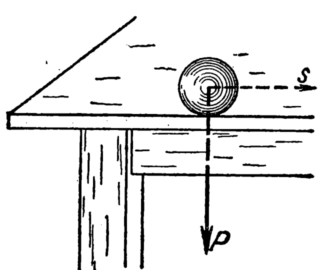


Рис. 158. При качении шара по горизонтальному столу сила тяжести перпендикулярна к перемещению и ее работа равна нулю.

§ 90. Работа силы, направленной под любым углом к перемещению. Мы определили работу силы в двух специальных случаях: когда перемещение точки приложения силы совпадает по направлению с силой и когда оно перпендикулярно к силе. В первом случае работа равна произведению силы на перемещение, во втором — равна нулю.

Теперь найдем выражение для работы силы в общем случае, когда перемещение $\boldsymbol{s}$ образует произвольный угол α с направлением силы $\boldsymbol{F}$ (рис. 159). Для этого разложим силу $\boldsymbol{F}$ на две составляющие: $\boldsymbol{F}_1$, направленную вдоль перемещения (и равную проекции силы $\boldsymbol{F}$ на направление перемещения $\boldsymbol{s}$), и $\boldsymbol{F}_2$, направленную перпендикулярно к $\boldsymbol{s}$. Работа силы $\boldsymbol{F}_1$, совпадающей по направлению с перемещением $\boldsymbol{s}$, равна $F_1 s$; работа силы $\boldsymbol{F}_2$, перпендикулярной к направлению $\boldsymbol{s}$, равна нулю. Принимая работу равнодействующей равной сумме работ составляющих, находим, что работа A силы $\boldsymbol{F}$ на перемещении s есть

$$A = F_1 s, \qquad (90.1)$$

т. е. *работа силы равна проекции силы на направление перемещения точки ее приложения, умноженной на величину перемещения.*

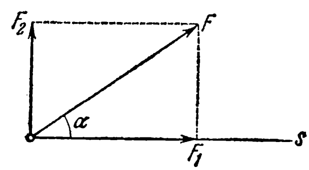


Рис. 159. Разложение силы F на составляющие вдоль перемещения s (сила F_1) и перпендикулярно к нему (сила F_2).

Так как проекция любого отрезка на какое-нибудь направление равна длине отрезка, умноженной на косинус угла между отрезком и этим направлением, то $F_1 = F \cos \alpha$. Следовательно, работа A силы $\boldsymbol{F}$ при перемещении $\boldsymbol{s}$ равна

$$A = Fs \cos \alpha. \qquad (90.2)$$

Но величина $s_1 = s \cos \alpha$ равна проекции перемещения на направление силы; значит, из формулы (90.2) следует еще одно соотношение для величины произведенной работы:

$$A = Fs_1, \qquad (90.3)$$

т. е. *работа силы равна проекции перемещения точки ее приложения на направление силы, умноженной на величину силы.*

Формула (90.2) включает рассмотренные выше частные случаи. Когда направления силы и перемещения совпадают, $\alpha = 0$ и $\cos \alpha = 1$, так что работа равна $A = Fs$. Когда же сила и перемещение перпендикулярны друг к другу, то $\alpha = 90°$ и $\cos \alpha = 0$, так что и работа равна нулю.

§ 91. Положительная и отрицательная работа. Сила совершает работу, если перемещение точки приложения силы происходит в направлении действия силы. Если же это перемещение происходит в направлении, противоположном направлению действия силы, то мы говорим, что совершается работа *против* данной силы. Например, если на нерастянутую пружину мы подвесим груз (рис. 160) и дадим ему возможность опускаться, то сила тяжести, действующая на груз, совершит работу, так как груз движется в направлении этой силы. В то же время пружина растягивается и совершается работа против силы упругости пружины.

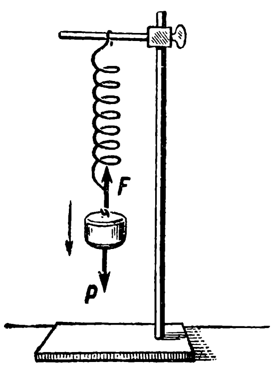


Рис. 160. При опускании груза совершается работа против силы натяжения пружины F.

Для того чтобы различать работу, совершаемую силой, и работу против силы, работе можно приписать знак; будем считать работу, совершаемую силой, *положительной*, а работу, совершаемую против действия силы, — *отрицательной*. При опускании груза работа силы тяжести положительна, а работа силы упругости пружины отрицательна.

Условие о знаке работы будет выполнено само собой, если приписывать одинаково направленным перемещениям и силам одинаковые знаки, а противоположно направленным перемещениям и силам — разные знаки. Подобно этому при силе, составляющей произвольный угол с перемещением, будем считать знаки перемещения и компоненты силы вдоль перемещения одинаковыми или разными в зависимости от того, направлена ли компонента силы по перемещению или противоположно ему.

Формула (90.2) годится и для того случая, когда совершается работа против силы. В самом деле, тогда угол α между силой и перемещением больше $90°$, $\cos\alpha$ делается отрицательным и работа получается отрицательной.

Если на движущееся тело действует только одна сила, то, когда эта сила совершает положительную работу, скорость тела растет. Действительно, в этом случае сила, а значит, и ускорение направлены по скорости, увеличивая ее. Если же сила совершает отрицательную работу, ускорение направлено против скорости и скорость тела убывает.

§ 92. Единицы работы. Так как работа определяется произведением силы на перемещение, то за единицу работы следует принять работу, совершаемую силой, равной единице, при перемещении точки ее приложения в направлении действия силы на расстояние, равное единице.

В системе СИ единицей работы служит работа силы в 1 *н* при перемещении на 1 *м*. Эта единица носит название «джоуль» и обозначается *дж* [1]).

В системе СГС единицей работы служит работа, которую совершает сила в 1 *дн* при перемещении на 1 *см*. Эту единицу работы называют «эрг». Так как 1 $н = 10^5$ *дн*, а $1 м = 10^2$ *см*, то

$$1\ дж = 1 \cdot 10^7\ эрг.$$

В системе единиц МКСС за единицу работы следует принять работу, которую сила в 1 *кГ* совершает при перемещении на 1 *м*. Эта единица работы носит название «килограммометр» (*кГм*). Из соотношения 1 *кГ* = 9,8 *н* заключаем:

$$1\ кГм = 9{,}8\ дж.$$

При грубых расчетах можно полагать

$$1\ кГм = 10\ дж.$$

Упражнения. **92.1.** Найти работу, которая совершается в течение 3 *мин* в насосе, подающем в 1 *сек* 50 *л* воды на высоту в 20 *м*.

92.2. Мальчик тянет санки по горизонтальному пути, натягивая привязанную к ним веревку под углом 37° к горизонту с силой 2 *кГ*. Какую работу он произведет, протащив санки на 600 *м*?

§ 93. О движении по горизонтальной плоскости. В § 89 уже было отмечено, что при перемещении точки приложения силы в горизонтальной плоскости сила тяжести не совершает работы. Значит, для того, чтобы перемещать тело по горизонтали, не нужно совершать работы против силы тяжести. Вся работа, которую все же приходится затрачивать при таком перемещении,— это работа на преодоление сил трения и сопротивления среды. Когда велосипедист едет по

---

[1]) Название введено в честь английского физика Джемса Джоуля (1818—1889).

горизонтальному пути, он не совершает никакой работы против силы тяжести; только поднимаясь в гору, он совершает работу против этой силы. Несколько иначе обстоит дело с пешеходом. При ходьбе по горизонтальному пути центр тяжести тела человека не остается на одной и той же высоте, а при каждом шаге поднимается и затем снова опускается. Когда центр тяжести поднимается вверх, человек затрачивает работу. Поэтому при ходьбе даже по горизонтальному пути совершается работа не только против силы сопротивления среды, но и против силы тяжести. Считая, что при каждом шаге центр тяжести поднимается на 5 *см*, а масса человека равна 70 *кг*, найдем, что при каждом шаге совершается довольно значительная работа в 35 *дж* на поднятие центра тяжести. Отрицательная же работа при опускании центра тяжести не используется. Правильная походка уменьшает затрату работы при ходьбе и поэтому меньше утомляет.

§ 94. Работа силы тяжести при движении по наклонной плоскости. Применим результат, полученный в § 90, для определения работы, которую совершает сила тяжести P при движении тела вниз по наклонной плоскости (рис. 161).

Проекция NO перемещения $s=MN$ на направление силы тяжести, т. е. на вертикаль, равна высоте h наклонной плоскости. Значит, согласно формуле (90.3), работа силы тяжести при перемещении тела вдоль наклонной плоскости из точки N в точку M будет равна силе тяжести, умноженной на высоту наклонной плоскости:

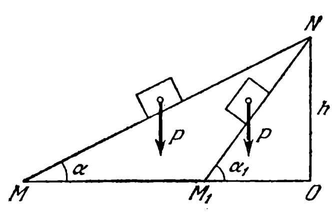


Рис. 161. При скольжении по наклонным плоскостям работа силы тяжести определяется высотой h, на которую опускается груз, и не зависит от угла наклона плоскости.

$$A=Ph. \qquad (94.1)$$

Тот же результат получится и для наклонной плоскости NM_1. Таким образом, работа силы тяжести не зависит от угла наклона, а только от высоты наклонной плоскости; сила тяжести совершила бы такую же работу и в том случае, если бы груз опустился на такое же расстояние прямо по вертикали.

Отсюда мы можем сделать и более общий вывод: по какому бы пути ни опускался груз, сила тяжести P совершает работу $A = Ph$, где h — высота, на которую опустился груз. Действительно, любой путь мы можем представить себе состоящим из бо́льшого числа участков различных наклонных плоскостей (рис. 162). Работа по каждому из участков определяется высотой, на которую опустился груз при перемещении по этому участку. Работа же по всему пути равна действующей на груз силе тяжести, умноженной на полную высоту, на которую опустился груз.

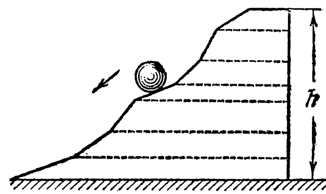


Рис. 162. Любой путь можно представить как совокупность большого числа малых участков наклонных плоскостей.

Совершенно аналогичный вывод можно сделать и для подъема данного тела по наклонной плоскости или какому-либо другому пути. В этом случае работа *против* силы тяжести также не будет зависеть от формы пути, а только от высоты поднятия.

§ 95. Принцип сохранения работы. Понятие работы позволяет по-новому подойти к «золотому правилу» механики. Обратимся снова к двойному блоку и предположим, что при помощи силы, прикладываемой к концу одной из веревок, производится поднятие некоторого груза, подвешенного к концу второй веревки. Как мы видели, для концов обеих веревок произведения силы на перемещение равны. С другой стороны, сила, действующая на первую веревку, и перемещение конца этой веревки совпадают по направлению. Точно так же совпадают направления перемещения гири и силы, действующей на нее со стороны второй веревки. Значит, работа, совершаемая силой, приложенной к первой веревке, равна работе, совершаемой над гирей со стороны простой машины. Таким образом, двойной блок не создает работы и не приводит к исчезновению работы, а лишь *передает* ее. В то же время суммарная работа, совершаемая над простой машиной, оказывается равной нулю: действительно, для сил, приложенных к веревкам, направления силы и перемещения совпадают для одной веревки и противоположны для другой, т. е. равные по величине работы имеют противоположные знаки и при сложении уничтожают друг друга.

Это положение оказывается справедливым для всех простых машин, как для случаев, когда направления сил и перемещений совпадают, т. е. для случаев, когда применимо «золотое правило», так и для случаев, когда они не совпадают и «золотое правило» не применимо.

Таким образом, мы приходим к принципу более общему, чем «золотое правило»: *во всякой простой машине, движущейся равномерно, работа передается без изменения*, т. е. работа, которую совершает машина, равна работе силы, приводящей машину в движение. Это положение получило название: *принцип сохранения работы.*

Необходимо иметь в виду, что принцип сохранения работы не будет выполнен, если простая машина деформируется при передаче работы, например, если рычаг сгибается или веревки полиспаста растягиваются. В самом деле, если попытаться поднять большую тяжесть, применив в качестве рычага гибкий прутик, то, совершив на длинном конце рычага определенную работу, мы даже не стронем с места груз, лежащий на коротком плече, на котором, следовательно, произведенная работа будет равна нулю: единственным результатом будет то, что рычаг согнется. Подобно этому, заменив в блоке веревку легко растягивающейся резинкой и попытавшись поднять с земли большой груз, мы произведем работу, растягивая резинку с одного конца, но второй конец резинки, привязанный к грузу, который так и останется лежать на месте, никакой работы не произведет. И здесь единственным результатом будет деформация механизма. Если взять более жесткий рычаг или более толстую резинку, то поднять груз на некоторую величину может быть и удастся. Однако работа, произведенная на втором конце нашей машины, будет в этом случае меньше, чем работа, производимая приложенной силой,— «золотое правило» и принцип сохранения работы будут нарушены. Поэтому в дальнейшем будем считать, что все простые машины изготовлены из несгибаемых рычагов, имеют нерастяжимые веревки и т. д. Тогда принцип сохранения работы будет выполнен.

Принцип сохранения работы дает возможность удобного расчета сил в простых машинах. Например, в полиспасте с n витками веревки (рис. 146) конец веревки, за который тянут рукой, перемещается больше, чем крюк, тянущий груз. Действительно, при перемещении руки на длину s подвижная часть блока поднимается на высоту в n раз меньшую, так как изменение длины веревки распределяется на n ее участков между блоками. Следовательно, на основании принципа сохранения работы мы можем утверждать, что сила, приложенная к концу веревки, должна быть в n раз меньше, чем сила, приложенная к крюку (весом подвижной группы блоков мы пренебрегаем). Этот результат мы получили выше (§ 84) непосредственно из рассмотрения сил.

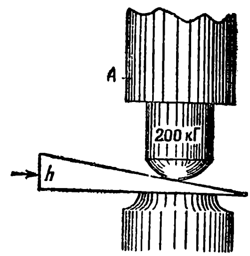


Рис. 163. К упражнению 95.1. Стенки цилиндра A обеспечивают перемещение поршня вертикально вверх.

Упражнения. **95.1.** Поршень весом 200 *кГ* поднимают при помощи вдвигаемого под него прямоугольного клина, катеты которого равны 10 *см* и 1 *м*. Определите силу, которую нужно приложить к тыльной стороне клина (трением можно пренебречь) (рис. 163).

95.2. В винтовом прессе (рис. 155) винт имеет резьбу с шагом в 5 *мм*. В головку винта вделана рукоятка длиной в 40 *см*. Какую силу нужно приложить к рукоятке, чтобы пресс давил с силой в 1 *Т*? (Трением пренебречь.)

§ 96. Энергия. Простые машины обладают способностью совершать работу, но не могут «запасать» эту способность, так как одновременно с тем, как они получают ее на одном конце, они отдают ее на другом. Однако во многих случаях тела могут накоплять «про запас» способность совершать работу, и часто строят специальные механизмы, способные запасти работу, а затем отдать ее. Типичным примером является гиревой завод стенных часов (рис. 164). Подтягивая гирю вверх, мы совершаем некоторую работу. В результате часовой механизм получает способность совершать в течение длительного времени работу, необходимую для хода часов, т. е. для поддержания движения всех колес, стрелок и маятника, испытывающих сопротивление движению, вызванное трением. По мере хода часов гиря постепенно опускается и запас работоспособности механизма уменьшается. Через некоторое время понадобится снова «завести» часы, т. е. вновь сделать их способными к совершению работы, требующейся для их хода.

При заводе часов гиревой механизм накапливает способность производить работу; по мере хода часов способность производить работу расходуется. Поднимая груз, мы запасаем работу; опускаясь, груз способен производить работу.

В теле можно «запасать работу» не только путем поднятия тела на некоторую высоту. Деформируя тело, например сжимая или растягивая пружину, мы производим работу; в результате деформированное тело получает способность совершать работу. Работу совершает «заведенная», т. е. деформированная, пружина ручных или карманных часов, «пружинный двигатель» заводных игрушек и т. д.

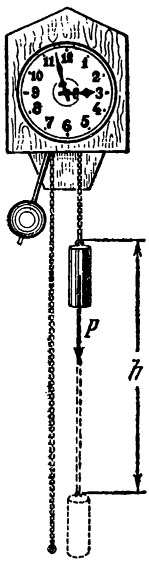


Рис. 164. Поднятая гиря обладает запасом работы, который постепенно расходуется на поддержание движения часов.

Сообщая скорость какому-либо телу, также приходится затрачивать работу; в результате тело приобретает способность совершать работу, уменьшая свою скорость. Например, железнодорожный вагон, подтолкнутый паровозом к составу, останавливаясь, сжимает пружины буферов; пуля, попадающая в препятствие, производит работу разрушения материала, и т. д.

Во всех разобранных случаях работа производится при изменении состояния тела: при *опускании* груза, при *раскручивании* пружины, при *остановке* движущегося тела. Пока эти изменения еще не наступили, работа не произведена; в теле имеется некоторый запас еще не совершенной работы. При совершении работы этот запас расходуется. Производя же работу *над телом*: поднимая его вверх, деформируя его, сообщая ему скорость,— мы сообщаем ему запас работы, который в дальнейшем можно использовать, возвращая тело в исходное состояние.

Запас работы, которую может совершить тело, изменяя свое состояние, называют *энергией*.

К механическим видам энергии относятся: энергия, связанная с поднятием тела над землей (и вообще энергия, связанная с силами всемирного тяготения); энергия, связанная с деформациями тела; энергия, связанная с движением тела.

Изменение энергии определяется той работой, которую надо совершить, чтобы вызвать это изменение. Следовательно, измерять энергию следует в тех же единицах, в которых измеряют работу, т. е. в джоулях в системе СИ, в эргах в системе СГС и в килограммометрах в системе МКСС.

§ 97. Потенциальная энергия. Найдем, чему равна работа A, совершаемая при подъеме тела весом P на высоту h. Будем считать, что поднятие тела происходит медленно и что силами трения при подъеме можно пренебречь. Мы уже знаем (§ 94), что произведенная работа против силы тяжести не будет зависеть от того, как мы поднимаем тело: по вертикали (как гирю в часах), по наклонной плоскости (как при втаскивании санок в гору) или еще каким-либо способом. Во всех случаях эта работа будет равна $A = Ph$. При опускании тела на первоначальный уровень сила тяжести произведет такую же работу, какая была затрачена на подъем тела. Значит, поднимая тело, мы запасли работу, равную Ph, т. е. *поднятое тело обладает энергией, равной произведению веса тела на высоту поднятия.*

Эта энергия не зависит от того, по какому пути происходил подъем, а определяется лишь положением тела (высотой, на которую оно поднято). Поэтому эту энергию называют *энергией положения.* Чаще ее называют *потенциальной энергией.*

Итак, потенциальная энергия $E_п$ тела, поднятого на некоторую высоту, выражается формулой

$$E_п = Ph. \tag{97.1}$$

Так как вес тела можно выразить через его массу m и ускорение свободного падения g формулой $P = mg$, то мы можем потенциальную энергию, запасенную телом массы m, поднятым на высоту h, выразить еще и так:

$$E_п = mgh. \tag{97.2}$$

При данном исходном положении тела величина работы, которую может совершить тело, т. е. потенциальная энергия, зависит от того, насколько тело может опуститься. В гиревом механизме это определяется длиной цепочки, на которой висит гиря, в примере с наклонной плоскостью — высотой наивысшей точки наклонной плоскости над ее наинизшей точкой. В других случаях наинизший уровень не может быть так естественно определен. Например, если тело лежит на столе, то можно определять его потенциальную энергию той работой, которую оно совершило бы, опускаясь до пола, до уровня земли или до дна погреба и т. д. Поэтому нужно *условиться* заранее, от какого уровня отсчитывать высоту, а вместе с тем и потенциальную энергию тела. Выбрать этот уровень можно совершенно произвольно, так как *во всех физических явлениях всегда бывает важна не сама потенциальная энергия, а ее изменения*, которыми определяется совершаемая работа. Изменения же потенциальной энергии будут, очевидно, одинаковыми, какой бы мы ни выбрали исходный уровень.

Обычно уславливаются считать потенциальную энергию тела, лежащего на поверхности земли, равной нулю. Тогда в формулах (97.1) и (97.2) в качестве h следует брать высоту поднятия тела над поверхностью земли.

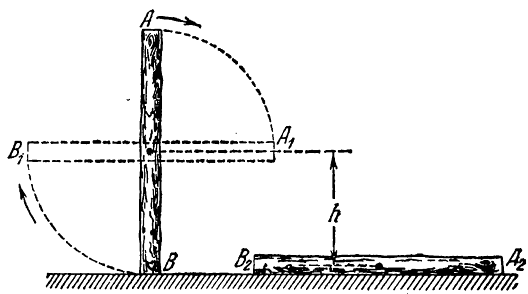


Рис. 165. При переходе столба из положения AB в положение A_1B_1 сила тяжести не совершает работы, так как центр тяжести тела остается на месте. При переходе из положения A_1B_1 в положение A_2B_2 совершается работа Ph.

Если тело имеет значительные размеры, то высоту положения тела над поверхностью земли (или вообще над нулевым уровнем) нужно брать до центра тяжести тела. Определим, например, насколько потенциальная энергия вертикально стоящего столба рис. 165, положение AB) больше потенциальной энергии того же столба, лежащего на земле (положение A_2B_2). Представим себе, что столб переходит из положения AB в положение A_2B_2 в два приема. Сначала он поворачивается вокруг центра тяжести (в данном случае около средней точки) в положение A_1B_1. При этом верхняя часть столба опускается, а нижняя поднимается, и сила земного притяжения совершает над верхней частью столба положительную, а над нижней — равную ей отрицательную работу, и полная работа силы тяжести равна нулю. Только при переходе из положения A_1B_1 в положение A_2B_2 сила тяжести совершает положительную работу. Следовательно, потенциальная энергия стоящего на земле столба больше потенциальной энергии столба, лежащего на земле, на Ph, где P — вес столба и h — высота центра тяжести в положении AB над положением A_2B_2.

На основании сходных соображений при подсчете потенциальной энергии жидкости в цилиндрическом сосуде (рис. 166) следует взять высоту h центра тяжести жидкости C над нулевым уровнем, т. е. высоту h_0 дна сосуда над нулевым уровнем плюс половину высоты уровня жидкости в сосуде $h_1/2$, так что потенциальная энергия будет равна

$$E_{\text{п}} = P\left(h_0 + \frac{h_1}{2}\right).$$

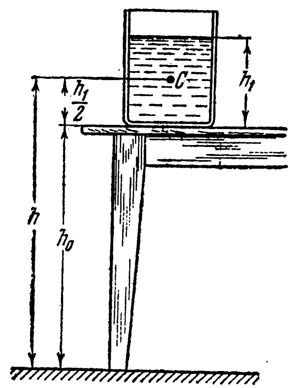


Рис. 166. К расчету потенциальной энергии жидкости в сосуде.

Упражнения. **97.1.** Ящик массой 40 *кг*, размеры которого показаны на рис. 167, переведен из положения *а* в положение *б*. Определите изменение потенциальной энергии ящика, читая, что его центр тяжести лежит на пересечении диагоналей.

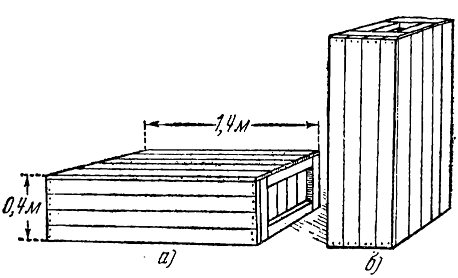


Рис. 167. К упражнению 97.1.

97.2. Водохранилище при гидростанции имеет цилиндрическую форму: его площадь 2 $км^2$, глубина 6 *м*. Дно водохранилища лежит на высоте 12 *м* над уровнем воды в отводном канале за гидростанцией. Какова потенциальная энергия воды в хранилище?

§ 98. Потенциальная энергия упругой деформации. Энергию деформированного упругого тела также называют энергией положения или потенциальной энергией (ее называют чаще упругой энергией), так как она зависит от взаимного положения частей тела, например витков пружины. Работа, которую может совершить растянутая пружина при перемещении ее конца, зависит только от начального и конечного растяжений пружины. Найдем работу, которую может совершить растянутая пружина, возвращаясь к нерастянутому состоянию, т.е. найдем упругую энергию растянутой пружины.

Пусть, например, растянутая пружина закреплена одним концом, а второй конец, перемещаясь, совершает работу. При нахождении работы мы должны учитывать, что сила, с которой действует пружина, не остается постоянной при изменении растяжения. Мы видели (§ 37), что сила упругости пружины пропорциональна ее растяжению. Если первоначальное растяжение пружины, считая от ее нерастянутого состояния, равнялось l, то первоначальное значение силы упругости составляло $F=kl$, где k — коэффициент пропорциональности, который называют коэффициентом упругости пружины. По мере сокращения пружины эта сила равномерно убывает от значения kl до нуля. Значит, среднее значение силы равно $F_{ср}=\frac{1}{2}kl$. Можно показать, что для вычисления работы A изменяющейся силы упругости нужно это среднее значение силы умножить на перемещение точки приложения силы:

$$A=\frac{1}{2}kl\cdot l=\frac{1}{2}kl^2.$$

Таким образом, потенциальная энергия упругости $E_п$ равна

$$E_п=\frac{1}{2}kl^2. \qquad (98.1)$$

Здесь потенциальная энергия выражена через коэффициент упругости пружины и через наибольшее растяжение ее.

Полученное выражение для потенциальной энергии можно записать и иначе, через величину силы упругости при наибольшем растяжении и коэффициент упругости:

$$E_п=\frac{1}{2}\frac{F^2}{k}. \qquad (98.2)$$

Из этой формулы видно, что, растягивая *с одной и той же силой* разные пружины, мы сообщим им различный запас потенциальной энергии: чем жестче пружина, т. е. чем больше коэффициент упругости, тем меньше потенциальная энергия; и наоборот: чем мягче пружина, тем больше энергия, которую она запасет при данной силе, растянувшей ее. Это можно уяснить себе наглядно, если учесть, что при одинаковых действующих силах растяжение мягкой пружины больше, чем жесткой, а потому больше и произведение силы на путь точки приложения силы, т. е. работа.

Это имеет большое значение, например, при устройстве различных рессор и амортизаторов: при посадке на землю самолета амортизатор шасси, сжимаясь, должен произвести большую работу, погашая вертикальную скорость самолета. В амортизаторе с малой жесткостью сжатие будет больше, зато возникающие силы будут меньше и конструкция самолета будет лучше предохранена от повреждений. По той же причине при тугой накачке шин велосипеда дорожные толчки ощущаются резче, чем при слабой накачке.

§ 99. Кинетическая энергия. Тела могут обладать некоторым запасом работы, т. е. обладать энергией, не только потому, что они занимают определенное положение или деформированы, но и потому, что они обладают скоростью. Так, вагон может въехать на гору, если он вначале обладает некоторой скоростью; пуля или снаряд могут подняться на значительную высоту, если они вылетают из дула с большой скоростью. В этих случаях движущееся тело, подымаясь вверх, совершает работу против силы тяжести. Движущееся тело может также совершать работу против сил упругости. Бумажный шарик, привязанный к тонкой резиновой нити (общеизвестная игрушка), может сильно растянуть эту нить, если шарику сообщить толчком большую скорость (рис. 168). Когда один катящийся вагон ударяется своими буферами о буфера другого вагона, то пружины буферов сильно сжимаются, т. е. совершается работа по сжатию пружины (работа против ее упругих сил).

Во всех перечисленных примерах тело совершает работу не потому, что оно занимает определенное *положение*, а потому, что оно обладает определенной *скоростью*. Покоящийся вагон не может «сам» въехать на гору, не может сжать буферных пружин. Между тем движущийся вагон способен это сделать.

Всякий раз, когда тело совершает работу благодаря тому, что оно движется, скорость его движения уменьшается. Если скорость тела уменьшится до нуля, то запас способности совершать работу за счет движения тела будет исчерпан. Значит, всякое движущееся тело обладает некоторым определенным запасом способности совершать работу, т. е. определенной энергией, обусловленной тем, что оно движется. Энергию, которой тело обладает потому, что оно движется, называют *энергией движения* или *кинетической энергией*.

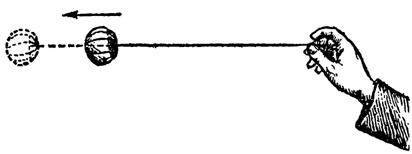


Рис. 168. Быстро летящий бумажный шарик растягивает резиновую нить.

Таким образом, всякое тело может обладать механической энергией в виде *потенциальной*, или энергии положения, и в виде *кинетической*, или энергии движения.

§ 100. Выражение кинетической энергии через массу и скорость движущегося тела. В §§ 97 и 98 мы видели, что можно создать запас потенциальной энергии, заставляя какую-либо силу совершать работу, поднимая груз или сжимая пружину. Точно так же можно создать и запас кинетической энергии в результате работы какой-либо силы. Действительно, если тело под действием внешней силы получает ускорение и перемещается, то эта сила совершает работу, а тело приобретает скорость, т. е. приобретает кинетическую энергию. Например, сила давления пороховых газов в стволе ружья, выталкивая пулю, совершает работу, за счет которой и создается запас кинетической энергии пули. Обратно, если вследствие движения пули совершается работа, например, пуля поднимается вверх или, попадая в препятствие, производит разрушения, то кинетическая энергия пули уменьшается.

Переход работы в кинетическую энергию проследим на примере, когда на тело действует только одна сила (в случае многих сил это — равнодействующая всех сил, действующих на тело). Предположим, что на тело массы m, находившееся в покое, начала действовать постоянная сила F; под действием силы F тело будет двигаться равномерно-ускоренно с ускорением $a=\frac{F}{m}$. Пройдя расстояние s в направлении действия силы, тело приобретет скорость v, связанную с пройденным расстоянием формулой $s=\frac{1}{2}\frac{v^2}{a}$ (см. § 22). Отсюда находим работу A силы:

$$A=Fs=F\frac{1}{2}\frac{v^2}{a}=\frac{1}{2}mv^2.$$

Точно так же, если на тело, движущееся со скоростью v, начнет действовать сила против его движения, то оно будет замедлять свое движение и остановится, произведя до остановки работу против действующей силы, также равную $\frac{1}{2}mv^2$. Значит, кинетическая энергия $E_к$ движущегося тела равна половине произведения его массы на квадрат скорости:

$$E_к=\frac{1}{2}mv^2. \qquad (100.1)$$

Поскольку изменение кинетической энергии, так же как и изменение потенциальной энергии, равно работе (положительной или отрицательной), произведенной при этом изменении, то кинетическая энергия также измеряется в единицах работы, т. е. в джоулях в системе СИ, в эргах в системе СГС и в килограммометрах в системе МКСС.

Упражнения. **100.1.** Тело массы m движется со скоростью v_0 по инерции. На тело начинает действовать сила вдоль направления движения тела, в результате чего через некоторое время скорость тела становится равной v. Показать, что изменение кинетической энергии тела равно работе, произведенной силой, для случаев, когда: скорость растет; скорость убывает; скорость меняет знак.

100.2. На что затрачивается бóльшая работа: на сообщение покоящемуся поезду скорости 5 *м/сек* или на разгон его от скорости 5 *м/сек* до скорости 10 *м/сек*? (Пренебречь силами сопротивления движению.)

§ 101. Полная энергия тела. Рассмотрим подробнее, как изменяется кинетическая и потенциальная энергия тела, брошенного вверх.

При подъеме тела скорость его убывает по закону $v=v_0-gt$, где v_0 — начальная скорость, t — время поднятия, считая от начального момента (§ 55). Убывает и кинетическая энергия:

$$E_к=\frac{1}{2}m(v_0-gt)^2=\frac{1}{2}mv_0^2-mv_0gt+\frac{1}{2}mg^2t^2.$$

Так как начальная кинетическая энергия тела есть $\frac{1}{2}mv_0^2$, то к моменту t *убыль* кинетической энергии будет равна

$$E'_{\text{к}} = mv_0gt - \frac{1}{2}mg^2t^2. \tag{101.1}$$

С другой стороны, высота тела в момент t есть

$$h = v_0t - \frac{1}{2}gt^2.$$

Приращение потенциальной энергии, которое соответствует подъему на высоту h, равно mgh, т. е.

$$E_{\text{п}} = mv_0gt - \frac{1}{2}mg^2t^2.$$

Сравнивая это выражение с (101.1), видим, что убыль кинетической энергии за любой промежуток времени t как раз равна потенциальной энергии, приобретенной телом за тот же промежуток времени. Таким образом, при движении тела вверх его кинетическая энергия постепенно превращается в потенциальную.

Когда движение вверх прекратилось (наивысшая точка подъема), вся кинетическая энергия полностью превратилась в потенциальную. При движении тела вниз происходит обратный процесс: потенциальная энергия тела превращается в кинетическую.

При этих превращениях *полная механическая энергия* (т. е. *сумма кинетической и потенциальной энергий*) *остается неизменной*, так как при подъеме убыль кинетической энергии полностью покрывается приращением потенциальной (а при падении — наоборот). Если потенциальную энергию тела у поверхности земли считать равной нулю (§ 97), то сумма кинетической и потенциальной энергий тела на любой высоте во время подъема или падения будет равна

$$E = E_{\text{к}} + E_{\text{п}} = \frac{1}{2}mv_0^2, \tag{101.2}$$

т. е. остается равной начальной кинетической энергии тела.

Этот вывод представляет собой частный случай одного из важнейших законов природы — *закона сохранения энергии.*

Упражнения. **101.1.** С башни высотой 20 *м* брошен камень со скоростью 15 *м/сек*. Считая, что сопротивление воздуха отсутствует, найти скорость камня при падении его на землю. Сравнить со скоростью падения с той же высоты, но без начальной скорости.

101.2. Вывести законы движения тела, брошенного по вертикали, из формулы (101.2), считая известной зависимость $E_{\text{п}}$ от h.

§ 102. Закон сохранения энергии. В примере, разобранном в предыдущем параграфе, выяснилось, что изменение кинетической энергии брошенного вверх тела происходит только за счет изменения его потенциальной энергии и наоборот, так что суммарная механическая энергия тела не меняется. Аналогично, если на тело действует сжатая пружина, то она может сообщить телу некоторую скорость, т. е. кинетическую энергию, но при этом пружина будет распрямляться и ее потенциальная энергия будет соответственно уменьшаться; сумма упругой энергии и кинетической энергии останется постоянной. Если на тело, кроме пружины, действует еще и сила тяжести, то хотя при движении тела количество энергии каждого вида будет изменяться, но сумма потенциальной энергии тяготения тела, потенциальной энергии упругости пружины и кинетической энергии тела опять-таки будет оставаться постоянной. Энергия может переходить из одного вида в другой, может переходить от одного тела к другому, но общий запас механической энергии остается неизменным. Опыты и теоретические расчеты показывают, что при отсутствии сил трения и при воздействии только сил упругости и тяготения *суммарная потенциальная и кинетическая энергия тела или системы тел остается во всех случаях постоянной*. В этом и заключается *закон сохранения механической энергии*.

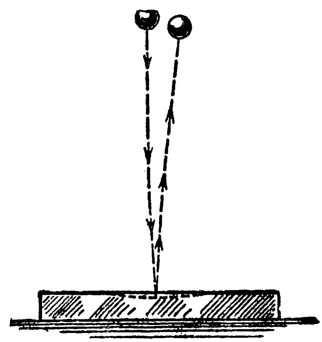


Рис. 169. Отразившись от стальной плиты, стальной шарик подскакивает снова почти на ту же высоту, с которой он был брошен.

Проиллюстрируем закон сохранения энергии на следующем опыте. Стальной шарик, падающий с некоторой высоты на стальную или стеклянную плиту и ударившийся об нее, подскакивает почти на ту же высоту, с которой упал (рис. 169)[1]. Во время движения шарика происходит целый ряд превращений энергии. При падении потенциальная энергия тяготения переходит в кинетическую энергию шарика. Когда шарик прикоснется к плите, и он и плита начинают деформироваться. Кинетическая энергия превращается

[1]) В § 103 будет пояснено, почему шарик не поднимется *в точности* на ту же высоту, с которой начал падать.

в потенциальную энергию упругой деформации шарика и плиты, причем этот процесс продолжается до тех пор, пока шарик не остановится, т. е. пока вся его кинетическая энергия не перейдет в потенциальную энергию упругой деформации. Затем под действием сил упругости деформированной плиты шарик приобретает скорость, направленную вверх: энергия упругой деформации плиты и шарика превращается в кинетическую энергию шарика. При дальнейшем движении вверх скорость шарика под действием силы тяжести уменьшается и кинетическая энергия превращается в потенциальную энергию тяготения. В наивысшей точке шарик обладает снова только потенциальной энергией тяготения.

Поскольку можно считать, что шарик поднялся на ту же высоту, с которой он начал падать, потенциальная энергия шарика в начале и в конце описанного процесса одна и та же. Более того, в любой момент времени, при всех превращениях энергии, сумма потенциальной энергии тяготения, потенциальной энергии упругости и кинетической энергии все время остается одной и той же. Для процесса превращения потенциальной энергии, обусловленной силой тяжести, в кинетическую и обратно при падении и подъеме шарика это было показано простым расчетом в § 101. Можно было бы убедиться, что и при превращении кинетической энергии в упругую потенциальную энергию плиты и шарика и затем при обратном процессе превращения упругой энергии в кинетическую энергию отскакивающего шарика сумма потенциальной энергии тяготения и упругости и кинетической энергии также остается неизменной, т. е. закон сохранения механической энергии выполнен.

Теперь мы можем объяснить, почему нарушался закон сохранения работы в простой машине, которая деформировалась при передаче работы (§ 95): дело в том, что работа, затраченная на одном конце машины, частично или полностью затрачивалась на деформацию самóй простой машины (рычага, веревки и т. д.), создавая в ней некоторую потенциальную энергию деформации, и лишь остаток работы передавался на другой конец машины. В сумме же переданная работа вместе с энергией деформации оказывается равной затраченной работе. В случае абсолютной жесткости рычага, нерастяжимости веревки и т. д. простая машина не может накопить в себе энергию, и вся работа, произведенная на одном ее конце, передается на другой конец без изменения.

Пользуясь двумя «законами сохранения»: законом сохранения импульса и законом сохранения энергии, можно решить *задачу о соударении идеально упругих шаров*, т. е. шаров, которые после соударения отскакивают друг от друга, сохраняя суммарную кинетическую энергию.

Пусть два шара движутся по одной прямой (линии центров). Предположим, что, кроме сил взаимодействия при их соприкосновении, на шары не действуют никакие силы со стороны каких-либо других тел. После столкновения (столкновение произойдет, если шары движутся навстречу друг другу или если один из них догоняет второй) они будут двигаться по той же прямой, но с измененными скоростями. Будем считать, что нам известны массы шаров m_1 и m_2 и их скорости v_1 и v_2 до соударения. Требуется найти их скорости u_1 и u_2 после соударения.

Из закона сохранения импульса следует, что, ввиду того что на шары не действуют никакие силы, кроме сил их взаимодействия, суммарный импульс должен сохраняться, т. е. импульс до соударения должен равняться импульсу после соударения:

$$m_1v_1+m_2v_2=m_1u_1+m_2u_2. \qquad (102.1)$$

Далее, из условия идеальной упругости шаров следует, что сохраняется также кинетическая энергия шаров, т. е. должно выполняться равенство

$$m_1v_1^2+m_2v_2^2=m_1u_1^2+m_2u_2^2. \qquad (102.2)$$

Из уравнений (102.1) и (102.2) можно найти две неизвестные скорости u_1 и u_2. В самом деле, перепишем эти уравнения в виде

$$m_1(v_1-u_1)=-m_2(v_2-u_2),$$

$$m_1\left(v_1^2-u_1^2\right)=-m_2\left(v_2^2-u_2^2\right).$$

Деля почленно второе уравнение на первое, находим:

$$v_1+u_1=v_2+u_2. \qquad (102.3)$$

Умножая (102.3) на m_2 и вычитая из (102.1), получим:

$$m_1(v_1-u_1)-m_2(v_1+u_1)=-2m_2v_2,$$

откуда найдем:

$$u_1=\frac{v_1(m_1-m_2)+v_2 2m_2}{m_1+m_2}. \qquad (102.4)$$

Подобным же образом, умножая (102.3) на m_1 и складывая с (102.3), найдем:

$$u_2=\frac{v_2(m_2-m_1)+v_1 2m_1}{m_1+m_2}. \qquad (102.5)$$

Особенно упрощается соотношение скоростей при соударении шаров одинаковой массы $m_1=m_2$. Тогда находим: $u_1=v_2$, $u_2=v_1$, т. е. шары обмениваются скоростями. В частности, если шар соударяется с неподвижным шаром равной массы, то он сообщает ему свою скорость, а сам останавливается.

Если масса одного шара гораздо больше массы другого шара, например, если m_1 много больше m_2, то, как видно из формулы (102.5), и в знаменателе и в числителе можно пренебречь членами, содержащими m_2. Если, кроме того, массивный шар покоится, то получаем $u_2 = -v_2$, т. е. шар отскакивает, как от неподвижной стенки. Действительно, как видно из (102.4), большой шар получит при этом малую скорость, равную приблизительно $u_1 = 2v_2 \frac{m_2}{m_1}$.

§ 103. Силы трения и закон сохранения механической энергии. Присматриваясь к движению шарика, подпрыгивающего на плите (§ 102), можно обнаружить, что после каждого удара шарик поднимается на немного меньшую высоту, чем раньше (рис. 170), т. е. полная энергия не остается в точности постоянной, а понемногу убывает; это значит, что закон сохранения энергии в таком виде, как мы его сформулировали, соблюдается в этом случае *только приближенно*. Причина заключается в том, что в этом опыте возникают силы трения: сопротивление воздуха, в котором движется шарик, и внутреннее трение в самом материале шарика и плиты. Вообще, при наличии трения закон сохранения механической энергии всегда нарушается и сумма потенциальной и кинетической энергий тел уменьшается. За счет этой убыли энергии и совершается работа против сил трения[1]).

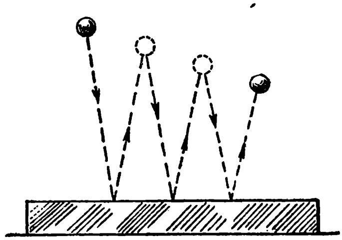


Рис. 170. Уменьшение высоты отскока шарика после многих отражений от плиты.

Например, при падении тела с большой высоты скорость тела, вследствие действия возрастающих сил сопротивления среды, вскоре становится постоянной (§ 68); кинетическая энергия тела перестает меняться, но его потенциальная энергия поднятия над землей уменьшается. Работу против силы сопротивления воздуха совершает сила тяжести за счет потенциальной энергии тела. Хотя при этом и сообщается некоторая кинетическая энергия окружающему воздуху, но она меньше, чем убыль потенциальной энергии тела, и, значит, суммарная механическая энергия убывает.

[1]) Исключение составляет сила трения покоя: так как точка ее приложения неподвижна, то ее работа равна нулю.

Работа против сил трения может совершаться и за счет кинетической энергии. Например, при движении лодки, которую оттолкнули от берега пруда, потенциальная энергия лодки остается постоянной, но вследствие сопротивления воды уменьшается скорость движения лодки, т. е. ее кинетическая энергия, и увеличение кинетической энергии воды, наблюдающееся при этом, меньше, чем убыль кинетической энергии лодки.

Подобно этому действуют и силы трения между твердыми телами. Например, скорость, которую приобретает груз, соскальзывающий с наклонной плоскости, а следовательно и его кинетическая энергия, меньше, чем та, которую он приобрел бы в отсутствие трения. Можно так подобрать угол наклона плоскости, что груз будет скользить равномерно. При этом его потенциальная энергия будет убывать, а кинетическая — оставаться постоянной, и работа против сил трения будет совершаться за счет потенциальной энергии.

В природе все движения (за исключением движений в полной пустоте, например движений небесных тел) сопровождаются трением. Поэтому при таких движениях закон сохранения механической энергии нарушается, и это нарушение происходит всегда в одну сторону — в сторону уменьшения суммарной энергии.

Упражнения. **103.1.** Автомобиль массой 100 *тем* идет со скоростью 18 *км/час*. После выключения мотора автомобиль проезжает 20 *м* и останавливается. Какова сила трения, действующая на автомобиль? (Силу трения считать постоянной.)

103.2. Паровоз тянет поезд по горизонтальному пути и развивает постоянную силу тяги 5000 *кГ*; на участке пути в 1 *км* скорость поезда возросла при этом от 30 до 40 *км/час*. Масса поезда 800 *т*. Определить сопротивление, которое испытывает поезд при движении (считая, что оно не зависит от скорости).

103.3. Пуля, вылетевшая из винтовки со скоростью 800 *м/сек*, упала обратно на землю со скоростью 40 *м/сек*. Масса пули 10 *г*. Какая работа против силы сопротивления воздуха совершена при движении пули?

103.4. Вагон массой в 50 *т* катится под уклон в 0,002 (т. е. тангенс угла наклона пути равен 0,002); пройдя при этом путь, равный 5 *км*, вагон переходит на горизонтальный участок пути и проходит «по инерции» еще какой-то участок пути, после чего останавливается. Какую работу должен совершить паровоз для того, чтобы провести поезд по этому горизонтальному участку пути обратно? (Силы трения можно считать не зависящими от скорости.)

§ 104. Превращение механической энергии во внутреннюю энергию. Особенность сил трения состоит, как мы видели, в том, что работа, совершенная против сил трения, не переходит целиком в кинетическую или потенциальную энергию тел; вследствие этого суммарная механическая энергия тел уменьшается. Однако работа против сил трения не исчезает бесследно. Прежде всего, движение тел при наличии трения ведет к их нагреванию. Мы можем легко обнаружить это, крепко потирая руки или протягивая металлическую полоску между сжимающими ее двумя кусками дерева; полоска даже на ощупь заметно нагревается. Первобытные люди, как известно, добывали огонь быстрым трением сухих кусков дерева друг о друга (рис. 171). Нагревание происходит также при совершении работы против сил «внутреннего трения», например при многократном изгибании металлической проволоки.

Рис. 171. Добывание огня трением двух сухих кусков дерева.

Нагревание при движении, связанном с преодолением сил трения, часто бывает очень сильным. Например, при торможении поезда тормозные колодки сильно нагреваются. При спуске корабля со стапелей на воду для уменьшения трения стапели обильно смазываются салом, и все же нагревание так велико, что сало дымится, а иногда даже загорается.

При движении тел в воздухе с небольшими скоростями, например при движении брошенного камня, сопротивление воздуха невелико, на преодоление сил трения затрачивается небольшая работа, и камень практически не нагревается. Но быстро летящая пуля разогревается значительно сильнее. При больших скоростях современных реактивных самолетов приходится уже принимать специальные меры для уменьшения нагревания обшивки самолета. Мелкие метеориты, влетающие с огромными скоростями (десятки *км/сек*) в атмосферу Земли, испытывают такую большую силу сопротивления среды, что полностью сгорают в атмосфере (рис. 1)[1]).

[1]) Крупные метеориты обгорают лишь с поверхности и достигают Земли.

Нагревание искусственного спутника Земли, возвращающегося перед посадкой на Землю в атмосферу, так велико, что на нем приходится устанавливать специальную тепловую защиту.

Кроме нагревания, трущиеся тела могут испытывать и другие изменения. Например, они могут измельчаться, растираться в пыль, может происходить плавление, т. е. переход тел из твердого в жидкое состояние: кусок льда может расплавиться в результате трения о другой кусок льда или о какое-либо иное тело.

Итак, если движение тел связано с преодолением сил трения, то оно сопровождается двумя явлениями: 1) сумма кинетической и потенциальной энергий всех участвующих в движении тел уменьшается; 2) происходит изменение состояния тел, в частности, может происходить их нагревание. Это изменение состояния тел происходит всегда таким образом, что в новом состоянии тела могут производить бóльшую работу, чем в исходном. Так, например, если налить в закрытую с одного конца металлическую трубку немного эфира и, заткнув трубку пробкой, зажать ее между двумя пластинками и привести в быстрое вращение, то эфир испарится и вытолкнет пробку. Значит, в результате работы по преодолению сил трения трубки о пластинки трубка с эфиром пришла в новое состояние, в котором она смогла совершить работу, требующуюся для выталкивания пробки, т. е. работу против сил трения, удерживающих пробку в трубке, и работу, идущую на сообщение пробке кинетической энергии. В исходном состоянии трубка с эфиром не могла совершить этой работы.

Таким образом, нагревание тел, равно как и другие изменения их состояния, сопровождается изменением «запаса» способности этих тел совершать работу. Мы видим, что «запас работоспособности» зависит, помимо положения тел относительно Земли, помимо их деформации и их скорости, еще и от состояния тел. Значит, помимо потенциальной энергии тяготения и упругости и кинетической энергии, тело обладает и энергией, зависящей от его *состояния*. Будем называть ее *внутренней энергией*. Внутренняя энергия тела зависит от его температуры, от того, является ли тело твердым, жидким или газообразным, как велика его поверхность, является ли оно сплошным или мелко раздробленным и т. д. В частности, чем температура тела выше, тем больше его внутренняя энергия.

Таким образом, хотя при движениях, связанных с преодолением сил трения, механическая энергия системы движущихся тел уменьшается, но зато возрастает их внутренняя энергия. Например, при торможении поезда исчезновение его кинетической энергии сопровождается увеличением внутренней энергии тормозных колодок, бандажей колес, рельсов, окружающего воздуха и т. д., возрастающей в результате нагревания этих тел.

Все сказанное относится также и к тем случаям, когда силы трения возникают внутри тела, например при разминании куска воска, при неупругом ударе свинцовых шаров, при перегибании куска проволоки и т. д.

Упражнение. **104.1.** Пользуясь формулой (51.2), найти потерю механической энергии при неупругом соударении тел, движущихся по одной прямой.

§ 105. Всеобщий характер закона сохранения энергии. Силы трения занимают особое положение в вопросе о законе сохранения механической энергии. Если сил трения нет, то закон сохранения механической энергии соблюдается: сумма потенциальной и кинетической энергий системы остается постоянной. Если же действуют силы трения, то сумма потенциальной и кинетической энергий уже не остается постоянной, а убывает при движении. Но при этом всегда растет внутренняя энергия. С развитием физики обнаруживались все новые виды внутренней энергии тел (мы будем изучать их в следующих разделах учебника): была обнаружена световая энергия, энергия электромагнитных волн, химическая энергия, проявляющаяся при химических реакциях (в качестве примера достаточно указать хотя бы на химическую энергию, запасенную во взрывчатых веществах и превращающуюся в механическую и тепловую энергию при взрыве); наконец, была открыта ядерная энергия. Оказалось, что если над телом произведена некоторая работа, то его суммарная энергия растет на величину этой работы, а если тело производит работу над другими телами, то его суммарная энергия настолько же убывает. Для всех видов энергии оказалось, что возможен переход энергии из одного вида в другой, переход энергии от одного тела к другому, но что при всех таких переходах *общее количество энергии всех видов*, включая и механическую и все виды внутренней энергии, остается все время строго *постоянным*. В этом заключается *всеобщность* закона сохранения энергии.

Хотя общее количество энергии остается постоянным, количество *полезной* для нас энергии может уменьшаться и в действительности постоянно уменьшается. Переход энергии в другую форму может означать переход ее в бесполезную для нас форму. В механике чаще всего это — нагревание окружающей среды, трущихся поверхностей и т. п. Такие потери не только невыгодны, но даже вредно отзываются на самих механизмах; так, во избежание перегревания приходится специально охлаждать трущиеся части механизмов.

§ 106. Мощность. Для характеристики действия различных машин важна не только величина работы, которую может совершить данная машина, но и время, в течение которого эта работа может быть совершена. Этим определяется в конечном счете производительность всякой машины.

Отношение произведенной работы A ко времени t, в течение которого эта работа произведена, называют *мощностью* N:

$$N=\frac{A}{t}.$$

Мощность можно назвать скоростью произведения работы.

За единицу мощности принимают такую мощность, при которой за единицу времени совершается работа, равная единице. Поэтому в системе СИ единицей мощности служит 1 джоуль в 1 секунду. Эта единица имеет специальное название — «ватт»[1]) (*вт*).

В системе СГС единицей мощности служит 1 *эрг* в 1 секунду (1 *эрг/сек*). В системе МКСС единицей мощности служит 1 килограммометр в 1 секунду (1 *кГм/сек*). Обе последние единицы специального названия не имеют.

Кроме ватта, пользуются единицами мощности, в сто раз бо́льшими — «гектоватт» (1 *гвт*$=100$ *вт*), в тысячу раз бо́льшими — «киловатт»» (1 *квт*$=1000$ *вт*) и, наконец, в миллион раз бо́льшими — «мегаватт» (1 *Мвт*$=1\cdot 10^6$ *вт*). Наконец, до сих пор еще в ходу старинная единица мощности — «лошадиная сила» (*л. с.*). 1 *л. с.* $=75$ *кГм/сек*.

[1]) Название введено в честь Джемса Уатта (1736—1819), английского физика и инженера.

Для перехода от одних единиц мощности к другим можно пользоваться следующими соотношениями:

$$1\ \textit{вт} = 10^7\ \textit{эрг/сек} = 0{,}102\ \textit{кГм/сек};$$
$$1\ \textit{кГм/сек} = 9{,}8\ \textit{вт};$$
$$1\ \textit{л. с.} = 735\ \textit{вт};$$
$$1\ \textit{квт} = 1{,}36\ \textit{л. с.}$$

Человек создает двигатели как очень малой, так и очень большой мощности. Пружинный двигатель часов имеет мощность, измеряемую несколькими *эрг/сек*. Двигатели же, установленные на океанском пароходе или на большой электростанции, имеют иногда мощности в сотни тысяч киловатт, т. е. в квадрильон (10^{15}) раз больше. Средняя мощность лошади — около 0,5 *л. с.* Средняя мощность человека при длительной физической работе составляет примерно 0,05—0,1 *л. с.* В течение очень короткого времени спортсмен может развивать мощность в несколько лошадиных сил. Способность развивать большую мощность, хотя бы на короткий промежуток времени,— это одно из основных качеств, которыми должен обладать организм спортсмена. Это особенно важно при беге на короткую дистанцию, при прыжках и т. д., когда за очень короткое время человек должен сообщить своему телу большую скорость, т. е. большую кинетическую энергию, а также при поднятии тяжестей, когда необходимо за короткое время сообщить штанге большую потенциальную энергию. Наоборот, при медленном поднятии на большую высоту (по лестнице) можно, развивая незначительную мощность, совершить большую работу; однако это потребует большого промежутка времени.

Упражнения. **106.1.** Гиря часового механизма весит 50 *н* и в течение суток опускается на 120 *см*. Какова мощность механизма?

106.2. Какую силу тяги развивает тепловоз, если его мощность «на крюке» (т. е. мощность, расходуемая на движение состава) равна 1600 *л. с.* и он прошел с постоянной скоростью 200 *м* за 10 *сек*?

106.3. Какую мощность должен развивать в начале бега спортсмен, если за 2 *сек* он должен сообщить своему телу (масса 70 *кг*) скорость 9 *м/сек*?

§ 107. Расчет мощности механизмов. Если какой-либо механизм действует с силой F и точка приложения этой силы за время t перемещается в направлении действия силы на расстояние s, то механизм совершает за это время работу

$$A = F \cdot s.$$

Мощность, развиваемая при этом механизмом, есть $N=\frac{Fs}{t}$. Так как $\frac{s}{t}=v$ есть скорость перемещения точки приложения силы, то мощность, развиваемая механизмом, равна

$$N=F\cdot v, \tag{107.1}$$

т. е. *мощность, развиваемая механизмом, равна силе, с которой этот механизм действует, умноженной на скорость перемещения точки приложения силы* (при условии, что направление скорости совпадает с направлением силы). Если скорость направлена противоположно действующей силе, то произведенная работа и мощность отрицательны: механизм «потребляет мощность».

Если, например, подъемник поднимает груз весом 400 *кГ* с постоянной скоростью 0,7 *м/сек*, то машина подъемника развивает положительную мощность $N=400\times$ $\times 0{,}7$ *кГм/сек*$=280$ *кГм/сек*$\approx 2{,}74$ *квт*.

Аналогично можно выразить мощность и в том случае, когда механизм совершает вращательное движение. Пусть, например, мотор при помощи приводного ремня вращает станок; натяжение ведущей части ремня F, мотор делает n оборотов в секунду, радиус шкива мотора R. Какова мощность, отдаваемая мотором?

Ремень действует на шкив станка с силой F. При этом ремень движется со скоростью $v=2\pi Rn$ (предполагается, что ремень по шкиву не скользит и, значит, движется с той же скоростью, что и точки на окружности шкива). Значит, мотор развивает мощность $N=F\cdot 2\pi Rn$. Но $FR=M$ (M — вращающий момент силы, R — плечо силы). Таким образом, мощность мотора

$$N=2\pi nM. \tag{107.2}$$

Упражнения. **107.1.** Во сколько раз бо́льшую мощность должны развить машины парохода, чтобы увеличить его скорость вдвое, если сопротивление воды движению парохода растет пропорционально квадрату скорости?

107.2. Буксирный пароход тянет за собой на буксире баржу со скоростью 12 *км/час*. При этом натяжение буксирного каната равно 90 000 *н*. Какую мощность должна развивать машина буксира, если известно, что без баржи для движения с той же скоростью машина буксира должна развивать мощность в 100 *л. с.*?

§ 108. Мощность, быстроходность и размеры механизма. Из полученной нами формулы (107.1) видно, что для увеличения мощности механизма надо увеличивать либо силу, развиваемую механизмом, либо скорость его движения. При определенном материале и при заданных допустимых деформациях движущихся частей механизма силы, с которыми эти части действуют друг на друга, могут быть тем больше, чем больше размеры движущихся частей. Поэтому сила, которую способен развивать какой-либо механизм, в конечном счете всегда связана с размерами движущихся частей механизма: чем больше размеры механизма, тем бо́льшую силу способен развивать механизм.

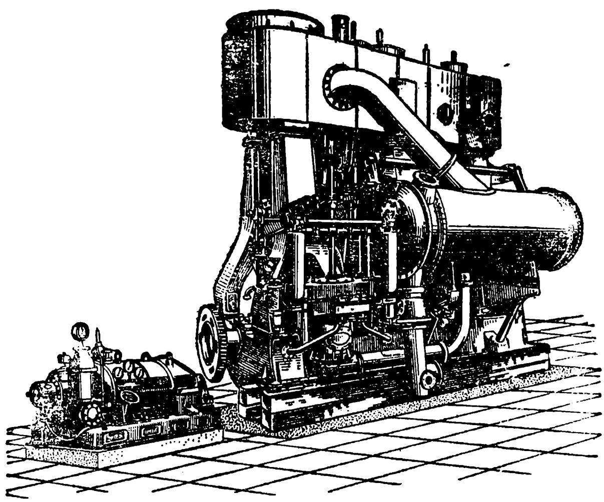


Рис. 172. При одинаковой мощности современная быстроходная паровая машина (слева) гораздо меньше старинной тихоходной паровой машины (справа).

Например, зубчатая передача может развивать тем бо́льшую силу, чем больше размеры зубцов; приводной ремень может развивать тем бо́льшую силу, чем он толще и шире, и т. п. Но с увеличением размеров ремня должны увеличиваться и размеры шкивов, так как толстый ремень на шкиве малого диаметра не будет лежать плотно и будет скользить. Таким образом, и зубчатая передача, и ременный приводной механизм будут по своим размерам тем больше, чем бо́льшую силу они должны передавать.

Это относится не только к простейшим приводным механизмам, но и к различным двигателям. Например, поршень паровой машины может развивать тем бо́льшую силу, чем больше его диаметр (при данном давлении пара). Таким образом, в общем, для всех механизмов справедливо следующее положение: *чем больше сила, которую должен развивать механизм, тем больше должны быть его размеры.*

Но так как мощность механизма зависит не только от развиваемой силы, но и от скорости движущихся частей, то из двух механизмов, способных развивать одинаковую мощность, быстроходный механизм можно сделать меньших размеров. При одинаковом же типе и размере быстроходный механизм будет всегда мощнее тихоходного.

Например, быстроходный редуктор (зубчатая передача), служащий для изменения числа оборотов авиационного винта, обладает сравнительно небольшими размерами, хотя он служит для передачи от мотора к винту (когда последний делает большое число оборотов) очень большой мощности (тысячи *квт*). Рассчитанная на ту же мощность зубчатая передача тихоходной водяной турбины имеет размеры примерно в 10 раз бо́льшие, а весит в 1000 раз больше.

Современная быстроходная паровая машина гораздо меньше старых тихоходных паровых машин той же мощности (рис. 172).

§ 109. Коэффициент полезного действия механизмов. Всякий механизм, совершающий работу, должен откуда-то получать энергию, за счет которой эта работа совершается. В простейших случаях механизм лишь передает механическую работу от источника энергии к потребителю. Так действуют простые машины и все передаточные или приводные механизмы, представляющие собой различные комбинации простых машин; например, ременный привод передает работу от двигателя, вращающего ведущий шкив, через ведомый шкив потребителю (станку).

Такой приводной механизм лишь передает определенную мощность от источника к потребителю. Однако при этом *не вся* работа, а значит и не вся мощность, получаемая механизмом от источника, передается потребителю.

Дело в том, что во всяком механизме действуют силы трения, на преодоление которых затрачивается часть работы, потребляемой механизмом. Эта работа превращается в тепло и обычно является бесполезной. Отношение мощности, которую механизм передает потребителю, ко всей мощности, подводимой к механизму, называется *коэффициентом полезного действия* данного механизма (сокращенно: к. п. д.).

Если подводимую к механизму мощность обозначить через N_1, а отдаваемую механизмом потребителю — через N_2, то коэффициент полезного действия η механизма будет равен.

$$\eta = \frac{N_2}{N_1}.$$

При этом часть мощности, равная $N_1 - N_2$, теряется в самом механизме. Отношение величины этих потерь мощности в механизме ко всей мощности, подводимой к механизму, связано с к. п. д. простым выражением:

$$\frac{N_1 - N_2}{N_1} = 1 - \eta.$$

Так как потери мощности неизбежны во всяком механизме, то всегда $N_2 < N_1$, и к. п. д. всякого механизма всегда меньше единицы; его обычно выражают в процентах.

Всякий механизм стремятся сделать таким, чтобы бесполезные потери энергии в нем были по возможности малы, т. е. чтобы к. п. д. был возможно ближе к единице. Для этого уменьшают насколько возможно силы трения и всякие вредные сопротивления в механизме. В наиболее совершенных механизмах эти потери удается снизить настолько, что к. п. д. оказывается лишь на несколько процентов меньше единицы.

Многие машины получают или отдают энергию не в виде механической энергии, а в каком-либо другом виде. Например, паровая машина использует энергию, которой обладает нагретый и сжатый пар; двигатель внутреннего сгорания — энергию, которой обладают горячие и сжатые газы, образовавшиеся при сгорании горючей смеси. Электрический двигатель использует работу, совершаемую электромагнитными силами. Наоборот, динамо-машина получает энергию в виде механической, а отдает в виде электромагнитной энергии. Во всех этих случаях помимо потерь на трение могут возникать и другие потери, например нагревание проводников протекающим по ним электрическим током. Понятие к. п. д. и в этих случаях сохраняет прежний смысл: к. п. д. машины называют отношение мощности, отдаваемой машиной, к мощности, потребляемой машиной, независимо от того, в виде какой энергии эта мощность потребляется и отдается.

Упражнения. **109.1.** В двойном блоке с радиусами $r_1 = 40$ *см* и $r_2 = 5$ *см* к веревке, навитой на меньший блок, приложена сила 1000 *н*.

Для того чтобы преодолеть силы трения в блоке и поддерживать постоянной скорость его движения, ко второму концу блока приложена сила 130 *н*. Каков к. п. д. блока?

109.2. Какую работу нужно произвести, чтобы, пользуясь полиспастом, к. п. д. которого равен 65%, поднять груз весом 2500 *н* на высоту 120 *см?*

109.3. Найти к. п. д. установки, состоящей из электрического мотора, приводящего в движение водяной насос, которая подает на высоту 4,7 *м* 75 *л* воды в секунду, если электромотор потребляет мощность 5 *квт*.

109.4. Электромотор, имеющий к. п. д. 90%, приводит в действие насос, к. п. д. которого 60%. Каков к. п. д. всей установки?

109.5. Электропоезд движется равномерно со скоростью 60 *км/час*. Моторы электропоезда потребляют при этом мощность 900 *квт*. Определите общую силу сопротивления, испытываемого всем поездом при движении, если известно, что общий к. п. д. моторов и передающих механизмов составляет 0,8.

109.6. Можно ли поднимать груз весом 500 *н* со скоростью 3 *м/сек* при помощи электромотора, потребляющего электрическую мощность 1,4 *квт*?

ГЛАВА V

КРИВОЛИНЕЙНОЕ ДВИЖЕНИЕ

§ 110. Возникновение криволинейного движения. Мы видели, что в отсутствие сил тело движется прямолинейно (и равномерно); оно движется прямолинейно (но не равномерно) и тогда, когда сила направлена параллельно скорости тела. Но если сила направлена *под углом* к скорости тела, то траектория движения тела *искривляется*. Криволинейно движется камень, брошенный под углом к горизонту (сила тяжести, направленная вертикально, не параллельна скорости тела), груз, вращающийся по кругу на веревке (сила натяжения веревки не параллельна скорости груза), планета, обращающаяся вокруг Солнца, Луна или искусственный спутник, обращающиеся вокруг Земли (сила тяготения, направленная к притягивающему телу, не параллельна скорости обращающегося тела).

Толкнем стальной шарик, лежащий на горизонтальном стекле. Так как в этом случае трение ничтожно, то после толчка шарик покатится по стеклу практически с неизменной скоростью, равномерно и прямолинейно. Расположим магнит так, чтобы один из его полюсов оказался вблизи продолжения траектории шарика, но не на самой траектории (рис. 173). Мы увидим, что, проходя мимо магнита, шарик будет двигаться криволинейно. Миновав магнит, шарик снова будет двигаться практически прямолинейно, но уже по другому направлению, чем первоначально. Сила, искривляющая путь шарика,— это сила притяжения магнита, направленная от шарика к магниту. Сила магнитного притяжения быстро убывает с расстоянием, поэтому она оказывает заметное действие только вблизи от магнита.

В приведенных примерах на тело действует сила, направленная под углом к направлению движения, и в результате действия этой силы траектория тела искривляется. Если бы сила была направлена вдоль траектории, то искривления траектории не получилось бы: так, при вертикальном бросании тела оно опишет прямолинейную вертикальную

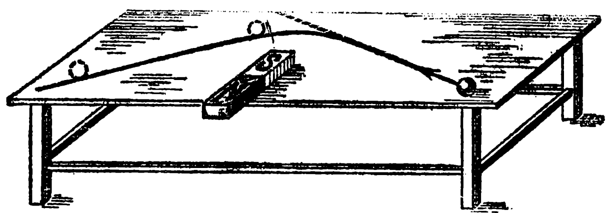


Рис. 173. Магнит искривляет траекторию катящегося стального шарика.

траекторию; если полюс магнита расположен на продолжении траектории шарика, то его траектория не искривится, и т. п.

§ 111. Второй закон Ньютона при криволинейном движении. Второй закон Ньютона для криволинейного движения справедлив в векторной форме (см. § 44):

$$a = \frac{f}{m}. \qquad (111.1)$$

Напомним, что f есть равнодействующая всех сил, действующих на тело.

Иногда требуется отдельно учесть изменение величины скорости и отдельно — изменение ее направления. Тогда второй закон Ньютона удобно написать по-другому. Именно, спроектируем векторы, стоящие справа и слева в равенстве (111.1), на касательную и на нормаль к траектории. Обозначим касательную и нормальную составляющие ускорения через a_1 и a_2, а касательную и нормальную составляющие силы — через f_1 и f_2 (рис. 174). Закон Ньютона можно написать отдельно для касательных и нормальных составляющих:

$$a_1 = \frac{f_1}{m}, \quad a_2 = \frac{f_2}{m}.$$

Мы видим, что касательная составляющая силы вызывает касательное ускорение тела, изменяющее *величину* скорости, а нормальная составляющая силы вызывает нормальное ускорение, изменяющее *направление* скорости. Если сила все время нормальна к траектории, то тело движется равномерно, т. е. с постоянной по величине скоростью, и, наоборот, если известно, что тело движется равномерно, то отсюда следует, что касательная составляющая силы равна нулю и тело имеет только нормальную составляющую ускорения.

В тех случаях, когда нас интересует движение проекций тела на определенные оси, например на вертикальное и горизонтальное направления, можно спроектировать векторы $\boldsymbol{a}$ и $\boldsymbol{f}$ в уравнении (111.1) на эти оси. Обозначая

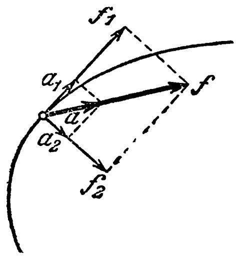


Рис. 174. Касательные и нормальные составляющие силы и ускорения для тела, движущегося по криволинейной траектории.

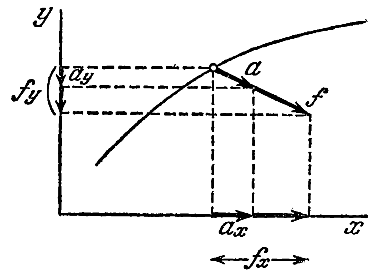


Рис. 175. Компоненты ускорения и силы, действующие на тело в направлении осей x и y.

проекцию какого-либо вектора на ось соответственным значком (рис. 175), найдем:

$$a_x = \frac{f_x}{m}, \quad a_y = \frac{f_y}{m}.$$

Эти уравнения определяют ускорения, с которыми будут двигаться проекции данной движущейся точки на выбранные оси. Такими уравнениями удобно пользоваться, например, если сила имеет постоянное направление, которое можно выбрать за направление одной из осей (см. далее, § 112).

Пользуясь вторым законом Ньютона для криволинейного движения, можно, зная массу тела и измеряя его ускорение, рассчитать результирующую всех сил, действующих на тело. Можно также, зная массу тела и величину и направление результирующей всех сил, на него действующих, найти величину и направление ускорения тела.

Упражнение. **111.1.** Отдельные участки приводного ремня движутся на участке между шкивами прямолинейно. Взойдя на шкив, эти участки начинают двигаться криволинейно (по окружности шкива). Укажите силы, заставляющие участки ремня на шкиве двигаться криволинейно.

§ 112. Движение тела, брошенного горизонтально. Рассмотрим движение тела, брошенного горизонтально и движущегося под действием одной только силы тяжести (сопротивлением воздуха пренебрегаем).

Например, представим себе, что шару, лежащему на столе, сообщают толчок и он докатывается до края стола и начинает свободно падать, имея начальную скорость v_0, направленную горизонтально (рис. 176). Спроектируем движение шара на вертикальную ось и на горизонтальную

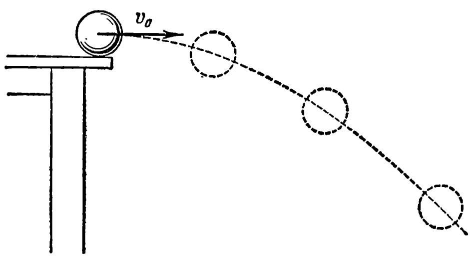


Рис. 176. Движение шара, сброшенного со стола, при горизонтальной начальной скорости.

ось, направленную вдоль начальной скорости тела, как это было объяснено в § 111. Движение проекции тела на горизонтальную ось — это движение без ускорения со скоростью v_0; движение проекции на вертикальную ось — это свободное падение с ускорением g без начальной скорости под действием силы тяжести. Законы обоих движений нам известны. Горизонтальная составляющая скорости $v_г$ остается постоянной и равной v_0. Вертикальная составляющая $v_в$ растет пропорционально времени: $v_в=gt$. Результирующая скорость будет наклонена вниз, и ее наклон будет расти с течением времени. Вектор результирующей скорости легко найти по правилу параллелограмма, как показано на рис. 177.

Найдем теперь *траекторию* движения тела, брошенного горизонтально. Горизонтальная проекция тела, двигаясь с постоянной скоростью v_0, пройдет к моменту t путь, равный

$$s = v_0 t. \tag{112.1}$$

Путь, пройденный вертикальной проекцией, будет равен

$$h = \frac{1}{2} g t^2. \tag{112.2}$$

Зная s и h, можем построить точку, в которой будет находиться тело в момент t (рис. 178). Величины s и h можно считать абсциссой и ординатой тела в системе координат с началом в точке, откуда шарик начал падать, с осью абсцисс, расположенной горизонтально, и с осью ординат, направленной вертикально вниз. Чтобы найти уравнение траектории тела, выразим из (112.1) промежуток времени через s и подставим в (112.2). Получим:

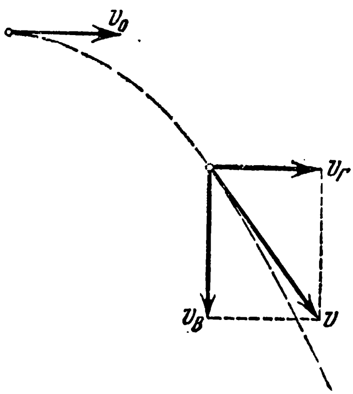


Рис. 177. Тело, брошенное горизонтально со скоростью v_0, имеет в момент t скорость v.

$$h = \frac{1}{2} g \left(\frac{s}{v_0}\right)^2 = \frac{1}{2} \frac{g}{v_0^2} s^2. \tag{112.3}$$

Ординаты точек траектории оказываются пропорциональными квадратам абсцисс. Мы уже знаем, что такие кривые называются параболами. Параболой изображался график пути равномерноускоренного движения (§ 22). Таким образом, *свободно падающее тело, начальная скорость которого горизонтальна, движется по параболе.*

Совпадение формы траектории падающего тела с формой графика пути равномерно-ускоренного движения не случайно: действительно, эту траекторию можно рассматривать как график пути равномерно-ускоренного движения по вертикали, в котором по оси абсцисс отложено время в масштабе: 1 единица времени = v_0 единиц длины, а по оси ординат отложен пройденный путь в натуральную величину.

Путь, проходимый в вертикальном направлении, не зависит от начальной скорости. Но путь, проходимый в горизонтальном направлении за данный промежуток времени, пропорционален начальной скорости. Поэтому при большой горизонтальной начальной скорости парабола, по которой падает тело, более вытянута в горизонтальном направлении. Если из расположенной горизонтально трубки выпускать струю воды (рис. 179), то отдельные частицы воды будут, так же как и шарик, падать по параболе. Чем больше открыт кран, через который поступает вода в трубку, тем больше начальная скорость воды и тем дальше от крана падает струя на дно кюветы. Поставив позади струи экран с заранее начерченными на нем параболами, можно убедиться, что струя воды действительно имеет форму параболы.

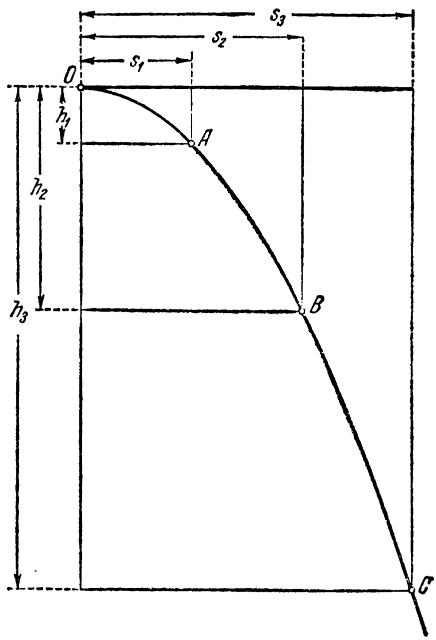


Рис. 178. Траектория тела, брошенного горизонтально.

Зная начальную скорость v_0 и высоту падения h, можно найти расстояние по горизонтали до места падения. Действительно, из формулы (112.3) получаем:

$$s = v_0 \sqrt{\frac{2h}{g}}.$$

Полученные формулы можно было бы применить к падению авиационной бомбы, сброшенной с горизонтально летящего самолета, если бы можно было пренебрегать сопротивлением воздуха. В момент сбрасывания бомба обладает той же скоростью, что и самолет; поэтому она начинает падать с горизонтальной начальной скоростью, равной скорости самолета. Если бы сопротивления воздуха не было, бомба падала бы по параболе и в течение всего времени падения находилась бы точно под самолетом (если бы последний сохранял свой курс и скорость). В частности, падение бомбы на землю происходило бы как раз под той точкой, где в момент падения находится самолет. Однако пренебрежение сопротивлением воздуха, допустимое для медленно летящего

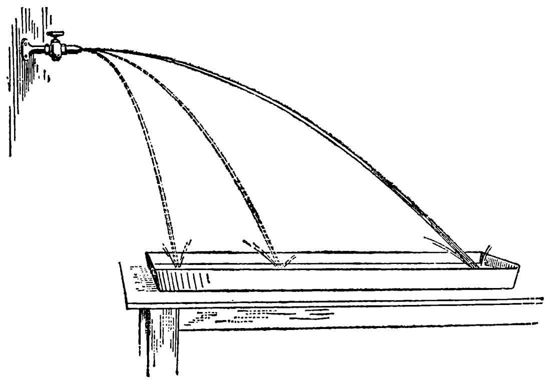


Рис. 179. Струя имеет форму параболы, тем более вытянутой, чем больше начальная скорость струи.

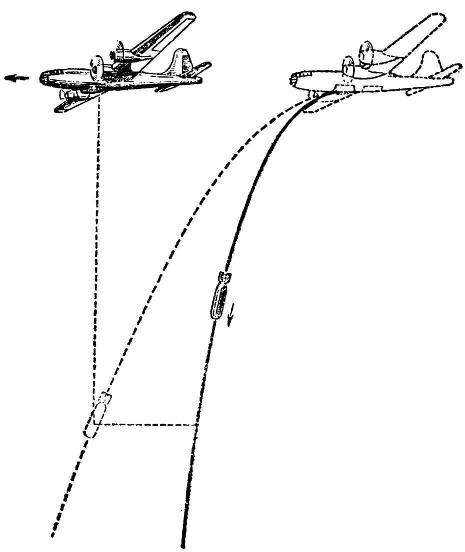


Рис. 180. Траектория бомбы, сброшенной с горизонтально летящего самолета. Пунктир—траектория, которую имела бы бомба при отсутствии сопротивления воздуха.

тела, приведет для быстро движущейся бомбы к большим ошибкам: вследствие сопротивления воздуха горизонтальная составляющая скорости бомбы сильно уменьшается, а вертикальная составляющая растет гораздо медленнее, чем при падении в пустоте. Вследствие сопротивления воздуха сброшенная с самолета бомба сразу начинает отставать от самолета и падает далеко позади него (рис. 180). Это уменьшает точность бомбометания.

Упражнения. (Сопротивление воздуха не учитывать.)

112.1. Чему равна величина скорости тела, брошенного горизонтально со скоростью 15 *м/сек*, через 2 *сек*? В какой момент скорость будет направлена под углом 45° к горизонту?

112.2. Шарик, сброшенный со стола высотой 1 *м*, упал на расстоянии 2 *м* от края стола. Какова была горизонтальная скорость шарика?

§ 113. Движение тела, брошенного под углом к горизонту. Если начальная скорость брошенного тела направлена вверх под некоторым углом к горизонту, то в начальный момент тело имеет составляющие начальной скорости как

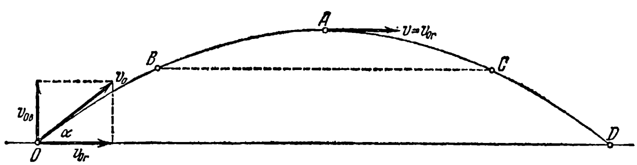


Рис. 181. Траектория тела, брошенного под углом α к горизонту (в отсутствие сопротивления воздуха).

в горизонтальном ($v_{0г}$), так и в вертикальном ($v_{0в}$) направлениях (рис. 181). Задача отличается от рассмотренной в предыдущем параграфе тем, что начальная скорость не равна нулю и для движения по вертикали. Для горизонтальной же составляющей все, сказанное в предыдущем параграфе, остается в силе.

Условимся направление по вертикали вверх считать положительным, а вниз — отрицательным. В начальный момент вертикальная составляющая скорости $v_{0в}$ направлена вверх и, следовательно, положительна. Под действием силы тяжести вертикальная составляющая скорости будет уменьшаться, в какой-то момент t_1 обратится в нуль и затем переменит знак — тело начнет опускаться. Точка A, в которой тело находится в момент t_1,— наивысшая точка траектории тела. В этой точке вертикальная составляющая скорости равна нулю и, следовательно, полная скорость тела направлена горизонтально и равна $v_{0г}$ — горизонтальной составляющей начальной скорости. После этой точки вертикальная составляющая скорости, направленная вниз, будет возрастать по тому же закону, по какому она убывала до точки A. Следовательно, на одной и той же высоте *до* и *после* точки A, например в точках B и C, вертикальная составляющая будет иметь одну и ту же величину, но противоположные направления (вверх в точке B и вниз в точке C). Отсюда видно, что траектория тела представляет собой кривую, симметричную относительно точки A. Но характер траектории тела после точки A мы уже выяснили в § 112. Это — парабола, которую описывает тело, падающее с горизонтальной начальной скоростью. Следовательно, все то, что мы говорили относительно траектории тела в предыдущем параграфе, в равной мере относится и к рассматриваемому случаю, только вместо «половины параболы» ACD тело описывает «полную параболу» $OBACD$, симметричную относительно точки A.

Проверить полученный результат можно также при помощи струи воды, вытекающей из наклонно поставленной трубки (рис. 182). Если позади струи поместить экран с заранее начерченными параболами, то видно, что струи воды также представляют собой параболы.

Высота подъема и расстояние, которое пройдет брошенное тело в горизонтальном направлении до возвращения на ту высоту, с которой тело начало свое движение, т. е. расстояние OD на рис. 181, зависят от величины и направления начальной скорости v_0. Прежде всего, при данном направлении начальной скорости и высота и горизонтальное расстояние тем больше, чем больше величина начальной скорости (рис. 182).

Для данной величины начальной скорости расстояние, которое проходит тело в горизонтальном направлении до возвращения на первоначальную высоту, зависит от направления начальной скорости (рис. 183). При увеличении угла между скоростью и горизонтом это расстояние сначала увеличивается, при угле в 45° достигает наибольшего значения, а затем снова начинает уменьшаться.

Действительно, проведем расчет движения тела, брошенного вверх под углом к горизонту. Если величина начальной скорости тела равна v_0, а угол ее с горизонтом равен α, то горизонтальная составляющая начальной скорости $v_{0г}=$

$= v_0 \cos\alpha$, а вертикальная составляющая $v_{0в} = v_0 \sin\alpha$ и направлена вверх. Горизонтальная составляющая скорости остается постоянной, т. е. $v_г = v_0 \cos\alpha$ во все время движения.

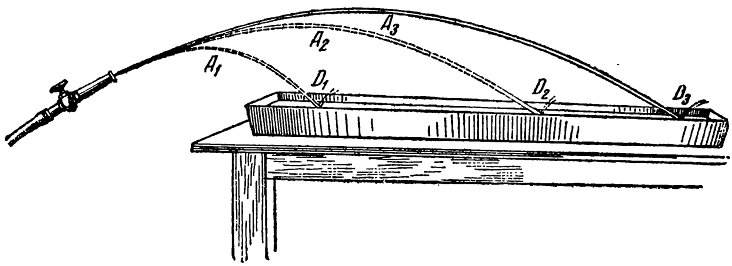


Рис. 182. Струя имеет форму параболы, тем более вытянутой, чем больше начальная скорость струи.

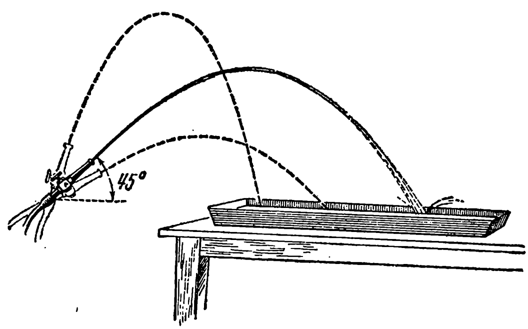


Рис. 183. При увеличении наклона струи, вытекающей с данной скоростью, расстояние, на которое она бьет, сначала увеличивается, достигает наибольшей величины при наклоне в 45°, а затем уменьшается.

Вертикальная составляющая при движении изменяется по закону

$$v_в = v_0 \sin\alpha - gt.$$

Время t_1, в течение которого тело подымается до максимальной высоты, определится условием $v_в = 0$, откуда

$$t_1 = \frac{v_0 \sin\alpha}{g}.$$

Такое же время потребуется, чтобы тело с этой высоты снова упало на землю. Следовательно, все движение будет продолжаться в течение времени

$$2t_1 = \frac{2v_0 \sin\alpha}{g}.$$

Высоту h_1 точки A мы можем определить как высоту, на которую поднимется тело, брошенное вертикально вверх с начальной скоростью $v_{0\text{в}} = v_0 \sin\alpha$:

$$h = \frac{(v_0 \sin\alpha)^2}{2g}.$$

Далее, так как в течение всего времени $2t_1$ в горизонтальном направлении будет происходить движение с постоянной скоростью $v_\text{г} = v_0 \cos\alpha$, то расстояние по горизонтали, пройденное телом за все время движения, будет равно

$$s = v_\text{г} \cdot 2t_1 = \frac{2v_0^2 \sin\alpha \cos\alpha}{g} = \frac{v_0^2}{g} \sin 2\alpha.$$

При данной величине начальной скорости v_0 значения высоты и горизонтальной дальности зависят от угла наклона начальной скорости к горизонту. Высота растет с увеличением α и достигает наибольшего значения, равного $v_0^2/2g$, при $\alpha = 90°$, т. е. при бросании тела вертикально вверх. Расстояние же по горизонтали достигает наибольшего значения, равного $v_0{}^2/g$, при $2\alpha = 90°$, т. е. при $\alpha = 45°$.

Упражнения. (Сопротивление воздуха не учитывать.)

113.1. Камень, брошенный с земли вверх под углом к горизонту, падает обратно на землю на расстоянии 14 *м*. Найдите горизонтальную и вертикальную составляющие начальной скорости камня, если весь полет продолжался 2 *сек*. Найдите наибольшую высоту поднятия камня над землей.

113.2. Пожарный направляет струю воды на крышу дома высотой в 15 *м*. Над крышей дома струя поднимается на 5 *м*. На каком расстоянии от пожарного (считая по горизонтали) она упадет на крышу, если струя вырывается из шланга со скоростью 25 *м/сек*?

§ 114. Полет пуль и снарядов. Полет пуль и снарядов — важный пример движения тел, брошенных под углом к горизонту. Вследствие большой скорости движения этих тел сопротивление воздуха сильно изменяет их движение по сравнению с данными расчетов, проведенных в предыдущем параграфе. Если бы сопротивление воздуха отсутствовало, то наибольшей дальности полета пули соответствовал бы, как было указано выше, угол наклона ствола винтовки или орудия, равный 45°. Как можно показать, сопротивление воздуха приводит к такому изменению траектории пули, что угол наклона, соответствующий максимальной дальности, оказывается меньше 45° (для разных начальных скоростей пули он различен). Вместе с тем и дальность полета (а также и наибольшая высота поднятия) оказывается гораздо меньшей. Например, при начальной скорости 870 *м/сек* и угле 45° в отсутствие сопротивления среды дальность полета пули, как легко подсчитать, составляла бы около 77 *км*.

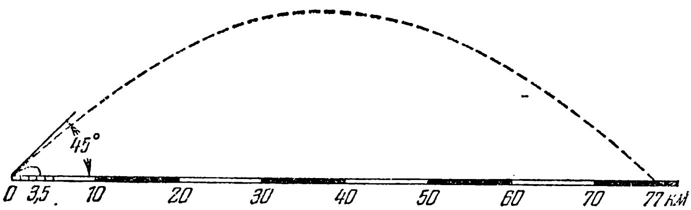


Рис. 184. Траектории винтовочной пули в воздухе (сплошная кривая в левом углу чертежа) и в отсутствие воздуха (пунктирная кривая). Сопротивление воздуха сокращает наибольшую дальность полета пули больше чем в 20 раз!

Между тем в воздухе при этой начальной скорости наибольшая дальность полета не превышает 3,5 *км*, т. е. уменьшается более чем в 20 раз; во много раз уменьшается также и наибольшая высота подъема пули. На рис. 184 приведены траектории пули при одной и той же величине начальной скорости: траектория, которая получилась бы в отсутствие сопротивления воздуха, и действительная траектория в воздухе. Из этого рисунка видно, как сильно сопротивление воздуха уменьшает дальнобойность огнестрельного оружия.

Влияние сопротивления воздуха на полет снарядов уменьшается с увеличением размеров снарядов по той же причине, что и в случае свободного падения тела (§ 68): масса снаряда растет как куб размера (при неизменной форме), а сила сопротивления воздуха растет как площадь поперечного сечения снаряда, т. е. как квадрат размера снаряда. Таким образом, отношение силы сопротивления воздуха к массе снаряда, т. е. отрицательное ускорение, обусловленное сопротивлением среды, уменьшается с увеличением размера снарядов. Поэтому при тех же самых начальных скоростях вылета снаряда дальнобойность артиллерии растет с увеличением калибра снарядов. Вместе с тем и наивыгоднейший угол с горизонтом приближается к 45°. Дальнобойные тяжелые орудия стреляют под углом,

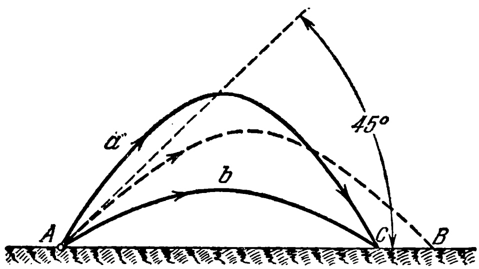


Рис. 185. Навесная (*а*) и настильная (*б*) стрельба.

близким к 45°. Так как при этом снаряды поднимаются на большую высоту, где плотность атмосферы мала, то влияние сопротивления воздуха становится еще менее заметным. Минометы, выбрасывающие тяжелую мину с небольшой начальной скоростью (что также уменьшает роль сопротивления воздуха), стреляют на наибольшее расстояние также под углом, близким к 45°.

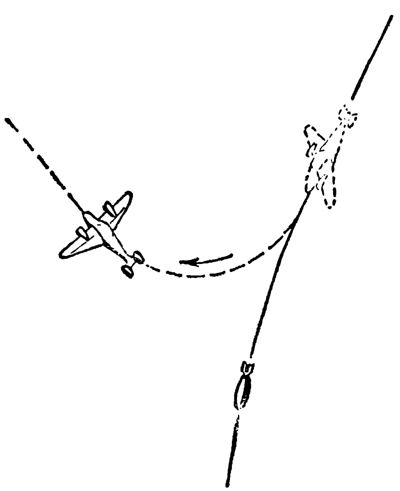


Рис. 186. Сбрасывание бомбы с пикирующего бомбардировщика.

Если цель *C* находится на расстоянии меньшем, чем наибольшая дальность выстрела *AB* (рис. 185), то, очевидно, снаряд может попасть в цель двумя путями: при угле наклона либо меньшем 45° (настильная стрельба), либо большем 45° (навесная стрельба).

Падение бомбы, сброшенной с пикирующего самолета, представляет собой случай движения тела с начальной скоростью, направленной под углом к горизонту *вниз* (рис. 186). В случае крутого пикирования сброшенная с самолета бомба имеет начальную скорость, направленную почти вертикально. Горизонтальная составляющая скорости бомбы с самого начала мала, вследствие чего и сопротивление воздуха движению бомбы в горизонтальном направлении играет малую роль. Кроме того, и учет этой роли может быть сделан с гораздо меньшими ошибками. Поэтому при сбрасывании бомб с пикирующего самолета удается достичь гораздо большей точности бомбометания, чем с самолета, летящего горизонтально.

§ 115. Угловая скорость. При движении точки по окружности часто удобно характеризовать ее движение углом поворота радиуса, соединяющего движущуюся точку с центром окружности. Изменение этого угла с течением времени характеризуют *угловой скоростью*.

Угловой скоростью точки называют отношение угла поворота радиуса-вектора точки к промежутку времени, за который произошел этот поворот.

Угловая скорость численно равна углу поворота радиуса-вектора точки за одну секунду.

Угол поворота обычно измеряют в радианах (сокращенное обозначение: *рад*). Единицей угловой скорости служит угловая скорость, при которой точка описывает дугу в один радиан за одну секунду (сокращенное обозначение: *рад/сек*). Так как единица угла не зависит от выбора основных единиц измерения, а единица времени в системах единиц СИ, СГС и МКСС — секунда — общая, то единица угловой скорости 1 *рад/сек* для всех трех систем одна и та же.

Полный оборот по окружности составляет 2π радианов. Значит, если точка делает n оборотов в секунду, то ее угловая скорость ω есть

$$\omega = 2n\pi \ \text{рад/сек}.$$

Если движение точки по окружности неравномерно, то можно ввести понятие *средней угловой скорости* и *мгновенной угловой скорости*, как это делалось для обычной скорости в случае неравномерного движения. В дальнейшем, однако, будем рассматривать только равномерное движение по окружности.

«Обычную» скорость будем, в отличие от угловой скорости, называть *линейной скоростью*. Легко найти связь между линейной скоростью точки v, ее угловой скоростью ω и радиусом R окружности, по которой она движется. Так как, описав угол, равный одному радиану, точка пройдет по окружности расстояние, равное радиусу, то

$$v = \omega R, \tag{115.1}$$

т. е. *линейная скорость при движении по окружности равна угловой скорости, умноженной на радиус окружности.*

Пользуясь (115.1), можно выразить центростремительное ускорение точки при движении по окружности через угловую скорость. Подставляя выражение для скорости (115.1) в (27.1), найдем формулу, выражающую центростремительное ускорение через угловую скорость:

$$a = \omega^2 R. \tag{115.2}$$

При вращении твердого тела вокруг оси также удобно пользоваться понятием угловой скорости: в этом случае угловая скорость у всех точек тела одинакова, так как все они за одно и то же время поворачиваются на один и тот же угол. Таким образом, вращение твердого тела вокруг оси можно охарактеризовать угловой скоростью, с которой движутся все его точки. Поэтому будем называть ее *угловой скоростью тела.*

Из формул (115.1) и (115.2) видно, что при вращении твердого тела линейные скорости его точек и их центростремительные ускорения пропорциональны расстоянию этих точек от оси вращения.

Упражнения. **115.1.** Две точки движутся с одинаковыми угловыми скоростями по окружностям, радиусы которых относятся как 1 : 2. Найти отношение ускорений этих точек.

115.2. Что больше: угловая скорость вращения часовой стрелки часов или угловая скорость вращения Земли?

§ 116. Силы при равномерном движении по окружности. В § 27 мы показали, что равномерное движение по окружности есть движение с постоянным по величине ускорением, направленным к центру окружности. Но ускорение тела всегда обусловлено наличием силы, действующей в направлении ускорения. Значит, для того чтобы тело равномерно двигалось по окружности, на него должна действовать сила, одинаковая по величине на всей окружности и меняющая свое направление так, что она все время остается направленной к центру окружности.

В самом деле, во всех случаях равномерного движения тела по окружности мы всегда можем обнаружить такую силу, действующую со стороны какого-либо другого тела. При вращении шарика на нити — это сила упругости, действующая со стороны растянутой нити на шарик; ее легко обнаружить, привязав нить другим концом к динамометру (рис. 187); при движении шарика по круговому желобу или при движении поезда по закруглению пути — это сила давления деформированного желоба на шарик или деформированного рельса на колеса поезда, направленная к центру дуги окружности, по которой движется шарик или поезд; в случае движения планет вокруг Солнца — это сила притяжения к Солнцу.

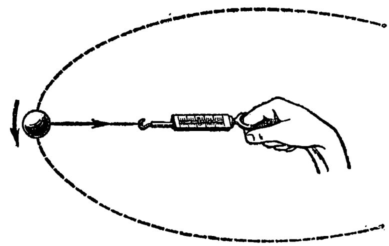


Рис. 187. Динамометр показывает силу, с которой нить действует на шарик, обращающийся по окружности.

Если действие силы прекращается (например, обрывается нить, к которой привязан шарик), то исчезает и центростремительное ускорение: дальше шарик полетит по касательной к окружности (т. е. по направлению скорости, которой обладает шарик в момент исчезновения силы).

Величина силы, необходимой для того, чтобы тело массы m равномерно двигалось со скоростью v по окружности радиуса R, может быть найдена на основании второго закона Ньютона. Так как ускорение тела равно $a=\frac{v^2}{R}$, то требуемая сила F равна

$$F=ma=\frac{mv^2}{R}. \qquad (116.1)$$

Итак, *для равномерного движения тела по окружности на него должна действовать сила, равная произведению массы тела на квадрат скорости, деленному на радиус окружности.* Отсюда видно, что чем меньше радиус, тем бо́льшая сила требуется при заданной линейной скорости движения тела. Например, для заданной скорости автомобиля при повороте на закруглении дороги на колеса автомобиля со стороны грунта должна действовать тем бо́льшая сила, чем меньше радиус закругления, т. е. чем круче поворот. Обратим внимание еще на то, что скорость входит в формулу силы во второй степени; значит, при увеличении скорости движения по окружности данного радиуса сила, требующаяся для поддержания такого движения, растет очень быстро. В этом можно убедиться, разгоняя по окружности грузик, привязанный нитью к динамометру: показания динамометра будут быстро расти с увеличением скорости грузика.

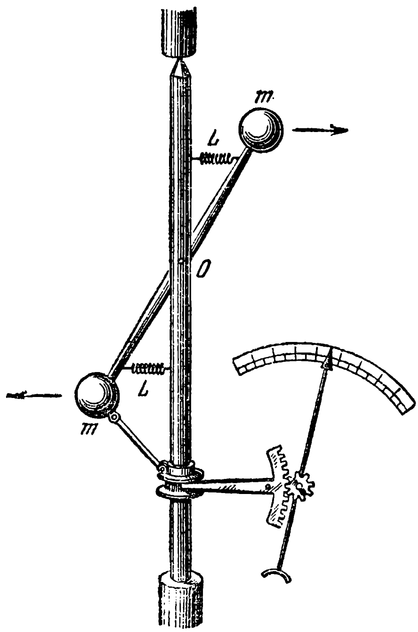


Рис. 188. Устройство тахометра. При увеличении скорости вращения вала стержень, соединяющий грузы, поворачивается на больший угол.

Силы при вращательном движении нередко удобно выражать через угловую скорость. При помощи формулы (115.2) найдем, что для поддержания равномерного движения по окружности на тело массы m должна действовать сила

$$F = ma = m\omega^2 R. \quad (116.2)$$

Таким образом, с возрастанием угловой скорости сила, необходимая для поддержания вращения, быстро возрастает. Это обстоятельство используется для устройства некоторых типов *тахометров* — приборов для определения числа оборотов машины. Принцип устройства тахометра виден из рис. 188. На валу укреплены на легком стержне две массы m. Стержень может свободно вращаться вокруг точки O. Пружинки L удерживают стержень с массами вблизи вала. Чтобы при вращении вала шарики двигались по окружностям, необходима сила тем бо́льшая, чем быстрее вращается вал. Так как эту силу создают растянутые пружинки L, притягивающие шарики к оси вращения, то, чем больше число оборотов вала, тем сильнее должны быть растянуты пружинки. Значит, с увеличением числа оборотов вала возрастает угол, на который стержень отклоняется от вала. Со стержнем скреплена стрелка, движущаяся вдоль шкалы, на которой наносят деления, соответствующие разным числам оборотов вала за единицу времени.

Упражнения. **116.1.** Велосипедист, масса которого вместе с велосипедом равна 80 *кг*, движется со скоростью 9 *км/час* по окружности радиусом 15 *м*. Определите действующую на него силу.

116.2. На пружинке длиной 50 *см* подвешен груз, который растягивает пружинку на 1 *см*. Возьмем второй конец пружинки в руку и раскрутим груз в горизонтальной плоскости так, чтобы пружинка растянулась на 10 *см*. Какова при этом скорость груза? (Сила, с которой действует растянутая пружинка, пропорциональна величине растяжения; действием силы тяжести при вращении груза пренебречь.)

§ 117. Возникновение силы, действующей на тело, движущееся по окружности. Из того, что при криволинейном движении тело испытывает ускорение, следует, что на него должны действовать силы. Например, грузик, привязанный к нити, может двигаться по окружности только в том случае, если нить тянет его с некоторой силой. Но нить может тянуть грузик, только если она деформирована (растянута). Следовательно, для того чтобы объяснить происхождение сил, обусловливающих движение грузика по окружности, мы должны объяснить, почему при рассматриваемом движении нить оказалась растянутой.

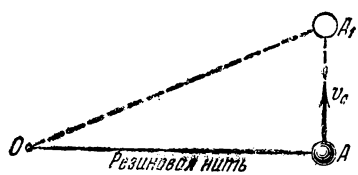


Рис. 189. В первый момент после толчка грузик движется по прямой AA_1 и его расстояние от точки O увеличивается.

Как уже указывалось (§ 58), деформация тела есть результат того, что его разные части в течение некоторого времени двигались по-разному. В нашем примере картину возникновения деформаций сделаем наглядной, полагая, что применена легко растяжимая нить, например тонкая резиновая нить. Закрепим один ее конец неподвижно в точке O, а к другому концу прикрепим грузик (рис. 189). Вызвать обращение грузика вокруг точки O мы можем, сообщив ему некоторую скорость v_0 в направлении, перпендикулярном к резиновой нити. В первый момент после начала движения силы на грузик не действуют — резинка не растянута. Поэтому он начнет двигаться прямолинейно и расстояние между ним и точкой O будет увеличиваться (расстояние OA_1 больше, чем расстояние OA), т. е. резинка начнет растягиваться, в результате появится сила, действующая на грузик со стороны резинки, он получит ускорение, направленное к точке O, и его траектория начнет искривляться.

Однако, пока резинка мало растянута, это искривление траектории будет недостаточно для того, чтобы грузик двигался по окружности, и он будет продолжать удаляться от точки O, увеличивая растяжение резинки, а значит и силу, действующую на грузик (рис. 190). В результате кривизна траектории будет продолжать увеличиваться, пока траектория не превратится в окружность. Тогда расстояние между грузиком и точкой O перестанет увеличиваться и резинка перестанет растягиваться. Следовательно, установится как раз такое растяжение резинки, при котором она будет действовать на грузик с силой упругости, сообщающей ему ускорение, необходимое для равномерного движения по окружности, радиус которой равен длине растянувшейся резинки. Эта сила, как мы уже знаем (формула (116.1)), должна быть равна mv^2/R, где m—масса грузика, v — установившаяся скорость грузика и R — установившийся радиус вращения. Если нить жесткая или вместо нити взять стержень, то практически растяжение, создающее требуемую силу, будет очень мало и в качестве R можно взять длину нерастянутой нити или исходную длину стержня, а за установившуюся скорость принять начальную скорость v_0.

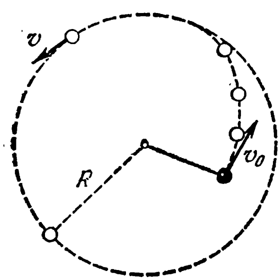


Рис. 190. Движение грузика после начального толчка.

Примерно так же возникает и деформация искривленного желоба, по которому катится шарик; желоб искривляет траекторию шарика. Если бы желоба не было, шарик двигался бы прямолинейно. В искривленном желобе шарик тоже будет двигаться прямолинейно до тех пор, пока на него не подействуют силы со стороны желоба. Если бы желоб был очень мягкий, то, двигаясь в нем, шарик заставил бы желоб выпрямиться. Жесткий искривленный желоб при движении шарика тоже немного выпрямляется. Но в жестком желобе упругие силы, которые сообщают шарику ускорение, необходимое для того, чтобы он двигался криволинейно, следуя за кривизной желоба, возникают уже при ничтожной деформации.

Если нить и желоб мало деформируются под действием грузика или катящегося шарика, мы можем считать нить и желоб *связями* (см. § 75). При достаточной жесткости связей мы можем предсказать траекторию тела: она определится формой связи. Так, для мало растяжимой нити мы можем заранее сказать, что траектория привязанного к ней грузика будет близка к окружности с радиусом, равным длине нерастянутой нити; для жесткого желоба мы можем заранее сказать, что траектория шарика будет близка к исходной форме желоба.

§ 118. Разрыв маховиков. При вращении колес, дисков и т. п. возникают деформации того же типа, что и деформации связей, заставляющих тело двигаться по окружности. Именно силы, обусловленные такими деформациями, и сообщают частям вращающегося тела центростремительные ускорения, необходимые для того, чтобы эти части двигались по окружностям. Если тела очень жестки, то деформации очень малы и их непосредственное наблюдение затруднительно. Однако эти деформации могут привести к разрушению вращающегося тела: в ряде случаев маховики и другие вращающиеся части машин разрывались при движении. Разрушение было связано обычно с превышением допустимой скорости вращения.

Выясним картину разрушения вращающегося тела.

Начнем с движения грузика на нити по окружности. Если скорость грузика, двигавшегося по окружности, увеличить, то установившееся растяжение нити окажется недостаточным для поддержания движения грузика с увеличенной скоростью по той же окружности. Грузик опять начнет удаляться от центра, и растяжение нити будет возрастать до тех пор, пока снова не установится растяжение, соответствующее новой скорости и новому, слегка увеличенному радиусу окружности. Если мы будем все более и более увеличивать скорость грузика, то растяжение резинки будет продолжаться. Но резиновая нить, как и всякое упругое тело, не может удлиняться беспредельно. При некотором достаточно большом удлинении должен наступить разрыв.

Поэтому, если мы будем продолжать увеличивать скорость грузика, то в конце концов нить оборвется. Как мы уже знаем, после обрыва нити грузик полетит по касательной к траектории в точке, в которой произошел обрыв нити.

Подобно этому происходит и разрыв махового колеса при слишком быстром вращении. Если скорость вращения настолько велика, что даже при наибольшем растяжении, которое могут выдержать спицы, они не могут сообщить частям обода необходимого центростремительного ускорения, то удлинение спиц продолжается, и когда оно превосходит допустимый предел — наступает разрыв. Части колеса разлетаются по касательным к окружности колеса.

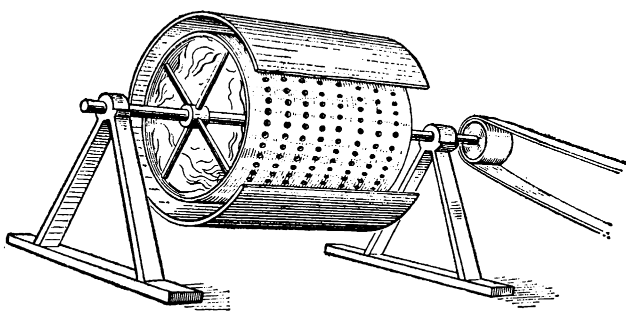


Рис. 191. Сушильная машина.

Так как необходимое центростремительное ускорение быстро растет с увеличением радиуса вращения и особенно угловой скорости вращающегося тела (см. формулу (116.2)), то крупные и быстро вращающиеся части машин, например роторы быстроходных турбин, приходится делать исключительно прочными. Невозможность обеспечить требуемую прочность вращающихся частей часто ставит предел увеличению быстроходности машины.

Явления, по существу сходные с теми, которые происходят при разрыве маховика, протекают в сушильной машине (рис. 191). Влажная ткань закладывается в решетчатый барабан, который приводят в быстрое вращение. При большой скорости вращения силы сцепления между каплями влаги и тканью оказываются недостаточными для того, чтобы сообщить каплям центростремительное ускорение, необходимое для движения по окружности. Капли влаги отрываются от ткани и через решетку улетают по касательным.

Таким образом, в рассмотренных случаях — разрушение быстро вращающихся тел, отрыв капель от высушиваемой ткани и т. п. — причиной оказывается недостаточная величина тех сил, которые могут возникнуть без разрушения тела, по сравнению с теми силами, которые необходимы для сообщения частям вращающегося тела или каплям воды центростремительного ускорения, требуемого при данной скорости кругового движения. Здесь снова ярко проявляется различие между равномерным прямолинейным и равномерным криволинейным движением: при равномерном прямолинейном движении ускорение отсутствует, для поддержания движения никакие силы не требуются, и поэтому, как бы велика ни была постоянная скорость этого движения, никаких разрушений она вызвать не может.

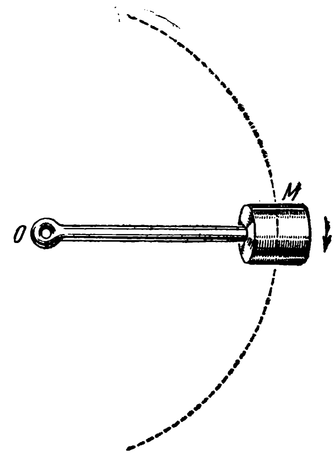


Рис. 192. К упражнению 118.1.

Упражнение. 118.1. На конце стержня длиной 30 *см*, вращающегося вокруг точки O (рис. 192), насажена масса в 50 *кг*. При каком числе оборотов в секунду произойдет разрыв стержня, если для того, чтобы разорвать его неподвижной нагрузкой, к концу стержня нужно подвесить массу в 1 *т*?

§ 119. Деформация тела, движущегося по окружности. Центростремительная и центробежная силы. До сих пор мы рассматривали только те силы, которые действуют на тело, движущееся по окружности, со стороны связей, т. е. тел, искривляющих траекторию данного тела. Такова, например, сила, действующая на грузик со стороны нити, к которой он привязан. Но сразу видно, что грузик в свою очередь должен действовать на нить с такой же по величине силой. Это вытекает из третьего закона Ньютона, гласящего, что силы, с которыми действуют друг на друга два тела (в нашем примере грузик и нить), всегда равны по величине и направлены в противоположные стороны. Следовательно, шарик действует на нить с силой, также равной mv^2/R, но направленной *от центра.* Эта сила приложена к нити (а не к шарику), и поэтому мы, конечно, не принимали ее во внимание, когда рассматривали движение шарика. Но при изучении поведения нити нам нужно знать силы, действующие именно на нить.

Так обстоит дело при всяком движении по окружности, если это движение происходит под действием сил, обусловленных непосредственным соприкосновением тел. При движении по окружности должна существовать связь — *какое-то другое тело*, удерживающее движущееся тело на окружности. Со стороны этой связи на вращающееся тело действует сила, направленная *к центру* вращения. В свою очередь движущееся тело должно действовать на эту связь с такой же по величине силой, но направленной *от центра.*

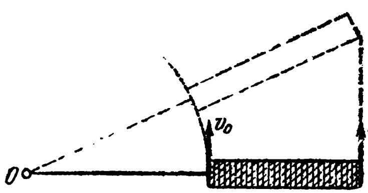


Рис. 193. Возникновение деформации в теле, движущемся по окружности.

Мы уже видели (§ 117), что сила, действующая со стороны нити на движущийся по окружности грузик, обусловлена деформацией этой нити. Так же и сила, с которой грузик действует на нить, вызвана соответственной деформацией грузика. Легко объяснить, почему грузик также оказывается в деформированном состоянии.

Для наглядности возьмем в качестве грузика тело удлиненной формы (рис. 193). Представим себе, что мы сообщили всем точкам тела одновременно одинаковую скорость v_0, перпендикулярную к нити. Как мы знаем, в нити при этом возникнет натяжение и она сообщит ускорение тем точкам тела, к которым она прикреплена (на рис. 193 — левому концу тела). Путь левого конца тела начнет искривляться, в то время как правый конец тела будет еще продолжать двигаться прямолинейно, так как вначале никакие силы на правый конец тела не действуют. Поэтому увеличится расстояние между левым и правым концами тела — тело начнет деформироваться. Деформация прекратится только тогда, когда возникшие при деформации силы обеспечат всем частям тела ускорения, необходимые для вращения по окружностям.

Таким образом, тело, движущееся по окружности под действием сил, обусловленных непосредственным соприкосновением с другими телами, всегда окажется деформированным.

Если тело жесткое, то деформации будут малы, но даже не наблюдая их непосредственно, мы обнаружим их наличие по силе, с которой тело будет действовать на нить. Но если взять легко деформирующееся тело, например слабую цилиндрическую пружину, то деформацию можно сделать заметной и на глаз (рис. 194). Деформации пружины распределятся так, что на каждый виток со стороны соседних витков будет действовать результирующая сила, направленная к центру, обусловливающая необходимое ускорение этого витка; растяжение будет наименьшим для крайнего витка и будет расти к центру.

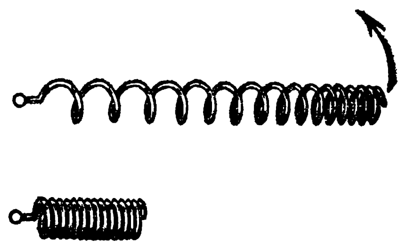


Рис. 194. Наглядное представление деформации вращающегося тела на примере пружины. Для сравнения внизу показана нерастянутая пружина.

Деформированная нить действует также и на ось вращения, к которой она прикреплена другим концом. В свою очередь ось изгибается и благодаря этой деформации действует с равной и противоположной силой на прикрепленную к ней нить. Сила, действующая на тело со стороны связи (оси и нити), направлена к центру (она сообщает телу нужное центростремительное ускорение). Поэтому ее обычно называют *центростремительной силой*. Наоборот, сила, с которой вращающееся деформированное тело действует на нить и на ось, т. е. на связь, направлена от центра, вследствие чего ее называют *центробежной силой*.

Термины «центростремительная» и «центробежная» относятся *к действию сил в данном явлении, а не к их физической природе*: по своей природе это все те же знакомые нам упругие силы, обусловленные деформацией тел. Для случая грузика на нити центростремительная сила, действующая на грузик, и центробежная сила, действующая на ось,— это силы упругости растянутой нити, действующей одним своим концом на грузик, а другим — на ось. Непосредственной причиной того, что тело, обращающееся вокруг оси, действует через нить на ось с «центробежной силой», является не то, что оно вращается, а то, что оно деформировано. Если бы тело не двигалось, но было бы так же деформировано, как и при движении, то оно действовало бы на ось с точно такой же «центробежной силой».

Упражнения. **119.1.** Два тела с массами m_1 и m_2 привязаны на нитях длиной r_1 и r_2 и обращаются вокруг точки O с одинаковой угловой скоростью (рис. 195). При каких условиях силы, действующие на точку O со стороны нитей, уравновесят друг друга?

119.2. Барабан сушильной машины диаметром 80 *см* вращается со скоростью 25 *об/сек*. С какой силой давит на стенку барабана кусок ткани с массой 1,5 *г*?

119.3. К телу A массы m прикреплена нить, которая пропущена через отверстие O (рис. 196). К другому концу нити прикреплено тело B такой же массы m. Тело A вращается в горизонтальной плоскости около точки O, причем радиус вращения равен 20 *см*. С какой угловой скоростью ω должно вращаться тело A, чтобы тело B находилось в равновесии?

119.4. Что произойдет в случае, описанном в предыдущей задаче, если мы немного подтолкнем тело B вверх или вниз? Если положим на тело B небольшой добавочный груз?

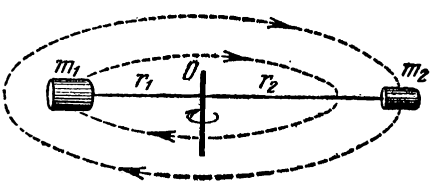


Рис. 195. К упражнению 119.1.

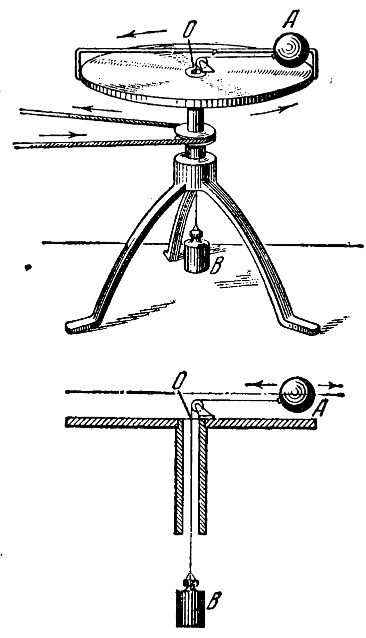


Рис. 196. К упражнению 119.3.

§ 120. «Американские горы».

При криволинейном движении вагонетки по так называемым «американским горам» (рис. 197) ускорение получается в результате действия как силы притяжения Земли, так и силы, обусловленной непосредственным соприкосновением. Первая — это сила тяжести тела P, вторая — упругая сила F, действующая со стороны рельсов. В этом примере связь — это рельсовый путь, по которому движется вагонетка.

Посмотрим, с какой силой рельсы действуют на вагонетку в самой верхней A и самой нижней B точках пути. Так как при криволинейном движении ускорение всегда направлено в сторону вогнутости траектории, то в A оно направлено вниз, а в B — вверх. Значит, равнодействующая силы тяжести P и силы F, действующей со стороны рельсов, в верхней точке пути направлена вниз, а в нижней точке пути — вверх. Отсюда следует, что сила F в точке A меньше, а в точке B больше, чем сила тяжести P. В A, где F меньше

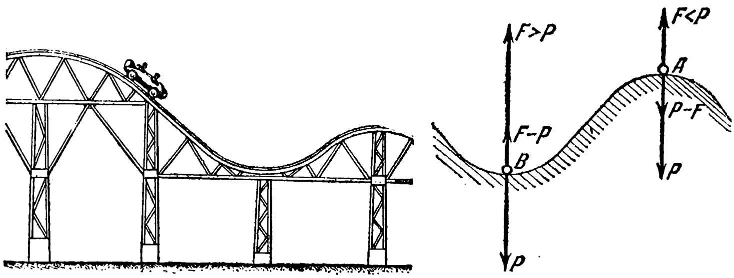


Рис. 197. Аттракцион «американские горы». Справа — силы, действующие в нижней и верхней точках «американских гор».

P, избыток силы тяжести над силой давления сообщает вагонетке центростремительное ускорение, направленное вниз. В B, где F больше P, наоборот, сила давления не только уравновешивает силу тяжести, но и сообщает вагонетке центростремительное ускорение, направленное вверх. Величина центростремительного ускорения есть $a=v^2/R$. Значит, разность между силой F и силой тяжести P равна mv^2/R.

Различие в силах F в разных точках пути обусловлено в конечном счете тем, что рельсы в нижней и верхней точках пути оказываются по-разному деформированными. В этом можно было бы убедиться рассуждениями, подобными тем, которыми мы пользовались при рассмотрении деформаций желоба в § 117. По третьему закону Ньютона вагонетка в свою очередь давит на рельсы с силой, также равной F, но направленной от вагонетки к рельсам. Значит, в верхней точке пути вагонетка давит на рельсы с меньшей силой, чем в нижней.

Итак, сила, с которой тело действует на подставку (вагонетка на рельсы) при движении по криволинейному пути, лежащему в вертикальной плоскости, не остается постоянной, а зависит от скорости движения и от формы пути. Мы могли бы сделать наглядными эти изменения, поместив тяжелый груз на пружинных весах на тележку, движущуюся по «американским горам» (рис. 198). Если тележка неподвижна, то сила тяжести P уравновешивается упругой силой сжатой пружины весов F, т. е. $F=P$. Но если тележка движется криволинейно, то, как мы видели, F будет либо меньше, либо больше, P, т. е. вес груза будет соответственно либо меньше, либо больше, чем в случае неподвижной тележки.

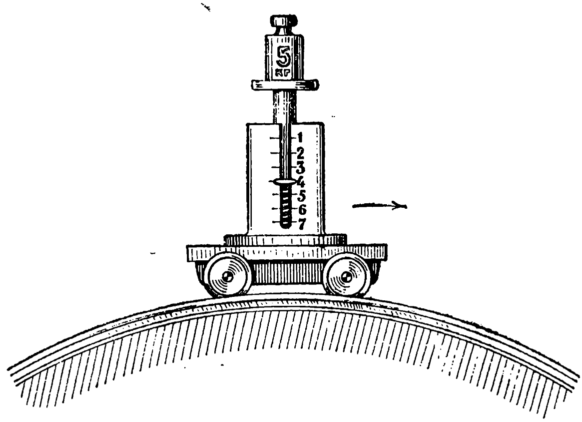


Рис. 198. При движении через вершину «американской горы» показание пружинных весов меньше, чем вес тела.

Этот опыт еще раз иллюстрирует то обстоятельство, которое мы подчеркивали выше (§ 52). При измерении на пружинных весах вес тела оказывается равным силе тяжести только в том случае, если весы и взвешиваемое тело покоятся (либо движутся без ускорения). Если весы и тело обладают ускорением, направленным вниз, то вес тела оказывается меньше силы тяжести. Наоборот, если ускорение весов и тела направлено вверх, то вес тела оказывается больше силы тяжести.

Упражнение. **120.1.** Небольшие легкие мосты на шоссе всегда делают не плоскими, а выпуклыми, ибо это уменьшает нагрузку на мост. Найдите то соотношение между радиусом кривизны моста и скоростью движения экипажа, при котором нагрузка на выпуклый мост будет вдвое меньше, чем на плоский. Найти скорость, при которой экипаж оторвется от моста с данным радиусом кривизны R в его наивысшей точке.

§ 121. Движение на закруглениях пути. Движения конькобежца, велосипедиста, поезда и т. д. на закруглениях пути обычно представляют собой движение по дуге окружности, но, в отличие от «американских гор», в этих случаях криволинейная траектория лежит в горизонтальной плоскости. Движущееся тело находится под действием двух сил: силы тяжести P и силы F со стороны опоры (лед, земля, рельсы). При теле неподвижном или движущемся прямолинейно обе эти силы направлены вертикально и уравновешивают друг друга. На поворотах же необходимо, чтобы равнодействующая была направлена в сторону вогнутости траектории. Для этого движущемуся телу придают наклон в эту же сторону. При этом появляется сила со стороны опоры, направленная в сторону наклона, к центру описываемой окружности, и создающая требуемое центростремительное ускорение.

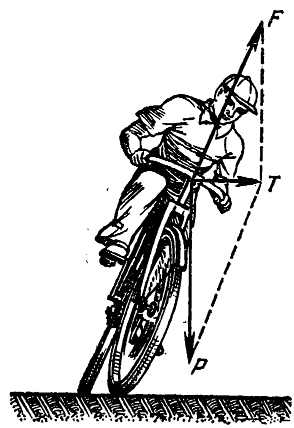


Рис. 199. При повороте велосипедист наклоняется в сторону поворота. Сила тяжести P и сила F, с которой земля давит на колеса, дают равнодействующую T, сообщающую центростремительное ускорение, наблюдаемое для движения по окружности.

Каким образом осуществляется необходимый наклон? Конькобежец и велосипедист вызывают его сознательно (или инстинктивно), перемещая центр тяжести своего тела движением корпуса или рук. Центростремительная сила в этом случае — это сила трения между коньком и льдом или шиной велосипеда и землей, которая возникает, когда конькобежец или велосипедист наклоняется (рис. 199). Когда велосипед наклонен, то под действием силы тяжести центр тяжести велосипеда и седока должен был бы опускаться вертикально вниз, и при отсутствии трения шины должны были бы скользить по земле в сторону, противоположную той, куда наклонен велосипед. Но мы знаем, что если при движении без трения возникало бы скольжение, то при наличии трения сила трения будет направлена противоположно направлению этого скольжения. Следовательно, возникнет сила трения, направленная в ту сторону, куда наклонен велосипед. В результате сила F, действующая со стороны земли, отклонится в ту же сторону. Если сила трения недостаточно велика (например, конек тупой или дорога скользкая), то конек или колесо скользнут по льду или земле и поворот не удастся (падение).

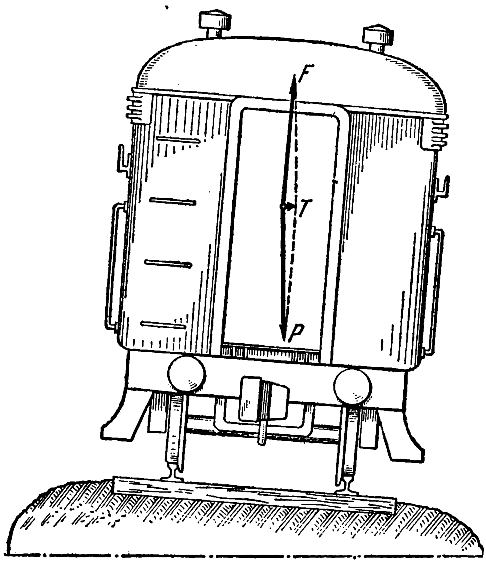


Рис. 200. Наклон железнодорожного пути на закруглении. Сила тяжести вагона P и сила давления F со стороны рельсов дают результирующую силу T, обусловливающую центростремительное ускорение вагона.

Для поезда наклон создается устройством пути. На закруглениях наружный рельс кладется несколько выше внутреннего (рис. 200). Наклон железнодорожного пути рассчитан на некоторую среднюю скорость. Значительное превышение этой скорости может привести к крушению поезда.

Упражнение. **121.1.** Если поезд идет по закруглению пути как раз с той скоростью, на которую рассчитан наклон пути, то пассажирам кажется, что вагон не наклонился. При большей скорости пассажирам кажется, что вагон наклонился наружу, а при меньшей — внутрь закругления. Объясните эти явления.

§ 122. Движение подвешенного тела по окружности. Рассмотрим еще некоторые примеры равномерного движения по окружности. Укрепим несколько отвесов на разных расстояниях от центра граммофонного

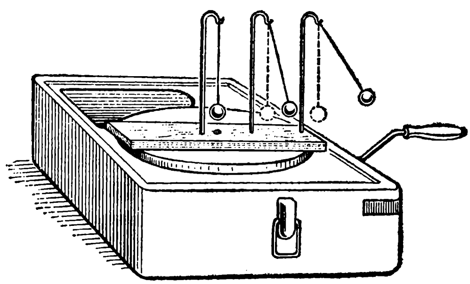


Рис. 201. На диск граммофонного двигателя положена дощечка с укрепленными на ней отвесами. При вращении диска отвесы отклоняются наружу тем сильнее, чем больше скорость вращения и чем дальше от оси расположен отвес.

диска (рис. 201). При неподвижном столике все отвесы висят вертикально, при вращающемся— отклоняются, причем это отклонение тем больше, чем дальше от центра расположен отвес. С увеличением скорости вращения отклонения отвесов возрастают.

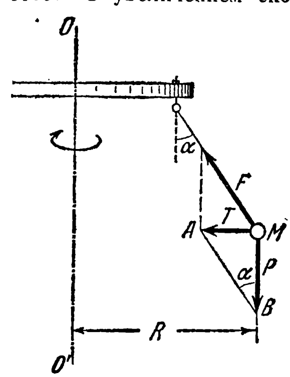


Рис. 202. Силы, действующие на тело, подвешенное к карусели.

Не рассматривая, *как* возникает отклонение нити отвеса, найдем положение, которое займет нить при данной угловой скорости вращения (рис. 202). Понятно, что при отклонении нити сила натяжения ее F и сила тяжести грузика P не могут уравновешиваться, так как они направлены под углом друг к другу. Равнодействующая этих сил T, величина и направление которой зависят от угла отклонения нити, сообщает грузику центростремительное ускорение, необходимое для движения по окружности. При этом натяжение нити F больше, чем в случае покоящегося диска, т. е. больше силы тяжести грузика, так как силу P должна уравновешивать проекция силы F на вертикаль.

Из прямоугольного треугольника AMB, в котором сторона MA выражает центростремительную силу $T=m\omega^2R$, необходимую для того, чтобы тело массы m двигалось по окружности радиуса R с угловой скоростью ω, а сторона MB — силу тяжести $P=mg$, найдем тангенс угла отклонения α:

$$\operatorname{tg}\alpha=\frac{T}{P}=\frac{\omega^2 R}{g}. \tag{122.1}$$

Отсюда видно, что отклонение нити тем больше, чем больше угловая скорость и расстояние от оси; оно не зависит от массы тела.

Аналогичную картину — отклонение штанги, на которой висит конь со всадником,— можно наблюдать и на карусели. В этом случае формула (122.1) дает угол отклонения штанги.

Рассмотренная картина поясняет также принцип действия так называемых *центробежных регуляторов*, применяемых для регулировки

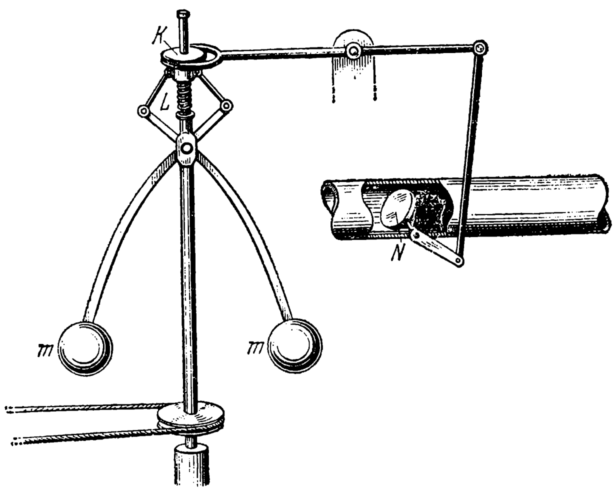


Рис. 203. Модель регулятора Уатта.

числа оборотов различных машин. Первый такой регулятор был построен Уаттом для регулировки числа оборотов паровой машины. При вращении вала регулятора (рис. 203) грузы m, укрепленные на шарнирах, отклоняются и передвигают муфту K, с которой они соединены тягами. Муфта соединена с заслонкой N, регулирующей подачу пара в цилиндры паровой машины. Когда число оборотов машины возрастает выше нормального, муфта опускается и уменьшает доступ пара в цилиндры. Наоборот, при уменьшении числа оборотов ниже нормы муфта поднимается и увеличивает доступ пара.

§ 123. Движение планет. Изучение видимого движения планет на неизменном фоне звездного неба позволило дать кинематическое полное описание движения планет относительно инерциальной системы отсчета «Солнце — звезды». Траектории планет (орбиты) оказались замкнутыми кривыми, близкими к окружностям с центром в Солнце[1]), а движение планет по их орбитам оказалось близким к равномерному. Исключение составляют только кометы и некоторые астероиды, у которых расстояние от Солнца и скорость движения меняются в широких пределах, а орбиты сильно вытянуты. Для разных планет расстояния от Солнца (радиусы орбит) и времена обращения весьма различны, как это видно из таблицы 2. Обозначения первых шести планет, приведенные в таблице, сохранились еще со времен астрологов.

Таблица 2

Сведения о планетах

Название и обозначение планеты	Расстояние от Солнца		Время обращения в земных годах
	в радиусах земной орбиты	в млн. *км*	
Меркурий ☿	0,387	58	0,241
Венера ♀	0,723	108	0,615
Земля ♁ или ⊕	1,000	149	1,000
Марс ♂	1,524	228	1,881
Юпитер ♃	5,203	778	11,862
Сатурн ♄	9,938	1426	29,457
Уран ♅	19,191	2868	84,013
Нептун ♆	30,071	4494	164,783
Плутон ♇	39,6	6000	248

В действительности орбиты планет не вполне круговые, а их скорости не вполне постоянны. Точное описание движений всех планет было дано немецким астрономом Иоганном Кеплером (1571—1630) (в его время были известны только первые шесть планет) в виде трех законов (рис. 204):

1. Каждая планета движется по эллипсу, в одном из фокусов которого находится Солнце.

2. Радиус-вектор планеты (вектор, проведенный от Солнца к планете) в равные времена описывает равные площади.

3. Квадраты времен обращения любых двух планет относятся как кубы больших полуосей их орбит.

---

[1]) Расстояния между небесными телами громадны даже по сравнению с огромными размерами самих небесных тел, поэтому при изучении движения планет можно считать их точками.

Из этих законов можно сделать ряд выводов о силах, под действием которых движутся планеты. Рассмотрим вначале движение какой-либо одной планеты. Ближайший к Солнцу (S) конец P большой оси орбиты называют *перигелием*; второй конец A называют *афелием* (рис. 205). Так как эллипс симметричен относительно обеих своих осей, то радиусы кривизны в перигелии и афелии равны. Значит,

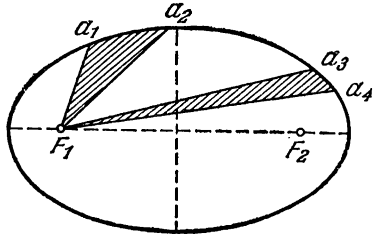


Рис. 204. Если из точки a_1 в точку a_2 планета перемещается за то же время, что из точки a_3 в точку a_4, то площади, заштрихованные на рисунке, равны.

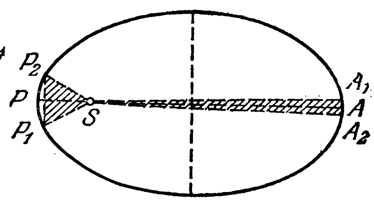


Рис. 205. К определению отношения скоростей планеты в перигелии и афелии.

согласно сказанному в § 27, нормальные ускорения a_P и a_A в этих точках относятся как квадраты скоростей планеты v_P и v_A:

$$\frac{a_P}{a_A}=\frac{v_P^2}{v_A^2}. \qquad (123.1)$$

Теперь воспользуемся вторым законом Кеплера. Рассмотрим малые перемещения P_1P_2 и A_1A_2, симметричные относительно перигелия и афелия соответственно и совершаемые за одинаковые малые промежутки времени t. Площади секторов SA_1A_2 и SP_1P_2 должны быть равны. Дуги эллипса A_1A_2 и P_1P_2 равны v_At и v_Pt. Отличием дуги эллипса от хорды можно пренебречь и рассматривать описанные радиусом-вектором секторы как равнобедренные треугольники SA_1A_2 и SP_1P_2. Их площади равны соответственно $\frac{1}{2}v_Atr_A$ и $\frac{1}{2}v_Ptr_P$, где r_A и r_P — расстояния афелия и перигелия от Солнца. Значит, $v_Ar_A=v_Pr_P$, откуда находим: $\frac{v_A}{v_P}=\frac{r_P}{r_A}$.

Наконец, подставляя это соотношение в (123.1), найдем:

$$\frac{a_P}{a_A} = \frac{r_A^2}{r_P^2}. \tag{123.2}$$

Так как в перигелии и афелии касательные ускорения равны нулю, то a_P и a_A представляют собой полные ускорения планеты в этих точках. Они направлены к Солнцу (вдоль большой оси орбиты).

Расчет показывает, что и во всех других точках траектории полное ускорение также направлено к Солнцу и по величине изменяется по тому же закону, т. е. обратно пропорционально квадрату расстояния планеты от Солнца; поэтому для любой точки орбиты

$$\frac{a_P}{a} = \frac{r^2}{r_P^2}, \tag{123.3}$$

где a — полное ускорение планеты, r — ее расстояние от Солнца.

Таким образом, полное ускорение планеты обратно пропорционально квадрату расстояния между Солнцем и планетой.

Рассматривая угол, составляемый радиусом-вектором планеты с касательной к траектории, видим (рис. 206), что при движении планеты от афелия к перигелию касательная составляющая ускорения a_t положительна и скорость планеты растет; наоборот, при движении от перигелия к афелию скорость планеты уменьшается. В перигелии планета достигает наибольшей скорости, в афелии — наименьшей скорости движения.

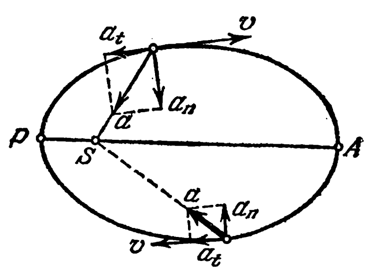


Рис. 206. При движении планеты от перигелия к афелию сила притяжения уменьшает скорость планеты, при движении от афелия к перигелию—увеличивает скорость планеты.

Для выяснения зависимости ускорения данной планеты от расстояния ее от Солнца мы воспользовались первыми двумя законами Кеплера. Эту зависимость удалось найти потому, что планеты движутся по эллипсам, изменяя свое расстояние от Солнца. Если бы планеты двигались по окружностям, расстояние от Солнца и ускорение планеты не менялись бы, и мы не смогли бы найти эту зависимость.

Но при сравнении между собой ускорений *различных* планет можно удовлетвориться приближенным описанием движения планет, считая, что они движутся равномерно по окружностям с радиусами, равными большим полуосям своих действительных орбит. Обозначим радиусы орбит двух каких-нибудь планет через r_1 и r_2, а времена их обращения — через T_1 и T_2. Тогда их скорости выразятся формулами

$$v_1=\frac{2\pi r_1}{T_1}, \quad v_2=\frac{2\pi r_2}{T_2},$$

а центростремительные ускорения (согласно (27.1)) — формулами

$$a_1=\frac{v_1^2}{r_1}=\frac{4\pi^2 r_1}{T_1^2}; \quad a_2=\frac{v_2^2}{r_2}=\frac{4\pi^2 r_2}{T_2^2}.$$

Так как движение по окружности мы считаем равномерным, то a_1 и a_2 можно считать полными ускорениями, направленными к центру орбиты — к Солнцу. Отношение ускорений планет равно

$$\frac{a_1}{a_2}=\frac{r_1}{r_2}\frac{T_2^2}{T_1^2}.$$

Но, согласно третьему закону Кеплера,

$$\frac{T_2^2}{T_1^2}=\frac{r_2^3}{r_1^3}.$$

Подставляя отношение квадратов времен обращения в предыдущую формулу, найдем:

$$\frac{a_1}{a_2}=\frac{r_2^2}{r_1^2}.$$

Этот вывод можно переписать в таком виде: для любой планеты, находящейся на расстоянии r от Солнца, ее ускорение a равно

$$a=\frac{C}{r^2}, \qquad (123.4)$$

где C — одна и та же постоянная для всех планет солнечной системы. Таким образом, ускорения планет обратно пропорциональны квадратам их расстояний от Солнца и направлены к Солнцу.

§ 124. Закон всемирного тяготения. Итак, Ньютон знал, что для всех планет солнечной системы ускорение обратно пропорционально квадрату расстояния планеты от Солнца и коэффициент пропорциональности — один и тот же для всех планет.

Отсюда следует прежде всего, что сила притяжения, действующая со стороны Солнца на каждую планету, должна быть пропорциональна массе этой планеты. В самом деле, если ускорение данной планеты дается формулой (123.4), то сила, вызывающая ускорение, должна равняться $F=ma=mC/r^2$, где m — масса этой планеты. С другой стороны, Ньютону была известна величина ускорения, которое Земля сообщает Луне; оно было определено из наблюдений движения Луны, обращающейся вокруг Земли. Это ускорение примерно в 3600 раз меньше, чем ускорение g, сообщаемое Землей телам, находящимся на земной поверхности. Расстояние же от Земли до Луны равно приблизительно 60 земным радиусам. Иными словами, Луна отстоит от центра Земли в 60 раз дальше, чем тела, находящиеся на поверхности Земли, а ускорение ее в $3600=60^2$ раз меньше. Если принять, что Луна движется под действием притяжения Земли, то отсюда следует, что сила земного притяжения, так же как и сила притяжения Солнца, убывает обратно пропорционально квадрату расстояния от центра Земли. Наконец, сила притяжения Земли прямо пропорциональна массе притягиваемого тела. Этот факт Ньютон установил на опытах с маятниками. Он обнаружил, что период качаний маятника не зависит от его массы. Значит, маятникам разной массы Земля сообщает одинаковое ускорение и, следовательно, сила притяжения Земли пропорциональна массе тела, на которое она действует. То же, конечно, следует из одинаковости ускорения свободного падения g для тел разной массы, но опыты с маятниками позволяют проверить этот факт с большей точностью.

Эти одинаковые черты сил притяжения Солнца и Земли и привели Ньютона к заключению об одинаковой природе этих сил и о существовании сил всемирного тяготения, действующих между всеми телами и убывающих обратно пропорционально квадрату расстояния между телами. При этом сила тяготения, действующая на данное тело массы m, должна быть прямо пропорциональна массе m.

Исходя из всех этих фактов и соображений, Ньютон сформулировал закон всемирного тяготения таким образом:

любые два тела притягиваются друг к другу с силой, которая направлена по линии, их соединяющей, прямо пропорциональна массам обоих тел и обратно пропорциональна квадрату расстояния между ними, т. е. сила взаимного тяготения есть

$$F = \gamma \frac{Mm}{r^2}, \qquad (124.1)$$

где M и m — массы тяготеющих тел, r — расстояние между ними, а γ — коэффициент пропорциональности, так называемая *гравитационная постоянная* или *постоянная тяготения* (способ ее измерения будет описан ниже). Сравнивая эту формулу с формулой (123.4), видим, что $C=\gamma M$, где M — масса Солнца. Формула (124.1) утверждает, что силы всемирного тяготения удовлетворяют третьему закону Ньютона. Это подтвердилось всеми астрономическими наблюдениями над движением небесных тел.

В такой формулировке закон всемирного тяготения применим для тел, расстояние между которыми очень велико по сравнению с их размерами, иначе следовало бы учитывать, что разные точки тел отстоят друг от друга на разные расстояния. Для шарообразных тел расчет показывает, что формула верна при любом расстоянии между телами, если за r взято расстояние между их центрами. В частности, в случае притяжения тела Землей расстояние нужно отсчитывать от центра Земли. Это объясняет, почему сила тяжести почти не убывает по мере увеличения высоты над Землей (§ 54): так как радиус Земли равен примерно 6400 *км*, то при изменении положения тела над поверхностью Земли в пределах даже десятков километров сила притяжения Земли остается практически неизменной.

Определить величину гравитационной постоянной можно непосредственно, измерив одновременно все остальные величины, входящие в закон всемирного тяготения, для какого-либо одного конкретного случая.

Непосредственно и достаточно точно определить значение гравитационной постоянной впервые удалось при помощи *крутильных весов*, устройство которых схематически изображено на рис. 207. Легкое коромысло с двумя одинаковыми шарами массы m на концах подвешено на длинной и тонкой нити. Коромысло снабжено зеркальцем, которое позволяет оптически измерять малые повороты коромысла вокруг вертикальной оси. К коромыслу с разных сторон могут быть приближены два шара значительно большей массы M. Силы притяжения малых шаров со стороны больших создают пару, вращающую коромысло по часовой стрелке (если смотреть сверху). Измерив угол, на который поворачивается коромысло при приближении к нему масс M, и зная упругие свойства нити, на которой подвешено коромысло, можно определить, чему равен момент пары сил, с которыми притягиваются две массы m к двум массам M. Так как массы шаров m и M и расстояние между их центрами (при данном положении коромысла) известны, то из закона всемирного тяготения может быть найдено значение γ. Оно оказалось равным

$$\gamma = 6{,}7 \cdot 10^{-11}\ н \cdot м^2/кг^2.$$

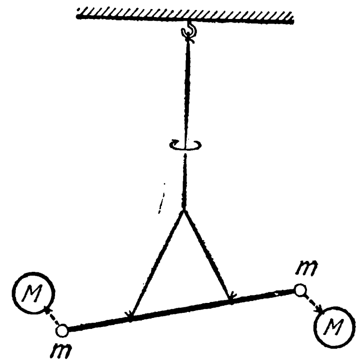


Рис. 207. Схема крутильных весов для измерения постоянной тяготения.

После того как была определена величина γ, оказалось возможным из закона всемирного тяготения определить *массу Земли*. Действительно, в соответствии с законом всемирного тяготения, тело массы m, находящееся у поверхности Земли, притягивается Землей с силой

$$P = \gamma \frac{mM_0}{R_0^2},$$

где M_0 — масса Земли, а R_0 — ее радиус (около 6400 *км*). С другой стороны, как мы знаем, $P = mg$. Приравнивая эти величины, найдем:

$$M_0 = \frac{gR_0^2}{\gamma}.$$

Значения всех величин, стоящих в правой части равенства, известны. Их подстановка дает, в круглых числах,

$$M_0 = 6 \cdot 10^{24}\ кг.$$

Из закона всемирного тяготения для двух тел с массами m_1 и m_2, находящихся на расстоянии r друг от друга, следует, что ускорения этих масс равны соответственно

$$a_1 = \gamma \frac{m_2}{r^2}, \quad a_2 = \gamma \frac{m_1}{r^2}.$$

Эти формулы отражают уже отмеченную выше черту сил тяготения: ускорение данного тела, вызванное тяготением другого тела, не зависит от массы данного тела. Далее, в согласии с законом тяготения

$$\frac{a_1}{a_2} = \frac{m_2}{m_1}.$$

Таким образом, хотя силы всемирного тяготения, действующие между телами очень различной массы, равны, значительное ускорение получает тело малой массы, а тело большой массы испытывает малое ускорение. Так как суммарная масса всех планет солнечной системы составляет немногим больше $^1/_{1000}$ массы Солнца, ускорение, которое испытывает Солнце в результате действия на него сил тяготения со стороны планет, ничтожно мало по сравнению с теми ускорениями, которые сила тяготения Солнца сообщает планетам. Относительно малы и силы тяготения, действующие между планетами. Поэтому при рассмотрении законов движения планет (законы Кеплера) можно было не учитывать движения самого Солнца и приближенно считать, что траектории планет — эллиптические орбиты, в одном из фокусов которых находится Солнце. Однако в точных расчетах приходится принимать во внимание те «возмущения», которые вносят в движение самого Солнца или какой-либо планеты силы тяготения со стороны других планет.

Упражнения. **124.1.** Насколько уменьшится сила земного притяжения, действующая на ракетный снаряд, когда он поднимется на 600 *км* над поверхностью Земли? (Радиус Земли принять равным 6400 *км*.)

124.2. Масса Луны в 81 раз меньше массы Земли, а радиус Луны приблизительно в 3,7 раза меньше радиуса Земли. Сколько будет весить на Луне человек, который на Земле весит 60 *кГ*?

124.3. Масса Луны в 81 раз меньше массы Земли. Найдите на линии, соединяющей центры Земли и Луны, точку, в которой равны друг другу силы притяжения Земли и Луны, действующие на помещенное в этой точке тело.

§ 125. Искусственные спутники Земли. На всякое тело, выброшенное за пределы земной атмосферы, действуют, как и на всякое небесное тело, только силы тяготения со стороны Земли, Солнца и других небесных тел. В зависимости от начальной скорости, сообщенной телу при его вылете из атмосферы, дальнейшая судьба тела может быть различной: при малой начальной скорости тело может упасть обратно на Землю; при большей скорости тело может превратиться в искусственный спутник и начать обращаться вокруг Земли, подобно ее естественному спутнику — Луне; при еще большей скорости тело может уйти от Земли так далеко, что сила земного притяжения практически не будет влиять на его движение и оно обратится в искусственную планету, т. е. начнет обращаться вокруг Солнца; наконец, при еще большей скорости тело может навсегда уйти из солнечной системы в мировое пространство.

Мы рассмотрим только случай, когда тело обращается в искусственный спутник Земли. Изучая его движение относительно Земли, будем учитывать только силу его притяжения Землей. Мы увидим, что тело может стать спутником Земли только в том случае, если его скорость лежит в сравнительно узких пределах: от 7,91 *км/сек* до 11,19 *км/сек*. При скорости, меньшей 7,91 *км/сек*, тело упадет обратно на Землю; при скорости, большей 11,19 *км/сек*, тело уйдет от Земли безвозвратно.

Для запуска искусственных спутников и искусственных планет применяют специальные ракеты, поднимающие спутник на заданную высоту и разгоняющие его до требуемой скорости; после этого спутник отделяется от ракеты-носителя и продолжает свое движение под действием только сил тяготения. Двигатели ракет должны совершить работу против сил тяжести и против сил сопротивления воздуха, а также сообщить спутнику большую скорость. Для этого двигатели ракеты должны развивать огромную мощность (миллионы *квт*).

Если расстояние спутника от поверхности Земли меняется незначительно по сравнению с расстоянием от центра Земли, то силу притяжения спутника Землей можно (для грубых расчетов) считать постоянной по величине, как это мы делали при изучении полета тела, брошенного под углом к горизонту, в § 113. Но направление силы тяжести уже нельзя будет считать постоянным, как для коротких траекторий пуль и снарядов; теперь мы должны учитывать, что сила тяжести направлена в любой точке по радиусу к центру Земли.

Будем рассматривать только движение искусственных спутников по круговым орбитам (орбиты всех спутников, в которых летали космонавты, очень мало отличались от окружностей). Сила притяжения Земли будет создавать центростремительное ускорение спутника, равное v_{I}^2/R, где R — радиус орбиты, а v_{I}— неизвестная пока скорость спутника. Предположим, что орбита проходит вблизи поверхности Земли, $R=R_З$. Тогда, как и всякое тело, которое находится вблизи поверхности Земли и на которое не действуют никакие силы, кроме земного притяжения, спутник будет иметь ускорение, направленное вертикально, т. е. также к центру Земли. Значит,

$$g=\frac{v_{\mathrm{I}}^2}{R_З}, \tag{125.1}$$

где $R_З$ — радиус Земли. Отсюда находим, что скорость v_{I} спутника, описывающего круговую орбиту вблизи поверхности Земли, должна быть равна

$$v_{\mathrm{I}}=\sqrt{gR_З}. \tag{125.2}$$

Подставляя значения ускорения силы тяжести ($g=9{,}8$ *м/сек*^{2}) и величину радиуса Земли (6378 *км*), найдем:

$$v_{\mathrm{I}}\approx 7910 \text{ м/сек}.$$

Двигаясь с этой скоростью, спутник обходил бы Землю кругом за 84 *мин* 12 *сек*.

Эту скорость называют *первой космической скоростью*.

Спутник, обращающийся вокруг Земли вблизи земной поверхности, имеет ускорение, равное g и направленное к центру Земли, т. е. такое же ускорение силы тяжести, как и всякое тело, брошенное с той или иной начальной скоростью (или просто выпущенное без начальной скорости) вблизи земной поверхности. Значит, движение спутника есть просто *свободное падение*, подобно движению пуль и снарядов или баллистических ракет. Различие заключается только в том, что горизонтальная скорость спутника настолько велика, что радиус кривизны его траектории равен радиусу Земли: падение (т. е. движение с ускорением g, направленным к центру Земли) сводится к огибанию земного шара.

Из формулы (125.1) ясно, что если скорость тела будет меньше первой космической, то сила тяжести заставит его двигаться по траектории с меньшим радиусом кривизны, чем радиус Земли $R_З$. Значит, при такой скорости тело упадет на Землю. При большей скорости радиус кривизны траектории будет больше R_3 и тело опишет эллиптическую траекторию (рис. 208).

В действительности спутник не может быть запущен по орбите радиуса R_3 из-за огромного сопротивления воздуха вблизи поверхности Земли. Найдем, какова должна быть скорость v движения по круговой орбите любого радиуса R, большего R_3. Для этого воспользуемся формулой, аналогичной (125.2), учитывая, что ускорение свободного падения убывает при удалении от центра Земли в отношении, обратном отношению квадратов расстояний от центра. Ускорение g_R на расстоянии R от центра Земли найдем по формуле

$$g_R = g\frac{R_3^2}{R^2}.$$

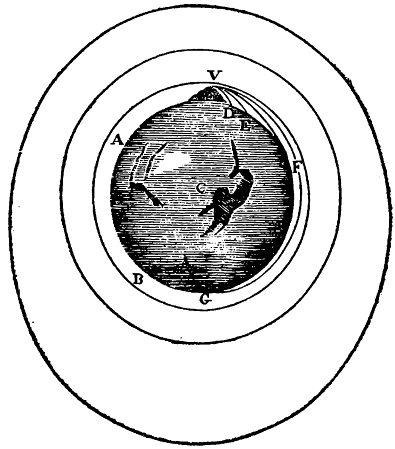


Рис. 208. Рисунок из трудов Ньютона: траектории тела, бросаемого с вершины высокой горы с различными горизонтальными скоростями. Еще Ньютон понимал, что для запуска тела на орбиту вокруг Земли тело должно иметь достаточно большую скорость. D, E, F, G —пункты, в которых оканчиваются траектории при увеличении скорости.

Скорость v движения спутника по круговой орбите радиуса R найдется из равенства

$$g_R = g\frac{R_3^2}{R^2} = \frac{v^2}{R},$$

откуда

$$v = \sqrt{g\frac{R_3^2}{R}} = v_{\mathrm{I}}\sqrt{\frac{R_3}{R}}. \qquad (125.3)$$

Таким образом, по мере увеличения радиуса орбиты скорость искусственного спутника уменьшается [1]).

[1]) Наименьшая высота над уровнем Земли, на которой сопротивление воздуха так мало, что им можно пренебречь, составляет около 300 *км*. Радиус соответственной орбиты равен (округленно) 6700 *км*. Из формулы (125.3) найдем, что скорость движения спутника по такой орбите будет равна примерно 7800 *м/сек*.

Это не означает, однако, что для запуска спутника на орбиту большего радиуса двигатели ракеты должны совершить меньшую работу. Уменьшается только доля работы, требующаяся для сообщения спутнику кинетической энергии. Но при этом спутник надо поднять на бо́льшую высоту над Землей; значит, потребуется совершить бо́льшую работу против силы земного притяжения, т. е. сообщить спутнику бо́льшую потенциальную энергию. В итоге оказывается, что по мере увеличения радиуса орбиты суммарная работа, требуемая для запуска спутника, растет.

В самом деле, рассчитаем, как меняется в зависимости от радиуса орбиты работа, требуемая на подъем спутника с земной поверхности до орбиты и на сообщение ему скорости, требуемой для движения по орбите. Обозначим массу спутника через m и рассмотрим его полет по орбите радиуса R и по близкой орбите большего радиуса R_1. Орбиты будем называть близкими, если разность $R_1—R$ их радиусов мала по сравнению с самими радиусами.

Из (125.3) следует, что кинетическая энергия спутника при полете по этим двум орбитам равна соответственно

$$T_R = \frac{1}{2} mv_1^2 \frac{R_З}{R} \quad \text{и} \quad T_{R_1} = \frac{1}{2} mv_1^2 \frac{R_З}{R_1}.$$

Разность кинетических энергий равна

$$T_R - T_{R_1} = \frac{1}{2} mv_1^2 R_З \frac{R_1 - R}{R_1 R}$$

или, приближенно,

$$T_R - T_{R_1} = \frac{1}{2} mv_1^2 R_З \frac{R_1 - R}{R^2}.$$

С другой стороны, работа против сил тяготения при перемещении с одной орбиты на другую равна силе тяжести, действующей на спутник, умноженной на разность высот спутника над поверхностью Земли, т. е. на разность $R_1—R$ радиусов орбит. Так как орбиты близки, изменением силы тяжести при переходе с одной орбиты на другую можно пренебречь. Сила же тяжести на расстоянии R от центра Земли равна $mg\frac{R_З^2}{R^2}$. Значит, работа силы тяжести при переходе с орбиты радиуса R на орбиту радиуса R_1 равна

$$A = mg \frac{R_З^2}{R^2} (R_1 - R).$$

Согласно (125.2), эту величину можно написать в виде

$$A = mv_1^2 R_З \frac{R_1 - R}{R^2}.$$

Найденная таким образом работа силы тяжести и есть увеличение потенциальной энергии U спутника при переходе его с орбиты радиуса R на орбиту радиуса R_1:

$$U_{R_1} - U_R = mv_1^2 R_З \frac{R_1 - R}{R^2}.$$

Сравнивая полученные выражения для изменения кинетической энергии и для изменения потенциальной энергии, видим, что, действительно, уменьшение требуемой кинетической энергии при переходе на орбиту несколько большего радиуса равно всего половине требуемого увеличения потенциальной энергии при этом же переходе; суммарная требуемая энергия выросла. Такой же расчет можно повторить и для перехода с орбиты радиуса R_1 на орбиту еще большего радиуса и т. д. В результате мы найдем, что приращение потенциальной энергии тела при переходе с одной круговой орбиты на любую другую орбиту большего радиуса в два раза больше, чем уменьшение кинетической энергии, требующейся для того, чтобы спутник мог описывать вокруг Земли эти орбиты.

Теперь мы можем найти потенциальную энергию спутника (или любого тела), находящегося на определенном расстоянии от Земли. При полете спутника у самой поверхности Земли, при радиусе орбиты $R_З$, кинетическая энергия спутника равна $T_{R_З} = \frac{1}{2} mv_1^2$; при полете по орбите радиуса R кинетическая энергия равна $T_R = \frac{1}{2} mv^2$ или, согласно (125.3), $T_R = \frac{1}{2} mv_1^2 \frac{R_З}{R}$. Примем потенциальную энергию тела у поверхности Земли равной нулю. Тогда приращение потенциальной энергии при удалении на расстояние R от центра Земли будет просто равно потенциальной энергии U_R на этом расстоянии. Согласно сказанному выше, эта энергия будет равна

$$U_R = 2(T_{R_З} - T_R) = mv_1^2 \left(1 - \frac{R_З}{R}\right).$$

Мы видим, что потенциальная энергия тела растет при увеличении R, т. е. по мере его удаления от Земли, и стремится к величине mv_{I}^2 при безграничном удалении от Земли. Заметим, что суммарная работа, произведенная силами тяготения, стремится к конечной величине mv_{I}^2, несмотря на то, что путь, на котором совершает работу сила притяжения, бесконечен. Это объясняется тем, что сила тяготения быстро убывает при увеличении расстояния от Земли: обратно пропорционально квадрату расстояния от центра Земли.

Найдем теперь, с какой скоростью v_{II} требуется бросить тело от Земли, чтобы оно никогда не вернулось на Землю. Очевидно, что для этого, согласно закону сохранения энергии, кинетическая энергия тела в момент бросания по крайней мере должна равняться потенциальной энергии тела на бесконечном удалении; тогда при удалении тела от Земли его кинетическая энергия будет расходоваться на сообщение ему потенциальной энергии, тело будет удаляться на бесконечное расстояние, и его скорость будет при этом стремиться к нулю. Значит, начальная кинетическая энергия тела должна быть вдвое больше его кинетической энергии при первой космической скорости: должно быть

$$\frac{1}{2}mv_{\mathrm{II}}^2 = mv_{\mathrm{I}}^2.$$

Отсюда находим:

$$v_{\mathrm{II}} = v_{\mathrm{I}}\sqrt{2} \approx 1{,}414\ldots v_{\mathrm{I}}.$$

v_{II} называют *второй космической скоростью*. Подставляя найденное раньше значение первой космической скорости, получим:

$$v_{\mathrm{II}} = 11\,190 \ \text{м/сек}.$$

При бросании тела со скоростью, большей второй космической скорости, оно также не возвратится на Землю, но в этом случае по мере удаления тела от Земли его скорость стремиться к нулю не будет.

Упражнения. **125.1.** С какой скоростью нужно подбросить тело вертикально вверх, чтобы оно достигло высоты над поверхностью Земли, равной радиусу Земли? При расчете пренебречь сопротивлением воздуха, но учесть изменение силы тяжести.

125.2. Найти, на каком расстоянии от центра Земли период обращения искусственного спутника будет равен 24 часам, так что спутник сможет занимать относительно вращающейся Земли неизменное положение («синхронные спутники»).

ГЛАВА VI

ДВИЖЕНИЕ В НЕИНЕРЦИАЛЬНЫХ СИСТЕМАХ ОТСЧЕТА И СИЛЫ ИНЕРЦИИ

§ 126. Роль системы отсчета. До сих пор мы рассматривали движение тел только относительно инерциальных систем отсчета. Мы установили, что каждый раз, когда тело получает ускорение относительно такой системы, можно указать другие тела, действия которых на данное тело вызывают это ускорение. Эти действия — силы; закономерности, связывающие ускорение тела относительно инерциальных систем отсчета с силами, действующими на тело,— это закон инерции и второй закон Ньютона. Мы видели, кроме того, что силы носят взаимный характер, что они являются взаимодействиями тел. Это свойство сил выражается третьим законом Ньютона.

В настоящей главе мы будем рассматривать движения тел относительно неинерциальных систем отсчета. Относительно таких систем тела могут получать ускорения, которые нельзя объяснить действием каких-либо определенных тел. Например, когда в резко затормозившем поезде чемодан слетает с полки, т. е. получает ускорение относительно поезда, мы не можем указать никакого определенного тела, которое это ускорение вызвало. Если же чемодан был бы привязан, то в затормозившем поезде он бы остался в покое на полке и не получил бы ускорения относительно вагона, хотя веревка, которой он привязан, оказалась бы натянутой и действовала бы на него с определенной силой. Рассматривая движения относительно инерциальной системы отсчета (например, Земли), мы можем объяснить наблюдаемые движения силами, действующими со стороны других тел. В самом деле, натянувшаяся веревка сообщает чемодану ускорение, равное ускорению затормозившего поезда; поэтому он и остается в покое относительно вагона. Если же веревки нет, то никакие силы со стороны вагона на чемодан не действуют, он продолжает двигаться по инерции с прежней скоростью, а вагон, на который подействовала сила трения заторможенных колес с рельсы, уменьшает свою скорость, и вагонная полка выскальзывает из-под чемодана.

Мы видим, что движение относительно неинерциальных систем отсчета подчиняется другим закономерностям, чем движение относительно инерциальных систем. С точки зрения наблюдателя, находящегося в неинерциальной системе отсчета, причины движения другие, чем с точки зрения наблюдателя, находящегося в инерциальной системе.

Если наблюдатель находится в неинерциальной системе отсчета, например внутри ускоренно движущегося автомобиля, самолета, спутника, то ему гораздо проще относить наблюдаемые движения к самим неинерциально движущимся системам отсчета, чем каждый раз выяснять, как движется тело относительно какой-либо инерциальной системы отсчета. Но тогда необходимо разобраться в различиях между закономерностями движений относительно инерциальных и неинерциальных систем отсчета. Для этого прежде всего рассмотрим подробнее сами движения относительно разных систем отсчета.

Выражение «с точки зрения наблюдателя, находящегося в той или иной системе отсчета» подчеркивает, что все измерения положения, скорости и ускорения тела выполняются относительно именно данной системы отсчета, как бы она ни двигалась относительно привычных нам систем (Земля, Солнце и звезды), т. е. так, как их пришлось бы выполнять жителю Земли (относительно Земли), пассажиру автомашины (относительно автомашины), космонавту (относительно космического корабля) и т. д.

§ 127. Движение относительно разных инерциальных систем отсчета. Прежде всего сравним движения относительно двух разных инерциальных систем. Характер движения для разных систем может быть различным. Примем, например, за одну из инерциальных систем Землю, а за другую — вагон поезда, равномерно движущегося по прямому участку пути. Пусть в вагоне на нити подвешено какое-либо тело. При отвесном положении нити тело будет находиться в равновесии: сумма сил, на него действующих (притяжение Земли и натяжение нити), будет равна нулю. Пережжем нить; тело начнет падать с ускорением g, и его траектория относительно вагона окажется вертикальной прямой, что можно установить, например, фотографируя падение кинокамерой, установленной в самом вагоне. Если же движение тела рассматривать относительно Земли, например, фотографируя его с полотна железной дороги, то траектория тела окажется параболой (рис. 209). Наоборот, подвешивая тело на Земле и фотографируя его падение после пережигания нити, получим траекторию в виде вертикальной прямой на снимке, сделанном с земной поверхности, и параболу — на снимке, сделанном из вагона.

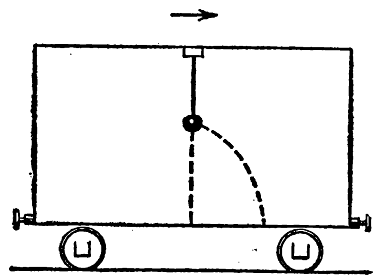


Рис. 209. Вертикальная прямая — траектория движения груза относительно вагона после пережигания нити. Парабола — траектория относительно Земли. Стрелка — направление скорости равномерно движущегося вагона.

Все это легко объяснить. Различие в движениях относительно разных систем вызвано только разными начальными скоростями тела относительно одной и другой инерциальной системы. В первом примере тело первоначально покоилось относительно поезда, а относительно Земли двигалось в горизонтальном направлении со скоростью поезда. Значит, после пережигания нити относительно вагона происходило свободное падение тела без начальной скорости, а относительно Земли — также свободное падение, но с начальной скоростью. Во втором примере падение без начальной скорости происходило относительно Земли, а с начальной скоростью — относительно вагона.

Однако в обеих системах ускорение тела одинаково. Первоначально сумма сил, действующих на тело, равна нулю и выполняется закон инерции: тело в каждой системе либо покоится, либо движется с постоянной скоростью прямолинейно, т. е. не имеет ускорения. После пережигания нити на тело действует только сила тяжести и для обеих систем оказывается выполненным второй закон Ньютона: по отношению к каждой системе отсчета тело падает с ускорением g, вызванным тяготением Земли.

Аналогичная картина будет наблюдаться и во всех других случаях движений тел относительно разных инерциальных систем отсчета.

§ 128. Движение относительно инерциальной и неинерциальной систем отсчета. Иная картина получается при сравнении данного движения относительно какой-либо инерциальной и какой-либо неинерциальной систем отсчета. Силы, действующие на тела со стороны других тел: силы упругости, силы трения, силы тяготения и т. д., не зависят от того, по отношению к какой системе отсчета изучается движение тела. Но ускорения тел относительно инерциальной и неинерциальной систем различны. Поэтому по отношению к неинерциальным системам отсчета нельзя будет объяснить данное движение тела силами, действующими на него со стороны каких-то определенных других тел.

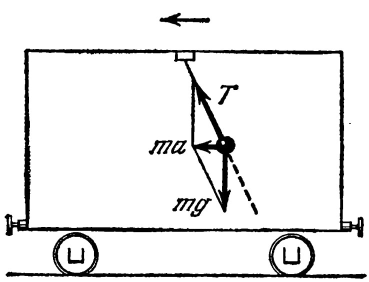


Рис. 210. Отклонение отвеса в ускоренно движущемся вагоне. Стрелка показывает направление ускорения вагона.

Проиллюстрируем это снова на примере подвешенного груза, считая теперь, что вагон, принимаемый за систему отсчета, движется по горизонтальному прямому участку пути ускоренно. Ускорение поезда обозначим через a. В этом случае нить, на которой подвешено тело, установится при равновесии не по отвесу, как в равномерно движущемся вагоне, а под некоторым углом к вертикали, отклоняясь в сторону, противоположную ускорению вагона (рис. 210)[1]. Отклонение тем больше, чем больше ускорение. Таким образом, тело относительно вагона находится в равновесии, в то время как силы, действующие на тело (сила тяжести mg и сила натяжения нити T), направлены под углом друг к другу и поэтому уравновешивать друг друга не могут: тело покоится относительно системы отсчета, в то время как результирующая действующих на него сил не равна нулю.

[1]) При этом безразлично, как направлена скорость вагона, по ускорению или противоположно. Безразлична и величина скорости. Существенно только ускорение.

Эту результирующую легко найти, рассмотрев движение тела относительно Земли. Так как тело относительно вагона неподвижно, то его ускорение относительно Земли равно ускорению вагона a. Следовательно, результирующая равна ma и направлена горизонтально.

Если нить, на которой висит тело, пережечь, то оно начнет ускоренно падать, причем, как показывает опыт, его траектория относительно вагона окажется наклонной прямой, лежащей на продолжении нити до того, как она была пережжена (пунктир на рис. 210). Но после пережигания нити на тело действует только одна сила — сила притяжения Земли, направленная вертикально вниз. Ускорение же относительно вагона направлено под углом к вертикали.

Что же касается движения тела относительно Земли, то оно легко объясняется действующими силами: до пережигания нити равнодействующая сил, действующих на тело, равнялась ma, поэтому тело и двигалось с тем же ускорением, что и поезд; после пережигания нити тело падает по параболе с начальной скоростью, равной скорости поезда в момент пережигания нити; действительно, после того как нить пережжена, движение поезда уже никак не влияет на движение не связанного с ним тела.

Упражнения. **128.1.** Найти угол α отклонения от вертикали отвеса в вагоне, движущемся по горизонтальному пути с ускорением α. Зависит ли этот угол от массы груза? Найти натяжение нити отвеса, если известно, что масса подвешенного груза равна m.

128.2. Какая сила должна действовать на тело массы m, чтобы оно двигалось равномерно и прямолинейно относительно вагона, движущегося поступательно с ускорением a?

§ 129. Поступательно движущиеся неинерциальные системы. Различие в закономерностях движения в неинерциальных и инерциальных системах отсчета заключается в том, что при учете всех сил, действующих со стороны других тел на данное тело (сил тяготения, сил упругости, сил трения и т. д.), второй закон Ньютона выполняется для инерциальных систем и не выполняется для неинерциальных. Проще всего это различие выражается для неинерциальных систем, движущихся относительно инерциальных поступательно. Выберем, например, в качестве неинерциальной системы ускоренно движущийся по прямому участку пути вагон, а в качестве инерциальной системы — Землю.

Если тело относительно вагона покоится, то, как мы видели в предыдущем параграфе, сила, действующая на тело, есть

$$F = ma,$$

где m — масса тела, a — ускорение неинерциальной системы отсчета. Если же тело движется вдоль вагона с ускорением b, а сам вагон по-прежнему движется с ускорением a, то результирующее ускорение тела относительно Земли будет равно

$$c = a + b.$$

Значит, согласно второму закону Ньютона, результирующая сила, действующая на данное тело со стороны других тел, должна равняться

$$F = mc = ma + mb.$$

Таким образом, и когда тело покоится и тогда, когда оно имеет ускорение относительно вагона, результирующая сил, действующих на него со стороны других тел, не равна массе тела, умноженной на его ускорение относительно вагона, т. е. для неинерциальной системы второй закон Ньютона нарушается.

§ 130. Силы инерции. Естественно возникает вопрос: как должны отличаться друг от друга силы, действующие на данное тело в инерциальной и неинерциальной системах отсчета, чтобы второй закон Ньютона был справедлив для этого тела в обеих системах? Полученные в предыдущем параграфе формулы дают на это ответ: необходимо, чтобы кроме сил, действующих на данное тело со стороны других тел, результирующую которых мы обозначили через F, действовала еще добавочная сила $f_i = -ma$, равная массе тела, умноженной на ускорение неинерциальной системы, взятое с обратным знаком. В самом деле, тогда в случае тела, покоящегося относительно вагона, найдем, что результирующая всех сил вместе с этой добавочной силой будет равна нулю, так что окажется выполненным закон инерции относительно неинерциальной системы. Для тела же, движущегося ускоренно, найдем, что результирующая всех сил вместе с этой добавочной силой будет равна $F + f_i = mc - ma = mb$, так что окажется выполненным второй закон Ньютона относительно неинерциальной системы. Такие добавочные силы называют *силами инерции.* Если учитывать силы инерции, то для неинерциальной системы отсчета первый и второй законы Ньютона выполняются так же, как и для инерциальных систем: масса тела, умноженная на его ускорение относительно неинерциальной системы отсчета, будет равна по величине и направлению равнодействующей всех сил, приложенных к телу, *включая и силы инерции.*

Мы получили этот результат только для движения тела вдоль вагона и только для прямолинейного движения вагона. Однако можно показать, что всякий раз, учитывая силу инерции, равную массе тела, умноженной на ускорение системы отсчета, взятое с обратным знаком, мы сможем применять первый и второй законы Ньютона и при любом поступательном движении неинерциальной системы отсчета (как прямолинейном, так и криволинейном) и при произвольном движении тела (например, поперек вагона или по произвольной траектории).

Силы инерции принципиально отличаются от всех тех сил, с которыми мы имели дело раньше. Эти силы обусловлены не действием каких-либо определенных тел на данное тело, а *наличием ускорения* данной неинерциальной системы отсчета относительно любой инерциальной, в частности относительно системы «Солнце — звезды».

Но не следует думать, что силы инерции вообще никак не связаны с существованием материальных тел. Ведь силы инерции действуют в системах отсчета, имеющих ускорение относительно Солнца и звезд, т. е. в конечном счете по отношению ко всем звездам, туманностям и межзвездной материи. Именно ускорение системы относительно этой огромной массы тел и является причиной того, что движение в такой системе отличается от движения в системе отсчета, не имеющей такого ускорения. Это различие и учитывается введением сил инерции.

Для сил, действующих со стороны одного тела на другое, мы всегда можем указать тело, *со стороны которого* действует данная сила. Для сил инерции мы можем указать тело, *на которое* сила действует, но не можем указать никакого определенного тела, со стороны которого эта сила действует. Поэтому третьим законом Ньютона в неинерциальных системах нельзя пользоваться даже при учете сил инерции. Действительно, эти силы появились «в одиночку», а не «парой». Нет никаких сил противодействия, приложенных к другому телу со стороны данного, да нет и какого-либо определенного «другого» тела. Нельзя, конечно, пользоваться и следствиями из третьего закона Ньютона. Так, закон сохранения импульса для движений, рассматриваемых относительно неинерциальных систем отсчета, несправедлив.

Итак, до сих пор первый и второй законы Ньютона позволяли нам находить движения только относительно инерциальных систем отсчета, так что найти движение относительно неинерциальной системы мы могли только путем пересчета. Учитывая же силы инерции, мы можем пользоваться теми же законами движения как для инерциальных, так и для неинерциальных систем. Законы оказываются одинаковыми, но в неинерциальных системах помимо «обычных» сил появляются силы инерции. В частности, для тела, покоящегося относительно неинерциальной системы, сила инерции уравновешивает все остальные силы, действующие на тело.

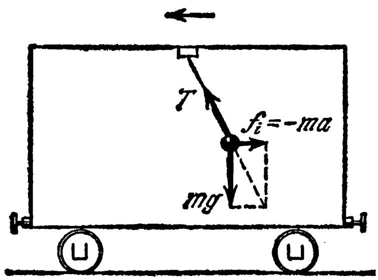


Рис. 211. Равновесие сил для груза, покоящегося в ускоренно движущемся вагоне. На груз действует сила тяжести, натяжение нити и сила инерции.

Задачу § 128 о положении отвеса в ускоренно движущемся вагоне мы можем теперь рассмотреть с точки зрения неинерциального наблюдателя. Учитывая силы инерции, мы приходим к задаче о равновесии по отношению к вагону подвешенного на нити груза под действием силы веса, силы натяжения нити и силы инерции. На рис. 211 показаны все эти силы. Легко проверить, что, как и должно быть, расчет даст те же значения для угла отклонения отвеса и для натяжения нити, что и в упражнении 128.1.

Точно так же, учитывая силы инерции, мы можем рассмотреть движения, описанные в § 31, относя движение к ускоренной системе отсчета и пользуясь законами Ньютона: мы можем описать движение «с точки зрения наблюдателя в неинерциальной системе». При резком торможении вагона, т. е. при сообщении вагону ускорения, направленного назад, на тело стоящего человека подействует сила инерции, направленная вперед: под действием силы инерции человек наклонится вперед и может упасть. При увеличении скорости вагона, наоборот, сила инерции будет направлена назад и отклонит тело человека в сторону, обратную движению.

§ 131. Эквивалентность сил инерции и сил тяготения. Силы инерции и силы тяготения схожи друг с другом: и те и другие пропорциональны массе тела, на которое они действуют, и поэтому ускорения, сообщаемые данному телу как силами тяготения, так и силами инерции, не зависят от массы данного тела. Поэтому, наблюдая в данной системе отсчета за движением тела под действием сил и не зная, является ли данная система инерциальной, нельзя различить, имеем ли мы дело с силой тяготения или с силой инерции.

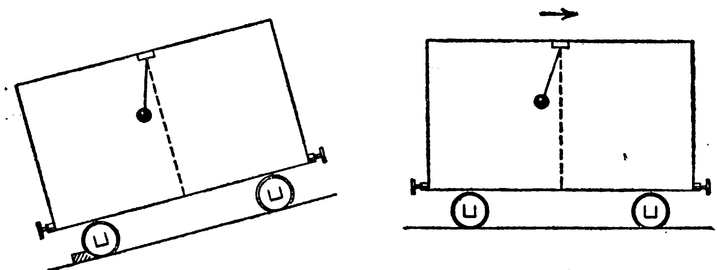


Рис. 212. Эквивалентность сил тяготения и сил инерции: отклонение отвеса могло быть вызвано как наклонным положением вагона, так и его ускоренным движением.

Будем, например, наблюдать подвешенный или падающий груз в вагоне. Без наблюдений за какими-либо телами, расположенными вне вагона, мы не сможем определить, чем вызвано отклонение отвеса или траектории падающего груза от перпендикуляра к полу вагона. В самом деле, представим себе, что окна вагона закрыты шторами и мы не можем определить направление вертикали, например, глядя на стены домов. Как в этом случае мы можем объяснить наблюдающееся отклонение отвеса от перпендикуляра к полу вагона? Отвес отклонится, если вагон неподвижен, но стоит на наклонном пути (рис. 212, *а*). Тогда отклонение нити объяснится действием силы тяжести: отвес перпендикулярен к поверхности Земли, а пол вагона к ней наклонен. Но такое же отклонение может возникнуть и на горизонтальном пути, если вагон движется с ускорением в сторону, противоположную отклонению отвеса от перпендикуляра к полу (рис. 212, *б*). В этом случае отклонение объяснится тем, что вагон движется ускоренно. То же относится и к наблюдению траектории падения груза при пережигании нити. Если принять, что направление отвеса или направление свободного падения дает направление силы тяготения, то в первом случае это направление будет определено правильно, а во втором — неправильно. Однако в закрытом вагоне нет никакого способа выяснить направление именно силы тяготения. Опыты, производимые внутри вагона, всегда дают результирующую силы тяготения и силы инерции, а так как обе силы одинаковым образом зависят от массы ускоряемых тел, то мы и не можем их разделить.

Рассмотрим еще пример одновременного действия силы тяготения и силы инерции. Представим себе кабину лифта, движущегося по вертикали с ускорением, которое может быть направлено как вверх, так и вниз (направление вниз будем считать положительным). Будем считать, что мы не можем выглянуть наружу, чтобы установить, как движется кабина относительно Земли. Отвес с грузом в таком лифте всегда расположится по перпендикуляру к полу кабины, так как и сила тяготения и сила инерции направлены по перпендикуляру к полу. Но сила натяжения нити отвеса (ее можно измерять, например, подвешивая нить к динамометру) будет зависеть от ускорения лифта. В самом деле, пусть ускорение лифта направлено вверх и равно $-a$. Тогда сила инерции направлена вниз и равна ma. Так как подвешенный груз находится в покое под действием силы тяготения, силы инерции и натяжения нити, то сила натяжения нити будет равна $T=mg+ma=m(g+a)$; это значение и покажет динамометр. Но, оставаясь внутри лифта, мы не можем выяснить, вызвано ли это растяжение ускоренным движением лифта или повышенной силой тяготения, равной $m(g+a)$. Ведь на планете с большей силой тяготения, чем на Земле, данная гиря в покоящемся лифте также растягивала бы динамометр с силой превышающей mg.

Если теперь представим себе, что лифт движется с ускорением, направленным вниз, то сила инерции будет направлена вверх и натяжение нити составит $T=mg-ma$. Это натяжение также могло бы наблюдаться в неподвижном лифте, если бы опыты делались на меньшей планете,— различить эти два случая по описанному опыту снова нельзя. Если ускорение лифта направлено вниз и по величине превосходит g (это можно получить, например, располагая лебедку под лифтом так, чтобы трос тянул кабину лифта вниз), то результирующая силы тяготения и силы инерции окажется направленной вверх и по абсолютной величине будет равна $ma - mg$. Под действием этой силы груз, прикрепленный нитью к полу, поднимется к потолку: «верх» и «низ» поменяются местами. При пережигании нити груз упадет на потолок. Находясь внутри лифта и не имея представления о том, что происходит снаружи лифта, мы сможем истолковать такие опыты либо как появление сил инерции вследствие ускоренного движения лифта, либо как изменение величины (и направления относительно кабины) силы тяготения, либо как наличие обеих причин вместе. Наконец, наблюдая деформации покоящихся тел, также нельзя различить, действует ли на тело сила тяжести или движется ускоренно система отсчета: в обоих случаях картина деформации тела будет одинаковой (см. § 61).

Из всего сказанного следует, что при поступательном ускоренном движении системы отсчета относительно инерциальных систем силы инерции в ускоренной системе таковы, как если бы все тела притягивались в сторону, противоположную ускорению системы, с силами, пропорциональными массе тел. «Ускорение свободного падения» вызванное этой «силой тяготения», равно ускорению системы отсчета относительно инерциальных систем, взятому с обратным знаком. Ускоренное поступательное движение системы отсчета эквивалентно по своему действию на движение тел появлению соответственных сил тяготения. Это положение называют *эквивалентностью сил тяготения и сил инерции*. Так как силы тяготения зависят от расстояния до притягивающего тела, то эквивалентность будет иметь место только в ограниченных областях, в пределах которых различием в расстояниях можно пренебречь. Мы вернемся к этому вопросу в § 137.

§ 132. Невесомость и перегрузки. Рассмотрим системы отсчета, связанные с телами, на которые действуют только силы тяготения. Такой системой является, например, корпус искусственного спутника. Вначале, однако, рассмотрим более простой пример. Представим себе, что трос, на котором висит кабина лифта, оборвался и кабина начала падать с ускорением g, направленным вниз. Сила инерции, действующая на тело массы m, находящееся в кабине, будет равна $-mg$. Знак минус показывает, что сила направлена вверх, противоположно силе тяжести. Но сила тяжести данного тела равна mg и направлена вниз. Значит, вместе с силой инерции эти силы взаимно уравновесятся. Если тело висело на нити, то натяжение нити исчезнет; если пережечь нить, то тело останется на месте относительно кабины. Если сообщим незакрепленному телу некоторую скорость, то оно будет двигаться прямолинейно и равномерно, пока не ударится о стенку кабины. Отвес не будет иметь никакого определенного положения равновесия: если толкнуть грузик отвеса вбок, то, вместо того чтобы начать колебаться вблизи начального положения, он будет равномерно вращаться вокруг точки подвеса. Чтобы тело покоилось относительно падающего лифта, не нужно ни опоры, ни подвеса, а покоящиеся тела не будут деформированы. Вместе с этим исчезнет сила, с которой покоящееся тело, находящееся под действием силы тяготения, давит на подставку или растягивает подвес; словом, исчезнет сила веса. Поэтому условия, имеющие место в падающем лифте, называют *состоянием невесомости*.

Совершенно такая же картина невесомости будет наблюдаться и в искусственном спутнике, обращающемся по орбите. Ведь движение спутника, как мы видели (§ 125), есть также свободное падение с ускорением, равным ускорению силы тяжести; поэтому для любого тела в спутнике с точки зрения находящегося в нем наблюдателя сумма сил тяготения и сил инерции будет равна нулю. Внутри кабины нельзя определить, где «верх» и где «низ»; тела не падают на пол, а «плавают» в воздухе; для того чтобы удерживать в руке тело даже большой массы, не требуется никаких усилий и т. д. С точки зрения же наблюдателя, находящегося в инерциальной системе отсчета, космонавт не обнаруживает ускорений тел, находящихся в кабине, в том числе и своего тела, относительно стенок кабины, потому, что как кабина, так и все тела в ней, и он сам в том числе, «падают», т. е. имеют одинаковое ускорение g. Как видно из сказанного, состояние невесомости наступает не потому, что сила земного притяжения «перестает действовать», но именно потому, что она «делает свое дело» — сообщает всем телам одинаковое ускорение.

Если космонавт попытается массивному телу, которое «плавает» в воздухе, сообщить толчком большую скорость, то он убедится, что для этого нужно приложить вполне определенную силу. Эту силу можно рассчитать по второму закону Ньютона как произведение массы тела на его ускорение относительно кабины. В состоянии невесомости массивное тело перестает давить на руку, которая удерживает его в определенном положении, но вовсе не перестает давить на руку, сообщающую ему ускорение. Если массивному телу сообщена значительная начальная скорость, то оно будет продолжать двигаться с той же скоростью прямолинейно, пока не наткнется на стенку кабины, и если стенка выдержит этот удар, то тело отразится от стенки и начнет двигаться в обратном направлении с той же скоростью. Словом, космонавт не обнаружит никаких отклонений от законов механики, но обнаружит отсутствие тех явлений, которые обусловлены действием сил земного тяготения. Поэтому в состоянии невесомости у космонавта отсутствуют привычные явления, вызываемые силой тяжести (например, постоянное напряжение некоторых мышц, деформации внутренних органов и т. п.), к которым организм приспособился в процессе эволюции.

Все сказанное о состоянии невесомости относится к тому случаю, когда на космический корабль действуют только силы тяготения. Если же на него действует еще и сила тяги реактивных двигателей, то состояние невесомости нарушается. Например, на «активном участке» траектории, когда двигатели работают, разгоняя ракету до требуемой скорости, поднимая ее вертикально вверх, сила инерции направлена вертикально вниз и для тела массы m равна ma, где a — ускорение ракеты. Таким образом, космонавт, рассматривающий движение окружающих его тел относительно стенок кабины, обнаружит, что кроме силы тяжести mg на тело действует еще в том же направлении сила инерции ma. Точнее говоря, так как ввиду эквивалентности сил тяготения и сил инерции он не сможет различить эти силы, он обнаружит, что на тело действует сила $m(g+a)$ — результирующая силы тяготения и силы инерции. Картина будет такова, как если бы сила тяготения Земли увеличилась в $\frac{g+a}{g}$ раз. Ускорение при взлете ракеты может значительно превышать ускорение силы тяжести, так что результирующие силы, действующие на покоящиеся тела в кабине, могут в несколько раз превышать силу тяжести для этих тел. Соответственно увеличатся и деформации, вызванные этой возросшей силой тяжести, и силы, с которыми действуют друг на друга деформированные тела и части деформированных тел. Это явление называют *перегрузкой*. Говорят о двухкратной, трехкратной и т. д. перегрузке, когда результирующая сил тяжести и сил инерции превышает в два, три и т. д. раза вес тела, покоящегося на Земле.

Состояние перегрузки действует на организм космонавта значительно сильнее, чем состояние невесомости, но при полетах в космосе оно длится гораздо меньшее время — время работы двигателей. Для того чтобы космонавт легче переносил перегрузки, принимают специальные меры: космонавт располагается лежа в специальном кресле, так, чтобы его возросший вес распределялся по возможно большей площади и не изменял бы условий кровообращения.

Перегрузки легко объяснить и с точки зрения «инерциального наблюдателя». С этой точки зрения силы инерции отсутствуют, но помимо сил тяготения к космическому кораблю и к каждому из тел, в нем находящихся, приложены силы, действующие при непосредственном соприкосновении и сообщающие всем этим телам данное ускорение. Мы видели (§ 119), что в этом случае ускоряемые тела оказываются деформированными и, значит, между их частями действуют силы упругости такие же, какие действовали бы между ними, если бы тела покоились и на них действовала бы увеличенная сила тяготения.

§ 133. Является ли Земля инерциальной системой отсчета? Мы пользовались до сих пор в качестве инерциальных систем как Землей, так и системой отсчета «Солнце — звезды». Но является ли одна из этих систем инерциальной? Мы ставим так вопрос, потому что обе они инерциальными быть не могут: если рассматривать движение относительно Солнца и звезд, то Земля вращается вокруг своей оси и движется вокруг Солнца по криволинейной орбите, т. е. с ускорением относительно Солнца и звезд.

Центростремительное ускорение точек Земли относительно Солнца и звезд, вызванное ее вращением, будет наибольшим на экваторе. Для точек на экваторе это ускорение можно найти по формуле

$$a=\omega^2 r,$$

подставляя вместо ω угловую скорость вращения Земли, равную 2π радианов в сутки, или примерно $7{,}5\cdot 10^{-5}$ *рад/сек*, а вместо r — радиус Земли, равный $6{,}4\cdot 10^6$ *м*. Расчет дает $a\approx 0{,}034$ *м/сек*^{2}. Ускорение точек Земли при ее годовом обращении вокруг Солнца получим из той же формулы, подставляя в нее вместо ω величину 2π радианов в год, или примерно $2 \cdot 10^{-7}$ *рад/сек*, и вместо r — радиус земной орбиты, равный $1{,}5 \cdot 10^{13}$ *м*. Ускорение оказывается равным $a \approx 0{,}0006$ *м/сек*^{2}.

Как видим, ускорения Земли в ее космических движениях очень малы по сравнению с теми, с которыми приходится практически встречаться в движениях у поверхности Земли, например с ускорением свободного падения $g \approx 10$ *м/сек*^{2}. Поэтому во всех сравнительно грубых опытах, которые мы рассматривали до сих пор, эти ускорения не играли никакой роли, так что если одна из применявшихся систем отсчета (Земля и «Солнце — звезды») инерциальна, то практически инерциальной для грубых опытов оказывалась и вторая система отсчета. Однако более точные опыты должны обнаружить различие между этими двумя системами отсчета и установить, является ли одна из этих систем инерциальной и какая именно.

В действительности удалось установить, что инерциальной системой отсчета является система «Солнце — звезды», а Земля — неинерциальная система. Но, как мы видели, отличие Земли от инерциальной системы невелико, и им обычно можно пренебрегать. Случаи, когда неинерциальность Земли нужно учитывать, будем разбирать специально (§§ 136, 137).

§ 134. Вращающиеся системы отсчета. Теперь рассмотрим движение тел относительно систем отсчета, *вращающихся* относительно инерциальных систем. Выясним, какие силы инерции действуют в этом случае. Ясно, что это будет более сложно, так как разные точки таких систем имеют разные ускорения относительно инерциальных систем отсчета.

Начнем со случая, когда тело покоится относительно вращающейся системы отсчета. В этом случае сила инерции должна уравновешивать все силы, действующие на тело со стороны других тел. Пусть система вращается с угловой скоростью ω, а тело расположено на расстоянии r от оси вращения и находится в равновесии в этой точке. Для того чтобы найти результирующую сил, действующих на тело со стороны других тел, можно, как и в § 128, рассмотреть движение тела относительно инерциальной системы. Это движение есть вращение с угловой скоростью ω по окружности радиуса r. Согласно § 119, результирующая направлена к оси по радиусу и равна $m\omega^2 r$, где m — масса тела.

Эта сила может быть вызвана натяжением нити (вращение грузика на нити), силой тяготения (движение планет вокруг Солнца), упругостью других тел (упругость рельсов при движении вагона по закруглению) и т. п. Эта результирующая не зависит, конечно, от того, в какой системе отсчета рассматривается данное движение. Но относительно нашей неинерциальной системы тело покоится. Значит, сила инерции уравновешивает эту результирующую, т. е. равна массе тела, умноженной на ускорение той точки системы, где находится тело, и направлена противоположно этому ускорению. Таким образом, сила инерции также равна $m\omega^2 r$, но направлена по радиусу от оси вращения. Эту силу инерции часто называют *центробежной силой инерции* [1]). Силы, действующие со стороны других тел на тело, покоящееся относительно вращающейся системы отсчета, уравновешиваются центробежной силой инерции.

Центробежную силу инерции можно выразить и через линейную скорость точки вращающейся системы: если эта скорость равна v, то центробежная сила равна mv^2/r.

В отличие от сил инерции в поступательно движущихся системах, центробежная сила инерции для тела данной массы зависит от точки, в которой расположено тело, и по величине и по направлению: центробежная сила направлена по радиусу, проходящему через тело, и для заданной угловой скорости пропорциональна расстоянию тела от оси вращения.

Вследствие вращения Земли на ней также должна наблюдаться центробежная сила инерции (которой мы до сих пор пренебрегали). Как мы видели в § 133, центростремительное ускорение тел на экваторе равно 0,034 *м/сек*^{2}. Это составляет примерно $^1/_{300}$ ускорения силы тяжести g. Значит, на тело массы m *кг*, расположенное на экваторе, действует центробежная сила, равная $m \cdot 0{,}034$ *н*, направленная от центра, т. е. по вертикали вверх. Эта сила уменьшает вес тела по сравнению с силой притяжения Земли на $^1/_{300}$ часть. Так как на полюсе центробежная сила равна нулю, так что вес тела равен притяжению Земли, то при перенесении тела с полюса на экватор оно «потеряет» в весе вследствие вращения Земли $^1/_{300}$ часть своего веса. На других

[1]) Не путать с центробежной силой, введенной в § 119 для обозначения силы, действующей со стороны тела, движущегося по окружности, на связь.

широтах центробежная сила будет меньше, изменяясь пропорционально радиусу параллели, на которой расположено тело (рис. 213). Из рисунка видно также, что всюду, кроме экватора, центробежная сила направлена под углом к вертикали, отклоняясь от вертикали (направления на центр Земли) в сторону экватора. В результате сила веса, равная результирующей силы притяжения и силы инерции, будет отклонена от вертикали в сторону экватора, за исключением точек на самом экваторе и полюсов.

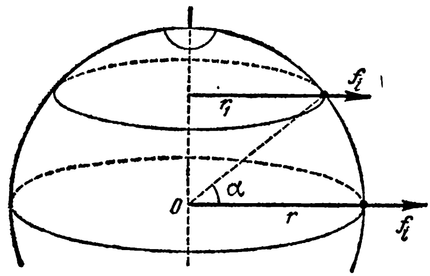


Рис. 213. Центробежная сила на поверхности Земли на разных широтах.

В действительности, как показал опыт, потеря веса тела при перенесении его от полюса к экватору составляет не $^1/_{300}$ часть его веса, а больше: около $^1/_{190}$ части его веса. Это объясняется тем, что Земля не шар, а слегка сплюснутое тело, и поэтому сила тяжести для полюса оказывается несколько выше, чем для экватора. Влияние силы инерции складывается с неравномерностью силы тяжести, и мы на Земле, измеряя вес тела, наблюдаем их совместное действие. Это совместное действие и создает различие в ускорении свободного падения в разных точках земного шара, о котором говорилось в § 54.

Мы видим, что имеется эквивалентность между центробежной силой, вызванной вращением Земли, и силами тяготения. Если бы Земля не вращалась, та же потеря в весе могла быть вызвана немного большей сплюснутостью Земли, а если бы Земля не была сплюснута, та же потеря в весе могла быть вызвана несколько большей скоростью вращения Земли. Отклонение отвеса также могло бы быть вызвано не вращением Земли, а неравномерным распределением масс внутри Земли.

Таким образом, различие в весе тел и отклонения отвеса в разных точках земного шара еще нельзя считать доказательством вращения Земли относительно инерциальной системы отсчета. С опытами, доказывающими вращение Земли относительно системы отсчета «Солнце — звезды», мы познакомимся в § 136.

Сама сплюснутость Земли объясняется ее вращением: с точки зрения земного наблюдателя она вызвана центробежными силами, направленными от оси и имеющими наибольшее значение на экваторе. С точки зрения «инерциального наблюдателя» деформация Земли возникает так же, как деформация всякого вращающегося тела (см. § 119). Подобным же образом сплюснуты и другие вращающиеся небесные тела. Юпитер, например, сплюснут очень сильно благодаря большой скорости его вращения (один оборот за 10 часов). Напротив, Луна, совершающая один оборот вокруг своей оси за один месяц, практически не сплюснута и имеет форму шара.

Упражнения. **134.1.** Рассмотреть задачи §§ 119 и 122 с точки зрения наблюдателя, находящегося во вращающейся системе отсчета.

134.2. При какой длительности полного оборота Земли вокруг своей оси центробежная сила на экваторе полностью уравновешивала бы силу притяжения Земли, так что вес тела на экваторе равнялся бы нулю?

134.3. Показать, что уменьшение веса тела, обусловленное вращением Земли, меняется, как квадрат косинуса широтного угла, а составляющая центробежной силы, направленная к экватору, меняется как синус двойного широтного угла.

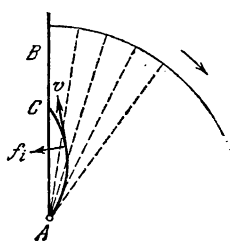


Рис. 214. Кусок мела, равномерно движущийся вдоль неподвижной линейки AB, описывает на доске, вращающейся в направлении стрелки, криволинейную траекторию AC. v — скорость тела относительно вращающейся доски.

§ 135. Силы инерции при движении тела относительно вращающейся системы отсчета.

Если тело движется относительно вращающейся системы отсчета, то, даже учитывая помимо сил, действующих со стороны других тел, центробежную силу инерции, мы не достигнем того, чтобы законы Ньютона соблюдались относительно вращающейся системы. В этом случае имеется еще некоторая добавочная сила инерции, зависящая от скорости тела.

Чтобы показать это, рассмотрим такой пример. Будем двигать кусок мела вдоль неподвижной линейки. Если под линейкой расположена неподвижная доска, то мел прочертит на ней прямую линию. Если же доска под линейкой вращается, то мел прочертит на ней некоторую кривую (рис. 214). Значит, траектория мела относительно вращающейся системы отсчета окажется криволинейной, а потому мел будет иметь ускорение, нормальное к траектории. Но по отношению к инерциальной системе (неподвижной линейке) мел двигался прямолинейно. Значит, никаких сил, действующих со стороны других тел и перпендикулярных к траектории, нет. Следовательно, во вращающейся системе действует еще сила инерции, перпендикулярная к траектории, описываемой телом во вращающейся системе отсчета. Эту добавочную силу инерции называют *кориолисовой силой* по имени французского механика Густава Гаспара Кориолиса (1792—1843), который дал расчет этой силы. Для движений тела, происходящих в плоскости вращения, расчет (ввиду сложности не приводим его) показывает, что кориолисова сила инерции f_i равна удвоенному произведению угловой скорости ω вращающейся системы отсчета на скорость v тела относительно этой системы и на массу тела: $f_i=2m\omega v$. Направление силы перпендикулярно к скорости и обращено в такую сторону, что для совмещения с направлением скорости тела ее нужно было бы повернуть на прямой угол в сторону вращения системы отсчета. Следовательно, при перемене направления движения тела на обратное или при перемене направления вращения системы на обратное (например, по часовой стрелке и против часовой стрелки) направление кориолисовой силы инерции меняется на обратное.

Сила Кориолиса отличается от всех встречавшихся нам до сих пор сил инерции тем, что она зависит от скорости тела относительно неинерциальной системы отсчета.

Кроме кориолисовой силы, во вращающейся системе отсчета на движущееся тело действует и центробежная сила инерции, так же как она действовала бы на тело, если бы оно и не двигалось относительно вращающейся системы отсчета.

§ 136. Доказательство вращения Земли. Вернемся теперь к вопросу о том, является ли Земля инерциальной системой отсчета или нет. Для того чтобы выяснить, является ли та или иная система отсчета инерциальной, достаточно сопоставить ускорения тел относительно этой системы отсчета с силами, действующими на эти тела со стороны других тел. Если эти силы объясняют наблюдаемые движение тел, т. е. силы и ускорения во всех случаях удовлетворяют второму закону Ньютона, то система инерциальная. Если же оказывается, что имеются ускорения, которые нельзя объяснить действием других тел, это значит, что система неинерциальная, а ускорения вызываются соответственными силами инерции.

Механический опыт, доказывающий таким способом неинерциальность Земли (а именно — ее вращение относительно инерциальных систем отсчета), произвел в 1851 г. в Париже французский физик Жан Бернар Леон Фуко (1819—1868). В опыте Фуко производились наблюдения за качаниями маятника, запущенного в определенной плоскости («маятник Фуко»). Для того чтобы можно было в течение достаточно долгого времени наблюдать качания, Фуко применил в качестве маятника груз, подвешенный на очень длинной (67 *м*) тонкой проволоке. Период маятника составлял 16 *сек*. Чтобы проволока не могла закручиваться, ее верхний конец был укреплен в подшипнике, который мог свободно вращаться вокруг вертикальной оси. На груз маятника действовали только две силы: сила тяжести, направленная вертикально вниз, и сила натяжения проволоки, направленная вдоль проволоки. Таким образом, результирующая сил, действующих на маятник, лежала в вертикальной плоскости, проходящей через проволоку, т. е. в плоскости качаний маятника. При запуске маятника принимались меры для устранения толчков в направлении, перпендикулярном к начальной плоскости качаний: для запуска груз оттягивался в сторону от положения равновесия нитью, которая затем пережигалась. В результате маятник начинал двигаться в той вертикальной плоскости, в которой лежала проволока до пережигания нити.

Если бы Земля была инерциальной системой отсчета, то при таком способе запуска маятник и при последующих колебаниях оставался бы в той же самой вертикальной плоскости. Оказалось, однако, что плоскость качаний маятника не оставалась неподвижной по отношению к Земле, а поворачивалась по часовой стрелке (если смотреть на маятник сверху). Траектория движения груза маятника относительно Земли показана на рис. 215. На рисунке для наглядности сильно преувеличен угол поворота плоскости качаний при каждом колебании маятника.

Опыт Фуко производился и в других точках земного шара (в том числе и в южном полушарии, где плоскость качаний поворачивалась против часовой стрелки). Выяснилось, что при приближении к полюсу, например к Северному полюсу, угловая скорость поворота плоскости качаний увеличивается и на самом полюсе достигает 2π радианов в сутки. Значит, плоскость качаний маятника на полюсе поворачивается относительно Земли с той же скоростью, что и Земля относительно системы отсчета «Солнце — звезды», но в обратном направлении. Следовательно, плоскость качаний маятника неизменна в системе отсчета «Солнце — звезды». Таким образом, в системе отсчета «Солнце — звезды» мы наблюдаем только такие ускорения груза маятника, которые сообщают ему другие тела. Это доказывает, что система отсчета «Солнце — звезды» является инерциальной. Одновременно это доказывает, что Земля — не инерциальная система отсчета, а система, вращающаяся относительно инерциальной с угловой скоростью 2π радианов в сутки.

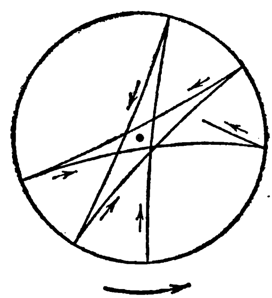


Рис. 215. Траектория чечевицы маятника Фуко (северное полушарие).

Теперь, исходя из того, что Земля — вращающаяся система отсчета, мы можем объяснить движение маятника Фуко и с точки зрения земного наблюдателя. Так как траектория груза маятника криволинейная, то на него должны действовать силы, перпендикулярные к траектории. Кривизна траектории направлена то в одну, то в другую сторону, в зависимости от того, куда движется маятник, вперед или назад. Значит, сила должна менять направление на противоположное при перемене направления движения чечевицы. Эта сила — сила инерции Кориолиса. Действительно, как мы видели в предыдущем параграфе, она направлена перпендикулярно к скорости движущегося тела и при перемене направления движения (качание «вперед» и «назад») направление ее меняется на обратное. Под действием силы Кориолиса траектория груза и оказывается «звездочкой», показанной на рисунке.

Кроме опыта с маятником Фуко, на Земле наблюдаются еще и другие явления, также связанные с силой Кориолиса. На тела, движущиеся в северном полушарии с юга на север, действует сила Кориолиса, направленная на восток, т. е. вправо от направления движения, а на тела, движущиеся с севера на юг,— сила Кориолиса, направленная на запад, т. е. снова вправо от направления движения. Такая сила действует, например, на воду в реках, текущих в северном полушарии. Под действием этой силы вода в реках подмывает правый берег, который поэтому бывает более крутым и обрывистым, чем левый берег. Эту закономерность называют законом Бэра по имени обратившего на нее внимание русского академика Карла Максимовича Бэра (1792—1876). По той же причине правые рельсы двухпутных железных дорог на каждой колее снашиваются немного скорее левых. В южном полушарии, наоборот, более круты левые берега и быстрее снашиваются левые рельсы.

Силой Кориолиса объясняется также то, что ветры на Земле образуют огромные вихри — циклоны и антициклоны. Более подробно об этом сказано в § 312.

§ 137. **Приливы.** Если бы Земля была удалена от всех других небесных тел на расстояния во много раз бо́льшие, чем теперь, так, чтобы притяжение других небесных тел совсем не сказывалось, то отличие Земли от инерциальной системы отсчета заключалось бы только в том, что она

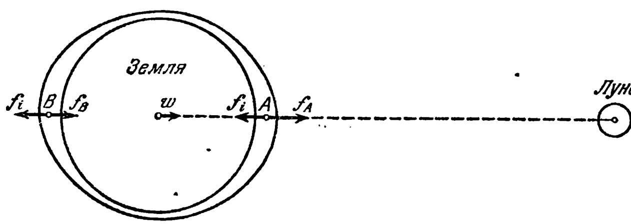


Рис. 216. Возникновение приливов. f_i — сила инерции; f_A и f_B — силы притяжения частиц воды Луной; w — ускорение Земли, вызванное притяжением Луны.

вращается вокруг своей оси. Но фактически небесные тела солнечной системы действуют на Землю, сообщая ей некоторое ускорение относительно Солнца и звезд; поэтому, помимо сил инерции, обусловленных вращением Земли вокруг своей оси, нужно учитывать силы инерции, соответствующие ускоренному движению Земли в целом. Важнейшее проявление этих сил в системе отсчета «Земля» — это морские приливы. Главную роль в морских приливах играют Луна (как ближайшее небесное тело) и Солнце (как самое массивное небесное тело солнечной системы).

Рассмотрим сначала приливы, вызываемые Луной. Сила тяготения, действующая со стороны Луны на Землю, вызывает ускорение w в направлении прямой, соединяющей центры Земли и Луны (рис. 216). Следовательно, на все тела на Земле действует сила инерции, равная произведению массы тела на это ускорение, взятое с обратным знаком. Для Земли в целом эта сила инерции в точности равна силе притяжения Земли Луной и направлена противоположно. Напомним, что вследствие шарообразности этих небесных тел Луна притягивает Землю так, как если бы вся масса Земли была сосредоточена в ее центре. Но сила тяготения убывает с расстоянием. Значит, тела, находящиеся на поверхности Земли со стороны Луны, т. е. ближе к Луне, чем центр Земли, будут притягиваться Луной с силой, превышающей силу инерции, и разность этих сил направлена от центра Земли. Поэтому в точках «под Луной» тела «теряют в весе».

В диаметрально противоположных точках сила тяготения Луны снова не уравновешивает силу инерции, так как тело расположено от Луны дальше, чем центр Земли. Разность силы инерции и силы притяжения Луной направлена снова от центра Земли. Значит, в этих местах земной поверхности тела тоже «теряют в весе». Сила инерции равна силе притяжения Луной и уравновешивается ею только для точек, лежащих посередине между точками прямо «под Луной» и диаметрально противоположными точками. Итак, и «под Луной», и с противоположной стороны тела немного «теряют в весе» благодаря тому, что сила тяготения убывает с расстоянием. Благодаря этому действию Луны с двух сторон Земли возникает плавное поднятие уровня океана на несколько десятков сантиметров. Между местами поднятия происходит соответственное опускание уровня океана. Благодаря вращению Земли эти места поднятия и опускания перемещаются по поверхности Земли. Посреди моря это небольшое поднятие практически незаметно, но вблизи берегов оно выражается в том, что вода заливает берег (прилив), а примерно через 6 часов — отступает от берега (отлив).

Подобно Луне, Солнце также вызывает на Земле приливы и отливы. Вследствие огромной массы Солнца и сила притяжения Солнца, и соответственные силы инерции гораздо больше, чем эти же величины для Луны. Но мы видели, что приливы вызывает не одна сила притяжения или сила инерции, а разность между силой инерции и силой тяготения для одной и для другой стороны Земли. Сила инерции для всей Земли одна и та же: она равна силе притяжения Земли Солнцем. Сила же притяжения, как и в случае притяжения Луной, уменьшается при переходе от стороны, освещенной Солнцем, к теневой стороне. Но чем дальше находится притягиваемое тело (Земля) от притягивающего (Луна и Солнце), тем медленнее меняется сила тяготения при удалении. Так как Солнце во много раз дальше от Земли, чем Луна, то оказывается, что приливное действие, т. е. разность между силой инерции и силой тяготения, для Солнца меньше, чем для Луны (почти в 3 раза). Все же действие приливов, вызванных Солнцем, заметно: когда Луна, Земля и Солнце находятся на одной прямой (новолуние и полнолуние), приливы усиливаются, а когда направления на Солнце и на Луну образуют прямой угол (первая четверть или третья четверть Луны), то приливы ослабевают.

Как ясно из рассмотрения происхождения приливов, они вызываются нарушением эквивалентности сил инерции и сил тяготения, уже упоминавшимся в § 131. Делается ясной и причина нарушения эквивалентности: в то время как сила инерции, возникающая в системе отсчета «Земля» вследствие ускорения, сообщаемого Земле Луной, не зависит от положения тела на Земле, сила притяжения тела Луной от этого положения зависит.

ГЛАВА VII

ГИДРОСТАТИКА

§ 138. Подвижность жидкости. Основным отличием жидкостей от твердых (упругих) тел является подвижность («текучесть») жидкостей. Благодаря своей подвижности жидкости, в отличие от упругих тел, не обнаруживают никакого сопротивления изменению формы. Части данной массы жидкости могут свободно сдвигаться, скользя одна относительно другой. Поэтому, если к поверхности жидкости прилагаются силы, не перпендикулярные к поверхности, то равновесие жидкости всегда нарушается и она приходит в движение, как бы малы эти силы ни были. Достаточно, например, подуть на поверхность воды в тазу, чтобы вызвать ее движение. Море рябит при малейшем ветерке. Мы видели, что ничтожная сила со стороны стеклянной нити приводит в движение плавающий на воде кусок дерева (§ 44).

Подвижностью жидкости объясняется то, что свободная поверхность жидкости, находящейся в равновесии под действием силы тяжести, всегда горизонтальна. В самом деле, если бы, например, поверхность покоящейся жидкости была расположена под углом к горизонту, то частицы жидкости вблизи поверхности соскальзывали бы вдоль нее вниз под действием силы тяжести, как по наклонной плоскости. Такое движение продолжалось бы, пока поверхность жидкости не сделалась бы горизонтальной.

Заметим, однако, что свободная поверхность жидкости, налитой в сосуд, несколько искривлена вблизи стенок. Это легко обнаружить, рассматривая отражение предметов от поверхности воды, налитой в чашку. Это искривление вызывается силами, действующими между жидкостью и стенками, и сказывается лишь в их непосредственной близости. Влияние стенок будет разобрано подробнее в § 253.

Для жидкости, занимающей большое пространство (моря, океаны), нужно учитывать, что направление силы тяжести в разных точках земной поверхности различно. Так как сила тяжести направлена всюду к центру Земли по радиусу, то и поверхность моря принимает в целом форму приблизительно шаровой поверхности, нарушаемую лишь посторонними местными причинами (например, под действием ветра появляются волны).

§ 139. Силы давления. Повседневный опыт учит нас, что жидкости действуют с известными силами на поверхность твердых тел, соприкасающихся с ними. Эти силы мы называем силами давления жидкости.

Прикрывая пальцем отверстие открытого водопроводного крана, мы ощущаем силу давления жидкости на палец.

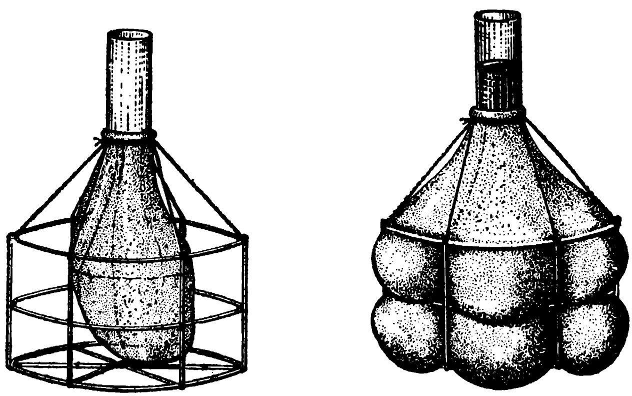


Рис. 217. Стенки и дно резинового стаканчика, вложенного в проволочный каркас, выгнуты силами давления налитой ртути. Слева — пустой стаканчик.

Боль в ушах, которую испытывает пловец, нырнувший на большую глубину, вызвана силами давления воды на барабанную перепонку уха. Термометры для измерения температуры в глубине моря должны быть очень прочными, чтобы давление воды не могло раздавить их. Ввиду огромных сил давления на большой глубине, корпус подводной лодки должен иметь гораздо большую прочность, чем корпус надводного корабля. Силы давления воды на днище судна поддерживают судно на поверхности, уравновешивая действующую на него силу тяжести. Силы давления действуют и на дно, и на стенки сосудов, наполненных жидкостью: налив в резиновый стаканчик ртуть, мы видим, что его дно и стенки выгибаются наружу (рис. 217). Наконец, силы давления действуют со стороны одних частей жидкости на другие. Это значит, что если бы мы удалили какую-либо часть жидкости, то для сохранения равновесия оставшейся части нужно было бы приложить к образовавшейся поверхности некоторые определенные силы (рис. 218). Требуемые для поддержания равновесия силы равны силам давления, с которыми удаленная часть жидкости действовала на оставшуюся.

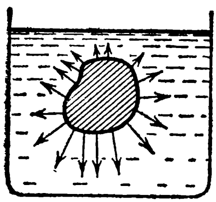


Рис. 218. Часть жидкости (заштрихованный объем) удалена. Для удержания оставшейся жидкости в равновесии нужно приложить силы, распределенные по образовавшейся поверхности.

В § 34 мы видели, что силы, действующие при непосредственном соприкосновении тел, — упругие силы — возникают в результате деформации тел. В твердых телах силы упругости возникают как при изменении формы, так и при изменении объема тела. В жидкостях при изменении только *формы* силы упругости не возникают. Подвижность жидкости обусловлена именно отсутствием упругости по отношению к изменению формы. При изменении же *объема* — при сжатии жидкости — силы упругости возникают: по отношению к изменению объема жидкости обладают упругостью. Силы упругости в жидкости — это и есть силы давления. Таким образом, если жидкость действует с силами давления на соприкасающиеся с ней тела, это значит, что она сжата. Чем больше сжата жидкость, тем больше и возникающие в результате этого сжатия силы давления.

Так как при сжатии плотность вещества растет, то можно сказать, что жидкости обладают упругостью по отношению к изменению их плотности.

Качественно зависимость давления от сжатия жидкости можно представить себе на следующем примере. Пусть прочный цилиндр, заполненный жидкостью, закрыт плотно притертым (во избежание просачивания жидкости) поршнем, на который помещен груз (рис. 219). При наложении груза поршень начнет опускаться, сжимая жидкость. При сжатии жидкости в ней возникнут силы давления, и они, действуя на поршень, уравновесят вес поршня с грузом. При увеличении нагрузки жидкость сожмется в большей степени:

настолько, чтобы возросшие силы давления уравновесили увеличенную нагрузку.

Эта картина вполне аналогична разобранной в § 60 картине равновесия груза, лежащего на подставке. Подставка прогибается, и равновесие наступает тогда, когда силы упругости, возникшие при прогибе, уравновешивают лежащую на подставке гирю.

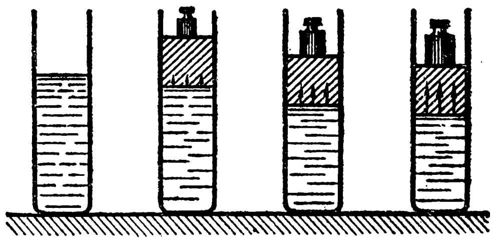


Рис. 219. Чем больший груз лежит на поршне, тем сильнее сжата жидкость.

Для наглядности на рисунке сжатие жидкости под поршнем сильно преувеличено. В действительности в подобном опыте перемещение поршня и сжатие жидкости настолько малы, что на глаз их обнаружить нельзя. Однако *в большей или меньшей степени все жидкости сжимаемы*, и степень их сжатия, соответствующая тем или иным силам давления, может быть измерена.

§ 140. Измерение сжимаемости жидкости. Хотя изменение объема жидкости под действием внешних сил и невелико, его все же можно обнаружить и измерить без особого труда. Однако при измерении сжимаемости жидкости нужно учесть, что жидкость, сильно сжимаемая в сосуде, действует изнутри на его стенки с большими силами давления и расширяет сосуд. В результате получается преувеличенное значение для сжимаемости жидкости. Поэтому нужно устранить возможность расширения сосуда; это достигается тем, что к сосуду снаружи прилагают такое же давление, какое на него оказывает жидкость изнутри.

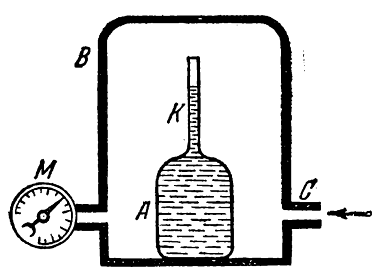


Рис. 220. Схема пьезометра.

Схема прибора для измерения сжимаемости жидкости (пьезометр) изображена на рис. 220. Стеклянный сосуд A, наполненный испытуемой жидкостью, погружен в стеклянный же сосуд B, в который по трубке C

накачивают воздух. Воздух оказывает давление на наружные стенки сосуда и благодаря своей подвижности передает то же давление через отросток K на жидкость в сосуде A. Сосуд A, подвергаясь одинаковому давлению как снаружи, так и изнутри, практически не меняет своего объема. Жидкость, однако, сжимается, и уровень ее в отростке K понижается; отросток делают очень узким, благодаря чему уже малое изменение объема жидкости хорошо заметно. Измеряя понижение уровня жидкости в отростке, найдем уменьшение ее объема; показания манометра M дадут силу давления, приходящуюся на единицу площади. Таким образом можно определить уменьшение объема, соответствующее, например, увеличению сил давления на 1 *кГ* на каждый квадратный сантиметр. Для воды такое увеличение сил давления ведет к уменьшению объема примерно на $^1/_{20\,000}$ долю, для ртути — всего на $^1/_{250\,000}$. Для сравнения укажем, что при таком же увеличении сил давления кусок стали сжался бы всего на $^1/_{1\,700\,000}$ долю первоначального объема.

Упражнение. **140.1.** Испытания паровых котлов на прочность производят, нагнетая в них под большим давлением воду. Какое количество воды вытечет из котла емкостью 1,5 $м^3$, заполненного водой, при силах давления 12 $кГ/см^2$, если котел даст трещину в верхней своей части?

§ 141. «Несжимаемая» жидкость. Мы выяснили, что силы давления возникают вследствие сжатия жидкости. Однако сжатие жидкости весьма незначительно даже при очень больших силах давления. Так как нас обычно интересует не сжатие жидкости само по себе, а только те силы давления, которые возникают в результате этого сжатия, то можно ввести представление о «несжимаемой» жидкости, подобно тому как было введено представление об абсолютно твердом теле (§ 70). Различие будет заключаться в том, что абсолютно твердое тело сохраняет неизменными и форму и объем, а «несжимаемая» жидкость — только объем, форма же ее может меняться как угодно (текучесть жидкости). Таким образом, можно считать, что плотность жидкости также не зависит от давления.

Мы увидим, однако, что иногда все же приходится учитывать изменение плотности жидкости (случай большого давления, § 158).

§ 142. Силы давления в жидкости передаются во все стороны. На рис. 219 в сильно преувеличенном для наглядности виде было показано сжатие жидкости при различных нагрузках на поршень. Аналогичную картину мы получили бы, помещая под поршень сильную пружину: как пружина, так и жидкость действуют с определенными силами, «оказывают давление», только тогда, когда они сжаты (рис. 221).

Однако, в то время как сжатая пружина действует только на поршень и на дно цилиндра, силы давления жидкости действуют и на дно, и на поршень, и на стенки (рис. 222).

В свою очередь на жидкость действует не только поршень, но и упругость стенок цилиндра, которые выгибаются тем сильнее, чем больше сжата жидкость. Разумеется, если цилиндр сделан из металла или стекла, то этот прогиб так

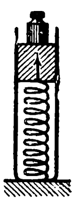


Рис. 221. Сжатая пружина уравновешивает поршень так же, как и сжатая жидкость на рис. 219.

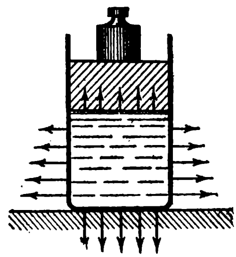


Рис. 222. Силы давления жидкости действуют не только на дно и поршень, но и на стенки сосуда.

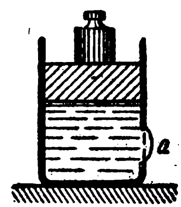


Рис. 223. Резиновая пленка *a*, затягивающая отверстие в стенке сосуда, заметно выгнута силами давления воды.

ничтожен, что мог бы быть обнаружен лишь точными измерениями, однако силы, действующие со стороны деформированных стенок, вполне ощутимы. Если проделать в стенке отверстие и затянуть его резиновой пленкой, то прогиб пленки делается заметным (рис. 223).

§ 143. Направление сил давления. Как направлены силы давления, действующие со стороны покоящейся жидкости на данный участок поверхности твердого тела? Они направлены всегда перпендикулярно к поверхности.

В самом деле, в противном случае противодействующие силы, т. е. силы, с которыми данный участок поверхности твердого тела действует на жидкость, по закону действия и противодействия также не были бы перпендикулярны к поверхности. Но тогда, как мы видели (§ 138), жидкость не могла бы оставаться в равновесии. Следовательно, силы давления, действующие на поршень, сжимающий жидкость, направлены перпендикулярно к его поверхности, силы давления, действующие на дно и на стенки сосуда,— перпендикулярно к дну и стенкам и т. д. (см. рис. 222).

Если взять поршень со скошенной нижней поверхностью (рис. 224), то силы давления будут прижимать его к стенке цилиндра (на нашем рисунке — влево).

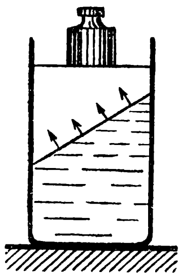


Рис. 224. Силы давления всегда перпендикулярны к поверхности, на которую они действуют.

§ 144. Давление. Силы давления на стенки сосуда, заключающего жидкость, или на поверхность твердого тела, погруженного в жидкость, не приложены в какой-либо определенной точке поверхности. Они *распределены по всей поверхности соприкосновения* твердого тела с жидкостью. Поэтому силы давления на данную поверхность зависят не только от степени сжатия соприкасающейся с ней жидкости, но и от размеров этой поверхности.

Для того чтобы охарактеризовать распределение сил давления независимо от размеров поверхности, на которую они действуют, вводят понятие *давления*.

Давлением на данном участке поверхности называют отношение силы давления, действующей на данный участок, к площади этого участка. Очевидно, давление по величине равно силе давления, приходящейся на участок поверхности площадью в одну единицу.

Будем обозначать давление буквой p. Если сила давления на данный участок равна F, а площадь участка S, то давление выразится формулой

$$p=\frac{F}{S}.$$

Если силы давления распределены равномерно по некоторой поверхности, то давление одинаково в каждой ее точке. Таково, например, давление на поверхности поршня, сжимающего жидкость. Это иллюстрируется опытом, показанным на рис. 225, в котором вместо сплошного поршня взят поршень с отверстиями, закрываемыми втулками, которые могут двигаться в отверстиях без трения. Силы, которые необходимо приложить к втулкам для удержания их в равновесии, прямо пропорциональны площадям втулок; на втулки с одинаковой площадью действуют равные силы.

Нередко, однако, встречаются случаи, когда силы давления распределены по поверхности неравномерно. Это значит, что на одинаковые площади в разных местах поверхности действуют разные силы. Нальем воду в сосуд, в

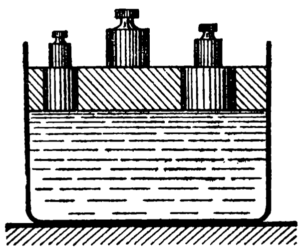


Рис. 225. Вес гирь, удерживающих втулки в равновесии, пропорционален площади втулок.

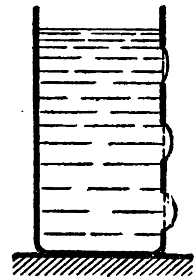


Рис. 226. Чем ниже расположена пленка, тем сильнее она выгнута.

боковой стенке которого сделаны одинаковые отверстия, затянутые резиновыми пленками; мы увидим, что пленки в отверстиях, расположенных ниже, сильнее выгнуты наружу (рис. 226). Это значит, что в нижней части сосуда давление больше, чем в верхней.

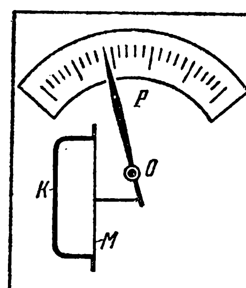


Рис. 227. Схема устройства мембранного манометра.

§ 145. Мембранный манометр. Как измерить давление жидкости на поверхность твердого тела? Как измерить, например, давление воды на дно стакана? Конечно, дно стакана деформируется под действием сил давления, и, зная величину деформации, мы могли бы определить величину вызвавшей ее силы и рассчитать давление; но эта деформация настолько мала, что измерить ее непосредственно практически невозможно. Так как судить по деформации данного тела о давлении, оказываемом на него жидкостью, удобно лишь в том случае, когда деформации достаточно велики, то для практического определения давления жидкости пользуются специальными приборами — *манометрами*, в которых деформации имеют сравнительно большую, легко измеримую величину.

Простейший *мембранный манометр* устроен следующим образом (рис. 227). Тонкая упругая пластинка M — мембрана — герметически закрывает пустую коробку K. К мембране присоединен указатель P, вращающийся около оси O. При погружении прибора в жидкость мембрана прогибается под действием сил давления, и ее прогиб передается в увеличенном виде указателю, передвигающемуся по шкале. Каждому положению указателя соответствует определенный прогиб мембраны, а следовательно, и определенная сила давления на мембрану. Зная площадь мембраны, можно от сил давления перейти к самим давлениям. Можно непосредственно измерять давление, если заранее проградуировать манометр, т. е. определить, какому давлению соответствует то или иное положение указателя на шкале. Для этого нужно подвергнуть манометр действию давлений, величина которых известна, и, замечая положение стрелки указателя, проставить соответственные цифры на шкале прибора.

В дальнейшем мы познакомимся и с другими типами манометров.

§ 146. Независимость давления от направления площадки. Манометр, погруженный в жидкость, показывает давление в той области жидкости, где расположена его мембрана. Чтобы по показаниям манометра можно было судить о давлении в избранном месте, размеры мембраны должны быть достаточно малыми. Иначе, если давление в разных точках мембраны различно, показания манометра дадут лишь некоторое *среднее* значение давления.

Поместив манометр с достаточно малой мембраной внутрь жидкости, мы увидим, что при поворачивании манометра его показания не меняются. Таким образом, мы обнаруживаем, что *давление в данном месте жидкости не зависит от ориентировки площадки, на которой оно измеряется.* Вспомним, что по самому своему определению давление не зависит и от величины площадки, на которую оно действует, так как оно всегда относится к единице площади поверхности. Таким образом, введенное нами понятие давления представляет собой такую характеристику состояния жидкости в данном месте, которая не зависит ни от площади, ни от направления площади, по которой давление измеряется. *Давление* *зависит лишь от степени сжатия жидкости в данном месте.*

Подчеркнем, что гибкая мембрана манометра служит лишь для удобного обнаружения и измерения сил давления жидкости, а силы эти обусловлены упругими свойствами самой жидкости. Те же самые силы давления действовали бы со стороны жидкости на поверхность любого другого тела, например сплошного куска металла, помещенного на место мембраны.

Мы можем также мысленно выделить внутри жидкости какой-либо объем. Во всех точках поверхности, ограничивающей этот объем, будут существовать некоторые давления, совершенно такие же, какие существовали бы на поверхности твердого тела, совпадающего с выделенным объемом. Это же давление действует и на мембрану измеряющего манометра, погруженного в жидкость.

§ 147. Единицы давления. Единицей давления называют такое давление, при котором сила давления, действующая на единицу площади, равна единице силы.

В системе СИ единицей давления служит давление, при котором на 1 $м^2$ приходится сила в 1 *н* (1 $н/м^2$).

В метеорологии часто пользуются в качестве единицы давления величиной 10^5 $н/м^2$, получившей название *бар*[1]). Тысячная доля бара называется *миллибаром*.

В системе единиц МКСС единицей давления служит 1 $кГ/м^2$ — давление, при котором на 1 $м^2$ приходится сила 1 *кГ*.

В технике часто употребляют единицу давления 1 $кГ/см^2$, получившую название *техническая атмосфера*. Легко видеть, что

$$1\ кГ/см^2 = 0{,}98 \cdot 10^5\ н/м^2 = 980\,000\ дин/см^2 = 0{,}98 \text{ бара.}$$

Таким образом, техническая атмосфера почти равняется бару.

В дальнейшем мы познакомимся еще и с другими единицами давления.

§ 148. Определение сил давления по давлению. Зная давление в каждом месте данной поверхности, нетрудно

[1]) В акустике название «бар» обозначает давление в 1 $дин/см^2 = 0{,}1\ н/м^2$. Эту укоренившуюся, к сожалению, несогласованность наименований следует иметь в виду во избежание недоразумений.

определить равнодействующую сил давления на всю эту поверхность.

Рассмотрим сначала плоскую поверхность. Если давление p одинаково по всей поверхности, то равнодействующая сила F равна

$$F = p \cdot S,$$

где S — площадь поверхности. Эта равнодействующая имеет, как следует из § 143, направление, перпендикулярное к поверхности.

Если давление различно в разных точках плоской поверхности, то для вычисления равнодействующей поступают следующим образом. Поверхность разбивают на столь малые участки, чтобы на каждом из них можно было считать давление практически одинаковым по всему участку (хотя и различным для разных участков). Силу давления на отдельный участок вычисляют как произведение давления на данном участке на его площадь; равнодействующая сил давления на всю поверхность равна сумме найденных таким образом сил, приходящихся на отдельные участки и параллельных между собой. Направление равнодействующей силы перпендикулярно к плоской поверхности.

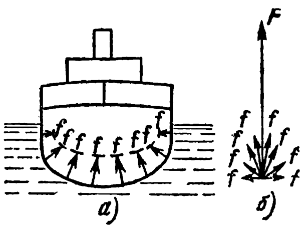


Рис. 228. F — равнодействующая сил давления f, действующих на криволинейную погруженную поверхность судна.

Для того чтобы определить равнодействующую сил давления, действующих на неплоскую поверхность, всю поверхность разбивают на столь малые участки, чтобы каждый из них практически можно было считать плоским, пренебрегая его кривизной. Тогда силу, действующую на каждый отдельный участок, можно найти так же, как и для плоского участка. Каждая из этих сил имеет направление, перпендикулярное к участку, на который она действует. Силы эти не параллельны между собой, а имеют различные направления. Для определения равнодействующей сил давления на всю поверхность надо сложить силы, приходящиеся на отдельные участки, по правилу сложения векторов. Так, например, силы давления f воды на погруженную поверхность плавающего судна имеют разные направления в разных точках его корпуса, как показано на рис. 228, *а*. Равнодействующая F этих сил будет направлена вертикально вверх, уравновешивая вес судна.

Упражнение. **148.1.** В трубе находится поршень, форма которого в сечении показана на рис. 229. Давление жидкости по обе стороны поршня одинаково. Находится ли поршень в равновесии? Для простоты рассуждений принять, что сечение трубы имеет форму прямоугольника.

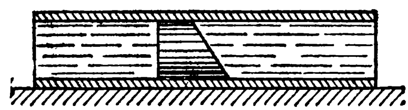


Рис. 229. К упражнению 148.1.

§ 149. Распределение давления внутри жидкости. В предыдущих параграфах мы выяснили, что давление внутри жидкости зависит от степени ее сжатия. Жидкость может быть сжата силой тяжести (собственным весом) или какими-либо внешними силами, действующими на поверхность, ограничивающую данный объем жидкости (поверхностные силы). Например, давление в глубине моря вызвано весом самой воды и силой давления со стороны воздушной атмосферы, действующей на свободную поверхность моря. При этом давление внутри жидкости оказывается распределенным неравномерно, так как верхние слои воды сжаты в основном давлением атмосферы, а глубоководные слои сжаты гораздо сильнее весом вышележащей части воды. Наоборот, почти равномерное распределение давления наблюдается в паровом котле, где давление создано в основном давлением пара на поверхность воды, а давление, вызываемое весом воды, относительно мало, так как глубина воды в котле невелика. В следующих параграфах мы выясним подробно картину распределения давления внутри жидкости для разных случаев воздействия сил на жидкость.

§ 150. Закон Паскаля. Сначала найдем распределение давления внутри жидкости для случая, когда жидкость сжата только поверхностными силами. Вес жидкости можно не учитывать, если обусловленное им давление мало по сравнению с давлением, вызванным поверхностными силами. На искусственных спутниках, в условиях невесомости, жидкость действительно будет сжата только поверхностными силами. Мы покажем, что при действии только поверхностных сил давление во всех точках жидкости одинаково.

Поместим жидкость в произвольный замкнутый сосуд с присоединенным к нему цилиндром с поршнем P (рис. 230). Вдвигая поршень в цилиндр, создадим внутри жидкости давление, обусловленное поверхностными силами. Опыт показывает, что если в различных местах в сосуде поместить манометры, то их показания окажутся практически одинаковыми.

Можно и теоретически показать, что в рассматриваемом случае давления в любых двух точках, например в A и B, должны быть равны между собой. Для этого мысленно выделим внутри жидкости тонкий цилиндр, осью которого служит линия AB и основания которого, имеющие площадь S, перпендикулярны к линии AB. Выделенный объем составляет часть покоящейся жидкости, и, следовательно, сам находится в покое, хотя на его поверхность действуют силы давления. Другие силы на наш цилиндр не действуют (силой тяжести мы пренебрегли). Для равновесия необходимо, чтобы сумма проекций всех сил давления на любое направление равнялась нулю (§ 74). Рассмотрим сумму проекций сил давления на ось AB.

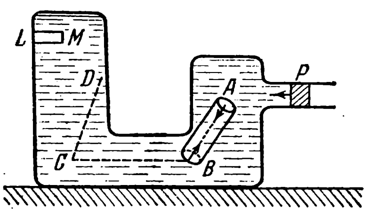


Рис. 230. К выводу закона Паскаля.

Силы давления, действующие на боковую поверхность цилиндра, перпендикулярны к оси AB, и, следовательно, их проекция на ось равна нулю. Остаются лишь силы, действующие на основания цилиндра. Они равны соответственно $p_A S$ и $p_B S$, где p_A и p_B — давления в точках A и B. Так как эти силы перпендикулярны к основаниям, то они направлены вдоль AB, и притом в противоположные стороны. Поскольку цилиндр находится в равновесии, эти силы должны уравновешивать друг друга, т. е. должно быть $p_A S = p_B S$. Отсюда

$$p_A = p_B,$$

т. е. давления в точках A и B равны между собой.

Это рассуждение можно повторить для любых двух точек внутри жидкости. Если какие-нибудь две точки нельзя соединить прямой, не задевая стенок сосуда, как, например, точки A и D, то доказательство ведется последовательно для ряда промежуточных точек (например, B и C): доказываем, что $p_A=p_B$, затем, что $p_B=p_C$, затем, что $p_C=p_D$. Отсюда уже следует доказываемое равенство $p_A=p_D$.

Итак, при действии лишь поверхностных сил *давление во всех точках внутри жидкости одинаково.* Этот закон был установлен французским физиком и математиком Блэзом Паскалем (1623—1662) и носит его имя.

Рассматривая цилиндры, одно из оснований которых лежит на стенке сосуда (например, цилиндр LM), убедимся, что давление на стенки имеет ту же величину, что и давление внутри жидкости. Это же давление будет и на поверхности поршня. Таким образом, если давление поршня на поверхность жидкости равно p, то это же давление p будет существовать в каждой точке внутри жидкости и на стенках сосуда. Поэтому иногда формулируют закон Паскаля следующим образом:

Давление, создаваемое поверхностными силами, передается без изменения в каждую точку жидкости.

В этой формулировке закон Паскаля остается верным и для общего случая, т. е. для случая, когда мы учитываем и силу тяжести. Если сила тяжести создает внутри покоящейся жидкости определенное давление (вообще различное в различных точках), то приложенные поверхностные силы увеличивают давление в каждой точке жидкости на одну и ту же величину.

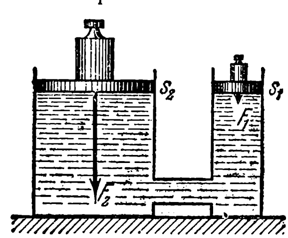


Рис. 231. Схема гидравлического пресса.

§ 151. Гидравлический пресс. Закон Паскаля позволяет объяснить действие распространенного в технике устройства — гидравлического пресса. Гидравлический пресс состоит из двух цилиндров разного диаметра, снабженных поршнями и соединенных трубкой (рис. 231). Пространство под поршнями и трубка заполняются жидкостью. Обозначим площадь малого поршня через S_1, а большого поршня — через S_2. Пусть к малому поршню приложена сила F_1; найдем, какую силу F_2 необходимо приложить ко второму поршню, чтобы сохранить равновесие, т. е. для того, чтобы жидкость не была вытеснена из первого цилиндра во второй или обратно через соединяющую их трубку.

Будем пренебрегать весом жидкости; тогда давление во всех точках жидкости должно быть одним и тем же. Но давление под первым поршнем равно $\frac{F_1}{S_1}$, а под вторым $\frac{F_2}{S_2}$; следовательно, $\frac{F_1}{S_1} = \frac{F_2}{S_2}$, откуда находим:

$$F_2 = F_1 \frac{S_2}{S_1},$$

т. е. сила F_2 во столько раз больше силы F_1, во сколько раз площадь второго поршня больше площади первого. Таким образом, при помощи гидравлического пресса можно малой силой уравновесить большую силу.

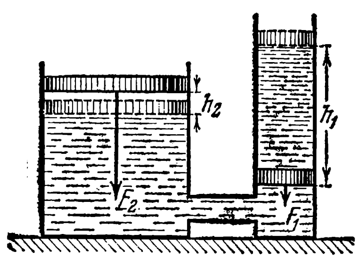


Рис. 232. Перемещения поршней обратно пропорциональны их площадям, а значит, и силам, на них действующим.

Предположим теперь, что первый поршень переместился (например, опустился) на расстояние h_1 (рис. 232); тогда часть жидкости вытеснится из первого цилиндра и поступит во второй, приподнимая второй поршень на расстояние h_2. Если степень сжатия жидкости не изменилась, то объем жидкости, вытесненной из первого цилиндра, равен объему, поступившему во второй, т. е. $h_1S_1 = h_2S_2$. Отсюда находим:

$$h_2 = h_1 \frac{S_1}{S_2}.$$

Сравнивая эту формулу с формулой, полученной нами для силы F_2, видим, что путь, проходимый бо́льшим поршнем, во сколько раз меньше пути, проходимого меньшим поршнем, во сколько раз сила, действующая на большой поршень, больше силы, действующей на меньший. Итак, при перемещении поршней гидравлического пресса имеется полная аналогия с соотношением между путями, проходимыми концами рычага, и силами, к ним приложенными. И здесь соблюдается «золотое правило» механики (§ 86), т. е. «сколько выигрывается в силе, столько теряется в пути».

Требование, чтобы жидкость не изменяла свой объем, соответствует условию, чтобы рычаг не сгибался.

Гидравлический пресс является преобразователем силы, подобно рассмотренным ранее простым машинам; его можно назвать гидравлической простой машиной.

Для получения больших сил гидравлический пресс конструктивно удобнее рычажного или винтового пресса. Поэтому мощные прессы (например, для штамповки металла, для выжимания масла из семян растений и пр.) часто делаются гидравлическими. В качестве жидкости употребляются вода или масло.

Гидравлический пресс с горизонтально расположенным большим поршнем применяют для сдвигания с места (сообщения начального толчка) судна, спускаемого со стапелей в воду.

§ 152. Жидкость под действием силы тяжести. Рассмотрим теперь равновесие жидкости под действием силы тяжести. Повторяя рассуждения § 150, убедимся, что давление во всех точках горизонтальной плоскости одно и то же, но что давление возрастает при переходе от одной горизонтальной плоскости к другой, лежащей ниже.

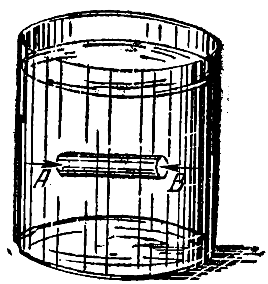


Рис. 233. Так как горизонтальный цилиндр AB находится в равновесии, то давления в точках A и B равны.

Действительно, если точки A и B (рис. 233) лежат в одной горизонтальной плоскости, то ось AB нашего мысленно выделенного тонкого цилиндра горизонтальна. Условие равновесия цилиндра вдоль оси будет, как и прежде, $p_AS=p_BS$, поскольку проекция силы тяжести на горизонтальное направление равна нулю, так что вдоль горизонтальной оси действуют только силы давления на основания цилиндра. Итак, $p_A=p_B$, т. е. для всех точек одной и той же горизонтальной плоскости давления равны между собой; горизонтальные плоскости — это *поверхности равного давления*. Их иногда называют *поверхностями уровня*. Свободная поверхность жидкости есть одна из поверхностей уровня. Давление во всех ее точках одинаково. В открытом сосуде оно равно атмосферному давлению.

Сказанное выше легко проверяется при помощи манометра: передвигая внутри жидкости манометр так, чтобы мембрана его все время оставалась на одной горизонтальной плоскости, т. е. на одной и той же поверхности уровня, мы увидим, что его показание не изменяется. При изменении же глубины погружения манометра (при переходе на другие поверхности уровня) обнаруживаем изменение давления: при погружении на бóльшую глубину давление увеличивается. Например, в море давление растет от поверхности ко дну. Это объясняется тем, что на большей глубине вода оказывается сжатой весом более толстого слоя вышележащей жидкости.

Для количественного расчета изменения давления с глубиной найдем разность давлений в двух точках A и B, лежащих на одной вертикали (рис. 234). Выделив мысленно тонкий вертикальный цилиндр с сечением S, рассмотрим условия равновесия его вдоль вертикали. Силы давления, действующие на боковую поверхность, дают вдоль вертикали проекцию, равную нулю. Вдоль вертикали действуют три силы: сила давления на верхнее основание, равная $p_A S$ и направленная вниз, сила давления на нижнее основание, равная $p_B S$ и направленная вверх, и вес жидкости в объеме цилиндра, направленный вниз. Если расстояние между A и B равно h, то объем цилиндра равен Sh и его вес равен γSh, где γ — удельный вес жидкости. Условие равновесия цилиндра выразится равенством $p_A S+\gamma Sh=p_B S$, откуда находим:

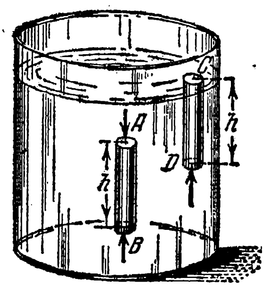


Рис. 234. Разность сил давления в B и A уравновешивает вес цилиндра AB.

$$p_B-p_A=\gamma h.$$

Величина γh численно равна весу столба жидкости высотой h с поперечным сечением в одну единицу. Таким образом, найденная формула говорит, что *разность давлений в двух точках внутри данного объема жидкости равна весу столба жидкости с площадью поперечного сечения, равной единице, и с высотой, равной разности глубин погружения точек.*

Если давление на свободной поверхности жидкости равно нулю, то, рассматривая в жидкости цилиндр DC с вертикальной осью, одно из оснований которого лежит на поверхности, найдем тем же способом, что и выше, что давление p

в точке, лежащей на глубине h под поверхностью жидкости, выразится формулой

$$p=\gamma h.$$

Если давление на свободной поверхности не равно нулю, то эта величина γh даст разность давлений на глубине h и на свободной поверхности.

Давление, вызванное весом жидкости, часто называют *гидростатическим давлением*. Таким образом, *гидростатическое давление равно произведению удельного веса жидкости на глубину погружения.*

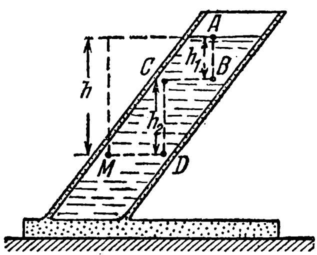


Рис. 235. Давление в точке M определяется глубиной h, отсчитанной по вертикали.

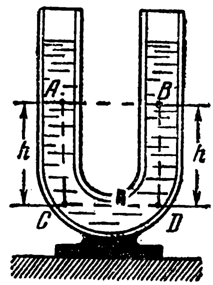


Рис. 236. Давления в точках A и B равны.

Пользуясь соотношением между удельным весом и плотностью (§ 57) $\gamma=dg$, можно выразить гидростатическое давление жидкости формулой

$$p=dgh.$$

При выводе соотношений между давлениями в разных точках мы пользовались тем, что рассматриваемые точки можно соединить друг с другом цилиндром с горизонтальной осью или цилиндром с вертикальной осью, целиком лежащим в жидкости. Если этого сделать нельзя, как, например, в наклонном сосуде (рис. 235) или в U-образном сосуде (рис. 236), то для сравнения давлений в каких-либо двух точках достаточно соединить эти точки ломаной, которая целиком лежит в жидкости и звенья которой попеременно вертикальны и горизонтальны. Например, для сосуда с наклонными стенками (рис. 235) можно взять ломаную $ABCDM$, для U-образного сосуда — ломаную $ACDB$. Для каждого горизонтального звена давления на его концах будут равны; для каждого вертикального звена можно применить выведенную выше формулу. Таким образом, переходя от вершины к вершине ломаной, найдем, например, для сосуда с наклонными стенками:

$$p_B = \gamma h_1, \quad p_C = p_B, \quad p_D = p_C + \gamma h_2, \quad p_M = p_D,$$

откуда находим:

$$p_M = \gamma (h_1 + h_2) = \gamma h,$$

где $h = h_1 + h_2$ — глубина погружения данной точки под свободной поверхностью. Как видим, формула имеет место

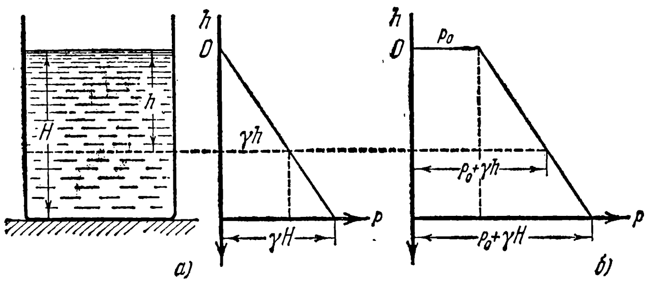


Рис. 237. Графики давления в зависимости от глубины погружения. *а*) Поверхностное давление равно нулю. *б*) Поверхностное давление равно p_0.

даже в случаях, когда перпендикуляр, проведенный из данной точки к свободной поверхности, не целиком лежит в жидкости.

Далее, рассматривая U-образный сосуд, найдем для точек A и B, лежащих в одной горизонтальной плоскости:

$$p_C = p_A + \gamma h, \quad p_D = p_C, \quad p_D = p_B + \gamma h,$$

откуда $p_A = p_B$.

Мы видим, что *поверхность уровня всегда есть горизонтальная плоскость*, даже если отдельные участки этой плоскости разделены стенками сосуда. Таким образом, *распределение давления по глубине совершенно не зависит от формы сосуда.*

Построим график распределения давления жидкости в сосуде по глубине. Давления будем откладывать в горизонтальном направлении от точек вертикальной прямой, соответствующих различной глубине. Так как гидростатическое давление прямо пропорционально глубине, то график изобразится прямой линией (рис. 237, *а*). Если на свободную поверхность жидкости оказывается давление, равное p_0, то давление на каждой глубине увеличивается на эту величину (рис. 237, *б*). В открытом сосуде это давление p_0 есть атмосферное давление.

Так как давление жидкости не зависит от формы сосуда, то график зависимости давления от глубины также от этой формы не зависит и всегда изображается прямой линией (рис. 238).

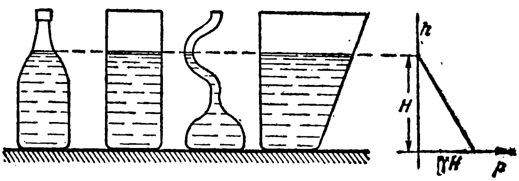


Рис. 238. График давления одинаков для сосудов различной формы.

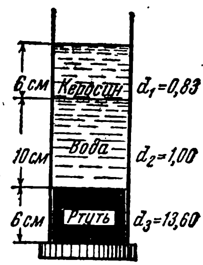


Рис. 239. К упражнению 152.2.

Упражнения. **152.1.** Давление атмосферы на свободную поверхность воды составляет 10^5 *н/м*^{2}. На какой глубине давление удвоится? На какой глубине давление воды равно $5 \cdot 10^5$ *н/м*^{2}?

152.2. Постройте график распределения давления в мензурке, заполненной различными жидкостями, как показано на рис. 239. Найдите давление на дно мензурки.

§ 153. Сообщающиеся сосуды. Возьмем ряд сосудов различной формы, соединенных в нижней части трубками (сообщающиеся сосуды). Будем наливать жидкость в один из них: мы сейчас же обнаружим, что жидкость перетечет по трубкам в остальные сосуды и установится во всех сосудах на одном уровне (рис. 240). Объяснение этого опыта заключается в следующем. Давление на свободных поверхностях жидкости в сосудах одно и то же; оно равно атмосферному давлению. Таким образом, все свободные поверхности принадлежат одной и той же поверхности уровня и, следовательно, должны находиться в одной горизонтальной плоскости (§ 152).

Чайник и носик чайника представляют собой сообщающиеся сосуды: вода стоит в них на одинаковом уровне. Значит, носик чайника должен доходить до той же высоты, что и верхняя кромка самого сосуда: иначе чайник нельзя будет налить доверху. Когда мы наклоняем чайник, уровень воды остается прежним, а носик опускается; когда он опустится до уровня воды, вода начнет выливаться (рис. 241).

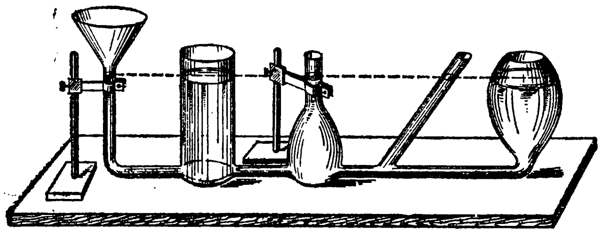


Рис. 240. Во всех сообщающихся сосудах вода стоит на одинаковом уровне.

На принципе сообщающихся сосудов устроены водомерные трубки для баков с водой (рис. 242). Такие трубки имеются, например, на умывальных баках в железнодорожных

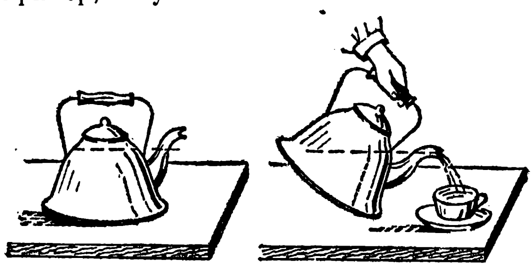


Рис. 241. Чайник и его носик — сообщающиеся сосуды.

вагонах. В открытой стеклянной трубке, присоединенной к баку, вода стоит всегда на том же уровне, что и в самом баке. Если водомерная трубка («водомерное стекло») устанавливается на паровом котле (рис. 243), то верхний конец трубки соединяется с верхней частью котла, наполненной паром. Это делается для того, чтобы давления на свободной поверхности воды в котле и в водомерной трубке были одинаковыми. Тогда уровень воды в трубке лежит на той же высоте, что и уровень воды в котле.

Шлюзы рек и каналов также работают по принципу сообщающихся сосудов. В смежных шлюзовых камерах, от-деленных друг от друга шлюзовыми воротами, вода стоит на разном уровне. Под воротами проходит подводный канал, соединяющий обе камеры; его можно открывать и закрывать. При открывании подводного канала обе камеры превращаются в сообщающиеся сосуды и вода, перетекая из камеры с более высоким уровнем в камеру с более низким, устанавливается на одном уровне в обеих камерах. Тогда можно открыть шлюзовые ворота и перевести судно из одной камеры в другую. Таким образом при помощи шлюзов перемещают судно из одного водоема в другой, находящийся

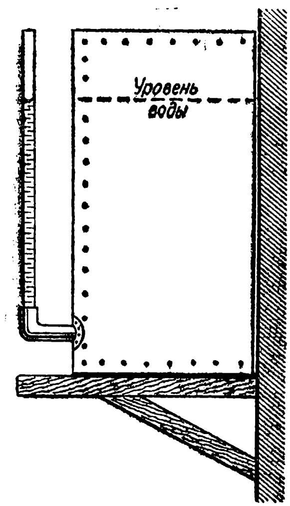


Рис. 242. Водомерная трубка бака. Вода в трубке стоит на том же уровне, что и в баке.

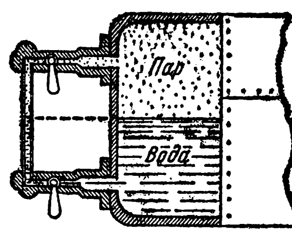


Рис. 243. Водомерная трубка парового котла. Краны служат для отклонения трубки от котла.

на более низком уровне. В случае большой разницы в уровнях водоемов устраивают целый ряд шлюзовых камер, работающих одна за другой последовательно.

Нальем в сообщающиеся сосуды в виде U-образной трубки (рис. 244) какую-нибудь жидкость, например воду. Уровень свободной поверхности в обоих коленах трубки будет один и тот же. Теперь будем доливать в одно из колен трубки жидкость другого удельного веса, не смешивающуюся с первой, например керосин. Уровень в каждом сосуде будет при этом подниматься, но уже не одинаково, как это было бы, если бы мы наливали ту же самую жидкость. Поверхность же раздела между жидкостями по мере доливания второй жидкости будет опускаться. Определим соотношение между высотами столбов жидкости в каждом сосуде над уровнем AB поверхности раздела жидкостей. Высоты столбов обозначим через h_1 и h_2, а удельные веса жидкостей — соответственно через γ_1 и γ_2. Ниже плоскости AB в сосудах находится лишь одна жидкость; поэтому давления p_A и p_B в точках A и B, лежащих на одинаковой высоте, должны быть одинаковыми. Но эти давления равны

$$p_A=\gamma_1 h_1, \quad p_B=\gamma_2 h_2.$$

Приравнивая p_A и p_B, найдем $\gamma_1 h_1=\gamma_2 h_2$, откуда получим:

$$\frac{h_1}{h_2}=\frac{\gamma_2}{\gamma_1},$$

т. е. *в сообщающихся сосудах высоты столбов жидкостей над уровнем раздела обратно пропорциональны удельным весам жидкостей.*

Так как удельные веса тел пропорциональны их плотностям, то можно сказать еще так: *высоты столбов жидкостей в сообщающихся сосудах обратно пропорциональны плотностям жидкостей.*

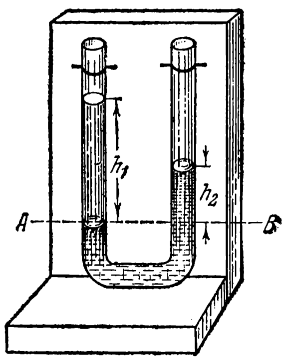


Рис. 244. Жидкости разного удельного веса стоят в сообщающихся сосудах на разной высоте.

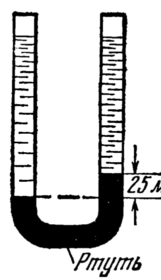


Рис. 245. К упражнению 153.1.

Упражнение. **153.1.** U-образная трубка заполнена ртутью, водой и керосином, как показано на рис. 245. Верхние уровни воды и керосина лежат на одной горизонтали. Зная, что разность уровней ртути равна 25 *мм*, найдите высоту столба воды. Плотность ртути 13,6 *г/см*^{3}, плотность керосина 0,81 *г/см*^{3}.

§ 154. Жидкостный манометр. Нальем в U-образную трубку воды и, взяв в рот один конец трубки, будем дуть в него (рис. 246). Мы увидим, что уровни воды в коленах трубки сместятся, так что в открытой части вода будет стоять на более высоком уровне. Это объясняется тем, что воздух, сжимаемый нашими легкими над поверхностью жидкости, оказывает на нее давление, большее атмосферного давления в открытом конце трубки. Так как давления в точках *A* и *B*, лежащих в одной горизонтальной плоскости, равны, то давление вдуваемого воздуха превышает атмосферное на величину давления столба воды, высота которого равна создавшейся разности уровней в коленах трубки. Конечно, воду можно заменить какой-нибудь другой жидкостью, например ртутью; измеряя разность уровней жидкости в коленах трубки, можно определить давление, оказываемое на жидкость в одном из колен, или, точнее говоря, разность давлений над поверхностью жидкости в обоих коленах. Этот принцип и использован в жидкостном манометре.

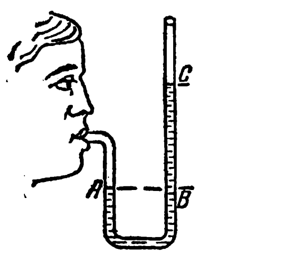


Рис. 246. Давление воздуха в левом колене уравновешивает атмосферное давление+давление столба воды BC в правом колене.

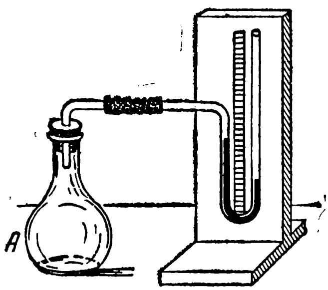


Рис. 247. Жидкостный манометр. Манометр показывает, что давление в сосуде A меньше атмосферного.

Жидкостный манометр делают в виде U-образной трубки с жидкостью, одно колено которой присоединяется к сосуду, давление в котором нужно измерить (рис. 247). Если образующаяся разность уровней жидкости равна h, то давление со стороны колена, где жидкость стоит на меньшем уровне, превосходит давление во втором колене на γh, где γ — удельный вес жидкости в манометрической трубке.

Обычно пользуются манометром, наполненным водой или ртутью, и измеряют давление по наблюдаемой разнице уровней, выражая его прямо в единицах длины. В качестве единиц давления принимают давления, создаваемые столбом воды или ртути высотой в 1 *мм*. Эти единицы называют «один миллиметр водяного столба» и «один миллиметр ртутного столба» и обозначают соответственно «1 *мм* вод. ст.» и «1 *мм* рт. ст.».

Давление в 1 *мм* вод. ст.— это давление, равное давлению столба воды высотой 1 *мм*. Объем столба воды с основанием 1 $см^2$ и высотой 1 *мм* составляет 0,1 $см^3$, а вес его равен

0,1 $Г$, или $\frac{1}{10\,000}$ $кГ$. Следовательно, давление в 1 *мм* вод. ст. равно $\frac{1}{10\,000}$ $кГ/см^2 = 1$ $кГ/м^2$.

Давление 1 *мм* рт. ст. в 13,6 раза больше, чем 1 *мм* вод. ст. (так как удельный вес ртути в 13,6 раза больше удельного веса воды), и равно $\frac{13,6}{10\,000}$ $кГ/см^2 = \frac{1}{735}$ $кГ/см^2$. Отсюда следует, что техническая атмосфера (1 $кГ/см^2$) соответствует 10 000 *мм* вод. ст. (10 *м* водяного столба) или 735 *мм* рт. ст.

Упражнения. **154.1.** Выразите давления 1 *мм* вод. ст. и 1 *мм* рт. ст. в $н/м^2$.

154.2. Давление в сосуде изменилось на 2 *мм* рт. ст. На сколько переместился уровень в открытом колене присоединенного к сосуду водяного манометра?

§ 155. Устройство водопровода. Нагнетательный насос. Схема устройства водопровода показана на рис. 248. На башне устанавливается большой бак с водой («водонапорная башня»). От бака идут трубы с целым рядом ответвлений,

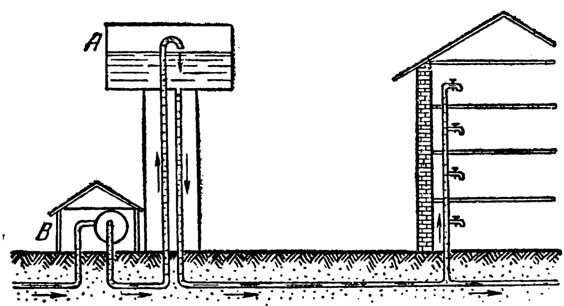


Рис. 248. Схема устройства водопровода. Вода в водонапорную башню A накачивается насосом B.

вводимых в дома. Концы отростков труб закрываются кранами. У крана давление воды, заполняющей трубы, равно давлению столба воды, имеющего высоту, равную разности высот между краном и свободной поверхностью воды в баке. Это давление достигает обычно нескольких атмосфер, ибо бак устанавливается на высоте нескольких десятков метров. Благодаря этому при открывании крана вода выливается быстрой струей. Очевидно, давление в верхних этажах домов меньше, чем в нижних. Ясно также, что водопровод не может подавать воду на высоту бóльшую, чем высота свободного уровня воды в баке.

Вода в бак водонапорной башни подается насосами. Нагнетательный поршневой насос состоит из цилиндра с поршнем, снабженным клапаном a (рис. 249). К нижней части цилиндра присоединена трубка b, ведущая к верхнему резервуару, снабженная вторым клапаном c. Оба клапана могут открываться только в одну сторону. Предположим, что цилиндр и трубка заполнены водой, и рассмотрим, что произойдет при движении поршня сверху вниз и снизу вверх.

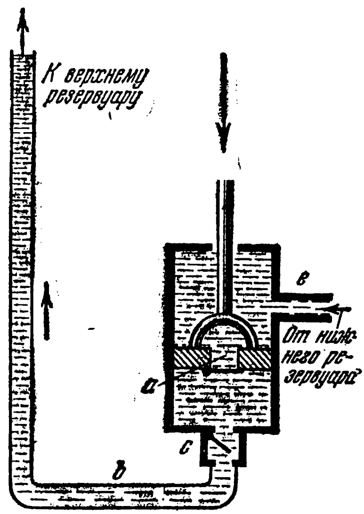


Рис. 249. Водяной нагнетательный насос.

Начнем опускать поршень. Он начнет сжимать воду, и возникающие силы давления закроют клапан a и откроют клапан c. Клапан c откроется, когда давление сжимаемой в цилиндре воды превзойдет давление, создаваемое столбом воды высотой от c до уровня воды в верхнем резервуаре. При дальнейшем опускании поршня вода будет вытесняться из цилиндра через трубку b и будет втекать в верхний резервуар. В то же время пространство над поршнем будет заполняться водой из нижнего резервуара через трубку e.

Теперь начнем поднимать поршень. Давление под поршнем сразу упадет, и давление воды в трубке b закроет клапан c. С другой стороны, давление воды над поршнем откроет клапан a, так как на него не действуют теперь силы давления снизу. При поднимании поршня вода будет перетекать через открытый клапан a из верхней в нижнюю часть цилиндра. При следующих опусканиях и поднятиях поршня процесс повторяется, и вода перекачивается из нижнего резервуара в верхний.

Упражнения. **155.1.** Какое минимальное давление должен развивать насос, подающий воду на высоту 55 *м*?

155.2. Давление воды в кранах водопровода на втором этаже шестиэтажного дома равно 2,5 *кГ/см*^{2}. Найдите высоту уровня воды в баке водонапорной башни над уровнем земли, а также давление воды у крана шестого этажа. Высоту одного этажа примите равной 4 *м*.

§ 156. Сифон. Опустим в сосуд с жидкостью конец изогнутой трубки, заполненной той же жидкостью, так, чтобы конец ее C, закрытый пробкой, был ниже уровня воды в сосуде (рис. 250). Если отверстие C открыть, то вода из сосуда будет выливаться через трубку. Такое устройство называют сифоном. Сифон широко применяется на практике для выливания жидкости из сосудов, которые нельзя опрокинуть, например бензина из автомобильного бака.

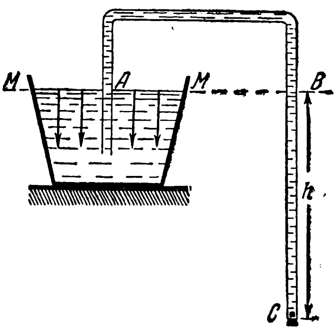


Рис. 250. К объяснению действия сифона.

Действие сифона объясняется следующим образом. Пусть внешнее давление (атмосферное давление) равно p. Это давление действует как на свободной поверхности жидкости на уровне MM, так и вблизи закрытого пробкой конца трубки C. То же давление p будет и внутри трубки сифона, в точках A и B, лежащих на уровне MM. В точке C внутри трубки, у нижнего конца ее, давление будет больше, чем в точке B, на величину γh, где h — расстояние, на которое конец трубки ниже уровня свободной поверхности воды в сосуде. Значит, давление p_C жидкости в точке C равно

$$p_C = p + \gamma h,$$

т. е. давление в нижнем конце сифона больше давления вне сифона. Если мы вынем пробку, то это давление заставит жидкость выливаться.

Если бы отверстие C находилось выше уровня жидкости в сосуде, то давление в трубке было бы меньше наружного давления и при открывании пробки наружное давление вытеснило бы жидкость из трубки в сосуд.

Эти соображения легко проверяются на опыте при помощи резиновой трубки, конец которой можно устанавливать на разной высоте. Чем больше разница по высоте между концом трубки и свободной поверхностью жидкости, тем отчетливее выражено явление и тем быстрее вытекает жидкость.

Если отверстие трубки, заполненной жидкостью, затянуть пленкой (рис. 251), то при опускании конца трубки

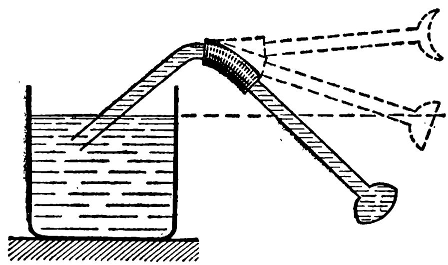


Рис. 251. Выгибание резиновой пленки при разных положениях трубки.

видно, как меняется форма пленки, переходя от вдавленной (конец трубки выше уровня жидкости в сосуде) к плоской (конец трубки на уровне жидкости) и ко все более выпуклой (при дальнейшем опускании трубки).

Упражнение. **156.1.** Сосуд и трубка (рис. 252) заполнены одной и той же жидкостью. Как изменится уровень жидкости в сосуде при открывании крана A? крана B? крана C? крана D?

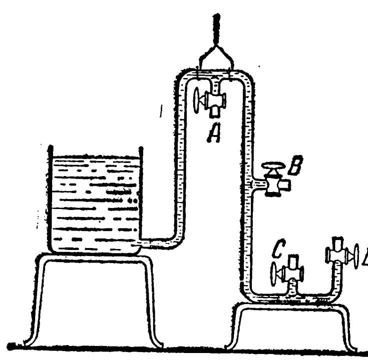


Рис. 252. К упражнению 156.1.

§ 157. Сила давления на дно сосуда. Возьмем цилиндрический сосуд с горизонтальным дном и вертикальными стенками, налитый жидкостью до высоты h (рис. 253). Гидростатическое давление в каждой точке дна сосуда будет одно и то же:

$$p = \gamma h.$$

Если дно сосуда имеет площадь S, то сила давления жидкости на дно сосуда равна γhS и равна, таким образом, весу всей жидкости, налитой в сосуд.

Рассмотрим теперь сосуды, имеющие разную форму, но одинаковую площадь дна (рис. 254). Если жидкость в каждом из них налита до одной и той же высоты h, то давление

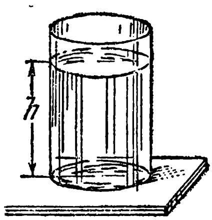


Рис. 253. В сосуде с вертикальными стенками сила давления на дно равна весу всей налитой жидкости.

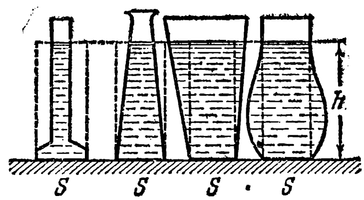


Рис. 254. Во всех изображенных сосудах сила давления на дно одинакова. В первых двух сосудах она больше веса налитой жидкости, в двух других — меньше.

на дно во всех сосудах имеет одну и ту же величину: $p=\gamma h$. Следовательно, сила давления на дно равна

$$F=\gamma hS,$$

т. е. одинакова *во всех* таких сосудах. *Она равна весу столба жидкости с основанием, равным площади дна сосуда, и с высотой, равной высоте налитой жидкости.* На рис. 254

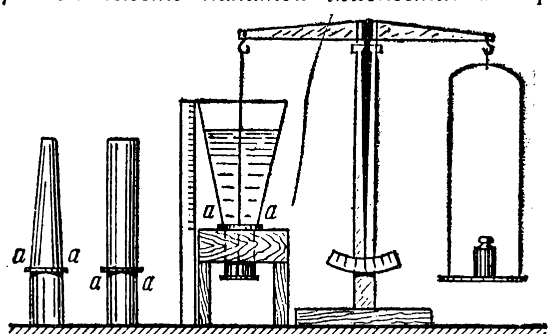


Рис. 255. Прибор Паскаля с набором сосудов. Сечения *a—a* одинаковы у всех сосудов.

этот столб показан около каждого сосуда пунктирными линиями. Обратим внимание на то, что сила давления на дно не зависит от формы сосуда и может быть как больше, так и меньше веса налитой жидкости.

Этот вывод можно проверить на опыте при помощи следующего прибора, предложенного Паскалем (рис. 255). На подставке можно закреплять сосуды различной формы, не имеющие дна. Вместо дна снизу к сосуду плотно прижимается подвешенная к коромыслу весов пластинка. При наличии жидкости в сосуде на пластинку действует сила давления, которая отрывает пластинку, когда сила давления начнет превосходить вес гири на второй чашке весов.

У сосуда с вертикальными стенками (цилиндрический сосуд) дно открывается, когда вес налитой жидкости достигает веса гири. У сосудов другой формы дно открывается при той же самой высоте столба жидкости, хотя вес наливаемой воды может быть и больше (расширяющийся сосуд) и меньше (суживающийся сосуд) веса гири.

Этот опыт приводит к мысли, что при надлежащей форме сосуда можно при помощи небольшого количества воды получить огромные силы давления на дно. Паскаль присоединил к плотно законопаченной бочке, налитой водой, длинную тонкую вертикальную трубку (рис. 256). Когда трубку заполняют сверху водой, сила гидростатического давления на дно становится равной весу столба воды, имеющего в основании дно бочки и высоту, равную высоте трубки. Соответственно увеличиваются и силы давления на стенки и верхнее днище бочки. Когда Паскаль заполнил трубку до высоты в несколько метров, для чего потребовалось лишь несколько кружек воды, возникшие силы давления разорвали бочку.

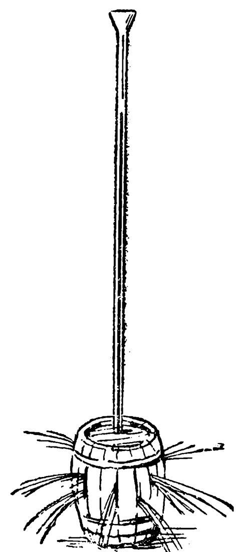


Рис. 256. Опыт с бочкой Паскаля (по старинной гравюре).

Как объяснить, что сила давления на дно сосуда может быть, в зависимости от формы сосуда, больше или меньше веса жидкости в сосуде? Ведь сила противодействия со стороны сосуда на жидкость должна уравновешивать вес жидкости.

Дело в том, что на жидкость в сосуде действует не только дно, но и стенки сосуда. В расширяющемся кверху сосуде силы, с которыми стенки действуют на жидкость, имеют проекции, направленные *вверх*: таким образом, часть веса жидкости уравновешивается силами давления стенок и только часть должна быть уравновешена силами давления со

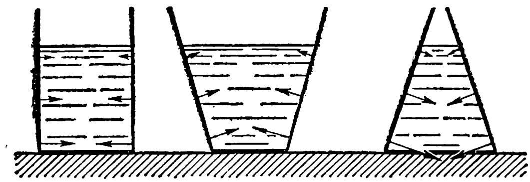


Рис. 257. Силы, действующие на жидкость со стороны стенок в сосудах различной формы.

стороны дна. Наоборот, в суживающемся кверху сосуде дно действует на жидкость вверх, а стенки — *вниз*; поэтому сила давления на дно оказывается больше веса жидкости. Сумма же сил, действующих на жидкость со стороны дна сосуда и его стенок, всегда равна весу жидкости. Рис. 257 наглядно показывает распределение сил, действующих со стороны стенок на жидкость, в сосудах различной формы.

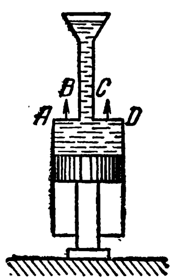


Рис. 258. При наливании воды в воронку цилиндр поднимается вверх.

В суживающемся кверху сосуде со стороны жидкости на стенки действует сила, направленная вверх. Если стенки такого сосуда сделать подвижными, то жидкость поднимет их. Такой опыт можно произвести на следующем приборе: поршень неподвижно закреплен, и на него надет цилиндр, переходящий в вертикальную трубку (рис. 258). Когда пространство над поршнем заполняется водой, силы давления на участках AB и CD стенок цилиндра поднимают цилиндр вверх.

§ 158. Давление воды в морских глубинах. Мы видели (§ 154), что давление водяного столба высотой 10 *м* равно 1 *кГ/см*^{2}, или 1 технической атмосфере. Если для простоты расчетов принять, что удельный вес морской воды равен 1 *Г/см*^{3} [1]), то погружение в море на каждые 10 *м* даст увеличение гидростатического давления на 1 *кГ/см*^{2}.

[1]) В действительности удельный вес морской соленой воды на 1—2% больше, чем 1 *Г/см*^{3}.

Например, подводная лодка, погрузившаяся на 100 *м* под воду, испытывает давление в 10 $кГ/см^2$ (сверх атмосферного), что примерно соответствует давлению внутри парового котла паровоза.

Таким образом, каждой глубине под поверхностью воды соответствует определенное гидростатическое давление. Подводные лодки снабжают манометрами, измеряющими давление забортной воды; это позволяет определять глубину погружения.

На очень больших глубинах уже начинает быть заметной сжимаемость воды: вследствие сжатия плотность воды в глубоких слоях больше, чем на поверхности, и поэтому давление растет с глубиной несколько быстрее, чем по линейному закону, и график давления несколько отклоняется от прямой линии. Добавка давления, обусловленная сжатием воды, нарастает пропорционально квадрату глубины. На наибольшей глубине океана она достигает почти 3% от полного давления на этой глубине.

Для исследования очень больших глубин применяют батисферы и батискафы. Батисфера — это стальной полый шар, способный выдержать огромное давление воды в морских глубинах. В стенке батисферы устраиваются иллюминаторы — отверстия, герметически закрытые прочными стеклами. Прожектор освещает слои воды, куда уже не могут проникнуть солнечные лучи. Батисферу, в которой помещается исследователь, опускают с корабля на стальном тросе. Таким образом удавалось достигнуть глубин около 1 *км*. Батискафы, состоящие из батисферы, которая укреплена внизу большой стальной цистерны, заполненной бензином (рис. 259) [1]), опускаются на еще бóльшие глубины. Так как бензин легче воды, то такой батискаф может плавать в глубине моря подобно дирижаблю в воздухе. Роль легкого газа играет здесь бензин. Батискаф снабжается запасом балласта и моторами, при помощи которых он, в отличие от батисферы, может самостоятельно передвигаться, не будучи связан с кораблем на поверхности воды.

Вначале батискаф плавает на поверхности воды, подобно всплывшей подводной лодке. Для погружения в пустые балластные отсеки впускается забортная вода, и батискаф уходит под воду, опускаясь все глубже и глубже, до самого

---

[1]) Прикрепить батисферу к пустой (наполненной воздухом) цистерне нельзя, так как внешнее давление раздавило бы цистерну.

дна. Для всплытия сбрасывают балласт и облегченный батискаф всплывает снова на поверхность. Наиболее глубокое погружение было совершено 23 января 1960 г., когда батискаф пролежал 20 минут на дне Марианской впадины в Тихом океане, на глубине 10 919 *м* под поверхностью воды, где давление воды (рассчитанное с учетом повышения плотности воды вследствие солености и вследствие сжатия) составляло свыше 1150 $кГ/см^2$. Исследователями, опускавшимися в батискафе, были обнаружены живые существа даже на этой наибольшей глубине мирового океана.

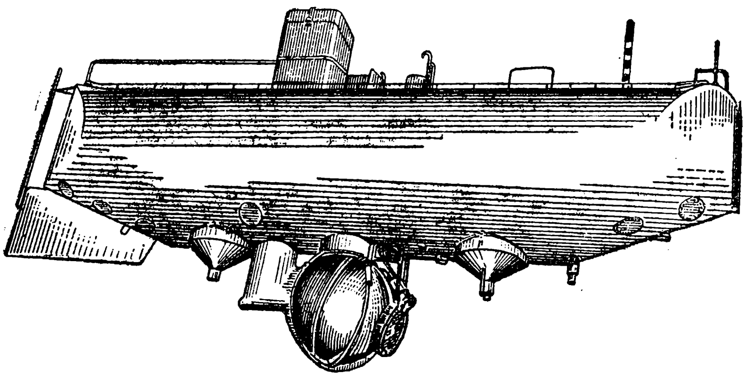


Рис. 259. Батискаф.

Пловец или аквалангист, нырнувший под воду, испытывает на всей поверхности своего тела гидростатическое давление окружающей воды сверх действующего постоянно атмосферного давления. Хотя тело водолаза (рис. 260), работающего в резиновом костюме (скафандре), не соприкасается с водой непосредственно, оно испытывает такое же давление, как и тело пловца, так как воздух в скафандре должен быть сжат до давления окружающей воды. По этой же причине и воздух, подаваемый по шлангу водолазу для дыхания, должен накачиваться под давлением, равным давлению воды на глубине погружения водолаза. Такое же давление должно быть у воздуха, поступающего из баллонов со сжатым воздухом в маску аквалангиста. Под водой приходится дышать воздухом повышенного давления.

Не спасает подводника от повышенного давления и водолазный колокол (рис. 261) или кессон, так как и в них воздух должен быть сжат настолько, чтобы не допустить воду в колокол, т. е. до давления окружающей воды. Поэтому при постепенном погружении колокола в него все время подкачивают воздух с тем расчетом, чтобы давление воздуха все время было равно давлению воды на данной глубине. Повышенное давление вредно отражается на здоровье человека, и это ставит предел глубине, на которой возможна безопасная работа водолаза. Обычная глубина погружения водолаза в резиновом скафандре не превосходит 40 *м*: на этой глубине давление увеличено на 4 атмосферы. Работа водолаза на

Рис. 260. Водолаз в резиновом костюме с металлическим шлемом. Воздух водолазу подается по трубке.

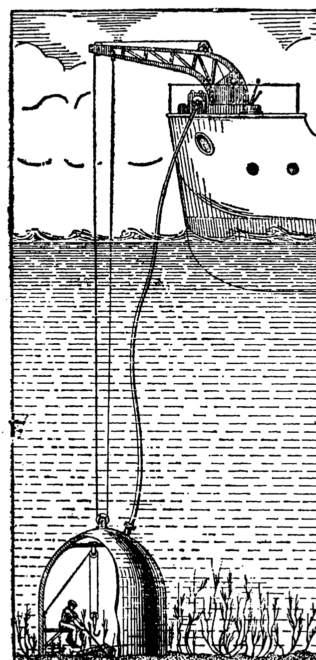


Рис. 261. Водолазный колокол.

большей глубине возможна только в жестком («панцирном») скафандре, принимающем на себя давление воды. В таком скафандре можно безопасно находиться на глубине до 200 *м*. Воздух в такой скафандр подается при атмосферном давлении.

При длительном пребывании под водой, при давлении, значительно повышенном по сравнению с атмосферным, большое количество воздуха оказывается растворенным в крови и других жидкостях организма водолаза. Если водолаз быстро поднимается на поверхность, то воздух, растворенный под большим давлением, начнет выделяться из крови в виде пузырьков (так же, как выделяется в виде пузырьков воздух, растворенный в лимонаде, находящемся в закупоренной бутылке под повышенным давлением, при вытаскивании пробки). Выделяющиеся пузырьки вызывают резкую боль во всем теле и могут даже привести к инвалидности («кессонная болезнь»). Поэтому водолаза, долго пробывшего на большой глубине, следует поднимать на поверхность медленно (часами!), чтобы растворенные газы успевали выделяться постепенно, не образуя пузырьков.

§ 159. Прочность подводной лодки. Во всех военно-морских флотах важную роль играют подводные лодки — военные корабли, способные погружаться в воду на значительную глубину (свыше 100 *м*) и передвигаться там скрытно от противника. Принцип устройства подводных лодок будет разобран ниже (§ 163), а сейчас мы остановимся только на вопросе о прочности подводной лодки.

Погружаясь в глубину моря, подводная лодка испытывает всестороннее давление, сжимающее ее.

В технике часто встречаются конструкции, испытывающие всестороннее давление, но обычно давление это направлено изнутри наружу. В таких условиях, например, находятся паровые котлы с большим внутренним давлением, баллоны для сжатого воздуха и т. п. Интересным примером является герметически закрытая кабина искусственного спутника Земли: давление внутри нее может быть близко к атмосферному, в то время как наружное давление равно нулю.

Инженеры давно уже нашли, какую прочность нужно придать стенкам сосуда сферической или другой формы, испытывающего определенное давление изнутри.

На первый взгляд кажется, что случай наружного всестороннего давления вполне подобен случаю внутреннего давления. Однако сфера с определенной толщиной стенок может выдержать гораздо большее внутреннее давление, чем внешнее. Это объясняется тем, что, как бы точно ни была выполнена сфера, она всегда будет иметь хотя бы ничтожные неправильности поверхности; кроме того, качество материала в разных местах также не может быть идеально одинаковым. Что же произойдет с какой-нибудь неровностью поверхности при увеличении давления? При давлении изнутри силы давления направлены так, что они стремятся выровнять неровность (рис. 262, *а*). Напротив, наружное давление может лишь увеличивать каждую вмятину (рис. 262, *б*). При достаточно большом наружном давлении всякая случайно образовавшаяся вмятина начнет увеличиваться и сможет достигнуть недопустимых пределов.

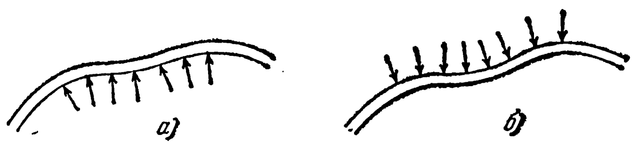


Рис. 262. *а*) При внутреннем давлении вмятина выправляется. *б*) При внешнем давлении вмятина углубляется.

Таким образом, поверхность сферы оказывается устойчивой для внутреннего давления и неустойчивой для внешнего, подобно тому как тонкий стержень устойчив при растяжении и неустойчив при сжатии. Аналогичная картина наблюдается и для сигарообразной подводной лодки. Прочность стальных листов ее обшивки очень велика; но вся обшивка в целом может оказаться неустойчивой по отношению к большому внешнему давлению.

Известны случаи, когда подводная лодка попадала на глубину, бóльшую безопасного предела; ее обшивка сминалась наружным давлением, хотя корпус лодки мог бы выдержать это давление, если бы оно было приложено изнутри.

§ 160. Закон Архимеда. На поверхность твердого тела, погруженного в жидкость, действуют, как мы знаем, силы давления. Так как давление увеличивается с глубиной погружения, то силы давления, действующие на нижнюю часть тела и направленные вверх, больше, чем силы, действующие на верхнюю его часть и направленные вниз, и мы можем ожидать, что равнодействующая сил давления будет направлена вверх. Опыт подтверждает это предположение. Если, например, гирю, подвешенную к крючку динамометра, опустить в воду, то показание динамометра уменьшится (рис. 263).

Равнодействующая сил давления на тело, погруженное в жидкость, называется *поддерживающей силой* жидкости. Поддерживающая сила может быть и больше силы тяжести, действующей на тело; например, кусок пробки, привязанный к дну сосуда, наполненного водой, натягивают нитку вверх (рис. 264).

Поддерживающая сила возникает, конечно, и в случае частичного погружения тела. Кусок дерева, плавающий на поверхности воды, не тонет именно благодаря наличию поддерживающей силы, направленной вверх.

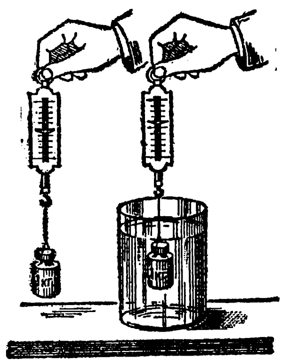


Рис. 263. При грузе, погруженном в воду, показание динамометра уменьшено.

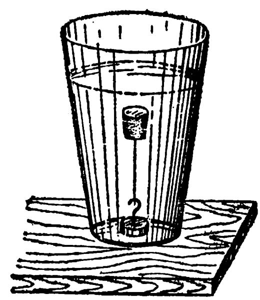


Рис. 264. Пробка, погруженная в воду, натягивает нитку вверх.

Если тело, погруженное в жидкость, предоставить самому себе, то оно потонет, останется в равновесии или всплывет на поверхность жидкости в зависимости от того, меньше ли поддерживающая сила, чем сила тяжести, действующая на тело, равна ей или больше ее. Величина поддерживающей силы зависит от рода жидкости, в которую погружено тело. Например, кусок железа тонет в воде, но плавает в ртути; значит, в воде поддерживающая сила для этого куска меньше, а в ртути — больше, чем сила тяжести.

Найдем величину поддерживающей силы, действующей на твердое тело, погруженное в жидкость.

Поддерживающая сила, действующая на тело K (рис. 265, *а*), есть равнодействующая сил давления жидкости на его поверхность. Представим себе, что тело удалено и его место занято равным ему объемом той же жидкости (рис. 265, *б*). Давления на поверхности такого мысленно выделенного объема будут такими же, какими были давления на поверхности самого тела. Значит, и равнодействующая сил давления на тело (поддерживающая сила) равна равнодействующей сил давления на выделенный объем жидкости. Но выделенный объем жидкости находится в равновесии. Силы, действующие на него,—это сила тяжести P

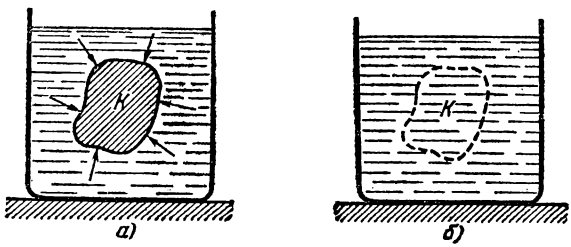


Рис. 265. *а*) Тело K находится в жидкости. *б*) Тело K заменено равным ему объемом жидкости.

и поддерживающая сила F (рис. 266, *а*). Значит, *поддерживающая сила равна по величине весу выделенного объема*

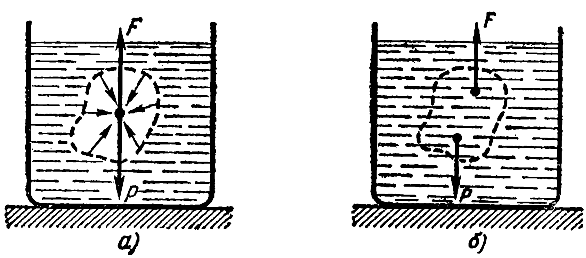


Рис. 266. *а*) Равнодействующая сил давления на поверхность погруженного тела равна весу жидкости в объеме тела. *б*) Если бы точка приложения равнодействующей не совпадала с центром тяжести вытесненного объема, то получилась бы пара сил и равновесие этого объема было бы невозможным.

жидкости и направлена вверх. Точкой приложения этой силы должен быть *центр тяжести выделенного объема*. В противном случае равновесие нарушилось бы, так как сила тяжести и поддерживающая сила образовали бы пару сил (рис. 266, *б*). Но, как уже сказано, поддерживающая сила для выделенного объема совпадает с поддерживающей силой для тела. Мы приходим, таким образом, к закону Архимеда:

Поддерживающая сила, действующая на тело, погруженное в жидкость, равна весу жидкости в объеме, занимаемой телом («вытесненный объем»), *направлена вертикально вверх и приложена в центре тяжести этого объема.*

Центр тяжести вытесненного объема часто называют *центром давления.*

Для тела, имеющего простую форму, можно было бы и непосредственно вычислить поддерживающую силу, рассмотрев силы давления на его поверхность.

Пусть, например, тело K, погруженное в жидкость, имеет форму вертикально расположенного прямого параллелепипеда (рис. 267). Площадь его основания обозначим

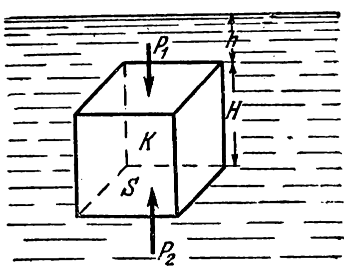


Рис. 267. К выводу закона Архимеда.

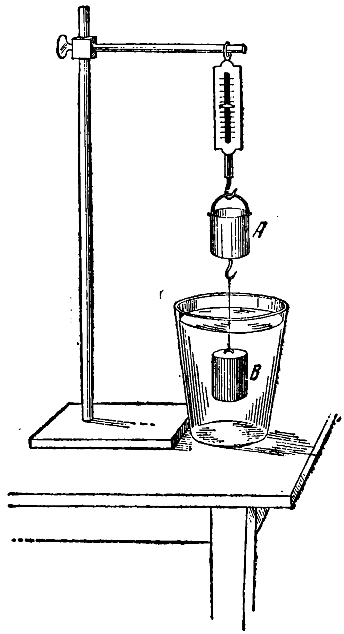


Рис. 268. Опытная проверка закона Архимеда при помощи «ведерка Архимеда».

через S, высоту — через H, а расстояние от поверхности до верхнего основания — через h.

Равнодействующая сил давления жидкости составляется из сил давления на боковую поверхность параллелепипеда и на его основания. Силы, действующие на боковые грани, взаимно уничтожаются, так как для противоположных граней силы давления равны по величине и прямо противоположны по направлению. Давление на верхнем основании γh, на нижнем основании $\gamma(h+H)$. Следовательно, силы давления на верхнее и на нижнее основания равны соответственно

$$P_1 = \gamma hS, \quad P_2 = \gamma (h + H) S,$$

причем сила P_1 направлена вниз, а сила P_2— вверх. Таким образом, равнодействующая F всех сил давления на поверхность параллелепипеда (поддерживающая сила) равна разности между силами P_2 и P_1:

$$P = P_2 - P_1 = \gamma (h + H) S - \gamma hS = \gamma HS$$

и направлена вертикально вверх. Но HS — это объем параллелепипеда, а γ — вес единицы объема жидкости; значит, поддерживающая сила действительно равна весу вытесненного объема жидкости.

Если тело, погруженное в жидкость, подвешено к чашке весов, то весы показывают разность между весом тела в воздухе и поддерживающей силой, т. е. весом вытесненной жидкости. Поэтому закону Архимеда придают иногда следующую формулировку:

Тело, погруженное в жидкость, теряет в своем весе столько, сколько весит вытесненная им жидкость.

Для иллюстрации справедливости этого вывода сделаем следующий опыт (рис. 268): пустое ведерко A («ведерко Архимеда») и сплошной цилиндр B, имеющий объем, в точности равный емкости ведерка, подвесим к динамометру. Затем, подставляя сосуд с водой, заставим цилиндр погрузиться в воду; равновесие нарушится, и растяжение динамометра уменьшится. Если теперь наполнить ведерко водой, то динамометр снова растянется до прежней длины: потеря в весе цилиндра как раз равна весу воды в объеме цилиндра.

По закону равенства действия и противодействия поддерживающей силе, с которой жидкость действует на погруженное тело, соответствует сила, с которой тело действует на жидкость. Эта сила направлена вертикально вниз и по величине равна весу жидкости, вытесненной телом. Следующий опыт демонстрирует сказанное (рис. 269). Неполный стакан с водой уравновешивают на весах. Затем в стакан погружают тело, подвешенное на штативе; при этом чашка со стаканом опускается, и для восстановления равновесия приходится добавить на другую чашку груз, равный весу воды, вытесненной телом.

Упражнения. **160.1.** Определите поддерживающую силу, действующую на погруженный в воду камень весом 3 *кГ*, если удельный вес его 2,4 *Г/см³*.

160.2. Брусок в виде куба с ребром 100 *мм* погружен в сосуд, наполненный водой, над которой налит керосин ($\gamma=0,81$ *Г/см*^{3}) так, что линия раздела обеих жидкостей проходит посередине высоты бруска. Определите поддерживающую силу, действующую на брусок.

160.3. Кусок пробки весом 9,5 *Г*, обмотанный серебряной проволокой с поперечным сечением 1 *мм*^{2}, остается в равновесии в воде, не погружаясь и не всплывая. Найдите длину проволоки. Удельный вес серебра 10,5 *Г/см*^{3}.

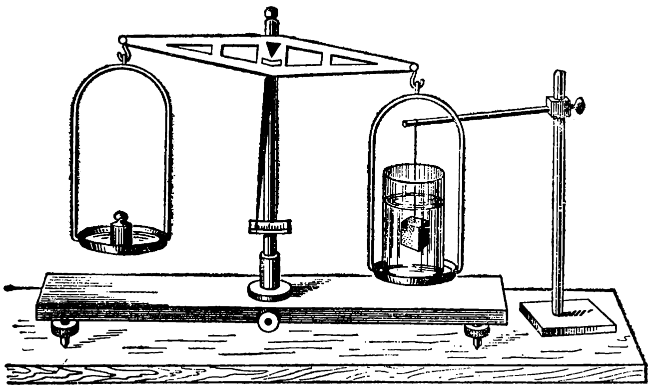


Рис. 269. Вес гири, которую нужно положить на левую чашку весов, равен силе, действующей на жидкость со стороны погруженного тела.

160.4. Что произойдет с весами, находящимися в равновесии, если погрузить палец в стакан с водой, стоящий на чашке весов, не прикасаясь пальцем ни ко дну, ни к стенкам стакана?

160.5. К чашкам весов подвешены на нитках кусок меди и кусок цинка весом по 500 *Г* каждый. Нарушится ли равновесие, если медь ($\gamma=8,9$ *Г/см*^{3}) погрузить в воду, а цинк ($\gamma=7,1$ *Г/см*^{3}) — в керосин ($\gamma=0,81$ *Г/см*^{3})? Сколько гирь и на какую чашку весов нужно добавить, чтобы восстановить равновесие?

§ 161. Измерение удельного веса тел на основании закона Архимеда. Для определения удельного веса γ однородного тела неправильной формы, объем которого трудно найти при помощи измерения размеров тела, можно поступить следующим образом.

Тело дважды взвешивают на весах: один раз обычным способом, другой раз — погружая тело в жидкость, удельный вес γ_0 которой известен. Первое взвешивание дает вес тела P. Второе взвешивание дает величину P_1, равную разности между весом тела и поддерживающей силой. Разность

$P - P_1$ равна, согласно закону Архимеда, весу жидкости в объеме, равному объему V тела. Так как вес единицы объема жидкости равен γ_0, то этот объем есть

$$V = \frac{P - P_1}{\gamma_0}.$$

С другой стороны, объем тела равен

$$V = \frac{P}{\gamma},$$

где γ — искомый удельный вес самого тела. Приравнивая оба выражения для объема данного тела, найдем:

$$\gamma = \gamma_0 \frac{P}{P - P_1}.$$

Упражнения. **161.1.** Определите удельный вес камня, если вес его в воздухе равен 320 *Г*, а вес в воде — 180 *Г*.

161.2. Как определить удельный вес жидкости, зная вес какого-нибудь тела в воздухе, в воде и в исследуемой жидкости?

161.3. Кусок меди (γ=8,9 *Г/см*^{3}) весит на воздухе 400 *Г*, а при погружении в некоторую жидкость — 359 *Г*. Найдите удельный вес жидкости.

161.4. Кусок пробки весит в воздухе 15 *Г*, кусок свинца — 113 *Г*. Если, связав их вместе, подвесить оба куска к чашке весов и опустить в керосин, то показание весов будет 60 *Г*. Найдите удельный вес пробки, полагая удельный вес керосина 0,8 *Г/см*^{3}, а свинца 11,3 *Г/см*^{3}.

§ 162. Плавание тел. Закон Архимеда дает возможность разъяснить все вопросы, связанные с плаванием тел.

Пусть тело погружено в жидкость и предоставлено самому себе. Если вес тела больше веса вытесненной телом жидкости, то оно будет тонуть — погружаться, пока не упадет на дно сосуда; если вес тела меньше веса вытесненной жидкости, то оно будет всплывать, поднимаясь к поверхности жидкости; только в том случае, если вес тела в точности равен весу вытесненной жидкости, оно будет находиться в равновесии внутри жидкости. Например, куриное яйцо тонет в пресной воде, но плавает в соленой. Можно сделать раствор соли, концентрация которого постепенно уменьшается кверху, так что поддерживающая сила внизу сосуда больше, а вверху меньше веса яйца. В таком растворе яйцо держится на такой глубине, где его вес в точности равен поддерживающей силе.

Если твердое тело однородно, т. е. во всех точках имеет один и тот же удельный вес, то тело будет тонуть, всплывать или оставаться в равновесии внутри жидкости в зависимости от того, больше ли удельный вес тела, чем удельный вес жидкости, меньше его или равен ему. В случае неоднородных тел, очевидно, можно сравнивать с удельным весом жидкости средний удельный вес тела.

Если вес тела, погруженного в жидкость, меньше веса жидкости в объеме тела, то оно всплывает. Поднявшись на поверхность, оно плавает так, что часть его выступает

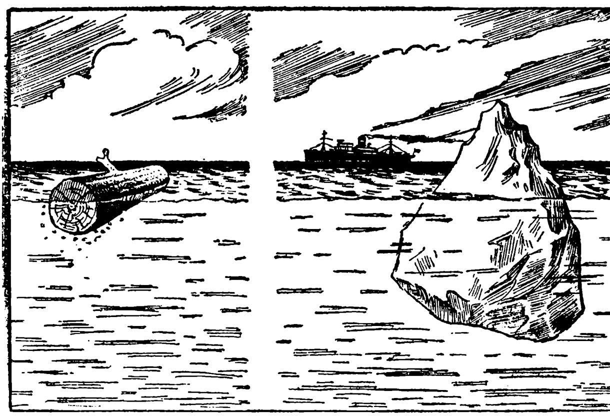


Рис. 270. Льдина плавает, погрузившись в воду глубоко. Сосновое полено погружается при плавании только наполовину.

из жидкости. Плавающие тела разного удельного веса погружаются в жидкость на разную долю своего объема (рис.270). Это объясняется тем, что при равновесии тела, плавающего на поверхности жидкости, вес вытесненного объема жидкости (в данном случае — объема части тела, находящейся под свободным уровнем жидкости) должен быть равен весу тела. Поэтому тело, удельный вес которого лишь незначительно меньше удельного веса жидкости (например, льдина в воде), погружается при плавании глубоко. У такого тела только при глубоком погружении поддерживающая сила делается равной весу тела. Если же удельный вес тела значительно меньше удельного веса жидкости, то тело погружается лишь немного.

Опытную проверку вышесказанного можно выполнить при помощи весов. Вместо одной из чашек подвесим ведерко, до краев наполненное водой, и уравновесим его гирями. Опустим в ведерко кусок дерева так, чтобы он свободно плавал, не касаясь дна ведерка. Из ведерка вытечет часть воды, вытесненная деревом, но равновесие не нарушится. Следовательно, вес вытекшей (вытесненной) воды равен весу плавающего куска дерева.

В судостроении вес воды, вытесняемой судном, называется его *водоизмещением*. Очевидно, водоизмещение равно весу судна. При загрузке судна оно погружается глубже в воду, и водоизмещение его возрастает на величину, равную весу положенного груза.

Закон плавания тел положен в основу устройства *ареометра*. Ареометр представляет собой стеклянный сосуд с грузиком, снабженный длинным отростком, на котором нанесена шкала (рис. 271). При плавании на поверхности жидкости ареометр погружается на бо́льшую или на меньшую глубину в зависимости от удельного веса жидкости. Чем больше удельный вес жидкости, тем меньше погружается ареометр. На шкале отмечаются непосредственно значения удельного веса жидкости, отвечающего погружению ареометра до данного деления. Таким образом, отметки на шкале растут сверху вниз.

Ареометр применяется обычно для точных измерений в жидкостях с близким удельным весом (например, растворы разной концентрации). Точность измерения достигается благодаря тому, что отросток со шкалой делают тонким: тогда даже малым изменениям удельного веса отвечает заметное изменение глубины погружения.

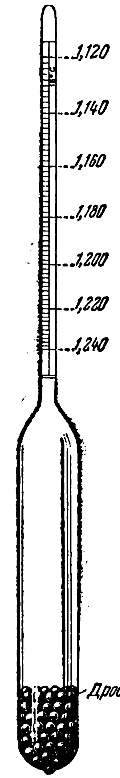


Рис. 271. Ареометр.

Упражнения. **162.1.** Где больше осадка судна при данной нагрузке — в море или в реке?

162.2. В стакане с водой плавает кусок льда. Как изменится уровень воды, когда лед растает?

162.3. Ведро, доверху налитое водой, висит на безмене. Если опустить в ведро кусок железа, подвешенный на нити, то часть воды выльется. Изменится ли показание безмена?

162.4. Какая часть объема дубового полена находится под поверхностью воды, если удельный вес дуба 0,8 $Г/см^3$?

162.5. Стальной шарик плавает в ртути. Какая часть его находится над ртутью? Изменится ли положение шарика, если сверху налить воды? Удельный вес стали 7,8 *Г/см*^{3}, ртути — 13,6 *Г/см*^{3}.

162.6. Призматическая льдина (γ=0,92 *Г/см*^{3}) плавает в воде, высовываясь наружу на 2 *см*. Каков вес льдины, если площадь ее основания 200 *см*^{2}?

162.7. Однородное тело плавает на поверхности спирта (γ=0,80 *Г/см*^{3}) так, что объем погруженной части составляет 0,92 всего объема тела. Определите объем погруженной части при плавании этого тела на поверхности: а) воды, б) ртути.

§ 163. Плавание несплошных тел. Тело, имеющее полости, куда жидкость не проникает при плавании тела, вытесняет такой же объем, что и сплошное тело. Поэтому и поддерживающая сила для такого тела та же, что и для сплошного.

Но вес тела с полостями меньше веса сплошного тела; поэтому при достаточной величине полостей такое тело может плавать даже в том случае, когда удельный вес вещества тела больше удельного веса жидкости. Вытесненный объем оказывается больше объема, занятого веществом тела. Железный корабль вытесняет объем воды во много раз больший, чем объем железа, из которого сделан корпус судна; поэтому он может плавать (имеет «плавучесть»), несмотря на то, что удельный вес железа в 7,8 раза больше удельного веса воды. Если пространство внутри судна заполнится водой, например, в случае течи, то вытесненный объем уменьшится, судно потеряет плавучесть и начнет тонуть.

Для обеспечения безопасности мореплавания следует предусматривать возможность пробоины в корпусе судна. Все внутреннее пространство разделяют рядом стальных переборок на водонепроницаемые отделения — «отсеки». В случае пробоины или течи заполняется водой только один из отсеков, и судно продолжает плавать, хотя и погружается несколько глубже в воду (рис. 272).

Особый вид кораблей представляют собой подводные лодки. Они должны иметь возможность всплывать и погружаться в воду, а также плыть под поверхностью воды. Так как объем лодки остается во всех случаях неизменным, то для выполнения этих маневров на лодке должно быть устройство для изменения ее веса. Это устройство состоит из ряда балластных отсеков в корпусе лодки (рис. 273), которые при помощи специальных устройств можно заполнять забортной водой (при этом вес лодки увеличивается и она погружается) или освобождать от воды (при этом вес лодки уменьшается и она всплывает).

Заметим, что достаточно небольшого избытка или недостатка воды в балластных отсеках, чтобы лодка ушла на самое дно моря или всплыла на поверхность воды. Часто

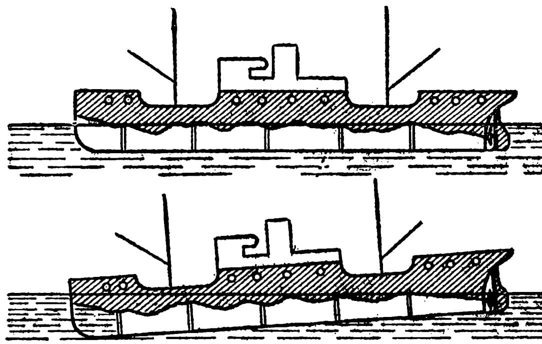


Рис. 272. При заполнении водой одного из отсеков судно не тонет, а только погружается глубже в воду.

бывает, что в некотором слое под водой плотность воды быстро меняется по глубине, возрастая сверху вниз. Вблизи

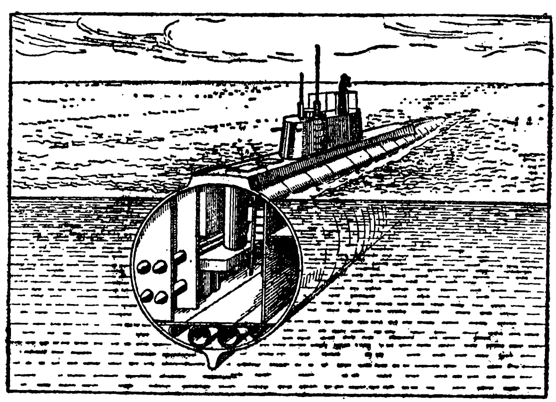


Рис. 273. Подводная лодка.

уровня такого слоя равновесие лодки устойчиво. Действительно, если лодка, находясь на таком уровне, по какой-либо причине погрузится немного глубже, то она попадет в область большей плотности воды. Поддерживающая сила увеличится, и лодка начнет всплывать, возвращаясь к первоначальной глубине. Если же лодка по какой-либо причине поднимется вверх, то она попадет в область меньшей плотности воды, поддерживающая сила уменьшится, и лодка снова вернется к первоначальному уровню. Поэтому подводники называют такие слои «жидким грунтом»: лодка может «лежать» на нем, сохраняя равновесие неопределенно долгое время, в то время как в однородной среде это не удается и для сохранения заданной глубины лодка либо должна все время изменять количество балласта, принимая или вытесняя воду из балластных отсеков, либо должна все время двигаться, маневрируя рулями глубины.

§ 164. Устойчивость плавания кораблей. Для кораблей и подводных лодок чрезвычайно важен вопрос об устойчивости их равновесия при плавании («остойчивость» судов). Известно, что при неправильном распределении груза на судне оно может перевернуться. Вопрос об остойчивости является вопросом безопасности мореплавания.

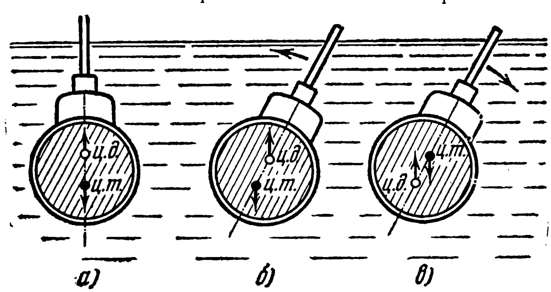


Рис. 274. Устойчивость плавания подводной лодки в погруженном положении; *ц. т.*— центр тяжести, *ц. д.*— центр давления.

Рассмотрим устойчивость равновесия тела, находящегося под водой, например подводной лодки. Пусть центр давления расположен выше центра тяжести лодки. В нормальном положении центр тяжести и центр давления лежат на одной вертикальной прямой, и лодка находится в равновесии (рис. 274, *а*). При наклонении лодки (рис. 274, *б*) сила тяжести и поддерживающая сила образуют пару сил, которая будет возвращать лодку в исходное положение. Таким образом, равновесие устойчиво.

Если бы центр давления лежал ниже центра тяжести, то равновесие лодки было бы неустойчивым. В самом деле, в этом случае при отклонении от строго вертикального положения сила тяжести и поддерживающая сила образовали бы пару сил, поворачивающую лодку дальше от положения равновесия (рис. 274, *в*).

Наконец, в случае совпадения центра тяжести с центром давления равновесие безразличное. Эти случаи полностью аналогичны разным случаям равновесия твердого тела, подвешенного в одной точке. *Центр давления играет роль точки подвеса.*

Условия устойчивости равновесия тела, плавающего на поверхности жидкости (рис. 275), будут совершенно другие, так как при наклонении тела (например, корабля) изменяется форма вытесняемого объема, а следовательно, и положение центра давления относительно корабля. Например, при наклонении вправо бо́льшая часть вытесненной воды будет расположена справа от средней линии корабля, а следовательно, и центр давления сместится в ту же сторону. Как видно на рисунке, здесь вопрос об устойчивости равновесия зависит от относительного положения центра давления и центра тяжести после наклонения судна. Если точка *М* пересечения вертикали, проведенной через

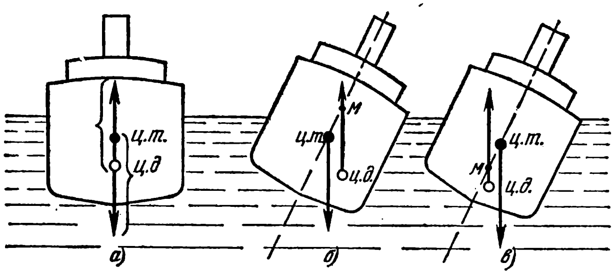


Рис. 275. Устойчивость плавания корабля; *ц. т.*—центр тяжести, *ц. д.*— центр давления, *М* — метацентр.

центр давления, со средней линией судна (так называемый *метацентр*) лежит выше центра тяжести (рис. 275, *б*), то пара сил, образованная силой тяжести и поддерживающей силой, поворачивает судно обратно; следовательно, равновесие устойчиво. Если же метацентр лежит ниже центра тяжести (рис. 275, *в*), то равновесие неустойчиво. Здесь *роль точки подвеса играет метацентр*, и равновесие может быть устойчивым, несмотря на то, что центр давления лежит ниже центра тяжести. Заметим, что положение метацентра меняется при изменении угла наклонения плавающего тела.

Расстояние между центром тяжести и метацентром называют *метацентрической высотой*. Чем больше метацентрическая высота, тем больше остойчивость судна, тем быстрее возвращается оно в прямое положение, будучи выведено из него внешними силами (порывом ветра, ударом волны). Для парусных судов особенно важно иметь достаточную метацентрическую высоту, так как силы, действующие на парус, создают большой опрокидывающий момент. Поэтому на некоторых типах парусных судов с высокими мачтами и большой поверхностью парусов (яхты) днище судна утяжеляют балластом, понижая таким образом центр тяжести и увеличивая метацентрическую высоту. В грузовые суда, идущие порожняком, часто кладут на дно балласт с целью понизить центр тяжести. Известно, что на верхнюю палубу торговых судов избегают класть тяжелые грузы: груз на верхней палубе повышает положение центра тяжести, т. е. уменьшает метацентрическую высоту, а вместе с тем и остойчивость судна.

§ 165. Всплывание пузырьков. Пузырек газа, оказавшийся в глубине моря (например, пузырек воздуха, выпущенный водолазом из-под шлема скафандра), начинает всплывать,так как поддерживающая сила,равная весу воды в объеме, равном объему пузырька, значительно больше веса газа, сжатого в пузырьке. Поднимаясь кверху, пузырек приходит в слои воды с меньшим давлением; он расширяется, поддерживающая сила увеличивается, и скорость его всплывания растет.

Если по какой-либо причине вес водолаза в скафандре оказался меньше веса вытесненной воды (например, если водолаз не выпускал своевременно через клапан шлема воздух, нагнетаемый в скафандр, и объем скафандра увеличился), то водолаз начинает всплывать, и его резиновый скафандр, заполненный сжатым воздухом, раздувается, подобно всплывающему пузырьку, и выносит водолаза на поверхность.

§ 166. Тела, лежащие на дне сосуда. Кажущимся противоречием закону Архимеда является следующий опыт (рис. 276). Дно стеклянного сосуда покрыто тонким слоем парафина. Положим на него кусок парафина с гладким основанием и осторожно нальем в сосуд воды. Кусок парафина не всплывает на поверхность воды, хотя плотность его меньше плотности воды. Слегка наклоняя сосуд, можно заставить кусок парафина передвигаться по дну, но он не всплывет.

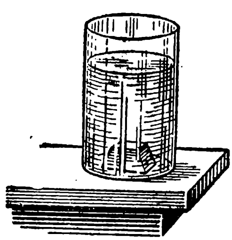


Рис. 276. Кусок парафина, лежащий на дне наполненного водой сосуда, не всплывает.

Объяснение этого парадокса заключается в том, что вода не проникает между куском парафина и дном сосуда и, следовательно, на нижнюю поверхность куска парафина не действуют силы давления воды. Силы же давления на его верхнюю поверхность прижимают его ко дну. Если наклонить кусок парафина так, чтобы вода проникла под его нижнюю поверхность, то поддерживающая сила возникнет и парафин всплывет. Известно, что подводная лодка, легшая на мягкий грунт моря, иногда не может оторваться от него, даже освободив свои цистерны от воды. Это также объясняется тем, что вода не может быстро проникнуть под корпус лодки, плотно прилегший к грунту.

ГЛАВА VIII

АЭРОСТАТИКА

§ 167. Механические свойства газов. Механические свойства газов во многом сходны со свойствами жидкости. Как и жидкости, газы чрезвычайно подвижны и совершенно не обладают упругостью по отношению к изменению формы; по отношению же к изменению объема газы упруги: силы давления газа — это силы его упругости. Чем сильнее сжат газ, тем с бо́льшими силами давления он действует на соприкасающиеся с ним тела. Силы давления покоящегося газа, как и жидкости, всегда перпендикулярны к поверхности соприкасающихся с ним тел.

Давлением газа мы называем, как и для жидкостей (§ 144), отношение силы давления, действующей со стороны газа на какой-нибудь участок поверхности соприкасающегося с ним тела, к площади этого участка. Как и в жидкостях, давление газа в данной точке не зависит от направления участка поверхности, по которому оно измеряется. Для газов справедлив также закон Паскаля: *давление, создаваемое поверхностными силами, передается без изменения в каждую точку газа.*

Однако в механических свойствах газов и жидкостей имеются и существенные различия. Удельный вес газов в обычных условиях в сотни раз меньше удельного веса жидкостей. Например, вес кубического метра воздуха равен всего 1,3 *кГ*, а вес кубического метра воды равен одной тонне.

На первый взгляд обычно недооценивают вес тех или иных объемов газа. Заметим, что вес воздуха, проходящего при дыхании через легкие человека, составляет примерно 20—30 *кГ* за сутки. Воздух в небольшой комнате весит 30—40 *кГ*. Паровоз везет в вагонах пассажирского поезда примерно 2 тонны воздуха.

Очень важным отличием газов от жидкостей является отсутствие у газов определенного собственного объема.

Водой можно заполнить сосуд до половины, но газ всегда целиком заполняет весь сосуд, в котором он находится. Нет никакого предела для увеличения объема данной массы

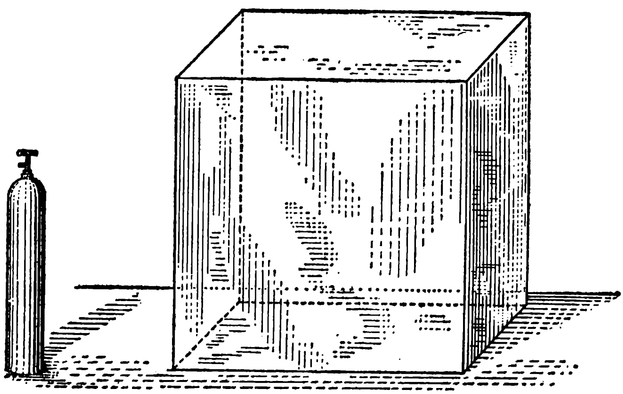


Рис. 277. Баллон со сжатым кислородом и объем, который займет кислород из баллона, если его выпустить в атмосферу.

газа, если на него не действует сила тяжести или если его расширению не кладется предел стенками сосуда. Поэтому газы никогда не образуют свободной поверхности.

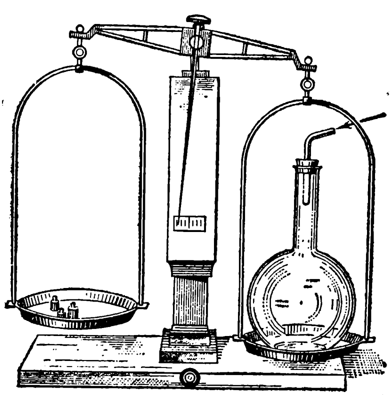


Рис. 278. Взвешивание воздуха.

Далее, газы сжимаемы в тысячи раз более, чем жидкости. Плотность жидкости меняется ничтожно даже при очень большом давлении. Напротив, сильно сжать газ и тем самым сильно увеличить его плотность можно уже сравнительно малым давлением. Мы увидим (см. § 229), что при сжатии или расширении газа его давление растет или убывает в том же отношении, что и плотность (при условии, что температура газа не изменилась).

Ручным насосом легко накачать в автомобильную шину количество воздуха, занимавшее в атмосфере вчетверо больший объем, т. е. увеличить плотность и давление воздуха в шине вчетверо по сравнению с атмосферным воздухом. В кислородных баллонах, применяемых при автогенной резке и сварке металлов, кислород сжат до давления в 150 атмосфер. Плотность газа при этом также оказывается увеличенной в 150 раз — примерно до плотности пробки. Если из такого баллона выпустить весь кислород в атмосферу, то он занял бы объем, в 150 раз бо́льший объема баллона (рис. 277). В то же время вода, сжатая до давления 150 атмосфер, увеличила бы свою плотность лишь на 0,75% (и на такую же долю увеличила бы свой объем при выпуске из баллона).

Таким образом, в отличие от жидкостей, плотность газов нельзя считать независимой от давления.

§ 168. Атмосфера. Самый важный для нас газ — это воздух. Земля окружена атмосферой — слоем воздуха, представляющего собой смесь целого ряда газов (азота, кислорода, аргона, углекислого газа, паров воды и других газов). В дальнейшем мы, однако, не будем учитывать то, что воздух имеет сложный состав: в интересующих нас механических явлениях это не играет роли.

Атмосфера удерживается вблизи земной поверхности силами притяжения Земли — собственным весом воздуха. Если бы Земля не притягивала воздух, то вся атмосфера, расширяясь, рассеялась бы в окружающем Землю пространстве.

Масса всей атмосферы превышает 5 000 000 000 000 000 *т*. Это — меньше одной миллионной массы Земли.

Удельный вес воздуха можно найти следующим образом. Выкачаем из колбы воздух и уравновесим ее на чувствительных весах (рис. 278). Затем впустим в колбу воздух. Мы увидим, что чашка весов, на которой находится колба, опустится; для восстановления равновесия на другую чашку необходимо добавить гири; их вес и будет равен весу вошедшего в колбу воздуха. Зная объем колбы, легко вычислить удельный вес воздуха: для этого нужно разделить вес добавленных гирь на объем колбы.

При температуре 0° С и давлении 760 *мм* рт. ст. удельный вес сухого воздуха равен 1,293 *Г/л* [1]).

---

[1]) Так как удельные веса газов в обычных условиях малы по сравнению с удельными весами твердых и жидких тел, их удобно выражать не в единицах *Г/см*^{3}, а в единицах *Г/л*.

§ 169. Давление атмосферы. Давление воздуха вблизи поверхности Земли обусловлено его собственным весом; он сжат этим весом подобно тому, как сжата своим весом вода на дне океана. Вес атмосферы, равный $5 \cdot 10^{18}$ *кГ*, распределен на всю поверхность Земли, составляющую примерно $5 \cdot 10^{18}$ *см*^{2}. Таким образом на каждый квадратный сантиметр поверхности Земли приходится около 1 *кГ* веса воздуха. Следовательно, давление воздуха вблизи поверхности Земли (точнее, на уровне моря) равно приблизительно 1 *кГ/см*^{2}.

Если бы плотность воздуха была неизменна по всей толщине атмосферы, то эта толщина составила бы около 8 *км*. В действительности плотность воздуха быстро убывает с поднятием от поверхности Земли (см. § 175), так что атмосфера простирается на сотни километров от поверхности Земли (за орбиты ближайших искусственных спутников); на такой высоте плотность воздуха составляет ничтожную долю его плотности у Земли.

Естественно возникает вопрос: почему мы не ощущаем атмосферного давления?

Для разъяснения этого вопроса разберем следующие простые опыты. Возьмем стеклянную банку и затянем ее тонкой резиновой пленкой. Хотя на каждый квадратный сантиметр поверхности пленки действует снаружи сила в 1 *кГ*, т. е. на всю пленку давит сила в десятки килограммов, пленка совершенно не прогибается. Дело в том, что воздух внутри банки сжат до той же степени, что и наружный воздух: на внутреннюю поверхность пленки действует такая же сила, что и на наружную, так что обе силы взаимно уравновешиваются и пленка остается неизогнутой, как если бы на нее не действовали никакие силы. Но если через боковую трубку откачать часть воздуха из банки, уменьшая этим его давление, то пленка прогнется внутрь банки избытком наружного давления (рис. 279, *а*). Она прогнется настолько, что возникшие в пленке упругие силы вместе с силой давления воздуха, оставшегося внутри банки, как раз уравновесят силу давления внешнего воздуха. Наоборот, нагнетая воздух в банку, заставим пленку выгнуться наружу (рис. 279, *б*).

Показательно следующее изменение описанного опыта: банка, из которой откачана часть воздуха, ставится под колокол воздушного насоса. Первоначально пленка, затягивающая отверстие банки, прогнута внутрь. Если теперь начать выкачивать воздух из-под колокола, то пленка сначала выпрямится, а при дальнейшей откачке выгнется наружу (рис. 280). Таким образом, деформация (прогиб пленки) наступает только тогда, когда с разных сторон воздух имеет

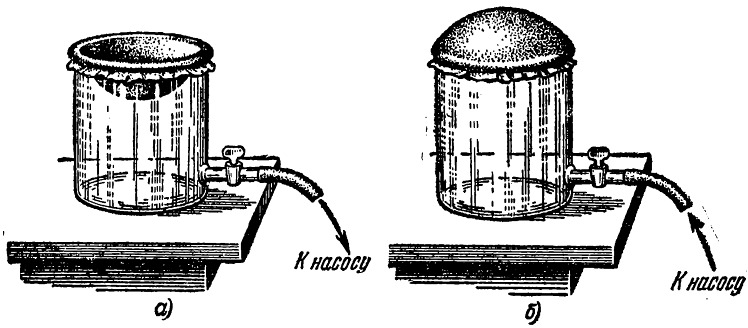


Рис. 279. *а*) Если из банки выкачивают воздух, пленка прогибается внутрь. *б*) Если в банку нагнетают воздух, пленка выгибается наружу.

разное давление; если давления одинаковы, то пленка остается плоской.

Теперь понятно, почему атмосферное давление не ощущается человеком и животными. Ткани, кровеносные сосуды и стенки других полостей тела подвергаются наружному давлению атмосферы, но кровь и другие жидкости и газы, заполняющие эти полости, сжаты до такого же давления. Поэтому упругая стенка какой-нибудь артерии подвергается одинаковому давлению и изнутри, и снаружи и не деформируется.

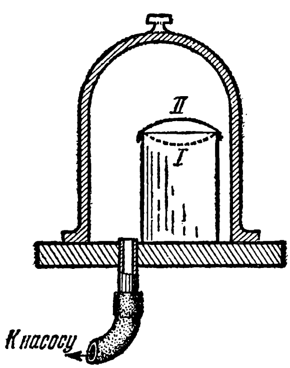


Рис. 280. При выкачивании воздуха из-под колокола пленка, затягивающая банку с воздухом, переходит из положения *I* в положение *II*.

Подобное же взаимное уравновешивание давлений имеет место и в жидкости, что легко наблюдать на глубоководных рыбах. Известны рыбы, живущие на глубине нескольких километров под поверхностью океана, где давление окружающей воды достигает сотен атмосфер. Но каждая клеточка их тканей содержит газы и жидкости, сжатые до того же давления, и потому ни одна часть их тела не испытывает односторонних сил, которые могли бы произвести разрушения. Иногда удается вылавливать этих рыб из глубины океана специальными сетями, подвешенными на длинном тросе. Внутренние полости этих рыб, вытащенных на поверхность, всегда оказываются разорванными изнутри: в слоях воды, близких к поверхности моря, где наружное давление меньше, газы, растворенные в крови и жидкости клеточек рыбы, выделяются и разрывают своим большим давлением ткани рыбы (ср. § 158).

Упражнение. **169.1.** Почему мы приписываем разрушение тканей газам, выделяющимся из жидкости, а не давлению самой жидкости?

§ 170. Другие опыты, показывающие существование атмосферного давления. Закроем стеклянную банку с отшлифованным краем тонкой стеклянной пластинкой и начнем выкачивать воздух из банки[1]) (рис. 281). Стеклянная пластинка плотно прижмется внешним давлением к банке и, если продолжать выкачивание, будет раздавлена разностью давлений снаружи и изнутри банки.

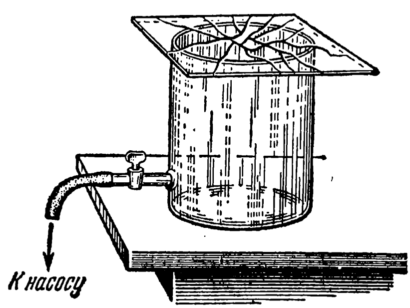


Рис. 281. Избыток наружного давления над внутренним продавливает стеклянную пластинку.

Одним из первых экспериментов, произведенных для доказательства существования давления воздуха, был знаменитый опыт с «магдебургскими полушариями», выполненный немецким физиком Отто фон Герике в 1654 г. (в г. Магдебурге). Он выкачал воздух из двух сложенных вместе медных полушарий, и давление наружного воздуха прижало полушария друг к другу настолько сильно, что их не могли разорвать две упряжки лошадей (рис. 282). Конечно, роль второй упряжки мог бы играть прочный столб, к которому было бы прикреплено одно из полушарий. На рис. 283 представлено видоизменение опыта Герике с подвешенным грузом.

[1]) Края банки следует смазать жиром, чтобы наружный воздух не мог просачиваться внутрь.

Рис. 282. Гравюра из книги Герике «Новые магдебургские опыты». Разрывание полушарий лошадиными упряжками.

Рис. 283. Гравюра из книги Герике «Новые магдебургские опыты». Разрывание полушарий подвешенным грузом.

В медицине иногда употребляют пневматические банки, состоящие из стаканчика с резиновым баллоном (рис. 284). Сожмем рукой баллон, вытеснив из него воздух, и приложим стаканчик к коже. Если теперь отпустить резиновый баллон, то вследствие своей упругости он снова примет шарообразную форму, внутренний объем банки увеличится, и давление оставшегося в банке воздуха упадет. Банка плотно прижмется к коже давлением наружного воздуха. Кожа под банкой сильно краснеет; на ней остается синяк. Кровь, имеющая в теле атмосферное давление, притекает к месту с меньшим давлением. В этом местном притоке крови и состоит назначение банки. При этом воздух, растворенный в крови, расширяясь при уменьшении давления, разрывает мелкие кровеносные сосуды, образуя кровоподтек.

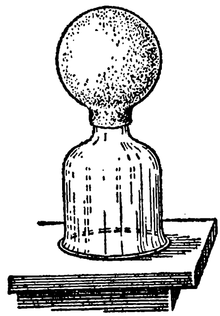


Рис. 284. Медицинская пневматическая банка.

Если надавить кожу у края банки и дать доступ наружному воздуху, то давление изнутри и снаружи сравняется и банка сама отпадет.

§ 171. Разрежающие насосы. В физике и технике очень большое значение имеет возможно более полное удаление газа из замкнутых сосудов («вакуумная техника»). Иными словами, физиков и техников интересует получение весьма разреженного газа, имеющего ничтожное давление сравнительно с атмосферным давлением.

Для получения разрежения газа можно воспользоваться *поршневым насосом* с клапанами (рис. 285). Однако технически гораздо удобнее насосы, в которых понижение давления в отсасывающей камере осуществляется не путем поступательного движения поршня, а при вращении. Такое устройство имеют так называемые *вращательные* (*ротационные*) *насосы* (рис. 286).

В металлической круглой коробке K вращается вокруг оси, не совпадающей с осью коробки, цилиндр A. К цилиндру A плотно прилегает подвижная пластинка M, проходящая через прорезь в коробке K и соединенная с шатуном N. Пластинка M разделяет отсеки v и v_1, заключенные между пластинкой, внутренней стенкой коробки K и наружной поверхностью цилиндра A.

При вращении цилиндра по стрелке, как показано на рис. 286, объем отсека v_1, вначале равный нулю (когда цилиндр закрывает отверстие канала C), увеличивается, давление воздуха в нем уменьшается, и через канал C, соединенный с откачиваемым объемом, в отсек засасывается некоторая порция воздуха. В то же время объем отсека v, соединенного с выходным каналом D, уменьшается, давление воздуха в нем увеличивается, и воздух выходит наружу. Таким образом, при вращении цилиндра A все новые и новые порции воздуха засасываются через C и выталкиваются через D. Так как цилиндр делает несколько сот оборотов в минуту (его обычно вращают электромотором), то насос ведет откачку очень быстро. При хорошей пригонке частей он может понизить давление в откачиваемом сосуде до 0,001 *мм* рт. ст. Места соприкосновения внут-

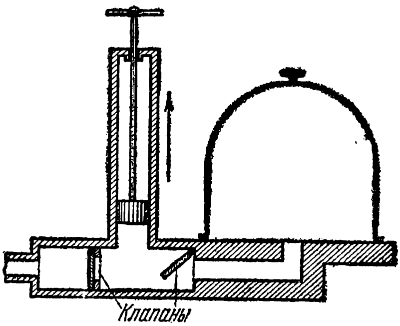


Рис. 285. Поршневой воздушный насос.

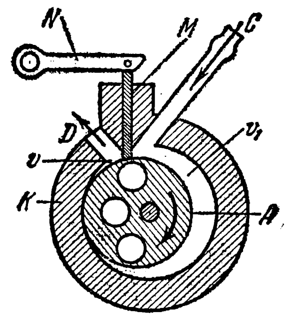


Рис. 286. Вращательный воздушный насос.

ренней поверхности коробки K с пластинкой M и цилиндром A должны хорошо смазываться. Качество масла и система подачи его в насос существенным образом определяют работу насоса. Поэтому насосы этого типа нередко называют вращательными масляными насосами. Для получения гораздо больших разрежений (около миллионной миллиметра рт. ст.) в настоящее время применяются насосы, действующие по совершенно иному принципу (так называемые диффузионные насосы, см. дальше § 305).

§ 172. Влияние атмосферного давления на уровень жидкости в трубке. Возьмем в рот соломинку или стеклянную трубочку и, погрузив конец ее в воду, начнем втягивать в себя воздух. Вода начнет подниматься по трубочке; легко можно напиться через соломинку.

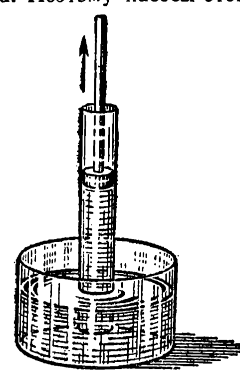


Рис. 287. Вода поднимается вслед за поршнем.

Вместо того, чтобы втягивать воздух легкими, будем поднимать в трубке плотно притертый поршень. Мы увидим, что вода будет подниматься вслед за поршнем, заполняя трубку (рис. 287).

Наполним бутылку водой, заткнем ее пробкой и, опрокинув бутылку в воду горлышком книзу, откроем пробку (рис. 288). Вода не будет выливаться из бутылки. Вместо бутылки можно взять трубку с краном в верхней части: пока кран закрыт, вода из нее также не будет выливаться (рис. 289). Достаточно, однако, открыть кран трубки, чтобы столб воды упал до общего уровня воды в сосуде; место столба воды займет воздух, вошедший через кран.

Все эти опыты объясняются существованием атмосферного давления.

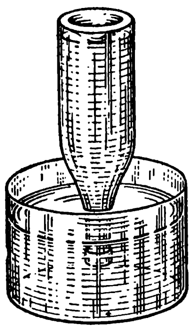


Рис. 288. Вода не выливается из открытой бутылки, опрокинутой горлышком в воду.

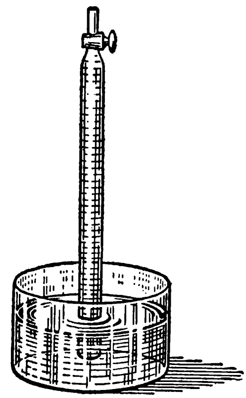


Рис. 289. Пока кран закрыт, вода из трубки не выливается. При открывании крана уровень воды в трубке падает до уровня воды в сосуде.

В самом деле, что происходит, когда мы начинаем всасывать воздух из трубки, погруженной в чашку с водой? Над трубкой остается разреженный воздух; значит, давление производимое им на поверхность воды в трубке, становится меньше атмосферного. Но на поверхность воды в чашке продолжает действовать полное атмосферное давление; разность давлений и вгоняет воду в трубку. До какой высоты будет подниматься вода в трубке? Вес поднявшегося столба воды создает дополнительное давление; когда это давление, сложенное с давлением оставшегося в трубке воздуха, станет равным атмосферному, вода перестанет подниматься. При этом давление внутри трубки внизу, на уровне свободной поверхности воды в чашке, будет как раз равно атмосферному давлению, т. е. будет выполнено известное нам условие равновесия жидкости: во всех точках, лежащих в одной горизонтальной плоскости, давление одно и то же (§ 152).

Так как своими легкими мы не можем создать большого разрежения воздуха, то этим способом нам удастся поднять воду в трубке лишь на небольшую высоту — примерно на 30—50 *см*.

Так же ясно, почему не выливается вода из опрокинутой бутылки или трубки в описанных опытах: давлением воздуха на поверхность воды в сосуде вода прижата к дну бутылки или к крану трубки, так как сверху на воду в бутылке или в трубке давление воздуха не действует. Когда мы открываем кран трубки, атмосферное давление начинает действовать и на верхний конец столба воды в трубке — столб более не поддерживается разностью давлений и падает до уровня воды в сосуде.

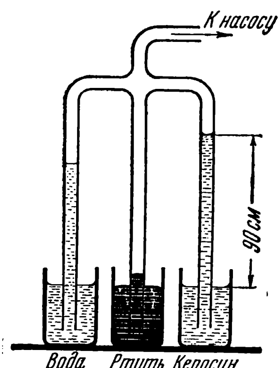


Рис. 290. К упражнению 172.1.

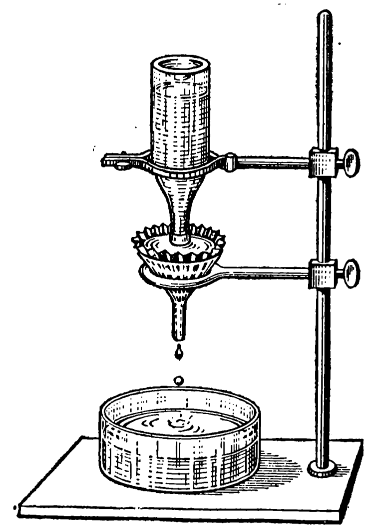


Рис. 291. К упражнению 172.2.

Упражнения. **172.1.** Разветвленная трубка присоединена к всасывающему насосу, а своими отростками погружена в чашки с различными жидкостями (рис. 290). В отростке, погруженном в керосин, высота столба жидкости равна 90 *см*. Определите высоту столба в других трубках (удельный вес керосина 0,81 $\textit{Г/см}^3$, ртути 13,6 $\textit{Г/см}^3$).

172.2. В химических лабораториях для поддержания уровня жидкости в фильтровальной воронке на одной высоте употребляют устройство, изображенное на рис. 291. Уровень жидкости в фильтре все время держится на высоте около горлышка бутылки, и фильтр может работать без присмотра. Объясните действие прибора.

§ 173. Максимальная высота столба жидкости. Разберем подробнее опыт с поршнем, всасывающим воду в трубке. В начале опыта (рис. 292) вода в трубке и в чашке находится на одном уровне *ММ* и поршень касается воды своей нижней поверхностью. Вода прижимается к поршню снизу внешним атмосферным давлением, действующим на поверхность

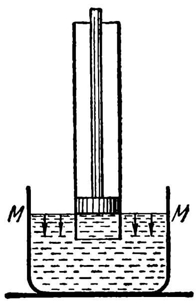


Рис. 292. Засасывание воды в трубку. Начало опыта: поршень находится на уровне воды в чашке.

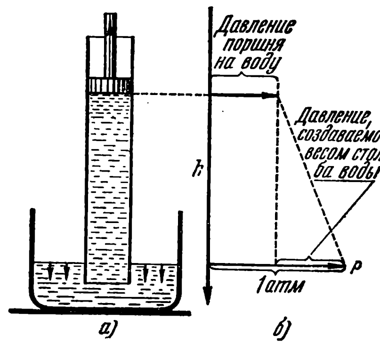


Рис. 293. *а*) То же, что и на рис. 292, но при поднятом поршне. *б*) График давления.

воды в чашке. Сверху на поршень (будем считать его невесомым) также действует внешнее атмосферное давление. Со своей стороны поршень, по закону равенства действия и противодействия, действует на воду в трубке, оказывая на нее давление, равное внешнему атмосферному давлению, действующему на поверхность воды в чашке.

Поднимем теперь поршень на некоторую высоту; для этого к нему придется приложить силу, направленную вверх (рис. 293, *а*). Внешнее атмосферное давление вгонит воду в трубку вслед за поршнем; теперь столб воды будет касаться поршня, прижимаясь к нему с меньшей силой, т. е. оказывать на него меньшее давление, чем раньше. Соответственно и противодействующее давление поршня на воду в трубке будет меньше. Внешнее атмосферное давление, действующее на поверхность воды в чашке, будет при этом уравновешиваться давлением поршня, сложенным с давлением, создаваемым весом водяного столба, поднятого в трубке.

На рис. 293, *б* показан график давления в поднявшемся столбе воды в трубке. Поднимем поршень на большую высоту—вода тоже поднимется, следуя за поршнем, и водяной столб удлинится. Давление, вызванное весом столба, увеличится; следовательно, давление поршня на верхний конец столба уменьшится, так как оба эти давления в сумме по-прежнему должны давать атмосферное давление. Теперь вода будет с еще меньшей силой прижата к поршню. Для удержания поршня на месте придется теперь приложить бо́льшую силу: при поднятии поршня давление воды на нижнюю поверхность поршня будет все в меньшей степени уравновешивать атмосферное давление на его верхнюю поверхность.

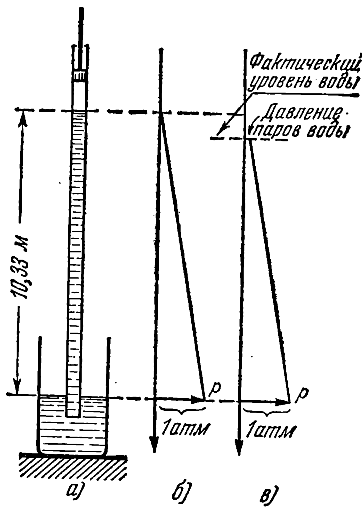


Рис. 294. *а*) То же, что на рис. 293, но при поднятии поршня выше предельной высоты (10,33 *м*). *б*) График давления для такого положения поршня. *в*) В действительности столб воды не достигает полной высоты, так как пары воды имеют при комнатной температуре давление около 200 *мм* рт. ст. и соответственно понижают верхний уровень столба. Поэтому истинный график имеет срезанную верхушку. Для наглядности величина давления паров воды преувеличена.

Что произойдет, если, взяв трубку достаточной длины, поднимать поршень все выше и выше? Давление воды на поршень будет делаться все меньше и меньше; наконец давление воды на поршень и давление поршня на воду обратятся в нуль. При этой длине столба давление, вызванное весом воды в трубке, будет равно атмосферному. Расчет, который мы приведем в следующем параграфе, показывает, что высота столба воды должна быть при этом равна 10,33 *м* (при нормальном атмосферном давлении). При дальнейшем поднятии поршня уровень водяного столба уже не будет повышаться, так как внешнее давление не в состоянии уравновесить более высокий столб: между водой и нижней поверхностью поршня будет оставаться пустое пространство (рис. 294, *а*). На рис. 294, *б* показан соответственный график давления.

В действительности это пространство не будет вполне пустым: оно будет заполнено воздухом, выделившимся из воды, в которой всегда есть немного растворенного воздуха; кроме того, в этом пространстве будет и водяной пар. Поэтому давление в пространстве между поршнем и водяным столбом не будет в точности равно нулю, и это давление будет несколько понижать высоту столба (рис. 294, *в*).

Описанный опыт очень громоздок из-за большой высоты столба воды. Если бы этот опыт повторить, заменив воду ртутью, то высота столба получилась бы значительно меньшей. Однако вместо трубки с поршнем гораздо удобней пользоваться устройством, описанным в следующем параграфе.

Упражнение. **173.1.** На какую максимальную высоту всасывающий насос может поднять ртуть в трубке, если атмосферное давление равно 950 *Г*/*см*^{2}?

§ 174. Опыт Торичелли, ртутный барометр и барометр-анероид. В 1643 г. по предложению итальянского физика Евангелисты Торичелли (1608—1647) был произведен следующий опыт. Стеклянную трубку длиной около 1 *м*, запаянную с одного конца, наполняют ртутью. Отверстие трубки закрывают пальцем, чтобы ртуть не вылилась, и трубку опускают в вертикальном положении отверстием вниз в сосуд с ртутью. Если теперь отнять палец от отверстия трубки, то столб ртути упадет до высоты около 760 *мм* над уровнем ртути в сосуде (рис. 295).

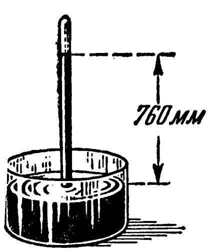


Рис. 295. Трубка Торичелли.

Пользуясь рассуждениями предыдущего параграфа, легко объяснить этот опыт. На свободную поверхность ртути в сосуде действует атмосферное давление. Так как после опускания ртути в трубке над ртутью остается пустота, то давление столба ртути, создаваемое внутри трубки на уровне поверхности ртути в сосуде, должно равняться атмосферному давлению. Поэтому взятая в миллиметрах высота столба над свободной поверхностью ртути прямо измеряет давление атмосферы в миллиметрах рт. ст. Таким образом, трубка Торичелли может служить для измерения давления атмосферы. Она играет роль «барометра». Практически конструкция ртутного барометра более сложна (рис. 296).

Итак, наш опыт показывает, что атмосферное давление составляет около 760 *мм* рт. ст. Так как 1 *мм* рт. ст. = = 13,6 *мм* вод. ст. (§ 144), то атмосферное давление равно 760·13,6 *мм* вод. ст. = 10330 *мм* вод. ст. = = 1033 $\Gamma/см^2$ = 1,033 $к\Gamma/см^2$.

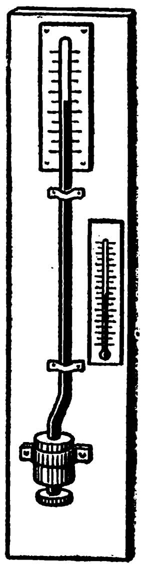


Рис. 296. Ртутный барометр.

Таким образом, атмосферное давление равно давлению столба воды высотой больше 10 *м*.

Пространство над столбом ртути в трубке в опыте Торичелли называют «*торичеллиевой пустотой*». Конечно, это не абсолютная пустота: в этом пространстве имеются пары ртути; своим давлением они немного понижают столб ртути в трубке. Однако практически этим можно пренебречь, так как давление паров ртути при комнатной температуре ничтожно.

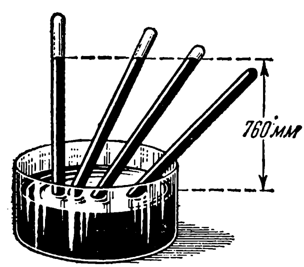


Рис. 297. При наклонении трубки Торичелли уровень ртути остается на одной и той же высоте.

Будем придавать трубке в опыте Торичелли различные наклоны (рис. 297). Мы увидим, что конец столба ртути при изменении наклона остается на той же высоте над свободной поверхностью ртути, хотя длина столба становится при наклоне больше. Это объясняется тем, что, как мы уже знаем, давление зависит лишь от высоты столба жидкости, отсчитанной по вертикали. При достаточном наклоне трубки ртуть заполняет ее всю; это указывает на отсутствие воздуха в трубке.

При изменении атмосферного давления меняется и высота столба ртути в трубке. При увеличении давления столбик удлиняется—«барометр поднимается». При уменьшении давления «барометр падает»—столб ртути уменьшает свою высоту.

Давление атмосферы можно измерять таким же *мембранным манометром*, каким мы пользовались для жидкостей (рис. 298). Для повышения точности измерения из коробки K манометра выкачивается часть воздуха; мембрана M оттягивается наружу пружиной L. Мембрана обычно делается волнистой для повышения ее гибкости.

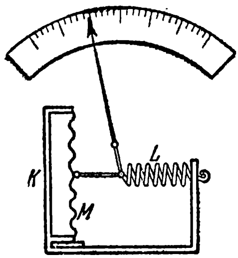


Рис. 298. Схема устройства мембранного манометра для газов.

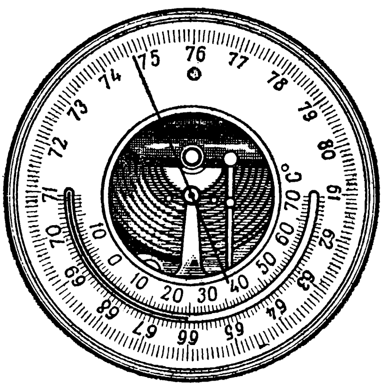


Рис. 299. Барометр-анероид.

Мембранные манометры для измерения атмосферного давления называют *барометрами-анероидами* (рис. 299). Анероиды градуируются и выверяются по ртутному барометру. Они менее надежны, чем ртутный барометр, так как имеют пружины и мембраны, которые с течением времени могут вытягиваться или изменять свою упругость. Зато анероид—прибор гораздо более удобный в обращении, чем ртутный барометр, содержащий жидкость. Поэтому анероиды получили очень большое распространение в тех случаях, когда не требуется очень большой точности. При достаточно частой сверке с ртутным барометром они дают надежные показания.

Упражнения. **174.1.** Как нужно изменить шкалу барометрической трубки, наклоненной под углом 60° к вертикали, чтобы отсчет можно было производить в миллиметрах рт. ст.? Какой длины нужно будет взять трубку?

174.2. Цилиндрический сосуд, площадь основания которого равна 80 *см*^{2}, весит 10 *кГ*. Сосуд накрывается крышкой. При выкачивании воздуха из сосуда крышка прижимается к сосуду атмосферным давлением. Если воздух откачан до давления в 50 *мм* рт. ст., то какой груз нужно привесить к сосуду, чтобы оторвать его от крышки?

§ 175. Распределение атмосферного давления по высоте. Давление воздуха в одной и той же точке земной поверхности не остается постоянным, но меняется в зависимости от различных процессов, происходящих в атмосфере. За «нормальную» величину атмосферного давления условно принято давление в 760 *мм* рт. ст. Это давление называют *физической атмосферой*, в отличие от технической атмосферы (1 *кГ/см*^{2}), соответствующей 735 *мм* рт. ст. Физическая атмосфера равна, как мы видели, 1,033 *кГ/см*^{2}.

Давление воздуха на уровне моря во всех пунктах земного шара близко в среднем к одной физической атмосфере. Поднимаясь вверх от уровня моря, мы заметим, что давление воздуха уменьшается; соответственно убывают его плотность и удельный вес: воздух становится все более и более разреженным. Если открыть на вершине горы сосуд, который был плотно закупорен в долине, то часть воздуха из него выйдет. Наоборот, в сосуд, закупоренный на вершине, войдет некоторое количество воздуха, если его открыть у подножья горы.

На высоте около 5,5—6 *км* давление и плотность воздуха уменьшаются примерно вдвое.

Каждой высоте поднятия соответствует определенное давление воздуха; поэтому, измеряя (например, при помощи анероида) давление в данной точке на вершине горы или в корзине аэростата и зная, как изменяется атмосферное давление с высотой, можно определить высоту горы или высоту поднятия воздушного шара.

Чувствительность обычного анероида настолько велика, что стрелка указателя заметно передвигается, если поднять анероид на 2—3 *м*. Поднимаясь или опускаясь по лестнице с анероидом в руках, легко заметить постепенное изменение давления. Такой опыт удобно произвести на эскалаторе станции метро.

Часто градуируют анероид непосредственно на высоту поднятия. Тогда положение стрелки прямо указывает высоту, на которой находится прибор. Такие анероиды называют *альтиметрами* (рис. 300). Ими снабжают самолеты;

они позволяют летчику непрерывно следить за высотой своего полета.

Убывание давления воздуха при поднятии объясняется так же, как и убывание давления в морских глубинах при поднятии от дна к поверхности. Воздух на уровне моря сжат весом всей атмосферы Земли, а более высокие слои атмосферы сжаты весом только того воздуха, который лежит выше этих слоев. Вообще изменение давления от точки к точке в атмосфере или в любом другом газе, находящемся под действием силы тяжести, подчиняется тем же законам, что и

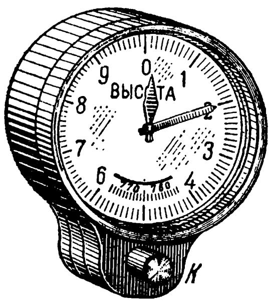


Рис. 300. Самолетный альтиметр. Длинная стрелка отсчитывает сотни метров, короткая — километры. Головка K позволяет подводить нуль циферблата под стрелку на поверхности Земли перед началом полета.

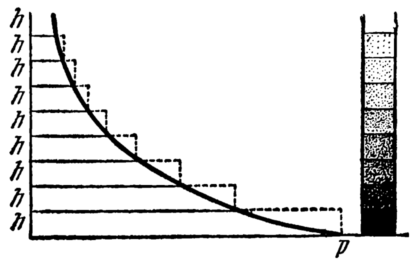


Рис. 301. Построение графика убывания давления с высотой. В правой части изображены столбики воздуха одинаковой толщины, взятые на разной высоте. Гуще заштрихованы столбики более сжатого воздуха, имеющие больший вес.

давление в жидкости: давление одинаково во всех точках горизонтальной плоскости; при переходе снизу вверх давление уменьшается на величину, равную весу столба воздуха с высотой, равной высоте перехода, и с поперечным сечением площадью в одну единицу.

Однако, вследствие большой сжимаемости газов, общая картина распределения давления по высоте в атмосфере оказывается совсем другой, чем для жидкостей.

В самом деле, построим график убывания давления воздуха с высотой. По оси ординат будем откладывать высоты h, $2h$, $3h$ и т. д. над каким-нибудь уровнем (например, над уровнем моря), а по оси абсцисс — соответственное давление p (рис. 301).

При переходе от уровня моря к высоте h, от высоты h к высоте $2h$ и т. д. нужно из величины давления на данном уровне вычесть давление, обусловленное весом столба воздуха высотой h. Но на малой высоте воздух плотнее, чем на большой. Поэтому вес столба воздуха высотой h вблизи земли больше, чем на высоте, а значит, и уменьшение давления при подъеме на ту же величину h больше у земли, чем в верхних слоях воздуха. Таким образом, при подъеме вверх давление будет убывать неравномерно: на малой высоте, где плотность воздуха больше, давление убывает быстро; чем выше, тем меньше плотность воздуха и тем медленнее уменьшается давление.

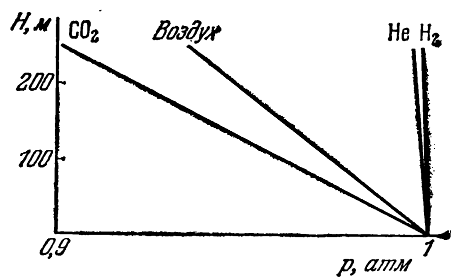


Рис. 302. График изменения давления p с высотой H для разных газов.

В нашем рассуждении мы считали, что давление во всем слое толщины h одно и то же; поэтому мы получили на графике ступенчатую линию, изображенную пунктиром. Но, конечно, убывание плотности при подъеме на какую-нибудь определенную высоту происходит не скачками, а непрерывно; поэтому в действительности график имеет вид плавной линии (сплошная линия на графике).

Таким образом, в отличие от прямолинейного графика давления для жидкостей, закон убывания давления в атмосфере изображается кривой линией.

Для небольших по высоте объемов воздуха (комната, воздушный шар) достаточно пользоваться маленьким участком графика; в этом случае криволинейный участок можно без большой ошибки заменить прямым отрезком, как и для жидкости. В самом деле, при малом изменении высоты плотность воздуха меняется незначительно.

Если имеется некоторый объем какого-либо газа, отличного от воздуха, то в нем давление также убывает снизу вверх. Для каждого газа можно построить соответствующий график. Ясно, что при одинаковом давлении внизу давление будет убывать с высотой быстрее для тяжелых газов и медленнее для легких, так как столбик тяжелого газа весит больше, чем столбик легкого газа той же высоты. На рис. 302

построены такие графики для нескольких газов. Графики продолжены до небольшой высоты, поэтому они изображены прямыми отрезками.

Упражнение. 175.1. Г-образная трубка, длинное колено которой открыто, наполнена водородом (рис. 303). Куда будет выгнута резиновая пленка, закрывающая короткое колено трубки?

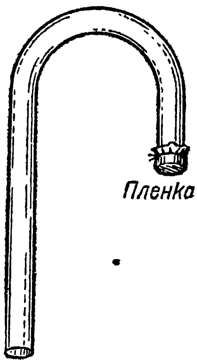


Рис. 303. К упражнению 175.1.

§ 176. Физиологическое действие пониженного давления воздуха. Поднимаясь на горы, человек попадает в область пониженного давления воздуха; на значительной высоте понижение давления приводит к целому ряду болезненных явлений, получивших название горной болезни.

Самым важным обстоятельством является нехватка кислорода; при каждом вдохе в легкие человека попадает определенный объем воздуха; чем более разрежен воздух, тем меньшая масса его и, значит, тем меньшая масса его составной части — кислорода — попадает в легкие при каждом вдохе. При умеренной высоте поднятия это отчасти компенсируется учащением дыхания; при дальнейшем поднятии становится необходимым применение кислородных приборов, дающих возможность дышать запасенным чистым кислородом.

Особенно важное значение имеет применение кислородных приборов в высотной авиации.

На больших высотах, достигаемых в настоящее время стратостатами и самолетами, искусственное питание организма чистым кислородом уже не достигает цели. На таких высотах человек может существовать лишь в герметически закрытой кабине, в которую нагнетают до достаточного давления наружный разреженный воздух.

На высотах, достигаемых искусственными спутниками Земли, атмосфера практически отсутствует. Поэтому снабжать воздухом закрытые кабины спутников можно только из взятого с собой запаса сжатого воздуха или кислорода.

§ 177. Закон Архимеда для газов. На поверхность твердого тела, погруженного в газ, действуют силы давления газа, равнодействующая которых направлена вверх. Это поддерживающая сила газа. Точно так же, как мы это сделали в главе о жидкостях (§ 160), можно доказать, что *поддерживающая сила газа равна весу газа в объеме погруженного в газ тела.*

Возникновение этой силы объясняется, так же как и для жидкостей, тем, что нижние слои газа сжаты сильнее, чем верхние, и поэтому давление на нижнюю часть тела больше, чем на его верхнюю часть.

Обнаружить существование поддерживающей силы в газе можно так. Поместим под колокол воздушного насоса подвешенный рычаг, на одном конце которого укреплен большой полый стеклянный шар, а на другом — уравновешивающая его маленькая гирька (рис. 304). Выкачивая воздух из-под колокола, увидим, что равновесие рычага нарушится и шар начнет опускаться. Это объясняется тем, что при выкачивании воздуха устраняется поддерживающая сила: вес тела в пустоте больше веса тела в воздухе. Так как для большого шара она больше, чем для гирьки, то после удаления воздуха шар перевешивает гирьку. Поддерживающую силу воздуха приходится принимать во внимание при точном определении массы тела путем взвешивания, вводя соответственную поправку как для взвешиваемого тела, так и для гирек.

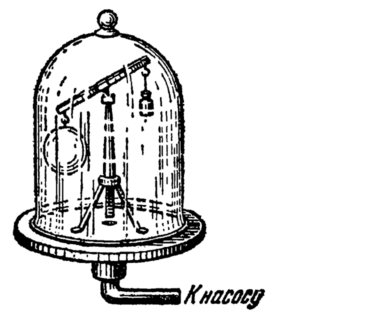


Рис. 304. При откачивании воздуха из-под колокола шар перетягивает гирьку.

Упражнения. **177.1.** Удельный вес человеческого тела можно принять равным 1 *Г/см*^{3}. Насколько поддерживающая сила воздуха уменьшает вес человека, если в воздухе он весит 77,1 *кГ*?

177.2. Нужно ли вводить поправку на поддерживающую силу воздуха при точном взвешивании куска латуни, если гирьки сделаны тоже из латуни?

§ 178. Воздушные шары и дирижабли. Полет воздушного шара или дирижабля в воздухе напоминает плавание подводной лодки под водой. Если вес всего летательного аппарата, сложенный с весом газа, заполняющего оболочку, меньше веса воздуха в объеме, вытесняемом аппаратом, то шар поднимается вверх; если эти веса равны, шар неподвижно висит в воздухе; если вес аппарата с газом больше веса вытесняемого воздуха, шар опускается. Таким образом, для возможности полета вес самого летательного аппарата без газа должен быть меньше или в крайнем случае равен разности весов легкого газа, заполняющего оболочку, и воздуха в том же объеме.

Хотя, как мы видим, закон Архимеда для газов объясняет полет воздушного шара, поддерживающая сила возникает здесь не так, как в случае твердого тела. В самом деле, рассмотрим подробнее, какие силы действуют на оболочку воздушного шара, наполненного легким газом, например водородом. Нижнюю часть оболочки воздушного шара оставляют открытой (рис. 305); давление водорода у нижнего отверстия равно давлению воздуха. Давление воздуха и давление водорода уменьшаются при поднятии вверх; значит, как давление воздуха, так и давление водорода на разных участках оболочки будут меньше, чем давление у нижнего отверстия; но, как мы видели (§ 175), давление более легкого водорода убывает при поднятии вверх медленнее, чем давление воздуха. Поэтому на оболочку изнутри будет действовать большее давление, причем наибольшая разница давлений водорода и воздуха получится в верхней части оболочки. Следовательно, сила, действующая на купол оболочки изнутри и направленная снизу вверх, будет больше силы, действующей снаружи и направленной сверху вниз; разность между этими силами и уравновесит вес шара, т. е. оболочки, корзины и груза. Таким образом, поддерживающая сила создается здесь не благодаря разности давлений на нижнюю и верхнюю части тела (как в случае твердого тела), а благодаря разности давлений изнутри и снаружи на верхнюю часть оболочки.

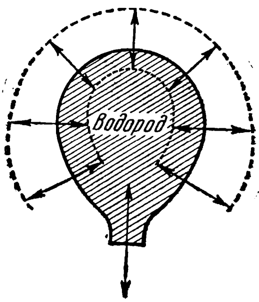


Рис. 305. Стрелки, идущие внутрь шара, изображают силы давления наружного воздуха на оболочку; стрелки, идущие наружу,— силы давления газа, наполняющего оболочку.

В начале полета шар наполнен водородом настолько, что поддерживающая сила превосходит силу тяжести: вес вытесняемого воздуха больше веса шара вместе с весом заполняющего его газа, и шар летит вверх. Когда шар достигает слоев воздуха с меньшим давлением, водород расширяется и часть его может выйти через нижнее отверстие наружу. Таким образом, на высоте уменьшается и наружное давление воздуха, и давление водорода внутри шара; уменьшается и равнодействующая сил этих давлений, т. е. поддерживающая сила.

Наконец на некоторой высоте шар останавливается в равновесии — «вывешивается». Вес вытесняемого воздуха на этой высоте как раз равен весу шара с находящимся в нем газом. Для того чтобы опуститься на землю, следует выпустить из оболочки часть газа, уменьшив таким образом вытесняемый объем воздуха. Для этого в верхней части баллона имеется клапан, который можно открыть при помощи веревки из корзины шара. При открывании клапана газ, имеющий, как мы видели, большее давление, чем окружающий воздух, выходит наружу. Клапан в нижней части оболочки не достигал бы цели, так как давления водорода и воздуха здесь одинаковы.

Первые воздушные шары, «монгольфьеры», изобретенные в 1783 г. во Франции братьями Монгольфье, наполнялись горячим воздухом. Газы расширяются при нагревании; поэтому вес нагретого воздуха в шаре меньше веса вытесненного холодного воздуха. Но уменьшение удельного веса невелико: при нагревании от 0 до 100° С — всего на 27%. Таким образом, на вес оболочки, корзины, экипажа и полезного груза приходится в монгольфьере всего 27% веса воздуха, вытесняемого оболочкой. Поэтому даже очень большие шары-монгольфьеры имели малую поддерживающую силу.

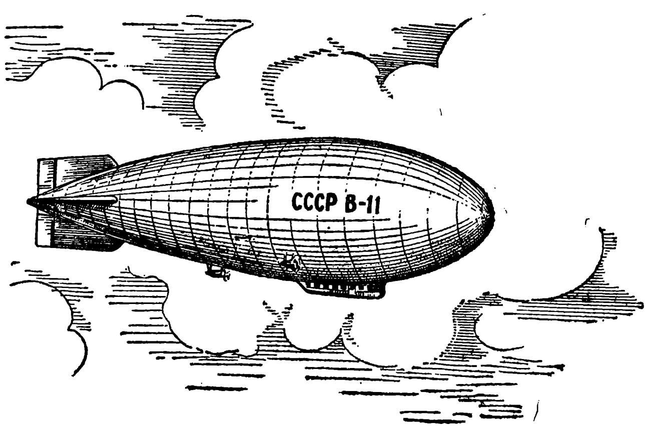


Рис. 306. Дирижабль.

Вскоре после изобретения монгольфьеров французский физик Жак Шарль (1746—1823) предложил наполнять воздушные шары водородом, удельный вес которого в 14 раз меньше удельного веса воздуха. Водородный воздушный шар имеет гораздо бо́льшую поддерживающую силу, чем монгольфьер такого же размера.

Важный недостаток водородных аэростатов — горючесть водорода, образующего с воздухом взрывчатую смесь. Поэтому, когда были открыты большие природные источники негорючего легкого газа гелия, то воздушные шары и дирижабли стали иногда заполнять гелием. Наполнив шар гелием вместо водорода, мы утяжелим шар на $^1/_{14}$ его полного веса. На эту величину уменьшится вес полезного груза. На вес оболочки, корзины, экипажа и полезного груза приходится в водородном шаре $^{13}/_{14}$, а в гелиевом — $^{6}/_{7}$ веса вытесняемого воздуха. Добавочный вес заметно уменьшает высоту, на которой шар данного размера «вывесится», т. е. понижает «потолок» шара. Поэтому огромные воздушные шары, предназначенные для полетов на большие высоты (стратостаты), наполняются водородом.

В начале XX в. были произведены первые практические опыты с управляемыми воздушными шарами — дирижаблями, снабженными двигателями и воздушными винтами. Во время мировой войны 1914—1918 гг. дирижабли играли уже значительную роль. Однако дирижабли не могут конкурировать по надежности, простоте управления и скорости с самолетами.

Дирижаблю придается удлиненная «обтекаемая» форма, чтобы сопротивление воздуха при поступательном движении было возможно меньшим (рис. 306). Некоторые типы дирижаблей имеют металлический каркас («цеппелины»). Другие типы дирижаблей сохраняют свою форму благодаря тому, что давление газа внутри оболочки поддерживается все время несколько бо́льшим, чем наружное атмосферное давление. Главное преимущество дирижаблей по сравнению с самолетами — способность неподвижно висеть в воздухе и подниматься и опускаться по вертикали, не работая при этом моторами.

Упражнение. **178.1.** Вес оболочки, корзины и снаряжения воздушного шара объемом 1500 $м^3$ равен 800 *кГ*. Какой груз может поднять шар при заполнении его водородом ($\gamma_{вод}=0,09$ *Г/л*), гелием ($\gamma_{гел}=$ $=0,18$ *Г/л*)? Удельный вес воздуха $\gamma_{возд}=1,29$ *Г/л*.

§ 179. Применение сжатого воздуха в технике. В строительной, судостроительной и горной промышленности и в других областях техники широко применяют пневматические инструменты, т. е. инструменты, приводимые в

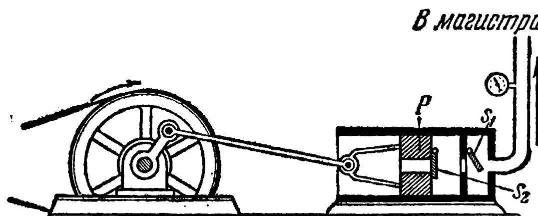


Рис. 307. Схема устройства компрессора.

движение сжатым воздухом. На всяком большом заводе применяют пневматические молотки и сверла; в шахтах пользуются пневматическими отбойными молотками.

Каждый такой инструмент присоединяется резиновым шлангом к магистрали — трубе, в которую непрерывно накачивается воздух с центральной компрессорной станции. Простейшая схема нагнетательного насоса-компрессора показана на рис. 307. При вращении маховика поршень P движется в цилиндре вправо и влево. При движении поршня вправо сжатый воздух открывает клапан s_1 и нагнетается в магистраль; при движении влево новая порция воздуха засасывается в цилиндр из атмосферы, причем клапан s_1 закрывается, а клапан s_2 открывается.

Для измерения давления сжатого воздуха или других газов применяются манометры следующего устройства (рис. 308). Полая металлическая трубка L овального сечения, изогнутая в виде кольца, прикрепляется открытым концом I к доске прибора. Закрытый конец II трубки соединен со стрелкой прибора. Открытый конец соединяют с сосудом, давление газа в котором нужно измерить. Чем больше давление входящего в трубку газа, тем больше распрямляется трубка L и тем больше отклоняется стрелка. Обычно положение стрелки, соответствующее атмосферному давлению, отмечается нулем на шкале. Тогда манометр показывает, насколько измеряемое давление превышает атмосферное: показания прибора дают так называемое «избыточное давление». Такие манометры употребляют, например, для измерения давления пара в паровых котлах.

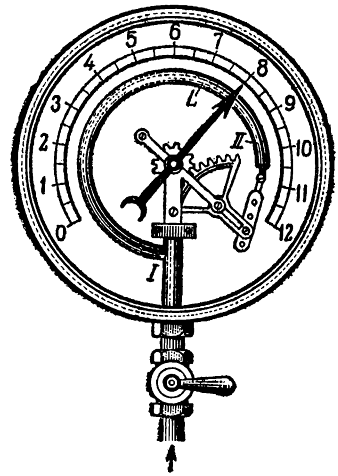


Рис. 308. Устройство манометра для больших давлений.

Укажем еще несколько применений сжатого воздуха.

1) Воздушные (пневматические) тормоза широко применяют на железных дорогах, в трамвае, троллейбусах, метро, автомашинах. В пневматических тормозах на поездах тормозные колодки P прижимаются к бандажам колес сжатым воздухом, находящимся в резервуаре R, расположенном под вагоном (рис. 309). Управление тормозами производится при помощи изменения давления воздуха в магистральной трубе, которая соединяет вагоны с главным резервуаром

сжатого воздуха, находящимся на паровозе и наполняемом компрессором. Управление устроено так, что при уменьшении давления в магистрали распределительный кран K соединяет

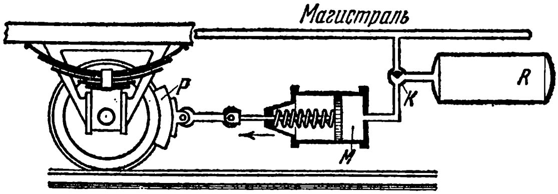


Рис. 309. Схема устройства воздушного тормоза на поездах железной дороги.

резервуар R с тормозным цилиндром M и тем самым осуществляет торможение. Уменьшение давления в магистрали может осуществляться машинистом, который отъединяет магистраль от компрессора и соединяет ее с атмосферой.

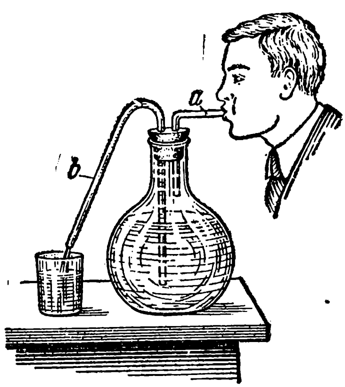


Рис. 310. Устройство для переливания дистиллированной воды.

Тот же результат может быть достигнут, если открыть кран экстренного торможения в любом вагоне или если случится обрыв магистрали.

2) Сжатым воздухом часто пользуются в нефтяной промышленности при добыче нефти. В районе залежей нефти под землю накачивают сжатый воздух, вытесняющий на

поверхность нефть. Иногда в подземных слоях накопляется сжатый газ вследствие каких-либо процессов, происходящих в нефтеносном слое. Если пробурить в земле скважину, доходящую до уровня нефти, газ будет вытеснять нефть на поверхность земли. Разность давлений подземного газа и атмосферы бывает настолько велика, что заставляет нефть, поднявшуюся по скважине, бить высоким фонтаном.

На том же принципе основан прибор, которым часто пользуются в лабораториях для переливания дистиллированной воды из сосуда. Если подуть в трубочку *a* прибора (рис. 310), то из трубки *b* будет выливаться вода. Так как сосуд все время закрыт пробкой, то жидкость может долгое время сохраняться, не загрязняясь.

3) Для освобождения от воды («продувки») балластных отсеков подводной лодки воду вытесняют сжатым воздухом, хранящимся на борту лодки в специальных баллонах.

ГЛАВА IX

ГИДРОДИНАМИКА И АЭРОДИНАМИКА

§ 180. Давление в движущейся жидкости. Мы уже знаем, что давление жидкости определяется степенью ее сжатия. Мы измеряем давление в покоящейся жидкости, погружая в нее манометр (§ 145). Погружение манометра в покоящуюся жидкость не изменяет степени ее сжатия; это позволяет правильно измерить давление жидкости.

Измерение давления в *движущейся* жидкости, например давления воды, текущей в трубе, или давления воздуха при ветре, сопряжено с большими затруднениями. Конечно, и в этом случае давление определяется степенью сжатия жидкости. Но манометр, погруженный в поток, является препятствием, которое может заметным образом изменить течение. При этом изменится и степень сжатия, а следовательно, и давление в разных точках жидкости. Таким образом, манометр, внесенный в поток, может измерить не то давление, которое существовало в потоке до его погружения, и, следовательно, показания его могут не дать правильной картины распределения давления в жидкости до внесения препятствия.

Изменение давления, вносимое препятствием, ясно на примере действия паруса. При равномерном ветре степень сжатия воздуха в соседних участках одинакова, а поэтому можно было бы думать, что силы давления, действующие по обе стороны паруса, будут одинаковы и, следовательно, ветер не будет двигать парусное судно. Но в действительности парус существенно изменяет движение воздуха. Воздух, ударяясь о препятствие (парус), сжимается, подобно тому как сжимается мяч, ударившийся о стенку; со стороны ветра слои воздуха, прилегающие к парусу, сжаты сильнее, чем остальной воздух: здесь давление повышается. Напротив, с другой стороны паруса воздух, обтекая парус, оказывается менее сжатым, и давление здесь уменьшено. Таким образом, с одной стороны паруса давление повышено, а с другой — понижено. Возникает сила, приложенная к парусу, которая и движет судно.

Как и парус в потоке воздуха, манометр, погруженный в текущую жидкость, также изменяет скорость потока. Если повернуть манометр мембраной к потоку, получим большее показание; повернув манометр мембраной вдоль потока, получим меньшее показание; наконец, повернув мембрану на 180° от направления потока, получим еще меньшее показание. Когда манометр, представляющий собой плоскую коробку, расположен мембраной вдоль потока, то он мало изменяет скорость движения жидкости и степень ее сжатия; поэтому при таком положении мембраны показание манометра будет близко к давлению в потоке до погружения манометра.

Как же сделать, чтобы препятствие, погруженное в поток, совсем не изменяло скорости жидкости? Для этого нужно, чтобы препятствие само двигалось с той же скоростью, что и жидкость в потоке. Например, воздушный шар уносится воздухом с постоянной скоростью, равной скорости ветра. Поэтому он не нарушает движения окружающего воздуха, не создает в нем ни сгущений, ни разрежений; для такого шара движение воздуха неощутимо, так как воздух по отношению к нему не движется.

Так же и манометр, перемещающийся вместе с жидкостью, не будет изменять движения окружающих его слоев жидкости и покажет давление, которое было в потоке до его погружения. В этом случае жидкость *неподвижна по отношению к манометру* и измерение давления происходит так же, как и в гидростатике. На манометр, движущийся вместе с жидкостью, действует со стороны жидкости давление, которое соответствует степени сжатия жидкости в ненарушенном потоке.

Давление, которое можно было бы измерить манометром, движущимся вместе с жидкостью, называют *статическим* давлением. Показание же неподвижного манометра, мембрана которого поставлена перпендикулярно к потоку называют *полным* давлением.

Итак, для измерения статического давления следует применять движущийся манометр, а для измерения полного давления — неподвижный. Однако на практике было бы крайне затруднительно применять движущийся манометр. Чтобы обойти это затруднение, прибору придают такую форму, при которой скорость течения вблизи места, где измеряется давление, не изменяется. Такой прибор можно сделать в виде узкой трубки с закругленным закрытым концом и с отверстиями *сбоку* (рис. 311, *а*). Струи потока, проходя мимо отверстий, практически сохраняют свою скорость неизмененной, и в колене манометра, соединенного с такой трубкой, создается статическое давление. Такая трубка носит название *зонда*. Если же взять

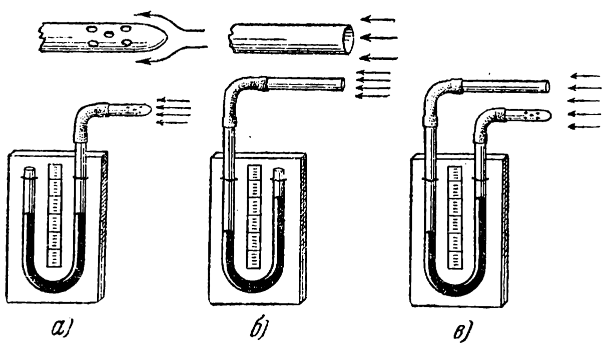


Рис. 311. *а*) Зонд; при обдувании зонда показание манометра не меняется. *б*) Трубка Пито; при обдувании трубки Пито манометр показывает повышенное давление. *в*) Схема измерителя скорости потока.

открытую с конца трубку, отверстие которой обращено к потоку (рис. 311, *б*), то у отверстия струя будет останавливаться, как и перед мембраной, так что в колене манометра, присоединенного к такой трубе, создастся полное давление. Такая трубка называется *трубкой Пито*. Манометр, соединенный с трубкой Пито, показывает более высокое давление, чем манометр, соединенный с зондом.

Присоединим теперь обе трубки к двум коленам одного и того же манометра (рис. 311, *в*). Тогда манометр будет показывать разность между полным давлением и статическим давлением. Чем больше скорость набегающего потока, тем больше эта разность. Поэтому по показаниям манометра, соединенного с такими трубками, можно судить о скорости потока. Мы получаем *измеритель скорости потока*, который можно применять как для измерения скорости воздуха, так и для измерения скорости течения жидкости.

Такие измерители скорости устанавливаются на самолетах. Они измеряют скорость воздуха относительно самолета или, что то же, скорость самолета относительно воздуха. Измеритель скорости — один из самых важных приборов, используемых при пилотировании самолета.

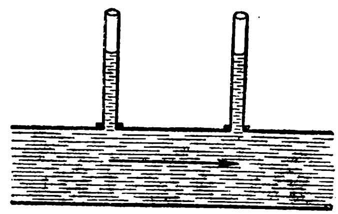


Рис. 312. Манометрические трубки показывают статическое давление в трубе, по которой течет жидкость.

§ 181. Течение жидкости по трубам. Трение жидкости. Для измерения статического давления жидкости, текущей в трубе, можно применить такое устройство: к маленьким отверстиям, просверленным в трубе, присоединяют вертикальные открытые сверху трубочки («манометрические трубки», рис. 312). Если жидкость в трубе находится под давлением, то в вертикальной трубочке жидкость поднимается на высоту, соответствующую статическому давлению в данном месте трубы [1]). В самом деле, небольшое отверстие почти не внесет изменений в поток жидкости, текущей в трубе.

Устанавливая манометрические трубки в разных местах трубы, мы сможем измерить статическое давление в соответственных точках.

Исследуем при помощи манометрических трубок статическое давление жидкости, текущей вдоль трубы постоянного сечения. Для этого воспользуемся прибором, изображенным на рис. 313. По высоте воды в манометрических трубках, расположенных вдоль трубы, мы можем определить статическое давление в разных местах трубы. Опыт показывает, что вдоль трубы по течению давление падает: чем дальше от начала трубы, тем меньше статическое давление текущей жидкости. При этом в узких трубах давление падает быстрее, чем в широких. В достаточно широких и коротких трубах при не очень большой скорости течения падение давления практически незаметно.

---

[1]) Точнее — разности между этим статическим давлением и наружным атмосферным давлением.

Падение давления жидкости в трубе объясняется трением. На жидкость, текущую по трубе, действуют со стороны стенок трубы силы трения; они направлены противоположно движению жидкости. Выделим мысленно в трубе

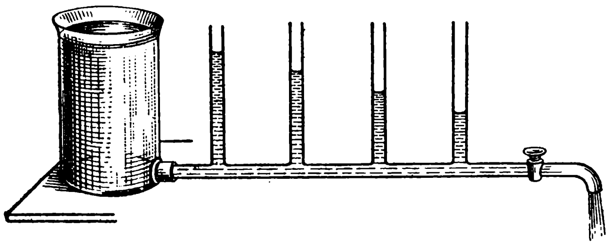


Рис. 313. Манометрические трубки показывают падение давления вдоль трубы, по которой течет вода.

объем жидкости $ABCD$ (рис. 314). Со стороны стенок трубы на выделенный объем действуют силы трения f. Если жидкость течет по трубе равномерно (с постоянной скоростью),

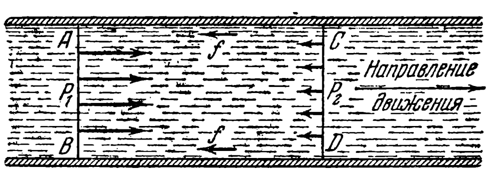


Рис. 314. Разность сил давления P_1 и P_2 уравновешивает силы трения f со стороны стенок трубы.

то силы давления, действующие на выделенный объем, должны уравновешивать силы трения. Отсюда заключаем, что сила давления P_1, действующая в направлении движения, должна быть больше силы давления P_2, действующей в противоположном направлении. Поэтому давление на задней поверхности AB выделенного объема должно быть больше давления на передней поверхности CD, т. е. давление должно убывать вдоль трубы по течению.

Если увеличить скорость жидкости, текущей по трубе, то сила трения возрастет. Поэтому при быстром течении жидкости падение давления в данной трубе больше, чем при медленном течении. При данной скорости течения трение сказывается сильнее в узких трубах, чем в широких; поэтому вдоль узких труб давление падает быстрее.

При устройстве водопроводов необходимо учитывать падение давления в водопроводных трубах. Когда все краны водопровода закрыты и вода по трубам не течет, то давление воды соответствует высоте водонапорной башни (§ 155). В покоящейся жидкости никаких сил трения не возникает.

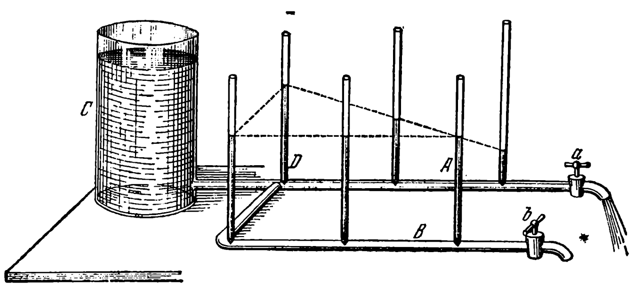


Рис. 315. Прибор для демонстрации падения давления в водопроводе.

Если же краны открыты и вода течет, то трение в трубах вызывает падение давления: «напор» воды уменьшается. Чем большее число кранов открыто и чем быстрее течет вода, тем больше падает напор.

При недостаточной высоте водонапорной башни может оказаться, что падение давления воды в трубах больше, чем давление, соответствующее высоте башни над верхними этажами домов. Тогда вода перестанет течь из кранов верхних этажей. Но в часы, когда потребление воды невелико, потери давления уменьшаются и вода в верхних этажах появляется снова; и вообще давление воды в водопроводной сети больше всего ночью, когда расход воды мал, скорость движения воды по трубам мала и поэтому трение сравнительно невелико.

Падение давления в водопроводе демонстрируется на следующей модели (рис. 315). Узкая (для увеличения трения) труба A и ее ответвление B, снабженные манометрическими трубками, могут закрываться кранами a и b. Если налить воду в сосуд C и закрыть краны, то давление в трубах A и B будет соответствовать высоте налитой воды и вода во всех манометрических трубках будет стоять на том же уровне что и в сосуде C. Если немного открыть кран a, то в трубе A мы увидим знакомую уже нам картину падения давления вдоль трубы; в трубе B давление упадет, но будет одинаково во всех точках и равно давлению в точке D. Если больше открыть кран a, то и падение давления вдоль трубы A станет больше. Если приоткрыть еще кран b, то появится падение давления воды вдоль трубы B и одновременно уменьшится давление во всех точках трубы A.

§ 182. Закон Бернулли. Как мы упоминали, в трубах не очень длинных и достаточно широких трение настолько невелико, что им можно пренебречь. При этих условиях падение давления настолько мало, что в трубе постоянного

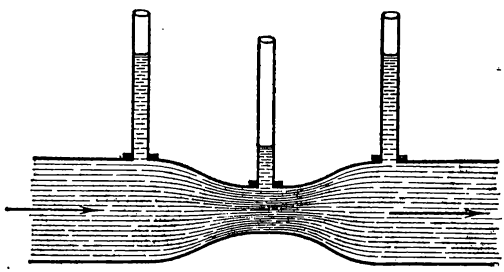


Рис. 316. В узких частях трубы статическое давление текущей жидкости меньше, чем в широких.

сечения жидкость в манометрических трубках находится практически на одной высоте. Однако, если труба имеет в разных местах неодинаковое сечение, то даже в тех случаях, когда трением можно пренебречь, опыт обнаруживает, что статическое давление в разных местах различно.

Возьмем трубу неодинакового сечения (рис. 316) и будем пропускать через нее постоянный поток воды. По уровням в манометрических трубках мы увидим, что в суженных местах трубы статическое давление меньше, чем в широких. Значит, при переходе из широкой части трубы в более узкую степень сжатия жидкости уменьшается (давление уменьшается), а при переходе из более узкой части в широкую — увеличивается (давление увеличивается).

Это объясняется тем, что в широких частях трубы жидкость должна течь медленнее, чем в узких, так как количество жидкости, протекающей за одинаковые промежутки времени, одинаково для всех сечений трубы. Таким образом, при переходе из узкой части трубы в широкую скорость жидкости уменьшается: жидкость тормозится, как бы натекая на препятствие, и поэтому степень сжатия ее (и ее давление) растет. Наоборот, при переходе из широкой части трубы в узкую скорость жидкости увеличивается и при этом сжатие ее уменьшается: жидкость, ускоряясь, ведет себя подобно распрямляющейся пружине.

Итак, мы видим, что *давление жидкости, текущей по трубе, больше там, где скорость движения жидкости меньше, и обратно: давление меньше там, где скорость жидкости больше.* Эту зависимость между скоростью жидкости и ее давлением называют *законом Бернулли* по имени швейцарского физика и математика, члена Российской Академии наук Даниила Бернулли (1700—1782).

Закон Бернулли имеет место и для жидкостей, и для газов. Он остается в силе и для движения жидкости, не ограниченного стенками трубы,— в свободном потоке жидкости. В этом случае закон Бернулли нужно применять следующим образом.

Допустим, что движение жидкости или газа не изменяется с течением времени («установившееся течение»). Тогда мы можем представить себе внутри потока неподвижные линии, вдоль которых происходит движение жидкости. Эти линии называются *линиями тока*; они разбивают жидкость на отдельные струи, которые текут рядом, не смешиваясь. Линии тока можно сделать видимыми, пуская в поток воды растворенную краску через тонкие трубочки. Струйки краски располагаются вдоль линий тока. В воздухе для получения видимых линий тока можно воспользоваться струйками дыма. Можно показать, что закон Бернулли применим для каждой струи в отдельности: давление больше в тех местах струи, где скорость в ней меньше и, следовательно, где сечение струи больше, и обратно. Из рис. 316 видно, что сечение струи велико в тех местах, где линии тока расходятся; там же, где сечение струи меньше, линии тока сближаются. Поэтому закон Бернулли можно сформулировать еще так: *в тех местах потока, где линии тока сближены, давление понижено, а в тех местах, где они расходятся, давление повышено.*

Возьмем трубу с сужением и будем пропускать по ней с большой скоростью воду. Согласно закону Бернулли, в суженной части давление будет понижено. Можно так подобрать форму трубы и скорость потока, что в суженной части давление воды будет меньше атмосферного. Если теперь присоединить к узкой части трубы отводную трубку (рис. 317), то

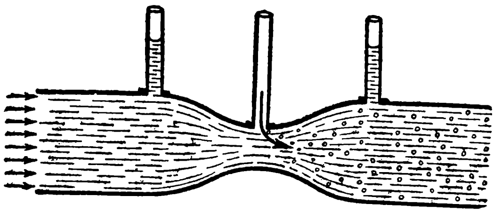


Рис. 317. Воздух засасывается в узкую часть трубы, где давление меньше атмосферного.

наружный воздух будет засасываться в место с меньшим давлением: попадая в струю, воздух будет уноситься водой.

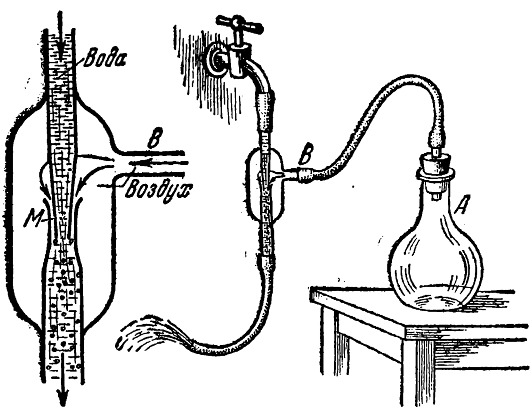


Рис. 318. Схема водоструйного насоса.

Используя это явление, можно построить разрежающий насос — так называемый *водоструйный насос*. В изображенной на рис. 318 модели водоструйного насоса засасывание воздуха производится через кольцевую щель *М*, вблизи которой вода движется с большой скоростью. Отросток *В* присоединяется к откачиваемому сосуду.

Водоструйные насосы не имеют движущихся твердых частей (как, например, поршень в обычных насосах), что составляет одно из их преимуществ.

Будем продувать воздух по трубе с сужением (рис. 319). При достаточной скорости тока воздуха давление в суженной части трубы будет ниже атмосферного. Жидкость из сосуда будет вгоняться избытком атмосферного давления в боковую трубку. Выходя из трубки, жидкость будет распыляться струей воздуха. Этот прибор называется *пульверизатором* — распылителем.

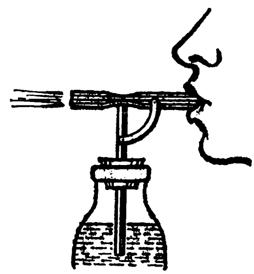


Рис. 319. Пульверизатор.

§ 183. Жидкость в неинерциальных системах отсчета. Пусть сосуд с жидкостью движется ускоренно. Будем рассматривать движение жидкости относительно сосуда как неинерциальной системы отсчета и введем силы инерции. Жидкость будет находиться в равновесии под действием всех сил, приложенных к ней, включая и силы инерции.

Рассмотрим сначала случай поступательно и ускоренно движущейся системы отсчета. Пусть, например, железнодорожная цистерна с жидкостью движется с ускорением по горизонтальному прямолинейному участку пути. На каждую частицу жидкости будет действовать сила тяжести mg (m — масса частицы), направленная вертикально вниз, и эквивалентная силе тяжести сила инерции — ma, направленная горизонтально в сторону, противоположную ускорению цистерны. Сумму этих сил можно рассматривать как результирующую силу тяжести P. Она оказывается отклоненной от вертикали в сторону, обратную ускорению. Но мы знаем (§ 138), что свободная поверхность жидкости всегда располагается перпендикулярно к силе тяжести. Значит, поверхность жидкости наклонится по отношению к горизонту (рис. 321): *в состоянии равновесия относительно поступательно и ускоренно движущейся системы отсчета свободная поверхность жидкости оказывается наклоненной к горизонту.* Это легко проверить, например, быстро приводя в движение стакан с водой или быстро останавливая его. Если ускорение достаточно велико, вода выплескивается: нести полный доверху стакан «осторожно» — значит нести его с малыми ускорениями.

Если ускорение направлено не по горизонтали, а по вертикали, то действие сил инерции сводится к тому, что вес жидкости увеличивается (если ускорение направлено вверх, как при взлете ракеты) или уменьшается (если ускорение направлено вниз). Соответственно увеличивается или уменьшается и давление жидкости на дно сосуда. Например, при взлете ракеты или при выводе самолета из пикирования давление горючего на дно баков возрастает (перегрузка). Возрастает и вес крови в сосудах летчика или космонавта: если тело летчика расположено вертикально, это вызовет отлив крови от головы и может привести к обмороку. Поэтому сидения летчиков устраивают так, чтобы ускорение было направлено от спины к груди, а не от ног к голове. Напротив,

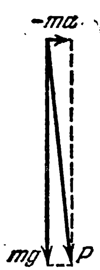


Рис. 320.

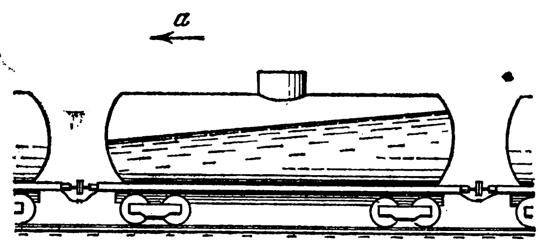


Рис. 321. Свободная поверхность жидкости в ускоренно движущейся цистерне отклонена в сторону, обратную ускорению.

в условиях невесомости (см. § 133) вес жидкости исчезает; жидкость не вытекает из наклоненного или опрокинутого сосуда, поддерживающая сила исчезает: тяжелый предмет в воде не тонет, а легкий не всплывает. О других особенностях в поведении газов и жидкостей в условиях невесомости см. §§ 212, 249.

Аналогичным образом рассмотрим и случай жидкости, покоящейся относительно вращающейся системы отсчета. Подвесим ведерко на длинной нити и, закрутив нить, дадим ей раскручиваться. Стенки вращающегося ведерка скоро увлекут за собой жидкость, и она будет вращаться вместе с ведерком, т. е. окажется в покое относительно ведерка. Мы видели, что в этом случае сила инерции (центробежная сила, см. § 119) растет при удалении от оси вращения. Значит, результирующая сила тяжести для частиц жидкости будет все более отклоняться от вертикали при удалении от оси вращения. В результате свободная поверхность жидкости не только отклонится от горизонтали, но и искривится: наклон к горизонтали будет увеличиваться от оси к стенкам ведерка (рис. 322). Свободная поверхность жидкости в сечении вертикальной плоскостью оказывается параболой.

Упражнения. 183.1. Показать, что тангенс угла наклона жидкости к горизонту в цистерне, движущейся ускоренно по горизонтальному прямолинейному участку пути, равен отношению ускорения цистерны к ускорению силы тяжести.

183.2. Как расположится свободная поверхность воды в цистерне, свободно скатывающейся по наклонному пути? При равномерном движении цистерны по наклонному пути?

183.3. Поезд идет по закруглению радиуса 1 *км* со скоростью 72 *км/час*. Под каким углом к горизонту расположена свободная поверхность воды в сосуде, стоящем в вагоне?

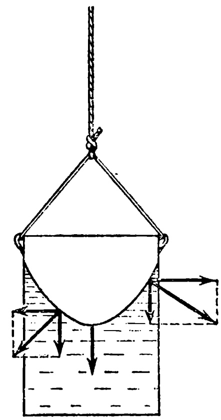


Рис. 322. Свободная поверхность воды, покоящейся относительно вращающегося ведерка, и схема сил, действующих на частицы жидкости на разных расстояниях от оси вращения.

§ 184. Реакция движущейся жидкости и ее использование.

Положим на стол согнутую под прямым углом стеклянную трубку, соединенную резиновой трубкой с водопроводом (рис. 323). При истечении воды трубку будет отбрасывать в направление стрелки. Для объяснения этого опыта рассмотрим силы, действующие со стороны протекающей жидкости на изогнутую трубку. Пусть жидкость входит в трубку со скоростью v_1 (рис. 324) и выходит из трубки со скоростью v_2. Допустим для простоты расчета, что трубка имеет повсюду одно и то же сечение. В таком случае скорости v_1 и v_2 по величине равны, но направления их различны. Таким образом, при течении по изогнутой трубке вектор скорости изменяется. К скорости $\boldsymbol{v}_1$ добавляется $\boldsymbol{v}_3$, так что результирующая скорость становится равной $\boldsymbol{v}_2$. Изменение скорости течения, представленное вектором $\boldsymbol{v}_3$, показывает, что при течении по изогнутой трубке жидкости сообщается ускорение, направленное вдоль этого вектора, и, следовательно, по третьему закону Ньютона на трубку со стороны жидкости действует сила противодействия $\boldsymbol{F}$, направленная противоположно. Эту силу мы будем называть реакцией струи жидкости. В описанном опыте *трубка отклоняется в сторону реакцией струи.*

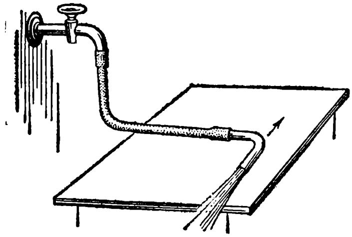


Рис. 323. При открывании крана изогнутая трубка начинает двигаться по направлению стрелки.

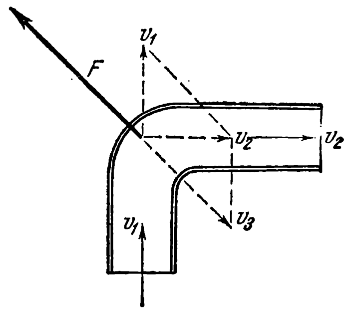


Рис. 324. При изменении направления течения воды на трубку действует реакция струи воды F.

Другой пример действия реакции струи дает опыт, изображенный на рис. 325. При вытекании воды через изогнутые трубки ведерко вращается в направлении, указанном стрелкой. Для объяснения этого опыта нужно только проследить направление сил реакции вытекающей воды. В опыте, изображенном на рисунке, эти силы поворачивают ведерко по часовой стрелке (если смотреть сверху). Такого рода прибор носит название *сегнерова колеса.* Для поливки парковых лужаек иногда применяют насадку в виде сегнерова колеса. Вращаясь на водопроводной колонке, такая насадка разбрызгивает воду по большому кругу, орошая лужайку.

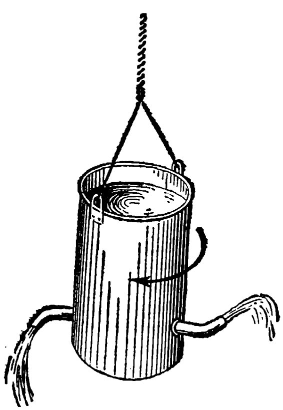


Рис. 325. Ведерко вращается в сторону, обратную вытеканию струи.

Реакция струи обнаруживается не только при течении жидкости по изогнутой трубке, но и во всех случаях, когда струя жидкости или газа изменяет свое направление, встречая на пути твердые тела.

На этом принципе основано действие *турбин*, где реакция струи используется для получения вращения.

В различных типах турбин изменение направления струи

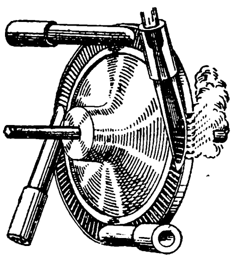


Рис. 326. Паровая турбина.

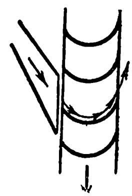


Рис. 327. Сопло и лопатки турбины.

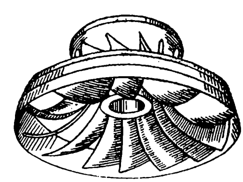


Рис. 328. Колесо водяной турбины.

воды или пара достигается различными устройствами. Примером такого устройства служит паровая турбина, главной частью которой является колесо с лопатками (ротор), косо насаженными на обод (рис. 326). Сильная струя пара ударяет о лопатки и, отражаясь от них, изменяет свое направление (рис. 327). При этом возникает сила реакции, действующая со стороны струи на лопатки; реакция направлена противоположно изменению направления струи и вращает колесо турбины. Несколько иначе устроены водяные турбины гидростанций (рис. 328), но и здесь турбину вращает реакция струй воды, отклоняемых лопастями.

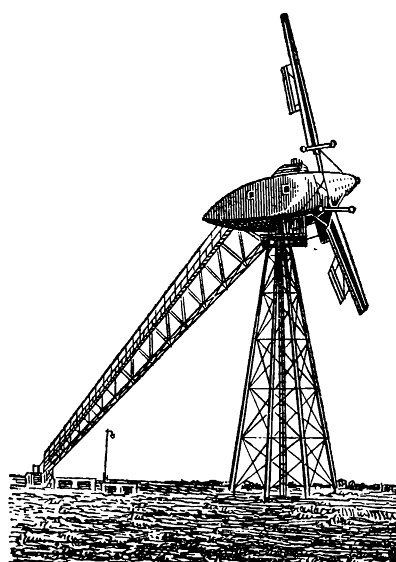


Рис. 329. Ветродвигатель.

На этом же явлении реакции струи основано и действие ветряных мельниц и ветродвигателей. Набегающий поток воздуха отклоняется лопастями ветродвигателя, косо насаженными на ось. При этом на каждую лопасть действует реакция потока воздуха, которая вращает колесо ветродвигателя (рис. 329).

§ 185. Перемещение по воде. В гл. VII мы выяснили вопрос о плавании судов на поверхности воды. Теперь нам нужно объяснить, как *передвигаются* суда. Здесь вопрос стоит иначе, чем для передвижения механических экипажей по

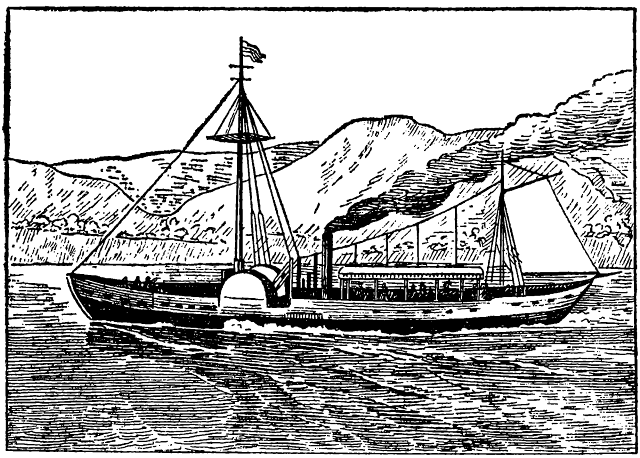


Рис. 330. «Клермонт» — первый пароход.

поверхности земли. Например, автомобиль движет сила трения покоя между колесами и грунтом (§ 66); можно сказать, что колеса отталкиваются от неподвижного твердого грунта. Иначе обстоит дело на воде, ибо в воде, как и в любой жидкости, силы трения покоя отсутствуют (§ 67).

В судостроении применяется несколько видов механизмов, приводящих суда в движение, так называемых *движителей*: гребной винт, гребное колесо и некоторые другие; но принцип действия всех этих устройств одинаков. Движитель, погруженный в воду, приводится во вращение судовой машиной. Со стороны движителя на воду действует сила, которая гонит воду в одном направлении, сообщая ускорение все новым массам воды. По третьему закону Ньютона на движитель со стороны отталкиваемой воды действует равная сила, направленная в противоположную сторону (реакция отбрасываемой струи). Так как движитель скреплен с судном, то все судно приходит в движение. Чем больше масса отбрасываемой воды и чем больше сообщаемое ей ускорение, тем больше сила реакции, приложенная к движителю, и тем скорее движется судно.

Первые суда с механическим двигателем — пароходы — приводились в движение гребным колесом (рис. 330). Гребное колесо укрепляется на вращающемся валу машины. В воду погружена только нижняя часть колеса. На ободе колеса расположены лопасти, или, как их называют судостроители, плицы (рис. 331). При вращении колеса

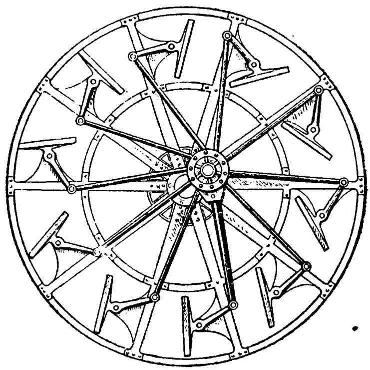


Рис. 331. Гребное колесо речного судна.

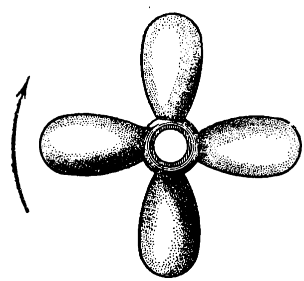


Рис. 332. Гребной винт морского судна.

лопасти отбрасывают воду назад; при этом они немного поворачиваются, так что входят в воду и выходят из воды ребром, чтобы не вызывать всплесков, на которые затрачивалась бы непроизводительно работа машины.

Если переменить направление вращения колеса, дав машине обратный ход, то вода будет отбрасываться вперед, судно же начнет двигаться назад.

Гребной винт (рис. 332) был впервые применен на судне в 1836 г. В настоящее время все морские суда и многие речные снабжены винтами, а не колесами. Винт гораздо проще по конструкции, чем колесо, и защищен от ударов волн, так как целиком находится под водой. Гребные колеса применяют теперь только на мелководных реках, где глубина недостаточна для хорошей работы винта.

Лопасти винта, изображенного на рисунке, искривлены таким образом, что при вращении по часовой стрелке каждая лопасть будет отбрасывать воду за рисунок. Следовательно, реакция воды будет направлена от рисунка к читателю.

Точно так же работают и воздушные винты (пропеллеры), приводящие в движение самолеты, дирижабли, аэросани, некоторые виды скоростных глиссеров. Воздушный винт состоит из нескольких (двух, трех или четырех) искривленных лопастей, косо посаженных на втулку (рис. 333). Как

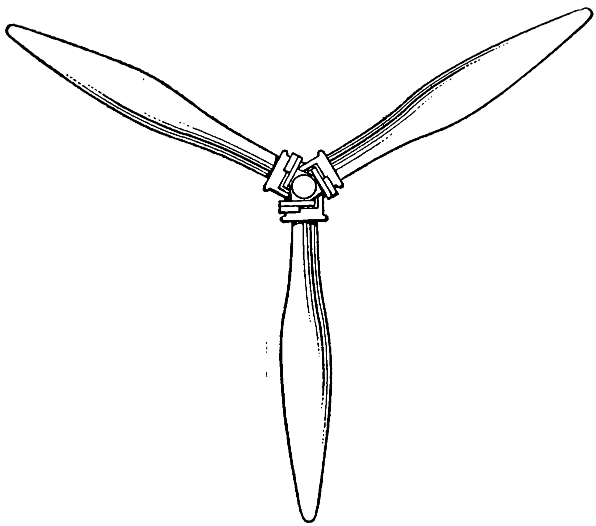


Рис. 333. Самолетный винт (пропеллер).

и водяные винты, воздушные винты при вращении отбрасывают вдоль своей оси струю окружающей среды. Реакция струи — это и есть тяга винта. Различие в форме лопастей воздушных и водяных винтов вызвано тем, что им приходится работать в среде разной плотности.

Воздушный винт может хорошо работать только при скорости лопастей, меньшей скорости звука в воздухе. Поэтому винты на скоростных самолетах работают неэффективно и более выгодным оказывается применение реактивных двигателей (см. § 187).

Обычный комнатный вентилятор — это также воздушный винт. «Ветер», им создаваемый,— это и есть отбрасываемая струя воздуха. Реакция струи обычного вентилятора невелика, но ее можно обнаружить, устанавливая вентилятор на легкую тележку (рис. 334). При включении вентилятора тележка начинает откатываться.

Заметим, что и простейшие способы передвижения по воде — плавание человека, животных и рыб, гребля на лодке — все основаны на таком же отбрасывании воды в сторону, противоположную создаваемому движению. Например, в лодке каждый удар веслом отгоняет воду в сторону, противоположную движению лодки.

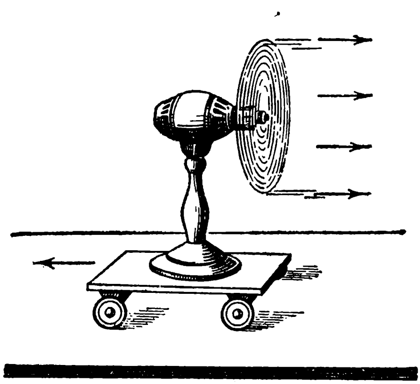


Рис. 334. При работе вентилятора тележка катится в сторону, противоположную отбрасываемой струе воздуха.

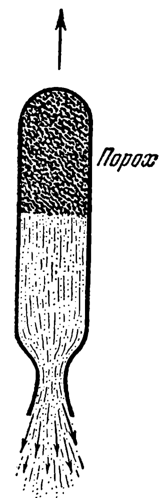


Рис. 335. Устройство пороховой ракеты.

§ 186. Ракеты. Вращающийся водяной или воздушный винт отбрасывает окружающую среду в одну сторону, и приложенная к винту реакция отбрасываемой струи, направленная в противоположную сторону, движет судно или самолет. Движение ракеты также вызывается реакцией струи, но весь запас отбрасываемого вещества ракеты несет с собой. Например, известная еще в древности (у китайцев) пороховая ракета устроена следующим образом. Полая оболочка заполняется медленно горящим порохом (рис. 335). Пороховой заряд поджигается с нижнего конца. Образующийся при сгорании пороха раскаленный газ вытекает с большой скоростью из отверстия в корпусе, расположенного в нижней части ракеты. Реакция вытекающей струи направлена в сторону, противоположную вытеканию, и уносит ракету вверх.

На рис. 336 показана простая механическая модель, иллюстрирующая принцип действия ракеты. Пружина, стянутая ниткой, вложена в рамку. Пружина играет роль порохового заряда. Пережжем нитку; это соответствует сгоранию пороха. Пружина, распрямляясь, окажет давление на рамку («реакция пороховых газов») и вылетит из рамки подобно тому, как вылетают пороховые газы из отверстия ракеты. Рамка же, играющая роль корпуса ракеты, получит скорость в противоположном направлении.

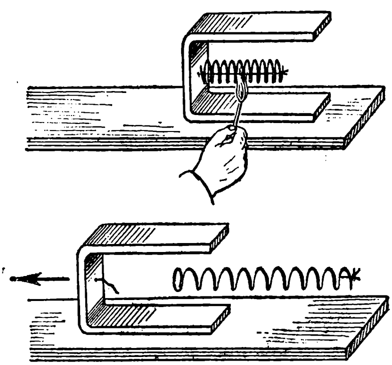


Рис. 336. Пружинная модель ракеты.

§ 187. Реактивные двигатели. Реактивным двигателем называют ракету, установленную в качестве двигателя на какое-либо средство транспорта. Реактивные двигатели нашли широкое применение в авиации, в военной и космической технике. В реактивных двигателях часто используют не порох, а жидкое топливо (нефть, керосин). Это делает работу двигателя более экономичной. Реактивная струя и в этом случае образована раскаленными газами, получающимися при сгорании топлива. Однако сгорание пороха может происходить и в пустоте, а для сгорания нефти необходимо большое количество воздуха. В самолетных реактивных двигателях воздух берется из окружающей атмосферы («воздушно-реактивные» двигатели).

Таким образом, в отличие от пороховых ракет, самолет с реактивным двигателем не должен нести с собой всю массу отбрасываемого газа. Современные реактивные самолеты способны развивать огромные скорости, в два раза и более превышающие скорость звука (скорость звука в воздухе — примерно 1200 *км/час*).

§ 188. Баллистические ракеты. В последние годы получили большое развитие баллистические ракеты (рис. 337). Так называют ракеты с запасом топлива, составляющим главную часть массы ракеты, и с двигателями огромной мощности, работающими только в начале пути ракеты. За сравнительно небольшое время работы (несколько минут) двигатели успевают израсходовать весь запас топлива и сообщить ракете огромную скорость (до 10 *км/сек* и выше). После этого ракета движется уже под действием только сил тяготения Земли (и других небесных тел). Ракеты такого же типа применяют для запуска искусственных спутников Земли и искусственных планет.

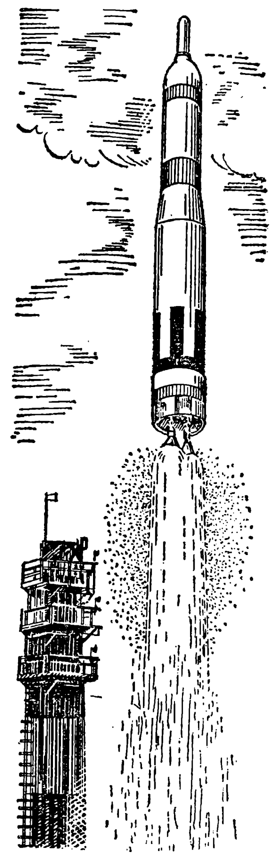


Рис. 337. Взлет ракеты.

Баллистические ракеты несут с собой не только топливо, но и запас окислителя (в жидком виде), необходимый для сжигания всего топлива. Обычные самолеты и даже самолеты с воздушно-реактивными двигателями могут летать только в пределах земной атмосферы, реактивный же двигатель баллистической ракеты (как и пороховая ракета) может работать и в безвоздушном пространстве.

Баллистическая ракета должна сообщить возможно бо́льшую скорость полезной нагрузке, устанавливаемой на ракете. Для ракет, служащих для запуска искусственных спутников Земли, полезная нагрузка — это космический корабль; для военных ракет — это боеголовка. Рассмотрим более подробно работу реактивного двигателя ракеты, чтобы выяснить, от чего зависит «конечная скорость» ракеты — скорость, достигаемая после израсходования всего запаса топлива.

Найдем раньше всего силу реакции выбрасываемой реактивной струи—силу тяги реактивного двигателя. Скорость реактивной струи, т. е. скорость выхода газов относительно корпуса ракеты, обозначим через v. Массу газа, выходящую из корпуса ракеты за 1 *сек*, обозначим через μ. По третьему закону Ньютона сила, действующая со стороны ракеты на выбрасываемый газ, равна противодействующей силе, приложенной со стороны выбрасываемого газа к ракете, т. е. равна искомой силе тяги.

Воспользуемся законом импульсов (§ 49): изменение количества движения тела равно импульсу действующей силы. Применим этот закон к массе газа, выброшенной из ракеты за промежуток времени τ. Так как приращение скорости выбрасываемого газа равняется скорости реактивной струи, то приращение количества движения выброшенной массы равно $\tau\mu v$. Значит, импульс силы, подействовавший в течение промежутка времени τ на эту массу, также равен $\tau\mu v$. Отсюда заключаем, согласно формуле на стр. 122, что сила, действовавшая со стороны ракеты на струю, равнялась μv. Следовательно, этой же величине равна и сила реакции струи — тяга реактивного двигателя.

Теперь можно выяснить, как влияют те или иные характеристики ракеты на ее конечную скорость. Предположим сначала, что сила тяжести отсутствует (учет силы тяжести произведем в следующем параграфе). Предположим также, что режим работы реактивного двигателя не меняется: топливо расходуется равномерно и сила тяги остается постоянной во все время работы двигателя. Так как масса ракеты будет все время уменьшаться в результате расходования горючего и кислорода, то ускорение ракеты будет, согласно второму закону Ньютона, все время увеличиваться (обратно пропорционально остающейся массе). В баллистических ракетах конечная масса (масса после выгорания всего топлива) в сотни раз меньше начальной («стартовой») массы ракеты. Значит, ускорение возрастает по мере расходования топлива также в сотни раз. Отсюда следует, что приращение скорости, получаемое ракетой при расходовании одного и того же количества топлива, сильно зависит от того, в какой момент это топливо расходуется: пока запас топлива на борту ракеты велик и масса ракеты велика, приращение скорости мало; когда топлива осталось мало и масса ракеты сильно уменьшилась, приращение скорости велико.

По этой причине даже значительное увеличение запаса топлива не может сильно увеличить конечную скорость ракеты: ведь добавочное количество топлива будет расходоваться тогда, когда масса ракеты велика, а ускорение мало, а значит, мало и достигаемое дополнительное приращение конечной скорости.

Зато увеличение скорости реактивной струи позволяет при неизменном запасе топлива сильно увеличить конечную скорость ракеты. Так, если, не меняя секундный расход топлива, увеличить скорость реактивной струи, то в том же отношении увеличится и ускорение ракеты. В результате конечная скорость ракеты также возрастет в том же отношении.

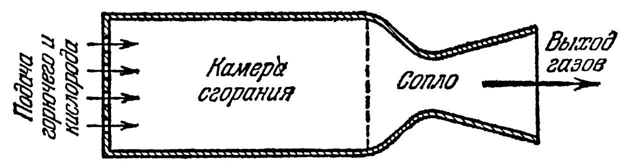


Рис. 338. Сопло реактивного двигателя.

Для увеличения скорости реактивной струи соплу реактивного двигателя придают специальную форму (рис. 338). Кроме того, выбирают топливо, дающее возможно бо́льшую температуру сгорания, так как скорость реактивной струи растет при увеличении температуры газа, образующего струю. Предел повышению температуры струи ставит только жароупорность существующих материалов.

§ 189. Взлет ракеты с Земли. При взлете ракеты с Земли на нее, кроме найденной в предыдущем параграфе силы тяги, будет действовать еще и сила притяжения Земли, направленная вертикально вниз. Таким образом, при вертикальном взлете ракеты результирующая сил, действующих на нее, будет равна $\mu v - P$, где P — вес ракеты. Следовательно, притяжение Земли уменьшит ускорение ракеты, а значит, и ее конечную скорость. Так как по мере расходования топлива вес ракеты убывает, а сила тяги остается постоянной, то действие земного притяжения будет сказываться все меньше и меньше.

Очевидно, для возможности взлета стартовый вес ракеты должен быть меньше, чем сила тяги ее реактивного двигателя. В противном случае при запуске двигателя ракета не поднимется вверх, а останется с работающим двигателем на стенде до тех пор, пока вес ее не снизится вследствие сгорания топлива до величины, меньшей силы тяги; только тогда ракета начнет подниматься.

§ 190. Сопротивление воздуха. Сопротивление воды. Мы уже знаем (§ 68), что при движении твердого тела в воздухе на тело действует сила сопротивления воздуха, направленная противоположно движению тела. Такая же сила возникает, если на неподвижное тело набегает поток воздуха; она направлена, конечно, по движению потока.

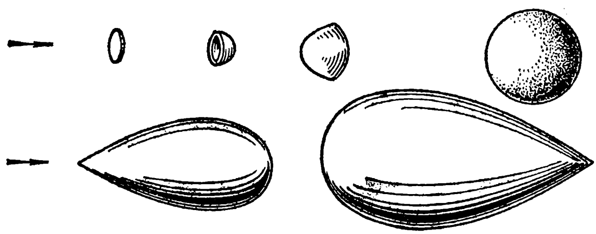


Рис. 339. Тела, изображенные на рисунке, представляют одинаковое сопротивление движению воздуха.

Сила сопротивления вызывается, во-первых, трением воздуха о поверхность тела и, во-вторых, изменением движения потока, вызванным телом. В воздушном потоке, измененном присутствием тела, давление на передней стороне тела растет, а на задней — понижается по сравнению с давлением в невозмущенном потоке. Таким образом, создается разность давлений, тормозящая движущееся тело или увлекающая тело, погруженное в поток. Движение воздуха позади тела принимает беспорядочный вихревой характер.

Сила сопротивления зависит от скорости потока, от размеров и от формы тела. Рис. 339 иллюстрирует влияние формы тела. Для всех тел, изображенных на этом рисунке, сопротивление движению одинаково, несмотря на весьма разные размеры тел. Объяснение этому дает рис. 340, показывающий обтекание пластинки и «обтекаемого» тела потоком воздуха. На рисунке изображены линии тока, ограничивающие струи воздуха. Мы видим, что «обтекаемое» тело почти не нарушает правильности потока; поэтому давление на заднюю часть тела лишь немного понижено по сравнению с передней частью и сопротивление невелико. Напротив, за пластинкой образуется целая область беспорядочного вихревого движения воздуха, где давление сильно падает.

Различные обтекатели, устанавливаемые на выдающихся частях самолета, как раз и имеют своим назначением устранять завихрения потока выступающими частями конструкции. Вообще же конструкторы стремятся оставлять на поверхности возможно меньшее количество выдающихся частей и неровностей, могущих создавать завихрения (убирающиеся шасси, «зализанные» формы).

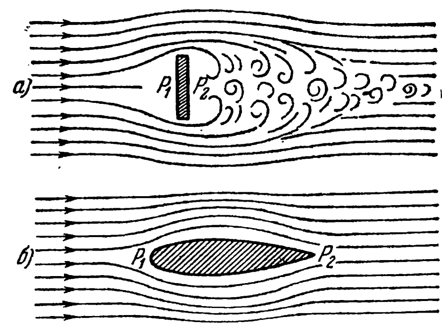


Рис. 340. *а*) Позади пластинки, помещенной в потоке, образуются вихри; давление P_2 значительно меньше, чем давление P_1. *б*) «Обтекаемое тело» плавно обтекается потоком; давление P_2 лишь немного меньше P_1.

Оказывается, что главную роль играет при этом задняя часть движущегося тела, так как понижение давления вблизи нее больше, чем повышение давления в передней части (если

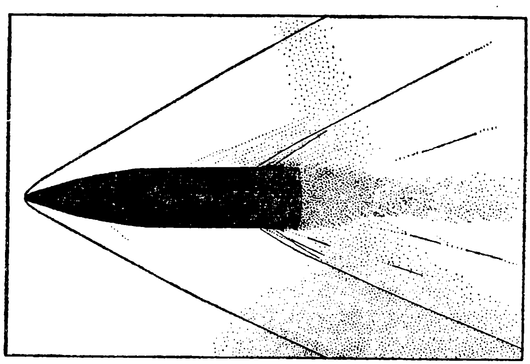


Рис. 341. Около снаряда, движущегося со сверхзвуковой скоростью, возникают мощные звуковые волны.

только скорость тела не очень велика). Поэтому особенно существенно придание обтекаемой формы именно задней части тела. Влияние сопротивления воздуха сильно сказывается и для наземных средств передвижения: с увеличением скорости автомобилей на преодоление сопротивления воздуха затрачивается все бо́льшая часть мощности мотора. Поэтому современным автомобилям также придают по возможности обтекаемую форму.

При движении со скоростью, большей скорости звука, «сверхзвуковой скоростью» (пули, снаряды, ракеты, реактивные самолеты), сопротивление воздуха резко растет, так как летящее тело создает при этом мощные звуковые волны, уносящие энергию движущегося тела (рис. 341).

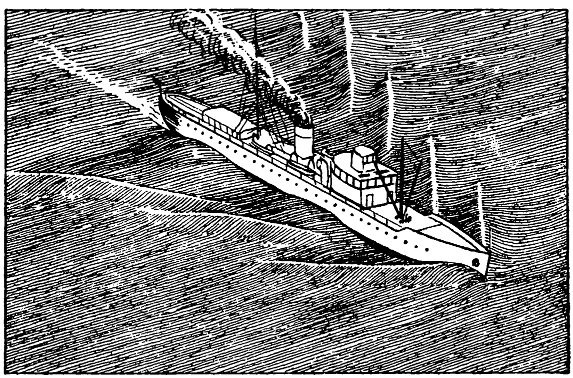


Рис. 342. От идущего судна расходятся волны, уносящие энергию.

Для уменьшения сопротивления при сверхзвуковой скорости нужно заострять переднюю часть движущегося тела, в то время как при меньших скоростях наибольшее значение имеет, как сказано выше, заострение его задней части («обтекаемость»).

При движении тел в воде также возникают силы сопротивления, направленные противоположно движению тела. Если тело движется под водой (например, рыба, подводные лодки), то сопротивление вызывается теми же обстоятельствами, что и сопротивление воздуха при движении в воздухе: трением воды о поверхность тела и изменением потока, создающим дополнительное сопротивление. Быстро плавающие рыбы (акула, меч-рыба) и китообразные (дельфины, косатки) имеют «обтекаемую» форму тела, уменьшающую сопротивление воды при их движении. Обтекаемую форму придают и подводным лодкам. Вследствие большой плотности воды по сравнению с плотностью воздуха сопротивление движению данного тела в воде много больше сопротивления в воздухе при той же скорости движения.

Для обычных судов, идущих на поверхности воды, есть еще дополнительное *волновое сопротивление*: от идущего судна на поверхности воды расходятся волны (рис. 342), на создание которых не производительно затрачивается часть работы судовой машины.

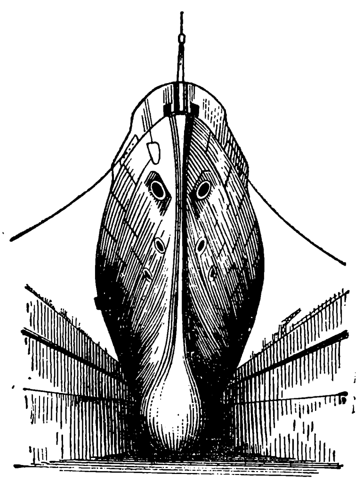


Рис. 343. «Бульбообразный» нос быстроходного судна.

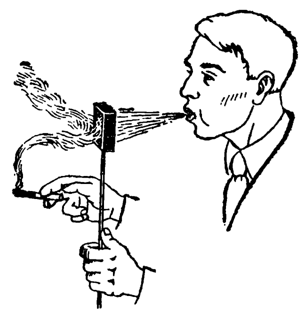


Рис. 344. К упражнению 190.1.

Есть сходство между волновым сопротивлением, встречаемым судном, и сопротивлением, появляющимся при быстром полете снаряда вследствие возникновения звуковых волн: в обоих случаях энергия движущегося тела затрачивается на создание волн в среде. Однако корабль создает волны при любой скорости хода, звуковые же волны возникают только при сверхзвуковой скорости снаряда. Это различие связано с тем, что корабль создает волны на поверхности воды, приводя в движение границу раздела между жидкостью и воздухом; в случае же полета снаряда такой границы нет. Для уменьшения волнового сопротивления, которое для быстроходных судов может составлять свыше $^3/_4$ полного сопротивления, корпусу судна придают специальную форму. Нос судна в подводной части иногда делают «бульбообразной» формы (рис. 343); при этом образование волн на поверхности воды уменьшается, а значит, уменьшается и сопротивление.

Упражнения. **190.1.** Если дуть на спичечную коробку, держа за ней зажженную папиросу, то струя дыма отклоняется к коробке (рис. 344). Объясните явление.

190.2. На спицу надет легкий кружок, свободно скользящий вдоль нее. Если подуть на кружок слева, он соскользнет по спице вправо (рис. 345,*а*). Если же подуть на кружок слева, надев предварительно на спицу экран перед кружком, то кружок скользнет налево и прижмется к экрану (рис. 345,*б*). Объясните явление.

§ 191. Эффект Магнуса и циркуляция. В предыдущем параграфе мы рассмотрели силу, возникающую при обтекании тела потоком,— силу сопротивления воздуха,— направленную *по скорости* потока. Однако так бывает только в тех случаях, когда обтекаемое тело вполне симметрично относительно потока. Если же тело несимметрично по форме или несимметрично расположено относительно потока, то

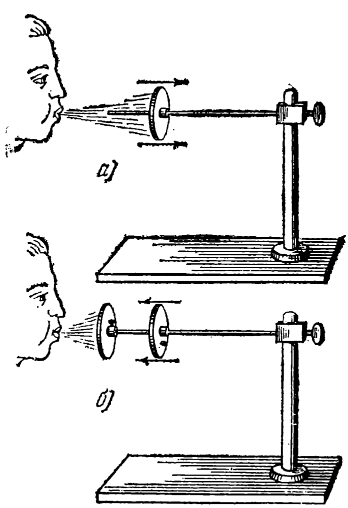


Рис. 345. К упражнению 190.2.

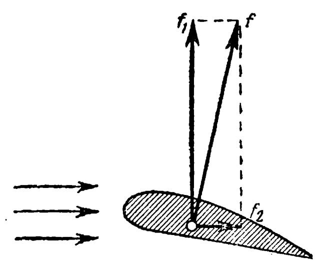


Рис. 346. Разложение силы f, действующей на крыло самолета, на подъемную силу f_1 и лобовое сопротивление f_2.

сила, действующая на тело, направлена под углом к потоку.

Такова, например, сила, действующая на крыло летящего по горизонтальному направлению самолета со стороны встречного потока воздуха. На рис. 346 показан разрез («профиль») крыла и сила f, на него действующая. Сила f направлена под значительным углом к горизонту. Эту силу можно разложить на две составляющие: вертикальную f_1 и горизонтальную f_2. Вертикальную составляющую (перпендикулярную к потоку) называют *подъемной силой*. Именно благодаря возникновению подъемной силы при обтекании тел оказалось возможным создание летательных аппаратов тяжелее воздуха: подъемная сила поддерживает самолет в воздухе. Горизонтальную составляющую, направленную по потоку, называют *лобовым сопротивлением*. Возникновение лобового сопротивления нами уже разобрано. Теперь мы должны пояснить, каким образом возникает подъемная сила, направленная перпендикулярно к потоку.

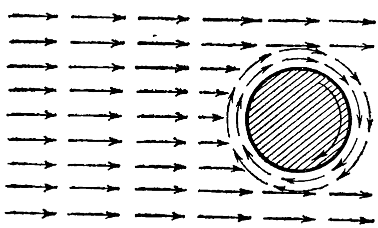


Рис. 347. При вращении цилиндра скорость увлекаемого воздуха с одной стороны складывается со скоростью потока (верхняя часть рисунка), а с другой—вычитается (нижняя часть рисунка).

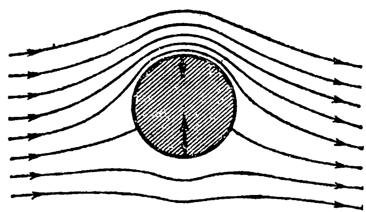


Рис. 348. Линии тока проведены гуще с той стороны вращающегося цилиндра, где скорость потока больше; давление с этой стороны меньше.

Для этого мы сначала рассмотрим обтекание вращающегося цилиндра равномерным потоком воздуха (рис. 347). В этом случае движение воздуха сравнительно просто и направление сил легко определить.

При своем вращении цилиндр увлекает прилегающие слои воздуха; в результате окружающий воздух получает, кроме поступательного движения, еще и вращение вокруг цилиндра. В тех местах, где скорости поступательного и вращательного движений складываются, результирующая скорость воздуха превосходит скорость потока, набегающего на цилиндр; с противоположной стороны цилиндра скорости вычитаются и результирующая скорость меньше, чем скорость потока вдали от цилиндра. Рис. 348 изображает получающееся распределение линий тока. Там, где скорость больше, линии тока расположены гуще.

Но из закона Бернулли мы знаем, что в тех местах, где скорость больше, давление понижено, и наоборот. Следовательно, с двух сторон на цилиндр действуют неравные силы; их результирующая, направленная перпендикулярно к потоку, и является подъемной силой.

Подъемная сила, перпендикулярная к потоку, возникает при вращении не только цилиндра, но и любого другого тела. Возникновение силы, перпендикулярной к потоку, при обтекании вращающегося тела называется *эффектом Магнуса*. Эффект Магнуса был впервые обнаружен при изучении полета вращающихся артиллерийских снарядов: подъемная сила, действующая со стороны встречного потока воздуха, отклоняет снаряд от линии прицела; это отклонение должно быть учтено при точной стрельбе. В меньшем масштабе эффект Магнуса можно наблюдать на летящем футбольном или теннисном мяче, который отклоняется в сторону, если при ударе он получил вращение.

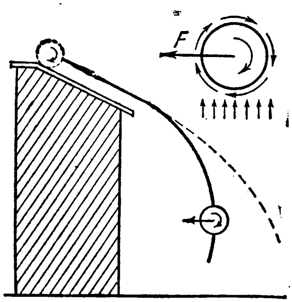


Рис. 349. Эффект Магнуса на падающем вращающемся цилиндре.

Эффект Магнуса можно легко обнаружить при помощи опыта, изображенного на рис. 349. Легкий бумажный цилиндр, скатываясь с наклонной доски, отклоняется при падении от обычной траектории (пунктир) и движется по более крутой линии (сплошная линия). Встречный поток воздуха направлен относительно цилиндра вверх, а цилиндр вращается по часовой стрелке; поэтому возникающая подъемная сила F направлена справа налево.

Мы видим, что возникновение подъемной силы связано с наличием кругового движения потока воздуха около обтекаемого тела; это круговое движение, налагаясь на общий поток, создает разницу в скоростях потока с двух сторон тела, благодаря чему и создается разность давлений, обусловливающая подъемную силу. Круговое движение потока вокруг тела называется *циркуляцией*. В эффекте Магнуса циркуляция, а следовательно, и подъемная сила возникают благодаря вращению цилиндра. В других случаях циркуляция может быть вызвана не вращением тела, а иными причинами. Для возникновения подъемной силы важно только, чтобы поток, обтекающий тело, имел циркуляцию. Тогда распределение скоростей всегда будет такое, что образующаяся разность давлений создаст силу, направленную перпендикулярно к потоку.

§ 192. Подъемная сила крыла и полет самолета. Рассмотрим теперь обтекание крыла самолета потоком воздуха. Опыт показывает, что, когда крыло помещено в поток воздуха, вблизи острого заднего конца крыла возникают вихри, вращающиеся в случае, изображенном на рис. 350, против часовой стрелки. Вихри эти растут, отрываются от крыла и уносятся потоком. Остальная масса воздуха вблизи крыла

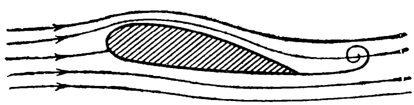


Рис. 350. У острого края профиля образуется вихрь.

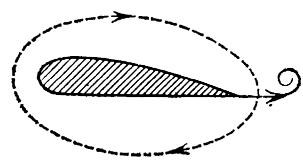


Рис. 351. При образовании вихря возникает циркуляция воздуха вокруг крыла.

получает при этом противоположное вращение (по часовой стрелке), образуя циркуляцию около крыла (рис. 351). Накладываясь на общий поток, циркуляция обусловливает распределение линий тока, изображенное на рис. 352.

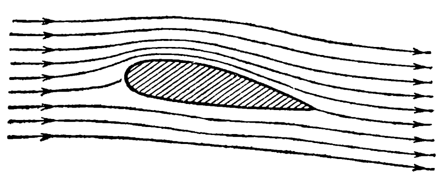


Рис. 352. Вихрь унесен потоком, а линии тока плавно обтекают профиль: они сгущены над крылом и разрежены под крылом.

Мы получили для профиля такую же картину обтекания, как и для вращающегося цилиндра. И здесь на общий поток воздуха наложено вращение вокруг крыла — циркуляция. Только, в отличие от вращающегося цилиндра, здесь циркуляция возникает не в результате вращения тела, а благодаря возникновению вихрей вблизи острого края профиля крыла. Циркуляция ускоряет движение воздуха над крылом и замедляет его под крылом. Вследствие этого над крылом давление понижается, а под крылом повышается.

Равнодействующая f всех сил, действующих со стороны потока на крыло (включая силы трения), направлена вверх и немного отклонена назад (см. рис. 346). Ее составляющие перпендикулярно к потоку и в направлении потока представляют собой подъемную силу f_1 и лобовое сопротивление f_2. Чем больше скорость набегающего потока, тем больше и подъемная сила, и лобовое сопротивление Эти силы зависят, кроме того, и от формы профиля крыла, и от угла, под которым поток набегает на крыло (*угол атаки*), а также от плотности набегающего потока: чем больше плотность, тем больше и эти силы. Профиль крыла выбирают так, чтобы оно давало возможно большую подъемную силу при возможно меньшем лобовом сопротивлении. Теория возникновения подъемной силы крыла при обтекании потоком воздуха была дана основоположником теории авиации, основателем русской школы аэро- и гидродинамики Николаем Егоровичем Жуковским (1847—1921).

Теперь мы можем объяснить, как летает самолет. Воздушный винт самолета, вращаемый мотором, или реакция струи реактивного двигателя сообщает самолету такую скорость, что подъемная сила крыла достигает веса самолета и даже превосходит его. Тогда самолет взлетает. При равномерном прямолинейном полете сумма всех сил, действующих на самолет, равна нулю, как и должно быть согласно первому закону Ньютона. Так, например, на рис. 353 изображены силы, действующие на самолет при горизонтальном полете с постоянной скоростью. При этом сила тяги пропеллера f равна и противоположна силе лобового сопротивления воздуха F_2 для всего самолета, а сила веса P равна и противоположна подъемной силе F_1.

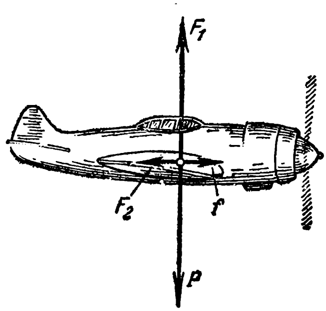


Рис. 353. Силы, действующие на самолет при горизонтальном равномерном полете.

Самолеты, рассчитанные на полет с различной скоростью, имеют различные размеры крыльев. Медленно летящие транспортные самолеты должны иметь большую площадь крыльев, так как при малой скорости подъемная сила, приходящаяся на единицу площади крыла, невелика. Скоростные же самолеты получают достаточную подъемную силу и от крыльев малой площади.

Так как подъемная сила крыла уменьшается при уменьшении плотности воздуха, то для полета на большой высоте самолет должен двигаться с большей скоростью, чем вблизи земли.

Подъемная сила возникает и в том случае, когда крыло движется в воде. Это дает возможность строить суда, движущиеся на «подводных крыльях». Корпус таких судов

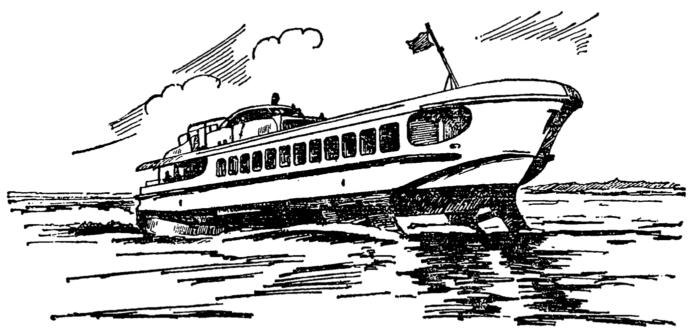


Рис. 354. Судно на подводных крыльях.

во время движения выходит из воды (рис. 354). Это уменьшает сопротивление воды движению судна и позволяет достичь большой скорости хода. Так как плотность воды во много раз больше, чем плотность воздуха, то можно получить достаточную подъемную силу «подводного крыла» при сравнительно малой его площади и умеренной скорости.

Назначение самолетного винта — это придание самолету большей скорости, при которой крыло создает подъемную силу, уравновешивающую вес самолета. С этой целью винт самолета укрепляют на горизонтальной оси. Существует другой тип летательных аппаратов тяжелее воздуха, для которого крылья не нужны. Это — вертолеты (рис. 355). В вертолетах ось воздушного винта расположена вертикально и винт создает тягу, направленную вверх, которая и уравновешивает вес вертолета, заменяя подъемную силу крыла. Винт вертолета создает вертикальную тягу независимо от того, движется вертолет или нет. Поэтому при работе воздушных винтов вертолет может неподвижно висеть в воздухе или подниматься по вертикали. Для горизонтального перемещения вертолета необходимо создать тягу, направленную горизонтально. Для этого не нужно устанавливать специальный винт с горизонтальной осью, а достаточно только несколько изменить наклон лопастей вертикального винта, что выполняется при помощи специального механизма во втулке винта [1]).

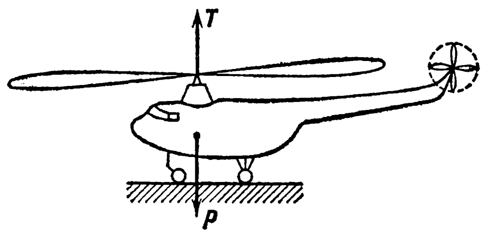


Рис. 355. Схема вертолета.

Известная игрушка в виде маленького воздушного винта, насаженного на катушку, приводимую в быстрое вращение вокруг оси с помощью обмотанной вокруг нее нитки, может служить моделью вертолета. При вращении катушки винт испытывает тягу, направленную вверх, и, срываясь с катушки, взлетает высоко в воздух.

§ 193. Турбулентность в потоке жидкости или газа. Глядя с большого расстояния на дым, выходящий из фабричной трубы и уносимый ветром, мы видим сплошную струю, равномерно вытекающую из отверстия трубы и вытягивающуюся по направлению ветра. Дым делает видимым движение воздуха, и издали, когда мелкомасштабные движения не видны, представляется, что оно происходит плавно, в виде отдельных струй. Одной из таких струй и является дымная полоса.

Теперь приблизимся к трубе и присмотримся внимательнее к деталям движения воздуха в дымной струе. Мы увидим беспорядочные клубы дыма, перемешивающиеся между собой; эта клубящаяся масса и уносится в виде струи общим потоком ветра. Издали было видно только это общее регулярное движение; вблизи обнаруживается, что отдельные

[1]) Небольшой винт с горизонтальной осью, работающий во время полета вертолета, служит только для того, чтобы корпус вертолета не стал вращаться в сторону, обратную вращению винта с вертикальной осью.

участки струи совершают, кроме него, еще и беспорядочные движения то в одну, то в другую сторону, то перегоняя струю, то отставая от нее. Это явление — наличие в потоке беспорядочных движений участков среды — называют *турбулентностью* потока.

Благодаря турбулентности происходит перемешивание потока. Например, в дымовой струе беспорядочные движения воздуха переносят частицы дыма во все стороны; струя расширяется и на большом расстоянии от трубы оказывается размытой во все стороны. Этот результат турбулентности виден и на большом расстоянии.

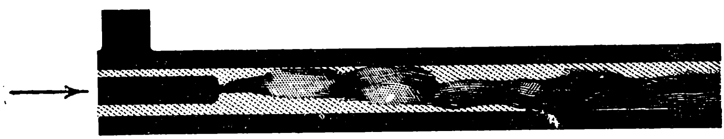


Рис. 356. Турбулентное движение воды.

Турбулентность — весьма распространенное явление. При ветре движение воздуха всегда турбулентно. При движении тела в воздухе позади него образуется турбулентный след; явление особенно сильно выражено для тел, плохо обтекаемых встречным потоком; с этим связано и большое значение силы сопротивления для таких тел (§ 190). Турбулентно и течение воды в реке, и движение воды в водопроводных трубах и т. д. Турбулентность в потоке жидкости или газа может отсутствовать только при определенных условиях (см. следующий параграф).

Чтобы непосредственно наблюдать турбулентность, нужно сделать видимым движение потока воды или воздуха. В воздухе это легко осуществить при помощи дыма. В воде удобно применить подкрашивание струек какой-нибудь жидкой краской или чернилами. Если, например, пропускать быстрый поток воды по стеклянной трубке и ввести в трубку тонкую трубочку, через которую подавать струйку чернил, то расплывание струйки укажет на турбулентность (рис. 356).

§ 194. Ламинарное течение. Будем уменьшать скорость потока воды в опыте, описанном в конце предыдущего параграфа. Мы увидим, что, начиная с некоторой скорости, чернильная струйка перестанет расплываться и вытянется вдоль стеклянной трубки (рис. 357). Значит, при малой скорости течения турбулентность потока исчезает и движение делается струйным, или, как говорят, *ламинарным*. Если снова увеличить скорость потока, то течение опять сделается турбулентным. Опыты показывают, что в узких трубках турбулентность прекращается при большей скорости,

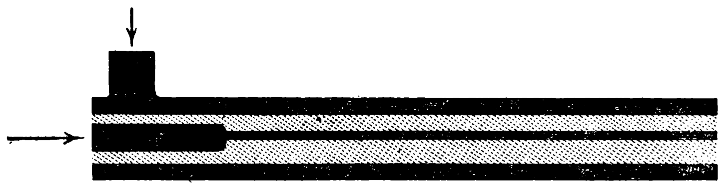


Рис. 357. Ламинарное движение воды.

чем в широких. В капиллярах движение жидкости или газа всегда ламинарно. Опыт показал, далее, что в вязких жидкостях (масло, глицерин) течение в трубке может оставаться ламинарным при значительно бо́льших скоростях, чем в текучих жидкостях (вода, спирт). Интересно отметить, что при нормальном кровообращении кровь протекает в артериях без турбулентности.

ЧАСТЬ ВТОРАЯ

ТЕПЛОТА. МОЛЕКУЛЯРНАЯ ФИЗИКА

ГЛАВА X

ТЕПЛОВОЕ РАСШИРЕНИЕ ТВЕРДЫХ И ЖИДКИХ ТЕЛ

§ 195. Тепловое расширение твердых и жидких тел. Простые опыты и наблюдения убеждают нас, что при повышении температуры размеры тел немного увеличиваются, а по охлаждении — уменьшаются до прежней величины. Так,

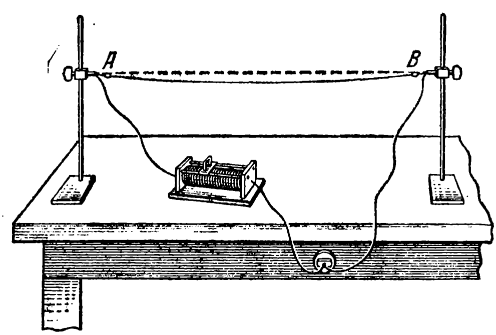


Рис. 358. При нагревании электрическим током проволока AB удлиняется и провисает. По выключении тока она вновь принимает прежнее положение.

например, сильно разогретый болт не входит в резьбу, в которую он свободно входит, будучи холодным. Когда болт охладится, он снова входит в резьбу. Телеграфные провода в жаркую летнюю погоду провисают заметно больше, чем во время зимних морозов. Увеличение провисания, а следовательно, и длины натянутых проволок при нагревании легко воспроизвести на опыте, изображенном на рис. 358.

Накаливая горизонтально натянутую проволоку электрическим током, а затем прекращая накаливание, мы видим, как проволока заметно провисает, а затем снова поднимается.

При нагревании увеличиваются не только длина тела, но также и другие линейные размеры. Изменение линейных размеров тела при нагревании называют *тепловым линейным расширением.*

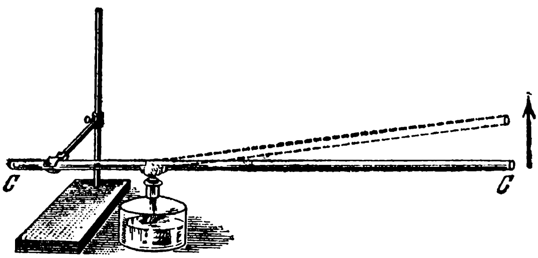


Рис. 359. Стеклянная трубка *CC* при нагревании ее снизу заметно изгибается вверх.

Если однородное тело (например, стеклянная трубка) нагревается одинаково во всех своих частях, то оно, расширяясь, сохраняет свою форму. Иное происходит при неравномерном нагревании. Рассмотрим такой опыт. Стеклянная трубка расположена горизонтально и один ее конец закреплен. Если трубку нагревать снизу, как показано на рис. 359, то верхняя ее часть остается вследствие плохой теплопроводности стекла более холодной; при этом трубка изгибается кверху. Легко понять, что нижняя половина изогнутой трубки сжата, так как она не может расширяться в той мере, в какой расширялась бы, если бы не составляла одно целое с верхней половиной. Верхняя половина, наоборот, растянута. Таким образом, при неравномерном нагревании тел в них возникают *напряжения*, которые могут повести к их разрушению, если напряжения сделаются слишком большими. Так, стеклянная посуда в первый момент, когда в нее налита горячая вода, находится в напряженном состоянии и иногда лопается. Это происходит вследствие того, что сперва прогреваются и расширяются внутренние части и растягивают при этом внешнюю поверхность посуды. Такого напряжения при нагревании можно избегнуть, если взять посуду со столь тонкими стенками, что они быстро прогреваются по всей толщине (химическая посуда).

По сходной причине лопается обычная стеклянная посуда, если пытаться греть в ней жидкости на огне или на электрической плитке. Существуют, однако, специальные сорта стекла (так называемое *кварцевое стекло*, содержащее до 96% кварца, SiO_2), которые расширяются при нагревании настолько мало, что напряжения при неравномерном нагревании посуды, сделанной из такого стекла, не опасны. В кастрюле из кварцевого стекла можно кипятить воду.

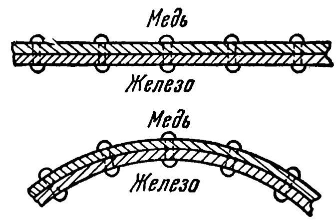


Рис. 360. Вверху: пластинка, склепанная из медной и железной полосок, в холодном состоянии. Внизу: та же пластинка в нагретом состоянии (для наглядности изгиб показан преувеличенным).

Линейное расширение различных материалов при одном и том же повышении температуры различно. Это видно, например, из такого опыта: две разнородные пластинки (например, железная и медная) склепывают между собой в нескольких местах (рис. 360). Если при комнатной температуре пластинки прямые, то при нагревании они искривятся, как изображено на рис. 360 внизу. Это показывает, что медь расширилась в большей мере, чем железо. Из этого опыта следует также, что при изменениях температуры тела, состоящего из нескольких различно расширяющихся частей, в нем тоже появляются внутренние напряжения. В опыте, изображенном на рис. 360, медная пластинка является сжатой, а железная — растянутой. По причине неодинакового расширения железа и эмали возникают напряжения в эмалированной железной посуде; при сильном нагреве эмаль иногда отскакивает.

Напряжения, появляющиеся в твердых телах вследствие теплового расширения, могут быть громадны. Это необходимо принимать во внимание во многих областях техники. Бывали случаи, когда части железных мостов, склепанные днем, охлаждаясь ночью, разрушались, срывая многочисленные заклепки. Во избежание подобных явлений принимают меры к тому, чтобы части сооружений при изменении температуры расширялись или сжимались свободно.

Например, железные паропроводы снабжают пружинящими изгибами в виде петель (компенсаторы, рис. 361).

Увеличение линейных размеров сопровождается увеличением объема тел (*объемное расширение* тел).

О линейном расширении жидкостей говорить нельзя, так как жидкость не имеет определенной формы. Объемное же расширение жидкостей нетрудно наблюдать. Наполним колбу подкрашенной водой или другой жидкостью и заткнем ее пробкой со стеклянной трубкой так, чтобы жидкость вошла в трубку (рис. 362, *а*). Если к колбе поднести снизу сосуд с горячей водой, то в первый момент жидкость в трубке опустится, а затем начнет подниматься (рис. 362, *б* и *в*).

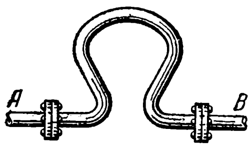


Рис. 361. Компенсатор на паропроводе дает возможность трубам *А* и *В* расширяться.

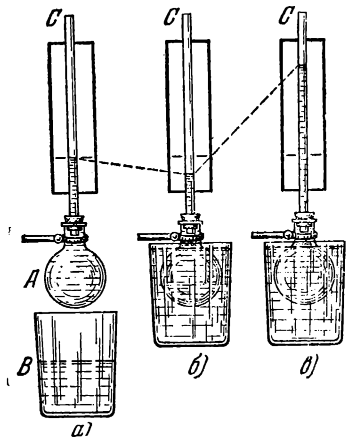


Рис. 362. *а*) К колбе *А* снизу подносится сосуд *В* с горячей водой; *б*) в первый момент погружения колбы жидкость в трубке *С* опускается; *в*) уровень в трубке через некоторое время устанавливается выше, чем до нагревания колбы.

Понижение уровня жидкости в первый момент указывает на то, что сперва расширяется сосуд, а жидкость еще не успела прогреться. Затем прогревается и жидкость. Повышение ее уровня показывает, что жидкость расширяется в большей мере, чем стекло.

Различные жидкости расширяются при нагревании по-разному: например, керосин расширяется сильней, чем вода.

Если жидкость нагревается в замкнутом сосуде, который препятствует ее расширению, то в ней, так же как и в твердых телах, появляются огромные напряжения (силы давления), действующие на стенки сосуда и могущие их разрушить. Поэтому системы труб водяного отопления всегда снабжаются расширительным баком, присоединенным к верхней части системы и сообщающимся с атмосферой (рис. 363). При нагревании воды в системе труб небольшая часть воды переходит в расширительный бак, и этим исключается напряженное состояние воды и труб.

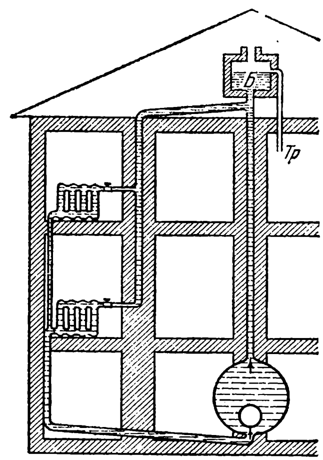


Рис. 363. Схема устройства водяного отопления в доме. На чердаке помещен расширительный бак *Б*, из которого вода стекает по трубке *Тр*.

Упражнения. **195.1.** Как меняется диаметр отверстия в чугунной плите кухонной печи, когда печь нагревается?

195.2. Когда балалайку выносят из теплого помещения на мороз, ее стальные струны становятся более натянутыми. Какое заключение можно вывести отсюда о различии в расширении стали и дерева?

195.3. В роялях стальные струны натягиваются на железную раму. Меняется ли натяжение струн при настолько медленном изменении температуры, что рама успевает принять ту же температуру, что и струны (железо расширяется почти в той же степени, что и сталь)?

195.4. Для впайки электродов в электрическую лампу употребляют сплав «платинид», расширяющийся при нагревании так же, как стекло. Что может случиться, если впаять в стекло медную проволочку (медь расширяется заметно сильнее стекла)?

195.5. Как изменился бы опыт, изображенный на рис. 362, если бы колба была сделана из кварцевого стекла?

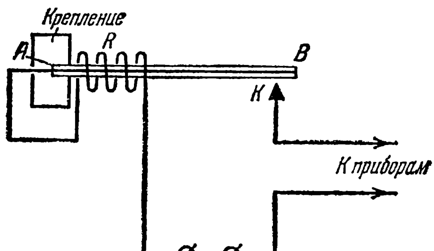


Рис. 364. Упрощенная схема термореле.

195.6. В технике часто пользуются биметаллическими пластинками, состоящими из двух тонких пластинок разных металлов, приваренных друг к другу по всей поверхности соприкосновения. На рис. 364 показана упрощенная схема термореле́ — прибора, автоматически выключающего на небольшой срок электрический ток, если он почему-либо превысит допустимую величину. *AB* — биметаллическая пластинка, *R* — небольшой нагревательный элемент, при допустимой силе тока нагревающийся слишком слабо для работы реле, K — контакт. Разберитесь в действии термореле. С какой стороны пластинки AB должен находиться металл, расширяющийся в большей мере?

Рис. 365. Жидкостный термометр лабораторного типа.

§ 196. Термометры. Расширение тел при нагревании используют для устройства приборов, служащих для определения температуры тел,— *термометров.*

Грубым термометром может служить, например, двойная пластинка, изображенная на рис. 360, или колба с трубкой.

Обыкновенный жидкостный термометр состоит из небольшого стеклянного резервуара, к которому присоединена стеклянная трубка с узким внутренним каналом (рис. 365). Резервуар и часть трубки наполнены какой-либо жидкостью (ртутью, спиртом, толуолом и т. п.). О температуре среды, в которую погружен термометр, судят по положению верхнего уровня жидкости в трубке. Деления на шкале условились наносить следующим образом. В том месте шкалы, где устанавливается уровень столбика жидкости, когда резервуар термометра опущен в тающий снег, ставят цифру 0. В том месте шкалы, где устанавливается столбик жидкости, когда резервуар термометра погружен в пары воды, кипящей при нормальном давлении (760 *мм* рт. ст.), ставят число 100. Промежуток между этими отметками делят на сто равных частей, называемых *градусами*. Градусы обозначают ° С (например, 18° С). Ниже точки нуля и выше точки 100° С наносят деления той же величины. Буква С указывает на имя ученого Цельсия, предложившего такой способ деления шкалы (*термометр Цельсия*, или *стоградусный*). Кроме шкалы Цельсия в Англии и Америке до сих пор в ходу шкала Фаренгейта (°F), в которой температуре таяния льда соответствует 32° F, а температуре кипения воды 212° F.

Описанным термометром, конечно, можно пользоваться только при таких температурах, при которых вещество, которым он наполнен,— жидкое. Например, ртутным термометром нельзя измерять температуру ниже —39° С, так как при более низкой температуре ртуть затвердевает.

Данное выше определение градуса является до известной степени произвольным. Подъем уровня жидкости в трубке термометра зависит от свойств жидкости и от сорта стекла, из которого сделан термометр. Очевидно, мы не можем ожидать, чтобы точно совпадали между собой показания двух, даже тщательно изготовленных термометров с делениями, проставленными по указанному выше способу, если эти термометры сделаны из разных материалов.

Действительно, если мы, например, для ртутного термометра разделили расстояние между отметками 0° С и 100° С на сто равных частей, то отсюда еще вовсе не следует, что и для любого другого вещества деления должны быть одинаковыми по длине. Поэтому нужно выбрать термометр какого-нибудь определенного устройства и с ним сравнивать все прочие. В качестве такого термометра выбрали *газовый термометр*, т. е. термометр, в котором отсчитывается изменение давления газа с повышением температуры. Устройство газового термометра мы рассмотрим в § 235. Показания тщательно изготовленного ртутного термометра отличаются от показаний газового термометра очень мало.

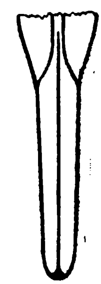


Рис. 366. Схема устройства резервуара медицинского термометра (без ртути); виден стеклянный волосок, кончик которого входит в трубку термометра.

Жидкостные термометры строятся разных размеров и форм, смотря по назначению. Цена деления на их шкале тоже бывает различна: 1°, 0,1°, иногда даже 0,01°.

Само собой разумеется, что термометр показывает температуру только той части жидкости, с которой он соприкасается. Поэтому, если мы хотим знать температуру жидкости, занимающей значительный объем, то эту жидкость нужно тщательно перемешать, чтобы обеспечить одинаковость температуры по всему ее объему.

Отсчитывать показание термометра обычного типа, вынув его из жидкости, температуру которой измеряют, нельзя — показание его изменится.

Иногда изготовляют термометры, показывающие *максимальную* или *минимальную* температуру, которую принимал термометр. К числу максимальных термометров принадлежит широко распространенный *медицинский* термометр. В резервуар термометра впаян тонкий стеклянный волосок, отчасти входящий в трубку термометра и сужающий ее канал (рис. 366). Прохождение ртути из трубки обратно в резервуар сквозь узкий канал требует значительного давления, как мы узнаем дальше, изучая свойства жидкостей. Поэтому при охлаждении термометра ртутный столбик, разрываясь в месте сужения, остается в трубочке (рис. 367) и указывает, таким образом, наиболее высокую температуру, которую термометр имел подмышкой больного. Чтобы возвратить ртуть в резервуар, следует встряхнуть термометр.

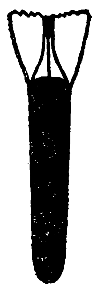


Рис. 367. Резервуар медицинского термометра, наполненный ртутью, при комнатной температуре; стеклянный волосок удерживает в трубке столбик ртути, не пропуская ее в резервуар.

Упражнения. **196.1.** Рассмотрите при помощи сильной лупы устройство медицинского термометра. Если термометр употребляли для измерения температуры человека и не сбили его, то в лупу виден стеклянный волосок, входящий в трубку.

196.2. Нормальная температура человеческого тела около 37° С. Сколько это составит по шкале Фаренгейта?

196.3. Почему разрушается медицинский термометр, если его резервуар нагреть до температуры выше 43° С? Как можно устроить термометр, чтобы он не разрушался, если его нагреть слишком сильно?

§ 197. Формула линейного расширения. Измерения показывают, что одно и то же тело расширяется при различных температурах по-разному: при высоких температурах тепловое расширение обычно сильнее, чем при низких. Однако разница в расширении невелика, и при относительно небольших изменениях температуры мы можем ею пренебречь и считать, что *изменение размеров тела пропорционально изменению температуры.*

Обозначим длину тела при начальной (например, комнатной) температуре t буквой l, а длину того же тела при температуре t' — буквой l'. Удлинение тела при нагревании на $(t'-t)^\circ$ равно $l'-l$. Удлинение того же тела при нагревании на 1° С будет при наших предположениях в $t'-t$ раз меньше, т. е. будет равно $\frac{l'-l}{t'-t}$. Это — общее удлинение *всего тела*; оно тем больше, чем длиннее тело.

Для того чтобы получить характеристику теплового расширения *материала*, из которого сделано тело, надо взять *относительное* удлинение, т. е. отношение наблюденного удлинения к длине нашего тела при определенных «нормальных» условиях. «Нормальной» длиной считают длину тела при 0° С, обозначаемую l_0. Итак, величина, характеризующая тепловое расширение материала, есть $\alpha = \frac{l'-l}{l_0(t'-t)}$. Она называется *коэффициентом линейного расширения* и показывает, на какую долю своей нормальной длины увеличивается длина тела при нагревании на 1° С. Так как тепловое расширение большинства тел весьма незначительно, то длина l_0 при 0° С очень мало отличается от длины l при другой температуре, например комнатной. Поэтому в выражении коэффициента линейного расширения l_0 можно заменить на l, так что

$$\alpha = \frac{l'-l}{l(t'-t)}. \tag{197.1}$$

Для определения коэффициента α надо измерить длину l стержня из исследуемого материала, поддерживая по всему его объему одну и ту же температуру t. Затем следует с той же относительной точностью измерить удлинение $l'-l$, вызванное изменением температуры от t до t'. Чтобы увеличить точность измерения удлинения $l'-l$, которое обычно бывает очень малым, приходится прибегать к особым приемам (например, к измерению при помощи микроскопа перемещения конца стержня, другой конец которого закреплен).

В таблице 3 приведены значения коэффициентов линейного расширения некоторых материалов.

Таблица 3

Коэффициенты линейного расширения некоторых материалов (в ***град***$^{-1}$**)**

Материал	α, *град*$^{-1}$
Алюминий	$24 \cdot 10^{-6}$
Вольфрам	$4 \cdot 10^{-6}$
Дерево вдоль волокон	$6 \cdot 10^{-6}$
» поперек »	$30 \cdot 10^{-6}$
Железо	$12 \cdot 10^{-6}$
Инвар (сплав железа и никеля)	$0{,}9 \cdot 10^{-6}$
Латунь	$18 \cdot 10^{-6}$
Медь	$17 \cdot 10^{-6}$
Свинец	$29 \cdot 10^{-6}$
Стекло обычное (примерно)	$10 \cdot 10^{-6}$
» кварцевое	$0{,}7 \cdot 10^{-6}$
Суперинвар (сплав железа и никеля с добавкой хрома)	$0{,}03 \cdot 10^{-6}$
Цинк	$30 \cdot 10^{-6}$
Фарфор (примерно)	$3 \cdot 10^{-6}$

Обратим внимание на ничтожную величину коэффициентов расширения инвара, суперинвара и кварцевого стекла. Инвар применяют в точных приборах (например, для маятников точных часов), показания которых не должны зависеть от температуры. Из инвара делают эталоны длины, применяемые при особо точных измерениях, например геодезических. Кварцевая посуда не лопается при очень резких изменениях температуры (например, остается целой, если раскаленную докрасна посуду опустить в воду). Причина лежит в малом коэффициенте расширения кварца, благодаря чему возникают лишь незначительные напряжения, даже если соседние части значительно различаются по температуре.

Зная коэффициент линейного расширения, мы можем рассчитать длину тела при любой температуре в пределах не очень большого температурного интервала. Преобразуем формулу (197.1):

$$l'-l=l\alpha(t'-t) \quad \text{или} \quad l'=l[1+\alpha(t'-t)].$$

Обозначив для краткости приращение температуры $t'-t$ одной буквой τ, напишем:

$$l'=l(1+\alpha\tau). \tag{197.2}$$

Мы получили *формулу линейного расширения*. Выражение, стоящее в скобках, носит название *бинома* (или *двучлена*) *расширения*. Бином расширения показывает, во сколько раз увеличилась длина тела при нагревании его на τ градусов.

Формулой (197. 2) можно пользоваться и для того случая, когда нужно найти длину тела после его охлаждения. При этом приращение температуры τ нужно считать отрицательным (новая температура t' меньше исходной температуры t). Ясно, что в этом случае бином будет меньше единицы; это соответствует уменьшению длины тела при охлаждении.

Мы ограничились рассмотрением *небольших* изменений температуры, при которых коэффициент расширения можно считать постоянным. При значительных изменениях температуры это уже не имеет места. Например, коэффициент расширения железа при температурах около —200° С равен 0,000003 *град*$^{-1}$; при температурах, близких к 0° С, он равен 0,000012 *град*$^{-1}$; при температурах, близких к 600° С, равен 0,000016 *град*$^{-1}$. Поэтому формулой (197.2) следует пользоваться лишь для небольших изменений температур, придавая α разные значения, в зависимости от температурного интервала.

Упражнения. **197.1.** При 0° С длины железного и цинкового стержней должны быть равны между собой, а при 100° С должны разниться на 1 *мм*. Какие длины стержней при 0° С удовлетворяют этому условию?

197.2. Внутренний диаметр полого медного цилиндра при 20° С равен 100 *мм*. В каком интервале температур отклонение от этой величины не превышает 50 *мк*?

197.3. При помощи мерительного инструмента, сделанного из железа (штангенциркуль), предназначенного для работы при 20° С, измерили длину некоторого предмета при —20° С. Отсчет дал 19,97 *см*. Какова длина измеряемого тела?

§ 198. Формула объемного расширения. Аналогично коэффициенту линейного расширения можно ввести *коэффициент объемного расширения* материала, характеризующий изменение объема при изменении температуры. Опыт показывает, что, так же как и в случае линейного расширения, можно без заметной ошибки принять, что *приращение объема тела пропорционально приращению температуры*, в пределах не слишком большого температурного интервала.

Обозначив объем тела при начальной температуре t через V, объем при конечной температуре t' через V', объем при 0° С («нормальный» объем) через V_0 и коэффициент объемного расширения через β («бéта» — греческая буква), найдем:

$$\beta = \frac{V' - V}{V_0 (t' - t)}.$$

Так как для твердых и жидких тел тепловое расширение незначительно, то объем V_0 при 0° С очень мало отличается от объема при другой температуре, например комнатной. Поэтому в выражении коэффициента объемного расширения можно заменить V_0 через V, что практически удобнее. Итак,

$$\beta = \frac{V' - V}{V (t' - t)}. \qquad (198.1)$$

Отметим, что тепловое расширение газов настолько значительно, что замена V_0 на V влечет уже заметное изменение, и поэтому в случае газов такое упрощение можно делать только для малых интервалов температур (см. далее, § 232). Из формулы (198.1) получаем:

$$V' = V[1 + \beta (t' - t)].$$

Обозначив, как и в § 197, приращение температуры $t' - t$ буквой τ, напишем:

$$V' = V(1 + \beta\tau). \qquad (198.2)$$

Эта формула позволяет рассчитать объём тела, если известны начальный объем и приращение температуры. Выражение $1+\beta\tau$ носит название *бинома объемного расширения*.

При увеличении объема тел плотность их уменьшается во столько раз, во сколько увеличился объем. Обозначая плотность при температуре t буквой d, а при t' — буквой d', имеем:

$$d' = \frac{d}{1+\beta\tau}.$$

Так как $\beta\tau$ обычно значительно меньше единицы, то для приближенных расчетов можно упростить эту формулу следующим образом:

$$d' = \frac{d(1-\beta\tau)}{(1+\beta\tau)(1-\beta\tau)} = \frac{d(1-\beta\tau)}{1-\beta^2\tau^2}.$$

Пренебрегая $\beta^2\tau^2$ по сравнению с единицей, получим:

$$d' = d(1-\beta\tau). \qquad (198.3)$$

Как и в случае линейного расширения, формулами (198.2) и (198.3) можно пользоваться и для случая охлаждения тел, принимая приращение температуры τ отрицательным.

Упражнение. **198.1.** В теле с коэффициентом объемного расширения β имеется полость объема V. Чему станет равен объем полости, если температура тела повысится на t°?

§ 199. Связь между коэффициентами линейного и объемного расширений. Пусть кубик со стороной l расширяется от нагревания. Его начальный объем равен $V=l^3$. При нагревании на τ градусов каждая его сторона сделается равной $l\,(1+a\tau)$ и объем $V'=l^3(1+a\tau)^3$. Следовательно,

$$\beta = \frac{V'-V}{V\tau} = \frac{l^3(1+\alpha\tau)^3 - l^3}{l^3\tau} = \frac{(1+\alpha\tau)^3-1}{\tau} =$$

$$= \frac{1+3\alpha\tau+3\alpha^2\tau^2+\alpha^3\tau^3-1}{\tau} = 3\alpha+3\alpha^2\tau+\alpha^3\tau^2.$$

Мы видели, что α — величина весьма малая. Так как, кроме того, мы рассматриваем только небольшие изменения температуры, то члены $3\alpha^2\tau$ и $\alpha^3\tau^2$ малы по сравнению с 3α

(например, при $\alpha=20\cdot10^{-6}$ *град*$^{-1}$ и $\tau=100°$ член $3\alpha^2\tau$ в 500 раз меньше 3α, а член $\alpha^3\tau^2$ в 750 000 раз меньше 3α). Поэтому мы можем пренебречь членами $3\alpha^2\tau$ и $\alpha^3\tau^2$ по сравнению с 3α и считать, что

$$\beta = 3\alpha.$$

Итак, *коэффициент объемного расширения равен утроенному коэффициенту линейного расширения*. Например, для железа он равен 0,000036 *град*$^{-1}$.

Упражнение. **199.1.** При определении плотности жидкостей употребляют *пикнометры* — стеклянные сосуды с узким горлышком, на котором ставятся отметки, соответствующие определенной емкости: 10 $см^3$, 50 $см^3$ и т. д. (рис. 368). Пусть при 20° С емкость пикнометра равна 50 $см^3$. Какова она при 100° С?

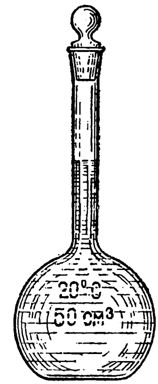


Рис. 368. Пикнометр.

§ 200. Измерение коэффициента объемного расширения жидкости. Измерить коэффициент объемного расширения жидкости можно следующим образом. Стеклянная колба, снабженная узкой цилиндрической шейкой (рис. 369), наполняется испытуемой жидкостью до определенной метки на шейке. Затем колбу нагревают и отмечают, насколько поднялся уровень жидкости в шейке.

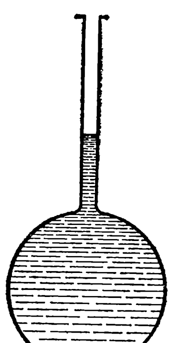


Рис. 369. Прибор для измерения коэффициента объемного расширения жидкости.

Если известны начальный объем сосуда, площадь сечения канала в шейке колбы и изменение температуры, то можно определить, какая доля начального объема жидкости в колбе перешла при нагревании на 1° в шейку колбы. Однако коэффициент расширения жидкости *больше* этой величины, так как одновременно нагрелась и расширилась сама колба. Чтобы найти коэффициент расширения жидкости, нужно к этой величине добавить коэффициент объемного расширения стекла. Впрочем, коэффициент объемного расширения стекла обычно значительно меньше коэффициента объемного расширения жидкости, и при грубых измерениях им можно пренебречь. Коэффициенты объемного расширения некоторых жидкостей приведены в таблице 4.

Таблица 4

Коэффициенты объемного расширения некоторых жидкостей при 20° С

Жидкость	Коэффициент объемного расширения	Жидкость	Коэффициент объемного расширения
Ртуть	$0,18 \cdot 10^{-3}$	Спирт	$1,1 \cdot 10^{-3}$
Керосин	$1,0 \cdot 10^{-3}$	Эфир	$1,7 \cdot 10^{-3}$

Упражнение. **200.1.** Пикнометр наполнен спиртом при 0° С и взвешен. Затем он погружен в сосуд с теплой водой. При помощи пропускной бумаги отобрано столько спирта, чтобы его уровень находился на прежней метке, после чего пикнометр снова взвешен. Каков коэффициент объемного расширения спирта при таких данных: пикнометр пустой весит 32,7 *Г*, со спиртом при 0° С весит 74,5 *Г*, со спиртом при 29° С весит 73,2 *Г* (расширением стекла пренебречь)?

§ 201. Особенности расширения воды. Самое распространенное на поверхности Земли вещество — вода — имеет особенность, отличающую ее от большинства других жидкостей. Она расширяется при нагревании только свыше 4° С. От 0° С до 4° С объем воды, наоборот, при нагревании уменьшается. Таким образом, *наибольшую плотность вода имеет при* 4° С.

Эти данные относятся к пресной (химически чистой) воде. У морской воды наибольшая плотность наблюдается примерно при 3° С. Увеличение давления тоже понижает температуру наибольшей плотности воды.

Особенности расширения воды имеют громадное значение для климата Земли. Бóльшая часть (79%) поверхности Земли покрыта водой. Солнечные лучи, падая на поверхность воды, частично отражаются от нее, частично проникают внутрь воды и нагревают ее. Если температура воды низка, то нагревшиеся слои (например, при 2° С) более плотны, чем холодные слои (например, при 1° С), и потому опускаются вниз. Их место занимают холодные слои, в свою очередь нагревающиеся. Таким образом, происходит непрерывная смена слоев воды, что способствует равномерному прогреванию всей толщи воды, пока не будет достигнута температура, соответствующая максимальной плотности. При дальнейшем нагревании верхние слои становятся все менее плотными, а потому и остаются вверху.

Вследствие этого большие толщи воды сравнительно легко прогреваются солнечными лучами лишь до температуры наибольшей плотности воды; дальнейшее прогревание нижних слоев идет крайне медленно. Наоборот, охлаждение воды до температуры наибольшей плотности идет сравнительно быстро, а затем процесс охлаждения замедляется.

Все это ведет к тому, что глубокие водоемы на поверхности Земли имеют, начиная с некоторой глубины, температуру, близкую к температуре наибольшей плотности воды (2—3° С). Верхние слои морей в теплых странах могут иметь температуру, значительно более высокую (30° С и более).

ГЛАВА XI

РАБОТА. ТЕПЛОТА. ПРИНЦИП СОХРАНЕНИЯ ЭНЕРГИИ

§ 202. Изменения состояния тел. Расcматривая движение тела, брошенного вверх и затем падающего (§ 101), мы установили, что при отсутствии сопротивления воздуха сумма кинетической и потенциальной энергий движущегося тела остается постоянной. Этот закон относится также к любой системе тел, на которые не действуют никакие внешние силы и которые движутся без трения. Но мы указали тогда же, что при наличии сил трения или неупругих ударов этот закон не имеет места: сумма кинетической и потенциальной энергий не остается постоянной. Так, например, при падении камня в снег или песок и кинетическая и потенциальная его энергии убывают, так как он и опускается, и уменьшает свою скорость.

Иногда наблюдаются, наоборот, случаи увеличения суммы кинетической и потенциальной энергий тел. Например, если из покоящейся на столе бутылки с газированной водой под давлением углекислого газа пробка и часть жидкости вылетят из бутылки и поднимутся на некоторую высоту, то сумма кинетической и потенциальной энергий системы тел увеличится.

Эти изменения механической энергии никогда не проходят бесследно: одновременно происходят какие-либо изменения состояний тел, которые могут быть весьма разнообразными. Например, когда механическая энергия тел убывает, часто наблюдается нагревание тел. Так, трущиеся и ударяющиеся тела нагреваются: нагреваются оси колес экипажа, нагревается пила и распиливаемое полено. Ударив несколько раз по куску свинца молотком и расплющив его, мы можем обнаружить нагревание его; сгибая и разгибая проволоку, заметим, что место изгиба, где происходит трение внутренних частей проволоки, нагрелось. Наоборот, в случаях, когда механическая энергия возрастает, нередко наблюдается охлаждение тел. Например, в случае с вылетом пробки из бутылки с газированной водой охлаждается газ, избыточное давление которого выбросило пробку.

Кроме нагревания, при трении могут происходить и другие изменения состояния тел. Одним из важных случаев изменения состояния тел является превращение их из сплошных в мелкораздробленные, т. е. размельчение тел. Простейшими примерами являются разбрызгивание воды, истирание куска мела при писании на доске, истирание карандаша при писании на бумаге. Таким размельчением является и размалывание зерна в муку между жерновами. Затупливание, а также и заточка режущих инструментов — ножей, бритв, токарных резцов и т. д. — также представляют собой измельчение их режущего края. Иногда трение или удар могут превращать тело из твердого состояния в жидкое.

На основании подобных фактов мы ввели понятие *внутренней энергии* тел (§ 104). Мы указали тогда, что внутренняя энергия тела зависит от его температуры, от того, является ли тело твердым, жидким или газообразным, находится ли оно в мелкораздробленном состоянии или является сплошным, и т. д.

Если под действием внешней силы производится работа против сил трения, в результате чего температура тела повышается или оно измельчается, расплавляется или испаряется, то внутренняя энергия тела увеличивается. Если, наоборот, температура тела понижается, или оно превращается из газообразного в жидкое и т. п., то внутренняя энергия тела уменьшается.

Нам предстоит теперь более подробно рассмотреть явления, связанные с изменением внутренней энергии тел.

§ 203. Измерение нагревания тел при совершении работы. В предыдущем параграфе мы установили, что при работе против сил трения трущиеся тела нагреваются. Было сделано много различных опытов с целью точно измерить то нагревание, которое получается при совершении определенной работы.

Одним из первых производил такие опыты Джоуль в середине прошлого столетия. Джоуль делал эти измерения при помощи прибора, изображенного на рис. 370. Разрез прибора показан в упрощенном виде на рис. 371. В сосуде с водой вращаются лопасти A, приводимые в движение с помощью груза P, который подвешен на шнуре, перекинутом через блок B. При опускании груза лопасти вращаются, проходя при этом сквозь отверстия в перегородках C, и, увлекая воду, вызывают трение одних слоев воды о другие. При трении воды она и сосуд нагреваются; никаких других изменений ни вода, ни остальные части прибора не

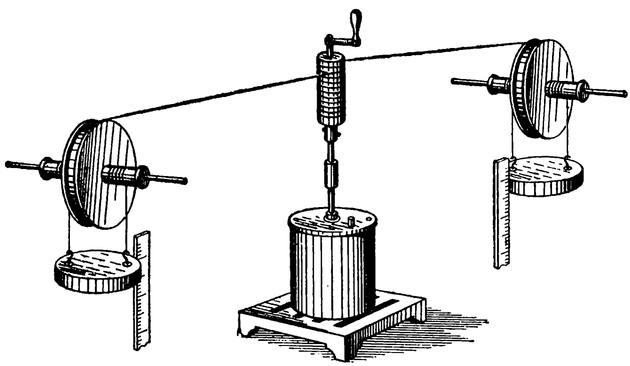


Рис. 370. Прибор Джоуля для измерения нагревания, получающегося при затрате механической работы.

испытывают. Сила тяжести совершает работу, равную весу груза P, умноженному на высоту h, с которой он опускается. В начале и в конце опыта все части прибора — груз, лопасти, вода — находятся в покое, так что в результате опыта кинетическая энергия всех этих тел не изменяется. Таким образом, *вся совершенная работа вызывает только нагревание* воды, лопастей и других частей прибора. Это дает возможность подсчитать, какую работу нужно затратить, чтобы повысить температуру одного грамма воды на 1° С. При этом Джоуль учел, что кроме воды нагреваются также и лопасти и сосуд. Как учитывается это нагревание, мы рассмотрим далее.

Опыты Джоуля повторялись неоднократно, причем условия опыта подвергались разнообразным изменениям. Менялось количество наливавшейся воды, вес грузов и высота их поднятия, моменты действующих сил и т. д. При всех этих измерениях всегда получался один и тот же результат: *для нагревания* 1 *грамма воды на* 1° С *надо произвести работу в* 4,2 *джоуля.*

Кроме описанного опыта, и самим Джоулем и другими исследователями было выполнено много других опытов, также имевших целью установить связь между нагреванием и совершенной работой. Наблюдалось нагревание газа, возникающее за счет работы, совершенной при сжатии; определялось разогревание трущихся друг о друга металлических дисков при одновременном определении работы сил, совершенной при преодолении трения, и т. д. Сравнение результатов этих опытов представляет некоторую трудность, так как в разных опытах нагреванию подвергались весьма различные тела. Мы увидим дальше (§ 209), каким образом можно каждый раз свести полученное нагревание к нагреванию одного и того же вещества, например воды. Если произвести такое сравнение, то из всех описанных и многих аналогичных опытов можно вывести крайне важное заключение: *если при исчезновении механической энергии не происходит никаких изменений в состоянии тел* (например, плавления, испарения и т. д.), *кроме изменения температуры, то за счет энергии* 4,2 *джоуля температура* 1 *грамма воды повышается всегда на* 1° С.

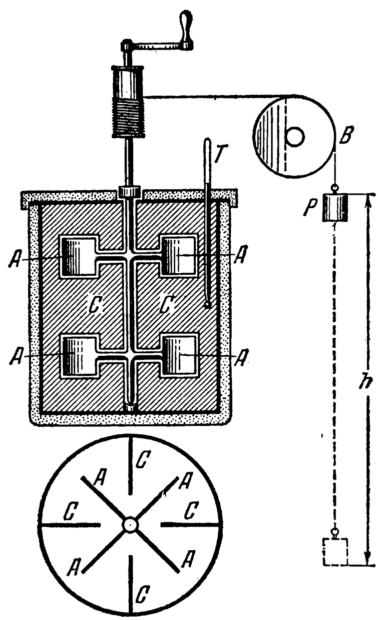


Рис. 371. Разрез прибора Джоуля. *AA* — лопасти, *CC* — перегородки.

Таким образом, опыты Джоуля дают подтверждение закона сохранения энергии в расширенном смысле. При всех движениях, как происходящих без трения, так и сопровождающихся трением, *сумма кинетической, потенциальной и внутренней энергий всех участвующих тел не изменяется.* Эту сумму мы будем называть *полной энергией* тел или просто их энергией.

Рассмотрим пример. Пусть над свинцовой пластинкой висит на некоторой высоте свинцовый шарик. Энергия этой системы состоит из следующих частей: 1) потенциальной энергии шарика, 2) внутренней энергии шарика и пластинки. Пусть теперь шарик упадет на пластинку и своим ударом вызовет нагревание. Потенциальная энергия шарика уменьшится, зато увеличится внутренняя энергия пластинки и шарика. Полная энергия остается неизменной.

Упражнение. **203.1.** В приборе Джоуля, как это видно на рис. 370 и 371, скорость опускающихся грузов во много раз меньше скорости лопаток. Какая цель преследовалась таким устройством?

§ 204. Второй способ изменения внутренней энергии тел — теплопередача. Мы видели, что при уменьшении механической энергии системы тел происходит соответствующее увеличение их внутренней энергии, а уменьшение внутренней энергии связано с увеличением механической энергии. Эти изменения внутренней энергии тел происходят при совершении той или иной работы (работы при движении с трением, работы при расширении газа и т. п.). При этом и изменение механической энергии и соответствующее этому изменение внутренней энергии равны произведению действующей силы на пройденный путь, т. е. величине, характеризующей произведенную работу.

Однако было бы неправильно считать, что изменение внутренней энергии тела может происходить только при совершении работы. Например, при остывании печи никакой работы не совершается, а внутренняя энергия печи уменьшается. При этом, однако, окружающие тела — воздух, стены, предметы в комнате — нагреваются, т. е. увеличивают свою внутреннюю энергию. В этих случаях принято говорить, что происходит *передача теплоты*: печь отдает некоторое количество теплоты, а окружающие тела получают такое же количество теплоты. Таким образом, *мы называем передачей теплоты такой процесс, при котором внутренняя энергия одних тел уменьшается, а других — соответственно увеличивается, причем механическая энергия тел не изменяется и никакая работа не совершается.*

Отметим, что при процессе теплопередачи далеко не всегда меняется тепловое состояние тел, т. е. их температура; например, когда лед тает, то передача теплоты меняет состояние тела (лед из твердого состояния переходит в жидкое), но температура его остается неизменной.

Для характеристики процесса передачи теплоты вводится понятие *количества теплоты*; количеством теплоты мы называем то изменение внутренней энергии тела, которое происходит при теплопередаче.

Итак, внутренняя энергия тела может изменяться при двух видах процессов: 1) при совершении работы, 2) при передаче теплоты. Конечно, возможны и такие случаи, когда имеют место одновременно и совершение работы, и передача теплоты.

При всех описанных явлениях мы можем делать заключения об изменении внутренней энергии при переходе из одного состояния в другое. Но при этом мы совершенно не затрагиваем вопроса, каков полный запас внутренней энергии тела. Этот вопрос не имеет значения: интерес представляет лишь *изменение внутренней энергии*, подобно тому как это имеет место и для потенциальной энергии (§ 97).

§ 205. Калория. В каких единицах можно измерять внутреннюю энергию? Конечно, в тех же, в которых измеряется и механическая энергия: в джоулях, эргах или килограммометрах. Однако нередко на практике для измерения внутренней энергии вводят новую единицу. Для выбора этой единицы используется то обстоятельство, что при нагревании 1 *г* воды на 1° С требуется всегда вполне определенное количество энергии, а именно 4,2 джоуля.

Это количество энергии и принято за новую единицу энергии. Оно получило название *калории* (сокращенное обозначение: *кал*) и может употребляться для измерения как внутренней, так и всякой другой (например, механической) энергии. Таким образом, *калория равна изменению внутренней энергии 1 г воды при повышении ее температуры на* 1° С; она равна 4,2 джоуля. Употребляют также и единицу, в 1000 раз бóльшую,— килокалорию (*ккал*). Таким образом,

$$1\ \text{кал} = 4{,}2\ \text{дж} = \frac{4{,}2}{9{,}8}\ \text{кГм} = 0{,}427\ \text{кГм};$$

$$1\ \text{ккал} = 4200\ \text{дж} = 427\ \text{кГм}.$$

Числа, показывающие отношение между калорией и другими единицами энергии, употребляемыми в механике, т. е. числа, могущие служить для перевода калорий в другие единицы энергии, принято называть *механическим эквивалентом теплоты*. Механическим эквивалентом теплоты служит, следовательно, число 4,2 *дж/кал*, или 0,427 *кГм/кал*, или 427 *кГм/ккал*. Таким образом, можно сказать, что опыты Джоуля и других, определившие, сколько энергии нужно для нагревания 1 *г* воды на 1° С, *послужили к установлению механического эквивалента теплоты.*

Более тщательные измерения показывают, что для нагревания 1 *г* воды на 1° С требуется несколько больше или меньше энергии, в зависимости от исходной температуры воды. Так, например, для нагревания 1 *г* воды от 1 до 2° С требуется энергии приблизительно на 1% больше, чем для нагревания от 31 до 32° С. Поэтому для определения калории надо точно установить, при какой температуре производить нагревание. В зависимости от этого и значение механического эквивалента теплоты будет несколько больше или меньше. При точных измерениях принято считать за 1 *кал* количество энергии, необходимое для нагревания 1 *г* чистой воды от 19,5 до 20,5° С. Этому соответствует значение механического эквивалента теплоты, равное 4,182 *дж/кал.* Для большинства расчетов, впрочем, можно пользоваться ранее данными определениями и числами, так как ошибка при этом невелика.

§ 206. Зависимость внутренней энергии тела от его массы и вещества. В этом параграфе мы будем говорить об изменениях внутренней энергии тел, связанных с изменениями их температуры.

Опыты Джоуля (§ 203) показывают, что при нагревании 1 *г* воды на 1° С внутренняя энергия этой воды увеличивается на 4,2 *дж* или на 1 *кал.* Для нагревания 10 *г* воды придется затратить в 10 раз больше энергии, и т. д. Таким образом, увеличение внутренней энергии при нагревании воды прямо пропорционально ее массе. То же относится и к любому другому однородному телу.

Так, чтобы нагреть большой утюг до определенной температуры, нужно дольше держать его на плите, чем маленький. Зато большой утюг будет дольше остывать и при остывании отдаст окружающим телам больше теплоты. Например, большим утюгом, нагретым до определенной температуры, можно выгладить больше штук белья, чем маленьким утюгом, нагретым до той же температуры. Таким образом, при одинаковом изменении температуры внутренняя энергия большого утюга изменяется на бóльшую величину.

Итак, *при определенном изменении температуры изменения внутренней энергии тела пропорциональны его массе.* Отсюда видно, что понятие массы тела, которое мы ввели при рассмотрении механических явлений, оказывается полезным и при рассмотрении тепловых явлений.

Наблюдения показывают также, что чем выше температура, до которой было нагрето данное тело, тем больше времени займет процесс остывания; следовательно, телом будет отдано больше теплоты и его внутренняя энергия изменится на бóльшую величину.

Таким образом, *изменение внутренней энергии тела тем значительнее, чем больше изменение его температуры.*

Внутренняя энергия тела зависит не только от массы и температуры его, но также и от *вещества* этого тела. Возьмем два тела одинаковой массы, например два шара — один свинцовый, другой алюминиевый, и нагреем их до одной и той же температуры, например до 100° С. Если теперь погрузить шары в одинаковые сосуды с водой, то увидим, что алюминиевый шар нагреет воду до большей температуры, чем свинцовый. Значит, при охлаждении данная масса алюминия отдаст больше теплоты, чем такая же масса свинца. Обратно, для нагревания на одно и то же число градусов алюминию нужно сообщить больше теплоты, чем такой же массе свинца.

Таким образом, изменение внутренней энергии данной массы алюминия больше, чем изменение внутренней энергии такой же массы свинца при том же изменении температуры.

Так как внутренняя энергия сильно зависит от температуры, то иногда эту энергию называют *тепловой*. Однако внутренняя энергия тел зависит не только от температуры. Она меняется при сжатии жидкостей, при деформации твердых тел (§ 287), при плавлении вещества (§ 219) и его испарении (§ 297). Только для веществ, находящихся в газообразном состоянии, внутренняя энергия практически изменяется только при изменении температуры. Поэтому нецелесообразно заменять общепринятый в науке термин «внутренняя энергия» термином «тепловая энергия». Кроме того, применение последнего термина может привести к смешению с понятием количества тепла, полученного телом (§ 204).

§ 207. Теплоемкость тела. Количество теплоты, которое нужно передать какому-нибудь телу, чтобы повысить его температуру на 1° С, называется *теплоемкостью* этого тела. При остывании на 1° тело отдает такое же количество теплоты. Для нагревания тела не на 1°, а, например, на 10° нужно сообщить телу в 10 раз большее количество теплоты; при остывании его на 10° тело отдает это же количество теплоты. На основании сказанного в предыдущем параграфе *теплоемкость тела пропорциональна массе тела и зависит от вещества*, из которого оно состоит.

Нагревая тело путем теплопередачи, мы увеличиваем его внутреннюю энергию. Кроме того, вследствие расширения при нагревании совершается работа против сил, препятствующих расширению. Силы эти — силы внешнего давления и силы молекулярного притяжения, весьма значительные для твердых тел и жидкостей и ничтожные для газов. На совершение работы при расширении требуется дополнительная энергия, т. е. необходима дополнительная передача теплоты.

В случае твердых тел расширение всегда ничтожно мало (табл. 3); следовательно, очень мала и эта дополнительная энергия и ею можно пренебречь. Для газов, заключенных в твердую оболочку, расширение отсутствует и дополнительная энергия равна нулю. В этих случаях можно сказать, что теплоемкость тела равна увеличению его внутренней энергии при повышении температуры на 1°. В случае жидкостей или газов, нагреваемых в таких условиях, что они могут свободно расширяться (например, в сосуде с подвижным поршнем), работой, совершаемой при расширении, пренебречь нельзя.

При этом в случае газов силами, препятствующими расширению, являются главным образом силы внешнего давления: хотя они невелики, но благодаря значительному расширению газов совершаемая работа заметна; в случае жидкостей расширение невелико (хотя обычно все же в сотни раз больше расширения твердых тел), но зато препятствующие расширению силы молекулярного притяжения, ничтожные для газов, весьма велики для жидкостей; поэтому работа при расширении оказывается значительной. Вопрос о теплоемкости газов, нагреваемых в условиях, когда объем их увеличивается, будет подробнее рассмотрен ниже § 245).

Согласно определению, теплоемкость должна выражаться в единицах энергии, деленных на градусы. Если за единицу энергии выбирают калорию или джоуль, то единицей теплоемкости является *кал/град* или *дж/град*. Можно, конечно, измерять теплоемкость и в *ккал/град* и *эрг/град* и т. д.

§ 208. Удельная теплоемкость. Простые наблюдения, указанные в § 206, и точные измерения, которые производились со специальными приборами, описанными дальше, в § 209, привели к выводу, что теплоемкость тела, состоящего из однородного материала, пропорциональна его массе. Поэтому сравнивать между собой надо теплоемкости тел, изготовленных из различных веществ, но имеющих одинаковую массу. Для характеристики тепловых свойств веществ принимают теплоемкость единицы массы (например, одного грамма) этого вещества. Эта характеристика называется *удельной теплоемкостью*. Она равна, следовательно, отношению теплоемкости данного тела к массе этого тела и должна выражаться в единицах энергии, деленных на градус и на единицу массы. Обычно удельные теплоемкости выражают в *дж/кг·град*, или в *кал/г·град*, или, что то же, в *ккал/кг·град*.

Согласно определению, удельная теплоемкость воды равна 1 *кал/г·град* при нагревании от 19,5 до 20,5° С. При других температурах удельная теплоемкость воды незначительно разнится от 1 *кал/г·град*. В дальнейшем мы будем этим пренебрегать и принимать удельную теплоемкость воды равной 1 *кал/г·град* при любой температуре.

Удельные теплоемкости других веществ также слегка зависят от температуры. Однако если температура меняется мало, то эту зависимость можно не учитывать. Поэтому для большинства расчетов будем принимать, что удельная теплоемкость какого-нибудь вещества есть постоянная величина. В таком случае мы можем вычислить, какое количество теплоты Q надо передать однородному телу, чтобы повысить его температуру от t_1 до t_2. Удельную теплоемкость вещества обозначим буквой c. Если масса тела равна m, то теплоемкость тела равна cm. Для повышения температуры от t_1 до t_2 надо передать телу тепла в t_2-t_1 раз больше. Итак,

$$Q=cm\,(t_2-t_1).$$

§ 209. Калориметр. Измерение теплоемкостей. Для сравнения теплоемкостей разных тел пользуются особым прибором, называемым *калориметром*. Калориметр представляет собой металлический сосуд, имеющий форму стакана (рис. 372). Этот сосуд снабжен крышкой. Его ставят на пробки, помещенные в другой, больший сосуд, так что между обоими сосудами остается слой воздуха. Все эти предосторожности уменьшают отдачу тепла окружающим телам.

Сосуд наполняют известным количеством воды, температура которой до опыта измеряется (пусть она равна t_0). Затем берут тело, теплоемкость которого хотят измерить, и нагревают до известной температуры t_1; например, помещают в пары кипящей воды, так что температура $t_1 = 100°$ C. Нагретое тело опускают в воду калориметра, закрывают крышку и, помешивая мешалкой, ждут, пока температура в калориметре установится (это будет, когда вода и тело примут одинаковую температуру). Тогда отмечают эту температуру t.

Из результатов опытов можно найти теплоемкость тела c, пользуясь тем, что уменьшение энергии охлаждающегося тела равно увеличению энергии нагревающейся при этом воды и калориметра, т. е. применяя закон сохранения энергии.

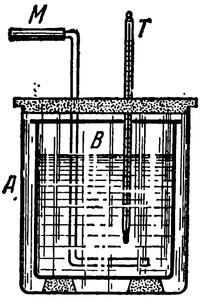


Рис. 372. Устройство калориметра. A и B — наружный и внутренний стаканы, T—термометр, M — мешалка.

При не очень точных измерениях можно считать, что вода калориметра, сам калориметр, мешалка и тело, теплоемкость которого измеряется, за время опыта не успеют отдать заметное количество тепла окружающим телам. (При более точных измерениях надо внести соответственные поправки.) Поэтому суммы энергий тела, воды, калориметра и мешалки до и после опыта можно считать одинаковыми. Иначе говоря, энергия тела уменьшается при опыте на столько же, на сколько увеличивается энергия воды, калориметра и мешалки. Температура тела понижается на $t_1—t$ градусов. Так как никакой работы внутри калориметра не производится, то уменьшение энергии тела равно $c_1m_1(t_1—t)$ калорий, где c_1 — удельная теплоемкость вещества тела, m_1 — масса тела. Вода нагревается на $t - t_0$ градусов, и увеличение ее энергии при этом равно $c_2m_2(t - t_0)$ калорий, где c_2— удельная теплоемкость воды, m_2 — масса воды в калориметре. Мы предполагаем, что калориметр и мешалка сделаны из одного материала и общая масса их m_3, а удельная теплоемкость материала их c_3. Энергия калориметра и мешалки при опыте увеличится на $c_3m_3(t - t_0)$ калорий. Энергией, необходимой для нагревания термометра, можно пренебречь, так как она обычно невелика. Приравнивая уменьшение энергии тела увеличению энергии воды, калориметра и мешалки, получим:

$$c_1m_1(t_1 - t) = c_2m_2(t - t_0) + c_3m_3(t - t_0).$$

Это равенство часто называют *уравнением теплового баланса*. Разрешая его относительно c_1, находим:

$$c_1 = \frac{(t-t_0)(c_2m_2+c_3m_3)}{(t_1-t)m_1}.$$

Таким образом, измерив t, t_0, t_1, m_1, m_2 и m_3, найдем удельную теплоемкость изучаемого тела c_1, если известны удельные теплоемкости воды c_2 и материала калориметра c_3. Удельная теплоемкость воды c_2 может быть принята равной 1 *кал/г·град* (§ 208); удельную теплоемкость материала калориметра c_3 нужно определить отдельно, например путем наблюдения теплового баланса при опускании в калориметр тела, сделанного из того же материала, что и стенки калориметра (т. е. сделав $c_1=c_3$). Определив раз навсегда удельную теплоемкость материала калориметра c_3, мы сможем делать все дальнейшие определения, используя полученное соотношение.

Удельные теплоемкости ряда веществ приведены ниже в таблице 5. В тех случаях, когда температура не указана, значения удельной теплоемкости тел в таблице даны для комнатной температуры. В таблице показано на примере воды, меди и свинца, что удельная теплоемкость тел *зависит от температуры*. У твердых тел при повышении температуры она увеличивается. При очень низких температурах удельная теплоемкость всех тел быстро падает.

Следует обратить внимание на очень большую по сравнению с другими веществами удельную теплоемкость воды.

Заслуживает внимания также то, что удельная теплоемкость льда вдвое меньше теплоемкости воды. У других веществ теплоемкости в твердом и жидком состояниях также резко отличаются друг от друга.

Зная удельную теплоемкость вещества, мы всегда можем рассчитать, какое количество воды имеет такую же теплоемкость, как и данное тело (так называемый *водяной эквивалент*). Пусть, например, стакан калориметра сделан из латуни и имеет массу 100 *г*. Его теплоемкость равна $100 \times \times 0{,}092 = 9{,}2$ *кал/град*. Следовательно, водяной эквивалент этого стакана равен 9,2 *г*. Нагревая в таком стакане 300 *г* воды, можем считать, что мы нагреваем только воду, но в количестве не 300 *г*, а 309,2 *г*.

Теперь можно ответить на вопрос, каким образом в опыте, описанном в § 203, Джоуль мог учесть нагревание,

Таблица 5

Удельные теплоемкости некоторых веществ

Вещество	Удельная теплоемкость	
	кал/г·град	СИ, *дж/кг·град*
Алюминий	0,21	880
Асбест	0,05	210
Вода при 20° С	1,000	4200
» » 90° С	1,005	4220
Воздух, свободно расширяющийся	0,24	1010
Железо	0,11	460
Кирпич	0,2	840
Латунь	0,092	390
Лед при 0° С	0,5	2100
Медь при —163° С	0,067	280
» » 20° С	0,091	380
Песок	0,2	840
Ртуть	0,03	126
Свинец при —259° С	0,0075	32
» » 20° С	0,031	130
» » 300° С	0,034	143
Сера	0,17	710
Сосновое дерево	0,6	2520
Стекло	0,2	840

кроме воды, также и сосуда. Он мог сделать это, пользуясь понятием водяного эквивалента.

Упражнения. **209.1.** Два куска одинакового материала (например, оба железные), но разной массы нагреты до различных температур. Увеличится или уменьшится их общий объем, если горячий кусок передаст некоторое количество теплоты холодному?

209.2. В латунный стакан массой 163 *г*, имеющий комнатную температуру (17° С), вливают 100 *г* воды при 50° С и 200 *г* воды при 10° С. а) Пренебрегая обменом теплоты с окружающими телами, определите окончательную температуру воды. б) Предположим, что температуры вливаемых порций воды точно равны указанным выше, но что имеет место обмен теплоты через стенки сосуда с окружающими предметами. Как повлияет это обстоятельство на окончательную температуру воды в случае, если сперва наливается горячая, а потом холодная вода, и в случае, когда порядок наливания воды обратный?

§ 210. Принцип сохранения энергии. Закон сохранения энергии, применение которого мы рассмотрели для случаев, когда происходит передача теплоты (§ 204) или когда наряду с тепловыми явлениями происходят и механические

(§ 202), имеет всеобъемлющее значение. Он применим ко всем без исключения явлениям природы. Несколько примеров позволят глубже уяснить смысл этого закона.

Пусть происходит какая-нибудь химическая реакция, например горение угля в воздухе. При этом передается теплота окружающим телам; они нагреваются, т. е. увеличивается их энергия. Сверх того, сгорание угля может сопровождаться еще и совершением некоторой механической работы, если, например, уголь сгорает в топке котла паровой машины. Изменилось ли еще что-нибудь в нашей системе тел (уголь, воздух, машина) во время процесса работы машины? До горения мы имели уголь и кислород воздуха, после сгорания — углекислый газ. Следовательно, изменился и химический состав тел. Таким образом, изменение химического состава тел сопровождается совершением работы и нагреванием, т. е. передачей теплоты. Отсюда мы делаем заключение, что внутренняя энергия тел зависит также от их химического состава. В нашем примере энергия угля и кислорода воздуха больше, чем энергия образовавшегося из них углекислого газа. Избыток энергии угля и кислорода над энергией углекислого газа и пошел на нагревание окружающих тел и на совершение работы.

Рассмотрим еще пример: тела, заряженные электричеством, например грозовые облака. При образовании молнии происходит ряд изменений: нагревается воздух и разряжаются облака. Энергия тел зависит не только от их температуры, но и от распределения электрических зарядов на этих телах. При заряде изменяется и то и другое, но полная энергия облаков и воздуха остается неизменной. Эта неизменность полной энергии при всех происходящих процессах и представляет собой закон сохранения энергии. Его можно в самом общем виде сформулировать следующим образом:

Энергия тел зависит от их скоростей, положения, температуры, формы, химического состава и т. д. Изменение энергии тел происходит либо за счет работы, совершаемой этими телами, либо за счет передачи энергии другим телам.

Если мы рассматриваем все тела, участвующие в процессе, то полная энергия их остается неизменной.

Самым существенным в этом законе является необходимость учитывать *все* тела, участвующие в рассматриваемых процессах. Это не всегда легко сделать. Так, во втором из разобранных нами примеров, кроме указанных изменений, происходит ряд других, менее значительных, а именно: от молнии во все стороны распространяется свет, слышен гром, т. е. разносится звук; происходит соединение азота и кислорода воздуха, образующих некоторое количество окислов азота, и т. д. Звук и свет задерживаются (поглощаются) окружающими телами, что в конце концов также вызывает их нагревание. Но нагревающиеся при поглощении звука и света тела могут находиться очень далеко от места образования молнии. В частности, свет от молнии может даже уйти за пределы земного шара и поглотиться где-нибудь на отдаленных мировых телах. Таким образом, строго говоря, при учете всех тел, участвующих в рассматриваемом процессе, мы практически можем встретиться с непреодолимыми затруднениями. Однако в тех случаях, где такой учет возможно провести достаточно строго, мы всегда убеждаемся в справедливости закона сохранения энергии. Это приводит нас к убеждению, что кажущиеся отступления от этого закона объясняются недостаточно полным учетом всех происшедших изменений; и действительно, всегда в этих случаях удается указать на какие-нибудь пропуски в полноте учета. Поэтому *мы убеждены во всеобъемлющем значении закона сохранения энергии.*

В настоящее время уже нет нужды проверять этот закон на каждом конкретном случае; наоборот, убеждение в его приложимости позволяет при рассмотрении конкретных случаев предусматривать результаты или исправлять ошибки в рассуждениях. Такого рода законы природы, имеющие неоспоримое и всеобъемлющее значение, иногда называют *принципами.* Принцип сохранения энергии принадлежит к числу плодотворнейших, и им широко пользуются в самых разнообразных случаях.

§ 211. Невозможность «вечного двигателя». Установление принципа сохранения энергии явилось результатом многочисленных опытов, показавших его справедливость. Число этих опытов было чрезвычайно велико благодаря тому, что вопрос об использовании энергии — один из важнейших вопросов человеческой деятельности.

Уже в средние века стали появляться проекты машин, которые должны были производить работу без каких-либо затрат энергии. Точнее говоря, проектировались машины, устроенные так, что, после того как они произвели некоторую работу и машина возвратилась в исходное положение, ни в одном из окружающих тел не должно было происходить никаких изменений. Такую воображаемую машину называют *вечным двигателем* или *«перепетуум мобиле»* [1]).

Ни одна из этих машин не работала так, как хотели ее изобретатели, т. е. не обеспечивала вечного движения. При разборе проектов каждой из этих машин можно найти ту или иную ошибку. Из принципа сохранения энергии сразу вытекает, что такая машина вообще невозможна и что, следовательно, бесплодно искать какого бы то ни было хитрого сочетания приборов и устройств, которое позволило бы обойти затруднения.

Еще тогда такие гениальные люди, как Леонардо да Винчи, понимали невозможность вечного двигателя. Однако очень долго, даже после установления принципа сохранения энергии, продолжались попытки изобрести вечный двигатель со стороны людей, не обладавших достаточными знаниями. Число проектов подобного рода, посылаемых на рассмотрение, было настолько велико, что в 1775 г. Французская Академия наук вынуждена была опубликовать постановление, что подобные проекты не будут рассматриваться ввиду их неосуществимости.

§ 212. Различные виды процессов, при которых происходит передача теплоты. В предыдущих параграфах мы часто говорили о передаче теплоты, как о процессе, при котором меняется внутренняя энергия тела. Рассмотрим теплопередачу более подробно.

Прежде всего надо отметить, что при отсутствии работы теплопередача всегда идет в определенном направлении: внутренняя энергия горячего тела уменьшается, а внутренняя энергия холодного тела увеличивается. Только при особых обстоятельствах, при непременном условии совершения работы внешней силой, могут происходить процессы, при которых температура горячего тела повышается, а температура холодного тела становится еще более низкой. Мы вернемся к этому вопросу при рассмотрении действия так называемых холодильных машин (§ 327).

Чем больше разность температур тел, тем интенсивней при прочих одинаковых условиях протекает процесс теплопередачи от горячего тела к холодному. Когда же температуры тел уравняются, теплопередача прекращается и

[1]) Perpetuum mobile — по-латыни «вечно движущееся».

наступает так называемое тепловое равновесие. Какие же процессы ведут к выравниванию температур тел? Их известно несколько.

1) Теплопроводность. Когда нагревается холодная вода в кастрюле, поставленной на горячую плиту, происходит передача теплоты сквозь металлические стенки кастрюли. Способность тел производить передачу теплоты называют их *теплопроводностью.* От чего зависит количество теплоты, передаваемой через какую-нибудь стенку? Прежде всего, от разности температур по обе стороны стенки. Чем эта разность больше, тем большее количество теплоты передается через стенку за определенный промежуток времени. Затем, это количество зависит от площади стенки. Вода в кастрюле с бóльшим дном нагревается, как известно, скорее, чем в кастрюле с меньшим дном. Далее, легко убедиться на опыте, что количество теплоты, передаваемой за единицу времени через стенку при определенной разности температур, тем больше, чем тоньше стенка. Наконец, теплопередача сильно зависит от материала стенки. Для характеристики различных материалов в отношении теплопередачи пользуются понятием *коэффициента теплопроводности.* Коэффициентом теплопроводности называют величину, показывающую, какое количество теплоты передается за 1 секунду сквозь единичную площадь стенки толщиной в единицу, при разности температур между поверхностями стенки 1° С. Если, например, коэффициент теплопроводности алюминия равен 0,5 *кал/см·сек·град*, то это означает, что через каждый квадратный сантиметр алюминиевой стенки при разности температур 1° С и при толщине стенки 1 *см* передается 0,5 калории в течение 1 секунды. Не останавливаясь на способах определения коэффициентов теплопроводности, которые довольно сложны, приведем значения коэффициентов теплопроводности некоторых веществ (табл. 6).

В таблице обращает на себя внимание большая сравнительно с другими веществами теплопроводность металлов. Напомним, что электропроводность металлов тоже значительно превосходит электропроводность других веществ. Весьма малы коэффициенты теплопроводности газов.

2) Конвекция. В жидкостях и в газах кроме теплопроводности теплопередача часто осуществляется *конвекцией*, т. е. механическим перемещением нагретых частей. Почти всегда при соприкосновении жидкости или газа

Таблица 6

Коэффициенты теплопроводности некоторых веществ

Вещество	Коэффициент теплопроводности	
	кал/см·сек·град	СИ, *дж/м·сек·град*
Алюминий	0,50	210
Железо	0,14	60
Латунь	0,26	110
Медь	0,92	385
Свинец	0,08	34
Дерево ⊥ к волокнам	0,0004	0,17
Дерево ‖ волокнам	0,0007	0,29
Кирпич	0,003	1,25
Стекло	0,002	0,85
Вода	0,0015	0,63
Воздух	0,00006	0,025
Водород (газ)	0,00042	0,18

с твердыми стенками, имеющими более высокую или более низкую температуру, в жидкости возникают течения: нагревшаяся жидкость (или газ) поднимается вверх, а охладившаяся опускается вниз (рис. 373). Этот процесс происходит вследствие уменьшения плотности жидкости или газа при повышении их температуры: для нагретого объема газа поддерживающая сила больше веса. Легко понять, что конвекционные течения в жидкостях и газах возникают тем легче, чем больше их коэффициенты теплового расширения. Имеет также значение вязкость жидкостей и газов: большая вязкость, естественно, затрудняет возникновение конвекционных течений. В очень узких слоях, например в слое воздуха между двумя близко расположенными оконными стеклами, конвекционные течения слабы. Если

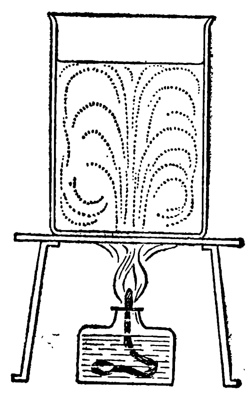


Рис. 373. Конвекционные струи жидкости.

конвекционные течения возникли, они очень способствуют быстрому прогреванию жидкостей и газов; при отсутствии конвекции (например в случае, когда вверху расположена нагретая жидкость, а внизу — охлажденная) прогревание и жидкостей и газов крайне замедляется вследствие их ничтожной теплопроводности.

Конвекционные течения в атмосфере не только играют большую роль для теплопередачи, но и обусловливают ветры. Они вызывают постоянное перемешивание воздуха, благодаря чему воздух в разных местах поверхности Земли имеет практически один и тот же состав. Конвекционные течения в атмосфере поддерживают процесс горения, обеспечивая приток кислорода к пламени и удаляя продукты сгорания.

Конвекционные течения жидкостей и газов широко используют в технике (напомним водяное отопление помещений). Однако в технике естественные конвекционные течения часто оказываются недостаточными. В таких случаях прибегают к принудительной конвекции посредством насосов (например, охлаждение генераторов электрического тока посредством продувания воздуха или водорода).

Кроме конвекционных течений, возникновение которых связано с тепловым расширением жидкости или газа, возможны иные причины перемешивания, а следовательно, и быстрого прогревания их. Например, при течении по трубе легко возникает турбулентное движение, при котором слои текущей жидкости интенсивно перемешиваются между собой (§ 193).

В условиях невесомости конвекционные течения исчезают, так как исчезает поддерживающая сила. Поэтому, например, в условиях невесомости невозможно горение (если не обеспечена искусственная тяга): продукты горения не удаляются от пламени, и оно гаснет вследствие недостатка кислорода. Перемешивание же благодаря турбулентности течения происходит в условиях невесомости так же, как и в обычных условиях.

3) Лучепоглощение и лучеиспускание. Кроме теплопередачи посредством теплопроводности и конвекционных течений, громадное значение в природе и технике имеет теплопередача посредством испускания и поглощения лучей. Поднося руку к нагретому утюгу, мы даже снизу (т. е. там, где подтекает холодный воздух) чувствуем «жар». Утюг испускает лучи и поэтому охлаждается, а рука поглощает лучи и потому нагревается. Эти лучи — не что иное, как электромагнитные волны, о которых будет идти речь далее. Здесь мы не будем подробнее говорить об испускании и поглощении лучей. Упомя-

нем только, что передача теплоты через пространство, в котором отсутствует вещество, например от Солнца к Земле, осуществляется исключительно посредством испускания и поглощения лучей.

4) Кроме теплопроводности, конвекции и излучения, существует много других процессов, при которых горячие тела охлаждаются, а холодные нагреваются: испарение и конденсация, термоэлектрические явления и т. д. Об этих явлениях мы будем говорить дальше.

Упражнения. **212.1.** Где температура накаленного волоска электролампы выше: у поверхности волоска или в середине его?

212.2. Положите на листок белой бумаги безопасную булавку или конторскую скрепку. Подержите листок над зажженной свечой до тех пор, пока бумага не станет желтеть и обугливаться. Затем сбросьте

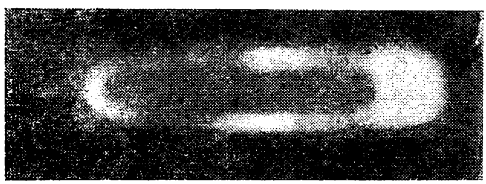


Рис. 374. К упражнению 212.2.

булавку. На пожелтевшей бумаге виден белый след булавки (рис. 374). Объясните явление.

212.3. В таблице 6 указано, что теплопроводность дерева вдоль волокон больше, чем поперек их. Почему это так?

212.4. Коэффициенты теплопроводности латуни и цинка почти одинаковы. Удельные теплоемкости их тоже почти равны. Плотность латуни заметно больше плотности цинка. Какая из двух кружек со стенками одинаковой толщины быстрее прогреется при наливании кипятка: латунная или цинковая?

212.5. Если капнуть воды на горизонтальную накаленную плиту, то капелька долго держится, почти не испаряясь. Если сделать это при слабо накаленной плите, то капелька почти мгновенно с шипением испарится. Объясните явления.

212.6. Предположим, что найдена жидкость, коэффициент теплового расширения которой при любой температуре равен нулю. Как вела бы себя эта жидкость, если бы ее налить в металлическую кастрюлю и поставить на накаленную плиту?

212.7. Приклейте маленький огарок свечи на дно стеклянной банки. Зажгите огарок, накройте банку крышкой и последите за пламенем в двух случаях: 1) банка покоится, 2) банка свободно падает с высоты 2—3 *м* на мягкую кучу песка (чтобы банка не разбилась при падении). Объясните разницу в форме и яркости пламени в этих двух случаях.

212.8. Почему продувание через электрические машины водорода сильнее охлаждает их, чем продувание такой же массы воздуха?

ГЛАВА XII

МОЛЕКУЛЯРНАЯ ТЕОРИЯ

§ 213. Молекулы и атомы. В настоящем разделе физики мы изучаем изменения теплового состояния тел, характеризуемого их температурой, переход тел из твердого состояния в жидкое, из жидкого — в газовое и обратно, и т. д. Естественно возникает вопрос, что происходит *внутри* тел, когда меняется их температура, когда они плавятся или испаряются и т. д. Ответы на эти вопросы, равно как и на ряд других, относящихся к свойствам вещества, дает *молекулярная теория.*

Уже в глубокой древности, за две с половиной тысячи лет до нашего времени, зародилось представление, что все окружающие нас тела состоят из мельчайших частиц, недоступных непосредственному наблюдению. Однако лишь за последние 100—125 лет развилось и было экспериментально обосновано современное учение о молекулах и атомах.

Молекулами называются мельчайшие частицы, из которых состоят различные вещества. При этом в одних случаях — например, у паров металлов, у инертных газов (гелий, аргон и др.) — мельчайшие частицы вещества представляют собой отдельные атомы; в других же случаях подобные частицы состоят из нескольких атомов, например: у водорода, кислорода и азота — из двух, у углекислоты — из трех и т. д. Молекулы сложных веществ — не элементов — состоят из различных атомов элементов, входящих в их состав. Такое представление о строении тел позволило объяснить основные законы химии: закон постоянных отношений и закон кратных отношений.

Как известно из химии, закон постоянных отношений состоит в том, что при образовании любого количества какого-либо химического соединения массы соединяющихся веществ всегда находятся в совершенно определенном отношении. Например, при образовании воды из водорода и кислорода массы входящих в соединение водорода и кислорода всегда относятся как 1 : 8. С точки зрения представлений об атомах и молекулах этот опытный факт сразу становится понятным.

В самом деле, например, для образования воды два атома водорода соединяются с одним атомом кислорода, т. е. молекула воды имеет состав H_2O. Поэтому и отношение масс водорода и кислорода должно быть равно отношению удвоенной массы атома водорода к массе атома кислорода и потому всегда будет одним и тем же, каково бы ни было количество образовавшейся воды. Это связано с тем, что все атомы водорода одинаковы и их масса всегда одна и та же и что все атомы кислорода тоже не отличаются по массе один от другого.

Закон кратных отношений состоит в том, что, когда два элемента образуют несколько соединений, массы одного из элементов в разных соединениях относятся как целые числа. Например, азот и кислород дают пять соединений. Количества кислорода в них, приходящиеся на одно и то же количество азота, относятся как целые числа — как 1 : 2 : 3 : 4 : 5. Этот факт объясняется тем, что одно и то же число атомов одного элемента (2 атома азота в нашем примере) в молекулах разных соединений связано с разным числом атомов другого элемента (в нашем примере с 1, 2, 3, 4 и 5 атомами кислорода). Эти соединения имеют состав: N_2O, N_2O_2, N_2O_3, N_2O_4, N_2O_5.

§ 214. Размеры атомов и молекул. Представление о молекулярном строении тел на первый взгляд не согласуется с нашим обычным опытом: мы не наблюдаем этих отдельных частиц, тела представляются нам сплошными. Однако это возражение нельзя считать убедительным. М. В. Ломоносов в одной из своих работ писал: «Нельзя также отрицать движение там, где глаз его не видит; кто будет отрицать, что движутся листья и ветви деревьев при сильном ветре, хотя издали он не заметит никакого движения. Как здесь из-за отдаленности, так и в горячих телах вследствие малости частичек вещества движение скрывается от взоров». Итак, причина кажущегося разногласия в том, что атомы и молекулы чрезвычайно малы.

В лучший оптический микроскоп, который дает возможность различать предметы, размеры которых не меньше 0,0002—0,0003 *мм*, рассмотреть отдельные молекулы, даже самые крупные, нельзя. Однако целый ряд косвенных методов позволил не только надежно доказать существование молекул и атомов, но даже установить их размеры. Так, размер атома водорода можно считать равным $1{,}2 \cdot 10^{-8}$ *см*; длина молекулы водорода, т. е. расстояние между центрами двух атомов, ее составляющих, равно $2{,}3 \cdot 10^{-8}$ *см*. Существуют более крупные молекулы; например молекулы белка (альбумин) имеют размеры $43 \cdot 10^{-3}$ *см*.

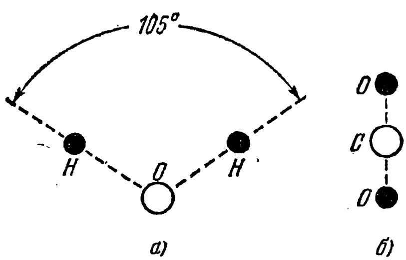


Рис. 375. Схемы строения молекулы воды (*а*) и молекулы углекислого газа (*б*)

В последние годы благодаря устройству специального прибора, позволяющего исследовать объекты чрезвычайно малых размеров,— электронного микроскопа — оказалось возможным сфотографировать некоторые крупные молекулы.

О том, что размеры молекул чрезвычайно малы, можно судить и без измерений, исходя из возможности получать очень малые количества разных веществ. Разведя 1 $см^3$ чернил (например, зеленых) в литре чистой воды, 1 $см^3$ этого раствора еще раз в литре воды, мы получим разведение в 1 000 000 раз. И все же мы увидим, что последний раствор имеет заметную зеленую окраску и вместе с тем вполне однороден. Следовательно, в самом малом объеме, который еще может различить глаз, даже при таком разведении находится очень много молекул красящего вещества. Это показывает, как малы эти молекулы.

Золото можно расплющивать в листочки толщиной 0,0001 *мм*, а обрабатывая такие листочки водным раствором цианистого калия, можно получать листки золота толщиной 0,00001 *мм*. Следовательно, размер молекулы золота, наверное, значительно меньше одной стотысячной миллиметра.

На рисунках мы часто будем изображать молекулы в виде шариков. Однако молекулы (а также, как увидим дальше, и атомы) имеют строение, различное у разных веществ, часто довольно сложное. Известны, например, форма и строение не только таких простых молекул, как H_2O и CO_2 (рис. 375), но и несравненно более сложных, содержащих многие тысячи атомов.

§ 215. Микромир. Успехи в изучении строения вещества, о которых говорилось в предыдущих параграфах, раскрыли перед исследователями природы новый мир — мир мельчайших частиц. Его часто называют *микромиром*; в отличие от мира крупных тел, или *макромира*[1]), микромир недоступен непосредственному наблюдению и для изучения его требуются особые, тонкие методы. Микромир оказался чрезвычайно сложным. Как уже говорилось, любое тело, которое в механике рассматривалось нами как целое тело, при использовании новых методов исследований оказывалось сложной системой громадного числа непрерывно движущихся молекул. Молекулы оказались состоящими из еще более мелких частиц — атомов, причем в некоторых типах молекул число атомов оказалось очень большим. В свою очередь атомы оказались сложными системами, состоящими из электронов и ядер, а сами ядра — состоящими из различных частиц, о которых будет рассказано в последнем томе нашего учебника.

Конечно, все, что происходит и наблюдается в макромире, взаимосвязано с состоянием частиц микромира и с их изменениями. Изменения теплового состояния тел — температурные изменения и переход тел из одного состояния в другое, например из твердого в жидкое,— оказались связанными в основном с изменениями движения молекул и их взаимного расположения. Химические превращения, наблюдаемые в макромире, связаны с изменениями атомного состава молекул.

Строение молекул или атомов, а также движения атомов, составляющих молекулы, и движения частиц, образующих атомы, проявляются в макромире в электрических, магнитных, оптических и других явлениях. Эта необычайная сложность микромира представила бы непреодолимые трудности для его познания, если бы мы не сумели разумно расчленить задачу. Оказывается возможным выделить более простые явления, обусловленные, например, молекулярными

[1]) Греческие слова: ми́крос — малый, ма́крос — большой.

движениями, при изучении которых можно пренебречь более тонкими процессами микромира; далее следует перейти к изучению более тонких процессов и движений, связанных со структурой атомов и молекул, оставляя в стороне внутриядерные процессы, и т. д.

Таким образом, переходя от изучения более простых типов процессов и движений к более сложным, мы постепенно составляем себе все более детальную и глубокую картину микромира.

Начнем с таких явлений, при которых можно не обращать внимания на внутреннюю структуру молекул, на движение составляющих молекулы атомов и на еще более тонкие внутриатомные и внутриядерные процессы и движения. Сюда относится обширная группа тепловых явлений, при которых молекулы можно рассматривать, как неизменные малые тельца.

Итак, приступая к изучению микромира, ограничимся сначала изучением движения и расположения молекул, не рассматривая изменений их внутреннего строения.

§ 216. Внутренняя энергия с точки зрения молекулярной теории. В предыдущей главе мы пришли к выводу, что кроме механической энергии некоторой системы тел, зависящей от их скоростей (кинетическая энергия) и от их взаимного расположения (потенциальная энергия), каждому из тел, составляющих систему, присуща еще внутренняя энергия, зависящая от состояния этого тела. Теперь можно уточнить понятие внутренней энергии. *Внутренняя энергия есть кинетическая и потенциальная энергия частиц, составляющих микромир*: молекул, из которых состоят макротела, атомов, из которых состоят молекулы, электронов и других частиц, составляющих атомы. В предыдущем параграфе мы указали, что в основном тепловые явления можно связать только с движением и расположением молекул как неизменных простых частиц. Поэтому, изучая тепловые явления, мы будем интересоваться только частью внутренней энергии тел, а именно, только кинетической энергией молекул, зависящей от скоростей их беспорядочного движения, и потенциальной энергией молекул, зависящей от их взаимного расположения.

В случае газов изменение внутренней энергии есть в основном изменение кинетической энергии беспорядочного движения их молекул; дело в том, что в газах взаимодействие между молекулами мало и изменениями потенциальной энергии при движении молекул можно пренебречь. В жидкостях и твердых телах взаимодействие молекул весьма велико, и изменение расстояния между молекулами резко изменяет потенциальную энергию их взаимодействия. Поэтому в случае жидких и твердых тел изменение внутренней энергии состоит и в изменении кинетической энергии беспорядочного движения молекул, и в изменении потенциальной энергии их взаимодействия.

В свете молекулярных представлений становится ясно, что происходит, когда вследствие теплопроводности внутренняя энергия горячего тела (или горячей части тела) уменьшается, а холодного тела (или холодной части тела) увеличивается. При взаимодействии молекул происходит обмен их скоростями, подобно тому как происходит обмен скоростями при ударе упругих шаров (§ 102); а обмен скоростями связан с обменом кинетическими энергиями. В результате этого внутренняя энергия горячего тела уменьшается, а холодного — увеличивается, т. е. происходит выравнивание внутренней энергии, точнее, той ее части, которая является кинетической энергией молекул. Отсюда следует вывод, что температура тела связана с кинетической энергией молекул, из которых оно состоит. Подробней будем говорить об этом далее (§ 243).

§ 217. Молекулярное движение. Сопоставим, прежде всего, несколько простых фактов, позволяющих заключить о движении молекул. Положим в стакан холодного чая кусок сахара. Сахар растает и образует густой сироп вблизи дна стакана. Этот сироп хорошо виден, если посмотреть сквозь стакан на свет. Оставим стакан в покое на несколько часов. Останется ли сироп на дне стакана? Нет, он постепенно разойдется по всему стакану. Это распространение сахара по объему стакана происходит самопроизвольно, так как никто чая не перемешивал. Точно так же расходится по комнате запах (например, если открыть флакон с духами); это происходит даже и в том случае, если воздух в комнате совершенно спокоен.

Произведем еще такой опыт: уравновесим на весах большой, открытый сверху сосуд. Если в этот сосуд налить углекислого газа, то равновесие нарушится, так как углекислый газ тяжелее воздуха. Однако через некоторое время равновесие восстановится. Дело в том, что углекислый газ разойдется по всему помещению, а сосуд будет заполнен воздухом с очень малой примесью углекислого газа. Во всех этих случаях одно вещество (сахар, пары ароматических веществ, углекислый газ) распространяется в другом (в воде, в воздухе). Это явление, при котором два вещества сами собой смешиваются друг с другом, называется *диффузией*. При диффузии вещество распространяется во все стороны, также и вверх, т. е. против силы тяжести. Явление диффузии показывает, что молекулы вещества все время движутся. Например, при диффузии сахара в воде разные молекулы растворенного сахара движутся в разные стороны между тоже движущимися молекулами воды, и, таким образом, сахар постепенно распространяется по всему сосуду, заполненному водой.

Итак, явление диффузии ясно показывает нам, что молекулы все время движутся и притом в различных направлениях. Такое движение молекул можно обнаружить не только в газах и в жидкостях, но также и в твердых телах. Оно называется *молекулярным тепловым движением.*

Здесь может возникнуть вопрос: почему же мы при обычном наблюдении не замечаем этого движения в телах? То есть почему тело не движется как целое, хотя все его молекулы находятся в движении? Объяснение лежит в том, что при молекулярном движении разные молекулы движутся в самых разнообразных направлениях, так что тело в целом покоится. При полной беспорядочности движения молекул и громадности числа молекул для любой молекулы найдется другая молекула, летящая приблизительно в противоположную сторону с той же скоростью. Так как газ заключен в оболочку, не дающую молекулам разлететься, то в газе движение молекул сводится к беспорядочному летанию туда и обратно, по всем направлениям. Поэтому нет движения в какую-либо определенную сторону.

§ 218. Молекулярное движение в газах, жидкостях и твердых телах. Общий характер молекулярного движения одинаков для газов, жидкостей и твердых тел. Во всех случаях движение имеет беспорядочный характер, т. е. скорости молекул не имеют какого-либо преимущественного направления, а распределены хаотически по всем направлениям. Вследствие столкновений молекул между собой скорости их все время меняются как по направлению, так и по величине. Поэтому скорости молекул могут сильно различаться между собой. В любой момент в теле есть и молекулы, движущиеся чрезвычайно быстро, и молекулы, движущиеся сравнительно медленно. Однако число молекул, движущихся значительно медленнее или значительно быстрее, чем остальные, мало. Большинство молекул движется со скоростями, сравнительно мало отличающимися от некоторой средней скорости, зависящей от рода молекул и температуры тела. В дальнейшем, говоря о скорости молекул, мы будем иметь в виду их среднюю скорость.

К вопросу об измерении и расчете средней скорости молекул мы обратимся несколько позже.

Во многих рассуждениях относительно движения молекул играет важную роль понятие *средней длины свободного пробега*. Средней длиной свободного пробега называют среднее расстояние, пробегаемое молекулами между двумя последовательными столкновениями. Оно зависит от плотности вещества. Поэтому в газах средняя длина свободного пробега значительно больше, чем в жидкостях; с уменьшением плотности газа средняя длина свободного пробега увеличивается. При атмосферном давлении и 0° С средняя длина свободного пробега молекул воздуха равна примерно 10^{-6}—10^{-5} *см* (рис. 376).

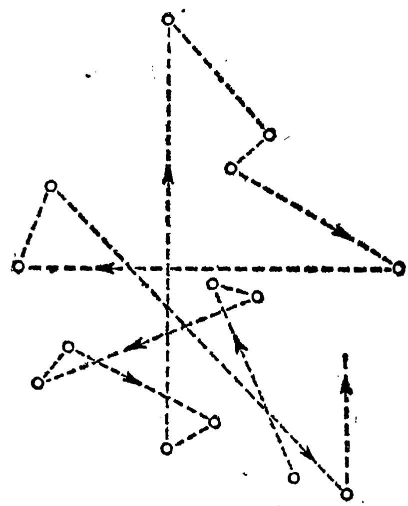


Рис. 376. Таким примерно представляется путь молекулы воздуха при нормальном давлении. Увеличено в миллион раз.

В очень разреженных газах (например, внутри пустотных электрических лампочек) средняя длина свободного пробега достигает нескольких сантиметров и даже десятков сантиметров. Здесь молекулы двигаются от стенки к стенке почти без столкновений.

В жидкостях, которые гораздо плотнее, чем газы, средняя длина свободного пробега молекул очень мала—меньше размеров самих молекул, т. е. около 10^{-8} *см*. Поэтому и диффузия в жидкостях идет гораздо медленнее, чем в газах.

В твердых телах молекулы при тепловом движении почти не передвигаются с места на место: они дрожат, колеблются около некоторого своего среднего положения.

Представление о теплоте, как о движении частичек тела, было развито задолго до создания молекулярной теории М. В. Ломоносовым.

§ 219. Броуновское движение. Как мы видели, давление газа на стенку вызывается ударами молекул об нее. Но ведь число этих ударов за единицу времени случайно может оказаться то больше, то меньше. Поэтому можно предполагать, что сила давления газа на стенку не всегда должна иметь одно и то же значение: иногда она немного больше, иногда меньше. Так ли это? Можно ли обнаружить эти отклонения давления от постоянного значения? Непосредственно измерить эти колебания давления газа на стенку не удается — они слишком малы; но есть явления, которые можно наблюдать и которые объясняются именно наличием колебаний в числе и силе ударов молекул. Это, прежде всего, явление так называемого броуновского движения.

Если наблюдать в сильный микроскоп любые маленькие частицы, находящиеся даже в совершенно спокойной жидкости или газе (например, капельки жира в воде, частицы, из которых состоит дым, или капельки тумана в воздухе), то обнаруживается, что эти частицы находятся в движении. Они непрерывно колеблются, толкутся взад и вперед. Движение меньших частиц сильнее, чем бóльших. Это явление, открытое английским ботаником Броуном в 1827 г., получило название броуновского движения. Причина явления очень долго оставалась непонятной, пока не было доказано, что это движение частиц вызвано толчками окружающих молекул жидкости или газа. Хотя молекулы жидкости (или газа) ударяют частицы со всех сторон, но все же их удары не уравновешивают полностью друг друга. Случайно иногда действие ударов на частицу с какой-нибудь стороны окажется несколько сильнее, чем с других сторон, в результате чего частица начнет двигаться в некотором направлении. Затем перевесят удары с какой-нибудь другой стороны, и частица начнет двигаться в новом направлении. Результатом является беспорядочное движение частицы.

Подробное изучение этого явления не только подтвердило правильность такого объяснения, но его результаты позволили определить число молекул в 1 $см^3$ жидкости и газа. Таким образом, броуновское движение явилось одним из наиболее непосредственных и ярких обоснований молекулярных представлений.

§ 220. Молекулярные силы. Если открыть кран в трубке, соединяющей вверху два баллона, один из которых наполнен газом, а другой — пустой, то часть газа из первого немедленно перейдет во второй. Вещество, находящееся в газовом состоянии, всегда нацело заполняет предоставленный ему объем. Если же первый баллон будет наполнен жидкостью или твердым телом, перехода вещества во второй (пустой) баллон не произойдет. Если пренебречь незначительным испарением, то и жидкость и твердое тело останутся на своих местах.

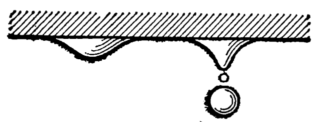


Рис. 377. Повисшая капля воды удерживается от падения силами сцепления. Слишком тяжелая капля падает.

Чем объясняется эта разница между поведением газов и жидкостей? Когда вещество находится в жидком состоянии, между его молекулами действуют некоторые силы, мешающие молекулам вещества разлетаться во все стороны. Будем называть эти силы *молекулярными силами*, или *силами сцепления*. Весьма наглядно видно проявление сил сцепления, когда капельки дождя повисают на проводах или листьях и некоторое время не падают вниз (рис. 377). В этом случае силы сцепления не только мешают молекулам разлетаться во все стороны, но и уравновешивают силу тяжести капли.

В твердых телах, очевидно, тоже действуют силы молекулярного сцепления, удерживающие молекулы друг около друга.

Почему же силы сцепления не проявляются в газах и парах? Мы знаем, что в газах и парах молекулы удалены друг от друга, вообще говоря, на значительно большее расстояние, чем молекулы в жидкостях и в твердых телах. Естественно предположить, что молекулярные силы быстро убывают с расстоянием и поэтому заметно действуют лишь на небольших расстояниях между молекулами; этим и объясняется, что они почти не проявляют себя в газах.

Это предположение может быть подкреплено следующими наблюдениями. Части стеклянного стакана прочно сцеплены между собой, и для их разъединения, т. е. для разрушения стакана, требуется значительная сила. Однако стоит стакану разбиться — и разбитые части уже не взаимодействуют между собой, если их прикладывать друг к другу. Дело в том, что, прикладывая части разбитого стакана друг к другу, мы сближаем между собой лишь ничтожное число молекул. Остальные молекулы остаются на расстоянии хотя и небольшом, однако достаточном для того, чтобы взаимодействие молекул стало ничтожно малым. Но нагретые и вследствие этого размягченные куски стекла при прикосновении слипаются. В этом случае сближается до достаточно малого расстояния большое число молекул и силы взаимодействия оказываются большими.

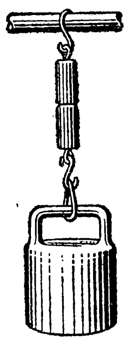


Рис. 378. Приложенные свежими срезами свинцовые бруски слипаются настолько сильно, что выдерживают тяжесть большой гири.

В случае мягких материалов, применяя достаточные силы, можно привести в соприкосновение большое число молекул и при не совсем ровной поверхности. Это, например, можно сделать со свинцом. Если два свежесрезанных свинцовых бруска прижать друг к другу, то они слипаются так, что могут выдержать вес большой гири (рис. 378).

Мы пришли к заключению, что молекулы жидкостей и твердых тел взаимно притягиваются. Однако это не объясняет нам всех свойств жидкостей и газов. В самом деле, мы знаем, что жидкости и твердые тела отличаются от газов еще тем, что они гораздо труднее сжимаются, чем газы. Чтобы, сжимая газ и жидкость, уменьшить их объем на одинаковую долю (например, на 1%), жидкости (и твердые тела) нужно подвергнуть несравненно большему давлению, чем газы.

Чем же объяснить, что при сжатии жидкостей (и твердых тел) возникает громадное давление, препятствующее этому сжатию?

Для объяснения этого факта мы должны предположить, что между молекулами действуют и силы отталкивания. При некотором объеме тела силы притяжения и силы отталкивания в среднем равны между собой и тело находится в равновесном (ненапряженном) состоянии. При изменении объема равновесие между силами притяжения и силами отталкивания нарушается. При этом силы отталкивания изменяются с изменением расстояния в большей степени, чем силы притяжения. Поэтому при сжатии тела, когда расстояние между молекулами уменьшается, силы отталкивания становятся больше сил притяжения, препятствуя сжатию тела. Наоборот, при растяжении тела силы отталкивания уменьшаются значительнее сил притяжения, так что последние берут верх и препятствуют растяжению тела.

Конечно, вследствие теплового движения расстояния между молекулами все время меняются. Одни молекулы притягиваются друг к другу, другие же, слишком сблизившиеся, отталкиваются друг от друга.

Чтобы сжать жидкость (например, сдавить воду в цилиндре поршнем), нужно уменьшить средние расстояния между молекулами. При этом силы отталкивания между молекулами увеличиваются, и благодаря этому увеличивается и давление жидкости на стенки сосуда. Мы видели, что у жидкостей ничтожное уменьшение объема связано с очень большим увеличением давления.

Эти рассуждения можно отнести также и к твердым телам.

При переходе вещества в газовое состояние расстояния между молекулами становятся настолько большими, что ни силы отталкивания, ни силы притяжения практически не имеют значения: молекулы газа не связаны между собой и разлетаются во все стороны вследствие молекулярного движения. Однако эти рассуждения неприменимы к сильно сжатым газам: в сжатых газах взаимодействие молекул сказывается заметно.

ГЛАВА XIII
СВОЙСТВА ГАЗОВ

§ 221. Давление газа. Мы уже говорили (§ 220), что газы всегда нацело заполняют объем, ограниченный непроницаемыми для газа стенками. Так, например, стальной баллон, употребляемый в технике для хранения сжатых газов (рис. 379), или камера автомобильной шины полностью и практически равномерно заполнены газом.

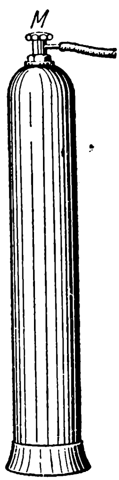


Рис. 379. Стальной баллон для хранения сильно сжатых газов. M—вентиль для выпуска газа.

Стремясь расшириться, газ оказывает давление на стенки баллона, камеры шины или любого другого тела, твердого или жидкого, с которым он соприкасается. Если не принимать во внимание действия поля тяготения Земли, которое при обычных размерах сосудов лишь ничтожно меняет давление, то при равновесии давление газа в сосуде представляется нам совершенно равномерным. Это замечание относится к макромиру. Если же представить себе, что происходит в микромире молекул, составляющих газ в сосуде, то ни о каком равномерном распределении давления не может быть и речи. В одних местах поверхности стенки молекулы газа ударяют в стенки, в то время как в других местах удары отсутствуют; эта картина все время беспорядочным образом меняется. Молекулы газа ударяют в стенки сосуда, а затем отлетают от них со скоростью, которую можно принять равной скорости молекулы перед ударом. Налетая на стенку, молекула передает ей количество движения, равное mv, где m — масса молекулы и v — ее скорость. Отражаясь от стенки (с той же скоростью v), молекула как бы отталкивается от нее и таким образом сообщает ей еще такое же количество движения mv. Таким образом, при каждом ударе (перпендикулярно к стенке) молекула передает ей количество движения равное $2\,mv$. Если за 1 *сек* на 1 *см*^{2} стенки приходится N ударов, то полное количество движения, переданное этому участку стенки, равно $2Nmv$. В силу второго закона Ньютона (§ 49) это количество движения равно произведению силы f, действующей на этот участок стенки, на время τ, в течение которого оно действует. В нашем случае $\tau=1$ *сек*. Итак, $f=2Nmv$ есть сила, действующая на 1 *см*^{2} стенки, т. е. давление. Обозначив его через p (причем p численно равно f), найдем:

$$p=2Nmv.$$

Нетрудно сообразить, что число ударов за 1 *сек* зависит от скорости молекул, ибо чем быстрее они летят, тем чаще ударяются о стенку, и от числа молекул n в единице объема, ибо чем больше молекул, тем больше и число наносимых ими ударов. При не очень сжатом газе можно считать, что N пропорционально n и v, т. е. p пропорционально nmv^2.

Итак, для того чтобы рассчитать с помощью молекулярной теории давление газа, мы должны знать следующие характеристики микромира молекул: массу m, скорость v и число молекул n в единице объема. Для того чтобы найти эти микрохарактеристики молекул, мы должны установить, от каких характеристик макромира зависит давление газа, т. е. установить на опыте законы газового давления. Сравнив эти опытные законы с законами, рассчитанными при помощи молекулярной теории, мы получим возможность определить характеристики микромира, например скорости газовых молекул [1]).

Итак, установим, от чего зависит давление газа?

Во-первых, от степени сжатия газа, т. е. от того, сколько молекул газа находится в определенном объеме. Например, нагнетая в автомобильную шину все больше воздуха или сжимая (уменьшая объем) закрытую камеру, мы заставляем газ все сильней давить на стенки камеры.

---

[1]) Существуют методы, позволяющие и непосредственно измерять скорости газовых молекул (§ 244).

Во-вторых, от того, какова температура газа. Известно, например, что мяч становится более упругим, если его подержать вблизи нагретой печи.

Обычно изменение давления вызывается обеими причинами сразу: и изменением объема, и изменением температуры. Но можно осуществить явление так, что при изменении объема температура будет меняться ничтожно мало или при изменении температуры объем практически останется неизменным. Этими случаями мы сперва и займемся, сделав предварительно еще следующее замечание. Мы будем рассматривать газ в *состоянии равновесия*. Это значит, что в газе установилось как механическое, так и тепловое равновесие.

Механическое равновесие означает, что не происходит движения отдельных частей газа. Для этого необходимо, чтобы давление газа было во всех его частях одинаково, если пренебречь незначительной разницей давления в верхних и нижних слоях газа, возникающей под действием силы тяжести.

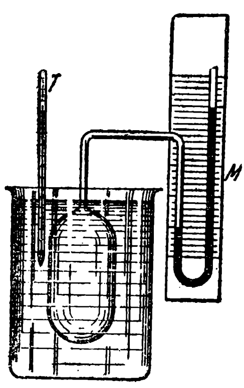


Рис. 380. При опускании колбы в горячую воду присоединенный к колбе ртутный манометр M показывает увеличение давления. T — термометр.

Тепловое равновесие означает, что не происходит передачи теплоты от одного участка газа к другому. Для этого необходимо, чтобы температура во всем объеме газа была одинакова.

§ 222. Зависимость давления газа от температуры. Начнем с выяснения зависимости давления газа от температуры при условии неизменного объема определенной массы газа. Эти исследования были впервые произведены в 1787 г. Шарлем. Можно воспроизвести эти опыты в упрощенном виде, нагревая газ в большой колбе, соединенной с ртутным манометром в виде узкой изогнутой трубки (рис. 380).

Пренебрежем ничтожным увеличением объема колбы при нагревании и незначительным изменением объема при смещении ртути в узкой манометрической трубке. Таким образом, можно считать объем газа неизменным. Подогревая воду в сосуде, окружающем колбу, будем отмечать температуру газа по термометру T, а соответствующее давление — по манометру M. Наполнив сосуд тающим льдом, измерим давление p_0, соответствующее температуре 0° С.

Опыты подобного рода показали следующее:

1. Приращение давления некоторой массы газа при нагревании на 1° составляет определенную часть α того давления, которое имела данная масса газа при температуре 0° С. Если давление при 0° С обозначить через p_0, то приращение давления газа при нагревании на 1° С есть αp_0.

При нагревании на τ градусов приращение давления будет в τ раз больше, т. е. приращение давления *пропорционально приращению температуры.*

2. Величина α, показывающая, на какую часть давления при 0° С увеличивается давление газа при нагревании на 1°, имеет одно и то же значение (точнее, почти одно и то же) для всех газов, а именно $^1/_{273}$ *град*$^{-1}$. Величину α называют *термическим коэффициентом давления.* Таким образом, термический коэффициент давления для всех газов имеет одно и то же значение, равное $^1/_{273}$ *град*$^{-1}$.

Давление некоторой массы газа при нагревании на 1° *в неизменном объеме увеличивается на* $^1/_{273}$ *часть давления при* 0° С (закон Шарля).

Следует иметь, однако, в виду, что температурный коэффициент давления газа, полученный при измерении температуры по ртутному термометру, не в точности одинаков для разных температур: закон Шарля выполняется только приближенно, хотя и с очень большой степенью точности.

§ 223. Формула, выражающая закон Шарля. Закон Шарля позволяет рассчитать давление газа при любой температуре, если известно его давление при 0° С. Пусть давление при 0° С данной массы газа в данном объеме есть p_0, а давление того же газа при температуре t есть p. Приращение температуры есть t, следовательно, приращение давления равно $\alpha p_0 t$ и искомое давление равно

$$p = p_0 + \alpha p_0 t = p_0 (1 + \alpha t) = p_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right). \qquad (223.1)$$

Этой формулой можно пользоваться также и в том случае, если газ охлажден ниже 0° С; при этом t будет иметь отрицательные значения. При очень низких температурах, когда газ приближается к состоянию сжижения, а также в случае сильно сжатых газов закон Шарля неприложим и формула (223.1) перестает быть годной.

Упражнения. **223.1.** Два одинаковых сосуда соединены с манометром, сделанным из узкой стеклянной трубки (рис. 381). Уровни ртути в коленах манометра одинаковы. Сосуды опускаются в банку с теплой водой. а) Что произойдет с положением ртути в манометре? б) Как изменится ответ, если сосуды будут разной величины? в) Как изменится ответ, если один из сосудов будет наполнен азотом, а другой водородом? г) Как изменится ответ, если уровень ртути в правом колене до опускания сосудов в воду будет выше, чем в левом?

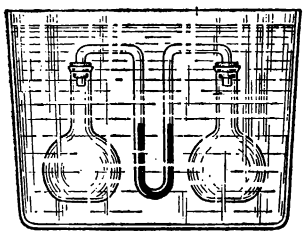


Рис. 381. К упражнению 223.1.

223.2. Некоторые типы электрических ламп накаливания наполняют смесью азота и аргона. При работе лампы газ в ней нагревается примерно до 100° С. Какое должно быть давление смеси газов при 20° С, если желательно, чтобы при работе лампы давление газа в ней не превышало атмосферного?

223.3. На манометрах ставится красная черта, указывающая предел, свыше которого увеличение давления газа опасно. При температуре 0° С манометр показывает, что избыток давления газа над давлением наружного воздуха равен 120 *кГ/см*^{2}. Будет ли достигнута красная черта при повышении температуры до 50° С, если красная черта стоит на 135 *кГ/см*^{2}? Давление наружного воздуха принять равным 1 *кГ/см*^{2}.

223.4. Предположим, что в некоторой стране условились считать за начальное давление газа давление не при 0° С, а при 100° С. Чему в таком случае равнялся бы термический коэффициент давления газов?

§ 224. Закон Шарля с точки зрения молекулярной теории. Что происходит в микромире молекул, когда температура газа меняется, например когда температура газа повышается и давление его увеличивается? С точки зрения молекулярной теории возможны две причины увеличения давления данного газа: во-первых, могло увеличиться число ударов молекул на 1 *см*^{2} в течение 1 *сек*; во-вторых, могло увеличиться количество движения, передаваемое при ударе в стенку одной молекулой. И та и другая причина требует увеличения скорости молекул (напоминаем, что объем данной массы газа остается неизменным). Отсюда становится ясным, что повышение температуры газа (в макромире) есть увеличение средней скорости беспорядочного движения молекул (в микромире). Опыты по определению скоростей газовых молекул, о которых будем говорить немного далее (§ 244), подтверждают этот вывод.

Когда мы имеем дело не с газом, а с твердым или жидким телом, в нашем распоряжении нет таких непосредственных методов определения скорости молекул тела. Однако и в этих случаях несомненно, что с повышением температуры скорость движения молекул возрастает, как мы об этом говорили уже в § 216.

Упражнение. **224.1.** Скорость диффузии увеличивается при повышении температуры. Объясните это.

§ 225. Изменение температуры газа при изменении его объема. Адиабатические и изотермические процессы. Мы установили, как зависит давление газа от температуры, если объем остается неизменным. Теперь посмотрим, как меняется давление некоторой массы газа в зависимости от занимаемого ею объема, если температура остается неизменной. Однако,

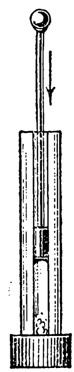


Рис. 382. Быстро вдвигая поршень в толстостенную стеклянную трубку, мы заставляем вспыхнуть внутри трубки легко воспламеняющуюся ватку.

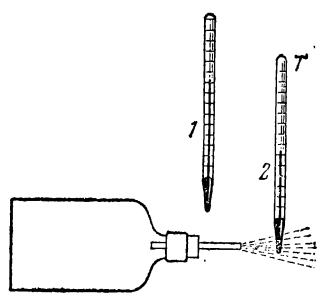


Рис. 383. Термометр *2*, помещенный в струе расширяющегося воздуха, показывает более низкую температуру, чем термометр *1*.

прежде чем перейти к этому вопросу, надо выяснить, как поддерживать температуру газа неизменной. Для этого надо изучить, что происходит с температурой газа, если объем его меняется настолько быстро, что теплообмен газа с окружающими телами практически отсутствует.

Произведем такой опыт. В закрытую с одного конца толстостенную трубку из прозрачного материала (плексигласа или стекла) поместим ватку, слегка смоченную эфиром, и этим создадим внутри трубки смесь паров эфира с воздухом, взрывающуюся при нагревании. Затем быстро вдвинем в трубку плотно входящий поршень (рис. 382). Мы увидим, что внутри трубки произойдет маленький взрыв. Это значит, что при сжатии смеси паров эфира с воздухом температура смеси резко повысилась. Это явление вполне понятно. Сжимая газ внешней силой, мы производим работу, в результате которой внутренняя энергия газа должна была увеличиться; это и произошло — газ нагрелся.

Теперь предоставим газу расширяться и производить при этом работу против сил внешнего давления. Это можно осуществить, например, так (рис. 383). Пусть в большой бутыли находится сжатый воздух, имеющий комнатную температуру. Сообщив бутыль с внешним воздухом, дадим воздуху в бутыли возможность расширяться, выходя из небольшого отверстия наружу, и поместим в струе расширяющегося воздуха термометр или колбу с трубкой, изображенную дальше на рис. 388 (стр. 480). Термометр покажет температуру, заметно более низкую, чем комнатная, а капля в трубке, присоединенной к колбе, побежит в сторону колбы, что также будет указывать на понижение температуры воздуха в струе. Значит, когда газ расширяется и при этом совершает работу, он охлаждается и внутренняя энергия его убывает[1]). Ясно, что нагревание газа при сжатии и охлаждение при расширении являются выражением закона сохранения энергии.

Если мы обратимся к микромиру, то явления нагревания газа при сжатии и охлаждения при расширении станут вполне ясными. Когда молекула ударяется о неподвижную стенку и отскакивает от нее, скорость, а следовательно, и кинетическая энергия молекулы, в среднем такова же, как и до удара о стенку. Но если молекула ударяется и отскакивает от надвигающегося на нее поршня, ее скорость и кинетическая энергия больше, чем до удара о поршень (подобно тому как скорость теннисного мяча увеличивается, если его ударить во встречном направлении ракеткой). Надвигающийся поршень передает отражающейся от него молекуле дополнительную энергию. Поэтому внутренняя энергия газа при сжатии возрастает. При отскакивании от удаляющегося поршня скорость молекулы уменьшается, ибо молекула совершает работу, толкая отходящий поршень. Поэтому расширение газа, связанное с отодвиганием поршня

[1]) Напомним, что в § 202, рассматривая превращения энергии при вылете пробки из бутылки с газированной водой, мы указывали, что газ в бутылке охлаждается.

или слоев окружающего газа, сопровождается совершением работы и приводит к уменьшению внутренней энергии газа.

Итак, сжатие газа внешней силой вызывает его нагревание, а расширение газа сопровождается его охлаждением. Это явление в некоторой мере имеет место всегда, но особенно резко заметно тогда, когда обмен теплотой с окружающими телами сведен к минимуму, ибо такой обмен может в большей или меньшей степени компенсировать изменение температуры.

Процессы, при которых передача теплоты настолько ничтожна, что ею можно пренебречь, называют *адиабатическими*.

Возвратимся к вопросу, поставленному в начале параграфа. Как обеспечить постоянство температуры газа, несмотря на изменения его объема? Очевидно, для этого надо непрерывно передавать газу теплоту извне, если он расширяется, и непрерывно отбирать от него теплоту, передавая ее окружающим телам, если газ сжимается. В частности, температура газа остается достаточно постоянной, если расширение или сжатие газа производится очень медленно, а передача теплоты извне или вовне может происходить с достаточной быстротой. При медленном расширении теплота от окружающих тел передается газу и его температура снижается так мало, что этим снижением можно пренебречь. При медленном сжатии теплота, наоборот, передается от газа к окружающим телам, и вследствие этого температура его повышается лишь ничтожно мало.

Процессы, при которых температура поддерживается неизменной, называют *изотермическими*.

Упражнение. **225.1.** Почему при накачивании воздуха в велосипедную шину насос заметно нагревается?

§ 226. Закон Бойля — Мариотта. Перейдем теперь к более подробному изучению вопроса, как меняется давление некоторой массы газа, если температура его остается неизменной и меняется только объем газа. Мы уже выяснили (§ 225), что такой *изотермический* процесс осуществляется при условии постоянства температуры тел, окружающих газ, и настолько медленного изменения объема газа, что температура газа в любой момент процесса не отличается от температуры окружающих тел.

Мы ставим, таким образом, вопрос: как связаны между собой объем и давление при изотермическом изменении состояния газа? Ежедневный опыт учит нас, что при уменьшении объема некоторой массы газа давление его увеличивается. В качестве примера можно указать повышение упругости при накачивании футбольного мяча или велосипедной или автомобильной шины. Возникает вопрос: *как* именно увеличивается давление газа при уменьшении объема, если температура газа остается неизменной?

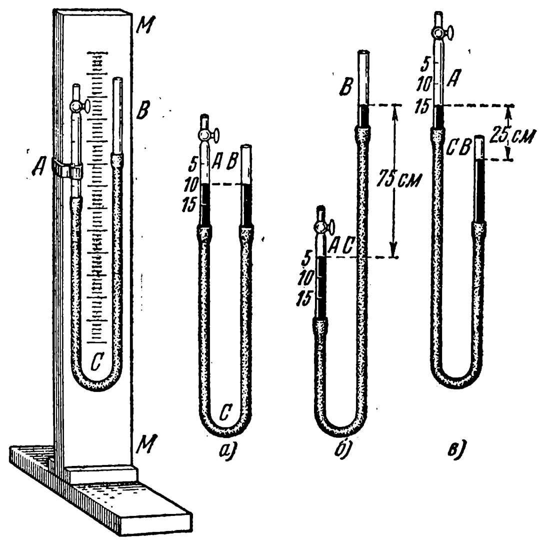


Рис. 384. Прибор для исследования зависимости давления газа от его объема. *а*) Газ в трубке *A* имеет давление, равное давлению наружного воздуха ($\sim$ 750 *мм* рт. ст.), и объем 10 *см*^{3}. *б*) Газ в трубке *A* имеет давление 750 *мм* рт. ст.+750 *мм* рт. ст., т. е. вдвое больше, чем в случае *а*, и объем 5 *см*^{3}, т. е. вдвое меньше, чем в случае *а*. *в*) Газ в трубке *A* имеет давление 750 *мм* рт. ст.—250 *мм* рт. ст., т. е. в полтора раза меньше, чем в случае *а*, и объем 15 *см*^{3}, т. е. в полтора раза больше, чем в случае *а*.

Ответ на этот вопрос дали исследования, произведенные в XVII столетии английским физиком и химиком Робертом Бойлем (1627—1691) и французским физиком Эдмом Мариоттом (1620—1684).

Опыты, устанавливающие зависимость между объемом и давлением газа, можно воспроизвести при помощи прибора, изображенного на рис. 384. На вертикальной стойке M, снабженной делениями, находятся стеклянные трубки A и B, соединенные резиновой трубкой C. В трубки налита ртуть. Трубка B сверху открыта, на трубке A имеется кран. Закроем этот кран, заперев таким образом некоторую массу воздуха в трубке A. Пока мы не сдвигаем трубок, уровень ртути в обеих трубках одинаков (рис. 384, *а*). Это значит, что давление воздуха, запертого в трубке A, такое же, как и давление окружающего воздуха.

Будем теперь медленно поднимать трубку B (рис. 384, *б*). Мы увидим, что ртуть в обеих трубках будет подниматься, но не одинаково: в трубке B уровень ртути будет все время выше, чем в A. Если же опустить трубку B (рис 384,*в*), то уровень ртути в обоих коленах понижается, но в трубке B понижение больше, чем в A.

Объем воздуха, запертого в трубке A, можно отсчитать по делениям трубки A. Давление этого воздуха будет отличаться от атмосферного на величину давления столба ртути, высота которого равна разности уровней ртути в трубках A и B. При поднятии трубки B давление столба ртути прибавляется к атмосферному давлению. Объем воздуха в A при этом уменьшается. При опускании трубки B уровень ртути в ней оказывается ниже, чем в A, и давление столба ртути вычитается из атмосферного давления; объем воздуха в A соответственно увеличивается.

Сопоставляя полученные таким образом значения давления и объема воздуха, запертого в трубке A, убедимся, что при увеличении объема некоторой массы воздуха в определенное число раз давление его во столько же раз уменьшается, и наоборот. Температуру воздуха в трубке при наших опытах можно считать неизменной.

Подобные же опыты можно произвести и с другими газами. Результаты получаются такие же.

Итак, *давление некоторой массы газа при неизменной температуре обратно пропорционально объему газа* (*закон Бойля — Мариотта*).

Для разреженных газов закон Бойля — Мариотта выполняется с высокой степенью точности. Для газов же сильно сжатых или охлажденных обнаруживаются заметные отступления от этого закона.

§ 227. Формула, выражающая закон Бойля — Мариотта. Обозначим начальный и конечный объемы буквами V_1 и

V_2 и начальное и конечное давления буквами p_1 и p_2. На основании результатов опытов, изложенных в предыдущем параграфе, можем написать

$$\frac{p_1}{p_2}=\frac{V_2}{V_1}. \qquad (227.1)$$

Из формулы (227.1) следует:

$$p_1V_1=p_2V_2. \qquad (227.2)$$

Формула (227.2) представляет собой новое выражение закона Бойля — Мариотта. Она означает, что для данной массы газа *произведение объема газа на его давление при изотермическом процессе остается неизменным.*

Формулы (227.1) и (227.2) могут быть применены также в том случае, если процесс изменения объема газа не был изотермическим, но изменения температуры были таковы, что и в начале и в конце процесса температура данной массы газа была одна и та же.

Для разреженных газов закон Бойля — Мариотта выполняется с высокой степенью точности, и при условии неизменности температуры произведение pV для данной массы газа можно считать вполне постоянным. Но в случае перехода к очень большим давлениям обнаруживаются заметные отступления от закона Бойля — Мариотта. При постепенном увеличении давления некоторой массы газа произведение pV сперва немного уменьшается, а затем начинает увеличиваться, достигая значений, в несколько раз превышающих значения, соответствующие разреженному газу.

Упражнения. (Во всех примерах считать температуру рассматриваемой массы газа одинаковой и для начального, и для конечного состояний.)

227.1. Посредине цилиндра, закрытого с обоих концов, находится поршень (рис. 385). Давление газа в обеих половинах равно 750 *мм* рт. ст. Поршень сдвигается так, что объем газа справа уменьшается вдвое. Какова разность давлений?

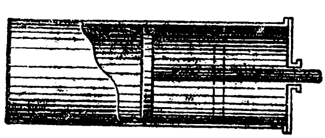


Рис. 385. К упражнению 227.1. Уплотнение штока поршня в крышке не пропускает воздуха.

227.2. Два сосуда емкостью 4,5 *л* и 12,5 *л* соединены трубкой с краном. В первом находится газ при давлении 20 $кГ/см^2$. Во втором имеется незначительное количество газа, которым можно пренебречь. Какое давление установится в обоих сосудах, если открыть кран?

227.3. В воде всплывает пузырек воздуха. Когда он находится на глубине 3 *м*, его объем равен 5 $мм^3$. Каков будет объем пузырька, когда он будет очень близок к свободной поверхности воды? Давление атмосферы нормальное.

227.4. В пустую шину велосипеда нагнетают воздух ручным насосом. После того как сделали 30 качаний, площадь соприкосновения шины с поверхностью пола стала равной 60 $см^2$. Какова будет площадь соприкосновения шины с полом, если сделать еще 20 качаний? При расчете принять, что: 1) велосипед поддерживается только силой давления воздуха в шине, т. е. пренебречь упругостью резины, 2) насос при одном качании захватывает всякий раз один и тот же объем атмосферного воздуха, 3) объем шины при накачивании практически не изменяется.

§ 228. График, выражающий закон Бойля — Мариотта. В физике и в технике часто пользуются графиками, показывающими зависимость давления газа от его объема. Начертим такой график для изотермического процесса. Будем по оси абсцисс откладывать объем газа, по оси ординат — его давление.

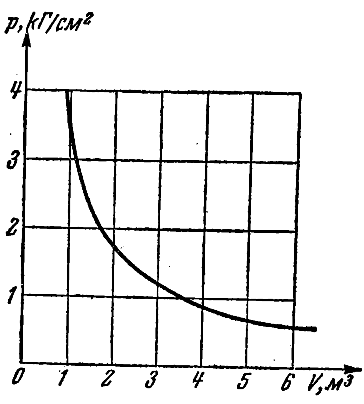


Рис. 386. График закона Бойля — Мариотта.

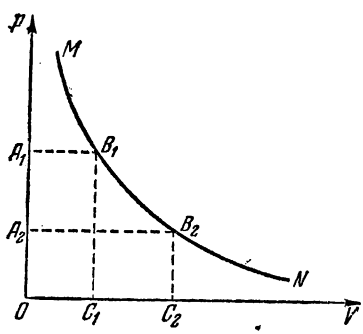


Рис. 387. К упражнению 228.2

Возьмем пример. Пусть давление данной массы газа при объеме 1 $м^3$ равно 3,6 $кГ/см^2$. На основании закона Бойля — Мариотта рассчитаем, что при объеме, равном 2 $м^3$, давление равно $3{,}6 \cdot 0{,}5$ $кГ/см^2 = 1{,}8$ $кГ/см^2$. Продолжая такие расчеты, получим следующую табличку:

V (в $м^3$)	1	2	3	4	5	6
p (в $кГ/см^2$)	3,6	1,8	1,2	0,9	0,72	0,6

Нанося эти данные на чертеж в виде точек, абсциссами которых являются значения V, а ординатами — соответствующие значения p, получим кривую линию[1]) — график изотермического процесса в газе (рис. 386).

Упражнения. **228.1.** Начертите график, выражающий закон Бойля — Мариотта для массы газа, которая имеет объем 2 *л* при давлении 750 *мм* рт. ст.

228.2. Какая из площадей: $OA_1B_1C_1$ или $OA_2B_2C_2$ на рис. 387 больше, если кривая MB_1B_2N — график изотермического процесса в газе?

§ 229. Зависимость между плотностью газа и его давлением. Вспомним, что плотностью вещества называется масса, заключенная в единице объема. Если мы как-нибудь изменим объем данной массы газа, то изменится и плотность газа. Если, например, мы уменьшим объем газа в пять раз, то плотность газа увеличится в пять раз. При этом увеличится и давление газа; если температура не изменилась, то, как показывает закон Бойля — Мариотта, давление увеличится тоже в пять раз. Из этого примера видно, что *при изотермическом процессе давление газа изменяется прямо пропорционально его плотности.*

Обозначив плотности газа при давлениях p_1 и p_2 буквами d_1 и d_2, можем написать:

$$\frac{d_1}{d_2}=\frac{p_1}{p_2}. \qquad (229.1)$$

Этот важный результат можно считать другим и более существенным выражением закона Бойля — Мариотта. Дело в том, что вместо объема газа, который зависит от случайного обстоятельства — от того, какая выбрана масса газа,— в формулу (229.1) входит плотность газа, которая, так же как и давление, характеризует состояние газа и вовсе не зависит от случайного выбора его массы.

Упражнение. **229.1.** Плотность водорода при давлении 1,033 *кГ/см*^{2} и температуре 16° С равна 0,000085 *г/см*^{3}. Определите массу водорода, заключающуюся в баллоне емкостью 20 *л*, если давление 80 *кГ/см*^{2} и температура 16° С.

§ 230. Молекулярное толкование закона Бойля — Мариотта. В предыдущем параграфе мы выяснили на основании закона Бойля — Мариотта, что при неизменной температуре давление газа пропорционально его плотности. Этот

---

[1]) Кривую, ординаты которой обратно пропорциональны соответствующим абсциссам, называют в математике гиперболой.

результат прекрасно согласуется с молекулярной картиной давления газа, обрисованной в § 221. Если плотность газа меняется, то во столько же раз меняется и число молекул в 1 *см*³. Если газ не слишком сжат и движение газовых молекул можно считать совершенно независимым друг от друга, то число ударов за 1 *сек* на 1 *см*² стенки сосуда пропорционально числу молекул в 1 *см*³. Следовательно, если средняя скорость молекул не меняется с течением времени (мы уже видели, что в макромире это означает постоянство температуры), то давление газа должно быть пропорционально числу молекул в 1 *см*³, т. е. плотности газа. Таким образом, закон Бойля — Мариотта является прекрасным подтверждением наших представлений о строении газа.

Однако, как было сказано в § 227, закон Бойля — Мариотта перестает оправдываться, если перейти к большим давлениям. И это обстоятельство может быть пояснено, как считал еще М. В. Ломоносов, на основании молекулярных представлений.

С одной стороны, в сильно сжатых газах размеры самих молекул являются сравнимыми с расстояниями между молекулами. Таким образом, свободное пространство, в котором движутся молекулы, меньше, чем полный объем газа. Это обстоятельство увеличивает число ударов молекул в стенку, так как благодаря ему сокращается расстояние, которое должна пролететь молекула, чтобы достигнуть стенки.

С другой стороны, в сильно сжатом и, следовательно, более плотном газе молекулы заметно притягиваются к другим молекулам гораздо бо́льшую часть времени, чем молекулы в разреженном газе. Это, наоборот, уменьшает число ударов молекул в стенку, так как при наличии притяжения к другим молекулам молекулы газа движутся по направлению к стенке с меньшей скоростью, чем при отсутствии притяжения. При не слишком больших давлениях более существенным является второе обстоятельство и произведение pV немного уменьшается. При очень высоких давлениях большую роль играет первое обстоятельство и произведение pV увеличивается.

Итак, и самый закон Бойля — Мариотта и отступления от него подтверждают молекулярную теорию.

§ 231. Изменение объема газа при изменении температуры. Мы изучали, как зависит давление некоторой массы газа от температуры, если объем остается неизменным, и от объема, занимаемого газом, если температура остается неизменной. Теперь установим, как ведет себя газ, если меняются его температура и объем, а давление остается постоянным.

Рассмотрим такой опыт. Коснемся ладонью сосуда, изображенного на рис. 388, в котором горизонтальный столбик ртути запирает некоторую массу воздуха. Газ в сосуде нагреется, его давление повысится, и ртутный столбик начнет перемещаться вправо. Движение столбика прекратится, когда благодаря увеличению объема воздуха в сосуде давление его сделается равным наружному. Таким образом, в конечном результате этого опыта объем воздуха при нагревании увеличился, а давление осталось неизменным.

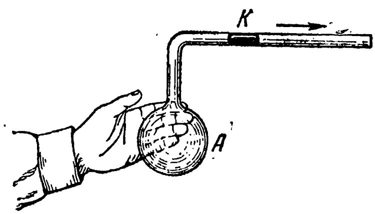


Рис. 388. Приближение руки нагревает воздух в сосуде A, объем воздуха увеличивается, и ртутная капля K смещается вправо. Давление остается неизменным и равным давлению атмосферы.

Если бы мы знали, как изменилась в нашем опыте температура воздуха в сосуде, и точно измерили, как меняется объем газа, мы могли бы изучить это явление с количественной стороны. Очевидно, что для этого надо заключить сосуд в оболочку, заботясь о том, чтобы все части прибора имели одну и ту же температуру, точно измерить объем запертой массы газа, затем изменить эту температуру и измерить приращение объема газа.

§ 232. Закон Гей-Люссака. Количественное исследование зависимости объема газа от температуры при неизменном давлении было произведено французским физиком и химиком Гей-Люссаком (1778—1850) в 1802 г.

Опыты показали, что увеличение объема газа пропорционально приращению температуры. Поэтому тепловое расширение газа можно, так же как и для других тел, охарактеризовать при помощи коэффициента объемного расширения β (§ 198). Оказалось, что для газов этот закон соблюдается гораздо лучше, чем для твердых и жидких тел, так что коэффициент объемного расширения газов есть величина, практически постоянная даже при очень значительных повышениях температуры, тогда как для жидких и твердых тел это постоянство соблюдается лишь приблизительно.

Вводя те же обозначения, что и в § 198, найдем:

$$\beta = \frac{V' - V}{V_0 (t' - t)}. \qquad (232.1)$$

Опыты Гей-Люссака и других обнаружили замечательный результат. Оказалось, что коэффициент объемного расширения у всех газов одинаков (точнее, почти одинаков) и равняется $^1/_{273}$ *град*$^{-1}$ $= 0{,}00366$ *град*$^{-1}$. Таким образом, *при нагревании при постоянном давлении на* 1° *объем некоторой массы газа увеличивается на* $^1/_{273}$ *того объема, который эта масса газа занимала при* 0° С (*закон Гей-Люссака*).

Как видно, коэффициент расширения газов совпадает с их термическим коэффициентом давления.

Следует отметить, что тепловое расширение газов весьма значительно, так что объем газа V_0 при 0° С заметно отличается от объема при иной, например при комнатной, температуре. Поэтому, как уже упоминалось в § 198, в случае газов нельзя без заметной ошибки заменить в формуле (232.1) объем V_0 объемом V. В соответствии с этим формуле расширения для газов удобно придать следующий вид. За начальный объем примем объем V_0 при температуре 0° С. В таком случае приращение температуры газа τ равно температуре, отсчитанной по шкале Цельсия t. Следовательно, коэффициент объемного расширения

$$\beta = \frac{V - V_0}{V_0 t}, \text{ откуда } V = V_0 (1 + \beta t). \qquad (232.2)$$

Так как

$$\beta = \frac{1}{273} \text{ град}^{-1},$$

то

$$V = V_0 \left(1 + \frac{t}{273}\right). \qquad (232.3)$$

Формула (232.3) может служить для вычисления объема как при температуре выше 0° С, так и при температуре ниже 0° С. В этом последнем случае t отрицательно. Следует, однако, иметь в виду, что закон Гей-Люссака не оправдывается, когда газ сильно сжат или настолько охлажден, что он приближается к состоянию сжижения. В этом случае пользоваться формулой (232.3) нельзя.

Совпадение коэффициентов α и β, входящих в закон Гей-Люссака и закон Шарля, не случайно. Легко видеть, что так как газы подчиняются закону Бойля — Мариотта, то α и β должны быть равны между собой. Действительно, пусть некоторая масса газа имеет при температуре 0° С объем V_0 и давление p_0. Нагреем ее до $t°$ при неизменном объеме. Тогда давление ее, согласно закону Шарля, будет равно $p=p_0(1+\alpha t)$. С другой стороны, нагреем ту же массу газа на $t°$ при неизменном давлении. Тогда, согласно закону Гей-Люссака, объем ее станет равен $V=V_0(1+\beta t)$. Итак, наша масса газа может иметь при температуре t объем V_0 и давление $p=p_0(1+\alpha t)$ или объем $V=V_0(1+\beta t)$ и давление p_0.

Согласно закону Бойля — Мариотта,

$$V_0 p = V p_0,$$

т. е.

$$V_0 p_0 (1+\alpha t) = p_0 V_0 (1+\beta t),$$

откуда

$$\alpha = \beta.$$

Упражнение. 232.1. Объем воздушного шара при 0° С равен 820 $м^3$. Каков будет объем этого шара, если под действием лучей Солнца газ внутри него нагреется до 15° С и если изменением массы газа вследствие вытекания его из оболочки и изменением его давления можно пренебречь?

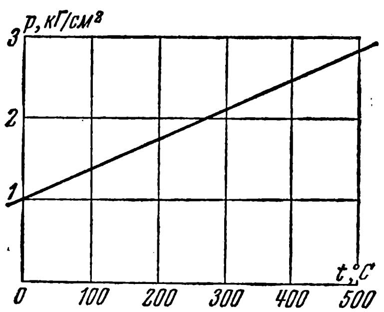


Рис. 389. График, выражающий закон Шарля.

§ 233. Графики, выражающие законы Шарля и Гей-Люссака. Будем по оси абсцисс откладывать температуру газа, находящегося в постоянном объеме, а по оси ординат — его давление. Пусть при 0° С давление газа равно 1 $кГ/см^2$. Пользуясь законом Шарля, мы можем вычислить его давление при 100° С, при 200° С, при 300° С и т. д.

Температура	0°	100°	200°	300°	400°	500°
Давление (в $кГ/см^2$) . .	1	1,37	1,73	2,10	2,47	2,83

Нанесем эти данные на график. Мы получим наклонную прямую линию (рис. 389). Мы можем продолжить этот график и в сторону отрицательных температур. Однако, как уже было указано, закон Шарля применим только до температур не очень низких. Поэтому продолжение графика до пересечения с осью абсцисс, т. е. до точки, где давление равно нулю, не будет соответствовать поведению реального газа.

Сходный вид имеет график закона Гей-Люссака.

Упражнение. **233.1.** Постройте график, выражающий закон Гей-Люссака.

§ 234. Абсолютная температура. Легко видеть, что давление газа, заключенного в постоянный объем, не является прямо пропорциональным температуре, отсчитанной по шкале Цельсия. Это ясно, например, из таблицы, приведенной в предыдущем параграфе. Если при 100° С давление газа равно 1,37 *кГ/см*², то при 200° С оно равно 1,73 *кГ/см*². Температура, отсчитанная по термометру Цельсия, увеличилась вдвое, а давление газа увеличилось только в 1,26 раза. Ничего удивительного, конечно, в этом нет, ибо шкала термометра Цельсия установлена условно, без всякой связи с законами расширения газа. Можно, однако, пользуясь газовыми законами, установить такую шкалу температур, что *давление газа* будет *прямо пропорционально температуре*, измеренной по этой новой шкале.

В самом деле, пусть при некоторой температуре t_1 давление газа равно p_1. По закону Шарля

$$p_1 = p_0\left(1 + \frac{t_1}{273}\right) = p_0\frac{273 + t_1}{273}.$$

При некоторой другой температуре t_2 давление будет равно

$$p_2 = p_0\left(1 + \frac{t_2}{273}\right) = p_0\frac{273 + t_2}{273}.$$

Разделим эти равенства почленно. Мы получим:

$$\frac{p_1}{p_2} = \frac{273 + t_1}{273 + t_2}.$$

Число $273 + t$ можно рассматривать как температуру, отсчитанную по новой температурной шкале, где цена градуса оставлена такой же, как и в шкале Цельсия, а за нуль принята точка, лежащая на 273 деления ниже точки таяния льда, т. е. точки, служащей нулем в шкале Цельсия. Нуль в этой новой шкале называют *абсолютным нулем*. Это название принято потому, что, как было доказано английским физиком Кельвином (Вильямом Томсоном) (1824—1907), ни одно тело не может быть охлаждено ниже этой температуры. В соответствии с этим и эту новую шкалу называют *шкалой абсолютных температур*. Таким образом, абсолютный нуль указывает температуру, равную —273° по шкале Цельсия, и представляет собой температуру, ниже которой не может быть ни при каких условиях охлаждено ни одно тело. Температура, выражающаяся цифрой $273°+t_1$, представляет собой абсолютную температуру тела, имеющего по шкале Цельсия температуру, равную t_1. Обычно абсолютные температуры обозначают буквой T. Таким образом, $273°+t_1=T_1$. Шкалу абсолютных температур часто называют шкалой Кельвина и записывают $T°$ К. На основании сказанного

$$t_1+273°=T_1,$$
$$t_2+273°=T_2$$

и

$$\frac{p_1}{p_2}=\frac{T_1}{T_2}. \qquad (234.1)$$

Полученный результат можно выразить словами: *давление данной массы газа, заключенной в постоянный объем, прямо пропорционально абсолютной температуре*. Это — новое выражение закона Шарля.

Формулой (234.1) удобно пользоваться и в том случае, когда давление при 0° С (p_0) неизвестно.

Рассмотрим пример. Пусть при $t_1=25°$ С давление газа в баллоне равно $p=40$ *кГ/см*^{2}. Каково давление при температуре $t_2=35°$ С? В данном случае абсолютные температуры газа равны соответственно

$$T_1=273°+25°=298° \text{ К}; \quad T_2=273°+35°=308° \text{ К}.$$

Пользуясь законом Шарля, можем написать:

$$\frac{40}{p_2}=\frac{298}{308}.$$

Отсюда

$$p_2=41{,}3 \text{ кГ/см}^2.$$

Упражнение. **234.1.** Манометр на баллоне с кислородом в помещении с температурой 17° С показывал давление 95 *кГ/см*^{2}. Этот баллон вытащили в сарай, где на другой день при температуре —13° С его показание было 85 *кГ/см*². Возникло подозрение, что часть кислорода из баллона была израсходована. Проверьте, правильно ли подозрение.

§ 235. Газовый термометр. При обсуждении устройства термометров (§ 196) было указано, что наиболее совершенным является газовый термометр. Как мы знаем, температурный коэффициент газа, измеренный по ртутному термометру, почти постоянен (закон Шарля). Из этого свойства газов и исходят при построении новой шкалы температур: принимают, что абсолютная температура *в точности* пропорциональна давлению данного объема газа.

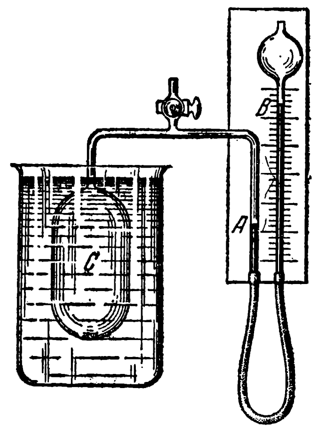


Рис. 390. Газовый термометр.

На рис. 390 показано устройство простейшего газового термометра. При измерении баллон C погружают в жидкость, температуру которой измеряют. Объем газа в баллоне поддерживают постоянным путем поднимания или опускания трубки с ртутью. Давление газа в баллоне равно сумме атмосферного давления и давления столба высотой AB. Если при температуре T_0 давление газа равно p_0, а при измерении было обнаружено, что давление газа стало равным p, то температура жидкости принимается равной

$$T = T_0 \frac{p}{p_0}.$$

В промежутке температур, где можно пользоваться обычным ртутным термометром, шкала газового термометра почти совпадает со шкалой ртутного, так как температурный коэффициент давления газа (измеренный по ртутному термометру), как мы знаем, является почти постоянным.

Газовые термометры, предназначенные для измерения низких или не очень высоких температур, делаются из стекла или из кварца и наполняются водородом или гелием (для измерения температур ниже температуры сжижения водорода, —253° С, можно употреблять только гелий — наиболее трудно сжижаемый газ).

Для очень высоких температур (примерно до полутора тысяч градусов) газовые термометры делают из сплава платины с родием, выдерживающим высокую температуру, и наполняют азотом (водород не годится, потому что он проходит сквозь нагретую платину).

Газовыми термометрами обычно пользуются только для проверки термометров другого устройства, более удобных в повседневном применении, чем газовые.

Ясно, что при измерении температур газовым термометром закон Шарля должен выполняться абсолютно точно: ведь абсолютная температура пропорциональна давлению газа по определению.

§ 236. Объем газа и абсолютная температура. Из формулы (232.3), сделав такие же преобразования, что и в § 234, можно получить следующую формулу:

$$\frac{V_1}{V_2}=\frac{T_1}{T_2}$$

— *объем некоторой массы газа при постоянном давлении прямо пропорционален абсолютной температуре.* Это — новое выражение закона Гей-Люссака.

Упражнения. **236.1.** В вентиляционную трубу жилого дома поступает наружный воздух при температуре —25° С. Какой объем займет 1 *м*³ наружного воздуха, когда он поступит в комнату и подогреется до 17° С?

236.2. По цилиндрической дымовой трубе поднимаются топочные газы. Внизу трубы они имеют температуру 700° С и движутся со скоростью 5 *м/сек*. С какой скоростью они движутся вверху трубы, где их температура равна 200° С?

§ 237. Зависимость плотности газа от температуры. Что происходит с плотностью некоторой массы газа, если температура повышается, а давление остается неизменным?

Вспомним, что плотность равна массе тела, деленной на объем. Так как масса газа постоянна, то при нагревании плотность газа уменьшается во столько раз, во сколько увеличился объем.

Как мы знаем, объем газа прямо пропорционален абсолютной температуре, если давление остается постоянным. Следовательно, *плотность газа при неизменном давлении обратно пропорциональна абсолютной температуре.* Если

d_1 и d_2 — плотности газа при температурах T_1 и T_2, то имеет место соотношение

$$\frac{d_1}{d_2}=\frac{T_2}{T_1}. \qquad (237.1)$$

Упражнение. **237.1.** Склеенный из бумаги шар (модель монгольфьера) весит 140 *Г* и имеет объем 1,75 *м*³. Поднимется ли он вверх, если нагреть воздух в нем до 50° С, в то время как окружающий воздух имеет температуру 15° С? (Плотность воздуха при 0° С принять равной 0,0013 *г/см*³.)

§ 238. Объединенный закон газового состояния. Мы рассматривали случаи, когда одна из трех величин, характеризующих состояние газа (давление, температура и объем), не изменяется. Мы видели, что если температура постоянна, то давление и объем связаны друг с другом законом Бойля—Мариотта; если объем постоянен, то давление и температура связаны законом Шарля; если постоянно давление, то объем и температура связаны законом Гей-Люссака. Установим связь между давлением, объемом и температурой некоторой массы газа, если *изменяются все три эти величины.*

Пусть начальные объем, давление и абсолютная температура некоторой массы газа равны V_1, p_1 и T_1, конечные — V_2, p_2 и T_2. Можно представить себе, что переход от начального к конечному состоянию произошел в два этапа. Пусть, например, сначала изменился объем газа от V_1 до V_2, причем температура T_1 осталась без изменения. Получившееся при этом давление газа обозначим $p_{\text{ср}}$. Затем изменилась температура от T_1 до T_2 при постоянном объеме, причем давление изменилось от $p_{\text{ср}}$ до p_2. Составим таблицу.

$$\text{Закон Бойля — Мариотта}\left\{\begin{array}{l} p_1V_1T_1 \\ \left.\begin{array}{l} p_{\text{ср}}V_2T_1 \\ p_2V_2T_2 \end{array}\right\}\text{закон Шарля.}\end{array}\right.$$

Применяя к первому переходу закон Бойля — Мариотта, запишем

$$\frac{p_1}{p_{\text{ср}}}=\frac{V_2}{V_1}, \quad \text{или} \quad \frac{p_1V_1}{p_{\text{ср}}V_2}=1.$$

Применяя ко второму переходу закон Шарля, можно написать

$$\frac{p_{\text{ср}}}{p_2}=\frac{T_1}{T_2}.$$

Перемножив эти равенства почленно и сокращая на $p_{ср}$, получим:

$$\frac{p_1V_1}{p_2V_2}=\frac{T_1}{T_2}. \qquad (238.1)$$

Итак, *произведение объема некоторой массы газа на его давление пропорционально абсолютной температуре газа*. Это и есть объединенный *закон газового состояния* или *уравнение состояния газа*.

Упражнения. **238.1.** Покажите, что формула объединенного закона (238.1) выражает закон Бойля — Мариотта, если $T_1=T_2$, закон Шарля, если $V_1=V_2$, и закон Гей-Люссака, если $p_1=p_2$.

238.2. Объем газа, полученного при химической реакции, при давлении 742 *мм* рт. ст. и при температуре 18° С равен 72 $см^3$. Каков объем этой же массы газа при нормальных условиях?

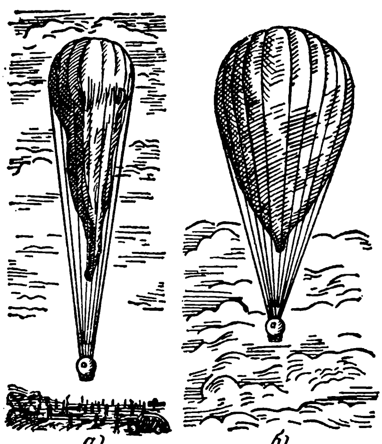


Рис. 391. Стратостат *а*) в начале подъема; *б*) на высоте нескольких километров.

238.3. В одном из типов двигателей внутреннего сгорания (двигатель Дизеля) в цилиндр засасывается атмосферный воздух, который затем подвергается сжатию и в это время нагревается. Опыт показывает, что при уменьшении объема воздуха в 12 раз давление равно 34 $кГ/см^2$. Принимая давление и температуру атмосферного воздуха равными 1 $кГ/см^2$ и 10° С, определите температуру сжатого воздуха.

238.4. Чтобы заставить всплыть подводную лодку, ее заполненные водой цистерны продувают сжатым воздухом, выгоняя воду наружу. Пусть продувание производится на глубине 15 *м*, причем воздух в цистерне принимает температуру окружающей воды, которая равна 3° С. Какое количество воды можно продуть, выпустив воздух из баллона емкостью 20 *л*, если давление воздуха в баллоне при 17° С равно 120 $кГ/см^2$? При расчете принять во внимание, что расширившийся воздух частично останется в баллоне.

238.5. Плотность воздуха при нормальных условиях равна 0,0013 $г/см^3$. Какова плотность воздуха при давлении 30 *мм* рт. ст. и при температуре —35° С.

238.6. На рис. 391 представлен стратостат (аэростат для подъема в стратосферу) у поверхности Земли и на высоте нескольких километров. Почему меняется объем стратостата при подъеме? Каков будет объем стратостата на высоте 10 *км*, где давление равно 198 *мм* рт. ст. и температура —50° С, если у поверхности Земли, где давление и температура равны соответственно 750 *мм* рт. ст. и 10° С, его объем равен 4000 $м^3$?

238.7. Покажите, что поддерживающая сила стратостата по мере поднятия вверх не меняется, если давление в нем незначительно разнится от наружного и если газ не вытекает.

§ 239. Закон Дальтона. До сих пор мы говорили о давлении какого-нибудь одного газа — кислорода, водорода и т. п. Но в природе и в технике мы очень часто имеем дело со смесью нескольких газов. Самый важный пример этого — воздух, являющийся смесью азота, кислорода, аргона, углекислого газа и других газов. От чего зависит давление *смеси* газов?

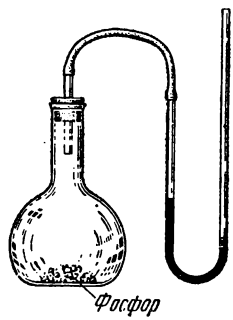


Рис. 392. При поглощении фосфором кислорода из воздуха манометр показывает уменьшение давления воздуха.

Поместим в колбу кусок вещества, химически связывающего кислород из воздуха (например, фосфор), и быстро закроем колбу пробкой с трубкой, присоединенной к ртутному манометру (рис. 392). Через некоторое время весь кислород воздуха соединится с фосфором. Мы увидим, что манометр покажет меньшее давление, чем до удаления кислорода. Значит, присутствие кислорода в воздухе увеличивает его давление.

Точное исследование давления смеси газов было впервые произведено английским химиком Джоном Дальтоном (1766—1844) в 1809 г. Давление, которое имел бы каждый из газов, составляющих смесь, если бы удалить остальные газы из объема, занимаемого смесью, называют *парциальным*[1]) *давлением* этого газа. Дальтон нашел, что *давление смеси газов равно сумме парциальных давлений их* (*закон Дальтона*). Если, например, давление кислорода в колбе равно 400 *мм* рт. ст., а давление водорода в такой же колбе при той же температуре равно 300 *мм* рт. ст., то, смешав те же количества кислорода и водорода в такой же колбе (и при той же температуре), получим смесь при давлении 400 *мм* рт. ст.+300 *мм* рт. ст.=700 *мм* рт. ст.

Заметим, что к сильно сжатым газам закон Дальтона неприменим, так же как и закон Бойля — Мариотта.

---

[1]) Латинское слово pars означает часть; парциальный — частичный.

Как истолковать закон Дальтона с точки зрения молекулярной теории, скажем немного далее.

§ 240. Плотности газов. Плотность газа является одной из важнейших характеристик его свойств. Говоря о плотности газа, обычно имеют в виду его плотность *при нормальных условиях* (т. е. при температуре 0° С и давлении 760 *мм* рт. ст.). Кроме того, часто пользуются *относительной плотностью* газа, под которой подразумевают отношение плотности данного газа к плотности воздуха при тех же условиях. Легко видеть, что относительная плотность газа не зависит от условий, в которых он находится, так как согласно законам газового состояния объемы всех газов меняются при изменениях давления и температуры одинаково.

Таблица 7

Плотности некоторых газов

Газ	Плотность при нормальных условиях в *г/л* или в *кг/м*³	Отношение к плотности воздуха	Отношение к плотности водорода	Молекулярный или атомный вес
Воздух	1,293	1	14,5	29 (средний)
Водород (H_2)	0,0899	0,0695	1	2
Азот (N_2)	1,25	0,967	14	28
Кислород (O_2)	1,43	1,11	16	32
Углекислый газ (CO_2) . .	1,977	1,53	22	44
Гелий (He)	0,179	0,139	2	4

Определение плотности газа можно осуществить так. Взвесим колбу с краном дважды: один раз откачав из нее по возможности полностью воздух, другой раз наполнив колбу исследуемым газом до давления, которое должно быть известно. Разделив разность весов на объем колбы, который надо определить предварительно, найдем плотность газа при данных условиях. Затем, пользуясь уравнением состояния газов, легко найдем плотность газа при нормальных условиях $d_н$. Действительно, положим в формуле (238.1) $p_2=p_н$, $V_2=V_н$, $T_2=T_н$ и, умножив числитель и знаменатель формулы на массу газа m, получим:

$$\frac{p_1}{p_н}\frac{V_1}{m}\frac{m}{V_н}=\frac{T_1}{T_н}.$$

Отсюда, принимая во внимание, что $\frac{m}{V_1}=d_1$ и $\frac{m}{V_н}=d_н$, находим:

$$d_н=d_1\frac{p_н\cdot T_1}{p_1\cdot T_н}.$$

Результаты измерений плотности некоторых газов приведены в таблице 7.

Последние два столбца указывают на пропорциональность между плотностью газа и его молекулярным весом (в случае гелия — атомным весом).

§ 241. Закон Авогадро. Сравнивая числа предпоследнего столбца таблицы 7 с молекулярными весами рассматриваемых газов, легко заметить, что плотности газов при одинаковых условиях пропорциональны их молекулярным весам. Из этого факта следует весьма существенный вывод. Так как молекулярные веса относятся как массы молекул, то $\frac{d_1}{d_2}=\frac{m_1}{m_2}$, где d_1 и d_2 — плотность газов, а m_1 и m_2 — массы их молекул. С другой стороны, массы газов M_1 и M_2, заключенных в одинаковых объемах V, относятся как плотности их:

$$\frac{M_1}{M_2}=\frac{d_1}{d_2}. \tag{241.1}$$

Обозначив числа молекул первого и второго газов, заключенных в объеме V, буквами N_1 и N_2, можем написать, что общая масса газа равна массе одной его молекулы, умноженной на число молекул: $M_1=m_1N_1$ и $M_2=m_2N_2$; поэтому

$$\frac{d_1}{d_2}=\frac{m_1N_1}{m_2N_2}.$$

Сопоставляя этот результат с формулой $\frac{d_1}{d_2}=\frac{m_1}{m_2}$, найдем, что $N_1=N_2$. Итак, *при одинаковых давлении и температуре равные объемы различных газов содержат одинаковые числа молекул.*

Этот закон был открыт итальянским химиком Амедео Авогадро (1776—1856) на основании химических исследований. Он относится к газам, сжатым не очень сильно (например, к газам под атмосферным давлением). В случае сильно сжатых газов считать его справедливым нельзя.

Закон Авогадро означает, что давление газа при определенной температуре зависит только от *числа* молекул в единице объема газа, но не зависит от того, *какие* это молекулы — тяжелые или легкие. Уяснив это, легко понять суть закона Дальтона. Согласно закону Бойля — Мариотта, если мы увеличиваем плотность газа, т. е. добавляем в определенный объем некоторое число молекул этого газа, мы увеличиваем давление газа. Но согласно закону Авогадро, такое же повышение давления должно быть получено, если мы вместо добавления молекул первого газа добавим такое же число молекул другого газа. Именно в этом и состоит закон Дальтона, который утверждает, что можно увеличить давление газа, добавляя в тот же объем молекулы другого газа, и если число добавленных молекул то же, что и в первом случае, то получится то же самое увеличение давления. Ясно, что закон Дальтона является прямым следствием закона Авогадро.

§ 242. Грамм-молекула. Число Авогадро. Число, дающее отношение масс двух молекул, указывает в то же время и отношение масс двух порций вещества, содержащих одинаковые числа молекул. Поэтому 2 *г* водорода (молекулярный вес H_2 равен 2), 32 *г* кислорода (молекулярный вес O_2 равен 32) и 55,8 *г* железа (его молекулярный вес совпадает с атомным, равным 55,8) и т. д. содержат одно и то же число молекул.

Количество вещества, содержащее число граммов, равное его молекулярному весу, называется *грамм-молекулой* или *молем*.

Из сказанного вытекает, что моли разных веществ содержат *одно и то же число молекул*. Поэтому часто оказывается удобным пользоваться молем как особой единицей, содержащей разное число граммов для различных веществ, но одинаковое число молекул.

Число молекул в одном моле вещества, получившее название *числа Авогадро*, является важной физической величиной. Для определения числа Авогадро были сделаны многочисленные и разнообразные исследования. Они относятся к броуновскому движению (§ 219), к явлениям электролиза и ряду других. Эти исследования привели к довольно согласным результатам. В настоящее время принимают, что число Авогадро равно

$$N = 6{,}02 \cdot 10^{23}\ моль^{-1}.$$

Итак, 2 *г* водорода, 32 *г* кислорода и т. д. содержат по $6{,}02 \cdot 10^{23}$ молекул. Чтобы представить себе громадность этого числа, вообразим пустыню площадью в 1 миллион квадратных километров, покрытую слоем песка толщиной 600 *м*. Тогда, если на каждую песчинку приходится объем 1 *мм*³, то общее число песчинок в пустыне будет равно числу Авогадро.

Из закона Авогадро следует, что *моли разных газов имеют при одинаковых условиях одинаковые объемы.* Объем одного моля при нормальных условиях можно вычислить, разделив молекулярный вес какого-нибудь газа на его плотность при нормальных условиях.

Сделаем, например, расчет для кислорода. Так как

$$M = 32\ г/моль \text{ и } d = 0{,}00143\ г/см^3,$$

то

$$V = \frac{32}{0{,}00143}\ см^3/моль = 22\,400\ см^3/моль.$$

Таким образом, *объем моля любого газа при нормальных условиях равен* 22 400 *см*³.

Упражнения. **242.1.** Рассчитайте объемы моля азота и моля водорода при нормальных условиях, пользуясь таблицей 7.

242.2. Вычислите число молекул в 1 *см*³ газа при нормальных условиях.

242.3. Вычислите массы одной молекулы водорода и кислорода.

§ 243. Скорости молекул газа. Каковы скорости, с которыми движутся молекулы, в частности молекулы газов? Этот вопрос естественно возник тотчас же, как были развиты представления о молекулах. Долгое время скорости молекул удавалось оценить только косвенными расчетами, и лишь сравнительно недавно были разработаны способы прямого определения скоростей газовых молекул.

Прежде всего уточним, что надо понимать под скоростью молекул. Напомним, что вследствие беспрестанных столкновений скорость каждой отдельной молекулы все время меняется: молекула движется то быстро, то медленно, и в течение некоторого времени (например, 1 секунды) скорость молекулы принимает множество самых различных значений. С другой стороны, в какой-либо определенный момент в громадном числе молекул, составляющих рассматриваемый объем газа, имеются молекулы с самыми различными скоростями. Очевидно, для характеристики состояния газа надо говорить о некоторой *средней скорости*. Можно считать, что это есть средняя величина скорости одной из молекул за достаточно длительный промежуток времени или что это есть средняя величина скоростей всех молекул газа в данном объеме в какой-нибудь момент времени.

Остановимся на рассуждениях, которые дают возможность подсчитать среднюю скорость газовых молекул.

В § 221 мы показали, что давление газа пропорционально nmv^2, где m — масса молекулы, v — средняя скорость, а n — число молекул в единице объема. Более точный расчет приводит к формуле

$$p = \frac{1}{3} nmv^2. \tag{243.1}$$

Пусть молекулы имеют среднюю скорость v и вдоль каждого ребра куба пролетает одинаковое число молекул, т. е. одна треть общего числа: $\frac{1}{3} nl^3$. Отразившись от стенки, молекула летит к противоположной, т. е. пролетает путь l; отразившись там, она, пройдя еще раз путь l, вновь ударится о первую стенку. Таким образом, каждая молекула повторяет свои удары через время t, необходимое, чтобы пролететь путь $2l$, т. е. $t = \frac{2l}{v}$. За 1 секунду молекула ударится о стенку $\frac{1}{t} = \frac{v}{2l}$ раз. Так как по этому направлению пролетают $\frac{1}{3} nl^3$ молекул, то общее число ударов, испытанных стенкой за 1 секунду со стороны всех молекул, равно $\frac{1}{3} nl^3 \cdot \frac{v}{2l} = \frac{1}{6} nvl^2$. Площадь стенки равна l^2, следовательно, на 1 $см^2$ за 1 секунду придется число ударов, равное $\frac{1}{6} nv$. Итак, мы нашли $N = \frac{1}{6} nv$. Зная N, мы найдем и давление газа, равное, как было показано в § 221, $2Nmv$. Итак, давление газа

$$p = \frac{1}{3} nmv^2.$$

Из формулы (243.1) можно вывести ряд важных следствий. Перепишем формулу (243.1) в таком виде:

$$p = \frac{2}{3} \frac{mv^2}{2} = \frac{2}{3} \varepsilon,$$

где ε («эпсилон» — греческая буква) — средняя кинетическая энергия одной молекулы. Обозначим давление газа при температурах T_1 и T_2 буквами p_1 и p_2, а средние кинетические энергии молекул при этих температурах ε_1 и ε_2. В таком случае

$$p_1 = \frac{2}{3}\varepsilon_1, \quad p_2 = \frac{2}{3}\varepsilon_2 \text{ и } \frac{p_1}{p_2} = \frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2}.$$

Сравнивая это соотношение с законом Шарля $\frac{p_1}{p_2} = \frac{T_1}{T_2}$, найдем:

$$\frac{T_1}{T_2} = \frac{\varepsilon_1}{\varepsilon_2}.$$

Итак, *абсолютная температура газа пропорциональна средней кинетической энергии молекул газа.* Напомним, что о связи температуры газа и средней кинетической энергии его молекул мы уже говорили в § 216. Так как средняя кинетическая энергия молекул пропорциональна квадрату средней скорости молекул, то наше сопоставление приводит к выводу, что абсолютная температура газа пропорциональна квадрату средней скорости молекул газа и что *скорость молекул растет пропорционально корню квадратному из абсолютной температуры.*

Теперь возьмем два разных газа при одинаковых температурах и давлениях. Согласно закону Авогадро (§ 241) число молекул в единице объема одинаково. В таком случае мы можем написать:

$$p = \frac{1}{3} n m_1 v_1^2 = \frac{1}{3} n m_2 v_2^2,$$

где индексы 1 и 2 относятся к первому и второму газам. Отсюда

$$\frac{v_1}{v_2} = \sqrt{\frac{m_2}{m_1}}, \qquad (243.2)$$

т. е. при данной температуре средние скорости молекул обратно пропорциональны корням квадратным из масс молекул. Например, в смеси кислорода и водорода средняя скорость молекул кислорода в четыре раза меньше средней скорости молекул водорода.

Наконец, обратим внимание на то, что произведение nm есть масса всех молекул газа, находящихся в 1 *см*^{3}, т. е. произведение nm есть плотность газа d. Отсюда

$$v = \sqrt{\frac{3p}{d}}.$$

Эта формула дает возможность вычислить скорости газовых молекул, если известны давление и плотность газа.

Результаты вычислений средних скоростей молекул различных газов при 0° С приведены в таблице 8.

Таблица 8

Средние скорости молекул некоторых газов

Газ	Масса молекулы, *г*	Средняя скорость, *м/сек*
Водород	$0{,}33 \cdot 10^{-23}$	1760
Кислород	$5{,}3 \cdot 10^{-23}$	425
Азот	$4{,}6 \cdot 10^{-23}$	450
Углекислый газ	$7{,}3 \cdot 10^{-23}$	360
Пары воды	$3{,}0 \cdot 10^{-23}$	570

Как видно, средние скорости молекул весьма значительны. При комнатной температуре они обычно достигают сотен метров в секунду. В газе средняя скорость движения молекул примерно в полтора раза больше, чем скорость звука в этом же газе.

На первый взгляд этот результат кажется очень странным. Кажется, что молекулы не могут двигаться с такими большими скоростями: ведь диффузия даже в газах, а тем более в жидкостях, идет сравнительно очень медленно, во всяком случае гораздо медленнее, чем распространяется звук. Дело, однако, в том, что, двигаясь, молекулы очень часто сталкиваются друг с другом и при этом меняют направление своего движения. Вследствие этого они двигаются то в одну, то в другую сторону, в основном толкутся на одном месте (см. рис. 376). В результате, несмотря на большую скорость движения в промежутках между столкновениями, несмотря на то, что молекулы нигде не задерживаются, они продвигаются в каком-либо *определенном* направлении довольно медленно.

Таблица 8 показывает также, что различие в скоростях разных молекул связано с различием их масс. Это обстоятельство подтверждается рядом наблюдений. Например, водород проникает сквозь узкие отверстия (поры) с большей скоростью, чем кислород или азот. Можно обнаружить это на таком опыте (рис. 393).

Стеклянная воронка закрыта пористым сосудом или заклеена бумагой и опущена концом в воду. Если воронку накрыть стаканом, под который впустить водород (или светильный газ), то увидим, что уровень воды в конце воронки понизится и из нее начнут выходить пузырьки. Как это объяснить?

Сквозь узкие поры в сосуде или в бумаге могут проходить и молекулы воздуха (изнутри воронки под стакан), и молекулы водорода (из-под стакана в воронку). Но быстрота этих процессов различна. Различие в размерах молекул не играет при этом существенной роли, ибо различие это невелико, особенно по сравнению с размерами пор: молекула водорода имеет «длину» (§ 214) около $2,3 \cdot 10^{-8}$ *см*, а молекула кислорода или азота—около $3 \cdot 10^{-8}$ *см*, поперечник же отверстий, которые представляют собой поры, в тысячи раз больше. Бóльшая скорость проникновения водорода через пористую стенку объясняется большей скоростью движения его молекул. Поэтому молекулы водорода быстрее проникают из стакана в воронку. В результате в воронке получается накопление молекул, давление увеличивается и смесь газов в виде пузырьков выходит наружу.

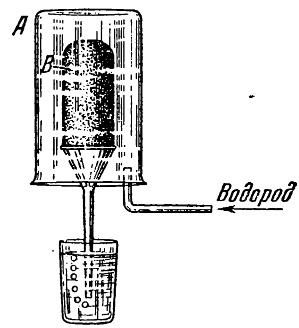


Рис. 393. Когда пространство под стаканом A наполнено водородом, то из конца воронки, закрытой пористым сосудом B, выходят пузырьки.

Подобными приборами пользуются для обнаружения примеси рудничных газов к воздуху, могущих вызвать взрыв в рудниках.

Упражнения. **243.1.** Если в только что описанном опыте снять с воронки стакан, наполненный водородом, то вода начинает втягиваться внутрь воронки. Объясните явление.

243.2. Вычислите, пользуясь таблицей 7, среднюю скорость молекул гелия и углекислого газа при температуре 0° С.

243.3. Пользуясь таблицей 8, вычислите средние скорости: а) молекул водорода при 1000° С; б) молекул азота при —100° С.

§ 244. Об одном способе измерения скоростей движения молекул газа (опыт Штерна). Существуют разнообразные способы определения и вычисления скоростей движения молекул. Одним из наиболее прямых и интересных является способ, осуществленный в опыте Штерна (в 1920 г.).

Для понимания его рассмотрим следующую аналогию. Когда стреляют по движущейся мишени, то, чтобы попасть в нее, приходится целиться в точку, находящуюся впереди мишени. Если же взять прицел на самую мишень, то пули будут попадать сзади мишени (считая по направлению ее движения, рис. 394). Это отклонение места попадания от цели будет, как нетрудно сообразить, тем больше, чем быстрее движется мишень и чем меньше скорость пули.

Рассмотрим еще такой опыт. На столике, который может вращаться, помещен высокий сосуд с водой (рис. 395). Из отверстия в сосуде бьет струя воды. Если столик не вращается, струя попадает в стакан, укрепленный на том же столике. Стоит, однако, начать вращать столик, как струя воды уже будет попадать не в стакан, а сзади него. Отставание струи будет тем больше, чем быстрее вращается столик и чем меньше скорость частиц в струе. Зная скорость вращения и измерив, насколько

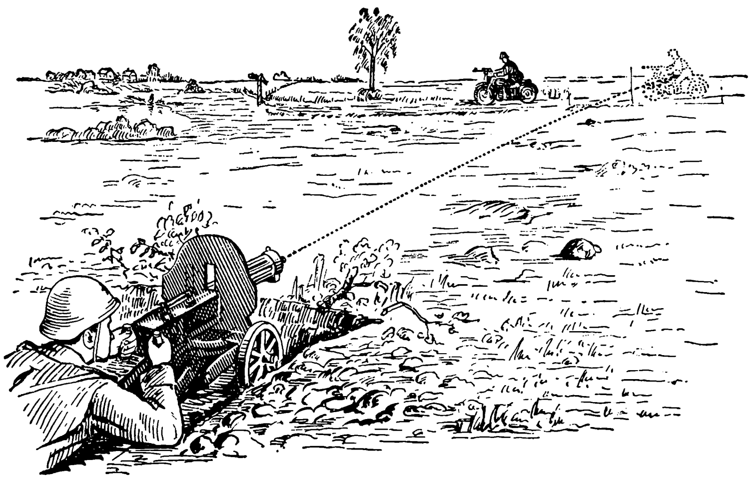


Рис. 394. Если стрелять из пулемета по движущейся мишени так, что ствол пулемета направлен на мишень, то пули будут ложиться сзади мишени.

отклоняется струя, можно, очевидно, судить о скорости струи. Нечто аналогичное представляет опыт Штерна. Струе воды в нем соответствует поток молекул.

Устройство прибора Штерна схематически представлено на рис. 396. Прибор состоит из трубочки A (электрическая печка), в которой электрическим током нагревается металл (например, серебро), щели B и цилиндра C. Цилиндр C вместе с печкой A и щелью B можно быстро вращать вокруг оси, проходящей через A и перпендикулярной к плоскости чертежа. Воздух из прибора выкачан, и в нем поддерживается очень низкое давление непрерывно работающим насосом. При нагревании серебра в печке A оно начинает испаряться и из печки вылетают молекулы (атомы) серебра, движущиеся со скоростью их молекулярного движения. Щель B выделяет направленный пучок молекул (печка A и щель B заменяют здесь ружье в указанном раньше примере). Стенка цилиндра специально охлаждается, чтобы попадающие на нее молекулы «прилипали» к ней, образуя налет серебра. Сперва прибор покоится и налет серебра образуется в точке M.

Теперь предположим, что весь прибор привели во вращение. Тогда, хотя прицел «молекулярного ружья» AB взят в ту же точку M, но цель движется и пули (молекулы) будут попадать уже не в точку M, а в точку N, лежащую позади нее; при вращающемся приборе налет серебра будет образовываться в точке N.

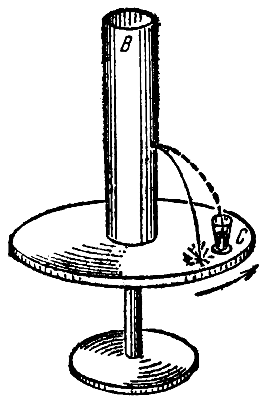


Рис. 395. При неподвижном столике струя воды из сосуда B падает в стакан C. При вращении столика струя воды падает сзади стакана C.

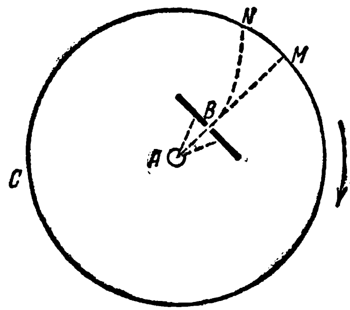


Рис. 396. Схема прибора Штерна для определения скорости молекул паров металла. Если прибор вращается по стрелке часов, то налет серебра получается в точке N.

Вычислим длину s дуги MN. Она равна пути, проходимому точками цилиндра за время t полета молекулы от B до цилиндра, т. е. $s=ut$, где u — скорость движения точек цилиндра. С другой стороны, если обозначить скорость молекул через v, а расстояние BM через l, то $t=\frac{l}{v}$, так что $s=\frac{ul}{v}$ или $v=\frac{ul}{s}$. Величина s измеряется по расстоянию между налетами металла на цилиндре при покоящемся и вращающемся цилиндрах, скорость точек на поверхности цилиндра u (при вращении) и расстояние l тоже могут быть измерены. Тогда, пользуясь последней формулой, можно найти скорость молекул. Таким образом были измерены скорости молекул паров некоторых металлов.

Упражнение. **244.1.** При опытах Штерна налет серебра при покоящемся приборе получается в виде узкой полоски, а при вращающемся приборе — несколько размытым. На что это указывает?

§ 245. Теплоемкость газов. Предположим, что мы имеем 1 *г* газа. Сколько надо сообщить ему теплоты для того, чтобы температура его увеличилась на 1° С, другими словами, какова *удельная теплоемкость газа?* На этот вопрос, как показывает опыт и рассуждения, приведенные в § 207, нельзя дать однозначного ответа. Ответ зависит от того, в каких условиях происходит нагревание газа. Если объем его не меняется, то для нагревания газа нужно определенное количество теплоты; при этом увеличивается также давление газа. Если же нагревание ведется так, что давление его остается неизменным, то потребуется иное, большее количество теплоты, чем в первом случае; при этом увеличится объем газа. Наконец, возможны и иные случаи, когда при нагревании меняются и объем, и давление; при этом потребуется количество теплоты, зависящее от того, в какой мере происходят эти изменения. Согласно сказанному газ может иметь самые разнообразные удельные теплоемкости, зависящие от условий нагревания. Выделяют обычно две из всех этих удельных теплоемкостей: *удельную теплоемкость при постоянном объеме* (c_v) *и удельную теплоемкость при постоянном давлении* (c_p).

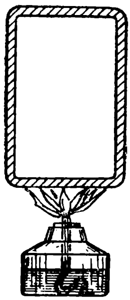


Рис. 397. Нагревание газа при постоянном объеме.

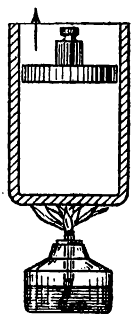


Рис. 398. Нагревание газа при постоянном давлении.

Для определения c_v надо нагревать газ, помещенный в замкнутый сосуд (рис. 397). Расширением самого сосуда при нагревании можно пренебречь. При определении c_p нужно нагревать газ, помещенный в цилиндр, закрытый поршнем, нагрузка на который остается неизменной (рис. 398) [1].

Теплоемкость при постоянном давлении c_p больше, чем теплоемкость при постоянном объеме c_v. Действительно, при нагревании 1 *г* газа на 1° при постоянном объеме подводимая теплота идет только на увеличение внутренней энергии газа. Для нагревания же на 1° той же массы газа при постоянном давлении нужно сообщить ему тепло, за счет которого не только увеличится внутренняя энергия газа, но и будет совершена работа, связанная с расширением газа. Для получения c_p к величине c_v надо прибавить еще количество теплоты, эквивалентное работе, совершаемой при расширении газа.

[1]) На деле определение c_v и c_p газов приходится производить иными, более сложными способами.

Таблица 9 показывает значения c_p и c_v для некоторых газов; M — молекулярный вес.

Таблица 9

Удельные теплоемкости некоторых газов при постоянном давлении и постоянном объеме

Газ	Удельная теплоемкость, *кал/г·град*		M
	c_p	c_v	
Гелий	1,25	0,75	4
Неон	0,25	0,15	20,2
Аргон	0,125	0,075	39,9
Водород	3,42	2,44	2
Азот	0,244	0,177	28
Кислород	0,218	0,157	32

§ 246. **Молярные теплоемкости.** В предыдущем параграфе мы привели значения удельных теплоемкостей некоторых газов, собранные в таблицу. Верхняя часть таблицы включает несколько одноатомных газов, нижняя — двухатомные газы. В последней колонке каждой из этих частей таблицы стоит молекулярный вес газа (для одноатомных он совпадает с атомным весом). Если помножить удельную теплоемкость на молекулярный вес, то получим величину, которую называют *молярной теплоемкостью*. Составив произведения Mc_v и Mc_p для всех газов, перечисленных в таблице 9, мы увидим, что для всех одноатомных газов получим для Mc_v число, близкое к 3 *кал/град·моль*, а для Mc_p — 5 *кал/град·моль*; для двухатомных газов получим соответственно для Mc_v—около 5 *кал/град·моль*, для Mc_p— 7 *кал/град·моль*. Таким образом, молярная теплоемкость для каждого *типа* газов (одноатомных, двухатомных) имеет постоянные значения. Это — общее правило, связанное с тем обстоятельством, что газы, взятые, в количестве одного моля, имеют одинаковое число молекул.

Указанное правило справедливо для двухатомных газов лишь в некотором интервале температур. При очень высоких температурах молярные теплоемкости двухатомных газов растут так, что Mc_v стремится к 7 *кал/град·моль*, а Mc_p — к 9 *кал/град·моль*. При очень низких температурах (например, для водорода, который остается газообразным до —239° С) Mc_v стремится к 3 *кал/град·моль*, а Mc_p— к 5 *кал/град·моль*. Не входя в подробности, укажем, что для объяснения этих более сложных явлений надо принимать во внимание не только движение молекул, как целого, но и колебания составляющих их атомов.

Попробуем на примере одноатомных газов выяснить, почему молярные теплоемкости различных газов могут оказаться равными между собой. Вспомним прежде всего, что изменения внутренней энергии в газах являются в основном изменениями кинетической энергии молекул газа, так как потенциальная их энергия почти не меняется (§ 216). На основании формулы (243.2) мы можем написать:

$$\frac{m_1 v_1^2}{2} = \frac{m_2 v_2^2}{2},$$

т. е. при одной и той же температуре средние энергии молекул различных газов равны между собой. Отсюда следует, что при повышении температуры на 1° С средняя энергия газовой молекулы меняется *одинаково*, независимо от ее массы. Но число молекул в моле любого вещества одно и то же (число Авогадро, § 242). Значит, изменение внутренней энергии моля любого одноатомного газа при нагревании на 1° С (т. е. его молярная теплоемкость Mc_v) также одинаково.

Упражнения. **246.1.** Вычислите удельные теплоемкости c_v и c_p для окиси углерода CO (молекулярный вес CO равен 28 *г/моль*). Какой другой газ имеет такие же теплоемкости?

246.2. Вычислите, пользуясь таблицами 7 и 9, теплоемкости при постоянном объеме таких масс кислорода и азота, объемы которых при нормальных условиях равны 1 *см*^{3}. Объясните получившийся результат.

§ 247. Правило Дюлонга и Пти. Равенство молярных теплоемкостей имеет место и в случае одноатомных твердых тел, к числу которых относятся металлы. У твердых тел мы не различаем c_p и c_v, а говорим просто об удельной теплоемкости c. Как было впервые подмечено Дюлонгом и Пти, произведение Ac (где A — атомный вес) для твердых одноатомных тел довольно постоянно и равно примерно 6 *кал/град*. Это можно проследить на таблице 10.

Правило Дюлонга и Пти соблюдается для твердых одноатомных тел при достаточно высоких температурах. Для большинства тел такой достаточно высокой температурой является уже комнатная температура. Однако для некоторых тел с малым атомным весом, например для бериллия, бора, углерода (алмаза), комнатная температура недостаточно высока, и они подчиняются правилу Дюлонга и Пти лишь при более высокой температуре. Наоборот, при охлаждении *все* тела обнаруживают отступления от правила Дюлонга и Пти. При охлаждении удельная теплоемкость всех тел *уменьшается*.

Таблица 10

Удельные теплоемкости некоторых твердых веществ

Вещество	Удельная теплоемкость c, *кал/г·град*	Атомный вес A	Ac
Алюминий	0,21	27	5,7
Железо	0,11	56	6,2
Медь	0,091	64	5,8
Свинец	0,031	207	6,4
Магний	0,24	24	5,8
Бериллий	0,42	9	3,8

Упражнение. **247.1.** Как, не имея под руками таблиц удельных теплоемкостей, приблизительно оценить удельную теплоемкость металла? Сделайте это для серебра ($A=108$) и вольфрама ($A=184$).

ГЛАВА XIV

СВОЙСТВА ЖИДКОСТЕЙ

§ 248. Строение жидкостей. Мы имеем довольно ясное представление о строении газов и твердых кристаллических тел. Газ является собранием молекул, беспорядочно движущихся по всем направлениям независимо друг от друга. В твердом теле все (точнее, почти все) молекулы длительно (иногда тысячелетиями) сохраняют взаимное расположение, совершая лишь небольшие колебания около определенных положений равновесия.

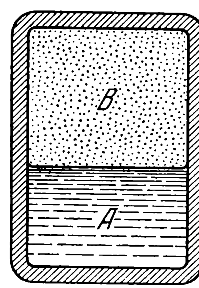


Рис. 399. Объем сосуда делится на две части: в одной из них жидкость A, в другой — пар B.

Гораздо более сложным представляется строение жидкостей. Чтобы подойти к этому вопросу, рассмотрим случай, когда в замкнутом сосуде имеется жидкость и ее пар, причем жидкость занимает только часть сосуда (нижнюю); остальное пространство заполнено паром (рис. 399), который, как и всякий газ, заполняет все свободное пространство. Конечно, молекулы и в паре и в жидкости находятся в непрерывном движении и могут вылетать из жидкости и переходить в пар и, обратно, из пара залетать в жидкость. Однако между паром и жидкостью сохраняется (при неизменной температуре) резкая граница, и обмен молекулами не нарушает равновесия между этими двумя состояниями; только это равновесие имеет подвижный (динамический) характер.

Резкая граница между паром и жидкостью разделяет два состояния, или, как говорят, две *фазы* вещества, из которых парообразная характеризуется гораздо меньшей (в тысячи раз) плотностью, чем жидкая. В жидкой фазе среднее расстояние между молекулами гораздо меньше (в десятки раз), чем в паре, и в соответствии с этим междумолекулярные силы сцепления в жидкости гораздо больше, чем в паре. Этим и объясняется различие в характере движения молекул в паре и в жидкости.

В паре, подобно газу, можно почти не учитывать сил сцепления и рассматривать движение как свободный полет молекул и соударение их друг с другом и с окружающими телами (стенками и жидкостью, покрывающей дно сосуда). В жидкости молекулы, как и в твердом теле, сильно взаимодействуют, удерживая друг друга. Однако, в то время как в твердом теле каждая молекула сохраняет неограниченно долго определенное положение равновесия внутри тела и движение ее сводится к колебанию около этого равновесного положения, характер движения в жидкости иной. Молекулы жидкости движутся гораздо свободнее, чем молекулы твердого тела, хотя и не так свободно, как молекулы газа. Каждая молекула в жидкости в течение некоторого времени движется то туда, то сюда, не удаляясь, однако, от своих соседей. Это движение напоминает колебание молекулы твердого тела около положения равновесия. Однако время от времени молекула жидкости вырывается из своего окружения и переходит в другое место, попадая в новое окружение, где опять в течение некоторого времени совершает движение, подобное колебанию.

Таким образом, движение молекул жидкости представляет собой нечто вроде смеси движений в твердом теле и в газе: «колебательное» движение на одном месте сменяется «свободным» переходом из одного места в другое. В соответствии с этим строение жидкости представляет что-то среднее между строением твердого тела и строением газа. Чем выше температура, т. е. чем больше кинетическая энергия молекул жидкости, тем бо́льшую роль играет «свободное» движение: тем короче промежутки «колебательного» состояния молекулы и чаще «свободные» переходы, т. е. тем больше жидкость уподобляется газу. При достаточно высокой температуре, характерной для каждой жидкости (так называемая критическая температура, § 303), свойства жидкости не отличаются от свойств сильно сжатого газа.

Следует отметить, что мы имеем гораздо менее отчётливые представления о строении жидкостей, чем о строении газов и строении кристаллических тел, что объясняется гораздо большей сложностью явлений, характеризующих жидкость.

§ 249. Поверхностная энергия. Мы уже говорили о том, что наиболее характерным свойством жидкого состояния является наличие резкой границы, разделяющей жидкость и ее пар (который может быть смешан и с другими газами).

Поверхностный слой жидкости, представляющий переход от жидкости к пару, отличается особыми свойствами, облегчающими изучение сил молекулярного сцепления в жидкости. Поэтому мы и начнем ознакомление со свойствами жидкости с этих *поверхностных* явлений.

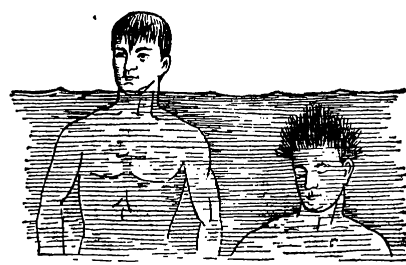


Рис. 400. Под водой у пловца волосы торчат во все стороны, над водой волосы слипаются.

Дети хорошо знают, что «куличики» можно построить только из мокрого песка. Сухие песчинки не пристают друг к другу. Но так же не пристают друг к другу песчинки, целиком погруженные в воду. Когда во время купанья человек окунется с головой в воду, его волосы расходятся в воде во все стороны (рис. 400), но стоит только высунуть голову из воды, как волосы тотчас лягут на голове слипшимися слоями.

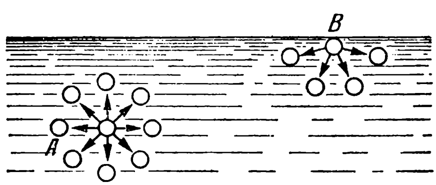


Рис. 401. Молекула *A* окружена со всех сторон другими молекулами и притягивается ими по всевозможным направлениям. Молекула *B* притягивается другими молекулами внутрь жидкости.

Чем это объяснить? Слипание песчинок и волос мы должны объяснить действием *сил сцепления* молекул воды, облекающей песчинки или волосы.

Рассмотрим, почему силы сцепления не проявляют своего действия, когда песчинки или волосы находятся *под* водой.

Сравним молекулу жидкости, находящуюся вблизи границы жидкости и газа, с молекулой, находящейся вдали от этой границы, внутри жидкости (рис. 401). Молекула внутри жидкости (A) окружена другими молекулами со всех сторон. Молекулу же, находящуюся у границы с газом (B), молекулы жидкости окружают только с одной стороны, со стороны же газа молекул почти нет. Притяжение, испытываемое рассматриваемой нами молекулой со стороны соседних, в случае «внутренних» молекул взаимно уравновешивается; для молекул, расположенных у поверхности, сложение всех сил дает равнодействующую, направленную внутрь жидкости. Поэтому, для того чтобы перевести молекулу из внутренних слоев к поверхности, надо совершить работу против указанной равнодействующей силы. Следовательно, каждая молекула, находящаяся вблизи поверхности жидкости, обладает некоторым избытком потенциальной энергии по сравнению с молекулами, находящимися внутри жидкости. Чем больше поверхность жидкости, тем большее число молекул обладает этой избыточной потенциальной энергией. Следовательно, при увеличении поверхности данной массы жидкости (например, при раздроблении воды в мелкую водяную пыль) энергия жидкости увеличивается. Это — один из случаев изменения внутренней энергии тел, о котором упоминалось в § 202. В этом случае внутренняя энергия тела пропорциональна размерам поверхности, и поэтому ее нередко называют *поверхностной энергией* (один из примеров довольно неудачных названий, сохранившихся в силу традиции).

Вследствие стремления молекул уйти внутрь жидкости с ее поверхности жидкость принимает такую форму, при которой ее свободная поверхность имеет наименьшую возможную величину.

Стремление жидкости уменьшить свою свободную поверхность хорошо проявляется в различных явлениях и опытах.

1) Прежде всего об этом говорит шарообразная форма, которую принимают маленькие капли жидкости: капельки ртути на горизонтальной стеклянной пластинке; капли воды, разбегающиеся по раскаленной плите, если на нее попадут брызги воды; капли воды на пыльной дороге и т. п. Во всех этих случаях взаимодействие с твердым телом, на котором они находятся, мало́ по сравнению с силами, действующими между частями жидкости, и стремление жидкости уменьшить свою поверхность четко проявляется: шарообразная форма капелек соответствует наименьшей их поверхности.

При малых размерах капелек искажающее их форму влияние силы тяжести невелико.

В условиях невесомости сила тяжести не препятствует данному объему жидкости сократить свою поверхность. Поэтому жидкость в условиях невесомости принимает форму шара; такая шарообразная «капля» может иметь большие размеры по сравнению с обычными каплями жидкости, в которых увеличение размера приводит к искажению формы под действием силы тяжести.

2) Очень наглядно стремление жидкости уменьшить свою поверхность проявляется в случае тонкой струйки вязкой жидкости, стекаю-

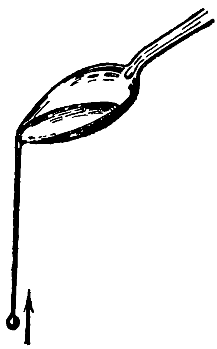


Рис. 402. Струйка меда, стекающая с ложки, собирается в шарик, поднимающийся кверху.

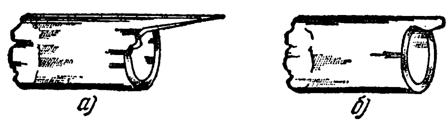


Рис. 403. *а*) На стеклянной трубке при разламывании образовался острый зубец. *б*) Тот же зубец после оплавления трубки в пламени.

щей вниз. Легко можно наблюдать, например, как струйка стекающего меда, если она почему-либо начинает слишком утончаться, внезапно прерывается и поднимается вверх, образуя на конце круглую каплю (рис. 402), и тем уменьшает свою свободную поверхность.

3) Если на стеклянной трубке при разламывании образовался острый зубец, то его легко оплавить, т. е. сделать круглым, размягчив стекло на пламени (рис. 403).

4) Наглядно видно стремление уменьшить свободную поверхность у пленки, например у мыльной.

Образуем мыльную пленку на колечке с ниткой, протянутой так, как показано на рис. 404, *а*. Пока пленка цела по обе стороны нитки, нитка имеет ту форму, которую она случайно приняла при образовании пленки. Если уничтожить пленку по одну сторону нитки, то мыльная пленка по другую сторону тотчас уменьшит свою поверхность и натянет нитку (рис. 404, *б*).

Стремлением пленки сократиться до наименьших возможных размеров объясняется шарообразная форма мыльных пузырей. Тем же уменьшением поверхности жидкости при установлении равновесия объясняется и слипание мокрых песчинок и мокрых волос, о чем мы говорили вначале: легко видеть, что при слипшихся волосах облекающая их вода имеет меньшую поверхность, чем при раздельном расположении волос. Это показано на рис. 405.

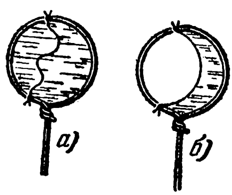


Рис. 404. *а*) Вид нитки, находящейся на мыльной пленке. *б*) Нитка оттягивается пленкой в сторону.

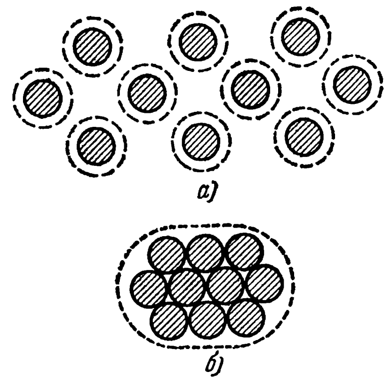


Рис. 405. Заштрихованные кружки изображают сечения волос. Пунктирная линия изображает водяную пленку, облекающую волосы. При раздельном положении волос поверхность пленки велика (*а*). При слипшихся волосах поверхность пленки мала (*б*).

Во всех этих случаях мы наблюдаем стремление жидкости уменьшить поверхность, по которой она граничит с воздухом (точнее — с паром, который образуется из жидкости). Такие же явления мы наблюдаем на границе двух несмешивающихся жидкостей.

1) Поместим большую каплю анилина в раствор поваренной соли, плотность которого подогнана к плотности анилина так, что капля держится внутри него, не падая на дно и не всплывая. Это значит, что сила тяжести и поддерживающая сила, действующие на каплю, взаимно уравновешиваются (закон Архимеда, § 160). В этом случае капля также принимает форму шара (рис. 406).

2) Нальем на часовое стеклышко слабый раствор кислоты (например, азотной) и выпустим туда же из пипетки

множество мелких капель ртути (рис. 407). Мы увидим, как эти капельки будут сливаться одна с другой и, наконец, образуют одну крупную каплю, поверхность которой, конечно, меньше, чем сумма поверхностей множества мелких капель.

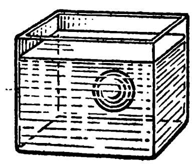


Рис. 406. Капля анилина внутри раствора соли принимает форму шара.

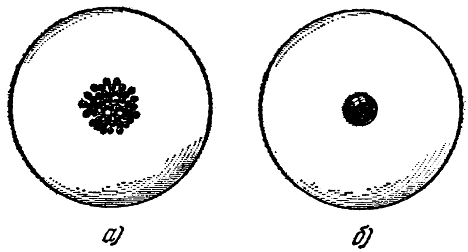


Рис. 407. *а*) На часовом стекле находится в слабом растворе кислоты множество соприкасающихся мелких капелек ртути. *б*) Через несколько минут все капельки слились в одну большую каплю.

Упражнения. **249.1.** Для получения свинцовой дроби расплавленный свинец льют сквозь узкие отверстия с некоторой высоты в воду, причем во время падения свинец застывает, принимая форму шариков. Объясните это.

249.2. Что происходит с мыльной пленкой, когда она лопается? Куда она девается?

§ 250. Поверхностное натяжение. Мы указали в предыдущем параграфе, что увеличение свободной поверхности жидкости связано с работой по вытягиванию молекул изнутри жидкости на поверхность. Увеличение свободной поверхности может быть произведено самыми различными способами: можно увеличить свободную поверхность жидкости, вызывая волны на ней, можно превращать сферические капли в вытянутые, можно разбрызгивать жидкость, можно раздувать внутри жидкости пузырь из воздуха и т. п. В любом случае производится работа по увеличению поверхности жидкости, и следовательно, всегда должна иметься некоторая сила, под действием которой свободная поверхность жидкости увеличивается. Для вычисления этой работы и этой силы проще всего рассмотреть случай, когда мы увеличиваем поверхность жидкости, растягивая образованную из жидкости тонкую пленку. В этом случае сила, производящая работу по увеличению обеих поверхностей пленки, направлена вдоль пленки.

Работу, которую нужно произвести, чтобы увеличить свободную поверхность некоторой жидкости на 1 *см*^{2}, не меняя температуры жидкости, называют *поверхностным натяжением* этой жидкости и обозначают обычно буквой σ. Из нашего определения следует, что для увеличения свободной поверхности жидкости на S *см*^{2} надо произвести работу σS. В системе СГС поверхностное натяжение выражается в *эрг/см*^{2} или *дин/см*, так как *эрг=дин·см*. В системе СИ поверхностное натяжение выражается в *дж/м*^{2} или *н/м*. Заметим, что 1 *дин/см*=1000 *н/м*.

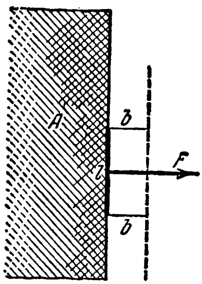


Рис. 408. Граница тонкой пленки A перемещается вправо. На участок l действует сила F.

Как определить поверхностное натяжение жидкости? Пусть нам удалось измерить силу F, которую нужно приложить к прямолинейному участку границы тонкой пленки жидкости, чтобы равномерно растягивать эту пленку (рис. 408). Пусть длина этого участка равна l. При перемещении этого участка на расстояние b будет произведена работа $F \cdot b$. С другой стороны, будет произведена работа по увеличению обеих поверхностей пленки. Каждая из них увеличится на величину $S=l \cdot b$, следовательно, будет произведена работа $2\sigma S=2\sigma lb$. Приравнивая два полученных выражения одной и той же работы, найдем:

$$\sigma=\frac{F}{2l}.$$

Из этого рассуждения видно, что поверхностное натяжение равно силе, которую нужно приложить к 1 *см* прямолинейного участка границы поверхности жидкости по направлению касательной к поверхности, чтобы имело место равновесие жидкости. Измерения силы, действующей на границу пленки жидкости, дают возможность определить поверхностное натяжение жидкости. Простенький прибор для грубых

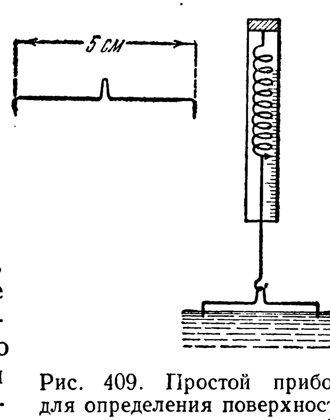


Рис. 409. Простой прибор для определения поверхностного натяжения жидкостей.

измерений такого рода показан на рис. 409. Опустим в воду медную проволочку, изогнутую, как показано на рисунке, зацепим проволочку чувствительным пружинным динамометром и будем очень медленно, без толчков поднимать ее вверх. Показание динамометра будет постепенно увеличиваться и достигнет максимального значения, когда из воды покажется водяная пленка, нависшая на проволочке. Отсчитав показание динамометра и приняв во внимание вес проволочки, мы найдем силу, которая растягивает пленку. При длине проволочки 5 *см* эта сила составляет около 700 *дин*. Отсюда

$$\sigma_{\text{воды}}=\frac{700\ \textit{дин}}{2\cdot 5\ \textit{см}}=70\ \textit{дин/см}=70\ \textit{эрг/см}^2.$$

Кроме этого грубого способа существуют другие, более точные способы измерения поверхностного натяжения различных жидкостей (см. далее § 257).

Результаты измерений поверхностных натяжений приведены в таблице 11.

Таблица 11

Поверхностное натяжение некоторых жидкостей

Жидкость	Температура, °C	Поверхностное натяжение, *эрг/см²*	Поверхностное натяжение, *дж/м²*
Вода (чистая)	20	72,5	0,0725
Раствор мыла	20	40	0,040
Спирт	20	22	0,022
Эфир	25	17	0,017
Ртуть	20	470	0,470
Золото (расплавленное)	1130	1102	1,102
Жидкий водород	—253	2,1	0,0021
» гелий	—269	0,12	0,00012

Обратим внимание, что у легко испаряющихся жидкостей (эфира, спирта) поверхностное натяжение, а следовательно, и молекулярные силы, меньше, чем у жидкостей нелетучих (у ртути). Очень мало́ поверхностное натяжение у жидкого водорода и, особенно, у жидкого гелия. У жидких металлов поверхностное натяжение, наоборот, очень велико.

Различие в поверхностном натяжении жидкостей объясняется различием в силах сцепления у разных молекул.

Измерения поверхностного натяжения показывают, что поверхностное натяжение жидкостей зависит только от природы жидкости и от ее температуры. Оно никак не зависит от того, велика поверхность жидкости или мала, подвергалась эта поверхность предварительно растягиванию или нет. Другими словами, работа по вытягиванию каждой новой молекулы на поверхность никак не зависит от того,

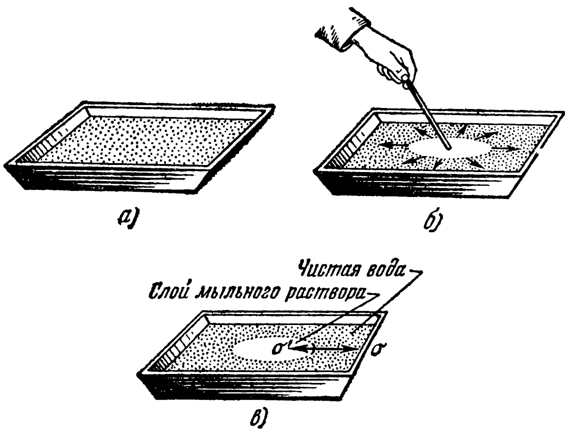


Рис. 410. *а*) На поверхность воды равномерно насыпан порошок. *б*) К поверхности воды прикасаются палочкой, смоченной в мыле,— порошок разбегается во все стороны. *в*) Стрелки изображают силы, действующие на границу со стороны мыльного раствора и со стороны чистой воды.

какова величина этой поверхности. Это показывает, что поверхностный слой жидкости нельзя уподоблять тонкой упругой пленке, например резиновой пленке. При растягивании резиновой пленки по мере увеличения ее поверхности растягивающая сила становится все больше и больше и, следовательно, работа по увеличению этой поверхности на 1 $см^2$ тоже увеличивается. При увеличении поверхности жидкости ничего подобного не наблюдается.

При измерении поверхностного натяжения следует очень внимательно наблюдать за тем, чтобы жидкость была химически чистой, ибо примесь растворимых в жидкости веществ может заметно понизить поверхностное натяжение.

Понижение поверхностного натяжения жидкости при растворении в ней примесей можно обнаружить при помощи следующего опыта (рис. 410). Насыплем на поверхность воды в сосуде какой-нибудь плавающий на ее поверхности порошок (например, ликоподий или тальк). Этим приемом мы сделаем заметными перемещения поверхностного слоя воды. Теперь пустим на поверхность воды маленькую каплю мыльного раствора (или эфира). Мы увидим, что порошок стремительно побежит от капельки во все стороны. Это показывает, что поверхностное натяжение мыльного раствора (вблизи капли) меньше, чем поверхностное натяжение чистой воды (у краев сосуда).

То обстоятельство, что на поверхности воды образуется пленка раствора эфира (или мыла), а следовательно, молекулы воды уходят вглубь, означает, что силы, втягивающие молекулы воды внутрь, больше, чем силы, втягивающие молекулы эфира; отсюда следует, что работа по вытягиванию молекул воды на поверхность больше, т. е. поверхностное натяжение чистой воды больше поверхностного натяжения раствора эфира (или мыла).

Упражнения. **250.1.** Какую работу нужно произвести при таком деформировании сферической капли ртути диаметром 2 *мм* (при 20° С), при котором ее поверхность увеличивается в три раза? Указание: из геометрии известно, что поверхность сферы радиусом R равна $4\pi R^2$.

250.2. Какую работу нужно произвести, чтобы при 20° С выдуть мыльный пузырь диаметром 10 *см*?

250.3. Какую работу надо произвести, чтобы 1 *кг* чистой воды при 20° С раздробить на капельки диаметром 1 микрон той же температуры? Начальная поверхность воды мала по сравнению с общей поверхностью всех капелек и ею можно пренебречь. Какое количество теплоты выделится, если все эти капельки вновь сольются между собой, а температура останется прежней? Указание: из геометрии известно, что объем сферы радиусом R равен ${}^4/_3\pi R^3$.

§ 251. Жидкостные пленки. Все знают, как легко получить пену из мыльной воды или из яичного белка. Из чистой же воды пена получается очень неустойчивой.

Пена — это множество пузырьков воздуха, ограниченных тончайшей пленкой из жидкости. Из жидкости, образующей пену, легко можно получить и отдельную пленку.

Эти пленки очень интересны. Они могут быть чрезвычайно тонки: в наиболее тонких частях их толщина не превосходит стотысячной доли миллиметра. Несмотря на свою тонкость, они иногда очень устойчивы. Мыльную пленку можно растягивать и деформировать. Сквозь мыльную пленку может протекать струя воды не разрушая ее (рис. 411). Смоченный мыльной водой стальной шарик пролетает сквозь мыльную пленку, оставляя ее целой. В момент пролета он, очевидно, обволакивается пленкой с обеих сторон и затем отрывается, причем поврежденное место поверхности немедленно возобновляется.

Чем же объяснить устойчивость пленок? Прежде всего заметим, что устойчивые пленки и пена не могут образовываться в химически чистых жидкостях. Непременным условием образования пены является прибавление к чистой жидкости (вода, спирт и т. п.) растворяющихся в ней веществ и притом таких, которые сильно *понижают* поверхностное натяжение. Как показывает опыт, молекулы такого растворенного вещества собираются в поверхностном слое жидкости (адсорбируются, см. далее § 258).

Какое это имеет значение для прочности пленки, например мыльной? Мыльная пленка представляет собой тройной слой (рис. 412). В двух наружных слоях мы имеем воду, насыщенную молекулами веществ, входящих в состав мыла, в среднем слое — почти чистую воду.

Теперь представим себе, что пленка по какой-нибудь причине в одном месте утончилась. Это поведет к тому, что здесь обнажится внутренний слой почти чистой воды. Поверхностное натяжение этого слоя, как мы видели, больше. Вследствие большого поверхностного натяжения утончившееся место пленки потянет в свою сторону жидкость из других, более толстых частей. Этим будет вновь достигнута одинаковая толщина пленки на всем протяжении, и опасность разрыва пленки исчезнет.

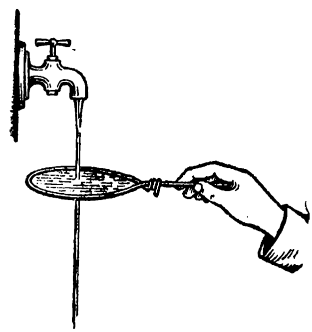


Рис. 411. Струя воды протекает сквозь мыльную пленку, не разрушая ее.

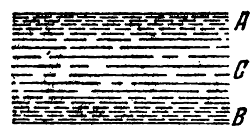


Рис. 412. Схематическое изображение строения мыльной пленки. A и B — поверхностные слои, богатые молекулами мыла; C — слой почти чистой воды.

Напротив, в чистых жидкостях малейшее изменение толщины в каком-либо месте или ничтожная неравномерность в силах, действующих на пленку, не может быть компенсирована изменением поверхностного натяжения и ведет к разрыву пленки.

Все-таки через некоторое время лопается и мыльная пленка. Причины этого разнообразны. Во-первых, пленка никогда не бывает вполне горизонтальна (хотя бы потому, что горизонтальная пленка всегда несколько изогнута своей тяжестью). Вследствие этого жидкость из верхней части пленки постепенно перетекает вниз. Во-вторых, пленка все время немного испаряется, а потому и утончается до такого состояния, при котором внутренний слой пленки, обусловливающий, как мы видели, ее устойчивость, истощается. В-третьих, на поверхности пленки могут происходить реакции окисления, ведущие к образованию новых веществ. Чтобы сохранить мыльную пленку дольше, ее помещают под колпак, задерживающий испарение жидкости, и прибавляют в мыльный раствор вещества, увеличивающие вязкость его (сахар, глицерин).

В природе и технике мы обычно встречаемся не с отдельными пленками, но с собранием пленок — с пеной. Часто можно видеть в ручьях, там, где небольшие струйки воды падают в спокойную воду, обильное образование пены. В этом случае способность воды пениться связана с наличием в воде особого органического вещества, выделяющегося из корней растений (сапонина). В строительной технике иногда используются материалы, имеющие ячеистую структуру, вроде пены (например, пенобетон). Такие материалы дешевы, легки, плохо проводят теплоту и звуки и достаточно прочны. Для их изготовления добавляют в растворы, из которых образуются строительные материалы, вещества, способствующие пенообразованию. Важным примером использования пенообразующих веществ являются огнетушители, при действии которых пожар тушится устойчивой пеной, выбрасываемой из огнетушителя.

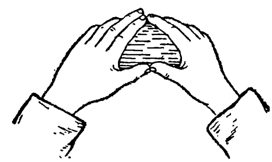


Рис. 413. К упражнению 251.1. Мыльная пленка между указательными и большими пальцами рук.

У п р а ж н е н и е. **251.1.** Во время мытья рук получите мыльную пленку между пальцами, как показано на рис. 413. Наблюдайте интенсивные движения жидкости, вызванные различием в поверхностном натяжении различных частей пленки. Пленка сперва бесцветная, затем окрашивается в цвета, о происхождении которых будет идти речь в разделе «Оптика». Через некоторое время пленка покрывается черными пятнами. Эти пятна быстро растут, покрывая собой значительную часть пленки. Было выяснено, что эти пятна — места, где пленка имеет толщину, соответствующую размерам двух молекул. Эти слои состоят из молекул мыла; третий, промежуточный, слой исчез. Появление и рост черных пятен служат признаком того, что пленка скоро лопнет.

§ 252. Зависимость поверхностного натяжения от температуры. В таблице 11 указана температура, при которой производилось измерение поверхностного натяжения. Это сделано потому, что поверхностное натяжение зависит от температуры. В этом можно убедиться при помощи опыта, подобного описанному в § 250.

Насыпав, как и раньше, на поверхность воды в сосуде ликоподия, поднесем к нему накаленное металлическое тело. От этого прогреется и поверхность воды, причем больше всего в непосредственной близости к нагретому телу. Мы увидим, что ликоподий разбежится от нагретого предмета. Это показывает, что с повышением температуры поверхностное натяжение воды уменьшается.

Результаты измерения поверхностного натяжения воды при разных температурах приведены в таблице 12. У других

Таблица 12

Зависимость поверхностного натяжения воды от температуры

Температура, °C	Поверхностное натяжение, *дин/см*
0	75,6
20°	72,5
50°	67,9
100°	58,8

жидкостей поверхностное натяжение при повышении температуры также уменьшается. Следовательно, *силы сцепления в жидкости уменьшаются при повышении температуры.*

К этому явлению вернемся, когда будем говорить об испарении жидкостей.

§ 253. Смачивание и несмачивание. Мы видели (§ 249), что небольшие капельки ртути, помещенные на стеклянную пластинку, принимают шарообразную форму. Это является результатом действия молекулярных сил, стремящихся уменьшить поверхность жидкости.

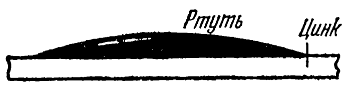


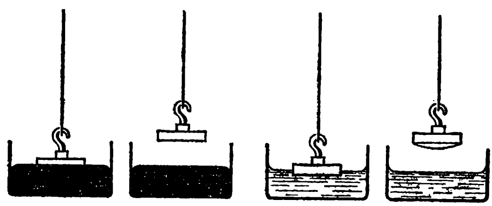
Рис. 414. Растекание ртути по очищенному цинку.

Ртуть, помещенная на поверхности твердого тела, *не всегда* образует круглые капли. Очистим цинковую пластинку от окислов, протерев ее тряпкой, смоченной в слабой серной кислоте, и поместим на нее капельку ртути (рис. 414). Мы увидим, что капелька ртути растечется по цинковой пластинке, причем общая поверхность капельки, несомненно, увеличится.

Капля анилина в опыте, изображенном на рис. 406, имеет шарообразную форму тоже только тогда, когда она не касается стенки стеклянного сосуда. Стоит ей коснуться стенки, как она тотчас прилипает к стеклу, растягиваясь по нему и приобретая бóльшую общую поверхность.

Чем же объясняется эта разница? Вспомним, что стремление молекул жидкости уйти внутрь жидкости и уменьшить поверхность, отделяющую жидкость от газа, объясняется тем, что молекулы жидкости почти не притягиваются молекулами газа (молекул газа слишком мало).

В случае соприкосновения с твердым телом силы сцепления молекул жидкости с молекулами твердого тела начинают играть существенную роль. Поведение жидкости будет зависеть от того, что больше: сцепление между молекулами жидкости или сцепление молекулы жидкости с молекулой твердого тела. В случае ртути и стекла силы сцепления между молекулами ртути и стекла малы по сравнению с силами сцепления между молекулами ртути, и ртуть собирается в каплю. В случае же воды и стекла (или ртути



а)   б)

Рис. 415. *а*) Чистая стеклянная пластинка, отрываясь от поверхности ртути, не уносит с собой ртути. *б*) Та же пластинка, отрываясь от поверхности воды, покрывается пленкой воды.

и цинка), очевидно, силы сцепления между молекулами жидкости и твердого тела превосходят силы сцепления, действующие между молекулами жидкости, и жидкость растекается по твердому телу.

Чтобы проверить правильность этих рассуждений, сделаем такой опыт. Возьмем стеклянную пластинку с приклеенным к ней сверху крючком. Положим ее на поверхность ртути и будем тянуть за крючок, пока пластинка не оторвется от ртути. При этом пластинка оторвется от ртути совершенно чистой, не унося с собой ртути (рис. 415, *а*). Это показывает, что сцепление между молекулами стекла и ртути меньше, чем между молекулами ртути. Здесь дело обстоит так же, как с растягиваемой цепью, которая рвется там, где у нее самое слабое звено.

Если же вместо ртути взять воду и повторить тот же опыт, то заметим, что оторванная стеклянная пластинка покрыта водой (рис. 415, *б*). В этом случае разрыв происходит между молекулами воды, а не между водой и стеклом. Значит, силы сцепления между водой и стеклом больше, чем силы сцепления частиц воды между собой. В первом случае мы называем жидкость *не смачивающей* твердое тело (примеры: ртуть — стекло, вода — парафин), во втором — *смачивающей* (ртуть — цинк, вода — стекло).

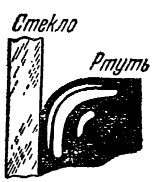


Рис. 416. Так располагается у стеклянной стенки ртуть (увеличено).

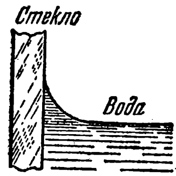


Рис. 417. Так располагается у стеклянной стенки вода (увеличено).

Отсюда следует, что, говоря о поверхности жидкости, надо иметь в виду не только поверхность, где жидкость граничит с воздухом, но также и поверхность, граничащую с другими жидкостями или с твердым телом. В частности, когда жидкость налита в сосуд, то бо́льшая часть ее поверхности граничит со стенками сосуда.

В зависимости от того, смачивает ли жидкость стенки сосуда или не смачивает, форма поверхности жидкости у места соприкосновения с твердой стенкой и газом имеет тот или иной вид. В случае ртути в стеклянном сосуде или воды в сосуде, стенки которого покрыты слоем парафина, форма поверхности у края круглая, выпуклая (рис. 416). Это объясняется тем, что в данном случае силы сцепления между молекулами ртути превосходят сцепление ртути со стенками, и ртуть, стремясь стянуться, частично отходит от стекла. В других случаях (вода в чистом стеклянном или металлическом сосуде) жидкость у края принимает форму, показанную на рис. 417. При этом притяжение жидкости стенками превосходит притяжение между молекулами жидкости, и жидкость подтягивается к стеклу, стремясь растечься по нему.

Рис. 418. Применение стеклянной палочки для наливания воды в сосуд с узким горлом.

Упражнения. **253.1.** Почему воду можно из стеклянного пузырька отмерять каплями, а ртуть нельзя?

253.2. Объясните способ наливания воды в узкое горлышко сосуда по стеклянной палочке или по спичке (рис. 418).

253.3. Положите на поверхность воды сухое бритвенное лезвие. Если его брали пальцами, оно всегда покрыто тонким слоем жира. Оно будет плавать. То же лезвие, тщательно вымытое мылом (не касаться после этого руками), не может плавать на поверхности воды. Объясните явления.

253.4. Познакомьтесь с процессом паяния. Чтобы расплавленный припой (например, сплав олова со свинцом) растекался на поверхностях спаиваемых металлических предметов, надо тщательно очищать эти поверхности паяльной жидкостью (например, хлористым цинком). Хлористый цинк освобождает металлическую поверхность от окислов. Примите во внимание громадные силы сцепления в металлах и объясните, почему необходимо соприкосновение припоя с совершенно чистой металлической поверхностью.

§ 254. Расположение молекул у поверхности тел. Произведем такой опыт. На поверхность чистой горячей воды поместим небольшой кусок парафина (или воска, или нафталина). Парафин расплавится и растечется тонкой пленкой по поверхности воды. Дадим воде остыть. Парафин затвердеет в виде тонкой пластинки. Осторожно вынем эту пластинку, стараясь не касаться ее поверхности, и, разделив на две части, поместим горизонтально, предварительно перевернув одну из частей. Теперь при помощи пипетки нанесем на поверхности наших пластинок капли чистой воды. Мы увидим, что капли поведут себя совсем различно. На той поверхности парафина, которая соприкасалась с воздухом, капля воды не растечется и будет иметь такую же форму, как ртуть на стекле; в этом случае вода не смачивает парафин. На поверхности, соприкасавшейся с водой, капля воды немедленно растечется, образуя тонкую пленку; в этом случае вода смачивает парафин.

Почему же *одно и то же* твердое вещество в одних случаях смачивается жидкостью, а в других не смачивается?

Объяснение в следующем. Молекулы многих веществ довольно сложны; благодаря этому различные *части* такой молекулы могут обнаруживать различные силы сцепления при взаимодействии с другими молекулами. Если каким-либо образом расположить подобные молекулы так, что в одну сторону будут обращены концы, сильно взаимодействующие с водой, а в другую — слабо взаимодействующие, то получится пластинка, одна поверхность которой будет смачиваться водой, а другая не будет. Парафин на горячей воде плавится, и молекулы жидкого парафина поворачиваются, притягиваясь своими сильно взаимодействующими с водой концами к поверхности воды. В таком положении они и застывают, когда вода охлаждается, и в результате получается та двусторонняя пластинка, свойства которой мы обнаружили в описанном опыте.

Наиболее сильно влияние определенного расположения молекул в поверхностном слое у маслянистых веществ, обладающих смазочным действием. На основании химических исследований этим молекулам приписывают удлиненную форму, причем на одном ее конце находится группа атомов COOH (так называемая карбоксильная группа). Эта группа и обусловливает сцепление молекул маслянистых веществ с поверхностями твердых тел (активные концы). Другие концы тех же молекул дают очень малые силы сцепления (инертные концы).

Такое представление дает возможность объяснить *смазочное действие* очень тонких слоев масел. Слой смазки между двумя твердыми (например, металлическими) поверхностями разделяется на слои, обращенные друг к другу попеременно активными и инертными концами, как показано на рис. 419. К твердым телам примыкает слой молекул, прикрепившихся к нему своими активными концами. Эти молекулы располагаются подобно волосам на щетке. При движении происходит скольжение между инертными концами молекул смачивающего вещества. При этом скольжении не получается больших сил, ему препятствующих, так как силы сцепления у этих концов молекул малы. Поэтому и трение получается весьма малым.

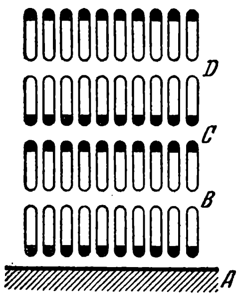


Рис. 419. Расположение молекул масляной смазки вблизи твердого тела A. Активные концы молекул обозначены черным, инертные — белым. Скольжение происходит в местах B и D. В месте C скольжения нет.

Отметим, что у жидкостей, не обладающих смазочным действием в тонких слоях, молекулярная картина течения жидкости вблизи твердого тела имеет иной характер.

§ 255. Значение кривизны свободной поверхности жидкости. Мы постоянно встречаемся с кривыми поверхностями жидкостей: кривой является поверхность повисшей капли (рис. 377), поверхность воды, облекающей намокшие волосы (рис. 405), поверхность любой капельки жидкости, любого пузырька в ней и т. д.

Какое же значение имеет кривизна поверхности? Легко видеть, что силы, связанные с наличием поверхностного натяжения и направленные по касательной к поверхности жидкости, в случае выпуклой поверхности дают результирующую, направленную внутрь жидкости (рис. 420, *а*). В случае вогнутой поверхности результирующая сила направлена, наоборот, в сторону газа, граничащего с жидкостью (рис. 420, *б*). На основании этих упрощенных рассуждений можно ожидать, что давление жидкости, ограниченной выпуклой поверхностью, больше давления окружающего газа (или другой жидкости, граничащей с первой), а давление жидкости, ограниченной вогнутой поверхностью, наоборот, меньше давления окружающего газа. Чтобы проверить это предположение, обратимся к опытам.

1) На рис. 421 показана узкая стеклянная трубка B, соединенная резиновой трубкой с широкой трубкой A. В трубках находится вода. Сперва установим конец трубки B на уровне жидкости в трубке A. При этом поверхность воды в трубке B является горизонтальной и совершенно плоской (рис. 421, *а*). Будем теперь осторожно опускать трубку B. Конец трубки B, до которого доходит вода, станет

ниже уровня воды в A, и вместе с тем поверхность воды в ней примет выпуклую сферическую форму (рис. 421, *б*). Подумаем, что это значит. Над выпуклой сферической поверхностью воды в B и над плоской поверхностью воды в A одно и то же атмосферное давление. На уровне конца трубки B в трубке A (рис. 421, *а*) давление больше атмосферного. Так как жидкость находится в равновесии, то, следовательно, и у конца трубки B непосредственно под выпуклой поверхностью давление больше атмосферного. Добавочное давление под выпуклой поверхностью жидкости вызывается молекулярными силами. Стремление жидкости уменьшить свою свободную поверхность приводит к тому, что жидкость, находящаяся за сферической поверхностью, оказывается несколько сжатой, а потому и имеющей добавочное давление.

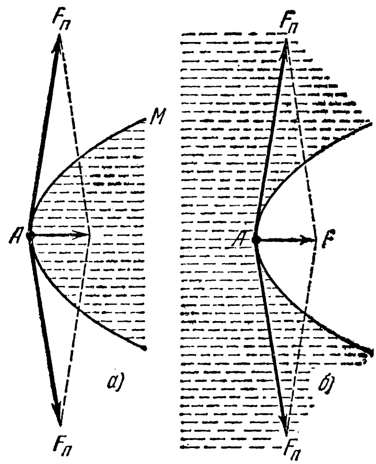


Рис. 420. Силы поверхностного натяжения $F_п$, действующие на искривленную поверхность жидкости, дают результирующую F, направленную в ту сторону, куда поверхность M обращена своей вогнутостью. *а*) Поверхность жидкости выпуклая. *б*) Поверхность жидкости вогнутая.

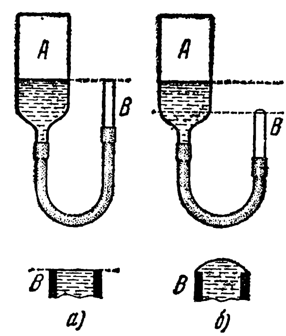


Рис. 421. *а*) Поверхности воды в трубках A и B находятся на одном уровне; обе поверхности плоские. *б*) Поверхность воды в A выше, чем в B; поверхность в A плоская, в B — выпуклая.

Будем продолжать опыт, опуская трубку B еще ниже. При этом радиус сферической поверхности воды еще уменьшится, а разность уровней в трубках еще увеличится. Отсюда вывод: добавочное давление под выпуклой поверхностью жидкости тем больше, чем радиус этой поверхности меньше.

2) На рис. 422 показан прибор для выдувания пузырьков из узкого конца C трубки, опущенной в жидкость на небольшую глубину. Нажимая на резиновую грушу A, мы

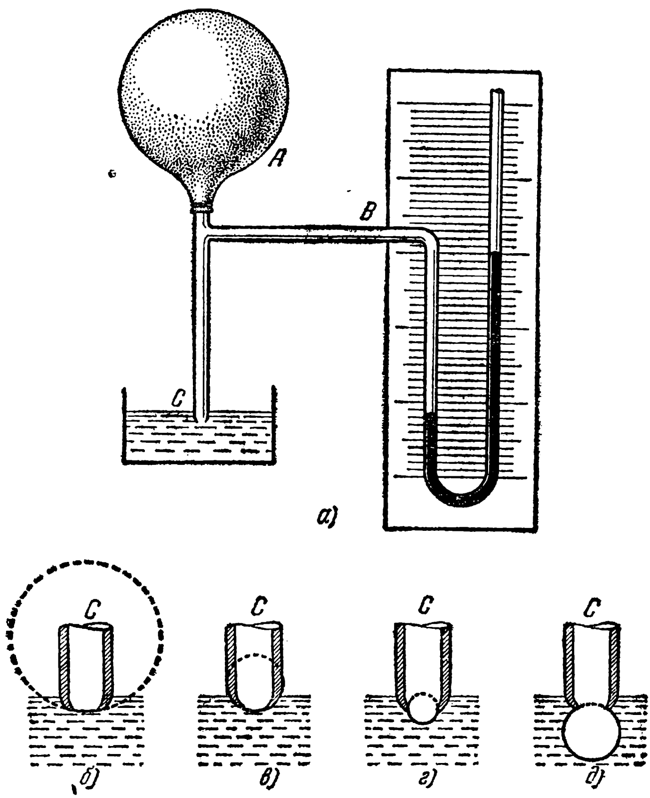


Рис. 422. *а*) Прибор для измерений при выдувании пузырьков в жидкости. *б*), *в*), *г*) Показано, что в начале выдувания пузырька радиус кривой поверхности жидкости постепенно уменьшается. *д*) Под конец выдувания радиус поверхности снова увеличивается.

создаем внутри трубки повышенное давление, регистрируемое жидкостным манометром B. По мере увеличения давления в трубке радиус выдуваемого пузырька все уменьшается (рис. 422, *б*, *в*, *г*). Если, продолжая нажимать на грушу A, дойдем до такого положения, что радиус пузырька начнет увеличиваться (рис. 422, *д*), манометр покажет уменьшение давления.

Очевидно, этот опыт показывает то же, что и предыдущий опыт, т. е. что изогнутость поверхности жидкости связана с добавочным давлением по ту сторону поверхности, куда она обращена своей вогнутостью, и что добавочное давление тем больше, чем меньше радиус кривизны поверхности.

Если окунуть конец трубки C не в воду, а в другую жидкость, например в спирт, то манометр покажет иное максимальное давление. В случае спирта максимальное давление будет приблизительно в 3,5 раза меньше, чем в случае воды. Вспомним, что поверхностное натяжение спирта меньше поверхностного натяжения воды тоже в 3,5 раза. Этот результат показывает, что разность давлений тем больше, чем больше поверхностное натяжение.

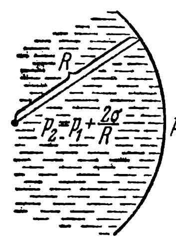


Рис. 423. Две среды граничат по сферической поверхности радиуса R, обращенной вогнутостью влево. При равновесии давление среды слева от границы больше, чем давление среды справа от границы, на величину $2\sigma/R$.

Расчет приводит к следующему выводу: при наличии сферической поверхности жидкости радиусом R имеется разность давлений

$$p_2 - p_1 = \frac{2\sigma}{R}, \qquad (255.1)$$

где p_2 — давление в среде, находящейся ближе к центру сферы, а p_1 — дальше от центра (рис. 423). Ясно, что эта формула согласуется с результатами опытов, изображенных на рис. 421 и 422.

Приведем вывод формулы (255.1). Рассмотрим пузырек воздуха радиусом R в жидкости с поверхностным натяжением σ (или каплю жидкости того же радиуса R, рис. 423); p_2 — давление воздуха в пузырьке, p_1 — давление жидкости вокруг пузырька. Пусть по какой-либо причине радиус пузырька увеличился на малую по сравнению с радиусом R величину x. При этом будет произведена работа A_1, равная произведению разности сил давления $(p_2 - p_1)\cdot 4\pi R^2$ на перемещение x:

$$A_1 = (p_2 - p_1)\, 4\pi R^2 x.$$

С другой стороны, поверхность увеличится на малую величину:

$$4\pi (R + x)^2 - 4\pi R^2 = 4\pi x (2R + x).$$

Так как мы предположили, что x очень мало́ по сравнению с R, то можно принять увеличение поверхности равным $8\pi Rx$. При этом будет произведена работа $A_2=8\pi Rx\sigma$.

Приравнивая A_1 и A_2, получим:

$$8\pi Rx\sigma=(p_2-p_1)\,4\pi R^2,$$

откуда

$$p_2-p_1=\frac{2\sigma}{R}.$$

Как видно, добавочное давление зависит от радиуса сферической поверхности. При малых радиусах оно может достигать значительных размеров; например, добавочное давление внутри пузырька радиусом 1 микрон в воде равно 1,4 *кГ/см*^{2}. В случае сферических поверхностей с большими радиусами (например, 10 *см*) добавочное давление пренебрежимо мало́ (0,1 *мм* вод. ст.). Добавочное давление равно нулю в случае плоской поверхности, которую можно рассматривать как предел сферической поверхности при бесконечном увеличении ее радиуса.

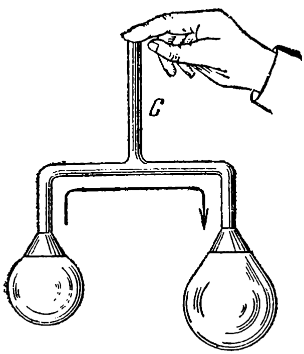


Рис. 424. К упражнению 255.1.

Упражнения. **255.1.** Если на двух сообщающихся трубках с раструбами на концах выдуть мыльные пузыри (рис. 424) и закрыть трубку C, то воздух из пузыря меньшего диаметра переходит в пузырь большего диаметра: меньший пузырь уменьшается, а больший увеличивается. Объясните явление.

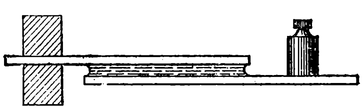


Рис. 425. К упражнению 255.3.

Рис. 426. К упражнению 255.4.

255.2. Когда воздух быстрее вытекает из воронки, на которой выдут мыльный пузырь: при большом диаметре пузыря или при малом?

255.3. Если поместить каплю воды между двумя стеклянными пластинками (рис. 425), то для отделения пластинок друг от друга потребуется некоторая сила. Эта сила тем больше, чем больше площадь, занимаемая каплей, и чем меньше расстояние между пластинками. Объясните это.

255.4. Если в узкой стеклянной трубке с переменным сечением расположились капельки воды и пузырьки воздуха, как показано на рис. 426, то продуть такую трубку очень трудно. Объясните явление. Подобная закупорка тонких трубок с переменным сечением является в технике вредным явлением, с которым приходится бороться. По этой же причине является крайне вредным выделение газовых пузырьков в кровеносных сосудах людей и животных, так как это полностью прекращает кровообращение сквозь эти сосуды.

255.5. Накапайте из пузырька в пробирку 50 капель чистой воды. В другую пробирку такого же размера накапайте из того же пузырька *столько же* капель воды с небольшой примесью мыла или эфира (можно с примесью эфирновалерьяновых капель). Сравните объем жидкостей в пробирках. Чем объяснить разницу в размерах капель?

§ 256. Капиллярные явления. В жизни мы часто имеем дело с телами, пронизанными множеством мелких каналов (бумага, пряжа, кожа, различные строительные материалы, почва, дерево). Приходя в соприкосновение с водой или другими жидкостями, такие тела очень часто впитывают их в себя. На этом основано действие полотенца при вытирании рук, действие фитиля в керосиновой лампе и т. д.

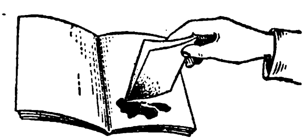


Рис. 427. Чернила, впитываясь в промокательную бумагу, поднимаются вверх.

Очень часто жидкость, впитываясь в пористое тело, поднимается вверх; например, поднимаются вверх чернила, впитывающиеся в промокательную бумагу (рис. 427). Подобные явления можно также наблюдать в очень узких стеклянных трубках (рис. 428). Узкие трубочки называются *капиллярными* (от латинского слова «капилля» — волос), или *волосными*.

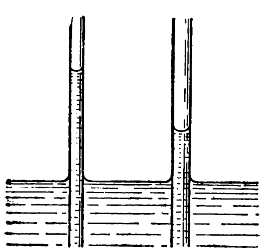


Рис. 428. В узких стеклянных трубочках вода стоит выше, чем в широком сосуде.

Опустим такую трубочку в жидкость. Если жидкость смачивает стенки трубки, то она поднимается по стенкам трубки над уровнем жидкости в сосуде и притом тем выше, чем у́же трубка. Если жидкость не смачивает стенки, то, наоборот, уровень жидкости в трубке устанавливается ниже, чем в широком сосуде (рис. 429).

Как объясняются описанные явления? В § 253 мы видели, что поверхность жидкости около стенки изгибается вверх или вниз в зависимости от того, смачивает она стенку или нет. В узкой трубке загнутые края жидкости образуют всю поверхность жидкости; плоской части уровня нет, так что поверхность имеет вид, напоминающий полусферу (так называемый *мениск*), обращенную в случае смачивающих жидкостей вверх вогнутостью, а в случае несмачивающих — выпуклостью (рис. 430, *a* и *b*). Наличие кривой поверхности жидкости связано с наличием разности давлений (§ 255): под вогнутым мениском давление жидкости меньше, чем под плоским, и это ведет к тому, что в случае вогнутого мениска жидкость поднимается до тех пор, пока гидростатическое давление не компенсирует разности давлений; под выпуклым мениском давление больше, чем под плоским, и это ведет к опусканию жидкости в узких трубках.

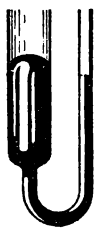


Рис. 429. Уровень ртути в узкой трубке ниже, чем в широкой.

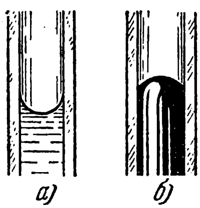


Рис. 430. Форма мениска: *а*) смачивающей жидкости, *б*) несмачивающей жидкости.

Таким образом, в узкой трубке смачивающая жидкость устанавливается выше уровня в широкой трубке, а несмачивающая устанавливается ниже уровня в широкой трубке.

Высота поднятия жидкости в капиллярной трубке тем больше, чем больше поверхностное натяжение жидкости и чем меньше радиус трубки и плотность жидкости.

Это положение можно отнести и к твердым материалам, пронизанным тонкими каналами неправильной формы. Если материал смачивается водой, то она втягивается в него на тем бо́льшую высоту, чем у́же каналы.

Упражнения. **256.1.** Положите в воду кусок мела. Из него во всех направлениях начнут выходить пузырьки. Объясните это явление.

256.2. Если сложить две стеклянные пластинки так, чтобы с одной стороны их края сходились вплотную, а с другой — были разделены тонкой палочкой, и опустить их в воду, то вода между пластинками поднимется, как показано на рис. 431. Чем это объяснить?

256.3. На рис. 432 изображено устройство для стекания влаги, образующейся зимой на подоконниках. Почему вода стекает по узкой полоске тряпки прямо в бутылку?

256.4. Если одну и ту же капиллярную трубку опустить один раз в холодную, а другой раз в горячую воду, то во втором случае высота капиллярного поднятия меньше. Как это объяснить?

256.5. Стеклянные трубки, форма которых показана на рис. 433, полностью погружают в воду, а затем медленно поднимают. Левая

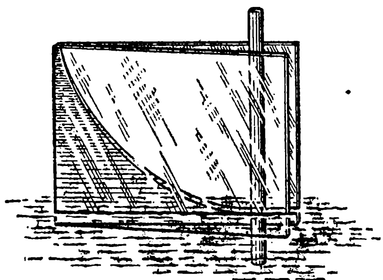


Рис. 431. К упражнению 256.2.

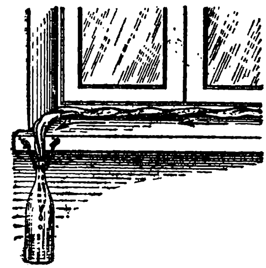


Рис. 432. К упражнению 256.3.

трубка состоит из тонкого капилляра A, к которому припаяна широкая трубка B; правая трубка представляет собой изогнутый капилляр C. Что будет наблюдаться при вытягивании трубок из воды?

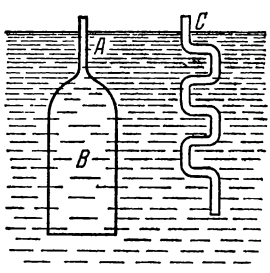


Рис. 433. К упражнению 256.5.

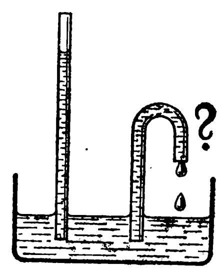


Рис. 434. К упражнению 256.6.

256.6. В воду погружены две стеклянные капиллярные трубки одного диаметра, имеющие форму, изображенную на рис. 434. Высота поднятия в прямой трубке выше вершины изогнутой трубки. Не будет ли из изогнутой трубки непрерывно течь вода, т. е. не будет ли такая трубка служить вечным двигателем? В чем ошибка такого предположения?

256.7. Разломайте кусок мела и прикоснитесь к свежему излому языком. Почему язык «прилипает» к мелу?

§ 257. Высота поднятия жидкости в капиллярных трубках. Итак, высота h поднятия жидкости в капиллярных трубках зависит от радиуса R канала в трубке, поверхностного натяжения и плотности d жидкости. Выведем формулу, связывающую эти величины.

Наибольший интерес представляют случаи, когда жидкость хорошо смачивает стенки трубки, т. е. стремится растечься по поверхности стенок. Наш расчет будет относиться именно к этим случаям.

Примем, что поверхность жидкости внутри капиллярной трубки имеет строго сферическую форму, радиус которой равен радиусу капилляра (рис. 435). Согласно выводу § 255, непосредственно под вогнутым мениском давление жидкости меньше атмосферного давления $p_{\text{ат}}$ на величину $\frac{2\sigma}{R}$, т. е. равно $p_{\text{ат}}-\frac{2\sigma}{R}$. На глубине h, соответствующей уровню жидкости в широком сосуде, к этому давлению прибавляется гидростатическое давление dgh. В широком сосуде на том же уровне, т. е. непосредственно под плоской свободной поверхностью жидкости, давление равно атмосферному давлению $p_{\text{ат}}$. Так как имеет место равновесие жидкости, то давления на одном и том же уровне равны. Следовательно,

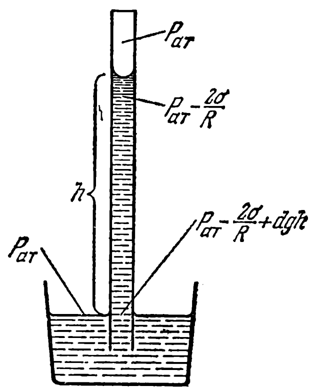


Рис. 435. К выводу формулы высоты поднятия жидкости в капилляре.

$$p_{\text{ат}}-\frac{2\sigma}{R}+dgh=p_{\text{ат}}.$$

Отсюда

$$h=\frac{2\sigma}{Rdg},$$

т. е. *высота поднятия жидкости в капилляре пропорциональна поверхностному натяжению ее и обратно пропорциональна радиусу канала капилляра и плотности жидкости* (*закон Жюрена*).

Этой формулой можно воспользоваться для определения поверхностного натяжения σ. Для этого надо только точно промерить высоту поднятия h и радиус трубки R. Зная плотность жидкости d и g, найдем из формулы Жюрена значение

σ. Это один из употребительных способов определения σ. Конечно, поверхность трубки и жидкость должны быть очень чисты.

Упражнения. **257.1.** Вычислите высоту поднятия: а) воды в капилляре радиусом 0,25 *мм*; б) спирта в капилляре диаметром 0,5 *мм* (см. табл. 11). Плотность спирта 0,8 *г/см*^{3}.

257.2. Определите поверхностное натяжение бензина, если в трубке радиусом 0,2 *мм* высота его поднятия равна 3 *см*. Плотность бензина 0,7 *г/см*^{3}.

257.3. Подвесьте полоску (2×15 *см*^{2}) промокательной бумаги так, чтобы она нижним своим концом была опущена в воду, налитую в блюдце. Дождитесь, пока поднятие воды в промокательной бумаге прекратится (4—5 часов). Измерьте высоту поднятия и приблизительно оцените размеры каналов в волокнах бумаги.

§ 258. Адсорбция. Явление смачивания твердых тел жидкостями убеждает нас в том, что молекулы жидкости в некоторых случаях как бы прилипают к твердому телу и более или менее длительно удерживаются на нем. То же может происходить и с молекулами газа. Твердое тело, находящееся в газе, всегда покрыто слоем молекул газа, некоторое время удерживающихся на нем молекулярными силами. Это явление носит название *адсорбции.* Количество адсорбированного газа в разных случаях разное. Прежде всего, оно зависит от величины поверхности, на которой могут адсорбироваться молекулы: чем больше эта поверхность, тем больше адсорбируется газа. Адсорбирующая поверхность особенно велика у пористых веществ, т. е. веществ, пронизанных множеством мелких каналов, иногда невидимых даже при помощи микроскопа с большим увеличением. Количество адсорбированного газа зависит также от природы газа и от свойств твердого тела. Одним из примеров веществ, способных адсорбировать громадные количества газа, является активированный уголь, т. е. уголь, освобожденный от смолистых примесей прокаливанием.

Свойства активированного угля легко наблюдать. Поместим немного угольного порошка[1]) в пустую пробирку и будем нагревать ее на пламени (рис. 436). Уголь будет сильно выделять поглощенные газы. Выделение газов обнаруживается бурным, похожим на кипение жидкости, движением угольного порошка.

---

[1]) Можно взять медицинский препарат «карболен» и растереть его в мелкий порошок.

Плеснем в колбу несколько капель эфира и дадим ему испариться. Затем насыплем в колбу немного активированного угля и быстро закупорим колбу пробкой с трубкой, присоединенной к манометру (рис. 437). Пары эфира будут поглощаться углем, и манометр покажет резкое уменьшение давления.

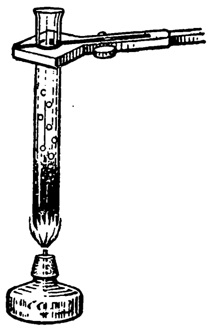


Рис. 436. Получение активированного угля.

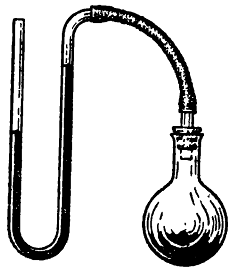


Рис. 437. Поглощение паров эфира активированным углем.

Адсорбция на активированном угле и на других твердых телах широко применяется в технике. Она применяется, например, для улавливания ценных газообразных веществ, получающихся при химических производствах; в медицине — для извлечения вредных газов, получающихся внутри организма при разнообразных отравлениях, и т. п. Громадное значение имеет адсорбция газов на поверхности твердых тел для ускорения некоторых химических реакций между газами (катализ).

Одно из наиболее важных применений адсорбции — улавливание отравляющих газов посредством противогазов. Улавливание производится слоем активированного угля, помещенным внутри респираторной коробки противогаза (рис. 438). Кроме угля, в коробке находятся еще химические поглотители и фильтр для задерживания частиц отравляющих дымов, не задерживаемых углем. При-

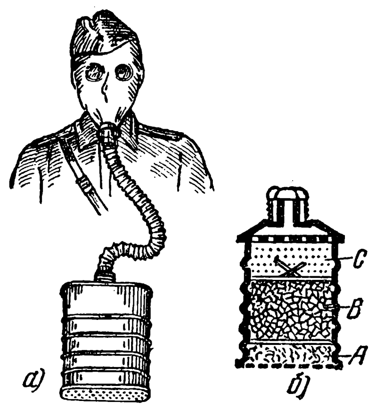


Рис. 438. *а*) Противогаз. *б*) Разрез респираторной коробки противогаза: *А* — фильтр для дымов, *В* — слой активированного угля, *С* — химические поглотители.

менение активированного угля для целей противогазовой обороны было предложено известным химиком, академиком Николаем Дмитриевичем Зелинским (1861—1953) во время первой мировой войны.

Отметим, что твердые тела могут адсорбировать не только газы, но и различные растворенные вещества из жидкостей. Этим тоже широко пользуются в технике.

§ 259. **Флотация.** Чистая руда почти никогда не встречается в природе. Почти всегда полезное ископаемое перемешано с «пустой», т. е. ненужной нам, горной породой. Руда, в которой мало полезного ископаемого, называется бедной. Процесс отделения пустой породы от полезного ископаемого называется *обогащением руды.*

Среди разнообразных способов обогащения (главным образом механических) большое значение приобрел способ, основанный на явлениях смачивания,— *флотация*[1]). В настоящее время обогащение руд посредством флотации быстро распространяется, вытесняя другие способы. Наибольшее значение она имеет для руд цветных металлов.

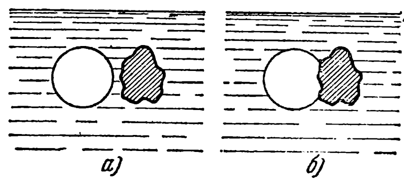


Рис. 439. Флотация. *а*) Пузырек воздуха приближается к крупинке породы, покрытой пленкой масла. *б*) Тонкая пленка воды между воздухом и крупинкой стягивается, обнажая поверхность крупинки.

Сущность флотации состоит в следующем. Раздробленная в мелкий порошок руда взбалтывается в воде. Туда же добавляется небольшое количество вещества, обладающего способностью смачивать одну из подлежащих разделению частей (например, крупицы полезного ископаемого) и не смачивающего другую часть (крупицы пустой породы). Кроме того, добавляемое вещество не должно растворяться в воде, так что вода не будет смачивать поверхность крупицы, покрытую тонкой пленкой добавки. Обычно применяют какое-нибудь дешевое масло. В результате перемешивания крупицы полезной руды обволакиваются тонкой пленкой масла, а крупицы пустой породы остаются свободными. В то же время в получившуюся кашеобразную смесь вдувается очень мелкими пузырьками воздух. Пузырьки воздуха, пришедшие в соприкосновение с крупицей полезной породы, покрытой слоем масла и потому не смачиваемой водой, прилипают к ней. Это происходит потому, что тонкая пленка воды между пузырьками воздуха и не смачиваемой ею поверхностью крупицы (рис. 439), стремясь уменьшить свою поверхность, обнажает поверхность крупицы (подобно тому как вода на сальной поверхности собирается в капли, обнажая этим сальную поверхность). У крупиц полезной руды вместе с прилипшими к ним пузырьками воздуха средний удельный вес меньше удельного веса воды, и они постепенно поднимаются кверху, а крупицы пустой

[1]) Слово «флотация» означает *всплывание.*

породы опускаются вниз. Таким образом происходит более или менее полное отделение пустой породы и получается так называемый концентрат, настолько богатый полезной рудой, что дальнейшая обработка его становится возможной и выгодной. Обогащение руды посредством флотации можно пояснить таким опытом.

В две пробирки насыпают немного (примерно 0,1 объема пробирки) смеси свежераздробленного в порошок каменного угля и чистого сухого песка (крупинки угля и песка должны быть примерно одинакового размера, 0,1—0,2 *мм*). В одну из пробирок добавляется капля керосина, после чего пробирки наполняют на $^2/_3$ чистой водой. Обе пробирки закрывают чистыми пробками и в течение нескольких секунд энергично

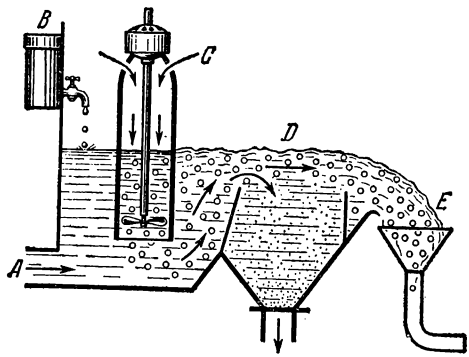


Рис. 440. Схема флотационной установки. *A* — труба, по которой поступает взвесь измельченной руды в воде; *B* — сосуд, из которого капает флотационный реагент (масло); *C* — поступление воздуха, засасываемого винтом; *D* — место, где всплывшая полезная порода отделяется от оседающей пустой породы; *E* — сток пены с полезной породой (концентрат).

встряхивают с целью образовать внутри них множество пузырьков воздуха. После этого пробирки оставляют неподвижными. В пробирке со смесью угля и песка, не смоченной керосином, пузырьки воздуха поднимаются вверх, в то время как и крупинки угля и крупинки песка оседают вниз. В пробирке, в которой смесь смочена керосином, пузырьки воздуха, поднимаясь вверх, увлекают за собой крупинки угля, а крупинки песка, так же как и в первой пробирке, оседают вниз. В верхней части пробирки собирается черная пена, а внизу остается песок (потом, когда пузырьки пены полопаются, уголь тоже осядет вниз).

На рис. 440 показана схема флотационной установки.

§ 260. Растворение газов. Кроме адсорбции на поверхности (§ 258), при соприкосновении тел (например, двух жидкостей или газа и жидкости) молекулы каждого из них могут проникать в объем, занимаемый другим телом.

Это проникновение носит название *растворения*. В результате растворения растворенное тело равномерно распределяется по объему растворителя и только в поверхностном слое в силу адсорбции концентрация проникшего вещества может быть повышенной. Явление растворения есть результат диффузии (§ 217) по всему объему вещества, адсорбированного в поверхностном слое.

Рассмотрим сначала растворение газов в жидкостях. Нальем в стакан воды из водопровода. Мы увидим, что из воды выделится множество мельчайших пузырьков, которые поднимутся вверх или удержатся около стенок стакана. Откуда взялись эти пузырьки и что в них находится? Это — газы, которые при повышенном давлении, всегда существующем в водопроводных трубах, были растворены в воде в значительном количестве. При вытекании воды из крана давление в ней резко уменьшается. Кроме того, вода из водопровода в комнате обычно начинает нагреваться, так как воздух в комнате теплее. Эти изменения ведут к тому, что равновесие между газами, растворенными в воде, и газами вне ее нарушается и газы начинают выделяться из воды в виде пузырьков. Обычно это те же газы, которые составляют воздух: кислород, азот, углекислый газ и т. д.

При нагревании воды и особенно при кипячении ее растворенные в ней газы удаляются почти полностью. Присутствие газов в сырой воде и отсутствие их в кипяченой воде являются причиной того, что кипяченая и сырая вода отличаются по вкусу.

Наблюдать растворение воздуха в воде можно при помощи опыта, похожего на опыт с адсорбцией газов углем. Прокипятим некоторое время воду в колбе и дадим ей остыть. Осторожно, не встряхивая колбы, присоединим к ней жидкостный манометр. Теперь встряхнем колбу так, чтобы бóльшая поверхность воды сразу пришла в соприкосновение с воздухом в колбе. Мы увидим, что манометр покажет заметное уменьшение давления воздуха в колбе. Следовательно, часть воздуха поглотилась водой. Однако, после того как мы хорошо переболтаем воду, дальнейшее растворение прекратится. Получится, как говорят, насыщенный раствор.

Как происходит растворение газа в воде? Над водой находится воздух. Тепловое движение молекул воды и воздуха приводит к тому, что сквозь границу вода — воздух прорываются и молекулы воды и молекулы воздуха. Проникновение молекул воды в воздух есть не что иное, как испарение; рассмотрение этого явления отложим до главы XVII. Проникновение молекул газов, составляющих воздух, в воду и дальнейшая диффузия их по всему объему воды — это растворение воздуха в воде. Конечно, часть молекул газа, уже проникших в воду, выходит из нее в силу того же теплового движения. Но пока число молекул газа (например, кислорода) в воде незначительно, за 1 секунду выходит из воды меньше молекул газа, чем входит в нее из окружающей атмосферы. Таким образом, число молекул газа в воде продолжает увеличиваться, т. е. продолжается растворение газа в жидкости. Когда, наконец, количество молекул газа в жидкости станет так велико, что за единицу времени столько же молекул газа успевает выйти из воды, сколько в нее проникает, дальнейшее увеличение числа молекул газа в воде (дальнейшее растворение) прекратится. Полученный раствор носит название *насыщенного*. В таком случае говорят, что жидкость находится в равновесии с газом.

Здесь слово «равновесие» употребляется в более общем смысле, чем в механике. Мы говорим, что система «вода, воздух, растворенный в ней, и воздух над поверхностью воды» находится в равновесии, если количество растворенного воздуха с течением времени не меняется, хотя отдельные молекулы то входят, то выходят из раствора. Такое равновесие называют *подвижным* или *динамическим* (§ 248). Иногда вместо слова «равновесие» применяют выражение «стационарное состояние».

Количество газа, которое может раствориться в единице объема жидкости при заданной температуре, зависит *от давления* газа над жидкостью, а если над жидкостью имеется смесь газов, то от парциального (§ 239) давления изучаемого газа.

Опыт показывает, что *при насыщении масса растворенного в жидкости газа прямо пропорциональна парциальному давлению этого газа над жидкостью* (*закон Генри*). Этим пользуются, например, при газировании воды. При газировании вода приводится в длительное соприкосновение с углекислым газом, имеющим большое давление; поэтому в воде растворяется большое количество углекислого газа. Когда газированную воду наливают в стакан, газ выделяется обильными пузырьками.

Явление растворения газов в жидкости имеет большое значение в водолазном деле. Водолазов, пробывших длительное время на большой глубине, нельзя быстро поднимать на поверхность воды. Кровь водолаза, дышащего воздухом под большим давлением, насыщена азотом (кислород не надо принимать во внимание, так как он быстро связывается с кровью химически). При быстром подъеме азот может выделиться из крови внутри кровеносных сосудов в виде пузырьков и закупорить их. Это является крайне опасным для здоровья.

Количество газа, растворенного в жидкости, зависит также *от температуры*. Мы уже говорили, что, нагревая воду, заставляем растворенный в ней воздух выделиться. *Растворимость газа в жидкости при повышении температуры почти всегда уменьшается*.

В таблице 13а указаны растворимости в воде различных газов при разных температурах.

Таблица 13а

Растворимость в воде некоторых газов при разных температурах (число граммов растворенного газа на литр воды)

Газ	Температура, °С		
	0	20	40
Азот	0,0293	0,0164	0,0118
Аргон	0,058	0,037	0,027
Кислород	0,049	0,031	0,023
Углекислый газ	1,713	0,878	0,53
Хлористый водород	506	442	386

Наконец, растворимость газа зависит *от природы* жидкости и газа. Например, кислород растворяется в воде в количестве, примерно вдвое большем, чем азот. Это обстоятельство имеет большое значение для жизни животных организмов в воде.

Отметим, что газы могут растворяться также и в твердых телах. Например, некоторые металлы способны растворять определенное количество газов (в особенности водорода), причем скорость диффузии, а следовательно, и растворения увеличивается при повышении температуры. Вследствие этого такие металлы нельзя считать непроницаемыми для газов. Так, например, сильно нагретый металл палладий довольно легко пропускает сквозь себя водород.

§ 261. Взаимное растворение жидкостей. Если к чистой воде прилить чистого спирта, то, перемешав смесь, получим совершенно однородную жидкость. Явление это имеет место при любом соотношении количеств воды и спирта. Это означает, что вода и спирт растворяются друг в друге в любой пропорции.

Не то будет, если мы прильем к воде эфир или керосин. В этих случаях, спустя некоторое время, увидим, что жидкости расположатся слоями (рис. 441). Каждый из этих слоев представляет собой раствор. В случае воды и эфира вверху расположится раствор воды в эфире, содержащий много эфира и мало воды; внизу — раствор малого количества эфира в воде.

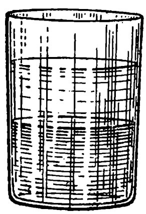


Рис. 441. Верхний слой—раствор воды в эфире, нижний слой —раствор эфира в воде.

Заметим, что при повышении температуры взаимная растворимость жидкостей увеличивается. Для некоторых комбинаций жидкостей можно достигнуть такой температуры, при которой они растворяются друг в друге в любой пропорции, так что граница между слоями исчезает и вся жидкость становится однородной.

§ 262. Растворение твердых тел в жидкостях. Хорошо известно, что если в воду опустить кусок сахара, то через некоторое время твердый сахар исчезнет и получится однородное вещество (раствор). Сладкий вкус этого раствора показывает, что молекулы сахара распределились по всему объему нашего раствора. Это распределение происходит вследствие молекулярного движения (диффузии); его можно значительно ускорить, если перемешивать раствор.

Растворение твердого вещества в жидкости по существу мало чем отличается от растворения жидкости в жидкости. И в этом случае молекулы растворенного вещества постепенно распределяются среди молекул растворителя. Масса растворенного вещества, приходящегося на единицу объема растворителя, носит название *концентрации* раствора.

Вещество растворяется в жидкости до некоторой определенной концентрации, величина которой зависит от природы растворителя и растворяемого тела и от температуры.

Растворы, концентрация которых имеет предельное значение, называют *насыщенными*. Чем выше концентрация насыщенного раствора, тем больше растворимость вещества в данном растворителе. Особенно хорошим растворителем является вода, в которой очень многие вещества растворяются до значительной концентрации.

В спирте растворимость, вообще говоря, хуже, в бензоле — еще хуже, хотя встречаются вещества, которые лучше растворяются в бензоле или спирте, чем в воде. Растворимость различных тел в одном и том же растворителе может быть весьма различной. Кроме того, растворимость может сильно зависеть от температуры. В таблице 13б указаны растворимости в воде различных веществ при разных температурах.

Таблица 13б

Растворимость в воде некоторых веществ при различных температурах (число граммов растворенного вещества в 100 *см*³ воды)

Вещество	Температура, °C		
	0	18	100
Хлористое серебро	0,00006	0,00013	—
Углекислый литий	1,5	1,3	0,8
Азотнокислый калий	13	29	250
Хлористый натрий	35,5	36,0	39,6
» литий	64	79	130
» кальций	50	71	155
» цинк	210	360	610

В громадном большинстве случаев при повышении температуры растворимость повышается, причем нередко очень значительно (например, азотнокислый калий). Иногда изменение растворимости при нагревании невелико (хлористый натрий), а в редких случаях наблюдается даже уменьшение растворимости при нагревании (углекислый литий). Если насыщенный раствор азотнокислого калия или другого вещества, растворимость которого возрастает с температурой, охладить, то часть растворенного вещества выделится в виде твердого остатка. При некоторых условиях (чистота раствора и посуды, осторожное охлаждение) иногда удается получить растворы с концентрацией, превышающей предельную (*пересыщенные* растворы). Если в такой раствор бросить крупинку растворенного вещества, то сейчас же произойдет кристаллизация и концентрация раствора уменьшится до концентрации, соответствующей насыщению.

ГЛАВА XV

СВОЙСТВА ТВЕРДЫХ ТЕЛ. ПЕРЕХОД ТЕЛ ИЗ ТВЕРДОГО СОСТОЯНИЯ В ЖИДКОЕ И ОБРАТНО

§ 263. Введение. В предыдущих главах мы рассмотрели свойства газообразных и жидких тел. Приступая теперь к изучению твердых тел, прежде всего необходимо уточнить понятие твердого тела. Жидкости и твердые тела отличаются от газов в частности тем, что в газах значительные изменения объема сопровождаются возникновением сравнительно небольших сил упругости, тогда как в твердых и жидких телах малые объемные деформации связаны с возникновением весьма значительных упругих сил. В механике мы даже ввели понятие абсолютно твердого тела (§ 70) и несжимаемой жидкости (§ 141), чтобы отметить возможность пренебрегать величиной деформации, ограничиваясь лишь учетом упругих сил, сопровождающих эти деформации.

Считая характерным для жидкостей и твердых тел возникновение значительных упругих сил при небольших деформациях, мы должны установить различие между жидкими и твердыми телами. Мы отличаем твердые тела от жидких тем, что в твердых телах значительные упругие силы возникают как при небольших изменениях объема (сжатие и растяжение), так и при небольших изменениях *формы* (сдвиг), не сопровождающихся изменением объема. В жидкостях же такие сдвиги (изменение формы) не сопровождаются возникновением упругих сил.

Выделив по указанному признаку твердые тела, мы должны обратить внимание на возможность существования твердых тел в двух существенно различных состояниях, отличающихся своим внутренним строением, что приводит к различию многих их свойств. Это — *кристаллическое* и *аморфное* состояния твердых тел.

За последнее время особое значение приобрели так называемые полимеры — тела, молекулы которых состоят из десятков и сотен тысяч атомов, что обусловливает их особые свойства, в частности способность к сравнительно большим деформациям. Полимеры рационально рассматривать как особую разновидность твердых тел.

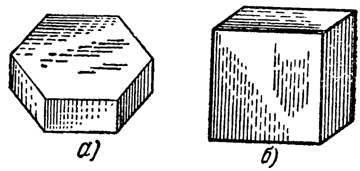


Рис. 442. *а*) Кристаллик льда имеет форму шестиугольной призмы, боковые грани которой образуют углы по 120°. *б*) Кристалл поваренной соли имеет форму куба.

§ 264. Кристаллические тела. Вооружимся лупой и внимательно рассмотрим какое-нибудь порошкообразное тело (соль, сахарный песок, соду, лекарственные порошки и т. п.). Мы увидим, что отдельные крупинки этих порошков представляют собой тела, ограниченные плоскими, как бы шлифованными гранями. Эти грани образуют между собой определенные углы, у разных веществ, вообще говоря, разные (рис. 442, *а* и *б*). Наличие таких естественных граней служит признаком того, что вещество находится в кристаллическом состоянии.

Рис. 443. Крупный кристалл кварца (горного хрусталя), найденный на Урале.

Иногда весь кусок вещества представляет собой один кристалл. Примером этого могут служить крупинки сахарного песка. Такие тела называют *монокристаллами* или просто кристаллами. Некоторые вещества могут образовывать весьма большие кристаллы (рис. 443), иногда очень правильной формы. В других случаях тело представляет собой множество мелких, причудливым образом сросшихся между собой кристаллов, иногда чрезвычайно мелких. Примером этого может служить кусок сахара-рафинада, кусок любого металла и т. п. Такие тела называют *поликристаллическими* [1]).

Естественное образование граней на кристалле — только один из признаков кристаллического состояния вещества. Наиболее общим признаком является различие физических свойств тела по разным направлениям. Прежде всего бросается в глаза неодинаковая механическая прочность в разных направлениях кристалла. Кристаллы легче всего раскалываются по определенным плоскостям. Например, кристаллы слюды, имеющие вид тонких пластинок, очень легко

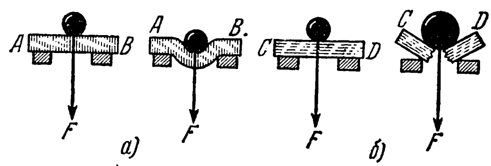


Рис. 444. *а*) Брусок AB, вырезанный определенным образом из большого кристалла льда, положенный на две опоры, при действии на его середину силы F медленно прогибается. *б*) Такого же размера брусок CD, вырезанный в направлении, перпендикулярном к направлению AB, при действии той же силы F сохраняет свою форму, а при увеличении силы разрушается.

разделяются на еще более тонкие пластинки. Если разбить кристалл соли, показанный на рис. 442, *б*, то получатся более мелкие кристаллы такой же формы. Тела, состоящие из одного или нескольких одинаково расположенных кристаллов, более легко деформируются в одном направлении, чем в другом. Это, например, относится к кускам льда (рис. 444). По своим механическим свойствам брусок из озерного или речного льда похож на стопу стеклянных пластин, соединенных не вполне затвердевшим клеем.

Теплопроводность некоторых кристаллов по различным направлениям также неодинакова. Покроем кристаллик гипса и стеклянную пластинку тонким слоем парафина и прикоснемся к ним накаленной иглой. Мы увидим, что вокруг иглы парафин расплавится, причем площадь, где парафин расплавился, на кристалле имеет вид эллипса (рис. 445), в то время как на стекле получается круг. Это

[1]) «Моно» по-гречески — один, «поли» — много.

и доказывает, что, в отличие от стекла, кристалл гипса проводит тепло в разных направлениях неодинаково.

Многие кристаллы при нагревании расширяются неодинаково в разных направлениях. Для характеристики таких кристаллов в отношении теплового расширения требуется знать не один, а три коэффициента линейного расширения (например, по трем взаимно перпендикулярным направлениям). Интересно отметить, что некоторые кристаллы при нагревании по одним направлениям расширяются, а по другим сжимаются (в этих направлениях коэффициенты линейного расширения являются отрицательными величинами; примерами таких кристаллов являются кристаллы графита или теллура). Оптические и электрические свойства кристаллов также зависят от направления.

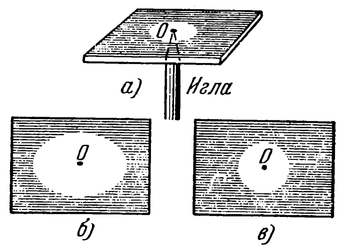


Рис. 445. *а*) При прикосновении раскаленной иглы к точке *О* тонкой пластинки на противоположной стороне плавится парафин. *б*) Пластинка — кристалл гипса; площадь, на которой расплавился парафин, имеет форму эллипса. *в*) Пластинка стеклянная; площадь имеет форму круга.

Образование плоских граней у кристаллов — проявление сходного свойства кристаллов в отношении роста. Если бы кристалл рос по всем направлениям с одинаковой скоростью, то, очевидно, получилось бы тело в форме шара. Надо отметить, что зависимость свойств кристаллов от направления не всегда имеет место для *всех* свойств. Например, кристалл меди, имеющий форму куба, характеризуется по всем направлениям одной и той же электропроводностью и теплопроводностью, но упругость его зависит от направления.

В отношении различия свойств по разным направлениям кристалл напоминает собой кусок дерева. Дерево тоже легко раскалывается вдоль волокон, тогда как в направлении, перпендикулярном к волокнам, оно значительно более прочно. Дерево также имеет различную теплопроводность в разных направлениях (вдоль волокон и поперек их) и т. д. Однако между свойствами кристалла и дерева есть очень важное различие.

Строение дерева в середине ствола и в его наружных частях различно; ствол имеет сердцевину, вблизи нее годовые кольца малы, вдалеке — больше. Таким образом, дерево неоднородно. Кусок дерева от сердцевины имеет одни свойства, годен на одни поделки; кусок, близкий к коре, имеет более плоские слои и подходит для других изделий (рис. 446). Кристаллы же — *совершенно однородные тела.* У кристалла нет «середины», все части куска кристалла имеют одни и те же свойства.

Все вышесказанное относится к *монокристаллам*. С *поликристаллическими* телами обстоит иначе. Так как они представляют собой беспорядочные скопления многочисленных мелких кристаллов, то однородность их значительно меньше, чем у монокристаллов. С другой стороны, в поликристаллах не наблюдается различия в свойствах по разным направлениям. Объясняется это тем, что по любому направлению, проведенному внутри тела, встречается множество кристалликов, повернутых самым различным образом. Поэтому электропроводность, теплопроводность и вообще любое свойство тела являются некоторой *средней* величиной, относящейся ко всем этим многочисленным кристалликам. Это среднее значение одинаково для всех направлений внутри тела.

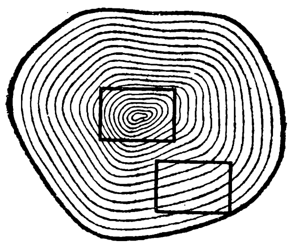


Рис. 446. Строение дерева вблизи сердцевины и вблизи края различно.

Размеры кристалликов, из которых состоит поликристаллическое тело, существенно влияют на прочность этого тела. Один и тот же материал (например, сталь определенного состава), состоящий из мелких кристалликов, обычно прочнее, чем тот же материал, состоящий из более крупных кристалликов. Если, например, в вольфрамовой нити, из которой изготовляют волосок лампы накаливания, образуется кристаллик настолько большой, что он займет все сечение нити, то волосок сломается непременно в этом месте. Иногда кристаллики, срастаясь между собой, образуют волокна. Это способствует увеличению прочности. Мы видим теперь, что строение поликристаллического тела имеет огромное значение для техники.

Итак, поликристаллическое тело с беспорядочно расположенными кристалликами по своим свойствам похоже на некристаллическое тело. Это было одной из причин, почему раньше считали, что кристаллическое состояние не очень распространено в природе. В 1912 г. был открыт новый способ исследования строения тел — при помощи рентгеновских лучей. Этим методом было установлено, что подавляющее количество окружающих нас тел — все металлы, все минералы, растительные волокна, белковые вещества, сажа и т. д. — состоит из кристаллов, иногда настолько мелких, что их нельзя рассмотреть даже в микроскоп, дающий большое увеличение.

Упражнение. **264.1.** Рассмотрите в сильную лупу изломы разных металлов: чугуна, меди и т. п. Найдите в них грани мелких кристаллов, составляющих данный кусок металла.

§ 265. Аморфные тела. Второй вид твердого состояния — *аморфное* состояние — резко отличается от кристаллического. В телах, находящихся в аморфном состоянии, нельзя обнаружить даже очень малых областей, внутри которых наблюдалась бы зависимость физических свойств от направления. Тепловые, электрические и оптические свойства аморфных тел оказываются совершенно одинаковыми независимо от направления.

В аморфном состоянии могут находиться и такие вещества, которые обычно имеют кристаллическое строение. Так, например, кристалл кварца, если его расплавить (это происходит при температуре около 1700° С), при охлаждении образует так называемый плавленый кварц, имеющий меньшую плотность, чем кристаллический, и обладающий свойствами, совершенно одинаковыми по всем направлениям, притом сильно отличающимися от свойств кристаллического кварца. У кристаллического кварца коэффициенты линейного расширения для двух взаимно перпендикулярных направлений равны 0,000013 и 0,000008 *град*$^{-1}$, а у плавленого кварца коэффициент линейного расширения для всех направлений один и тот же: 0,0000004 *град*$^{-1}$. Коэффициенты теплопроводности кристаллического кварца для тех же направлений разнятся почти в два раза, в то время как у плавленого кварца коэффициент теплопроводности для всех направлений один и тот же, причем он в четыре раза меньше наименьшего из коэффициентов теплопроводности кристаллического кварца. Различие в теплопроводности аморфного и кристаллического кварца при низких температурах становится еще более значительным. Аморфное состояние вещества, вообще говоря, —

неустойчивое состояние. По прошествии некоторого времени аморфное вещество переходит в кристаллическое. Нередко, однако, время это бывает весьма значительным и измеряется годами и десятилетиями.

Наиболее важный пример аморфного состояния представляет собой стекло (аморфный сплав силикатов). Аморфными являются канифоль, сахарный леденец и многие другие тела. Все эти вещества с течением времени мутнеют (стекло «расстекловывается», леденец «засахаривается» и т. п.). Это помутнение связано с появлением внутри стекла или леденца мелких кристалликов, оптические свойства которых иные, чем окружающей их аморфной среды.

§ 266. Кристаллическая решетка. Как объясняет свойства кристаллов молекулярная теория? В начале XIX века впервые было высказано предположение, что внешне правильная форма кристаллов обусловлена внутренне правильным расположением частиц, из которых состоят кристаллы, т. е. атомов. На основании исследований посредством рентгеновских лучей было выяснено, что это предположение справедливо.

Частицы, составляющие кристаллы, расположены друг относительно друга в некотором определенном порядке, на определенных расстояниях друг от друга. Конечно, вследствие теплового движения расстояния между частицами несколько меняются, но можно говорить о некотором среднем для каждой температуры расстоянии. Совокупность узлов, т. е. точек, соответствующих средним положениям частиц, составляющих кристалл, называют *пространственной решеткой* этого кристалла.

Частицами, из которых состоят кристаллы, в некоторых случаях являются электрически заряженные частицы — *ионы*. Ионами называют атомы (или группы атомов), потерявшие или, наоборот, присоединившие к себе один, два или больше электронов. Если атом потерял электроны, он является положительно заряженной частицей — положительным ионом. Если же к атому присоединились электроны, то он является отрицательным ионом. Кристаллы, состоящие из ионов, называют *ионными кристаллами*.

Простой пример пространственной решетки ионного кристалла представляет собой решетка кристалла хлористого натрия (поваренной соли). Молекулу этого вещества мы представляем себе состоящей из одного атома хлора и одного атома натрия (NaCl). Такими являются эти молекулы в парах соли. Опытное исследование показало, что в твердом кристалле нет молекул NaCl в том смысле, как это упоминалось выше. Кристаллическая решетка хлористого натрия состоит не из молекул хлористого натрия, а из чередующихся ионов хлора и натрия (рис. 447).

Каждый ион натрия окружен шестью ионами хлора, расположенными по трем взаимно перпендикулярным направлениям, а каждый ион хлора в свою очередь окружен шестью ионами натрия.

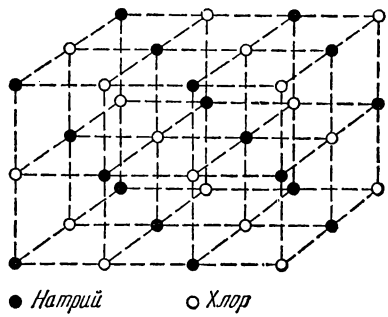


Рис. 447. Схема расположения узлов в пространственной решетке кристалла хлористого натрия.

Подобные решетки имеют многие соли, состоящие из двух атомов (бромистое и хлористое серебро, йодистый калий, многие сернистые металлы и т. д.). Расстояния между средними положениями ионов в решетках разных веществ разные. У хлористого натрия расстояние между соседними ионами равно $2{,}81 \cdot 10^{-8}$ *см*, у хлористого серебра $2{,}77 \times 10^{-8}$ *см*, у йодистого калия $3{,}54 \cdot 10^{-8}$ *см* и т. д.[1]).

Существуют и более сложные ионные кристаллы. Так, например, решетка исландского шпата ($CaCO_3$) состоит из ионов Ca^{++} и ионов CO_3^{--}.

Кроме ионных кристаллов, существуют также кристаллы, состоящие из незаряженных частиц — атомов или молекул. Например, решетка алмаза состоит из атомов углерода, решетка кристаллов льда — из атомов кислорода и водорода, решетка нафталина — из больших молекулярных

[1]) Эти числа легко проверить, если известны молекулярный вес соли и ее плотность. Рассмотрим, например, хлористое серебро (AgCl). Его молекулярный вес равен 143, плотность 5,56 *г/см*³. В одной грамм-молекуле AgCl содержится $6{,}02 \cdot 10^{23}$ молекул, т. е. $12{,}04 \cdot 10^{23}$ атомов; в 1 *г* в 143 раза меньше атомов, т. е. $8{,}42 \cdot 10^{21}$, а в 1 *см*³ — в 5,56 раза больше, т. е. $4{,}68 \cdot 10^{22}$. Вдоль каждого ребра кубика в 1 *см*³ лежит $\sqrt[3]{4{,}68 \cdot 10^{22}} = 3{,}60 \cdot 10^{7}$ атомов. Следовательно, расстояние между двумя атомами равно $\frac{1}{3{,}60 \cdot 10^{7}} = 2{,}77 \cdot 10^{-8}$ *см.*

групп ($C_{10}H_8$) и т. п. Расстояния между атомами таких кристаллов также порядка 10^{-8} *см*.

Далеко не всегда атомы или ионы расположены в решетке, представляющей совокупность кубов (кубические решетки), как это имеет место у NaCl и др. Большинство решеток имеет гораздо более сложный вид. Примером является решетка льда (рис. 448). Как же объяснить зависимость физических свойств кристаллов от направления?

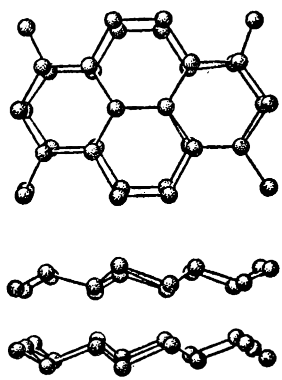


Рис. 448. Пространственная решетка кристаллов льда. Шарики изображают атомы кислорода; положения атомов водорода не показаны. Наверху — вид сверху, внизу — вид сбоку.

Пусть на рис. 449, *а* кружки изображают атомы жидкости (например, ртути), расположенные в некоторой плоскости. Выберем некоторый атом *А* и проведем через него прямые линии по разным направлениям. Легко видеть, что благодаря полной хаотичности расположения атомов на одинаковых отрезках любой из этих прямых будет находиться практически одно и то же число атомов. Это значит, что при хаотическом расположении атомов все направления равноправны.

Не то будет, если мы произведем такое же построение при правильном расположении атомов, характерном для кристалла, например таком, какое изображено на рис. 449, *б*. Видно, что прямые, проведенные по направлениям *ВВ* или *СС*, встретят много атомов, по направлению *DD*—несколько меньше, а по направлению *ЕЕ* — совсем мало. Это и объясняет, почему физические свойства кристалла зависят от направления.

Так, например, в решетке поваренной соли раскалывание происходит легче всего по плоскостям, параллельным *АА* или *ВВ* (рис. 450). Поэтому, ударив молотком по кубику кристалла поваренной соли, мы разобьем его снова на правильные кубики, в то время как удар по куску аморфного стекла разбивает его на осколки самой разнообразной формы.

В заключение отметим, что в реальных кристаллах решетка обычно не является правильной во всем объеме кристалла. Кое-где решетка искажена, имеются участки, где атомы расположены в беспорядке, кое-где присутствуют вкрапления посторонних атомов. Эти местные искажения

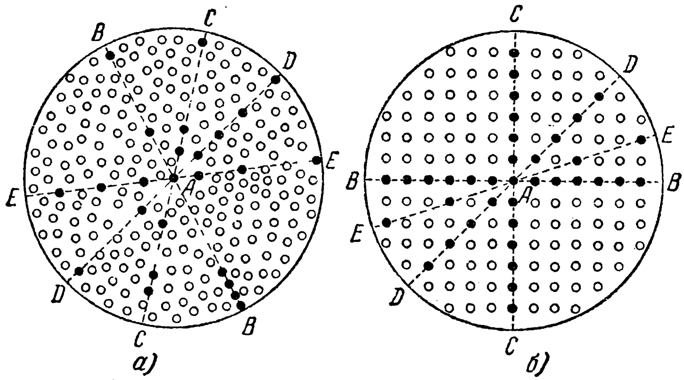


Рис. 449. *а*) Беспорядочное расположение частиц в жидкости. Любая прямая (*AB*, *AC*, *AD*, *AE*,...), проведенная через молекулу *A*, встречает одинаковое число частиц. Они отмечены черными кружками. *б*) Упорядоченное расположение атомов в кристалле. Различные прямые (*BB*, *CC*, *DD*,...), проведенные через молекулу *A*, встречают различное число атомов.

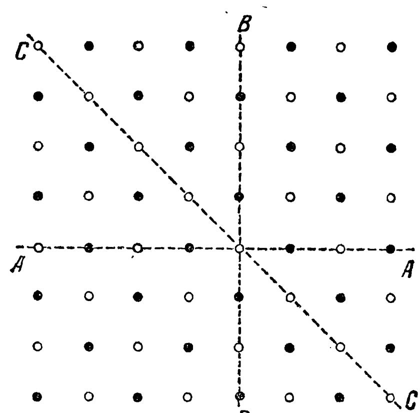


Рис. 450. В кристалле поваренной соли раскалывание происходит легче по плоскостям, параллельным *AA* или *BB*, чем по любым другим плоскостям (например, *CC*).

играют немаловажную роль для объяснения некоторых свойств реальных кристаллов.

§ 267. Кристаллизация. Если в морозный день подышать на покрытое инеем окно и этим заставить иней растаять, то после этого можно наблюдать, как растут иглы ледяных кристаллов. Их образование начинается от какого-нибудь уже готового кристалла льда; при росте ледяных игл образуются ответвления в стороны и при этом всегда под одним и

Рис. 451. Ледяные кристаллы на оконном стекле.

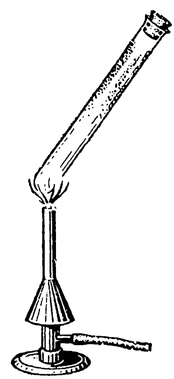


Рис. 452. Возгонка кристаллов йода.

тем же углом. Когда ледяные иглы встречаются между собой, они срастаются, образуя узор, состоящий из многих кристалликов (рис. 451).

Подобно росту кристалликов льда происходит рост многих других кристаллов из расплавленного состояния (из *расплава*).

Кроме образования кристаллов из расплава, можно легко наблюдать образование кристаллов из *растворов* (например, выпадение кристаллов азотнокислого калия из раствора его в воде).

Иногда кристаллы образуются прямо из *паров*, а не из жидкости. В этом случае они бывают особенно правильны. Примером этого является образование инея и снежинок из водяных паров воздуха. Легко наблюдать образование кристалликов йода из паров йода. Положим 2—3 кристаллика йода в пробирку и нагреем на пламени то место пробирки, где они лежат (рис. 452). Мы увидим, что кристаллики йода не плавятся, а сразу испаряются (как говорят, *возгоняются*, или *сублимируют*), образуя темнобурые пары йода. Затем на холодных местах пробирки получится темный налет. В лупу можно рассмотреть, что это — множество мелких кристалликов йода. Они образовались из паров йода, который, не переходя в жидкое состояние, перешел сразу в твердое — кристаллическое.

§ 268. Плавление и отвердевание. Займемся подробнее плавлением и отвердеванием кристаллических и аморфных тел. Смесь «кристаллы — расплав» неоднородна: существует резкая разница между кристаллом и расплавом. Если кристаллы не слишком мелки, то всегда можно видеть, где образовался кристалл и где еще остался расплав. Это совсем не похоже на застывание аморфных тел. Когда застывает смола, то она густеет постепенно и одинаково во всех своих частях. Аморфное тело, застывая, остается однородным.

Важное различие между свойствами кристаллических и аморфных веществ относится к температуре застывания. Вынесем на мороз сосуд с водой и опустим в него термометр. Мы увидим, что вода быстро остынет до 0° С. Затем начнется образование льда. Чтобы не дать образоваться корке из льда, будем помешивать воду. Все время, пока образуется лед, температура смеси воды и льда будет держаться на 0° С. Затем, когда вся вода замерзнет, получившийся лед начнет охлаждаться ниже нуля. Внеся этот сосуд обратно в теплую комнату, заметим, что температура льда повышается до 0° С, затем держится на 0° С, пока весь лед не растает, и только после этого температура воды в сосуде поднимается выше 0° С.

Подобные явления наблюдаются при затвердевании и плавлении *всех* чистых кристаллических веществ. Если, например, наблюдать, как меняется с течением времени температура расплавленного нафталина, и составить график, показывающий эту зависимость, то получим кривую с горизонтальной частью (рис. 453). Эта горизонтальная часть соответствует наличию смеси кристаллов нафталина и расплава.

При затвердевании же некристаллических тел, например смолы, температура понижается непрерывно, нигде не задерживаясь (рис. 454). Отсюда можно вывести заключение, что при затвердевании аморфных веществ не происходит перехода вещества в новое состояние. Затвердевание смолы или стекла — только постепенное загустевание их. Стекло можно рассматривать как очень густую жидкость.

Итак, *кристаллические вещества имеют определенные температуры плавления и отвердевания* (*точка плавления*).

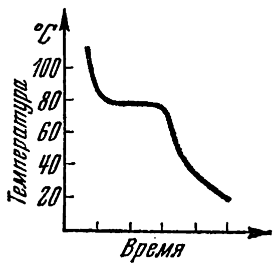


Рис. 453. График температуры застывающего нафталина.

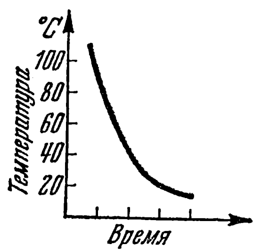


Рис. 454. График температуры застывающей смолы.

Аморфные тела размягчаются при повышении температуры *постепенно*.

Приводим таблицу точек плавления некоторых веществ (таблица 14).

Таблица 14

Точки плавления некоторых веществ

Вещество	Точка плавления, °C	Вещество	Точка плавления, °C
Вода	0	Цинк	419
Вольфрам	3370	Свинец	327
Золото	1063	Олово	232
Железо	1535	Ртуть	—39
Медь	1083		

Упражнение. **268.1.** Всыпьте немного нафталина в пробирку и опустите ее в кипяток. При этом нафталин расплавится. Вынув пробирку из кипятка, опустите в нафталин лабораторный термометр и записывайте температуру через каждые полминуты. Как по этим данным определить температуру плавления нафталина?

§ 269. Теплота плавления. Мы видели, что сосуд со льдом и водой, внесенный в теплую комнату, не нагревается до тех пор, пока весь лед не растает. При этом из льда при 0°С получается вода *при той же температуре.* В это время к смеси «лед — вода» притекает теплота и, следовательно, внутренняя энергия этой смеси увеличивается[1]). Отсюда мы должны сделать вывод, что *внутренняя энергия воды при* 0° С *больше, чем внутренняя энергия льда при той же температуре.* Так как кинетическая энергия молекул воды при 0° С и льда при 0° С одна и та же, то изменение внутренней энергии при плавлении является изменением потенциальной энергии молекул.

Опыт обнаруживает, что сказанное справедливо для *всех* кристаллов. При расплавлении кристалла необходимо непрерывно увеличивать внутреннюю энергию системы, причем температура кристалла и расплава остается неизменной. Обычно увеличение внутренней энергии происходит при передаче кристаллу некоторого количества теплоты. Той же цели можно достигнуть и путем совершения работы, например трением. Итак, *внутренняя энергия расплава всегда больше, чем внутренняя энергия такой же массы кристаллов при той же температуре.* Это означает, что упорядоченное расположение частиц (при кристаллическом состоянии) соответствует меньшей энергии, чем неупорядоченное (в расплаве).

Количество теплоты, необходимое для перехода единицы массы кристалла в расплав той же температуры, называют *теплотой плавления* данного кристалла [2]). Она выражается в *кал/г*, в *ккал/кг* или в *дж/кг.*

При затвердевании единицы массы вещества теплота плавления, наоборот, выделяется и передается окружающим телам.

Определение теплоты плавления тугоплавких тел (тел с высокой температурой плавления) представляет нелегкую задачу. Теплота плавления такого легкоплавкого кристалла, как лед, может быть определена при помощи калориметра. Налив в калориметр некоторое количество воды определенной температуры и бросив в нее известную массу льда, уже начавшего таять, т. е. имеющего температуру

[1]) Внешняя работа, совершаемая вследствие изменения объема вещества при плавлении, мала, и ее можно не принимать во внимание.

[2]) Иногда теплоту плавления называют *скрытой теплотой плавления.*

0° С, выждем, пока весь лед растает и температура воды в калориметре примет окончательное значение. Пользуясь принципом сохранения энергии, составим уравнение теплового баланса (§ 209), позволяющее определить теплоту плавления льда.

Пусть масса воды (включая водяной эквивалент калориметра) равна M, масса льда — m, теплоемкость воды — c, начальная температура воды — t_2, окончательная — t_1 и искомая теплота плавления льда — r. Уравнение теплового баланса имеет вид

$$cM(t_2-t_1)=rm+cmt_1,$$

откуда

$$r=\frac{cM(t_1-t_2)-cmt_1}{m}.$$

Приведем теплоту плавления некоторых веществ (таблица 15).

Таблица 15

Теплота плавления некоторых веществ

Вещество	Теплота плавления	
	кал/г	СИ, *дж/кг*
Лед	79,4	334 000
Свинец	5,5	23 100
Медь	51	214 000
Железо	64,4	270 000
Ртуть	2,8	11 800

Здесь обращает на себя внимание большая теплота плавления льда. Это обстоятельство очень важно, так как оно замедляет таяние льда в природе. Будь теплота плавления значительно меньше, весенние паводки были бы во много раз сильнее и кратковременнее.

Знaя теплоту плавления, мы можем рассчитать, сколько нужно теплоты для расплавления какого-нибудь тела. Если тело уже нагрето до точки плавления, то надо затратить теплоту только на плавление его. Если же оно имеет температуру ниже точки плавления, то надо еще потратить теплоту на нагревание.

Упражнение. **269.1.** В сосуд с водой, хорошо защищенный от притока теплоты извне, бросают кусочки льда при —10° С. Сколько можно бросить льда, если нужно, чтобы он полностью растаял, и если в сосуде имеется 500 *г* воды при 20° С? Теплоемкость сосуда можно считать ничтожно малой по сравнению с теплоемкостью воды в нем.

§ 270. Переохлаждение. Если нагревать кристалл, то при соответствующей точке плавления он непременно расплавится. Если же охлаждать жидкость, то она начинает затвердевать при точке плавления.

Однако иногда удается охладить жидкость на несколько градусов *ниже* точки плавления, и она не затвердевает при этом. Это легко наблюдать при охлаждении расплавленного гипосульфита[1]). Гипосульфит плавится при 48° С. Между тем легко удается охладить чистый гипосульфит, расплавленный в пробирке, до комнатной температуры, и он остается жидким. Стоит, однако, бросить в него кристаллик гипосульфита или резко встряхнуть пробирку, чтобы часть гипосульфита очень быстро перешла в кристаллическую форму, причем получается смесь расплавленного и кристаллического гипосульфита. Температура такой смеси равняется температуре плавления гипосульфита, т. е. 48° С. Благодаря чему поднялась температура и почему закристаллизовывается только часть гипосульфита? При переходе расплава в кристалл внутренняя энергия уменьшается и освобождаемая энергия распределяется по всей массе смеси, повышая ее температуру. Кристаллизация прекращается, когда вся смесь окажется нагретой до температуры плавления.

Можно переохладить и другие жидкости. Легко переохлаждается сахарный сироп, образуя леденец. По сути дела, любое аморфное вещество можно рассматривать как переохлажденную жидкость с очень большой вязкостью. Вязкость мешает таким веществам переходить в кристаллическое состояние. Однако, как было указано (§ 265), с течением времени в таких веществах, как стекло, сахарный леденец и т. п., появляется помутнение, служащее признаком выделения внутри них мелких кристалликов.

В каких случаях жидкости начинают кристаллизоваться тотчас же, как будет достигнуто охлаждение до точки плавления, и в каких случаях возможно переохлаждение? Для начала кристаллизации необходимы так называемые «центры

---

[1]) Вещество, употребляемое в фотографии для приготовления закрепителя.

кристаллизации». Центрами кристаллизации могут служить мелкие, иногда невидимые даже в микроскоп кристаллики (затравка) или посторонние пылинки, находящиеся в жидкости. Около центров кристаллизации и начинается группировка молекул, постепенно образующих кристаллическую решетку. Если же центров кристаллизации нет, то может произойти переохлаждение на несколько градусов даже жидкости с небольшой вязкостью. Важным примером этого является вода. Переохлаждение чистой, без каких-либо пылинок, воды часто наблюдается в природе. Капельки тумана могут не замерзать даже при морозах, достигающих $-30°$ С. Туманы, состоящие из переохлажденных капелек, опасны для самолетов: осаждаясь на крыльях самолетов, они быстро образуют на них наросты льда, могущие вызвать гибель самолета (обледенение).

Из сказанного ясно, что переохлажденная жидкость находится в неустойчивом состоянии; с течением времени под влиянием тех или иных воздействий переохлажденная жидкость переходит в более устойчивое при данной температуре кристаллическое состояние.

Упражнение. 270.1. В сахарном производстве для ускорения выделения крупинок сахара из сахарного сиропа к нему примешивают сахарную пудру. Почему это приводит к цели?

§ 271. Изменение плотности вещества при плавлении. При плавлении плотность большинства веществ уменьшается. Следующий опыт служит иллюстрацией этого положения. Бросим в расплавленный парафин кусочек твердого парафина. Он утонет. Значит, плотность расплавленного парафина меньше плотности твердого парафина. Парафин при плавлении увеличивает свой объем. Так же ведут себя и многие другие вещества. Это явление показывает, что при правильном упорядоченном расположении молекул в кристалле занимаемый объем меньше, чем при беспорядочном их расположении в жидкости. Это легко понять. Действительно, укладывая апельсины в ящик правильными рядами, можно уложить их так, что они займут меньше места, чем беспорядочно насыпанные апельсины.

Однако из этого общего правила есть несколько исключений, из которых самое важное — вода. Лед, как известно, плавает в воде; его плотность заметно меньше плотности воды. Это обстоятельство играет большую роль в природе.

Слой льда на поверхности воды, покрытый сверху плохо проводящим тепло снегом, прекрасно защищает воду, находящуюся под ним, от охлаждения. Таким образом, водоемы не промерзают до дна, и это спасает от гибели живущих в них рыб.

Расширение воды при замерзании является одной из причин и другого, важного в жизни Земли явления — разрушения горных пород. Представим себе, что в трещине камня находится вода (рис. 455). Во время мороза сначала замерзает верхний слой; при этом более глубокие слои будут «заперты». Когда же и эти слои начнут замерзать, то они, увеличиваясь при этом в объеме, будут расширять трещину. В конце концов это поведет к разрушению камня.

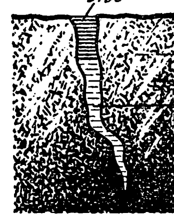


Рис. 455. Растрескивание камня. Во время мороза сверху образовалась пробка из льда, закупорившая воду в нижней части щели.

Простой опыт может дать представление о силах, развивающихся при расширении воды, сопровождающем замерзание. Нальем воду в бутылку до самого горлышка и выставим бутылку на мороз. Вода замерзнет и расширится. Ледяная пробка в горлышке бутылки препятствует свободному выходу расширяющегося льда, и бутылка будет разорвана давлением льда. Подобный опыт удается даже с чугунной толстостенной бутылкой (бомбой).

Чем же объясняется указанная особенность воды? Почему у воды увеличение потенциальной энергии взаимодействия молекул связано не с увеличением объема, как у других веществ, а с уменьшением? Это объясняется особой структурой кристаллической решетки льда. Обратимся к рис. 448, показывающему внутреннюю структуру кристаллов льда. Видно, что в кристалле льда молекулы расположены очень неравномерно: в одних местах молекулы сближены, зато в других местах имеются большие пустоты между слоями. При переходе от кристаллического состояния к жидкому расположение молекул меняется и делается более равномерным; при этом расстояние между молекулами, которые в кристалле расположены близко друг к другу, увеличивается, а расстояние между отдаленными молекулами уменьшается. Потенциальная энергия взаимодействия первых увеличивается, а вторых — уменьшается. Но увеличение потенциальной энергии близких молекул больше уменьшения потенциальной энергии отдаленных молекул. В конечном счете внутренняя энергия воды все же больше внутренней энергии льда, из которого она образовалась.

§ 272. Полимеры. Мы рассмотрели внутреннее строение кристаллических тел, примерами которых являются каменная соль, кварц, металлы, и таких аморфных тел, как стекло. Эти вещества состоят либо из атомов, либо из молекул, содержащих небольшое число атомов. Рассмотрим теперь особую группу веществ, играющих и в природе и в технике исключительно важную роль. Мы имеем в виду такие природные вещества, как хлопок, дерево, кожа, шерсть, естественный шелк, естественный каучук, и многочисленные вырабатываемые промышленностью материалы, как искусственный каучук, вискозный шелк, целлофан, органическое стекло, всевозможные пластмассы. Эти вещества имеют малую по сравнению с металлами плотность, малые теплопроводность и электропроводность и своеобразные механические свойства, резко отличающие их от других веществ. Особенно замечательны механические свойства резины, о которых речь будет далее и которые делают ее совершенно незаменимой в ряде отраслей техники (автомобильные шины, трубки, галоши и т. п.).

Химическая природа всех этих веществ почти одна и та же. Все они являются *полимерами*[1]. Этот термин означает, что молекулы этих веществ состоят из множества одинаковых частей (*мономеров*), соединенных в длинные цепи прочными химическими связями.

Мономеры состоят из небольшого числа легких атомов, куда непременно входят углерод и водород, часто входят кислород, иногда хлор или другие элементы. Пример строения полимера схематически показан на рис. 456; места соединения мономеров между собой отмечены пунктиром. Число мономеров, составляющих молекулу полимера, обычно очень велико: тысячи или десятки тысяч мономеров. Так, например, молекула природного каучука построена из 3000—6000 мономеров, каждый из которых состоит из атомов углерода и водорода; молекула целлюлозы (основной части хлопка) содержит более 10 000 мономеров, состоящих из атомов углерода, кислорода и водорода. Необходимо отметить, что в одном и том же полимере (например, в целлюлозе) одновременно существуют молекулы, содержащие разное число мономеров; таким образом, молекулярный вес полимера не является вполне определенной величиной.

---

[1]) Греческие слова: «поли» — много, «мерос» — часть, «моно» — один.

Физические свойства полимеров определяются в основном тем, что их молекулы представляют собой длинные прочные цепочки, сохраняющиеся при механических и термических операциях (прядение, продавливание сквозь узкие отверстия, прессование и т. п.), а также при растворении и плавлении полимеров. Эти цепочки иногда свиты в клубки, иногда более или менее вытянуты. Они могут переплетаться между собой, как нитки в запутанном клубке. Звенья полимеров (т. е. мономеры) могут в большей или меньшей мере поворачиваться друг относительно друга; хотя угол поворота отдельного звена не может быть велик, но так как звеньев очень много, то закручивание молекулы может быть значительным. Это и обусловливает возможность больших деформаций предметов, изготовленных из полимеров.

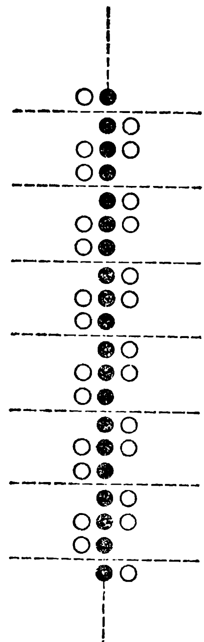


Рис. 456. Цепь мономеров, образующих полимер—один из видов синтетического каучука. Черные кружки изображают атомы углерода, белые — водорода.

Растворы полимеров всегда имеют значительную вязкость. Это связано с наличием длинных цепочек полимера в растворе. Вязкость самих полимеров весьма велика и быстро убывает при повышении температуры. При прессовании изделия из пластмассы ее нитеобразные причудливо переплетенные молекулы принудительно принимают новое расположение. Они стремятся вновь вернуться к прежнему расположению, но громадная вязкость пластмассы чрезвычайно замедляет процесс возвращения к прежней форме изделия. Повышение температуры ускоряет этот процесс. Если, например, блюдечко из органического стекла подержать несколько минут в кипящей воде, то оно принимает форму плоской пластинки, из которой оно было выпрессовано (рис. 457).

Особенно интересными являются механические свойства резины, т. е. эластичного вещества, изготавливаемого из каучука. Все знают, что изделия из резины можно растягивать во много раз больше, чем это возможно для других веществ. Это объясняется так. Каучук, как и всякий другой полимер, состоит из длинных, изогнутых в разных направлениях молекул. Степень изогнутости зависит от теплового движения звеньев цепи, т. е. от температуры. Определенной температуре соответствует определенная изогнутость молекулы каучука, тем бо́льшая, чем выше температура. Но чистый каучук при температурах, близких к комнатной, находится в жидком состоянии. Чтобы придать ему эластичность, нужно связать между собой переплетенные концы молекул так, чтобы они не могли разойтись.

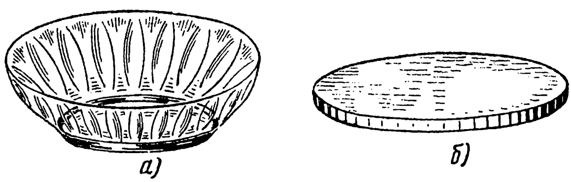


Рис. 457. *а*) Блюдце из плексигласа. *б*) То же блюдце после пребывания в кипящей воде.

Для этого нужно связать между собой концы близко расположенных молекул «мостиками». Эти мостики могут быть сделаны разными способами. Самым старым способом является «вулканизация каучука», т. е. внесение в каучук серы. Атомы серы внедряются между звеньями двух молекул каучука, образуя мостики. Мостики связывают множество молекул каучука в одну общую структуру, каучук теряет текучесть и обращается в резину. Мостиков из атомов серы (или иных) не должно быть много, так как при излишнем их числе резина делается жесткой.

Что же происходит при растягивании резины? Молекулы каучука меняют форму, приближаясь к прямой линии и располагаясь более или менее параллельно друг другу. После снятия растягивающих сил молекулы каучука вновь принимают прежнюю, соответствующую данной температуре форму, и резиновое изделие снова укорачивается.

Состояние вещества, при котором возможно очень большое удлинение без разрыва изделия, называют каучукообразным состоянием. Оно возможно только в некотором интервале температур. При понижении температуры вещество переходит в твердое состояние, а при повышении происходит разрушение структуры.

Кроме естественного каучука, добываемого из сока некоторых растений, в технике все более широко употребляют искусственные каучуки, получаемые, например, из спирта.

§ 273. Сплавы. В технике почти никогда не применяют «чистых» металлов, т. е. металлов, состоящих из атомов только одного элемента (например, железа). Почти всегда металлические изделия состоят из различных сплавов металлов с металлами или с неметаллическими элементами. Например, громадное значение в технике имеют всевозможные стали — сплавы железа, углерода и других элементов (хрома, вольфрама, марганца и многих других); широко употребляется латунь (сплав меди и цинка). В самолетостроении огромное распространение имеют сплавы алюминия или магния с рядом элементов (медью, железом, цинком и др.), очень легкие и вместе с тем прочные.

Причина распространенности сплавов заключается в ряде их преимуществ перед «чистыми» металлами. Прежде всего сплавы почти всегда прочнее металлов, из которых они состоят (заметим, что чистое железо называют «мягким»). Сплавы нередко плавятся при более низкой температуре, чем составляющие их металлы. Например, олово плавится при 232° С, свинец — при 327° С, а сплав олова со свинцом — третник — около 170° С.

Современная техника располагает множеством сплавов, технологические свойства которых крайне отличаются от свойств чистых металлов, благодаря чему удается удовлетворить самым разнообразным требованиям практики. Есть сплавы, почти столь же твердые, как алмаз; существуют весьма упругие сплавы; сплавы, соединяющие легкость и прочность (дюрали); сплавы, не окисляющиеся не только при соприкосновении с водой, но даже при соприкосновении с кислотами (нержавеющие стали); сплавы, не изменяющиеся при накаливании докрасна (жаростойкие); сплавы с очень большим электрическим сопротивлением (нихром) или со специальными магнитными свойствами; сплавы, почти не расширяющиеся при нагревании (инвар), и т. д.

Отметим, что и так называемые «чистые» металлы всегда содержат в себе небольшое количество примесей, удаление которых крайне затруднительно. Поэтому «чистые» металлы можно рассматривать как сплавы с очень большим преобладанием одного из составляющих металлов. Между тем даже ничтожные количества примесей иногда крайне резко меняют свойства металлов. Например, присутствие небольших количеств серы или фосфора в стали или чугуне делает их ломкими, присутствие примесей в меди резко понижает ее электропроводность и т. д.

Что же представляют собой сплавы и почему их свойства разнятся от свойств составляющих их элементов? На этот вопрос нельзя дать общего ответа, так как сплавы могут иметь весьма различное, иногда очень сложное строение, в особенности если между элементами, его составляющими, возможны химические соединения.

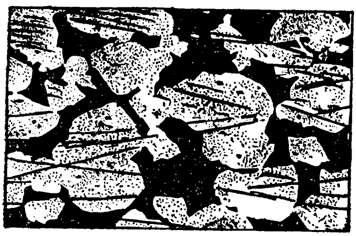


Рис. 458. Шлиф поверхности латуни (сплав меди и цинка) при большом увеличении. Видны черные кристаллики меди вперемежку с серыми кристалликами цинка.

Рис. 459. Шлиф поверхности алюминия. Черные тонкие линии — следы прослоек между кристалликами.

Иногда при затвердевании сплава из него выделяются мелкие кристаллики чистых металлов, тесно перемешанные между собой (рис. 458). Рост кристалликов в этой смеси затруднен присутствием кристалликов другого металла. А мы уже знаем, что мелкокристаллическое состояние металла является причиной повышенной прочности его.

Отметим, что кристаллики в металле всегда разделены очень тонкими прослойками (рис. 459). Эти прослойки имеют совсем иные физические свойства, чем сами кристаллики. Физические свойства металла определяются одновременно свойствами и кристалликов и прослоек. Например, слишком малая прочность прослоек привела бы к тому, что металл рассыпался бы в порошок. Обычно прослойки прочнее самих кристалликов, и излом металла происходит по кристалликам, а не по границам между ними.

Так как кристаллики состоят из чистых металлов (или из химических соединений их), то в прослойках скопляются неметаллические примеси к металлу. Вследствие тонкости прослоек достаточно ничтожного количества примеси, чтобы резко изменить свойства прослоек, а вместе с тем и всего металла. Таким образом, можно объяснить, например, почему примеси серы к железу столь вредны.

§ 274. Затвердевание растворов. Соленая (например, морская) вода замерзает не при 0° С, а при более низкой температуре. Так же обстоит дело и у других растворов. Температура затвердевания раствора *ниже*, чем чистого растворителя. По мере увеличения количества растворенного вещества температура затвердевания растворителя понижается.

При замерзании не очень крепкого раствора замерзает только растворитель. Например, при замерзании соленой воды выделяются кристаллы чистой воды, а соль остается в растворе, «крепость» которого, т. е. содержание в нем соли, таким образом, увеличивается.

Понижение температуры затвердевания при увеличении количества растворенного вещества происходит лишь до определенного предела. При некоторой определенной концентрации замерзает уже не растворитель, а весь раствор целиком; при этой концентрации температура застывания ниже, чем при всякой иной. Для раствора поваренной соли в воде это получается, если количество соли в воде составляет примерно 30% по весу. Такой раствор замерзает лишь при —21° С.

Для водного раствора нашатыря (NH_4Cl) самая низкая температура —15° С. Она получается для 20%-ного раствора. Раствор, содержащий нашатыря меньше или больше, чем 20%, начинает замерзать при более высокой температуре.

Упражнения. **274.1.** Почему в холодильных установках по трубам, проложенным в помещении, которое нужно охлаждать, гонят не чистую воду, а рассол?

274.2. Как во время мороза можно получить из соленой воды пресную?

§ 275. Охлаждающие смеси. Возьмем в руки кусок сахара и коснемся им поверхности кипятка (рис. 460). Кипяток втянется в сахар и дойдет до наших пальцев. Однако мы не почувствуем ожога, как почувствовали бы, если бы вместо сахара взяли кусок ваты. Это наблюдение показывает, что растворение сахара сопровождается охлаждением раствора. Если мы хотели бы сохранить температуру при растворении неизменной, то должны были бы подводить к раствору энергию. Отсюда следует, что при растворении сахара внутренняя энергия системы сахар — вода увеличивается.

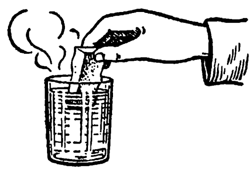


Рис. 460. Когда кипяток растворяет сахар, кипяток сильно охлаждается.

То же происходит при растворении большинства других кристалликов (именно тех, растворимость которых увеличивается с повышением температуры, § 262). Во всех подобных случаях *внутренняя энергия раствора больше, чем внутренняя энергия кристалла и растворителя при той же температуре, взятых в отдельности.*

В примере с сахаром мы видели, что потребная для растворения сахара теплота заимствуется от кипятка, охлаждение которого заметно даже по непосредственному ощущению.

Если растворение производится в комнатной воде, то температура получившейся смеси может в некоторых случаях опуститься ниже 0° С, хотя смесь и остается жидкой, так как температура застывания раствора может быть значительно ниже нуля. Этим обстоятельством пользуются для получения сильно охлаждающих смесей из снега и различных солей. Снег, начиная таять при 0° С, образует воду, в которой растворяется соль; несмотря на понижение температуры, сопровождающее растворение, получившаяся смесь не затвердевает. Снег, смешанный с этим раствором, продолжает таять, заимствуя теплоту плавления от раствора, т. е. охлаждая его. Процесс может продолжаться до тех пор, пока не будет достигнута температура замерзания полученного раствора. Смесь снега и поваренной соли (в отношении 2 : 1) позволяет, таким образом, получать охлаждения до —21° С; смесь снега с хлористым кальцием ($CaCl_2$) (в отношении 7 : 10) до —50° С.

Упражнения. **275.1.** Почему при изготовлении мороженого берут не чистый лед, а смесь льда и соли?

275.2. Иногда тротуары посыпают солью, и от этого снег на тротуаре стаивает. Почему? Где ноги будут стыть больше: на заснеженном тротуаре или на таком же тротуаре, посыпанном солью?

§ 276. Изменения твердого тела. Мы уже видели, что многие свойства поликристаллического тела, особенно механические свойства, зависят от размеров образующих его кристалликов: мелкокристаллические сплавы, как правило, прочнее. Структура же поликристаллических тел, в частности металлов, зависит, как показывает опыт, не только от химического состава сплава, но также и от «предшествующей жизни» образца, в частности от того, каким механическим и тепловым воздействиям он подвергался (холодная обработка: прокатка, ковка и т. д., термическая обработка: закалка, отжиг и т. п.).

Если железную полосу подвергнуть прокатке или ковке, то ее прочность увеличивается. Исследование показывает, что при этом она приобретает волокнистое, мелкокристаллическое строение.

Другой пример. Новая ось железнодорожного вагона очень прочна. Одако, сделав большое число пробегов, она становится хрупкой и может сломаться. Исследование показывает, что мелкокристаллическое волокнистое строение, которое вначале обусловливало ее прочность, заменилось крупнокристаллическим, при котором прочность заметно уменьшилась. Росту кристалликов способствовали постоянные толчки, которым подвергалась ось.

Однако и при отсутствии толчков имеет место рост кристалликов, хотя и более медленный.

Эти примеры показывают, что твердое тело не является чем-то неизменным. Составляющие его кристаллики живут своей жизнью и, меняя свою величину и расположение, меняют свойства тела.

Наиболее сильно влияет на свойства твердых тел изменение температуры. При этом могут измениться даже форма и строение самих кристалликов (их пространственная решетка). Так, например, железо при комнатной температуре имеет кристаллическую решетку иную, чем при более высоких температурах. При нагревании железо переходит в другие кристаллические формы (всего имеются четыре кристаллические формы железа). При переходе из одного кристаллического состояния в другое поглощается или выделяется некоторое количество тепла (так же как и при плавлении и отвердевании), заметно меняются размеры тела и т. д. Это можно обнаружить на следующем опыте.

Натянем горизонтально железную проволоку длиной 2—3 *м* и накалим ее электрическим током до светлокрасного каления. Она удлинится и сильно провиснет. Затем выключим ток и дадим проволоке остывать [1]. Мы увидим, что проволока сперва начнет подниматься, затем в некоторый момент поднимание прекратится, проволока сама собой снова накалится и провиснет, а потом снова быстро начнет подниматься. Момент, когда проволока вновь удлиняется, и есть момент, когда железо переходит из одного кристаллического состояния в другое (около 900° С). Процесс можно наблюдать и в обратном порядке, если очень медленно увеличивать силу накаливающего тока.

Интересный процесс происходит при закалке стали. При закалке охлаждение происходит настолько быстро, что сталь не успевает перейти из того кристаллического состояния, в котором она находится при высокой температуре, в то состояние, в котором она должна была бы находиться при комнатной температуре. В холодном состоянии перекристаллизация крайне замедлена и сталь остается в кристаллическом состоянии, соответствующем высокой температуре. При этом она становится очень твердой и хрупкой. Можно позволить стали перекристаллизоваться (частично или полностью), для чего надо снова нагреть ее и медленно охладить (отпуск стали).

---

[1] Опыт удается лучше, если ток не выключать совсем, а лишь ослабить настолько, чтобы проволока остывала очень медленно.

ГЛАВА XVI

УПРУГОСТЬ И ПРОЧНОСТЬ

§ 277. Введение. В «Механике» неоднократно указывалось, что соприкасающиеся тела действуют друг на друга с некоторой силой в том случае, если они деформированы, например сжаты. Иногда деформация легко наблюдаема, но чаще она очень невелика, и для обнаружения ее требуются тонкие средства. Сравнивая мяч, свободно падающий, и мяч, лежащий на столе, мы установим сравнительно просто, что во втором случае мяч деформирован (сжат), но чтобы обнаружить и возникающую при этом деформацию стола (изгибание его крышки), понадобились тонкие методы наблюдения (§ 70). Подобными методами можно также обнаружить, что вращающееся колесо деформировано (спицы и обод растянуты) по сравнению с колесом не вращающимся и т. д.

В «Механике» деформация тел интересовала нас лишь постольку, поскольку с ней связано появление тех или иных сил. Рассматривая, например, твердые тела, мы не интересовались изменениями объема и формы тел при деформациях, так как они были малы и не влияли на решение вопросов, касающихся равновесия или движения тел. Так, рассматривая рычаг в виде прямого стержня, мы не принимали во внимание того, что при нагрузке он из прямого превращался в изогнутый.

Однако при более точном расчете надо принимать деформации во внимание. Особенно важно знать деформации в строительном деле, например, при строительстве мостов, в машиностроении и т. д.

§ 278. Упругие и пластические деформации. Согнем немного стальную пластинку (например, ножовку), а затем через некоторое время отпустим ее. Мы увидим, что ножовка полностью (во всяком случае на взгляд) восстановит свою форму. Если возьмем таких же размеров свинцовую пластинку и на такое же время согнем ее, то она не восстановит свою форму полностью и останется согнутой. Деформации, которые полностью исчезают, как только исчезают деформирующие силы, как у стальной пластинки, называют *упругими*. Деформации, которые не исчезают по снятии деформирующих сил, как у свинцовой пластинки, называют *пластическими*.

Строго говоря, не наблюдается ни вполне упругих, ни вполне пластических деформаций. Если стальную пластинку продержать в согнутом состоянии очень долго (например, несколько лет), то по снятии деформирующих сил она не разогнется полностью. Получится *остаточная деформация*, которая будет тем значительнее, чем дольше пластинка была в деформированном состоянии.

Итак, *упругая деформация у всех тел с течением времени переходит в пластическую.*

Вещества, у которых упругая деформация в заметной мере переходит в пластическую в течение длительного времени (годы!), называют *упругими веществами*. Примерарами упругих веществ являются сталь, стекло. Вещества, у которых упругая деформация в заметной мере переходит в пластическую в течение короткого времени (секунды, доли секунды), называют *пластичными веществами*. Примеры: свинец, мягкий воск и т. п. Однако, если промежуток времени будет слишком мал, то деформация и в пластичном веществе не успеет перейти в пластическую. Например, при очень кратковременной деформации свинцовая пластинка может повести себя сходно со стальной.

Переход упругой деформации в пластическую зависит еще от величины самой деформации. Чем больше деформация, тем меньший промежуток времени требуется для ее перехода в пластическую. Увеличивая деформацию какого-нибудь тела, мы дойдем, наконец, до такой деформации, при которой переход из упругой в пластическую происходит практически мгновенно. Мы говорим в таком случае, что достигли *предела упругости*. У упругих веществ предел упругости велик, а у пластичных веществ он мал. Заметим, что предел упругости зависит от температуры. Чем выше температура, тем ниже предел упругости у данного вещества.

Упражнение. **278.1.** Почему пружинные динамометры после длительного употребления начинают давать неверные показания?

§ 279. Закон Гука. Мы выяснили, что деформация тел является упругой, т. е. не дающей заметной остаточной деформации, только при условии небольшой величины и небольшой длительности деформации. Пусть эти условия соблюдены. Какова в этом случае связь между величиной деформации и силами, её обусловливающими? Проще всего проследить эту связь на резиновой нити хорошего качества. Закрепим верхний конец такой нити неподвижно, а к нижнему концу будем подвешивать разные грузы (рис. 461). Если эти грузы таковы, что деформация является упругой, то удлинение нити оказывается пропорциональным растягивающей силе (в данном случае весу груза). То же обнаруживается при любой иной деформации (растяжении, сдвиге и т. д.). Итак, *при упругой деформации деформирующая сила и величина деформации пропорциональны между собой.* Это и есть закон Гука, названный так по имени английского физика Роберта Гука (1635—1703).

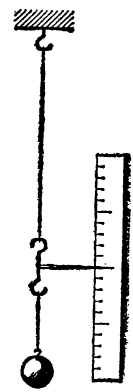


Рис. 461. Исследование зависимости удлинения резиновой нити от растягивающей силы.

Закон Гука можно выразить несколько иначе. Отношение силы к площади сечения тела, на котором эта сила распределяется, называют *напряжением.* Закон Гука означает, что деформация какой-либо части тела пропорциональна напряжению, которое имеется в этой части тела.

§ 280. Растяжение и сжатие. Упругие деформации, возникающие в телах, могут быть весьма разнообразны. Тело может растягиваться или сжиматься, изгибаться, перекашиваться, скручиваться. В большинстве случаев наблюдаемая деформация представляет собой несколько деформаций одновременно. В конечном счете, однако, любую деформацию можно свести к двум наиболее простым: *растяжению* (или сжатию) и *сдвигу.*

Растяжение. Стальная струна на балалайке, простая (не витая) проволока, поддерживающая груз, резиновая нить в рогатке являются примерами тел, подвергнутых растяжению. Приведенные случаи являются примерами *одностороннего* или *продольного* растяжения, ибо тело растягивается вдоль одного только направления. При таком растяжении тела удлиняются и одновременно несколько уменьшаются в поперечных размерах. Это хорошо видно при растяжении резиновой полоски, на которой нанесены продольные и поперечные линии (рис. 462). Вследствие растяжения тела находятся в напряженном состоянии. В примере с резиновой полоской деформация отдельных частей ее,

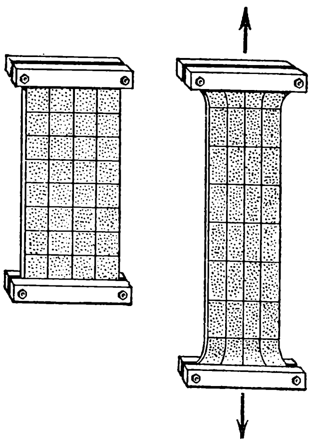


Рис. 462. Слева: на резиновой полоске начерчена сетка, ячейки которой имеют форму квадратов. Справа: при растяжении полоски ячейки сетки превращаются в прямоугольники.

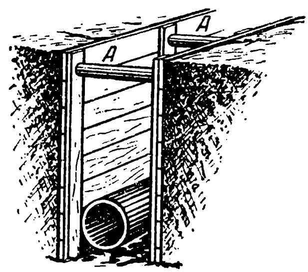


Рис. 463. Балки *А*, удерживающие грунт от обрушения, находятся в состоянии сжатия.

а следовательно, и напряжение приблизительно одинаковы по всему объему ее, за исключением мест вблизи приложения внешних сил. То же можно сказать и относительно натянутой струны.

С ж а т и е. Балки, распирающие грунт в глубоких узких канавах (рис. 463) или в рудниках, колонны, на которых покоится часть здания, ножки стола, поддерживающие его крышку, являются примерами тел, подвергнутых сжатию. И здесь мы имеем примеры *одностороннего* или *продольного* сжатия.

При одностороннем сжатии тело немного «раздается», т. е. расширяется в поперечных направлениях. Это хорошо заметно, если сжимать мягкую резинку, на которой начерчена сетка черных линий (рис. 464). На этом рисунке заметно также, что деформации отдельных частей могут быть неодинаковыми в разных местах тела: в середине резинка деформирована больше, чем по краям.

Измеряя растяжение (или сжатие) проволок (стержней) из различных материалов под действием данной нагрузки, мы обнаружим, что *растяжение тем больше, чем длиннее образец и чем меньше его поперечное сечение.* Это нетрудно понять. Чем толще образец, тем меньшая нагрузка приходится на каждый квадратный миллиметр его сечения, а чем он длиннее, тем больше будет удлинение, которое составляет определенную часть первоначальной длины: каждая единица длины получает одно и то же приращение. Свойства материала сказываются очень сильно. Например, стальная проволока при тех же размерах и нагрузке растягивается в два с лишним раза меньше, чем медная.

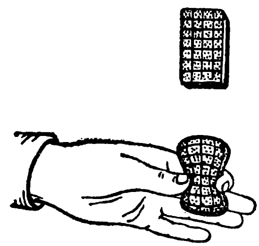


Рис. 464. Сжатие резинки. Ячейки сетки более деформированы между пальцами, чем по краям.

При рассмотренных продольных (односторонних) деформациях тела находятся под действием двух равных, противоположно направленных сил.

Нередко в природе и в технике мы встречаемся со *всесторонними* деформациями: всесторонним сжатием и всесторонним растяжением. И та и другая деформации наблюдаются в том случае, если деформируемое тело подвергается давлению со всех сторон или растяжению во все стороны. Например, в состоянии всестороннего сжатия находятся тела, погруженные в жидкость. В случае погружения тел на большую глубину в море деформация всестороннего сжатия достигает заметной величины, и это имеет значение для живущих там животных. Реже встречается всестороннее растяжение. В состоянии всестороннего растяжения находится, например, внутренняя часть холодного железного шара, опущенного в горячую воду. Большое значение имеют деформации всестороннего сжатия и растяжения при распространении звуковых колебаний (о которых будет идти речь в разделе «Колебания и волны», т. III).

Упражнения. **280.1.** Как изменится удлинение, если, не меняя нагрузки, проволоку заменить другой из такого же материала, имеющей вдвое большие длину и диаметр?

280.2. Опыт показывает, что стальная проволока с площадью сечения 1 *мм*^{2}, длиной 1 *м*, при нагрузке в 20 *кГ* удлиняется на 1 *мм*. Какое удлинение получится, если стальную проволоку с сечением 0,5 *мм*^{2} и длиной 3 *м* нагрузить гирей в 30 *кГ*?

§ 281. Сдвиг. Мы рассмотрели продольное растяжение и сжатие, возникающие под действием двух равных и противоположно направленных сил. Теперь рассмотрим деформации, обусловленные двумя равными, противоположно направленными *моментами сил.*

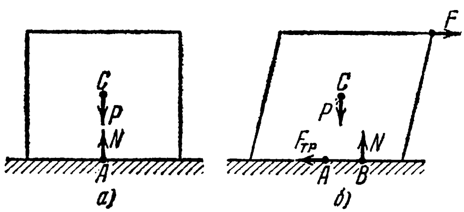


Рис. 465. *а*) Прямоугольный брус находится под действием двух уравновешивающихся сил P и N. *б*) Брус находится под действием двух уравновешивающихся пар сил, в результате брус перекошен.

Представим себе брус, имеющий форму прямоугольного параллелепипеда и стоящий на горизонтальном полу (рис. 465). Сила тяжести P бруса, которую мы можем считать приложенной в центре тяжести C, полностью уравновешивается силой давления со стороны пола N. Так как брус неподвижен, то сила давления должна быть приложена в точке A низа бруса, находящейся на одной вертикали с центром тяжести C (рис. 465, *а*). Пусть теперь к верхней части бруса приложена горизонтальная сила F такая, что брус перекашивается, но не скользит по полу (рис. 465, *б*). Раз брус покоится, значит, на него действует еще одна сила, равная и направленная в противоположную сторону. Этой силой, очевидно, является сила трения $F_{\text{тр}}$. Сила F вместе с силой $F_{\text{тр}}$ образуют пару сил, которая должна была бы вызывать ускоренное вращение бруса вокруг оси, перпендикулярной к плоскости чертежа. Однако брус покоится; следовательно, существует другая пара сил, которая уравновешивает первую. Нетрудно найти вторую пару сил. Если при отсутствии силы F сила давления на брус со стороны пола N проходила через точку A, то при наличии силы F давление пола на брус несколько изменится и сила давления N будет приложена в точке B, лежащей на нашем рисунке правее точки A. В результате получается новая пара сил P и N, которая стремится вращать наш брус в направлении, противоположном тому, в котором вращался бы брус под действием пары F и $F_{тр}$. Так как брус покоится, то пары сил F и $F_{тр}$, P и N взаимно уравновешиваются. Наличие этих пар сил связано с деформацией перекашивания бруса, и он вместо прямоугольной формы приобретает наклонную. Очевидно, такого же характера деформация произойдет и с любым прямоугольным параллелепипедом, который мы мысленно выделим в рассматриваемом теле. Деформацию, при которой прямой параллелепипед, взятый в теле, превращается в наклонный, имеющий объем, равный объему недеформированного параллелепипеда, называют *сдвигом*. Рис. 466 показывает, что сдвиг всегда сопровождается и растяжением, и сжатием (диагональ AB растягивается, а диагональ CD укорачивается).

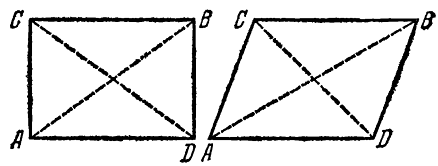


Рис. 466. Сдвиг сопровождается удлинением по направлению AB и укорочением по направлению CD.

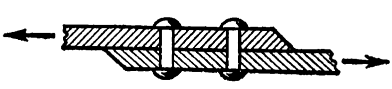


Рис. 467. При растягивании склепанных железных листов заклепки подвергаются сдвигу.

Сдвиг — очень распространенный вид деформации. Прежде всего, сдвиг имеет место во всех трущихся твердых телах, как при трении покоя, так и при трении скольжения. Например, если тащат по полу тело, то и тело и пол находятся в состоянии сдвига. В состоянии сдвига находятся заклепки, связывающие два железных листа (рис. 467), если листы подвергнуты растяжению. Очень важным случаем сдвига являются деформации среды, когда в ней бегут так называемые поперечные волны (см. раздел «Колебания и волны», т. III).

Если деформация сдвига из упругой переходит в пластическую, то мы имеем дело с перемещением одних слоев тела вдоль других. Легко видеть, что пластическая деформация сдвига отчасти сходна с течением жидкости: при течении жидкости ее слои непрерывно сдвигаются один вдоль другого. Напомним (§ 263), что упругость сдвига может служить признаком для отличия твердого состояния от жидкого: при жидком состоянии вещества упругий сдвиг невозможен.

§ 282. Кручение. Кручение есть особый случай сдвига. Кручением называется деформация, имеющая место в твердом теле, если оно находится под действием двух противоположно направленных моментов, приложенных к противоположным концам тела. Чтобы получить наглядное представление о кручении, возьмемся двумя руками за концы резинового стержня, вдоль образующей которого проведена черная линия (рис. 468), и будем концы стержня вращать в противоположных направлениях. Стержень подвергнется кручению, и черная линия вдоль образующей примет форму винтовой линии. Если один из концов стержня держать неподвижно и вращать другой конец, то угол поворота радиуса какого-нибудь сечения будет тем больше, чем дальше от неподвижного конца находится это сечение. Угол, на который повернется радиус самого крайнего сечения, называют *углом кручения* (рис. 469).

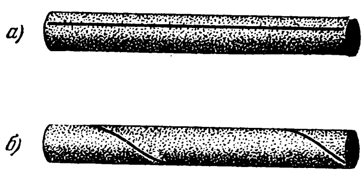


Рис. 468. *а*) Недеформированный резиновый стержень. *б*) Стержень в состоянии кручения.

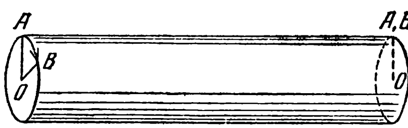


Рис. 469. Если правый конец трубки неподвижен, а на левом конце радиус *OA* принял положение *OB*, то угол *AOB* есть угол кручения.

Кручение — тоже широко распространенный вид деформации. В закрученном состоянии находятся все тела, передающие вращающий момент от двигателя к машине: карданный вал автомобиля, вал, вращающий винт парохода, и т. п. В состоянии кручения находится также рукоятка отвертки, передающая вращающий момент от руки к винту.

Растягивание цилиндрической пружины тоже является кручением. Действительно, рассмотрим два близких сечения пружины S_1 и S_2 (рис. 470). Из рисунка видно, что растягивание пружины ведет к повороту сечения S_1 по стрелке часов и сечения S_2 — против стрелки часов, т. е. получается кручение проволоки, из которой сделана пружина.

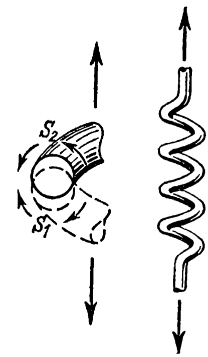


Рис. 470. Растягивание пружины является кручением проволоки, из которой сделана пружина.

Угол кручения растет с увеличением вращающих моментов, вызывающих кручение. При заданном вращающем моменте угол кручения зависит от материала, из которого сделано закручиваемое тело, а также от его размеров и формы. В случае стержней цилиндрической формы угол кручения *пропорционален длине* стержня и *обратно пропорционален четвертой степени диаметра.* Это значит, что небольшое изменение диаметра очень резко меняет угол кручения, если вращающий момент остался прежним. Этим пользуются при изготовлении физических приборов, где желательно достигнуть возможно большего угла кручения при чрезвычайно малых вращающих моментах (например, к этому стремятся при устройстве гальванометров). Применяя для подвешивания вращающихся частей проволочки диаметром в несколько микронов, достигают поразительной чувствительности приборов.

Упражнение. **282.1.** В физическом приборе требуется заменить проволочку, на которой подвешена вращающаяся часть, другой проволочкой, сделанной из того же материала, но вдвое более длинной. Требуется подобрать такой диаметр проволочки, чтобы при том же вращающем моменте угол кручения имел прежнюю величину. Каков этот диаметр, если заменяемая проволочка имела диаметр 0,3 *мм*?

§ 283. Изгиб. Расположим чертежную линейку горизонтально, закрепив один из ее концов (рис. 471). Прилагая к свободному концу ее некоторую силу, получим изгиб линейки в сторону действия силы. Можно также положить линейку на две опоры и получить изгиб, надавливая где-нибудь на ее середине (рис. 472). В технике изгиб — одна из наиболее часто встречающихся деформаций. Изгибу подвержены рельсы железнодорожного пути, балки потолочных перекрытий в зданиях, железные полосы в кровати, всевозможные рычаги и т. д.

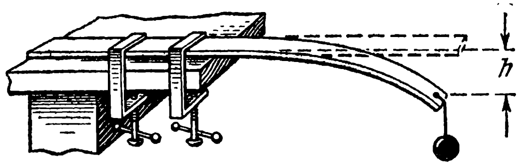


Рис. 471. Изгиб. h — стрела прогиба.

Изгиб — деформация, сводящаяся к растяжениям и сжатиям, различным в разных частях тела. В этом можно убедиться так. Воткнем в резиновую полосу (или в трубку) ряд параллельных спиц (рис. 473). Изгибая полосу, мы увидим по расположению спиц, что одни ее слои (на рис. 473 слой MM) подверглись растяжению, а другие (слой NN)—сжатию. Некоторый средний слой не изменил своей длины (нейтральный слой).

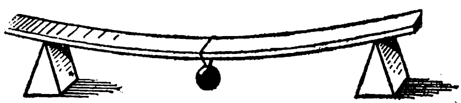


Рис. 472. Другой случай изгиба.

За меру деформации в случае изгиба можно принять смещение конца балки (рис. 471) или середины ее (рис. 472). Это смещение называют *стрелой прогиба.*

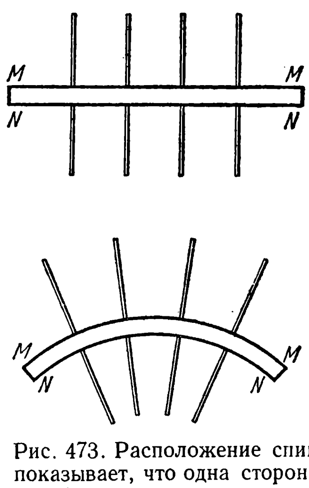


Рис. 473. Расположение спиц показывает, что одна сторона изгибаемого тела растянута, а другая — сжата.

Рис. 474. Зависимость прогиба от длины балки.

Исследуем, от чего зависит стрела прогиба балки. В качестве балки возьмем чертежную линейку, положим ее на опоры, расположенные один раз далеко, а другой — близко друг от друга, и нагрузим гирей (рис. 474). Мы увидим, что с уменьшением длины той части линейки, которая находится между опорами, стрела прогиба уменьшается очень сильно.

Если взять линейку более широкую (при той же толщине и длине, т. е. расстоянии между опорами), то для нее стрела прогиба под действием той же нагрузки будет соответственно меньше. Линейка из того же материала, той же ширины и длины, но более толстая обнаруживает значительно меньшую стрелу прогиба.

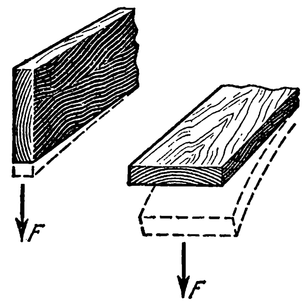


Рис. 475. Зависимость прогиба от формы сечения балки.

Легко заметить, что изменение толщины балки с прямоугольным сечением гораздо резче сказывается на стреле прогиба, чем изменение ширины. Чтобы убедиться в этом, достаточно попробовать сгибать чертежную линейку, установив ее на ребро (как показано у балки на рис. 475 слева) или укрепив ее плашмя (так, как показано на том же рисунке справа). Очевидно, что в первом случае толщина линейки во столько же раз больше толщины ее во втором случае, во сколько раз ширина ее меньше. Но согнуть линейку в первом случае гораздо труднее. Легко понять, почему это так. В первом случае растяжение верхней части и сжатие нижней при той же стреле прогиба получается значительно больше.

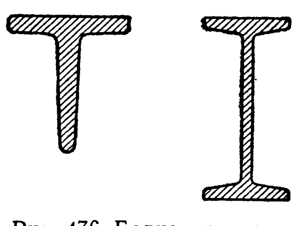


Рис. 476. Балка таврового и двутаврового сечения.

Точный расчет показывает, что стрела прогиба балки прямоугольного сечения прямо пропорциональна нагрузке и кубу длины балки и обратно пропорциональна кубу толщины балки и первой степени ее ширины. Опыт подтверждает этот вывод.

В технике часто пользуются балками с сечениями, изображенными на рис. 476 (*тавровые* и *двутавровые* балки). Примером двутавровой балки может служить рельс. Двутавровая балка представляет собой, в сущности, широкую балку прямоугольного сечения, из которой удалена часть среднего слоя (рис. 477), который меньше растягивается и сжимается и поэтому в меньшей степени противодействует изгибу. Поэтому двутавровая балка позволяет сэкономить материал и облегчить балку почти без ухудшения ее строительных качеств. Той же цели мы достигаем, применяя вместо стержней трубы (например, у велосипедной рамы).

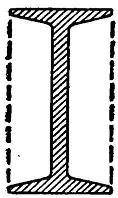


Рис. 477. Удаление незаштрихованной части балки прямоугольного сечения мало влияет на ее прочность.

Упражнения. **283.1.** Испытайте различие в прогибах, которое получается, если нагрузить одним и тем же грузом тетрадь, положенную на две опоры плашмя, и ту же тетрадь, свернутую трубкой.

283.2. Укажите примеры использования трубчатого строения в технике и в живой природе.

283.3. Пусть ширина прямоугольной балки втрое больше ее толщины. Во сколько раз стрела прогиба в случае, показанном на рис. 475 справа, больше, чем в случае, показанном слева?

§ 284. Прочность. Ни одно тело не может деформироваться, например растягиваться, беспредельно. В конце концов оно разрушается. Для каждого материала можно указать максимальную нагрузку на единицу площади сечения, которую он может выдержать (*разрушающая нагрузка*). Чем больше разрушающая нагрузка, тем прочнее материал. Способность изделия противостоять разрушению зависит не только от качеств материала, но также и от формы изделия и вида воздействия. Так, например, стержень легче разрушить односторонним надавливанием (сверху), чем растяжением, ибо в первом случае он может согнуться и сломаться, тогда как во втором он должен разорваться. Другой пример значения характера воздействия рассмотрен в гидростатике (§ 159), где показано, что полый шар (или подводную лодку) легче сплющить давлением снаружи, чем разорвать давлением изнутри.

Величина разрушающей нагрузки сильно зависит от качества материала и от способа его обработки. Поэтому можно указать только ее примерные величины (таблица 16).

Величина разрушающей нагрузки сильно зависит от термической и механической обработки материала, а у сложных веществ также от их состава (сталь, стекло).

Таблица 16

Разрушающая нагрузка некоторых материалов

Материал	Разрушающая нагрузка при растяжении, *кГ/см²*
Сталь	4000—14 000
Медь	2000— 5 000
Свинец	100— 200
Дерево сосновое	200— 800
Стекло	300— 900

Упражнения. 284.1. Какой максимальный груз может выдержать стальной трос, площадь сечения которого равна 12 *мм*^{2}? Принять разрушающую нагрузку 6000 *кГ/см*^{2}.

284.2. Какова наибольшая длина свинцовой проволоки, которая не оборвется, если ее подвесить за верхний конец? Плотность свинца 11,3 *г/см*^{3}. Принять разрушающую нагрузку 200 *кГ/см*^{2}.

§ 285. Твердость. Кроме прочности, в технике еще различают материалы по их *твердости*. Из двух материалов тот считается более твердым, который царапает другой. Проведем краем осколка стекла по медной пластинке. Мы получим царапину. Наоборот, проводя краем медной пластинки по стеклу, не заметим никакой царапины. Следовательно, стекло тверже меди.

Резцы и сверла для резания металлов должны, очевидно, обладать большей твердостью, чем обрабатываемый металл. Для меди, латуни, железа можно употреблять стальные закаленные резцы. В современной технике для резцов и сверл широко употребляют так называемые сверхтвердые сплавы.

Сверхтвердые сплавы состоят из мельчайших зерен карбидов вольфрама или титана, сцементированных кобальтом. Они изготавливаются прессованием порошков карбидов при высокой температуре, при которой, однако, еще не происходит плавления, вследствие чего зерна карбидов сохраняют свою исключительную твердость. Резцы, сделанные из таких сплавов (рис. 478), сохраняют свою режущую способность при температурах до 700—800° С. Так как именно потеря режущих свойств при высоких температурах ограничивала скорость резания металлов (при работе на больших скоростях резцы сильно разогреваются), то ясно, что применение сверхтвердых сплавов позволило повысить эту скорость. В последние годы был достигнут новый успех: был создан новый тип сверхтвердых резцов — *минералокерамические резцы*, основной составной частью которых является окись алюминия, получаемая из минерала боксита. Минералокерамические резцы сохраняют режущую способность до температур 1100° С и выше. Эта особенность позволила увеличить скорость резания металлов до неслыханной ранее величины — свыше 50 *м/сек*. Из природных материалов наибольшей твердостью отличается алмаз. В настоящее время технические сплавы по своей твердости приближаются к алмазу.

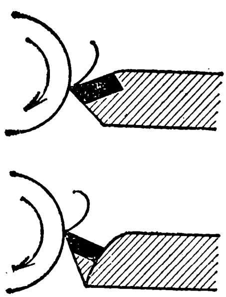


Рис. 478. Обработка металлического вала резцом, армированным пластинкой из сверхтвердого сплава (показана черным).

Упражнение. **285.1.** Испытайте на твердость имеющиеся под рукой материалы (сталь, свинец, стекло, дерево, ноготь и т. п.) и расположите их в ряд по убывающей твердости.

§ 286. Что происходит при деформации тел? Исследование строения тел посредством рентгеновских лучей (§ 266) показало, что при упругих деформациях кристалла происходит только небольшое искажение его решетки. Например, ячейки решетки, показанной на рис. 447, в случае деформации кристалла из кубиков превращаются в слегка наклонные параллелепипеды. По снятии деформирующих сил решетка возвращается к прежней форме. В поликристаллических телах эти временные изменения решеток в отдельных кристалликах могут быть различными. Упругие деформации в аморфных телах тоже связаны лишь с небольшими смещениями положений равновесия молекул.

Совсем по-иному меняется при упругой деформации строение каучукообразных тел (об этом было рассказано в § 272). Этой разницей и объясняется громадное различие в величине упругих растяжений, которые могут иметь место в резиновой нити и, например, в стальной проволоке.

При пластических деформациях смещения молекул могут во много раз превышать расстояния между ними. В монокристаллах пластическая деформация связана с проскальзыванием отдельных слоев решетки друг относительно друга. В каждом кристалле существуют такие направления, по которым скольжение слоев решетки происходит особенно легко. Мы уже говорили (§ 264), что кристалл льда по своим механическим свойствам похож на стопу стеклянных пластинок, соединенных не вполне затвердевшим клеем. То же можно сказать и про другие кристаллы. На рис. 479 показана форма кристалла цинка, подвергнувшегося растяжению. На кристалле ясно видны следы скольжения слоев. Установлено, что скольжение слоев никогда не начинается сразу по всему объему кристалла. Оно начинается с какого-нибудь одного места, где решетка почему-либо ослаблена (см. окончание § 266), и затем постепенно распространяется на другие места.

В поликристаллах тоже возможны проскальзывания слоев решетки в маленьких кристаллах, составляющих поликристалл. Однако, так как направления наиболее легкого скольжения в отдельных кристалликах, вообще говоря, не совпадают между собой, то возникновение скольжения в таких телах затруднено по сравнению с монокристаллами. Этот эффект проявляется тем в большей мере, чем мельче кристаллы. Поэтому в мелкозернистых телах пластическая деформация возникает при большей деформирующей силе, чем в крупнозернистых.

Кроме указанного обстоятельства, дело осложняется наличием прослоек между кристалликами, механические свойства которых отличаются от самих кристалликов.

Что касается аморфных тел, то в них молекулярная картина пластической деформации такова же, как молекулярная картина спокойного (ламинарного) течения жидкости (§ 194). Мы уже говорили о том, что аморфное состояние можно рассматривать как жидкое с очень большой вязкостью.

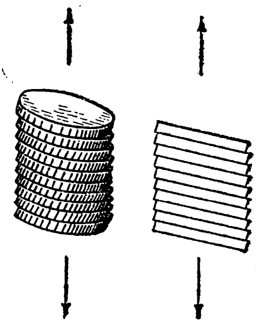


Рис. 479. Монокристалл цинка, подвергнутый растяжению (схема).

§ 287. Изменение энергии при деформации тел. При деформации проволоки, на которой висит груз, груз опускается и, следовательно, сила тяжести совершает работу. За счет этой работы увеличивается энергия деформирующегося тела, которое при этом переходит из ненапряженного состояния в напряженное. Таким образом, при деформации увеличивается *внутренняя энергия* тела. Увеличение внутренней энергии состоит в увеличении потенциальной энергии, зависящей от взаимного расположения молекул тела. Если деформация упругая, то при ее снятии эта добавочная энергия исчезает и за ее счет упругие силы совершают работу. При упругой деформации твердых тел не получается заметного нагревания их. В этом отношении они отличаются от газов — ведь при сжатии газов, как мы видели, получается нагревание (§ 225). При пластической деформации твердых тел получается значительное их нагревание. В этом повышении температуры, т. е. увеличении кинетической энергии молекул, и проявляется увеличение внутренней энергии деформированного пластического тела; конечно, и в этом случае увеличение внутренней энергии происходит за счет работы сил, обусловливающих деформацию. Сюда относятся случаи нагревания многократно сгибаемой проволоки или куска свинца, расплющиваемого ударами молотка, о которых говорилось в § 202.

Из изложенного в настоящей главе следует, что для практического использования материалов в строительной технике и при изготовлении всевозможных машин и механизмов чрезвычайно важно знать, как отзывается материал на воздействие внешних сил.

Исследования по молекулярной физике твердого тела позволили за последние годы выяснить много вопросов, относящихся к физической природе происходящих явлений. Технические данные и способы измерений и расчетов, касающихся изменений в материале под действием усилий, излагаются в курсах сопротивления материалов.

ГЛАВА XVII

СВОЙСТВА ПАРОВ

§ 288. **Введение.** Всюду вокруг нас, и в природе и в технических установках, происходят взаимные превращения жидкости и пара. Жидкости превращаются в невидимые пары, т. е. переходят в газообразное состояние (*испарение*); иногда, наоборот, появляются капельки жидкости, образующиеся из паров (*конденсация*). В особенно больших размерах происходят в природе и технике взаимные превращения водяного пара и воды. Водяные пары образуются не только на громадных водных пространствах поверхности Земли, но и на суше; вода непрерывно испаряется с поверхности почвы, с листьев растений, с кожи и из легких животных и т. д.

Присматриваясь к явлениям испарения, мы легко заметим, что при одной и той же температуре разные жидкости испаряются по разному: эфир, бензин и тому подобные «летучие» жидкости испаряются быстро, вода — несколько медленнее, а масло, ртуть и т. п. испаряются настолько медленно, что это испарение без точных измерений незаметно. Однако испарение все же имеет место, и поэтому, например, не следует держать в комнате открытую ртуть, ибо пары ее весьма вредны для здоровья. *Все жидкости без исключения испаряются.*

Испаряются и превращаются в пары не только жидкости, но и все *твердые* тела — одни быстрее, другие чрезвычайно медленно. Известно, что мокрое и замерзшее белье все же постепенно сохнет на морозе. Пахучими, а значит, дающими пары, действующие на обоняние, бывают не только жидкости, но и твердые тела, например нафталин. Мы уже описали опыт с нагреванием йода, когда он испаряется, не переходя в жидкое состояние (§ 267).

Упражнение. 288.1. Пуста ли «торичеллиева пустота»?

§ 289. Пары насыщающие и ненасыщающие. Лужи после дождя при ветре сохнут быстрее, чем при той же температуре при безветрии. Это показывает, что для испарения жидкости нужно, чтобы образующиеся пары удалялись. Если паров совсем не удалять, например, если закупорить пробкой бутылку с жидкостью, то испарение скоро прекратится. Так как при таком положении ни жидкость не превращается в пар, ни пар не сгущается в жидкость, то мы говорим, что пар и жидкость находятся *в равновесии*[1]). Пар, находящийся в равновесии с жидкостью, называют *насыщающим* (или *насыщенным*) паром. Это название передает ту мысль, что в данном объеме при данной температуре не может быть помещено большее количество пара.

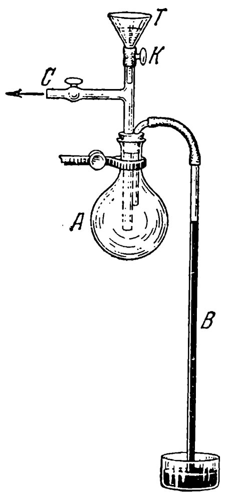


Рис. 480. Первые капли эфира, падающие в колбу A, испаряются, причем ртуть в трубке B быстро опускается. Когда наступает насыщение, то падающие в колбу капли эфира не испаряются и уровень ртути больше не изменяется.

В бутылке с жидкостью, кроме паров, над жидкостью находится еще и воздух. Однако нетрудно сделать так, чтобы над жидкостью находились только ее пары, почти без примеси других газов. Для этого пространство над жидкостью следует откачать насосом или изгнать газ продолжительным кипячением жидкости, при котором пары вытесняют газы.

Исследуя поведение паров в пространстве, откуда все посторонние газы удалены, мы получаем важные сведения о свойствах паров. Исследование можно провести, например, следующим образом.

Круглодонная колба A, закупоренная резиновой пробкой, сообщается, как показано на рис. 480, со стеклянной

[1]) Здесь имеется в виду подвижное или динамическое равновесие, о котором сказано в § 260.

трубкой B, опущенной в сосуд со ртутью. Сквозь другую трубку C, снабженную краном, из колбы возможно лучше откачивается воздух, причем ртуть в трубке B под действием атмосферного давления поднимается. Пары ртути в этих условиях образуются в столь малых количествах, что их присутствием можем пренебречь.

Из воронки T, в которую налит эфир, через кран K осторожно, по каплям, вводят эфир в колбу A. Первые капли эфира моментально испаряются, и ртуть в трубке быстро опускается вниз. При этом в колбе имеем *ненасыщающие* пары эфира. При увеличении количества испарившегося эфира увеличивается плотность паров, а вместе с тем и их давление, подобно тому как при увеличении плотности увеличивается давление всякого газа. Ненасыщающие пары, хотя и не следуют точно газовым законам Бойля — Мариотта и Шарля, но, в общем, обладают всеми свойствами газов. Однако, продолжая добавлять эфир в колбу A, мы заметим, что ртуть в трубке B перестает опускаться, а добавляемый эфир более не испаряется: достигнуто *насыщение*. Сколько ни приливать еще эфира, плотность его паров и их давление будут оставаться постоянными. Отметим, что во время опыта температура не должна изменяться [1]).

Повторив тот же опыт с другой жидкостью, например со спиртом, мы увидим, что давление насыщающих паров тоже будет постоянным, но иным, чем у эфира. Давление насыщающих паров эфира при 20° С составляет около 440 *мм* рт. ст., у спирта — около 44 *мм* рт. ст.

Итак, *плотность и давление насыщающего пара при неизменной температуре являются постоянными величинами, у разных жидкостей — разными.*

§ 290. Что происходит при изменении объема смеси жидкости и насыщающего пара? Рассмотрим более подробно, что значит утверждение: *давление насыщающих паров при неизменной температуре постоянно*. Чтобы уяснить суть дела, рассмотрим два опыта.

1) Бутылка A (рис. 481) закрыта резиновой пробкой, в которую вставлена воронка B с узким концом C. Верхнее отверстие в воронке можно закрывать резиновой пробкой D. Нальем в воронку примерно наполовину воды и

---

[1]) Для этого колбу A надо погрузить в большой сосуд с водой комнатной температуры.

немедленно закроем ее пробкой. Вода будет некоторое время перетекать из воронки B в бутылку A, но затем течение воды прекратится. Почему это произойдет? Потому, что по мере перетекания воды из воронки в бутылку объем воздуха в B возрастает, а его давление уменьшается (закон Бойля — Мариотта). В то же время объем воздуха в A уменьшается и давление его увеличивается. Наконец, разность давлений в сосуде A и в воронке B уравновесит давление жидкости и ее течение прекратится.

Рис. 481. В бутылке A и воронке B находятся вода и воздух; течение воды из B в A скоро прекращается.

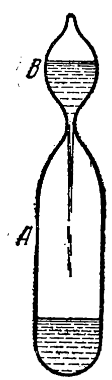


Рис. 482. В сосудах A и B находятся вода и ее пар, воздух отсутствует. Вода из сосуда B полностью стекает в A.

2) Теперь рассмотрим специальный прибор (рис. 482). Цилиндрический сосуд A соединен узкой трубкой с сосудом B. Сосуд B запаян. Воздух из обоих сосудов совершенно удален перед запаиванием сосуда B и единственно, что находится в приборе,— вода и ее пар. Как теперь происходит течение воды? Опрокидывая прибор, мы видим, что вода из сосуда B в сосуд A перетекает сквозь узкое место полностью, ничуть не задерживаясь. Это значит, что при перетекании воды давление пара ни в сосуде A, ни в сосуде B не меняется, хотя при этом объем пара в сосуде A уменьшается, а в сосуде B увеличивается. Но в таком случае очевидно, что при опускании уровня воды в B и увеличении объема пара происходит испарение воды как раз в такой мере, что плотность пара и его давление остаются неизменными. Наоборот, в сосуде A по мере уменьшения объема, не занятого жидкостью, пар все время конденсируется как раз настолько, что его плотность и давление тоже остаются постоянными.

С прибором, изображенным на рис. 482, можно произвести еще следующий поучительный опыт. Если резким движением поднять прибор кверху, то столб воды в A поднимется, а внизу под ним образуется объем, заполненный паром. Затем поднявшийся столб воды упадет вниз. Когда он коснется дна сосуда, то раздастся резкий звенящий звук, как будто на дно упало твердое тело. Этот звук получается потому, что водяной столбик, двигаясь в трубке, не встречает никакого сопротивления со стороны пара. Действительно, на обе поверхности столбика действуют одинаковые, но противоположно направленные силы — силы давления насыщающих паров, одинаковые при разных положениях столбика в трубке. При перемещении столбика жидкости с одной его стороны пар сгущается в жидкость, а с другой стороны жидкость испаряется, давление же пара остается все время одним и тем же.

Повторив этот опыт с прибором, изображенным на рис. 481, в котором кроме пара есть еще воздух, мы не услышим никакого стука. Воздух оказывает жидкости возрастающее по мере его сжатия, как говорят, «пружинящее» сопротивление. Подобно тому как при сжатии пружины сила, с которой она действует, увеличивается по мере ее сжатия (по закону Гука), так и здесь сила давления воздуха возрастает по мере уменьшения его объема (по закону Бойля — Мариотта) и потому тормозит движение воды. В отличие от воздуха насыщающий пар имеет постоянное, не зависящее от объема давление и потому «пружинить» не может.

Этот опыт поясняет нам, почему при исчезновении пузырей пара внутри жидкости получаются резкие удары, иногда ведущие к повреждениям. Примером этого могут служить пароходные винты, на лопастях которых нередко образуются выбоины от частых ударов воды при исчезновении пузырей, возникающих при работе винта на поверхности лопастей (так называемая *кавитация*). При неправильной форме пароходного винта кавитация может разрушить его за несколько часов хода.

§ 291. Закон Дальтона для паров. Поместим в бутылку закупоренную пробирку с эфиром. Бутылку закроем пробкой со стеклянной трубкой, присоединенной к ртутному манометру (рис. 483, *а*). При закупоривании бутылки в ней находился атмосферный воздух, и уровни ртути в обоих коленах почти одинаковы. Затем резко встряхнем бутылку, чтобы пробирка разбилась (рис. 483, *б*). Мы увидим, что ртуть в манометре начнет подниматься. Через несколько минут установится разность уровней, равная понижению уровня в опыте, показанном на рис. 480. Изменение уровня ртути показывает, что к давлению воздуха прибавилось давление паров эфира. Значит, равновесие между жидким эфиром и его парами устанавливается в присутствии воздуха при том же давлении паров эфира, что и в пространстве, откуда воздух удален. Правда, испарение эфира в присутствии воздуха идет медленнее, чем без него, и поэтому и равновесие устанавливается медленнее.

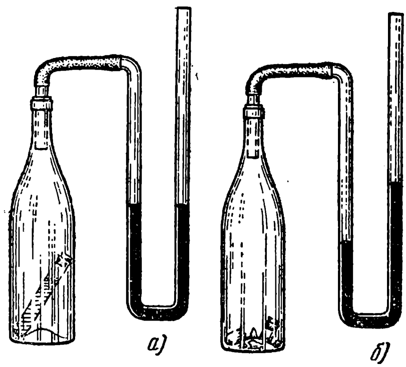


Рис. 483. *а*) В бутылке находится закупоренная пробирка с эфиром; манометр показывает, что давление воздуха в бутылке равно атмосферному. *б*) Пробирка разбита, и к воздуху примешались насыщающие пары эфира; манометр показывает увеличение давления.

Из того наблюдения, что давление паров эфира и в присутствии воздуха и без него получается одинаковым, можно сделать вывод, что количество эфира, которое испаряется в определенное пространство, одинаково в обоих случаях (конечно, при условии равенства температур).

Итак, *давление смеси газов и паров, находящихся в равновесии с жидкостью, равно сумме давлений, которые имели бы составные части смеси в отсутствие других частей*. Это — закон Дальтона в применении к парам.

Упражнение. **291.1.** Если повторить опыт, изображенный на рис. 483, не удалив из бутылки остатков эфира, то при разбивании второй пробирки с эфиром манометр не показывает повышения давления. Почему?

§ 292. Молекулярная картина испарения. Вспомним, что молекулы жидкости движутся с самыми разнообразными скоростями. Для того чтобы молекула, находящаяся в поверхностном слое, могла вылететь за пределы жидкости, ее кинетическая энергия должна быть больше, чем работа, которую нужно при этом затратить против сил сцепления, тянущих ее внутрь жидкости. Поэтому только те молекулы, которые имеют в данный момент достаточную скорость, смогут вылететь из поверхностного слоя жидкости наружу. Здесь они сталкиваются с другими молекулами, меняют направление движения, через некоторое время могут снова достигнуть поверхности жидкости и проникнуть вглубь нее. Таким образом, молекулы все время вылетают из жидкости и вновь возвращаются в нее. Если вылетает больше молекул, чем возвращается обратно, жидкость испаряется. Если, наоборот, молекулы в большем числе возвращаются в жидкость, чем вылетают из жидкости, происходит конденсация пара. Если же, наконец, число вылетающих из жидкости молекул равно (в среднем) числу возвращающихся, получается подвижное равновесие пара и жидкости и пар является насыщающим.

Почему же у разных жидкостей равновесие получается при разном давлении пара, а следовательно, при разном числе молекул в 1 *см*^{3}? Причина заключается в различии в силах сцепления. У одних жидкостей (например, у ртути) силы сцепления очень велики, и потому шансы вылететь за пределы жидкости имеют только немногие наиболее быстрые молекулы. За пределы жидкости вырывается за единицу времени лишь небольшое число молекул. Поэтому для достижения равновесного состояния, т. е. для того, чтобы обратно в ртуть возвращалось такое же число молекул, достаточно небольшой плотности паров ртути. У других жидкостей (например, у эфира) силы сцепления малы и при той же температуре за пределы жидкости могут улетать молекулы в значительном числе. Поэтому равновесное состояние достигается только при значительной плотности паров эфира над поверхностью жидкого эфира.

В главе XIV мы видели, что силы сцепления молекул обусловливают поверхностное натяжение жидкости. При больших силах сцепления поверхностное натяжение велико. Следовательно, *чем больше поверхностное натяжение, тем менее летуча жидкость* и тем меньше давление насыщающих паров.

Число молекул, которыми обмениваются в течение 1 секунды жидкость и соприкасающийся с ней насыщающий пар, даже в случае малолетучих жидкостей невообразимо велико. Об этом свидетельствует необыкновенная скорость, с которой происходит испарение жидкости, если почему-либо образующиеся пары не возвращаются в жидкость. Об этом же говорит скорость, с которой исчезает пар в опыте с ударом воды о дно сосуда (§ 290). Можно оценить, что при комнатной температуре сквозь 1 *см*^{2} поверхности воды в течение 1 *сек* проносится 10^{21} молекул.

§ 293. Зависимость давления насыщающих паров от температуры. До сих пор мы рассматривали явления испарения и конденсации при постоянной температуре. Теперь займемся вопросом о влиянии температуры.

Легко видеть, что влияние температуры очень сильно. В жаркий день или вблизи печки все сохнет гораздо быстрее, чем на холоде. Значит, испарение теплой жидкости идет интенсивнее, чем холодной. Это легко объяснимо. В теплой жидкости большее число молекул обладает скоростью, достаточной для того, чтобы преодолеть силы сцепления и вырваться за пределы жидкости. Поэтому при повышении температуры вместе с увеличением скорости испарения жидкости увеличивается и давление насыщающих паров жидкости.

Увеличение давления паров легко обнаружить при помощи прибора, описанного в § 291. Опустим колбу с эфиром в теплую воду. Мы увидим, что манометр покажет резкое увеличение давления. Опустив ту же колбу в холодную воду или лучше в смесь снега и соли (§ 275), заметим, наоборот, понижение давления.

Итак, давление насыщающих паров сильно зависит от температуры. В таблице 17 приведены давления насыщающих паров воды и ртути при различных температурах.

Таблица 17

Давление насыщающих паров воды и ртути при различных температурах

Температура, °C	Давление паров воды, *мм* рт. ст.	Давление паров ртути, *мм* рт. ст.	Температура, °C	Давление паров воды, *мм* рт. ст.	Давление паров ртути, *мм* рт. ст.
0	4,58	0,00021	100	760	0,28
20	17,5	0,0013	120	1 489	0,76
40	55,3	0,0065	140	2 711	1,85
60	149	0,026	200	11 660	17,2
80	355	0,092	300	64 450	245
90	526	0,16	374	165 530	1100

Обратим внимание на ничтожную величину давления паров ртути при комнатной температуре. Вспомним, что при отсчете барометра этим давлением пренебрегают.

На рис. 484 дан график, показывающий зависимость между температурой насыщающих паров воды и их давлением. Как видно, давление насыщающих паров при повышении температуры на 1°C при высоких температурах увеличивается более сильно, чем при низких. В этом резкое различие насыщающих паров от газов, давление которых при нагревании на 1° С увеличивается и при низких и при высоких температурах на одну и ту же величину (на $^1/_{273}$ давления при 0° С). Это различие станет вполне понятным, если вспомнить, что при нагревании газов в постоянном объеме меняется только скорость молекул. При нагревании смеси «жидкость — пар» меняется, как мы указали, не только скорость молекул, но и их число в 1 *см*³, т. е. при большей температуре мы имеем пар большей плотности.

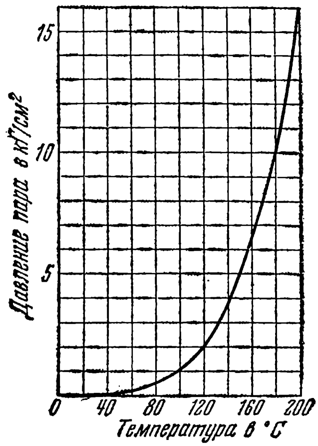


Рис. 484. Зависимость давления насыщающих паров воды от температуры.

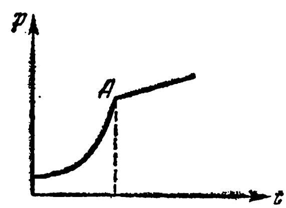


Рис. 485. К упражнению 293.3.

Упражнения. **293.1.** Почему газовый термометр (§ 235) дает правильные показания только при совершенно сухом газе?

293.2. Предположим, что в замкнутом сосуде, кроме жидкости и пара, находится еще воздух. Как это отзовется на изменении давления с повышением температуры?

293.3. Изменение давления паров в замкнутом сосуде при повышении температуры выражается графиком, показанным на рис. 485. Какое заключение можно вывести относительно процессов испарения внутри сосуда?

§ 294. Кипение. Поместим стеклянный сосуд с холодной водой на горелку и будем наблюдать. Скоро дно и стенки сосуда покроются пузырьками; об их происхождении говорилось в § 260. В этих пузырьках, как мы знаем, находятся воздух и пары воды. Пузырьки появляются в тех местах стенок сосуда, где нет полного смачивания. Такими местами могут явиться следы жира на стенке или мелкие трещинки на ней.

Наблюдая за пузырьком при неизменной температуре, мы видим, что он сохраняет свои размеры; значит, давления изнутри и извне на его поверхность взаимно уравновешиваются. Так как внутри пузырька находится воздух, количество которого надо считать постоянным, то это равновесие является устойчивым. Действительно, если бы по какой-либо случайной причине пузырек расширился, то давление воздуха в нем согласно закону Бойля — Мариотта уменьшилось бы и внешнее давление, остающееся при этом почти неизменным, снова уменьшило бы пузырек. Рассуждая таким же образом, легко выяснить, почему случайно уменьшившийся пузырек сейчас же снова расширится до прежнего объема. При повышении температуры пузырек постепенно расширяется в такой мере, что сумма давлений воздуха и пара в нем остается равной внешнему давлению. Однако, когда пузырек сделается достаточно большим, выталкивающая сила воды заставит его оторваться, подобно тому как отрывается слишком тяжелая капля воды, повисшая на крыше (рис. 377). При этом между пузырьком и стенкой сосуда образуется все сужающаяся воздушная перемычка (рис. 486) и, наконец, пузырек отрывается, оставляя у стенки небольшое количество воздуха, из которого с течением времени разовьется новый пузырек.

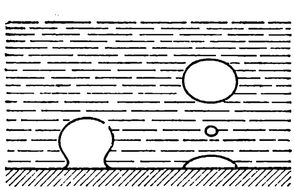


Рис. 486. Прилипшие ко дну сосуда с жидкостью и отрывающиеся пузырьки газа.

Поднимаясь кверху, оторвавшиеся пузырьки снова уменьшаются в размерах. Почему это происходит? Эти пузырьки содержат пары воды и немного воздуха. Когда пузырек достигает верхних, еще не успевших нагреться слоев воды, то значительная часть водяных паров конденсируется в воду и пузырек уменьшается. Это попеременное увеличение и уменьшение пузырьков сопровождается звуками: закипающая вода «шумит». Наконец, вся вода прогревается в достаточной мере. Тогда поднимающиеся пузырьки уже не уменьшаются в размерах и лопаются на поверхности, выбрасывая пар во внешнее пространство. «Шум» прекращается и начинается «бульканье» — мы говорим, что вода закипела. Термометр, помещенный в пар над кипящей водой, все время, пока вода кипит, показывает одну и ту же температуру, около 100° С.

Очевидно, что при кипении давление паров, образующихся внутри пузырьков у дна сосуда, таково, что пузырьки могут расширяться, поднимая при этом воду, т. е. преодолевая атмосферное давление, действующее на свободную поверхность воды, а также давление столба воды.

Мы приходим к выводу, что *кипение происходит при такой температуре, когда давление насыщающих паров жидкости равно наружному давлению.* Температура кипения определяется, таким образом, давлением пара, а значит, и температурой пара. Температуру пара кипящей жидкости называют *точкой кипения.*

Из приведенных рассуждений ясно, что точка кипения жидкости должна зависеть от внешнего давления. Это легко наблюдать. Поставим стаканчик с теплой водой под колокол воздушного насоса. Откачивая воздух, мы можем заставить воду вскипеть при температуре значительно ниже 100° С (рис. 487). Наоборот, при повышении внешнего давления точка кипения повышается. Так, в котлах паровых машин заставляют воду нагреваться под давлением в несколько атмосфер. Температура кипения при этом значительно превосходит 100° С. При давлении около 15 атмосфер температура кипения воды близка к 200° С.

Когда говорят о точке кипения жидкости, не указывая давления, всегда имеют в виду температуру кипения при нормальном давлении (760 *мм* рт. ст.).

Зависимость точки кипения от давления дает нам новый способ измерения атмосферного давления. Измерив точку кипения воды, мы можем по таблицам давления паров при разных температурах судить об атмосферном давлении. Если, например, находясь в горах, мы определили, что точка кипения воды около 90° С, то отсюда можно заключить (см. табл. 17), что давление воздуха составляет около 526 *мм* рт. ст. Специально приспособленные для таких измерений термометры называют *гипсотермометрами.* Они устроены так, что дают возможность отсчитывать температуру около 100° С с большой точностью (рис. 488).

Точки кипения различных жидкостей (при нормальном давлении) сильно разнятся между собой. Это можно видеть из таблицы 18.

Таблица 18

Точки кипения некоторых жидкостей

Жидкость	Точка кипения, °C	Жидкость	Точка кипения, °C
Жидкий гелий . . .	—269	Спирт	+ 78
» водород . .	—253	Вода	+ 100
» кислород . .	—183	Ртуть	+ 357
» азот	—196	Расплавленный цинк	+ 906
Хлор	— 34	Расплавленное железо	+2880
Эфир	+ 35		

Различие точек кипения различных веществ находит большое применение в технике, например при разгонке нефтепродуктов. При нагревании нефти раньше всего испаряются наиболее ценные, летучие ее части (бензин), которые можно таким образом отделить от «тяжелых» остатков (масел, мазута).

Различие точек кипения разных веществ стоит в связи с различием в давлении паров при одной и той же температуре. Мы видели, что пары эфира уже при комнатной

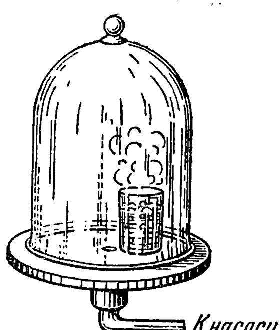


Рис.487. При откачивании воздуха из-под колокола вода, имеющая температуру значительно ниже 100° С, закипает.

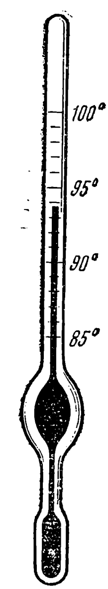


Рис. 488. Гипсотермометр. Отсчет температуры в пределах от 85 до 100° С.

температуре имеют давление больше половины атмосферного. Поэтому, чтобы давление паров эфира достигло величины атмосферного, нужно небольшое повышение температуры (до 35° С). Иначе дело обстоит, например, у ртути, имеющей при комнатной температуре совсем ничтожное давление. Давление паров ртути делается равным атмосферному только при значительном повышении температуры (до 357° С).

Упражнения. **294.1.** Где кипящая вода горячее: на уровне моря, на горе или в глубокой шахте?

294.2. Для некоторых производственных процессов в пищевой промышленности (например, для варки свеклы) требуется более высокая температура воды, чем 100° С. Каким средством этого можно достичь?

294.3. Пользуясь таблицей 17, определите наивысшую температуру, которую может иметь вода при давлении: а) 2 *кГ/см*^{2}; б) 0,2 *кГ/см*^{2}.

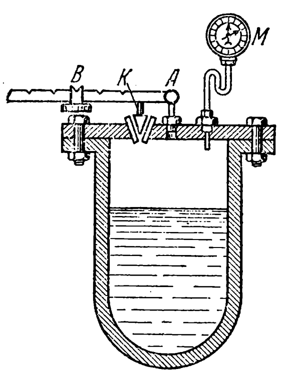


Рис. 489. К упражнению 294.4. Автоклав. *M* — манометр.

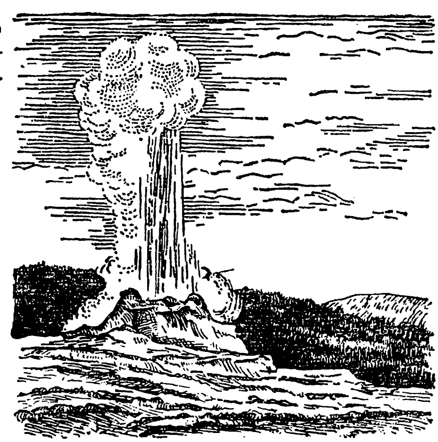


Рис. 490. Гейзер.

294.4. На рис. 489 изображен *автоклав* (прибор, употребляющийся в химических производствах для процессов, требующих более высокой температуры, чем температура кипения находящийся в нем жидкости). Это — прочный котел, наглухо закрывающийся крышкой так, что пар из него может уходить только через предохранительный клапан *K*. Какой температуры достигнет при нагревании котла находящаяся в нем вода, если площадь основания клапана равна 0,75 *см*^{2} и если расстояние от опоры *A* до клапана *K* равно 6,5 *см*, а до гири *B* — 18 *см*? Вес гири 1 *кГ*, весом стержня можно пренебречь.

294.5. Попробуйте вскипятить воду в узкой пробирке, наполненной до края, нагревая ее у дна. Почему в этом случае пузыри выбрасывают воду из пробирки?

Примечание. Нечто подобное происходит в громадных размерах в природе в так называемых *гейзерах* (в СССР на Камчатке, также и в других странах). Гейзер — периодически действующий фонтан, выбрасывающий горячую воду из узкого вертикального жерла в земле (рис. 490). Образование пара происходит на глубине нескольких десятков метров. Давление на такой глубине водоема может достигать нескольких атмосфер и вода может нагреваться значительно выше 100° С. Когда внизу образуются пузыри пара, то часть воды вытекает, давление падает и парообразование перегретой воды идет с такой интенсивностью, что остающаяся вода выбрасывается на большую высоту.

294.6. Вскипятите воду в круглодонной колбе и закупорьте ее. Переверните колбу. Если теперь на дно колбы положить немного снега или облить ее холодной водой, то вода в колбе закипит. Объясните явление.

§ 295. Теплота испарения. Для того чтобы поддерживать кипение воды (или иной жидкости), к ней нужно непрерывно подводить теплоту, например подогревать ее горелкой. При этом температура воды и сосуда не повышается, но каждую секунду образуется определенное количество пара. Из этого следует вывод, что для превращения воды в пар требуется приток теплоты, подобно тому как это имеет место при превращении кристалла (льда) в жидкость (§ 269).

Количество теплоты, требующееся для превращения единицы массы жидкости в пар той же температуры, называют *теплотой испарения* или *теплотой парообразования* данной жидкости. Она выражается в *кал/г*, *ккал/кг* или *дж/кг*.

Нетрудно предвидеть, что при конденсации пара в жидкость должно выделяться соответствующее количество теплоты. Действительно, опустим в стакан с водой трубку, соединенную с кипятильником (рис. 491). Через некоторое время после начала нагревания из конца трубки, опущенной в воду, начнут выходить из кипятильника пузыри воздуха [1]). Этот воздух очень мало повышает температуру воды. Затем вода в кипятильнике закипит, после чего мы увидим, что пузыри, выходящие из конца трубки, уже не поднимаются вверх, а быстро уменьшаются и с резким звуком исчезают. Это — пузыри пара, конденсирующиеся в воду. Как только вместо воздуха из кипятильника пойдет пар, вода начнет быстро прогреваться. Так как теплоемкость пара примерно такова же, что и воздуха, то из этого наблюдения следует, что столь быстрое нагревание воды происходит именно вследствие конденсации пара.

[1]) Кипятильник надо взять в виде сосуда с большим (относительно) количеством воздуха, чтобы пузыри воздуха шли довольно долго.

Количество тепла, выделяющегося при конденсации единицы массы пара в жидкость той же температуры, носит название *теплоты конденсации*.

Измерения показывают, что теплота конденсации равна теплоте испарения (при той же температуре).

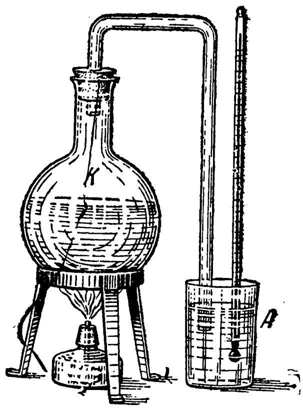


Рис. 491. Пока из кипятильника K идет воздух, термометр показывает почти одну и ту же температуру. Когда вместо воздуха пойдет пар и начнет конденсироваться в воду в стаканчике A, столбик термометра быстро поднимется, показывая повышение температуры.

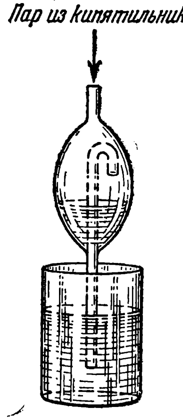


Рис. 492. Сухопарник — приспособление для задержания капелек воды, несущихся вместе с паром.

Это заключение можно было бы предвидеть на основании принципа сохранения энергии. Действительно, если бы это было не так, то можно было бы построить машину, в которой жидкость сначала испарялась, а затем конденсировалась: разность между теплотой испарения и теплотой конденсации представляла бы прирост полной энергии всех тел, участвующих в рассматриваемом процессе. А это противоречит принципу сохранения энергии.

Теплоту конденсации, а следовательно, и теплоту испарения можно определить с помощью калориметра, подобно тому как это делается для теплоты плавления (§ 269). Нальем в калориметр определенное количество воды и измерим ее температуру. Затем некоторое время будем спускать в воду пар испытуемой жидкости из кипятильника, приняв меры к тому, чтобы шел только пар, без капелек жидкости. Для этого пар пропускают сквозь сухопарник (рис. 492). После этого вновь измерим температуру воды в калориметре. Взвесив калориметр, мы можем по увеличению его веса судить о количестве пара, конденсировавшегося в жидкость.

Пользуясь принципом сохранения энергии, можно составить для этого процесса уравнение теплового баланса, позволяющее определить теплоту испарения воды. Пусть масса воды в калориметре (включая водяной эквивалент калориметра) равна M, масса пара m, теплоемкость воды c, начальная и конечная температуры воды в калориметре t_1 и t_2, температура кипения воды t_3 и искомая теплота испарения λ. Уравнение теплового баланса имеет вид

$$cM(t_2 - t_1) = \lambda m + cm(t_3 - t_2),$$

откуда

$$\lambda = \frac{cM(t_2 - t_1) - cm(t_3 - t_2)}{m}.$$

Результаты определения теплоты испарения различных жидкостей при кипении при нормальном давлении приведены в таблице 19.

Таблица 19

Теплота испарения различных жидкостей

Вещество	Теплота испарения	
	кал/г	СИ, *дж/кг*
Вода	539	2260
Спирт (этиловый)	216	910
Эфир	89	373
Ртуть	68	285
Олово	721	3020
Медь	1290	5420
Железо	1515	6350

Как видно, все это довольно большие величины. Большая величина теплоты испарения воды играет исключительно важную роль в природе, так как процессы парообразования совершаются в природе в грандиозных масштабах.

Отметим, что данные в таблице значения теплоты испарения относятся к точке кипения при нормальном давлении. Если жидкость кипит или просто испаряется при иной температуре, то теплота ее испарения иная. При повышении температуры жидкости теплота испарения всегда уменьшается. Объяснение этого мы рассмотрим позже.

Упражнения. **295.1.** Определите количество теплоты, необходимое для нагревания до точки кипения и для превращения в пар 20 *г* воды при 14° С.

295.2. Какая получится температура, если в стакан, содержащий 200 *г* воды при 16° С, спустить 3 *г* пара при 100° С? Теплоемкостью стакана пренебречь.

§ 296. Охлаждение при испарении. Всем известно, что в мокрой одежде холоднее, чем в сухой, особенно при ветре. Известно также, что, обернув сосуд с водой мокрой тряпкой и выставив его в жаркий день на ветер, мы заметно охладим воду в сосуде. Иногда с этой же целью в жарких странах употребляют специальные сосуды с пористыми стенками, сквозь которые вода медленно просачивается, поддерживая их все время влажными. Эти наблюдения показывают, что испарение вызывает *охлаждение* жидкости, а вместе с тем и окружающих тел. В этом случае теплота испарения заимствуется у самой жидкости.

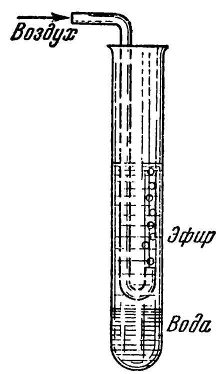


Рис. 493. Продувая воздух сквозь трубку и тем ускоряя испарение эфира, можно заставить воду внизу пробирки замерзнуть.

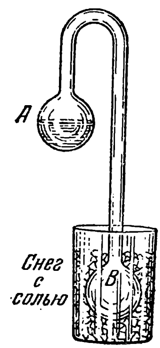


Рис. 494. Когда шарик *В* охлаждается, вода в шарике *А* замерзает.

Особенно сильное охлаждение получается, если испарение происходит очень быстро, так что испаряющаяся жидкость не успевает получать тепло от окружающих тел. Быстрое испарение легко получить у летучих жидкостей. Например, при испарении эфира или хлористого этила легко получается охлаждение ниже 0° С (рис. 493). Этим пользуются врачи, когда им нужно заморозить кожу больного, чтобы сделать ее нечувствительной к боли. Охлаждение при испарении можно также наблюдать в следующем опыте. Два стеклянных шарика соединены изогнутой стеклянной трубкой (*криофор*, рис. 494). В шариках находятся вода и ее пары, воздух удален. Нижний шарик помещают в охлаждающую смесь (смесь снега и соли). Тогда вода в верхнем шарике замерзает. Причина этого такова. Охлаждение нижнего шарика вызывает усиленную конденсацию в нем паров. Вследствие этого вода в верхнем шарике испаряется и потому охлаждается. Температура падает настолько сильно, что вода в верхнем шарике замерзает.

Охлаждение при испарении и выделение тепла при конденсации паров играют исключительно важную роль в природе, обусловливая умеренность климата приморских стран.

Отметим, что испарение с кожи человека и животных является способом, при помощи которого организм регулирует температуру тела. Во время жары кожа потеет и испарение пота охлаждает ее.

Упражнения. **296.1.** Почему в резиновой одежде трудно переносить жару?

296.2. Почему при обмахивании веером легче переносить жару?

296.3. Имеются два одинаковых по форме и размерам стакана, один металлический, а другой фарфоровый. В стаканы наливают одинаковое количество воды и оставляют их надолго в комнате. Одинакова ли температура воды в стаканах?

§ 297. Изменение внутренней энергии при переходе вещества из жидкого состояния в парообразное. Мы выяснили, что испарение жидкости возможно только при наличии притока теплоты к испаряющейся жидкости. Почему это так?

Во-первых, при испарении увеличивается внутренняя энергия вещества. Внутренняя энергия насыщающего пара всегда больше внутренней энергии жидкости, из которой этот пар образовался.

Увеличение внутренней энергии вещества при испарении без изменения температуры происходит в основном благодаря тому, что при переходе в пар среднее расстояние между молекулами увеличивается. При этом возрастает их потенциальная энергия, так как для того, чтобы раздвинуть молекулы на бо́льшие расстояния, нужно затратить работу на преодоление сил притяжения молекул друг к другу.

Кроме того, совершается работа против внешнего давления, ибо пар занимает больший объем, чем жидкость, из которой он образовался.

Совершение работы при парообразовании особенно наглядно видно, если представить себе, что жидкость испаряется в цилиндре и что образующийся пар поднимает легкий поршень (рис. 495), производя при этом работу против атмосферного давления. Эту работу легко подсчитать. Сделаем этот подсчет для воды, кипящей при нормальном давлении, значит, при температуре 100°С. Пусть поршень имеет площадь 1 $дм^2$=100 $см^2$. Так как нормальное атмосферное давление равно

1,033 *кГ/см*^{2}, то на поршень действует сила 1,033 *кГ/см*$^2\cdot$100 *см*^{2}, т. е. 103,3 *кГ*. Пусть он поднялся на 10 *см*=0,1 *м*. Тогда будет произведена работа

$$103{,}3\ \text{кГ}\cdot 0{,}1\ \text{м} = 10{,}33\ \text{кГм} = \frac{10{,}33}{0{,}427}\ \text{кал} = 24{,}32\ \text{кал}.$$

При этом образуется 100·10 *см*^{3}=1000 *см*^{3} пара. Плотность пара при 100° С равна 0,000597 *г/см*^{3}, поэтому масса пара равна 0,000597 *г/см*$^3\times$ $\times$1000 *см*^{3}=0,597 *г*. Следовательно, при образовании 1 *г* пара на работу против внешнего давления затрачено $\frac{24{,}2}{0{,}597}$ *кал* = 40,5 *кал*.

При испарении 1 *г* воды при 100° расходуется 539 *кал* (теплота парообразования). Из них 40,5 *кал* затрачивается, как показывает наш подсчет, на работу против внешнего давления. Следовательно, остаток (539 *кал* — 40,5 *кал*), равный 498,5 *кал*, представляет собой *увеличение внутренней энергии* 1 *г* пара по сравнению с энергией 1 *г* воды.

Как видно, для воды бóльшая часть тепла при испарении идет на изменение внутренней энергии и лишь небольшая часть тратится на совершение внешней работы.

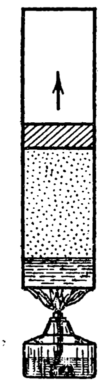


Рис. 495. Образующиеся пары поднимают поршень. При этом производится работа против силы внешнего давления.

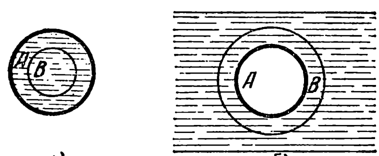
Упражнение. **297.1.** Определить изменение внутренней энергии при испарении спирта, если известно, что плотность паров спирта при температуре кипения равна 0,0016 *г/см*^{3}.

§ 298. Испарение при кривых поверхностях жидкости. Дохнем на какой-нибудь блестящий металлический предмет (например, лезвие перочинного ножа). Мы увидим, что на лезвие осядут мелкие капельки влаги. Затем этот налет начнет исчезать по краям, как бы сбегая с лезвия. Мы видим, что испарение происходит только у края жидкости, т. е. там, где жидкость имеет выпуклую форму и не окружена другими каплями.

Что же происходит в том случае, если жидкость имеет вогнутую форму, например вогнутый мениск в узких капиллярах, имеющихся в пористых материалах? В этом случае испарение жидкости затруднено. Это является одной из причин, почему дрова, даже совсем «сухие», все же содержат значительное количество воды (около 12%), содержащейся в тонких каналах между волокнами дерева. Известно, что сухое белье, сухая бумага и т. п. тоже содержат некоторое количество влаги.

Это наблюдение показывает нам, что скорость испарения при одной и той же температуре зависит не только от *рода* жидкости, а также и от *формы ее поверхности*. При выпуклой поверхности испарение происходит интенсивнее, чем при плоской, а при вогнутой, наоборот, менее интенсивно.

Чем это объяснить? Обратим внимание на то, что при испарении с выпуклой поверхности (капля, рис. 496, *а*) площадь ее уменьшается; наоборот, при испарении с вогнутой поверхности (пузырь внутри жидкости, рис. 496, *б*) площадь ее возрастает. Но при изменении поверхности меняется и число молекул, расположенных на поверхности, а мы знаем, что молекулы на поверхности обладают некоторой дополнительной энергией по сравнению с молекулами внутри жидкости. Поэтому увеличение поверхности жидкости связано с затратой дополнительной энергии. Эта дополнительная энергия и должна быть доставлена при испарении с вогнутой поверхности. Поэтому вогнутость поверхности затрудняет вылет молекул за ее пределы, т. е. уменьшает испарение по сравнению с плоской поверхностью.



a) б)

Рис. 496. *а*) Если капля *A* частично испарится, то ее новая поверхность *B* меньше начальной. *б*) Если жидкость частично испарится внутри пузыря *A*, то поверхность нового пузыря *B* больше начальной.

Наоборот, испарение выпуклой капли уменьшает поверхность жидкости, а следовательно, и запас ее поверхностной энергии. За этот счет могут быть испарены новые молекулы. Таким образом, выпуклость поверхности облегчает молекулам вылет за ее пределы, т. е. усиливает испарение по сравнению с плоской поверхностью. Отсюда следует, что равновесие пара и жидкости в случаях выпуклой, плоской и вогнутой поверхностей устанавливается при *разных* плотностях пара: самая большая плотность пара получается в случае выпуклой поверхности, самая малая — в случае вогнутой. *Чем меньше радиус поверхности, тем больше разница.*

Если для вогнутой поверхности пар уже является насыщающим, то для плоской и в особенности для выпуклой поверхности насыщение может еще не быть достигнуто. Вот почему при сырой погоде прежде всего отсыревают пористые материалы, смачиваемые водой.

Наоборот, маленькие капли с очень выпуклой поверхностью испаряются очень легко. Если маленькие капли находятся вблизи плоской поверхности воды или вблизи больших капель, то они испаряются, а получившиеся пары вновь конденсируются на больших каплях. Таким образом, большие капли как бы поглощают маленькие. Рост больших капель за счет маленьких легко наблюдать, если рассматривать в микроскоп[1]) слегка охлажденную стеклянную пластинку, которую заставили запотеть, дохнув на нее.

§ 299. Перегревание жидкости. Если кипятить воду в стеклянном сосуде долго, то можно наблюдать, как будет постепенно меняться процесс кипения. Число мест на стенках сосуда, от которых отделяются пузырьки с паром, с течением времени уменьшается. Наконец, остаются только одно или два таких места (рис. 497), но и от них пузырьки будут отрываться все реже и реже. Эти редкие пузырьки, отрываясь от стенки, немедленно быстро увеличиваются в размерах, и это сопровождается резкими звуками, как будто внутри жидкости происходят небольшие взрывы. Если в жидкость погружен термометр, то он показывает заметное (на 1—2° С) повышение температуры по сравнению с начальной температурой кипения.

[1]) Увеличение в 50—100 раз.

Как объяснить это изменение? Мы уже выяснили (§ 294), что непременным условием устойчивости пузырька пара внутри жидкости является наличие в нем воздуха, давление которого при увеличении диаметра пузырька уменьшается. Когда весь воздух из пузырька удалится, устойчивое равновесие пузырька становится невозможным. Чтобы понять это, представим себе, что в жидкости случайно образовался маленький пузырек, содержащий только пар. Так как пузырек очень мал, то, как было показано в предыдущем параграфе, давление в нем заметно меньше, чем давление пара вблизи плоской поверхности жидкости той же температуры. А еще ранее (§ 255) мы выяснили, что равновесие возможно только в том случае, если давление внутри пузырька больше, чем давление жидкости. В силу этого пузырек, содержащий только пар, просто не может образоваться внутри жидкости, если температура не очень высока.

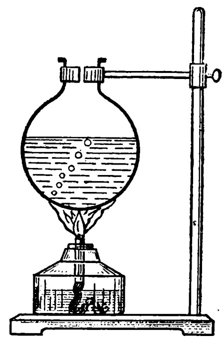


Рис. 497. После долгого кипения в колбе остается лишь одно место, от которого время от времени отделяются пузырьки.

Однако, так как давление пара при повышении температуры растет, как мы видели, очень быстро, то при достаточно высокой температуре пузырек, содержащий только пар, несмотря на неблагоприятные для его роста условия, все же может образоваться. Как только радиус его начнет увеличиваться, добавочное давление воды, о котором говорилось в § 255, начнет уменьшаться (напомним, что оно равно $2\sigma/R$), а давление пара в пузырьке начнет увеличиваться. Этим и обусловливается столь резко «взрывное» увеличение пузырька пара, если в нем нет воздуха.

Таким образом, наличие в жидкости пузырьков воздуха есть необходимое условие спокойного кипения без выбрасывания жидкости. В обычной кухонной посуде достаточно пузырьков воздуха в трещинах и в других изъянах внутренней поверхности посуды (особенно при наличии накипи). В химических лабораториях, где часто кипятят жидкости в стеклянных сосудах, стенки которых свободны от изъянов, кладут в сосуды пористые фарфоровые шарики, долго сохраняющие в своих порах воздух; при наличии шариков кипение происходит спокойно.

§ 300. Пересыщение паров. Изучая свойства насыщающих паров, мы установили (§ 293), что каждой температуре при обычных условиях соответствуют определенные плотность и давление насыщающих паров. Если в некотором объеме находятся пары какой-нибудь жидкости, например воды, то в обычных условиях понижение температуры приведет к тому, что пары приблизятся к состоянию насыщения, а затем начнут конденсироваться, оседая в виде жидкости на стенках, а вдали от них образуя капельки тумана. Однако нетрудно обнаружить, что туман при охлаждении паров в одних случаях получается густой, в других — редкий, а при некоторых условиях может не появиться совсем.

Произведем такой опыт. Плеснем в толстостенную склянку несколько капель воды и накачаем в нее при помощи насоса воздух [1])

[1]) Немного, так как банка может лопнуть.

(рис. 498). При этом, как мы знаем, воздух в колбе нагреется. Выждав несколько минут, чтобы воздух в склянке принял комнатную температуру, откроем склянку. Мы увидим, что в склянке появился слабый туман. Причина этого такова. При открывании склянки воздух в ней разредился и охладился. Это охлаждение повело к тому, что пары воды в склянке дошли до насыщения и конденсировались.

Бросим в склянку горящую спичку. Она погаснет, оставив в склянке незаметный на взгляд дым. Если мы теперь повторим опыт, то увидим, что склянка после откупоривания наполнится туманом, значительно более густым, чем раньше.

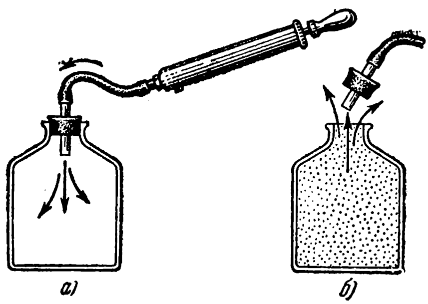


Рис. 498. *а*) В склянку нагнетается воздух. *б*) Когда вынимают пробку, в склянке появляется туман.

Значит, при наличии частиц дыма образование тумана в воздухе облегчается. Частицы дыма служат центрами, около которых начинается конденсация паров (ядра конденсации). Поэтому при наличии дыма появляется при тех же условиях больше капелек тумана, чем в отсутствии его.

Если же воздух в склянке тщательно очистить от пыли (например, фильтруя его сквозь вату) или, еще лучше, осадить имеющуюся пыль на дно, вызывая многократно конденсацию паров в склянке, то туман не появится при откупоривании склянки со сжатым воздухом даже при охлаждении значительно ниже температуры, при которой достигается насыщение. В этом случае получаются пересыщающие пары, т. е. пары, давление которых выше, чем это соответствует давлению насыщающего пара при данной температуре.

Почему же при отсутствии частиц пыли образование капелек затруднено? Иными словами, почему для образования капелек нужны ядра конденсации?

Чтобы понять это, вспомним, что давление пара около малых капель значительно больше, чем около плоской поверхности. Это ведет к тому, что малые капли чрезвычайно легко испаряются (§ 298). Такое свойство малых капель и является причиной затруднения конденсации при отсутствии пылинок. В самом деле, пусть в чистом воздухе где-нибудь случайно образовалось скопление молекул пара и получилась капелька. Эта капелька быстро испарится вновь.

Не то будет, если в воздухе находятся пылинки, состоящие из веществ, смачиваемых водой и хорошо растворяемых в воде. Молекулы водяного пара, попав на такое вещество, удерживаются на них силами сцепления. Как только на такую пылинку осядут пары воды, сразу образуется капелька достаточно больших размеров. Давление паров около нее будет лишь очень мало отличаться от давления паров у плоской поверхности, и капелька будет расти при очень малом пересыщении.

В атмосфере ядрами конденсации служат чаще всего ничтожно малые крупинки морской соли, всегда носящиеся в воздухе. Немалую роль играет также дым.

Упражнение. 300.1. Статистика показывает, что вблизи промышленных центров туманы в выходные дни слабее, чем в рабочие. Объясните это.

§ 301. Насыщение паров при возгонке. Мы уже говорили (§ 288), что все твердые тела в той или иной мере испаряются. В этом случае тоже можно рассматривать равновесие системы твердое тело — пар, т. е. говорить о насыщении. Например, нафталин, помещенный в плотно закупоренной банке, находится в равновесии со своим паром; при комнатной температуре давление насыщающих паров нафталина — около 0,05 *мм* рт. ст. У многих твердых веществ давление насыщающих паров при комнатных температурах неизмеримо мало и только при высоких температурах достигает заметных величин. У вольфрама, из которого делаются волоски электрических ламп накаливания, давление паров даже при накале до 2200° С достигает лишь $3 \cdot 10^{-7}$ *мм* рт. ст.

Если вещество при некоторой температуре может существовать и в виде кристаллов и в виде переохлажденной жидкости (§ 270), то давление паров вблизи переохлажденной жидкости всегда больше, чем вблизи кристалла. Это легко понять. Внутренняя энергия кристалла всегда меньше энергии такого же количества расплава, взятого при той же температуре. Поэтому разность между внутренней энергией пара и кристалла больше, чем разность между внутренней энергией пара и переохлажденной жидкости. По этой причине число молекул в кристалле, кинетическая энергия которых достаточна для вылета за пределы его, очевидно, меньше числа молекул в переохлажденной жидкости, которые могут вылететь за ее пределы. В результате давление паров вблизи переохлажденной жидкости и оказывается бо́льшим давления вблизи кристаллов той же температуры.

Наиболее важный пример этого представляет вода. В таблице 20 приведены давления насыщающих паров над переохлажденной водой и над льдом, из которой видно, что разность этих давлений растет по мере понижения температуры.

Наличие разности давлений связано с неустойчивостью системы, очень часто имеющейся в атмосфере: капель переохлажденной воды и кристалликов льда. Водяной пар диффундирует от места, где его давление велико (т. е. от капель переохлажденной воды), к месту, где его давление мало (к кристалликам льда). Вследствие этого капли испаряются и уменьшаются в размерах, а льдинки растут. Мы возвратимся к этому вопросу в главе XVIII.

Таблица 20

Давление насыщающего пара над переохлажденной водой и над льдом

Температура, °С	Давление пара над водой, *мм* рт. ст.	Давление пара над льдом, *мм* рт. ст.
0	4,58	4,58
— 2	3,96	3,88
— 5	3,16	3,01
—10	2,14	1,95
—15	1,43	1,24

§ 302. Превращение газов в жидкости. Мы уже знаем, что *все* жидкие тела могут испаряться. Одни жидкости при данной температуре испаряются быстро, другие — медленно. При этом они превращаются в пар, т. е. переходят в газообразное состояние. Естественно поставить вопрос, можно ли газы превратить в жидкое состояние? Каким путем можно этого достигнуть?

Если мы имеем ненасыщающие пары воды или эфира и будем сжимать их, то сначала их давление будет увеличиваться, подобно тому как это имеет место для обычных газов. Однако увеличение давления будет происходить только до тех пор, пока давление не достигнет давления насыщающих паров при температуре опыта. После этого оно уже не будет больше расти, но пар начнет сгущаться в жидкость. Объем, в котором производится сжатие, уже не будет заполнен однородным веществом — газом: появится граница между веществом в двух состояниях — жидком и газообразном.

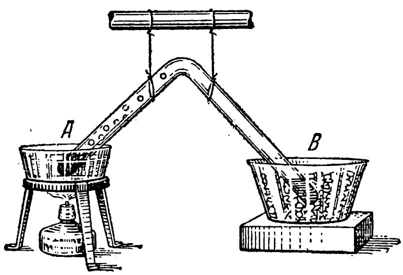


Рис. 499. Опыт Фарадея по сжижению хлора.

Уже в начале прошлого столетия английскому физику и химику Майклу Фарадею (1791—1867) и другим исследователям удалось таким образом обратить в жидкость ряд веществ, известных до этого только в газообразном состоянии. Они обратили в жидкость хлор и углекислый газ, сжимая их при возможно низкой температуре. На рис. 499 показано приспособление для сжижения хлора, которое было одним из первых успехов Фарадея. В колене *А* запаянной стеклянной трубки помещен сухой гидрат хлора. При нагревании гидрата хлора из него выделяется газообразный хлор. Конец трубки *В* помещен в охлаждающую смесь. В нем получается жидкий хлор. Для сжижения таких газов, как хлор или углекислота, их нужно сжать гораздо сильнее, чем пары эфира. Например, чтобы при температуре 20° С превратить в жидкое состояние хлор, нужно давление в 7 атмосфер, а для углекислоты — в 60 атмосфер. Это — давления их насыщающих паров при температуре 20° С.

Однако некоторые из газов (водород, азот, кислород и др.) оказались крайне упорными. Никакие известные во времена Фарадея охлаждения и давление в несколько тысяч атмосфер не вызывали сжижения этих газов. В чем была причина этих неудач? Решить этот вопрос удалось только после того, как было подробно изучено, каким образом плотности жидкости и ее пара зависят от температуры и давления. Оказалось, что неудача была вызвана не тем, что в то время не умели создавать достаточно большие давления, а тем, что не умели создать достаточное охлаждение.

§ 303. Критическая температура. Если некоторое количество жидкости находится в закрытом сосуде, то часть жидкости испарится и над жидкостью будет находиться насыщающий пар. Давление, а следовательно, и плотность этого пара зависят для данной жидкости от температуры. Плотность пара, как правило, значительно меньше плотности соответствующей жидкости при той же температуре. Если повысить температуру, то плотность жидкости уменьшится (§ 198), давление же и плотность насыщающего пара возрастут. В таблице 21 приведены плотности воды и насыщающего водяного пара для разных температур (а следовательно, и для соответствующих давлений). На рис. 500 эти же данные приведены в виде графика. Верхняя часть графика AK показывает изменение плотности жидкости в зависимости от ее температуры. При повышении температуры плотность жидкости уменьшается. Нижняя часть графика BK показывает изменение плотности насыщающего пара в зависимости от температуры. Плотность пара увеличивается.

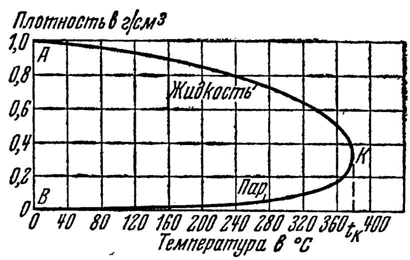


Рис. 500. Зависимость плотности воды и ее пара от температуры.

При $t=t_к$ плотности жидкости и пара равны.

Из таблицы видно, что каждой температуре (например, 150° С) соответствуют два состояния — парообразное и жидкое (при 150° С с плотностями 0,00254 *г/см*³ и 0,92 *г/см*³).

Мы видим, что чем выше температура, тем меньше разница между плотностью жидкости и плотностью ее насыщающего пара. При некоторой температуре (у воды при 374° С) эти плотности совпадают.

Температуру, при которой плотности жидкости и ее насыщающего пара совпадают, называют *критической температурой* данного вещества. На рис. 500 она обозначена буквой $t_к$. Соответствующая точка графика есть точка K. Давление, соответствующее точке K, называют *критическим давлением*. Критические температуры разных веществ сильно разнятся между собой. Некоторые из них приведены в таблице 22.

Таблица 21

Свойства воды и ее насыщающего пара при разных температурах

Температура, °С	Давление насыщающего пара, *мм* рт. ст.	Плотность воды, $г/см^3$	Плотность пара, $г/см^3$	Теплота парообразования, *кал/г*
15	13	1	0,000073	587
50	92	0,998	0,000083	568
100	760	0,96	0,000597	530
150	3 570	0,92	0,00254	506
200	11 660	0,86	0,00784	464
300	64 450	0,70	0,0469	330
370	157 700	0,44	0,208	99
374	165 500	0,32	0,32	0

Таблица 22

Критические температуры и критические давления некоторых веществ

Вещество	Критическая температура, °С	Критическое давление, *ат*	Вещество	Критическая температура, °С	Критическое давление, *ат*
Ртуть	1700	около 1600	Углекислый газ	31	73
Вода	374	218,5	Кислород . . .	—118	50
Спирт этиловый	243	62,7	Азот	—146	33
Эфир	197	35,8	Водород	—240	12,8
Хлор	146	76	Гелий	—268	2,26

На что указывает существование критической температуры? Что будет при еще более высоких температурах?

Опыт показывает, что при температурах, более высоких, чем критическая, вещество находится *только* в газообразном состоянии; при этих температурах нет двух состояний вещества. Если мы будем уменьшать объем, занятый паром, при температуре выше критической, то давление пара возрастает, но он не становится насыщающим и продолжает оставаться однородным: как бы велико ни было давление, мы не получаем двух состояний, разделенных резкой границей, как это всегда наблюдается при более низких температурах вследствие начавшейся конденсации пара. Итак, если температура какого-нибудь вещества выше критической температуры, то равновесие вещества в виде жидкости и соприкасающегося с ней пара невозможно ни при каком давлении.

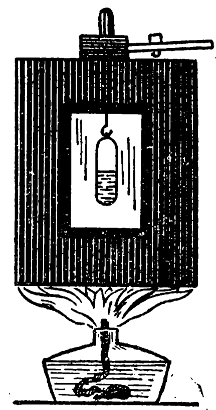


Рис. 501. Прибор для наблюдения критического состояния эфира.

Критическое состояние вещества нетрудно наблюдать. На рис. 501 показан простой прибор, служащий для этой цели. Он состоит из железной коробки с окнами, которую можно нагревать до 200° С и выше («воздушная баня»), и находящейся внутри бани стеклянной ампулы с эфиром. При нагревании бани мениск в ампуле поднимается, делается более плоским и, наконец, исчезает, что и свидетельствует о переходе через критическое состояние [1]). При охлаждении бани ампула внезапно мутнеет вследствие выделения множества мельчайших капелек эфира, после чего эфир собирается в нижней части ампулы.

[1]) Необходимо, конечно, подобрать такое количество эфира, при котором наступает критическое состояние, т. е. при критической температуре давление паров достигает значения критического давления. При недостаточном количестве эфира он весь испарится, не давая нужного давления: мениск постепенно понизится до дна ампулы. При излишнем количестве эфира он расширится и заполнит всю ампулу ранее достижения критической температуры.

Как видно из таблицы 21, по мере приближения к критической точке теплота испарения становится все меньше и меньше. Это объясняется тем, что при повышении температуры уменьшается разница энергий тела в жидком и парообразном состояниях. В самом деле, силы сцепления молекул в теле зависят от расстояний между молекулами. Если плотности жидкости и пара отличаются мало, то мало отличаются и средние расстояния между молекулами. Следовательно, при этом будут мало отличаться и величины потенциальной энергии взаимодействия между молекулами. Второе слагаемое теплоты испарения — работа против внешнего давления — тоже уменьшается по мере приближения к критической температуре. Это следует из того, что чем меньше разница в плотностях пара и жидкости, тем меньше расширение, происходящее при испарении, и, значит, тем меньше совершаемая при парообразовании работа.

На существование критической температуры впервые указал в 1860 г. Дмитрий Иванович Менделеев (1834—1907), русский химик, открывший основной закон современной химии — периодический закон химических элементов. Большие заслуги по выяснению этого вопроса имеет Эндрюс, произведший вскоре после работ Д. И. Менделеева обстоятельное исследование поведения углекислоты (CO_2) при изотермическом изменении занимаемого объема. Эндрюс показал, что при температурах ниже 31° С в замкнутом сосуде возможно сосуществование углекислоты в жидком и в газовом состояниях; при температурах выше 31° С такое сосуществование невозможно и весь сосуд наполнен только газом, как бы ни уменьшать его объем.

После открытия критической температуры стало понятно, почему долго не удавалось превратить в жидкость такие газы, как кислород или водород. Их критическая температура очень низка (табл. 22). Чтобы обратить эти газы в жидкость, их нужно *охладить ниже критической температуры*. Без этого все попытки их сжижения обречены на неудачу.

§ 304. Сжижение газов в технике. Когда было выяснено, что для сжижения газов нужно охлаждение их ниже критической температуры, усилия исследователей были направлены на выработку способов получения низких температур. Эти усилия увенчались успехом, и в настоящее время мы имеем ряд машин для получения всех без исключения газов в жидком виде. Эти машины, в особенности машины для сжижения воздуха, получили широкое распространение в технике.

Сжижение воздуха используется в технике для разделения воздуха на составные части. Разделение достигается при испарении жидкого воздуха. При этом сначала испаряются составные части воздуха, имеющие более низкую температуру кипения: неон, азот, а затем аргон, кислород. Дело происходит совершенно так же, как, например, при отделении более легко кипящего спирта от воды путем перегонки. Полученные газы находят себе широкое применение: 1) азот идет для получения аммиака; 2) аргон, неон и другие инертные газы употребляются для наполнения электрических ламп накаливания, а также газосветных ламп; 3) кислород идет для ряда целей: смешивая его с ацетиленом (или с водородом) и сжигая эту смесь, получают пламя, имеющее высокую температуру и употребляющееся для сварки и резки металлов (рис. 502). Большое значение приобретает кислородное дутье для ускорения металлургических процессов; кислород используют также и для медицинских целей.

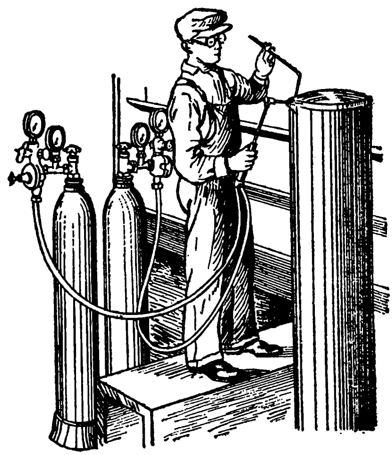


Рис. 502. Автогенная сварка металлов. К горелке, находящейся в правой руке сварщика, поступают из баллонов по двум трубкам кислород и ацетилен; в левой руке сварщика — проволока, которая плавится в кислородно-ацетиленовом пламени и заливает свариваемый шов.

Кроме того, жидкий кислород употребляется во взрывной технике. Смесь жидкого кислорода с опилками, сажей, нафталином и другими легко окисляемыми веществами представляет собой взрывчатое вещество громадной силы (оксиликвит). Взрыв происходит потому, что в присутствии кислорода, находящегося в жидком состоянии и, следовательно, занимающего малый объем, сгорание этих веществ происходит очень быстро. При сгорании происходит сильное нагревание, продукты реакции получаются газообразные (углекислота), происходит мгновенное и очень сильное расширение — взрыв. Это взрывчатое вещество имеет то преимущество, что по испарении кислорода оно перестает быть опасным. В случае, если взрыв почему-либо не состоялся, к патрону можно через некоторое время подойти и исправить недочеты без опасности быть убитым.

Машины для получения жидкого воздуха бывают различных типов. Мы опишем здесь схему машины, действие которой основано на охлаждении сильно сжатого воздуха при его расширении (§ 225).

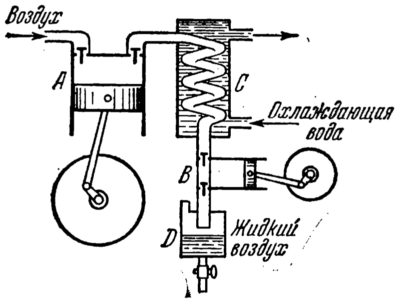


Рис. 503. Схема машины для получения жидкого воздуха.

Воздух поступает в компрессор A (рис. 503); здесь его сжимают до давления в несколько десятков атмосфер. При этом сжатии он нагревается. Из компрессора A воздух поступает в теплообменник C, где он охлаждается проточной водой до первоначальной температуры и затем идет в детандер B (расширитель). Детандер представляет собой цилиндр с поршнем. В детандере воздух расширяется. При этом он выталкивает поршень и совершает работу. Внутренняя энергия воздуха расходуется на эту работу, и температура его падает настолько сильно, что он конденсируется в жидкость; сжиженный воздух собирается в сосуде D.

Иногда детандеры осуществляются не в виде цилиндра с поршнем, а в виде турбины (турбодетандер академика П. Л. Капицы), в которой и происходит расширение газа, производящего работу вращения турбины. Весьма важно, что ротор (вращающаяся часть турбины) во время работы машины «висит» в потоке расширяющегося газа, не касаясь стенок турбины. Вследствие этого отпадает необходимость смазки, что очень существенно, так как подбор смазки для частей машин, работающих при столь низких температурах, крайне затруднителен. Обычные смазки при низких температурах затвердевают. Кроме того, достоинством машин для сжижения газов, сконструированных П. Л. Капицей, является их высокая производительность при относительно малых размерах.

Температура кипения жидкого воздуха очень низка. При атмосферном давлении она равна —190° С. Поэтому жидкий воздух в открытом сосуде, когда давление его паров равняется атмосферному, кипит, пока температура его не понизится ниже —190°. Так как окружающие тела значительно теплее, то приток теплоты к жидкому воздуху, если бы он хранился в обычных сосудах, был бы настолько значителен, что за очень короткий срок весь жидкий воздух испарился бы. Поэтому его сохраняют в специальных сосудах, представляющих хорошую защиту от доступа теплоты извне. Это — сосуды того же типа, как обычные термосы. Они представляют собой стеклянные сосуды (иногда металлические) с двойными стенками (рис. 504), из пространства между которыми воздух тщательно удален. Переход теплоты через такое пространство с очень разреженным газом крайне затруднен. С целью предохранения от нагревания лучами внутренние стенки полости делаются блестящими (посеребренными). Такие сосуды для хранения жидкого воздуха были предложены Дьюаром. В хорошем сосуде Дьюара жидкий воздух испаряется настолько медленно, что его можно сохранять 2—3 дня и больше.

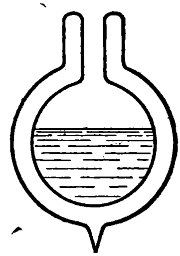


Рис. 504. Разрез сосуда Дьюара. Снизу виден конец трубки, через которую при изготовлении сосуда откачивался воздух из пространства между стенками и которая по окончании откачки отпаяна.

Для того чтобы, несмотря на непрерывный, хотя и медленный приток теплоты, сжиженный газ не нагревался, он должен оставаться в открытом сосуде, чтобы иметь возможность постепенно испаряться. Благодаря затрате теплоты на испарение сжиженный газ остается все время холодным. Если закупорить сосуд Дьюара, т. е. воспрепятствовать испарению, то сжиженный газ нагреется и давление его паров возрастет настолько, что разорвет сосуд. Если бы сосуд был весьма прочным, например стальной баллон, вроде изображенного на рис. 379, то сжиженный газ нагрелся бы постепенно до температуры выше критической и перешел бы в газообразное состояние. Таким образом, *единственный способ длительного сохранения сжиженного газа — это применение открытых сосудов Дьюара.*

§ 305. **Вакуумная техника.** В настоящее время техника широко использует различные пустотные (вакуумные) приборы, т. е. приборы, состоящие из стеклянной или металлической колбы, из которой возможно лучше откачан воздух. Это — электрические калильные лампы, радиолампы, фотоэлементы, сосуды Дьюара и т. п. Очень часто также употребляются приборы, наполненные инертными газами (например, мощные электрокалильные лампы или светящиеся трубки, употребляемые для освещения и рекламы). Чтобы наполнить их инертным газом, надо предварительно откачать воздух. Таким образом, создалась новая отрасль техники — *вакуумная техника*. Она быстро развивается, так как вакуумные приборы завоевывают себе все новые и новые области применения.

Какие же способы получения вакуума употребляет современная техника?

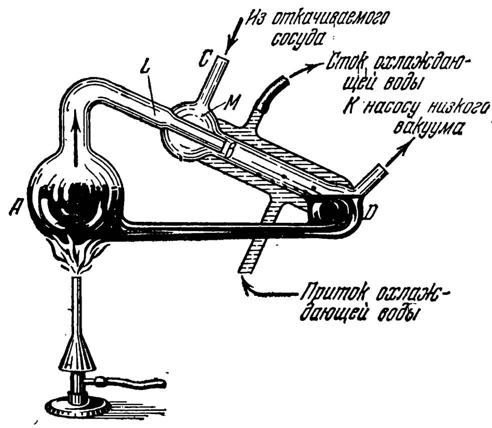


Рис. 505. Ртутный диффузионный насос.

1) Прежде всего насосы, удаляющие воздух посредством движения твердых металлических частей, например поршня. Наиболее широким распространением пользуется вращающийся масляный насос. Устройство и действие его описаны в § 171.

2) Для получения более совершенного вакуума употребляют насосы иного типа. Наиболее широким распространением пользуется диффузионный, иначе пароструйный, насос, в котором используются пары специальных масел, а иногда ртути. Такой насос может работать только при условии предварительной откачки воздуха другим насосом. Предварительная откачка воздуха обычно делается вращающимся насосом. Устройство ртутного диффузионного насоса схематически показано на рис. 505. Он состоит из сосуда A с рабочей жидкостью, непрерывно подогреваемого горелкой или электрической печкой. Образующиеся при этом пары поступают через трубку L в полость B, охлаждаемую проточной водой. Действие насоса основано на том, что молекулы газа, поступающего по трубке C, диффундируют из объема M в полость

B, заполненную паром, где парциальное давление газа меньше, чем в M. Здесь молекулы газа захватываются струей пара и увлекаются ею. Пар конденсируется на стенках и стекает обратно в сосуд A. Газ же засасывается сквозь трубку D насосом, дающим предварительное разрежение. Диффузионный насос может работать, только если предварительно достигнуто такое разрежение, что длина свободного пробега молекул пара стала больше диаметра трубки B. Диффузионный насос является одним из наиболее совершенных насосов.

При откачке воздуха из стеклянных или металлических колб надо принимать особые меры к тому, чтобы удалить также и те молекулы воздуха, которые адсорбированы стенками (§ 258). Для этого откачиваемые сосуды (например, лампы накаливания) во время откачки подвергают нагреванию (до 300—400° С) в особых печах. При нагревании стеклянных стенок прилипшие к ним молекулы воздуха отскакивают и откачиваются насосом. Если произвести откачку, не прогревая колбы, то через некоторое время внутри колбы снова появится газ, и вакуум будет недостаточным.

3) В большинстве вакуумных приборов во время их работы происходит постепенное выделение газа из их стеклянных и металлических частей, несмотря на предварительное прогревание. Чтобы выделяющиеся газы не вредили работе прибора, внутри него помещают непрерывно действующий газопоглотитель. В осветительных лампах накаливания газопоглотителем является фосфор, наносимый прямо на вольфрамовую нить и после предварительного прокаливания лампы оседающий прозрачным слоем на ее стенках. В радиолампах обычно используют слой бария, который распыляют внутри лампы после ее откачки; зеркальный налет бария поглощает газы в течение всего срока службы лампы.

Современные вакуумные приборы имеют вакуум порядка 10^{-8} *мм* рт. ст. Это значит, что плотность газа в них в миллиарды раз меньше плотности атмосферного воздуха. Нетрудно, однако, подсчитать, что даже при таком разрежении в 1 *см*^{3} находится несколько сотен миллионов молекул. С этим результатом интересно сопоставить тот факт, что плотность вещества в межзвездном пространстве такова, что на 1 *см*^{3} приходится не более сотни молекул.

§ 306. Водяной пар в атмосфере. Количество водяных паров, содержащихся в воздухе, имеет важнейшее значение для процессов, происходящих в атмосфере. Оно оказывает также большое влияние на жизнь растений и животных. Количество водяного пара в воздухе можно выразить при помощи следующих величин:

а) Давление водяного пара (парциальное, § 239).

Давление водяных паров в воздухе принято выражать в особых единицах: миллибарах (*мб*), или в тысячных долях бара. 1 миллибар равен 0,75 *мм* рт. ст. (см. стр. 317).

б) Абсолютная влажность воздуха — количество водяного пара в 1 *м*^{3} воздуха, выраженное в граммах.

в) Относительная влажность воздуха — отношение давления пара, содержащегося в воздухе, к давлению насыщающего пара при той же температуре, выраженное в процентах.

В таблице 23 приведены давления насыщающих паров воды при различных температурах, выраженные в миллиметрах рт. ст. и в миллибарах, а также абсолютная влажность воздуха при этих температурах.

Таблица 23

Давление насыщающих паров воды и абсолютная влажность воздуха в зависимости от температуры

Температура, °C	Давление насыщающих паров		Абсолютная влажность насыщающего водяного пара, *г/м*³
	мм рт. ст.	*мб*	
—40	0,143	0,19	0,18
—30	0,382	0,51	0,46
—20	0,940	1,25	1,08
—10	2,14	2,86	2,37
0	4,58	6,11	4,86
5	6,10	8,72	6,84
10	9,21	12,27	9,41
15	12,7	17,0	12,8
20	17,5	23,37	17,32
30	31,8	42,43	30,4
40	55,4	73,78	51,1

Давление насыщающих паров зависит также от того, находятся ли пары над поверхностью переохлажденной воды или над поверхностью льда. Надо льдом давление насыщающего пара меньше, чем над переохлажденной водой при той же температуре (§ 301). Это значит, что если в воздух, содержащий водяной пар вблизи состояния насыщения, внести кусочек льда и капельку переохлажденной воды, то на поверхности льда начнется конденсация и он будет увеличиваться в размерах, а капелька воды будет испаряться и уменьшаться. Этот процесс имеет очень большое значение при образовании осадков (§ 311).

Для определения влажности воздуха пользуются гигрометром и психрометром.

1) Волосной гигрометр изображен на рис. 506. Основная часть прибора — обезжиренный человеческий волос *B*, обладающий способностью удлиняться при увеличении относительной влажности воздуха. Волос *B* навит на

ролик P и держится в натянутом состоянии грузиком M. При изменении влажности меняется длина волоса, ролик P вращается и движет стрелку C. Деления шкалы указывают относительную влажность. Если одновременно измерять и температуру воздуха, то можно определить абсолютную влажность воздуха и давление водяного пара.

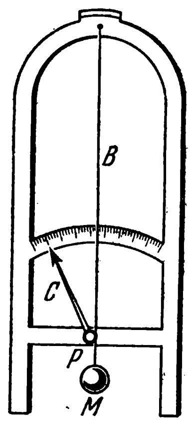


Рис. 506. Волосной гигрометр.

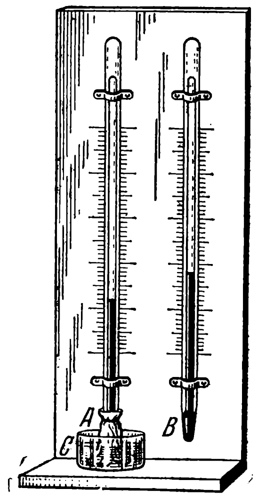


Рис. 507. Психрометр.

Пусть, например, относительная влажность равна 50%, а температура воздуха равна 20°. Тогда из таблицы 23 находим, что давление насыщающего пара при температуре 20° равно 23,37 *мб*, а абсолютная влажность насыщающего пара 17,32 *г/м*^{3}.

Следовательно, давление (парциальное) водяного пара равно 23,37 *мб*$\times$0,5=11,69 *мб*, а в 1 *м*^{3} воздуха содержится 17,32 *г*$\times$0,5=8,66 *г* воды в виде пара.

2) Психрометр изображен на рис. 507. Прибор состоит из двух одинаковых термометров. Резервуар одного из термометров A обернут куском чистого батиста, нижний край которого опущен в небольшой стеклянный стаканчик с дистиллированной водой. Вода смачивает батист и испаряется на шарике термометра, если водяной пар в воздухе не является насыщающим. Вследствие потери тепла на

испарение шарик термометра охлаждается и смоченный термометр показывает меньшую температуру, чем сухой термометр. Разница между показаниями термометров тем больше, чем больше отличается давление водяного пара, содержащегося в воздухе, от давления насыщающего пара. По показаниям сухого и смоченного термометров при помощи особых психрометрических таблиц находят давление водяного пара и относительную влажность воздуха.

При понижении температуры воздуха и при постоянном содержании водяного пара относительная влажность возрастает, так как чем ниже температура воздуха, тем ближе водяной пар подходит к состоянию насыщения. Наконец, при какой-то определенной температуре относительная влажность становится равной 100%, и дальнейшее понижение температуры приводит к конденсации водяного пара. Появляется туман, «запотевают» окна, на траве оседают капельки росы. Температуру, при которой пар данного давления становится насыщающим, или, что то же самое, при которой относительная влажность воздуха становится равной 100%, называют *точкой росы*. Точку росы легко определить, медленно охлаждая металлический стакан, например бросая в него кусочки льда, и замечая температуру, при которой стакан запотевает. Существуют и специальные приборы для определения точки росы, действующие примерно по тому же способу. Зная точку росы, можно определить давление водяных паров и влажность воздуха абсолютную и относительную. Пусть, например, точка росы равна 10°, а температура воздуха равна 20°. Из таблицы 23 находим, что при данных условиях давление водяного пара равно 12,27 *мб*, в 1 $м^3$ воздуха содержится 9,41 *г* воды в виде паров и относительная влажность воздуха равна $(12{,}27:23{,}37)\cdot 100=52{,}5\%$.

Упражнения. **306.1.** Какова относительная влажность воздуха, если в 1 $м^3$ содержится 7,5 *г* водяных паров, а температура воздуха 10° С?

306.2. Какова масса водяных паров в комнате объемом 115 $м^3$, если при 20° С относительная влажность равна 60%?

306.3. При температуре воздуха 15° С относительная влажность равна 55%. Выпадет ли роса, если температура воздуха упадет до 10° С?

ГЛАВА XVIII

ФИЗИКА АТМОСФЕРЫ

§ 307. Атмосфера. Воздушная оболочка Земли — атмосфера — представляет собой слой воздуха, плотность которого постепенно убывает по мере удаления от поверхности Земли. Уже на высоте около 50 *км* давление воздуха в 1000 раз меньше, чем у поверхности Земли, так что еще более высокие слои атмосферы представляют собой чрезвычайно разреженный газ.

Сведения о строении атмосферы были получены в результате подъема самопишущих приборов на самолетах, а также приборов, поднимаемых на резиновых баллонах, наполненных водородом, и передающих автоматически по радио данные о температуре, давлении и влажности воздуха на различных высотах, вплоть до 40 *км*. Эти приборы называют радиозондами.

В последнее время верхние слои атмосферы изучаются с помощью ракет и искусственных спутников Земли.

В атмосфере различают несколько слоев. Нижний слой толщиной около 11 *км* в умеренных широтах и 14—17 *км* в тропических широтах называют *тропосферой*. В этом слое воздуха сосредоточен почти весь водяной пар атмосферы, в нем образуются восходящие и нисходящие токи воздуха, формируются облака и, вообще, происходят процессы, влияющие на изменения погоды. В тропосфере температура воздуха уменьшается с высотой в среднем на 5—6° на каждый километр высоты. Над тропосферой простирается *стратосфера*, почти всегда безоблачная. В нижней части стратосферы, до высот в 30 *км*, температура почти не меняется и равна примерно —55°. В более высоких слоях стратосферы температура воздуха повышается, достигая наибольших значений (до 40° С) на высоте 50—60 *км*. Далее температура вновь понижается. Такое повышение температуры связано с тем, что на высоте от 15 до 60 *км* в стратосфере имеется большая примесь озона, нагревающегося вследствие поглощения части ультрафиолетовых лучей, испускаемых Солнцем. Над стратосферой, на высотах более 80 *км*, находится *ионосфера* (см. т. III, § 63).

Атмосферный воздух состоит из азота (78,09% по объему), кислорода (20,95%) и аргона (0,93%), к которым постоянно примешаны в небольших количествах углекислый газ, гелий, неон, криптон и ксенон. Благодаря перемешиванию в нижних слоях атмосферы состав воздуха до высот примерно 100 *км* почти одинаков. В атмосфере содержится также водяной пар, попадающий туда при испарении с поверхности морей и материков. Роль водяного пара в явлениях, происходящих в атмосфере, очень велика, хотя его немного (обычно меньше 1%). Конденсация водяного пара дает начало облакам и осадкам, сопровождается выделением большого количества теплоты; при испарении осадков теплота поглощается.

§ 308. Тепловой баланс Земли. Днем поверхность Земли непрерывно нагревается лучами Солнца. Измерениями было установлено, что вблизи поверхности Земли 1 *см*^{2} поверхности, поглощающей все падающие на нее лучи, получает при перпендикулярном падении лучей около 1 *кал* в минуту (0,7 *квт/м*^{2}). Атмосфера задерживает часть солнечных лучей. Солнечный свет рассеивается газами атмосферы, частицами пыли, капельками воды, а также поглощается озоном (в верхних слоях атмосферы), водяным паром, углекислотой, кислородом и пылью. Особенно сильно поглощается ультрафиолетовая часть спектра, излучаемого Солнцем. Поэтому по мере поднятия над поверхностью Земли интенсивность радиации, получаемой от Солнца, возрастает и в ее составе появляется все большее количество ультрафиолетовых лучей. На границе атмосферы интенсивность радиации, как это показывают вычисления, составляет 2 *кал/см*^{2}·*мин* (1,4 *квт/м*^{2}). Эту величину называют *солнечной постоянной*. Количество энергии, поступающей на Землю от Солнца, в десятки тысяч раз больше, чем человечество расходует для приготовления пищи, отопления жилищ, работы двигателей и т. п. Растения также используют лишь небольшую часть этой энергии (около 1%), запасая ее в виде внутренней энергии веществ, входящих в состав зеленых частей растения. Не вся энергия, идущая от Солнца, поглощается поверхностью Земли. Значительная ее часть (около 42%) отражается облаками и поверхностью Земли, а также рассеивается атмосферой. Около 15% поглощается атмосферой и лишь 43% поглощается поверхностью Земли.

Энергия, поглощенная поверхностью Земли, расходуется на излучение, нагревание воздуха, почвы и водных поверхностей и на испарение. С необъятных водных просторов океанов, а также и с суши за год испаряется свыше 500 000 *км*^{3} воды, т. е. количество воды, почти равное количеству воды в Черном море. На испарение затрачивается немного меньше половины всей поглощенной земной поверхностью энергии солнечных лучей. В дальнейшем, при конденсации испарившейся воды, такое же количество теплоты, которое было затрачено при испарении, выделяется в атмосферу. Это нагревает атмосферу и предохраняет ее таким образом от слишком резких понижений температуры. Далеко не всегда конденсация водяных паров происходит там же, где образуются пары. Часто пары переносятся ветром на большие расстояния, и конденсация происходит в районах, более холодных, чем те, где происходило испарение. Этот процесс, так же как и процесс переноса воздушными течениями теплоты, полученной ими от нагретых поверхностей, приводит к смягчению климатических условий в холодных районах.

Вследствие малой теплопроводности почвы тепло, затрачиваемое на нагревание почвы, распространяется очень неглубоко — на глубину не больше 25 *м*. Вследствие того, что распространение тепла происходит очень медленно, наиболее высокие температуры в глубине почвы наблюдаются не в то время, когда они были отмечены на поверхности почвы, а несколько позднее. Так, например, на глубине 2 *м* максимум температуры наступает не в июле, как на поверхности почвы, а в августе. В морях благодаря перемешиванию воды при волнении тепло проникает на большие глубины (сотни метров).

Часть полученного от Солнца тепла поверхность Земли теряет излучением. Но благодаря тому, что в атмосфере есть водяные пары, это излучение частично снова поглощается атмосферой, что уменьшает потерю тепла Землей.

Как же происходит, что атмосфера может пропускать лучи, идущие от Солнца, и задерживать излучение Земли? В состав излучения Солнца входят как видимые лучи, действующие на наш глаз и называемые светом, так и невидимые (ультрафиолетовые и инфракрасные). Земля, как и всякое другое тело, температура которого ниже 500—600° С, излучает в заметном количестве только инфракрасные лучи. Земля излучает, конечно, и днем и ночью, но днем тепловое действие эффекта излучения незаметно, так как потеря теплоты излучением полностью перекрывается количеством теплоты, получаемым при поглощении лучей Солнца. Ночью охлаждение земной поверхности благодаря излучению хорошо заметно. Особенно сильно охлаждаются вследствие излучения шероховатые темные поверхности, например, вспаханная земля, земля, покрытая травой, и т. д. Водяные пары обладают особенностью, имеющей важное значение в рассматриваемом явлении. Они гораздо сильнее поглощают инфракрасные лучи, чем видимые. Поэтому земная атмосфера является своеобразной ловушкой для энергии солнечных лучей. Видимые лучи, энергия которых составляет значительную часть энергии солнечного излучения (около 40%), свободно проникают сквозь атмосферу и поглощаются земной поверхностью. За счет поглощенной энергии земная поверхность излучает инфракрасные лучи, которые поглощаются водяным паром и нагревают атмосферу. Если бы этого не было, то средняя температура поверхности Земли составляла бы не 15° С, как это имеет место на самом деле, а была бы значительно ниже нуля. В этом смысле действие водяных паров сходно с действием стекол, служащих для закрывания парников (рис. 508).

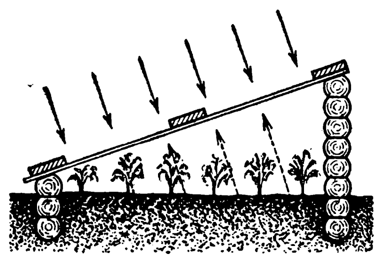


Рис. 508. Тепловые лучи, испускаемые нагретой землей, не проходят через стеклянную раму парника.

§ 309. Адиабатические процессы в атмосфере. Мы говорили до сих пор, что атмосферный воздух может нагреваться или охлаждаться, соприкасаясь с более теплыми или холодными телами, заимствуя у них или отдавая им теплоту. Мы упоминали также о том, что воздух может сам излучать и поглощать энергию в виде энергии видимых или невидимых лучей [1]). Однако существуют и такие процессы, при которых температура воздуха меняется, хотя воздух при этом не получает и не отдает теплоты окружающим телам.

[1]) Поглощение и изучение энергии производятся в основном только водяными парами и углекислым газом, составляющими лишь ничтожную часть атмосферы. Остальные газы, входящие в состав атмосферы, почти не поглощают и не излучают энергии.

Процессы, при которых отсутствует теплообмен с окружающей средой, называют, как было указано в § 225, *адиабатическими*. Там же было выяснено, что при адиабатическом расширении газ охлаждается, так как при этом совершается работа против сил внешнего давления, в результате которой внутренняя энергия газа уменьшается. Воздух в восходящем потоке расширяется, так как, поднимаясь, он попадает в области все меньшего давления. Этот процесс происходит практически без теплообмена с окружающими слоями воздуха, тоже поднимающимися и тоже охлаждающимися. Поэтому расширение воздуха в восходящем потоке можно считать адиабатическим. Итак, *подъем воздуха в атмосфере сопровождается его охлаждением*.

Расчет и измерения показывают, что подъем воздуха на 100 *м* сопровождается охлаждением приблизительно на 1°.

Проявления действия адиабатических процессов в атмосфере весьма многочисленны и разнообразны. Пусть, например, воздушный поток на своем пути встречает высокий горный хребет и вынужден подниматься по его склонам вверх. Восходящее движение воздуха сопровождается его охлаждением. Поэтому климат горных стран всегда холоднее климата ближайших равнин и на больших высотах господствует вечный мороз. На горах, начиная с известной высоты (на Кавказе, например, с высоты 3000—3200 *м*), снег уже не успевает стаять летом и накапливается год за годом в виде мощных снежников и ледников.

Когда воздушная масса опускается, она сжимается и при сжатии нагревается. Если воздушный поток, перевалив через горный хребет, спускается вниз, он снова нагревается. Так возникает *фён* — теплый ветер, хорошо известный во всех горных странах — на Кавказе, в Средней Азии, в Швейцарии. По-особому протекает адиабатический процесс охлаждения во влажном воздухе. Когда воздух достигает при своем постепенном охлаждении точки росы, водяной пар начинает в нем конденсироваться. Так образуются мельчайшие капли воды, из которых состоит туман или облако. При конденсации выделяется теплота испарения (§ 295), которая замедляет дальнейшее охлаждение воздуха. Поэтому поднимающийся поток воздуха будет охлаждаться при конденсации пара медленнее, чем тогда, когда воздух совершенно сухой. Адиабатический процесс, при котором идет одновременно конденсация пара, называется *влажно-адиабатическим*.

Упражнения. **309.1.** Каким является процесс расширения воздуха в опыте, изображенном на рис. 498: 1) когда ядер конденсации много? 2) когда ядра конденсации отсутствуют?

309.2. Когда воздух переваливает через горный хребет, то его температура оказывается после переваливания более высокой, чем она была на той же высоте до переваливания. Объяснить явление.

§ 310. Облака. Когда воздух вместе с находящимся в нем водяным паром по той или иной причине охлаждается, водяной пар может конденсироваться в виде капелек воды или ледяных кристаллов. Так образуются облака и туманы. Они состоят из мельчайших капелек воды (диаметром от 3 до 40 микрон) или столь же мельчайших частиц льда (рис. 509 и 510). Конденсация начинается тогда, когда воздух достигает точки росы. Капли облаков и туманов столь мелки, что падают в воздухе чрезвычайно медленно, почти незаметно. Очень часто при морозе, т. е. при температуре ниже 0° С, эти капли являются переохлажденными, т. е. остаются жидкими и не замерзают.

В том случае, когда воздух охлаждается благодаря соприкосновению с холодной поверхностью Земли или моря, в приземном слое воздуха образуется туман. Облака — это тот же туман, только они возникают в более высоких слоях атмосферы.

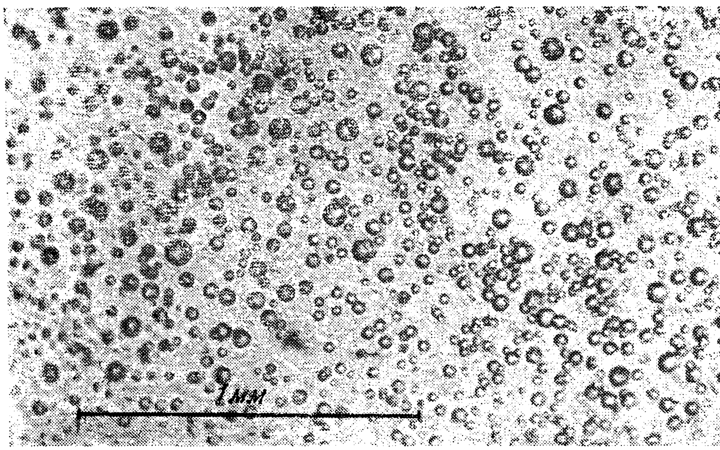


Рис. 509. Облачные капли.

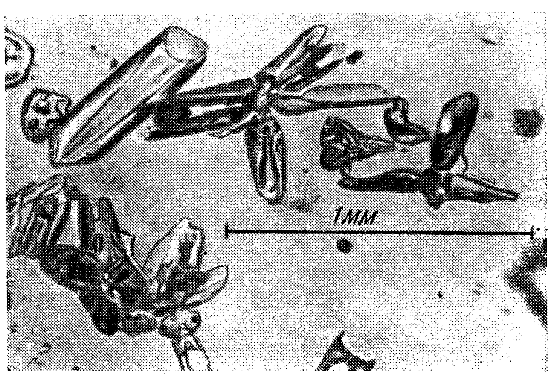


Рис. 510. Облачные кристаллы льда.

Мы уже говорили, что когда некоторая масса воздуха поднимается вверх, то она расширяется и охлаждается. В таком охлаждении — главная причина образования облаков. При сильных воздушных потоках, направленных вертикально вверх, образуются особенно плотные, непросвечивающие белые клубящиеся облака. Такие облака называют *кучевыми*. Иногда они перерастают в высокие, высотой в несколько километров, *грозовые* облака, имеющие волокнистую, как бы растрепанную верхушку (рис. 511).

В том случае, когда восходящее движение в атмосфере очень медленное (несколько *см/сек*), но охватывает одновременно огромную массу облака на протяжении многих сотен километров, образуются *слоисто-дождевые* облака, серые, плотные и бесформенные. Слой таких облаков иногда имеет толщину 4—5 *км*.

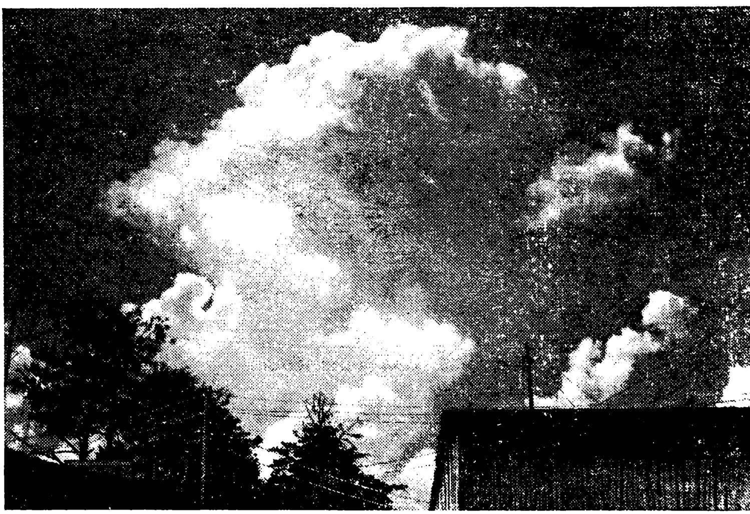


Рис. 511. Грозовое облако.

В атмосфере может также возникать волнообразное движение воздуха. В гребешках воздушных волн воздух поднимается вверх, и там образуются отдельные облачка или облачные валы, а в промежутках между гребешками остаются просветы (рис. 512). Такие облака в народе называются «барашками».

В облаке более крупные капельки могут сталкиваться с более мелкими, потому что крупные падают скорее и догоняют при падении мелкие. Со временем так могут образовываться капли настоящего дождя.

Чаще же всего осадки (дождь, снег и пр.) образуются в облаках благодаря различному давлению насыщающего водяного пара над водой и льдом (§§ 301 и 306). Это происходит следующим образом. Предположим, что в облако, состоящее из переохлажденных капель, попадает частица льда. Такая система является неустойчивой (§ 306) и вследствие диффузии водяного пара от капель к кристаллам последние растут, а капли испаряются. Таким путем в облаке вырастают большие снежинки.

Они постепенно выпадают из облака. Если они внизу попадают в слой более теплого воздуха с температурой выше 0° С, то могут растаять в нем и выпасть в виде капель дождя.

Снег, дождь, град и т. д. в метеорологии объединяют общим названием «осадки». Количество осадков определяют, вычисляя, какой толщины (в сантиметрах) слой воды образовался бы на поверхности Земли, если бы вода никуда не стекала и не испарялась. Для определения количества воды, содержащейся в снеге, его растапливают.

Самые сильные ливни, когда-либо наблюдавшиеся в СССР, давали более 30 *см* осадков в сутки. В центральных областях нашей страны уже 2 *см* осадков надо считать сильным дождем. За год, например, в Москве

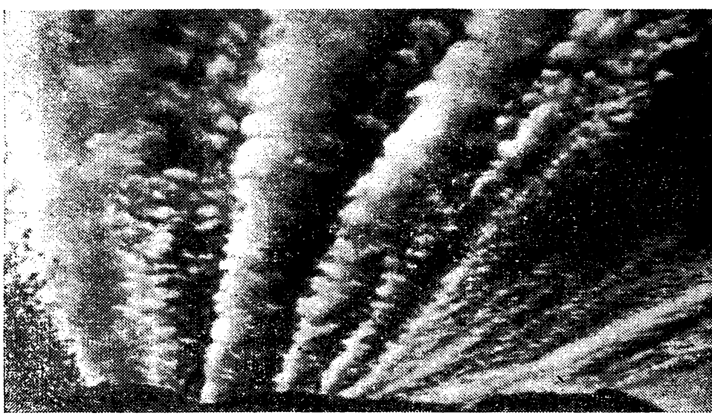


Рис. 512. Волнистые облака.

выпадает в сумме всего 54 *см* осадков, в дождливой Западной Грузии — до 260 *см*. В Индии, экваториальной Африке и на Гавайских островах имеются местности, где годовое количество осадков достигает 11—12 *м*.

§ 311. Искусственные осадки. В последние годы было предложено и успешно испробовано несколько способов искусственного осаждения облаков и образования из них осадков. Для этого в переохлажденном капельном облаке с самолета разбрасывают мелкие частицы («зерна») твердой углекислоты, имеющей температуру около —70°. Вокруг этих зерен в воздухе образуется благодаря столь низкой температуре огромное число очень мелких кристалликов льда. Эти кристаллики затем рассеиваются в облаке благодаря движению воздуха. Они служат теми зародышами, на которых после вырастают большие снежинки — точно так, как это описано выше (§ 310). В слое облаков при этом образуется широкий (1—2 *км* шириной) просвет вдоль всего пути, который прошел самолет (рис. 513). Образовавшиеся при этом снежинки могут создать довольно сильный снегопад.

Само собой разумеется, что таким путем можно осадить лишь столько воды, сколько уже содержалось ранее в облаке. Усилить же процесс

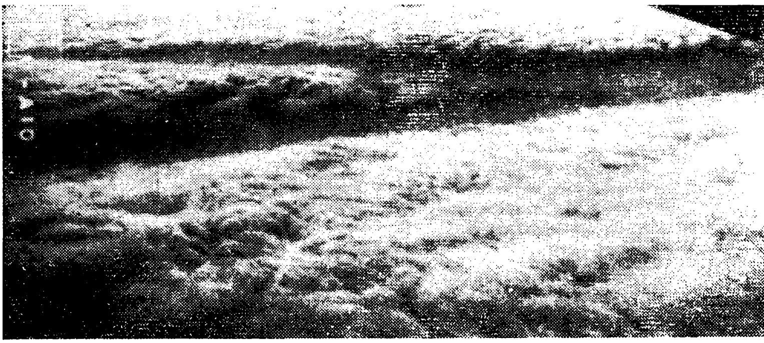


Рис. 513. Вид сверху на слой облаков, среди которых прошел самолет, разбрасывающий частицы твердой углекислоты. Черная граница справа — крыло самолета, с которого произведено фотографирование. Темная полоса в море облаков — результат осаждения облака после разбрасывания зерен твердой углекислоты.

конденсации и образования первичных, самых мелких облачных капель пока еще не в силах человека.

§ 312. Ветер. Воздух атмосферы всегда охвачен движением, более или менее быстрым. Движение воздуха, направленное вдоль земной поверхности (параллельно ей), называется ветром. Ветер в 3—5 *м/сек*—слабый ветер, только колеблющий ветки деревьев, а ветер в 13—15 *м/сек* — сильный, мешающий пешеходу идти ему навстречу и поднимающий пенящиеся волны в море.

Кроме скорости ветра, определяют также и его направление: откуда дует ветер — с севера, северо-востока и т. д.

Энергия ветра используется в ветряных мельницах и насосах, в ветросиловых и ветроэнергетических установках, с ее помощью движутся парусные суда. Использование ее тем выгоднее, чем устойчивее и сильнее ветры в данной местности. Эти установки лучше всего применять в степной местности, на открытых берегах морей и т. д.

Движение воздуха идет от мест и областей, где давление воздуха больше, к тем местам, где давление на том же самом уровне меньше.

Различия в давлении воздуха вызываются разными причинами. Например, морской бриз возникает из-за неодинакового нагревания поверхности земли и воды солнцем, а также разной скорости их охлаждения ночью. В летний день почва на побережье нагревается сильнее, чем поверхность моря.

Действительно, в сравнительно прозрачной воде теплота солнечных лучей распространяется на значительную глубину и изменение температуры поверхности будет мало, в то время как на суше нагревается лишь самый поверхностный слой почвы, которая к тому же обладает меньшей теплоемкостью (около 0,2—0,3 *кал/град*). Воздух над сушей нагревается сильнее, чем над водой, и поднимается вверх, так как его плотность меньше, чем плотность находящегося вокруг холодного воздуха. В результате давление у земли уменьшается и к месту пониженного давления притекает более холодный воздух с моря. Такой поток и называется дневным бризом. Ночью наблюдают обратное явление: суша, прогретая за день только в тонком слое, остывает быстрее, чем вода; остывает и увеличивает свою плотность и воздух над сушей; так возникает ветер от берега к морю.

Аналогично происхождение ветров, меняющихся от лета к зиме и называемых муссонами. В Азии летом температура воздуха может превышать 50° С и давление воздуха сильно понижается. В результате мощный поток более холодного воздуха с грозами и ливнями вторгается с моря в конце мая или начале июня в Индию. Зимой над Сибирью и Центральной Азией давление воздуха возрастает и холодный воздух течет оттуда на восток — на Японское и Желтое моря и на юг — к берегам Индийского океана. Аналогичные сменяющиеся муссоны наблюдаются, например, над Африкой.

Ветры, охватывающие значительные участки Земли, никогда не дуют прямо в направлении от большого давления к малому. Можно доказать, что все тела, движущиеся по поверхности Земли, вследствие ее вращения получают ускорение вправо в северном полушарии и влево в южном (сила Кориолиса, § 136). Это относится и к движущемуся воздуху. В результате воздух, стекающий к области пониженного давления, закручивается (в Северном полушарии) против часовой стрелки (циклон), а воздух, растекающийся от мест повышенного давления, закручивается по часовой стрелке (антициклон).

Иногда большие разности давлений возникают на значительной высоте; тогда на этой высоте появляются сильные ветры (до 130 *м/сек*), называемые струйными течениями, хотя на уровне земли в это время может и не быть ветра. Обычно это узкие полосы ветров; они наблюдаются зимой в высоких широтах на высоте 3—4 *км*, над Японским и Охотским морями на высоте 7 *км*, а также летом над югом СССР — Кавказом и Средней Азией. В струйных течениях образуются высокие, полупрозрачные волнистые облака. Их быстрые движения и изменчивость показывают, как велики скорость, мощность и порывистость струйного течения.

§ 313. Предсказание погоды. Мы видели, как разнообразные физические явления в атмосфере определяют погоду, т. е. приводят к возникновению ветра, образованию облаков, выпадению осадков и т. д. Ввиду исключительно большого значения погоды для самых разных областей человеческой деятельности (сельского хозяйства, мореплавания, авиации и др.) весьма важно иметь надежные прогнозы погоды, уметь предсказывать погоду.

Способы предсказания погоды, основанные на наблюдении местных примет, пришли к нам еще из древности. Местные приметы погоды могут иметь физический характер (выпадение росы, вид неба на закате) или относиться к живым существам (ревматические боли перед ненастьем, характер полета насекомых и птиц).

Процессы, определяющие погоду, охватывают огромные движущиеся массы воздуха различной температуры и влажности, простирающиеся над значительными участками поверхности Земли; местная погода и ее изменение определяются состоянием атмосферы не только в данном пункте, но и вдали от него. Поэтому местные приметы, хотя они и основаны на внимательном наблюдении природы, недостаточны для надежного прогноза и не могут заменить физического метода решения сложного вопроса предсказания погоды.

Такой метод заключается в сопоставлении результатов огромного числа систематических наблюдений свойств атмосферы, выполняемых в разных точках Земли. Для этой цели повсеместно, не только в населенных пунктах, но и в пустынях и других редко посещаемых человеком

Рис. 514. Вид облачного покрова Земли из космоса.

местах (в том числе и вблизи полюсов Земли), устраивают метеорологические станции. На таких станциях ежедневно в определенное время суток измеряют важнейшие физические величины, характеризующие состояние атмосферы: давление воздуха, температуру, влажность, количество осадков, скорость и направление ветра и т. д. Эти сведения сообщаются по телеграфу или по радио, так что каждая страна может пользоваться не только данными своих станций, но и станций всего земного шара. Опираясь на многолетний опыт изучения подобных сводок, удается делать прогнозы гораздо более точно, чем на основании только местных примет. Кроме того, такой способ позволяет получать прогноз сразу для большой территории. Еще лучшие результаты получают, если не ограничиваются качественным сопоставлением полученных сведений, а пользуются ими как исходными данными для количественного расчета процессов, идущих в атмосфере. Законы протекания этих процессов очень сложны, а требуемые вычисления чрезвычайно трудоемки; чтобы получить прогноз достаточно быстро для практических целей, необходимо пользоваться быстродействующими электронными вычислительными машинами.

Для повышения точности прогнозов весьма важно знать общий вид облачности над всей Землей. Недавно для получения таких данных начали изучать атмосферу, наблюдая ее из космоса; изображения облачного покрова передаются на Землю с искусственных спутников Земли по телевидению.

Одно такое телевизионное изображение, переданное с американского спутника Земли, приведено на рис. 514. Вихревое спиралевидное строение облаков указывает на мощный циклон, охвативший огромную площадь (до 2000 *км* в поперечнике).

ГЛАВА XIX
ТЕПЛОВЫЕ МАШИНЫ [1])

§ 314. Условия, необходимые для работы тепловых двигателей. Простейшей машиной, при помощи которой люди давно использовали энергию излучения Солнца для получения работы, являются ветряные мельницы (ветряные двигатели). Вращение крыльев двигателя, приводящее в движение вал, совершающий какую-либо заданную работу, возникает под действием ветра. Для возникновения ветра необходима разность давлений, а эта последняя возникает вследствие различия в температуре различных частей атмосферы. Ветер есть не что иное, как конвекционное движение атмосферы, обусловленное неравномерным нагреванием ее. Таким образом, энергия, доставляемая Солнцем, может быть использована для получения работы в ветряном двигателе только при условии, что имеется разность температур отдельных частей атмосферы, создаваемая притоком лучистой энергии от Солнца и частичным оттоком ее в мировое пространство. Установлено, что непрерывное или периодически повторяющееся получение работы за счет охлаждения тел может иметь место лишь в том случае, если совершающая работу машина не только получает теплоту от какого-либо тела (это тело называют *нагревателем*), но вместе с тем отдает теплоту другому телу (*охладителю*).

Таким образом, при этом на совершение работы идет не вся теплота, полученная от нагревателей, а только ее часть, остальная же теплота отдается охладителям.

Машины, производящие механическую работу в результате обмена теплотой с окружающими телами, называются *тепловыми двигателями*. В большинстве таких машин, работающих в настоящее время, нагревание получается при

[1]) В настоящей главе слово «машина» употребляется в смысле «двигатель» — устройство, создающее работу из тепловой энергии, тогда как раньше мы говорили о простых машинах, понимая под ними механизмы, передающие работу.

сгорании топлива, благодаря чему нагреватель получает достаточно высокую температуру. В этих случаях работа совершается за счет использования внутренней энергии смеси топлива с кислородом воздуха. Кроме того, существуют машины, в которых нагревание производится Солнцем, а также проекты машин, использующих разности температур морской воды. Однако пока ни те, ни другие не имеют заметного практического значения. В настоящее время эксплуатируются также тепловые машины, использующие теплоту, выделяющуюся в реакторе, где происходит расщепление и преобразование атомных ядер (подробнее об этом см. в т. III).

§ 315. Паросиловая станция. Старейшим из типов тепловых двигателей, применяемых современной техникой, является *паровой двигатель*. Как показывает название, работа этого двигателя производится посредством пара. В огромном большинстве случаев — это водяной пар, но возможны машины, работающие и парами других веществ (например, ртути). Паровые двигатели делятся на *турбины* и *поршневые двигатели*. Паровые турбины ставятся на мощных электрических станциях и на больших кораблях. Поршневые двигатели, обычно называемые *паровой машиной*, изобретены примерно на 100 лет раньше паровых турбин (в конце XVIII века). В настоящее время они находят применение только в железнодорожном и водном транспорте (паровозы и пароходы).

Для работы парового двигателя необходим ряд подсобных машин и устройств. Все это хозяйство вместе носит название *паросиловой станции* (рис. 515). На паросиловой станции все время циркулирует одна и та же вода. Она обращается в пар в котле, пар производит работу в турбине (или в поршневом двигателе) и снова превращается в воду в барабане, охлаждаемом проточной водой (конденсатор). Из конденсатора получившаяся вода посредством насоса через сборный бак (сборник) снова направляется в котел. Итак, кругооборот воды происходит по следующей схеме (см. рис. 515):

$$\begin{tikzcd}
\text{котел} \arrow[r] & \text{турбина или поршневая машина} \arrow[r] & \text{конденсатор} \arrow[d] \\
\text{нагнетающий насос} \arrow[u] & \text{сборник} \arrow[l] & \text{отсасывающий насос} \arrow[l]
\end{tikzcd}$$

В этой схеме топка парового котла является нагревателем, а конденсатор — охладителем.

Так как в установке циркулирует почти одна и та же вода (утечка пара невелика и добавлять свежей воды почти не приходится), то в котле почти не получается накипи, т. е. осаждения растворенных в воде солей. Это важно, так как

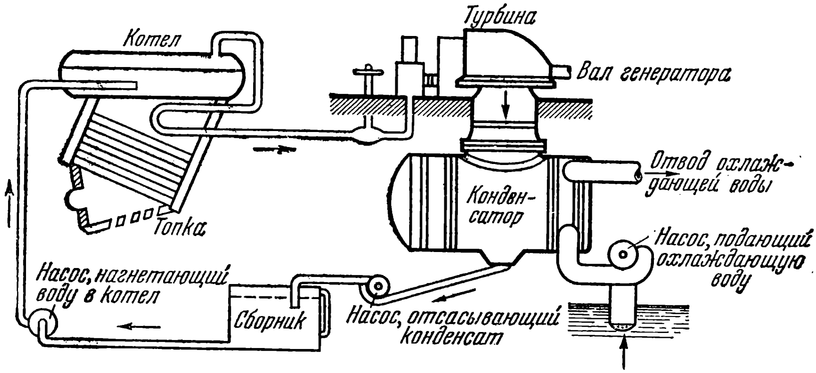


Рис. 515. Схема оборудования паросиловой станции.

накипь плохо теплопроводна и уменьшает коэффициент полезного действия котла. В случае появления накипи на стенках котла ее удаляют.

В следующих параграфах мы рассмотрим части паросиловой станции по отдельности.

§ 316. Паровой котел. Он состоит из топки и собственно котла. Уголь или дрова сжигаются в топке на колосниковых решетках. Жидкое топливо сжигается в распыленном состоянии; распыление обычно производится посредством пара в форсунках (рис. 516).

Котел состоит из труб, через стенки которых теплота от горячих топочных газов передается воде. Иногда вода находится снаружи труб, а по трубам идут топочные газы (огнетрубный котел, дымогарные трубы). Иногда, наоборот, вода находится внутри труб, а горячие газы омывают их (водотрубный котел, рис. 517).

Во многих паровых котлах пар подвергается перегреванию в особых змеевиках, омываемых горячими газами. При этом он из насыщающего делается ненасыщающим. Этим достигается уменьшение конденсации пара (на стенках паропроводов и в турбине) и повышается к. п. д. станции.

На котле имеются манометр для наблюдения за давлением пара и предохранительный клапан, выпускающий пар

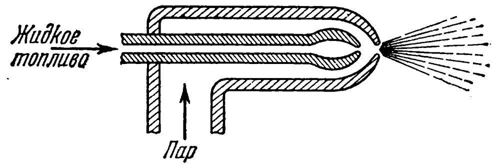


Рис. 516. Схема устройства форсунки. Пар или сжатый воздух, вырываясь из узкого отверстия в трубке, засасывает жидкое топливо и разбрызгивает его (ср. пульверизатор, § 182).

в случае, если давление его превысит допустимую величину. На днище барабана имеются приспособления для наблюдения за уровнем воды в котле (водомерное стекло). Если

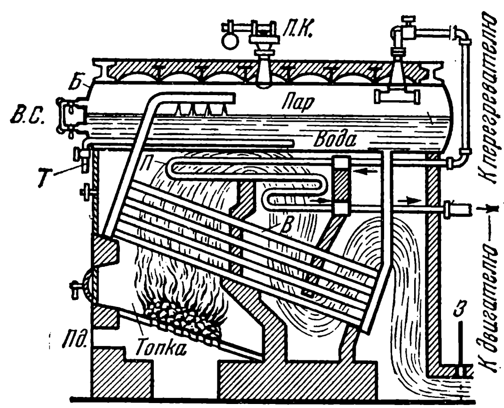


Рис. 517. Схема устройства водотрубного котла. *Б* — барабан котла, *В* — водотрубная часть, *В. С.*— водомерное стекло, *П* — перегреватель, *Т* — труба для подачи воды в котел, *Пд.*—поддувало, *П. К.* — предохранительный клапан, *З* — заслонка в борове.

уровень воды опустится настолько, что пламя будет нагревать стенки котла в тех местах, где они не соприкасаются с водой, то возможен взрыв котла.

Энергия горячих топочных газов передается воде в котле не целиком. Часть ее рассеивается в котельной, часть уносится с газами в дымовую трубу. Кроме того, значительную потерю может дать неполное сгорание топлива. Признаком этого является черный дым из труб станции. Черный цвет придается дыму крупинками несгоревшего угля.

Упражнение. **316.1.** Почему соприкосновение пламени с теми частями стенок котла, где они не омываются водой, может повести к взрыву котла?

§ 317. Паровая турбина. Из котла пар по паропроводу *m* поступает в турбину или в поршневую машину. Рассмотрим сначала турбину (рис. 518, *а*). Турбина состоит из же-

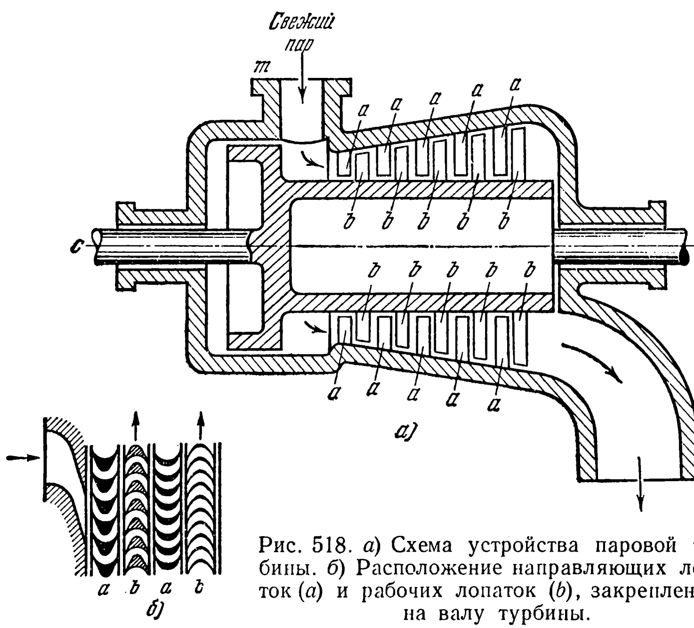


Рис. 518. *а*) Схема устройства паровой турбины. *б*) Расположение направляющих лопаток (*a*) и рабочих лопаток (*b*), закрепленных на валу турбины.

лезного цилиндра, внутри которого находится вал *cc* с укрепленными на нем рабочими колесами *b*. На рабочих колесах находятся особые изогнутые лопатки (рис. 518, *б* и рис. 519, где дано одно из рабочих колес с соплом). Между рабочими колесами помещаются сопла или направляющие лопатки. Пар, вырываясь из промежутков между направляющими лопатками, попадает на лопатки рабочего колеса. Рабочее колесо при этом вращается, производя работу. Причиной вращения колеса в паровой турбине является реакция струи пара, как это было объяснено в § 184. Внутри турбины пар расширяется и охлаждается. Входя в турбину по узкому паропроводу, он выходит из нее по очень широкой трубе (рис. 518, *а*).

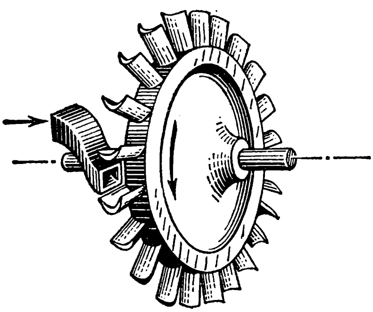


Рис. 519. Лопатки на рабочем колесе паровой турбины.

Отметим, что турбина может вращаться только в одном направлении и скорость вращения ее не может меняться в широких пределах. Это во многих случаях затрудняет применение паровых турбин (на транспорте), но очень удобно для вращения электрических генераторов.

Весьма важной для электрических станций является возможность строить турбины на громадные мощности (до 100 000 *квт* и более), значительно превышающие максимальные мощности других типов тепловых двигателей. Это обусловлено равномерностью вращения вала турбины. При работе турбины отсутствуют толчки, которые получаются в поршневых машинах при движении поршня взад и вперед.

§ 318. Поршневая паровая машина. Основы конструкции поршневой паровой машины, изобретенной на рубеже XVII и XVIII веков[1]), в основном сохранились до наших дней. В свое время паровая машина дала технике, до того почти не знавшей машин-двигателей, новое мощное средство развития. В настоящее время она частично вытеснена

---

[1]) Ф. Энгельс говорит, что «паровая машина была первым действительно интернациональным открытием» (Соч. К. Маркса и Ф. Энгельса, т. XIV, стр. 570). Энгельс упоминает Папина (француз), Лейбница (немец), Сэвери и Ньюкомена (англичане), а также Уатта (англичанин), придавшего «паровой машине в принципе ее современный вид». Энгельсу в то время не были известны материалы о замечательном русском горном инженере, работавшем на Урале и в Сибири, Иване Ивановиче Ползунове (1728—1766), на 21 год раньше Уатта создавшем свою паровую машину.

другими типами двигателей. Однако у нее есть свои достоинства, заставляющие иногда предпочесть ее турбине. Это — простота обращения с ней, возможность менять скорость и давать задний ход.

Устройство паровой машины показано на рис. 520. Основная ее часть — чугунный цилиндр A, в котором ходит поршень B. Рядом с цилиндром расположен парораспределительный механизм. Он состоит из золотниковой коробки, имеющей сообщение с паровым котлом. Кроме котла, коробка посредством отверстия O сообщается с конденсатором (в паровозах чаще всего просто через дымовую трубу — с атмосферой) и с цилиндром посредством двух окон M и N. В коробке находится золотник Z, движимый специальным механизмом посредством тяги L так, что, когда поршень движется направо (рис. 520, *а*), левая часть цилиндра через окно M сообщается с паровым котлом, а правая — через окно N с атмосферой. Свежий пар входит в цилиндр слева, а отработанный пар из правой части цилиндра уходит в атмосферу. Затем, когда поршень движется налево (рис. 520, *б*), золотник передвигается так, что свежий пар входит в правую часть цилиндра, а отработанный пар из левой части уходит в атмосферу.

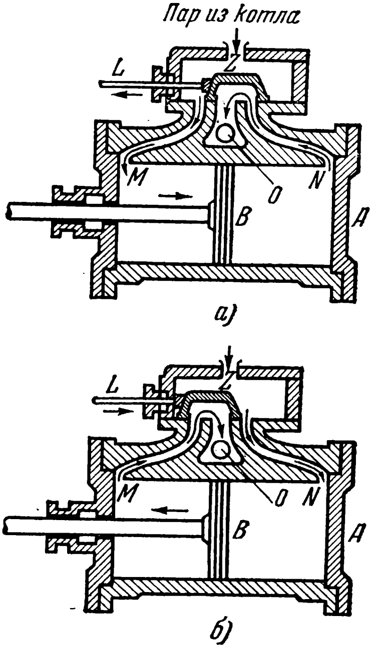


Рис. 520. Устройство цилиндра и золотниковой коробки паровой машины. *а*) Пар входит в цилиндр слева. *б*) Пар входит в цилиндр справа.

Пар подается в цилиндр не во все время хода поршня, а только в начале его. После этого благодаря особой форме золотника пар отсекается (перестает подаваться в цилиндр) и работа производится расширяющимся и охлаждающимся паром. Отсечка пара дает большую экономию энергии.

На паровозах обычно установлены два цилиндра (иногда больше). Пар поступает сперва в один цилиндр, а затем во второй. Так как пар в первом цилиндре расширяется, то диаметр второго цилиндра значительно больше первого. На паровозах обычно ставятся огнетрубные котлы; имеется пароперегреватель.

До сих пор строили паровозы, выпускающие пар в атмосферу. На новых мощных паровозах ставят конденсаторы, и пар в них циркулирует так же, как и в паросиловой станции.

Упражнение. **318.1.** Каково среднее давление пара в цилиндре паровой машины, если ход поршня 40 *см*, площадь поршня 250 *см*^{2} и мощность машины при 120 оборотах в минуту равна 21 *л. с.*? Принять во внимание, что при одном обороте вала машина делает два хода.

§ 319. Конденсатор. Как было указано в § 315, после турбины или поршневой машины пар поступает в конденсатор, играющий роль охладителя. В конденсаторе пары должны сгуститься в воду. Но пар конденсируется в воду

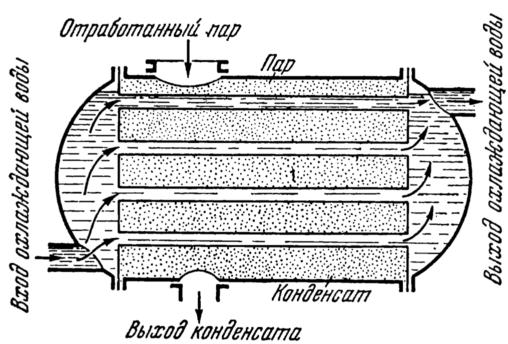


Рис. 521. Схема поверхностного конденсатора. Отработанный пар проходит мимо труб, по которым протекает холодная вода. Пар конденсируется. Получившийся конденсат отсасывается от конденсатора по трубе, показанной снизу.

только в том случае, если удаляется выделяющаяся при конденсации теплота испарения. Это делают при помощи холодной воды. Например, конденсатор может быть устроен в виде барабана, пронизанного трубами, которые наполнены проточной холодной водой (рис. 521).

В конденсаторах давление пара обычно значительно ниже атмосферного (0,02—0,03 *кГ/см*^{2}).

Воду, получившуюся из пара (конденсат), и воздух, проникший вместе с ней, откачивают из конденсатора особым насосом.

§ 320. Коэффициент полезного действия теплового двигателя. Назначение теплового двигателя — производить механическую работу. Мы уже указывали (§ 314), что только часть теплоты, полученной двигателем, затрачивается на совершение работы. Отношение механической работы, совершаемой двигателем, к израсходованной энергии называется *коэффициентом полезного действия двигателя* (сокращенно к. п. д.).

Рассмотрим вопрос об учете энергии, расходуемой в двигателе. Обычно это энергия смеси: топливо — кислород воздуха. Ее легко оценить, если известны количество топлива и его *калорийность*, т. е. количество тепла, выделяемого при полном сгорании 1 *кг* топлива.

Калорийность различных сортов топлива определяют, сжигая небольшую порцию топлива в закрытом сосуде, помещенном в калориметр. Калорийность разных сортов топлива приведена в таблице 24 (цифры округлены).

Таблица 24

Калорийность различных сортов топлива

Топливо	Калорийность, *ккал/кг*
Керосин	10 500
Бензин	11 000
Уголь каменный	7000—8000
» бурый	5000
Дерево	3000

Рассмотрим пример. Пусть в двигателе сожжено 3 *кг* бензина. Выделившаяся при этом энергия равна 11 000 *ккал/кг* $\times$ $\times$ 3 *кг* = 33 000 *ккал* = 33 000 $\times$ 427 *кГм* = 14 100 000 *кГм*.

Если при израсходовании 3 *кг* бензина двигатель произвел работу 3 000 000 *кГм*, то его к.п.д. $= \frac{3\,000\,000}{14\,100\,000} = 21\,\%$.

§ 321. Коэффициент полезного действия паросиловой станции. Энергетический баланс паросиловой станции с турбиной показан на рис. 522. Он является примерным, к. п. д. паросиловой станции может быть и больше (до 27%). Потери энергии, которые имеют место при работе паросиловой

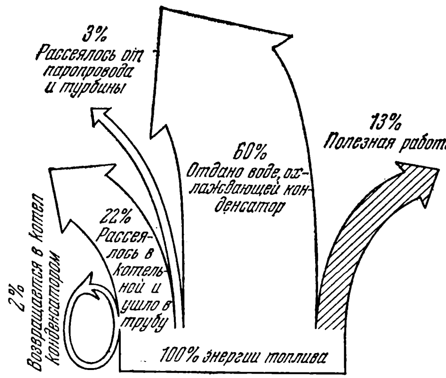


Рис. 522. Примерный энергетический баланс паротурбинной станции. Заштрихованная площадь показывает полученную полезную работу.

станции, можно разделить на две части. Часть потерь обусловлена несовершенством конструкции и может быть уменьшена без изменения температуры в котле и в конденсаторе. Например, устроив более совершенную тепловую изоляцию котла, можно уменьшить потери теплоты в котельной.

Вторая, значительно бóльшая часть — потеря теплоты, переданной воде, охлаждающей конденсатор, оказывается при заданных температурах в котле и в конденсаторе совершенно неизбежной. Мы уже указывали (§ 314), что условием работы теплового двигателя является не только получение некоторого количества теплоты от нагревателя, но и передача части этой теплоты охладителю.

Большой научный и технический опыт по устройству тепловых двигателей и глубокие теоретические исследования, касающиеся условий работы тепловых двигателей, установили, что к. п. д. теплового двигателя зависит от *разности температур* нагревателя и охладителя. Чем больше эта разность, тем больший к. п. д. может иметь теплосиловая установка (конечно, при условии устранения всех технических несовершенств конструкции, о которых упоминалось выше).

Но если разность эта невелика, то даже самая совершенная в техническом смысле машина не может дать значительного к. п. д. Теоретический расчет показывает, что если абсолютная температура нагревателя равна T, а охладителя T', то *к. п. д. не может быть больше*, чем

$$\eta = \frac{T - T'}{T}.$$

Так, например, у паровой машины, пар который имеет в котле температуру 100° С (или 373° К), а в охладителе 25° С (или 298° К), к. п. д. не может быть больше $\frac{373-298}{373} = 0{,}2$, т. е. 20% (практически вследствие несовершенства устройства к. п. д. такой установки будет значительно ниже). Таким образом, для улучшения к. п. д. тепловых машин нужно перейти к более высоким температурам в котле, а следовательно, и к более высоким давлениям пара. В отличие от прежних станций, работавших при давлении 12—15 $\kappa\Gamma/c\mathit{м}^2$ (что соответствует температуре пара 200° С), на современных паросиловых станциях начали устанавливать котлы на 130 $\kappa\Gamma/c\mathit{м}^2$ и более (температура около 500° С).

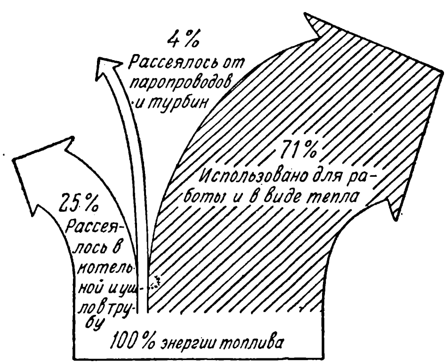


Рис. 523. Примерный энергетический баланс теплоэлектроцентрали. Заштрихованная площадь показывает полезную часть затраченной энергии (в виде работы и теплоты).

Вместо увеличения температуры в котле можно было бы идти по линии понижения температуры в конденсаторе. Однако это оказалось практически неосуществимым. При очень низких давлениях плотность пара очень мала и при большом количестве пара, пропускаемого за 1 секунду мощной турбиной, объем турбины и конденсатора при ней должен был бы быть непомерно велик.

Кроме увеличения к. п. д. теплового двигателя, можно пойти по пути использования «тепловых отбросов», т. е. теплоты, отводимой водой, охлаждающей конденсатор. Вместо того чтобы спускать нагретую конденсатором воду в реку или озеро, можно направить ее по трубам водяного отопления или использовать ее для промышленных целей в химической или в текстильной промышленности. Можно также производить расширение пара в турбинах только до давления 5—6 *кГ/см*^{2}. Из турбины при этом выходит еще очень горячий пар, могущий служить для ряда промышленных целей.

Станция, использующая отбросы теплоты, снабжает потребителей не только электрической энергией, полученной за счет механической работы, но и теплотой. Она называется *теплоэлектроцентралью* (ТЭЦ). Такое комбинированное использование энергии как нельзя более соответствует духу социалистического хозяйства. Поэтому в СССР строительство ТЭЦ идет быстрыми шагами.

Примерный энергетический баланс ТЭЦ представлен на рис. 523.

§ 322. Бензиновый двигатель внутреннего сгорания. Перейдем теперь к другим типам тепловых двигателей. Самый распространенный тип современного теплового двигателя — *двигатель внутреннего сгорания*. Число двигателей внутреннего сгорания, установленных на автомобилях, самолетах, тракторах, танках, моторных лодках и т. д., исчисляется во всем мире десятками миллионов и продолжает быстро расти. Исключительно велико значение двигателя внутреннего сгорания в военной технике.

Двигатели внутреннего сгорания могут работать на жидком топливе (бензин, керосин и т. п.) или на горючем газе, сохраняемом в сжатом виде в стальных баллонах или добываемом сухой перегонкой из дерева (газогенераторные двигатели).

Мы рассмотрим устройство четырехтактного бензинового двигателя автомобильного типа. Устройство двигателей, устанавливаемых на тракторах, танках и самолетах, в общих чертах сходно с устройством автомобильного двигателя.

Основной частью двигателя внутреннего сгорания является один или несколько цилиндров, *внутри* которых производится сжигание топлива (рис. 524). Отсюда и название двигателя.

Внутри цилиндра может передвигаться поршень (рис. 525). Поршень представляет собой полый стальной, с одной стороны закрытый цилиндр B, опоясанный пружинящими кольцами MMM, вложенными в стальные канавки

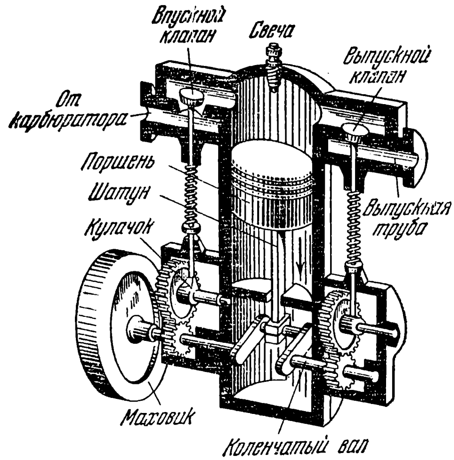


Рис. 524. Устройство автомобильного двигателя.

на поршне (поршневые кольца). Назначение поршневых колец — не пропускать газов, образующихся при сгорании топлива, в промежутки между поршнем и стенками цилиндра (показаны пунктиром).

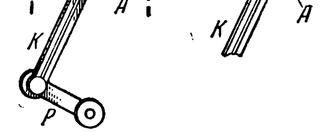


Рис. 525. Устройство поршня двигателя внутреннего сгорания. Справа показано присоединение шатуна к поршню.

Поршень снабжен металлическим стержнем A («пальцем»), служащим для соединения поршня с шатуном K. Шатун в свою очередь служит для передачи движения от поршня коленчатому валу P.

Верхняя часть цилиндра сообщается с двумя каналами, закрытыми клапанами. Через один из каналов — впускной (на рис. 524— левый) подается горючая смесь, через другой выпускной — выбрасываются продукты сгорания.

Клапаны имеют вид тарелок, прижимаемых к отверстиям пружинами. Клапаны открываются при помощи кулачков, помещенных на кулачковом валу; при вращении вала кулачки поднимают клапаны посредством стальных стержней (толкателей).

Кроме клапанов, в верхней части цилиндра помещается так называемая свеча. Это—приспособление для зажигания смеси посредством электрической искры, получаемой от установленных на двигателе электрических приборов (магнето или бобины).

Весьма важной частью бензинового двигателя является прибор для получения горючей смеси—карбюратор. Его устройство схематически показано на рис. 526. Если в цилиндре открыт только впускной клапан и поршень движется к коленчатому валу, то сквозь отверстие O атмосферное давление вгоняет воздух. Воздух проходит мимо трубочки A, соединенной с поплавковой камерой B. В камере B находится бензин, поддерживаемый при помощи поплавка M на таком уровне, что в трубочке A он как раз доходит до конца ее. Это достигается тем, что поплавок, поднимаясь при натекании бензина в камеру, запирает отверстие S особой запорной иглой F и тем прекращает натекание бензина, если уровень его повысится. Воздух, проходя с большой скоростью мимо конца трубочки A, засасывает бензин и распыляет его (см. о пульверизаторе § 182). Таким образом получается горючая смесь (пары бензина и воздух).

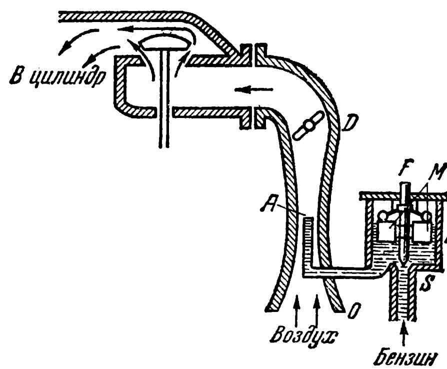


Рис. 526. Устройство карбюратора. D — дроссельный кран, регулирующий приток горючей смеси в цилиндр.

Работа двигателя состоит из следующих тактов (рис. 527):

I такт—*всасывание*. Открывается впускной клапан A, и поршень M, двигаясь вниз, засасывает в цилиндр горючую смесь из карбюратора.

II такт—*сжатие*. Впускной клапан закрывается, и поршень, двигаясь вверх, сжимает горючую смесь. Смесь при сжимании нагревается.

III такт — *сгорание*. Когда поршень достигает верхнего положения (при быстром ходе двигателя несколько раньше), смесь поджигается электрической искрой, даваемой свечой.

Сила давления газов — раскаленных продуктов сгорания горючей смеси — толкает поршень вниз. Движение поршня передается коленчатому валу, и этим производится полезная работа. Производя работу и расширяясь, продукты сгорания охлаждаются и давление их падает. К концу рабочего хода давление в цилиндре падает почти до величины атмосферного давления.

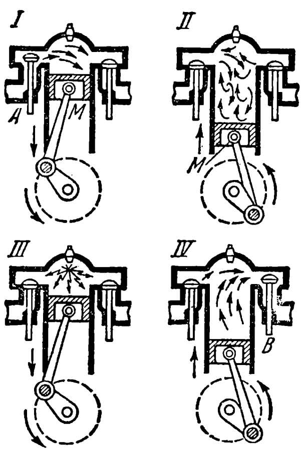


Рис. 527. Четыре такта работы двигателя внутреннего сгорания.

IV такт — *выпуск* (выхлоп). Открывается выпускной клапан *B*, и отработанные продукты горения выбрасываются сквозь глушитель в атмосферу.

Как видно, из четырех тактов двигателя (т. е. за два оборота коленчатого вала) только один, третий, является рабочим. Ввиду этого одноцилиндровый двигатель должен быть снабжен массивным маховиком, за счет кинетической энергии которого двигатель движется в течение остальных тактов. Отметим, что одноцилиндровые двигатели ставятся главным образом на мотоциклах. На автомобилях, тракторах и т. п. с целью получения более равномерной работы двигателя ставятся 4, 6 и более цилиндров, установленных на общем валу так, что при каждом такте по крайней мере один из цилиндров работает.

Чтобы двигатель начал работать, его надо привести в движение посторонней силой. В автомобилях это делается при помощи особого электромотора, питаемого от аккумулятора (стартер).

Добавим, что необходимой частью двигателя является приспособление для охлаждения стенок цилиндров. При чрезмерном перегревании цилиндров наступает пригорание масла, возможны преждевременные вспышки горючей смеси и детонация (взрыв горючей смеси вместо сгорания, имеющего место при нормальной работе). Детонация не только вызывает понижение мощности, но и разрушительно действует на мотор. Охлаждение цилиндров производится проточной водой, отдающей теплоту воздуху (рис. 528), или непосредственно воздухом.

Кроме четырехтактных двигателей, еще бывают менее распространенные двухтактные двигатели. Мы не будем их рассматривать.

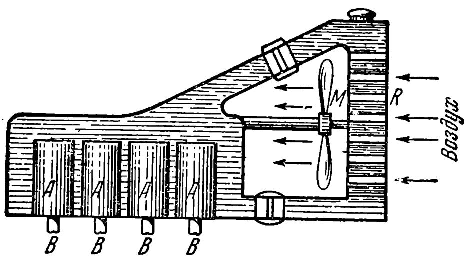


Рис. 528. Схема устройства водяного охлаждения цилиндров двигателя автомобиля. A — цилиндры, B — шатуны. Вода циркулирует, омывая цилиндры. Движение воды вызывается нагреванием ее вблизи цилиндров и охлаждением в радиаторе R. Это — система медных трубок, по которым протекает вода. В радиаторе вода охлаждается потоком воздуха, засасываемого при движении пропеллером M.

Двигатель внутреннего сгорания обладает рядом преимуществ, явившихся причиной его широкого распространения (компактность, малый вес и т. п.). С другой стороны, недостатками двигателя являются: 1) то, что он требует жидкого топлива высокого качества, 2) невозможность получить при его помощи малую скорость вращения (при малом числе оборотов, например, не работает карбюратор). Это заставляет прибегать к разного рода приспособлениям для уменьшения скорости оборотов (например, к зубчатой передаче).

Бензиновый двигатель описанного типа может иметь мощность от 0,5 до 1000—2000 *л. с.* (в зависимости от размеров).

Упражнение. **322.1.** Какова мощность четырехцилиндрового двигателя, делающего 300 оборотов в минуту, если среднее давление 5 $кГ/см^2$, ход поршня 0,3 *м* и площадь поршня 120 $см^2$?

§ 323. Коэффициент полезного действия двигателя внутреннего сгорания. Присматриваясь к условиям, при которых производится работа в двигателе внутреннего сгорания, мы видим сходство с условиями, при которых производится работа в паровом двигателе. Здесь тоже имеется наличие разности температур: с одной стороны, источник тепла (в данном случае источником тепла является химическая реакция горения) создает высокую температуру рабочего вещества, с другой стороны, имеется громадный резервуар, в котором рассеивается получающаяся теплота,— атмосфера; она играет роль охладителя.

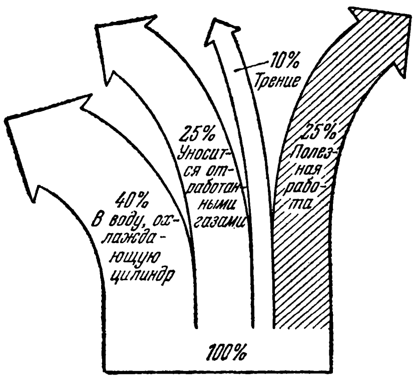


Рис. 529. Энергетический баланс автомобильного двигателя. Заштрихованная площадь показывает полученную полезную работу.

Так как температура газов, получающихся при сгорании смеси внутри цилиндра, довольно высока (свыше 1000° C), то к. п. д. двигателей внутреннего сгорания может быть значительно выше к. п. д. паровых двигателей. На практике к. п. д. двигателей внутреннего сгорания равен обычно 20—30 %.

Примерный энергетический баланс двигателя автомобильного типа показан на рис. 529.

Упражнения. **323.1.** Двигатель в 10 *л. с.* потребляет в час 2,8 *кг* бензина. Каков его к. п. д.?

323.2. Какую работу можно произвести, если затратить в двигателе с к. п. д. 20% 0,5 *кг* бензина?

§ 324. Двигатель Дизеля. Как повысить к. п. д. двигателя внутреннего сгорания? И расчеты и опыты показывают, что для этого надо употреблять большую степень сжатия (отношение между наибольшим и наименьшим объемами цилиндра, рис. 530). При большом сжатии горючая смесь сильнее нагревается и получается более высокая температура во время горения смеси. Однако в двигателях автомобильного типа нельзя употреблять сжатие более 4—5-кратного. При большей степени сжатия горючая смесь нагревается в течение II такта настолько, что воспламеняется раньше, чем нужно, и детонирует.

Это затруднение обойдено в двигателе, сконструированном в конце XIX в. Р. Дизелем (двигатель Дизеля или просто *дизель*). Устройство дизеля схематически показано на рис. 531. В дизеле подвергается сжатию не горючая смесь, а чистый воздух. Сжатие применяется 11—12-кратное, причем получается нагревание воздуха до 500—600° С. Когда поршень достигает верхнего положения, в цилиндр вбрызгивается жидкое топливо, например нефть. Делается это при помощи особой форсунки, работающей от сжатого воздуха, нагнетаемого компрессором[1]). Зажигание разбрызганной и испарившейся нефти происходит вследствие высокой температуры, получившейся в цилиндре при сжатии, и не требует никаких вспомогательных поджигающих устройств.

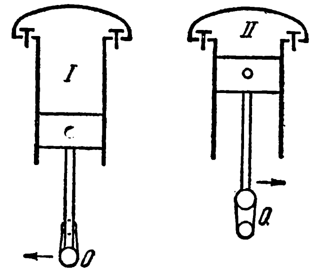


Рис. 530. Степень сжатия есть отношение объема газа в цилиндре при положении поршня *I* к объему при положении поршня *II*.

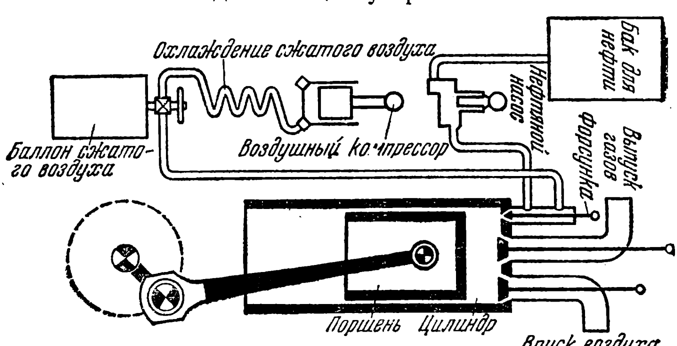


Рис. 531. Схема двигателя Дизеля.

Во время горения нефти, продолжающегося значительно дольше, чем горение смеси бензин — воздух в автомо-

[1]) В некоторых типах дизелей компрессор отсутствует и вбрызгивание нефти производится насосом, дающим очень большое давление.

бильном двигателе, поршень движется вниз и производит работу. Затем производится выбрасывание отработанных газов.

Дизель оказался более экономичным двигателем, чем бензиновый (к. п. д. около 38%). Он может иметь значительно бо́льшую мощность (десятки тысяч *л. с.*). Дизели ставят на суднах (теплоходы), на подводных лодках, на небольших электростанциях и т. п.

Большим преимуществом дизеля является то, что он работает на дешевых «тяжелых» сортах топлива, а не на дорогом очищенном бензине. Кроме того, дизели не нуждаются в особой системе зажигания. Однако в тех случаях, когда требуется минимальный вес двигателя при данной мощности, дизели оказываются менее выгодными. Поэтому, например, в авиации дизели применяют только на тяжелых машинах, рассчитанных на большую дальность полета.

§ 325. Реактивные двигатели. В § 188 мы рассмотрели действие реактивной струи, сообщающей движение реактивным самолетам и ракетам. Реактивная струя создается реактивным двигателем, являющимся по существу двигателем внутреннего сгорания. На рис. 532 показана схема

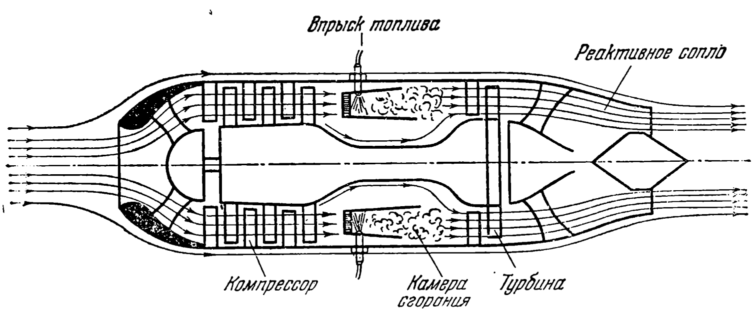


Рис. 532. Схема устройства турбореактивного двигателя.

устройства одного из типов реактивных двигателей, устанавливаемых на самолетах. Двигатель заключен в цилиндрический корпус, открытый спереди (воздухоприемное отверстие) и сзади (выходное сопло). Воздух входит в переднее отверстие (это показано стрелками) и попадает в компрессор, состоящий из ряда лопаток, укрепленных на вращающихся колесах и гонящих воздух вдоль оси двигателя, уплотняя его при этом. Компрессор приводится в движение специальной газовой турбиной, установленной в задней части двигателя. После компрессора воздух поступает в камеру, в которую впрыскивается горючее. Получается горючая смесь, которая воспламеняется, образуя газы высокой температуры и высокого давления. Газы направляются к выходному соплу, по пути приводя в действие газовую турбину, вращающую компрессор, а затем вырываются через сопло из заднего отверстия двигателя. Как было объяснено в § 187, газы, покидающие двигатель и получающие огромную скорость в направлении назад, действуют на самолет с огромной силой реакции, направленной вперед, которая и является движущей силой реактивного самолета.

§ 326. Огнестрельное оружие. Огнестрельное оружие — тоже один из видов теплового двигателя, в некоторой степени сходный с двигателем внутреннего сгорания. Оно производит механическую работу выбрасывания пули или снаряда за счет внутренней энергии взорвавшегося пороха (или другого взрывчатого вещества).

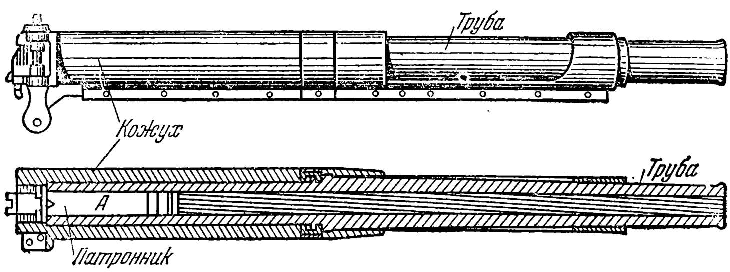


Рис. 533. Устройство 76-миллиметровой пушки.

Изобретение огнестрельного оружия относится к XIII веку. В течение семи веков, прошедших со времени изобретения пороха, огнестрельное оружие непрерывно совершенствуется. В настоящее время техника метания пуль и артиллерийских снарядов достигла чрезвычайно высокого уровня.

Рассмотрим для примера 76-миллиметровую пушку, т. е. пушку, снаряд которой имеет диаметр 76 *мм*. В основном ее устройство состоит из трубы (рис. 533), сзади которой расположен затвор, через который в патронник закладываются снаряд и заряд пороха, после чего затвор закрывается.

При выстреле порох заряда воспламеняется и в течение чрезвычайно короткого времени (для 76-миллиметровой пушки 0,006 сек.) сгорает. Вследствие этого появляется большое количество раскаленных до температуры около 3000° С газов, имеющих громадное давление (порядка 3000—4000 $кГ/см^2$).

Силы давления сообщают снаряду внутри ствола большое ускорение, благодаря чему снаряд вылетает из ствола с огромной скоростью.

Кроме создания кинетической энергии выброшенного снаряда, энергия, заключенная в пороховом заряде, тратится на движение газов, на нагревание ствола и т. п.

Примерный энергетический баланс для 76-миллиметровой пушки показан на рис. 534. Так как назначение орудия — сообщать кинетиче-

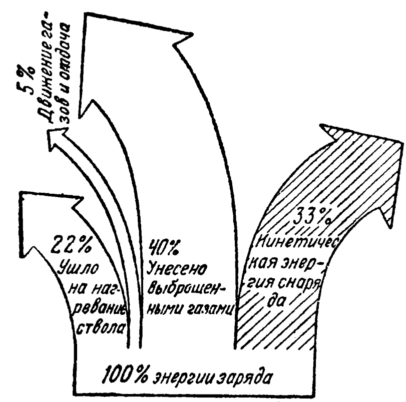


Рис. 534. Энергетический баланс выстрела из орудия. Заштрихованная площадь показывает полезную часть энергии.

скую энергию снаряду, то на основании приведенных данных следует считать, что к. п. д. при выстреле составляет около 33%.

Наибольшая потеря энергии (40%) приходится на тепло, рассеянное в окружающей атмосфере.

§ 327. Передача теплоты от холодного тела к горячему.

Мы убедились на ряде примеров, что работа производится тогда, когда теплота переходит от горячего тела (нагревателя) к холодному (охладителю). Мы видели, что при этом охладитель получает меньше теплоты, чем отдает нагреватель. Внутренняя энергия нагревателя убывает не только потому, что он передает теплоту охладителю, но также и потому, что производится работа.

Спросим себя: при каких условиях имеет место обратный процесс — передача теплоты от холодного тела к горячему?

Пример такого рода имеем в холодильных (ледоделательных) машинах, применяемых в пищевой промышленности (для изготовления мороженого, для хранения мяса и т. п.). Схема устройства компрессорной ледоделательной машины является обратной устройству паросиловой установки. Она показана на рис. 535. Рабочим веществом в холодильной машине обычно служит аммиак (иногда углекислый газ, сернистый ангидрид или какой-либо из галоидоводородов, получивших специальное название: фреоны). Компрессор *К* нагнетает пары аммиака под давлением 12 *кГ/см*² в змеевик *А* (он соответствует конденсатору). При сжатии пары аммиака нагреваются, и их охлаждают в баке *В* проточной

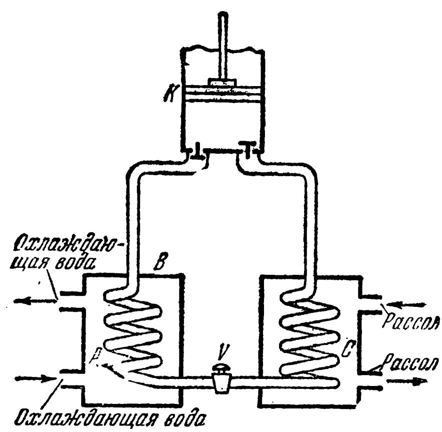


Рис. 535. Схема устройства компрессорной холодильной машины.

водой, играющей роль теплого тела, получающего теплоту. Здесь пары аммиака обращаются в жидкость. Из змеевика *А* аммиак через вентиль *V* поступает в другой змеевик *С* (испаритель), где давление около 3 *кГ/см*². При прохождении через вентиль часть аммиака испаряется и температура понижается до —10° С. Из испарителя аммиак отсасывается компрессором. Испаряясь, аммиак заимствует теплоту, необходимую для испарения, от окружающего испаритель соляного раствора (рассола). Вследствие этого рассол охлаждается примерно до —8° С. Таким образом, рассол играет роль холодного тела, отдающего теплоту горячему телу (проточной воде в баке *В*). Струя охлажденного рассола направляется по трубам в охлаждаемое помещение. Искусственный лед получают, погружая в рассол металлические коробки, наполненные чистой водой.

Кроме компрессорных холодильных машин, для бытовых целей применяют адсорбционные холодильные машины, где сжатие рабочего газа достигается не при помощи компрессора, а путем поглощения (адсорбции, растворения) в подходящем веществе. Так, в холодильнике «Газоаппарат» (рис. 536) крепкий водный раствор аммиака нагревается (током) в генераторе *1* и выделяет газообразный аммиак, давление которого достигает 20 *атм*. Газообразный аммиак после осушки (в осушителе, не показанном на схеме) конденсируется в конденсаторе *2*. Сжиженный аммиак поступает в испаритель *3*, где он вновь превращается в газ, заимствуя у испарителя значительное количество теплоты. Газообразный аммиак адсорбируется (растворяется в воде) в адсорбере *4*, где, таким образом, вновь образуется крепкий раствор аммиака, который перетекает в генератор *1*, вытесняя оттуда обедненный (после выделения газа) раствор в адсорбер. Так осуществляется непрерывный цикл, причем внутри охлаждаемого помещения (шкафа) помещается испаритель (сильно охлаждаемый при испарении аммиака), а все остальные части расположены вне шкафа. Возникает вопрос, почему в конденсаторе газообразный аммиак сжижается, а в испарителе он испаряется,

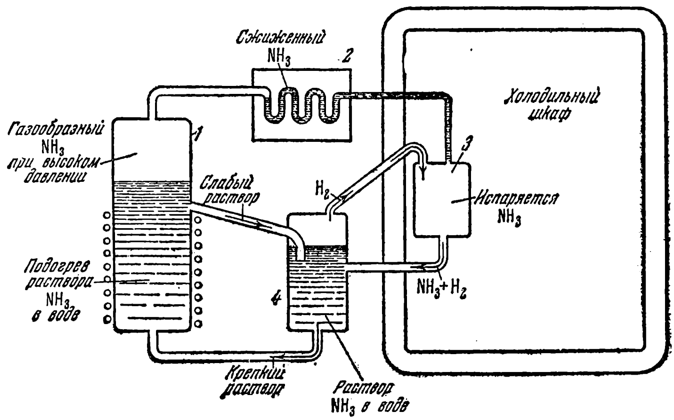


Рис. 536. Схема устройства адсорбционной холодильной машины.

хотя температура испарителя ниже, чем температура конденсатора? Это достигается благодаря тому, что вся система заполнена водородом при давлении около 20 *атм*. Когда нагревают генератор, то газообразный аммиак выделяется из кипящего раствора, причем давление его доходит примерно до 20 *атм*, оттесняя водород из верхней части генератора и конденсатора в испаритель и адсорбер. Таким образом, аммиак в конденсаторе находится под собственным высоким давлением и поэтому сжижается при температуре, близкой к комнатной, в испаритель же жидкий аммиак попадает под низким парциальным давлением, а находящийся в испарителе водород обеспечивает нужное суммарное давление, равное давлению в конденсаторе и других частях системы. Смесь водорода и газообразного аммиака из испарителя переходит в адсорбер, где аммиак растворяется в воде, что вызывает нагревание раствора, а водород проходит сквозь теплый раствор и, нагревшись там, переходит благодаря конвекции в холодный испаритель. На место же растворившегося аммиака в испарителе испаряются его новые порции, вызывая дальнейшее охлаждение испарителя. Преимущество этой конструкции состоит в отсутствии движущихся механических частей. Циркуляция аммиачного раствора (между *1* и *4*) и циркуляции водорода (между *4* и *3*) осуществляется за счет разности плотностей, обусловленной разностью температур (раствор в *1* горячее чем в *4*, а водород в *4* теплее, чем в *3*).

Итак, чтобы осуществить передачу теплоты от холодного тела к горячему, нужно произвести работу посторонней силой. При этом горячее тело получит не только то количество теплоты, которое отдано холодным телом, но также и то, которое эквивалентно произведенной работе.

Упражнение. **327.1.** В комнате установили домашний холодильник, приводимый в действие мотором, питающимся от электросети. Стало ли от этого в комнате холоднее?

ОТВЕТЫ К УПРАЖНЕНИЯМ

5.1. Точки оси цилиндра. **9.1.** 25 *см*. **9.2.** 6 *м/сек*. **12.2.** 10 *м*. **12.3.** $s=s_0+vt$. **12.4.** $s=s_0+v(t-t_0)$. **12.5.** 2,7 *сек*; —2 *м*; 0,75 *м/сек*. **12.6.** 60 *мин*, 40 *км*. **12.7.** 1 час. **12.8.** 0. **14.2.** 40 *км/час*. **19.1.** I) $\left(2+\frac{2}{3}\,t\right)$ *м/сек*; II) $\left(6-\frac{3}{2}\,t\right)$ *м/сек*; III) $(-6+3t)$ *м/сек*; IV) $(-1-t)$ *м/сек*. **22.1.** $s=(v^2-v_0^2)/2a$, $v=\sqrt{v_0^2+2as}$. **22.4.** 330 *м*. **22.5.** 4 *м/сек*. **22.6.** Около 14 *м/сек*. **22.7.** 32 *м*. **24.1.** 500 *км*. **28.2.** 2 *км*. **28.3.** 12 *час*. **28.4.** В два раза. **28.5.** 10 *м/сек*. **28.6.** а) 10 *м/сек*; б) 0 *м/сек*. **28.7.** 2 *час* 40 *мин*. **45.1.** $1{,}5\cdot10^6$ *н*. **45.2.** Около 3 *сек*. **47.1.** 1 *кГ*. **47.2.** Отношение путей равно обратному отношению масс. **51.1.** 4 *м/сек*. **55.1.** 15 *м*. **55.3.** а) $v=\sqrt{2gh}$; б), в) $v=\sqrt{v_0^2+2gh}$. **55.4.** 15 *м*; 20 *м/сек*. **55.5.** Примерно в 1,4 раза. **55.6.** 45 *м*. **72.2.** 50 *н*; 71 *н*. **72.3.** 17 300 *н*. **72.4.** 14°; 103 *н*. **73.1.** *BC*: 10 *н*; *CG*: 11,6 *н*; *CD*: 5,8 *н*; *DE*: 10 *н*. **74.1.** $Q=P/\sqrt{2}\approx14$ *н*. Сила прижатия равна 7,3 *н*. **74.2.** Около 56°. **74.3.** 100 *кГ*, 173 *кГ*. **81.1.** На расстоянии 3 *см* от места скрепления. **81.3.** 15 *кГ*; 45 *кГ*. **83.2.** Да: при наклонении центр тяжести линейки поднимается. **83.4.** Около 12 *см*. **84.1.** Выигрыш в силе в два раза. **92.1.** $1{,}8\cdot10^6$ *дж*. **92.2.** 9600 *дж*. **95.1.** 20 *кГ*. **100.2.** На разгон от 5 до 10 *м/сек*. **101.1.** 25 *м/сек*; при отсутствии начальной скорости 20 *м/сек*. **103.1.** 62,5 *кГ*. **103.2.** 2800 *кГ*. **103.3.** 3200 *дж*. **103.4.** 10^7 *дж*. **106.1.** 0,0007 *вт*. **106.2.** 6 *Т*. **106.3.** Около 2 *л. с.* **107.1.** В 8 раз большую. **107.2.** 500 *л. с.* **109.1.** 96%. **109.2.** Около 4600 *дж*. **109.3.** 69%. **109.4.** 54%. **109.5.** 43 000 *н*. **109.6.** Нет. **112.1.** 25 *м/сек*; через 1,5 *сек*. **112.2.** 4,5 *м/сек*. **113.1.** 7 *м/сек* и 9,8 *м/сек*; 4,9 *м*. **113.2.** 45 *м*. **115.1.** Отношение равно $^1/_2$. **115.2.** Угловая скорость часовой стрелки вдвое больше скорости вращения Земли. **116.1.** 3,4 *кГ*. **116.2.** 7,7 *м/сек*. **118.1.** Около 4 *об/сек*. **119.1.** При условии $\frac{m_1}{m_2}=\frac{r_2}{r_1}$, т. е. если общий центр тяжести находится в *O*. **119.2.** 1,5 *кГ*. **119.3.** 7 *рад/сек*. **120.1.** $v=\sqrt{rg/2}$; $v=\sqrt{rg}$. **124.1.** На 16,4%. **124.2.** Около 10 *кГ*. **124.3.** Искомая точка отстоит от центра Луны на 0,1 расстояния между Землей и Луной. **125.1.** С первой космической скоростью. **125.2.** На расстоянии 6,65 радиуса Земли от центра Земли, т. е. на высоте около 36 000 *км* над поверхностью Земли. **128.1.** $\operatorname{tg}\alpha=a/g$; $T=m\sqrt{a^2+g^2}$. **128.2.** ma. **134.2.** Около 80 *мин*. **140.1.** 0,9 *л*. **148.1.** Да. **152.1.** На глубине

10 *м*; на глубине 40 *м*. **153.1.** 168 *см*. **154.1.** 9,8 *н/м*^{2}; 133,3 *н/м*^{2}. **154.2.** На 27,2 *мм*. **155.1.** 5,5 *атм*. **155.2.** 29 *м*. **160.1.** 1,25 *кГ*. **160.2.** 0,905 *кГ*. **160.3.** 3 *м*. **160.5.** 0,8 *Г* на чашку, где подвешен цинк. **161.1.** 2,3 *Г/см*^{3}. **161.2.** $\gamma_2 = \frac{P - P_1}{P - P_2}\gamma_1$, где P, P_1 и P_2— вес тела в воздухе, воде и жидкости, а γ_1 и γ_2— удельные веса воды и исследуемой жидкости. **161.3.** 0,91 *Г/см*^{3}. **161.4.** 0,2 *Г/см*^{3}. **162.4.** 0,8. **162.5.** 0,43; шарик немного поднимется. **162.6.** 4,6 *кГ*. **162.7.** 0,736; 0,054. **169.1.** Давление жидкости быстро падает при ее расширении; поэтому, расширяясь, сжатая жидкость может произвести лишь незначительное расширение тканей. **172.1.** Вода 73 *см*, ртуть 5,3 *см*. **173.1.** На 70 *см*. **174.1.** Увеличить деления в 2 раза. **174.2.** Около 67 *кГ*. **175.1.** Наружу. **177.1.** На 100 *Г*. **177.2.** Нет. **178.1.** 1000 *кГ*; 865 *кГ*. **195.1.** Увеличивается. **195.2.** Сталь расширяется больше дерева. **195.3.** Нет. **195.4.** Между стеклом и проволочкой может образоваться зазор (течь). **195.5.** Жидкость в горлышке колбы начала бы подниматься сразу после опускания колбы в горячую воду; общая высота поднятия уровня жидкости в горлышке была бы больше. **195.6.** Снизу. **196.2.** Около 99° С. **197.1.** 555 *мм*. **197.2.** От —10° С до +50° С. **197.3.** 19,96 *мм*. **199.1.** 50,12 *см*^{3}. **200.1.** 0,0011 *град*$^{-1}$. **203.1.** Если скорость опускающихся грузов мала, то при подсчете изменения механической энергии можно пренебречь кинетической энергией грузов и считать, что результатом произведенной работы является только изменение температуры в сосуде. **209.1.** Объем не изменится. **209.2.** а) 23° С; б) если сначала вливают горячую воду, окончательная температура ниже 23° С; если сначала вливают холодную воду,— выше 23° С (при условии, что температура внешней среды лежит между 50° С и 10° С). **212.1.** В середине. **212.2.** Теплопередача от пламени к бумаге снизу одинакова по всей площади, где пламя касается бумаги. Теплопередача от бумаги к находящемуся над ней воздуху меньше, чем теплопередача от бумаги к воздуху через металлическую булавку при той же разности температур. Поэтому бумага под булавкой будет холоднее, чем остальная бумага. **212.3.** Между волокнами имеются прослойки из воздуха, теплопроводность которого мала. **212.4.** Цинковая. **212.5.** Капелька на сильно накаленной плите отделена от нее слоем плохо проводящего водяного пара. При слабом накале капелька воды прилегает к плите вплотную. **212.6.** Конвекционные течения отсутствовали бы и нижние слои жидкости имели бы значительно более высокую температуру, чем верхние. **212.7.** При свободном падении банки конвекционные течения воздуха в ней отсутствуют. **212.8.** Теплопроводность водорода больше теплопроводности воздуха. **223.1.** а), б), в) Уровни ртути останутся прежними; г) уровень ртути в правом колене поднимется еще выше. **223.2.** 0,78 *ат*. **223.3.** Стрелка манометра перейдет за красную черту. **223.4.** 0,00268 *град*$^{-1}$. **225.1.** Процесс накачивания воздуха в шину происходит настолько быстро, что теплообмен с окружающими телами недостаточен и сжимаемый внутри насоса воздух нагревается. Вместе с тем немного нагреваются и стенки насоса. При многократном повторении процесса повышение температуры стенок достигает заметной величины. **227.1.** 1000 *мм* рт. ст. **227.2.** 5,3 *кГ/см*^{2}. **227.3.** Около 6,5 *мм*^{3}. **227.4.** 36 *см*^{2}. **228.2.** Площади равны. **229.1.** 0,13 *кг*. **232.1.** 865 *м*^{3}. **234.1.** Неправильно. **236.1.** 1,17 *м*^{3}. **236.2.** Около 2,4 *м/сек*. **237.1.** Поднимется. **238.2.** 66 *см*^{3}. **238.3.** 529° С. **238.4.** 894 *л*. **238.5.** 0,000059 *г/см*^{3} **238.6.** Около 12 000 *м*^{3}. **242.2.** $2{,}7 \cdot 10^{19}$ *см*$^{-3}$. **242.3.** $3{,}3 \cdot 10^{-24}$ *г*; $5{,}3 \cdot 10^{-23}$ *г*. **243.2.** Около 1200 *м/сек*; 360 *м/сек*. **243.3.** 3800 *м/сек*; около 360 *м/сек*. **244.1.** Молекулы

газа движутся с различными скоростями. **246.1.** 0,178 *кал/г·град*; 0,25 *кал/г·град*. **246.2.** 0,223 *кал/град*. **247.1.** 0,056 *кал/г·град*; 0,033 *кал/г·град*. **249.2.** Пленка собирается в круглую каплю, которая вследствие тонкости пленки имеет очень малый размер. **250.1.** 118 *эрг*. **250.2.** 25 000 *эрг*. **250.3.** 435 *дж*; 104 *кал*. **253.1.** Силы сцепления между молекулами воды и стекла больше, чем силы сцепления между молекулами воды; вода удерживается около стекла до тех пор, пока не накопится капля достаточно большого веса. Силы сцепления между молекулами ртути и стекла, наоборот, меньше сил сцепления между молекулами ртути, и ртуть не накопляется вблизи поверхности стекла. **253.2.** На стекающую воду, кроме тяжести, действуют достаточно большие силы сцепления, заставляющие струю воды менять направление движения. **253.3.** Так как жир не смачивается водой, над лезвием слой воды отсутствует и лезвие опускается в воду до тех пор, пока сила давления воды снизу не уравновесит вес лезвия. В случае чистого лезвия вода растекается по нему. **253.4.** Расплавленный припой смачивает чистую металлическую поверхность и не смачивает окисленную. **255.1.** Добавочное давление в малом пузыре больше добавочного давления в большом пузыре. **255.2.** При малом. **255.3.** Свободная поверхность капли, находящейся между пластинками, имеет седлообразную форму. Приближенно ее можно принять за цилиндрическую поверхность с радиусом кривизны, равным половине расстояния между пластинками. Эта поверхность является вогнутой, а потому давление в капле меньше атмосферного, причем разница тем больше, чем радиус кривизны меньше. Сила, сдавливающая пластинки, тем больше, чем больше разность между давлением атмосферы и давлением в капле и чем больше площадь, на которой эта разность давлений существует. **255.4.** Если капля в узком месте трубки имеет одинаковую кривизну по обеим сторонам, то давление газа по обе стороны капли одинаково. Стоит капле немного сместиться (например, вправо), как радиус кривизны с правой стороны увеличится, а с левой — уменьшится. Вследствие этого появится разность давлений, которая будет препятствовать дальнейшему движению капли. Если капель в трубке много, то противодействие продуванию трубки достигает большой величины. **255.5.** Вес отрывающейся капли тем больше, чем больше поверхностное натяжение жидкости. **256.1.** Вода смачивает мел, входит в его поры и вытесняет из них воздух. **256.2.** Вода поднимается тем выше, чем меньше расстояние между стенками, а следовательно, и радиус кривизны поверхности воды. **256.4.** Поверхностное натяжение у горячей воды меньше, чем у холодной, и вследствие этого высота поднятия у горячей воды должна быть меньшей. С другой стороны, плотность горячей воды меньше плотности холодной, и это должно вызвать увеличение поднятия. Обнаруживаемое на опыте уменьшение поднятия указывает, что изменение поверхностного натяжения воды при изменении температуры больше, чем изменение ее плотности. **256.5.** Вода в левой трубке может быть поднята при отсутствии толчков до того же уровня, до которого поднимается уровень воды в обычном капилляре того же диаметра. В правой трубке при медленном подъеме ее мениск в вертикальной части будет держаться на одном уровне до тех пор, пока не дойдет до горизонтальной части; тогда он быстро перейдет на следующую вертикальную часть. **256.6.** Свободная поверхность воды и в прямом капилляре и в изогнутом обращена вогнутостью вверх. Поэтому капиллярные силы тянут воду вверх и в прямой трубке и в изогнутой. **257.1.** 5,8 *см*; 2,2 *см*. **257.2.** 21 *эрг/см*^{2}. **269.1.** 118 *г*. **275.2.** На тротуаре, посыпанном солью. **278.1.** Появляется остаточная деформация. **280.1.** Уменьшится вдвое.

280.2. 9 *мм*. **282.1.** 0,36 *мм*. **283.2.** Кости животных, перья птиц, стебли растений. **283.3.** В 9 раз. **284.1.** 720 *кГ*. **284.2.** 177 *м*. **288.1.** В ней находятся пары ртути. **291.1.** Воздух уже насыщен парами эфира и нового испарения не происходит. **293.1.** Давление насыщающих паров воды меняется при нагревании иначе, чем давление газов. **293.3.** При температуре, соответствующей точке *A* на графике, вся жидкость испаряется. **294.3.** Около 120° С; около 60° С. **294.4.** Около 140° С. **294.6.** При охлаждении дна колбы давление паров над водой делается меньше давления насыщающих паров, соответствующего температуре воды в колбе. **295.1.** 12,5 *ккал*. **295.2.** Около 24° С. **296.1.** Затруднено испарение воды с поверхности тела, и вследствие этого уменьшена отдача теплоты в воздух. **296.3.** В фарфоровом сосуде вода холоднее. **297.1.** 201 *кал/г*. **306.1.** 80%. **306.2.** 1,2 *кг*. **306.3.** Нет. **309.1.** 1) Влажно-адиабатический; 2) адиабатический. **309.2.** При подъеме процесс расширения является влажно-адиабатическим, а при спускании процесс сжатия является адиабатическим. Поэтому понижение температуры при подъеме меньше, чем повышение ее при опускании. **318.1.** 3,8 *кГ/см*^{2}. **322.1.** 24 *л. с.* **323.1.** Около 21%. **323.2.** Около 470 000 *кГм*. **327.1.** В комнате станет теплее.

Элементарный учебник физики
под ред. акад. Г. С. Ландсберга
Том I
Механика. Теплота. Молекулярная физика.

М., 1973 г., 656 стр. с илл.

Редактор *Е. Б. Кузнецова*
Техн. редактор *К. Ф. Брудно*
Корректор *Е. Я. Гороховская*

Печать с матриц.
Подписано в печать 2/III 1973 г.
Бумага $84 \times 108^1/_{32}$. Тип. № 2.
Физ. печ. л. 20,5.
Условн. печ. л. 34,44.
Уч.-изд. л. 36,16.
Допечатка тиража 150 000 экз.
Цена книги 1 р. 11 к. Зак. № 178.

Издательство «Наука»
Главная редакция
физико-математической литературы
117071, Москва, В-71, Ленинский проспект, 15

Ордена Трудового Красного Знамени
Первая Образцовая типография
имени А. А. Жданова
Союзполиграфпрома
при Государственном комитете Совета Министров СССР
по делам издательств, полиграфии
и книжной торговли
Москва, М-54, Валовая, 28

Цена 1 р. 11 к.